

XIII LO Szczecin

Wojownicze Żółwie Ninja

Tomasz Nowak, Michał Staniewski, Justyna Jaworska

5 Struktury danych
6 Grafy
7 Geometria
8 Tekstówki
9 Optymalizacje 1
10 Randomowe rzeczy 1
$\underline{ ext{Utils}}$ (1)
headers Opis: Naglówki używane w każdym kodzie. Działa na każdy kontener i pa Użycie: debug(a, b, c) << d << e; wypisze a, b, c: a; b; de
<pre></pre>
<pre>using namespace std; using LL = long long; #define FOR(i, l, r) for(int i = (1); i <= (r); ++i) #define REP(i, n) FOR(i, 0, (n) - 1) template<class t=""> int size(T &&x) { return int(x.size()); } template<class a,="" b="" class=""> ostream& operator<<(ostream &out,</class></class></pre>

1 Utils

2 Podejścia

Wzorki

4 Matma

```
1  mt19937_64 rng(seed);
  int rd(int 1, int r) {
    return uniform_int_distribution<int>(1, r)(rng);
}
1  headers/bazshrc.sh
    c() {
    clang++ -03 -std=c++11 -Wall -Wextra -Wshadow \
    -Wconversion -Wno-sign-conversion -Wfloat-equal \
    -D_GLIBCXX_DEBUB -fsanitize=address, undefined -ggdb3 \
    -DDEBUG $1.cpp -o $1
}
5  nc() {
    clang++ -03 -std=c++11 -static $1.cpp -o $1 #-m32
}
```

| headers/vimrc |

#!/bin/bash

set nu rnu hls is nosol ts=4 sw=4 ch=2 sc filetype indent plugin on svntax on

headers/sprawdzaczka.sh

for ((i=0; i<1000000; i++)); do
 ./gen < conf.txt > gen.txt
 ./main < gen.txt > main.txt
 ./brute < gen.txt > brute.txt

if diff -w main.txt brute.txt > /dev/null; then
 echo "OK \$i"
else

exit 0 fi done

echo "WA"

Podejścia (2)

- dynamik, zachłan
- sposób "liczba dobrych obiektów = liczba wszystkich obiektów - liczba złych obiektow"
- czy warunek konieczny = warunek wystarczający?
- odpowiednie przekształcenie równania
- zastanowić się nad łatwiejszym problemem, bez jakiegoś elementu z treści
- sprowadzić problem do innego, łatwiejszego/mniejszego problemu
- sprowadzić problem 2D do problemu 1D (szczególny przypadek: zamiatanie; częsty przypadek: niezależność wyniku dla współrzędnych X od współrzędnych Y)
- konstrukcja grafu
- określenie struktury grafu
- optymalizacja bruta do wzorcówki
- czy można poprawić (może zachłannie) rozwiązanie nieoptymalne?

- czy są ciekawe fakty w rozwiązaniach optymalnych? (może się do tego przydać brute)
- sprawdzić czy w zadaniu czegoś jest "mało" (np. czy wynik jest mały, albo jakaś zmienna, może się do tego przydać brute)
- odpowiednio "wzbogacić" jakiś algorytm
- cokolwiek poniżej 10⁹ operacji ma szansę wejść
- co można wykonać offline? Coś można posortować?
 Coś można shuffle'ować?
- $\bullet\,$ narysować dużo swoich własnych przykładów i coś z nich wywnioskować

$\underline{\text{Wzorki}}$ (3)

3 lines

13 lines

3.1 Równości

$$ax^{2} + bx + c = 0 \Rightarrow x = \frac{-b \pm \sqrt{b^{2} - 4ac}}{2a}$$

Wierzchołek paraboli = $\left(-\frac{b}{2a}, -\frac{\Delta}{4a}\right)$.

$$ax + by = e$$

$$cx + dy = f \Rightarrow x = \frac{ed - bf}{ad - bc}$$

$$y = \frac{af - ec}{ad - bc}$$

3.2 Pitagoras

Trójki (a, b, c), takie że $a^2 + b^2 = c^2$:

$$a = k \cdot (m^2 - n^2), b = k \cdot (2mn), c = k \cdot (m^2 + n^2),$$

gdzie m > n > 0, k > 0, $m \perp n$, oraz albo m albo n jest parzyste.

