

2016 年上《普通物理 A (1)》考试卷答案, 评分标准

一、选择题 (单选题, 每小题 3 分, 共 24 分)

(B) (D) (B) (B) (D) (D) (B) (D)

二、填空题 (每小题 3 分, 共 30 分)

1. 6 m/s^2 450 m/s^2
2. 0.89 m/s
3. $0.25\text{ kg} \cdot \text{m}^2$
4. b, f , a, e
5. 4 Hz
6. S_1 的相位比 S_2 的相位超前 $\pi/2$ (落后 $3\pi/2$)
7. $5\lambda / (2n\theta)$
8. N^2 , N
9. 照射光波长, 圆孔的直径
10. $2000\text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$, $500\text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

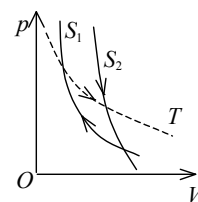
三、问答题: 每题 3 分 (共 6 分)

1. 答: 根据动能定理可知, 质点系的动能增量不仅决定于外力做的功, 还决定于内力做的功。

由于刚体内任意两质量元间的距离固定, 或说在运动过程中两质量元的相对位移为零, 所以每一对内力做功之和都为零。故刚体定轴转动时, 动能的增量就只决定于外力的功而与内力的作用无关了。

非刚体的各质量元间一般都会有相对位移, 所以不能保证每一对内力做功之和都为零, 故动能的增量不仅决定于外力做的功还决定于内力做的功。

2. 证: 设 $p-V$ 图上某一定量物质的两条绝热线 S_1 和 S_2 可能相交, 若引入等温线 T 与两条绝热线构成一个正循环, 如图所示, 则此循环只有一个热源而能做功(图中循环曲线所包围的面积), 这违反热力学第二定律的开尔文叙述。所以, 这两条绝热线不可能相交。



四、计算题 (每小题 10 分, 共 40 分)

1. 解: 以棒与地为系统, 在棒下落时, 仅有保守内力做功, 故系统机械能守恒。

1 分

选地面为势能零点, 则有

$$mgl = \frac{1}{2} J\omega^2 + \frac{1}{2} mgl \quad (1) \quad 1 \text{ 分}$$

以棒与滑块为系统, 在二者碰撞过程中, 对 O 轴 $M_{\text{外}} = 0$, 故系统对 O 轴的角动量守恒。

1 分

$$J\omega = J\omega' + mv_0 l \quad (2) \quad 2 \text{ 分}$$

对滑块有 $-fs = 0 - \frac{1}{2} mv_0^2 \quad (3) \quad 1 \text{ 分}$

$$f = \mu mg \quad (4) \quad 1 \text{ 分}$$

以棒与地为系统, 在棒上升过程中, 机械能守恒。选地面为势能

零点, 则有 $\frac{1}{2} mgl + \frac{1}{2} J\omega'^2 = mgh \quad (5) \quad 1 \text{ 分}$

①~⑤式联立, 考虑到 $J = \frac{1}{3} ml^2$, 解得 $h = l + 3\mu S - \sqrt{6\mu Sl} \quad 2 \text{ 分}$

2. 解: 按题意, 弦线上行波的频率 $\nu = 50\text{ Hz}$, 波速 $u = (T/\eta)^{1/2} = 60\text{ m/s}$, 波长 $\lambda = u/\nu = 1.2\text{ m}$ 。 1 分

取 O 点为 x 轴和 y 轴的原点。 x 轴向右, y 轴向上。

设入射波表达式为

$$y_1 = A \cos[2\pi \nu t - \frac{2\pi}{\lambda} x + \varphi] \quad (1)$$

因 OB 长为四分之一波长的奇数倍, 则反射波的表达式为

$$y_2 = A \cos[2\pi \nu t + \frac{2\pi}{\lambda} x + \varphi] \quad (2) \quad 1 \text{ 分}$$

$$\text{弦线上驻波表式为 } y = y_1 + y_2 = 2A \cos(\frac{2\pi}{\lambda} x) \cos(2\pi \nu t + \varphi) \quad (3)$$

据此, O 点振动方程为 $y_0 = 2A \cos(2\pi \nu t + \varphi)$

弦线上质点的最大位移为 $2A$, 即 $2A = 4\text{ cm}$

再由题给条件可得 $\varphi = \frac{1}{2}\pi$ 2 分

由此可得:

(1) 入射波 $y_1 = 2.0 \times 10^{-2} \cos[100\pi t - \frac{\pi x}{0.6} + \frac{\pi}{2}]$ (SI)

反射波 $y_2 = 2.0 \times 10^{-2} \cos[100\pi t + \frac{\pi x}{0.6} + \frac{\pi}{2}]$ (SI) 2 分

(2) 驻波 $y = 4.0 \times 10^{-2} \cos \frac{\pi x}{0.6} \cos(100\pi t + \frac{\pi}{2})$ (SI) 2 分

(3) 反射点 B 是波节, $PB = 0.6 = \frac{\lambda}{2}$, 所以 P 点也是驻波的波节。 2 分

3. 解: (1) $(a+b)\sin\phi = k\lambda$, 当 $\phi = \pi/2$ 时

$$k = (a+b)/\lambda = 3.39, k_{\max} = 3 \quad 2 \text{ 分}$$

又 $\because a=b$ $(a+b)\sin\phi = 2a\sin\phi = k\lambda$ 1 分

有谱线 $a\sin\phi = k\lambda/2$

但当 $k = \pm 2, \pm 4, \pm 6, \dots$ 时缺级。 1 分

\therefore 能看到 5 条谱线, 为 0, $\pm 1, \pm 3$ 级 1 分

(2) $(a+b)(\sin\phi + \sin\theta) = k\lambda$,
 $\theta = 30^\circ$, $\phi = \pm 90^\circ$ 1 分

$$\phi = \frac{1}{2}\pi, k = (a+b)(\sin 30^\circ + \sin 90^\circ)/\lambda = 5.09 \quad \text{取 } k_{\max} = 5 \quad 1 \text{ 分}$$

$$\phi = -\frac{1}{2}\pi, k = (a+b)(\sin 30^\circ - \sin 90^\circ)/\lambda = -1.7 \quad \text{取 } k'_{\max} = -1 \quad 1 \text{ 分}$$

$\because a=b$, \therefore 第 2, 4, \dots 缺级。 1 分

\therefore 能看 5 条谱线, 为 +5, +3, +1, 0, -1 级 1 分

4. 解: 初态参量 p_0, V_0, T_0 . 末态参量 $p_0, 5V_0, T$.

由 $p_0V_0/T_0 = p_0(5V_0)/T$

得 $T = 5T_0$ 1 分

$p-V$ 图如图所示 2 分

等温过程: $\Delta E = 0$

$$Q_T = W_T = (M/M_{mol})RT \ln(V_2/V_1) \\ = 3RT_0 \ln 5 = 1.09 \times 10^4 \text{ J} \quad 2 \text{ 分}$$

等体过程: $W_V = 0$

$$Q_V = \Delta E_V = (M/M_{mol})C_V \Delta T \\ = (M/M_{mol})C_V(4T_0) = 3.28 \times 10^3 C_V \quad 2 \text{ 分}$$

由 $Q = Q_T + Q_V$

得 $C_V = (Q - Q_T)/(3.28 \times 10^3) = 21.0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$

$$\gamma = \frac{C_p}{C_V} = \frac{C_V + R}{C_V} = 1.40 \quad 3 \text{ 分}$$

