

Семинар №8

Драчов Ярослав
Факультет общей и прикладной физики МФТИ

24 марта 2021 г.

Разложение по характерам

Главным результатом будет

$$Z(t) = \sum_{\lambda} \#S_{\lambda}(t),$$

где S_{λ} — это полиномы Шура, а суммирование ведётся по диаграммам Юнга.

Полиномы Шура

Представление группы G — это гомоморфизм

$$\rho: G \rightarrow \mathrm{GL}(V) \approx \mathrm{Aut}(V).$$

То есть

$$\rho(g_1, g_2) = \rho(g_1)\rho(g_2).$$

Представление алгебры Ли \mathfrak{ag}

$$\rho: \mathfrak{ag} \rightarrow \mathrm{GL}(V),$$

$$\rho([x, y]) = [\rho(x), \rho(y)].$$