3.3 Generowanie względnie pierwszych par

Dwa drzewa, zaczynając od (2,1) (parzysta-nieparzysta) oraz (3,1) (nieparzysta-nieparzysta), rozgałęzienia są do (2m-n,m), (2m+n,m) oraz (m+2n,n).

3.4 Liczby pierwsze

p=962592769 to liczba na NTT, czyli $2^{21} \mid p-1$, which may be useful. Do hashowania: 970592641 (31-bit), 31443539979727 (45-bit), 3006703054056749 (52-bit).

Jest 78498 pierwszych ≤ 1000000 .

Generatorów jest $\phi(\phi(p^a))$, czyli dla p > 2 zawsze istnieje.

3.5 Dzielniki

 $\sum_{d|n} d = O(n \log \log n).$

Liczba dzielników n jest co najwyżej 100 dla n < 5e4, 500 dla n < 1e7, 2000 dla n < 1e10, 200 000 dla n < 1e19.

3.5.1 Lemat Burnside'a

Liczba takich samych obiektów z dokładnościa do symetrii wynosi Given a group G of symmetries and a set X, the number of elements of X up to symmetry equals

$$\frac{1}{|G|} \sum_{g \in G} |X^g|,$$

Gdzie G to zbiór symetrii (ruchów) oraz X^g to punkty (obiekty) stałe symetrii q.

3.6 Silnia

n	1 2 3	4	5 6	7	8	9	10	
$\overline{n!}$	1 2 6	24 1	20 720	5040	40320	362880	3628800	_
n	11	12	13	14	1	5 16	17	
n!	4.0e7	4.8€	8 6.2e	9 8.7e	10 1.3€	e12 2.1e	13 3.6e14	_
							50 17	
$\overline{n!}$	2e18	2e25	3e32	8e47 3	Be64 9e	$157 \ 6e2$	$262 > DBL_$	MAX

3.6.1 Symbol Newtona

$$\binom{n}{k} = \binom{n-1}{k-1} + \binom{n-1}{k} = \binom{n-1}{k-1} + \binom{n-2}{k-1} + \dots + \binom{k-1}{k-1}$$

$$(x+y)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} x^k y^{n-k}$$

Wzorki na pewne ciągi

3.7.1 Nieporządek

Liczba takich permutacji, że $p_i \neq i$ (żadna liczba nie wraca na ta sama pozycję).

$$D(n) = (n-1)(D(n-1) + D(n-2)) = nD(n-1) + (-1)^n = \left\lfloor \frac{n!}{e} \right\rfloor$$

3.7.2 Liczba podziałów

Liczba sposobów zapisania n jako sumę posortowanych liczb dodatnich.

$$p(0) = 1, \ p(n) = \sum_{k \in \mathbb{Z} \setminus \{0\}} (-1)^{k+1} p(n - k(3k - 1)/2)$$

$$p(n) \sim 0.145/n \cdot \exp(2.56\sqrt{n})$$

3.7.3 Liczby Eulera pierwszego rzędu

Liczba permutacji $\pi \in S_n$ gdzie k elementów jest większych niż poprzedni: $k \operatorname{razy} \pi(j) > \pi(j+1), k+1 \operatorname{razy} \pi(j) > j, k$ razy $\pi(i) > i$.

$$E(n,k) = (n-k)E(n-1,k-1) + (k+1)E(n-1,k)$$
$$E(n,0) = E(n,n-1) = 1$$

$$E(n,k) = \sum_{i=0}^{k} (-1)^{i} \binom{n+1}{i} (k+1-j)^{n}$$

3.7.4 Stirling pierwszego rzędu

Liczba permutacji długości n mające k cykli.

$$c(n,k) = c(n-1,k-1) + (n-1)c(n-1,k), \ c(0,0) = 1$$

$$\sum_{k=0}^{n} c(n,k)x^{k} = x(x+1)\dots(x+n-1)$$

c(8, k) = 8, 0, 5040, 13068, 13132, 6769, 1960, 322, 28, 1 $c(n, 2) = 0, 0, 1, 3, 11, 50, 274, 1764, 13068, 109584, \dots$

