Семинар №6

Драчов Ярослав Факультет общей и прикладной физики МФТИ

12 марта 2021 г.

0-6-1.

Решение.

$$\sigma = \frac{ne^2\tau}{m}.$$

$$n \sim \exp\left(-\frac{\Delta}{2kT}\right).$$

$$\frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \exp\left(\frac{\Delta}{2kT}\frac{T_1 - T_2}{T_1 T_2}\right) \sim e^{2,13} \approx 23.$$

0-6-2.

Решение.

$$\mathrm{Ry}^* = \left(\frac{me^4}{2\hbar^2}\right)^* = \frac{\mathrm{Ry}}{m_e} \frac{m_h m_n}{m_h + m_n} \frac{1}{\varepsilon^2} \sim 6,8 \mathrm{\ мэВ}.$$

$$a_B^* = \left(\frac{\hbar^2}{me^2}\right)^* = \frac{\varepsilon}{m} m_e \cdot \underbrace{a_B}_{0,5 \mathrm{\ \mathring{A}}} \approx 100 \mathrm{\ \mathring{A}}.$$

4.2.

Решение.

$$\begin{split} \frac{mv^2}{R} &= \frac{e^2}{\varepsilon R^2}.\\ mvR &= \hbar.\\ R &= \frac{\varepsilon \hbar^2}{me^2}.\\ \varepsilon_1 &= -\frac{e^2}{2\varepsilon R} = -\frac{me^4}{2\varepsilon^2\hbar^2}.\\ m\mapsto m^* \implies R\sim 65 \text{ нм} \implies \varepsilon_1\sim 0,7 \text{ мэВ.} \end{split}$$

4.50.

Решение.

$$n_{\min} \sim \frac{1}{\left(a_B^*\right)^3}.$$

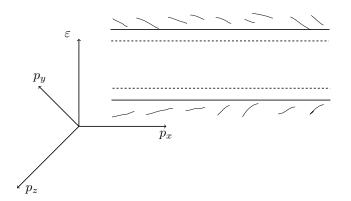


Рис. 1: К задаче 4.50

$$\begin{split} n &= 2 \left(\frac{m_n kT}{2\pi\hbar^2}\right)^{3/2} e^{\frac{\varepsilon}{kT}}.\\ p &= 2 \left(\frac{m_p kT}{2\pi\hbar^2}\right)^{3/2} e^{-\frac{\Delta+\varepsilon}{kT}}.\\ n &= p - \text{сообств. п/п.}\\ \mu &= -\frac{\Delta}{2} + \frac{3}{4} kT \ln \frac{m_p}{m_n}. \end{split}$$

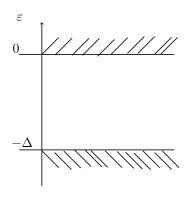


Рис. 2

4.40.

Решение.

$$n_h = 2\left(\frac{m_h kT}{2\pi\hbar^2}\right)^{3/2} e^{-\frac{\mu+\Delta}{kT}}.$$

$$n_e = n_h.$$

4.2.

Решение.

$$\sigma = \frac{ne^2\tau}{m^*} = ne\mu.$$

$$\tau_h \sim 10^{-12} \text{ c} \gg \tau_{\text{соуд}}.$$

$$L = \sqrt{D\tau} \approx 0.2 \text{ см}.$$

$$D = \frac{kt\mu}{e}.$$

4.25.

Решение.

$$\begin{split} n_{\rm Sb} &= n_{\rm Au^-} + 2n_{\rm Au^2-} + n_-. \\ n_{\rm Au^-} + n_{\rm Au^2-} &= n_{\rm Au}. \\ n_- + n_{\rm Au^2-} &= n_{\rm Sb} - n_{\rm Au}. \\ f(\Delta + \varepsilon) &= \frac{n_{\rm Au^2-}}{n_{\rm Au}} = \frac{1}{1 + e^{\frac{-\Delta + \varepsilon_2 - \mu}{kT}}}. \\ n &= Q \underbrace{e^{\frac{\mu}{kT}}_{kT}}_{x}. \\ Qx + n_{\rm Au} \frac{x}{x + e^{\frac{-\Delta + \varepsilon_2}{kT}}} &= n_{\rm Sb} - n_{\rm Au}. \\ x &= \frac{n_{\rm Sb} - n_{\rm Au}}{2n_{\rm Au} - n_{\rm Sb}} e^{\frac{-\Delta + \varepsilon_2}{kT}} = e^{\frac{\mu}{kT}}. \\ \mu &= -\Delta + \varepsilon_2 + kT \ln \frac{n_{\rm Sb} - n_{\rm Au}}{2n_{\rm Au} - n_{\rm Sb}} = -\Delta + \varepsilon_2. \\ n_- &= Q_- e^{\frac{-\Delta + \varepsilon_2}{kT}} \sim 8, 3 \cdot 10^4 \ {\rm cm}^{-3}. \end{split}$$