3.7.5 Stirling drugiego rzędu

Liczba permutacji długości n mające k spójnych.

$$S(n,k) = S(n-1,k-1) + kS(n-1,k)$$

$$S(n,1) = S(n,n) = 1$$

$$S(n,k) = \frac{1}{k!} \sum_{j=0}^{k} (-1)^{k-j} {k \choose j} j^{n}$$

3.7.6 Liczby Catalana

$$C_n = \frac{1}{n+1} {2n \choose n} = {2n \choose n} - {2n \choose n+1} = \frac{(2n)!}{(n+1)!n!}$$

$$C_0 = 1, \ C_{n+1} = \frac{2(2n+1)}{n+2}C_n, \ C_{n+1} = \sum C_i C_{n-i}$$

 $C_n = 1, 1, 2, 5, 14, 42, 132, 429, 1430, 4862, 16796, 58786, \dots$

- ścieżki na planszy $n \times n$.
- nawiasowania po n ().
- liczba drzew binarnych z n+1 liściami (0 lub 2 syny).
- skierowanych drzew z n+1 wierzchołkami.
- triangulacje n + 2-kata.
- ullet permutacji [n] bez 3-wyrazowego rosnącego podciągu?

3.7.7 Formula Cayley'a

Liczba różnych drzew (z dokładnością do numerowania wierzchołków) wynosi n^{n-2} . Liczba sposobów by zespójnić k spójnych o rozmiarach s_1, s_2, \ldots, s_k wynosi $s_1 \cdot s_2 \cdot \cdots \cdot s_k \cdot n^{k-2}$.

Funkcje multiplikatywne

- $id(n) = n, 1 * \varphi = id$
- 1(n) = 1
- $\tau(n) = \text{liczba dzielników dodatnich}, 1 * 1 = \tau$
- $\sigma(n) = \text{suma dzielników dodatnich}, id * 1 = \sigma$
- $\varphi(n) = \text{liczba liczb względnie pierwszych z } n$ większych równych 1, $id * \mu = \varphi$
- $\mu(n) = 1$ dla n = 1, 0 gdy istnieje p, że $p^2 | n$, oraz $(-1)^k$ jak n jest iloczynem k parami różnych liczb pierwszych
- $\epsilon(n) = 1$ dla n = 1 oraz 0 dla n > 1, $f * \epsilon = f$, $1 * \varphi = \epsilon$
- $(f * g)(n) = \sum_{d|n} f(d)g(\frac{n}{d})$
- f * q = q * f
- f * (q * h) = (f * q) * h
- f * (q + h) = f * q + f * h
- jak dwie z trzech funkcji f * q = h są multiplikatywne,
- $f * g = \epsilon \Rightarrow g(n) = -\frac{\sum_{d|n,d>1} f(d)g(\frac{n}{d})}{f(1)}$
- równoważne: $-g(n) = \sum_{d|n} f(d)$ $-f(n) = \sum_{d|n} g(d)\mu(\frac{n}{d})$
- $-\sum_{k=1}^{n} g(k) = \sum_{d=1}^{n} \lfloor \frac{n}{d} \rfloor f(d)$ $\varphi(p^{k}) = p^{k} p^{k-1} = p^{k-1}(p-1)$ $\varphi(n) = n \cdot (1 \frac{1}{p_{1}}) \cdot (1 \frac{1}{p_{2}}) \dots (1 \frac{1}{p_{k}})$

Zasada włączeń i wyłączeń

$$|\bigcup_{i=1}^{n} A_i| = \sum_{\emptyset \neq J \subseteq \{1, \dots, n\}} (-1)^{|J|+1} |\bigcap_{j \in J} A_j|$$

3.10Fibonacci

$$F_n = \frac{\left(\frac{1+\sqrt{5}}{2}\right)^n - \left(\frac{1-\sqrt{5}}{2}\right)^n}{\sqrt{5}}$$

 $F_{n-1}F_{n+1} - F_n^2 = (-1)^n, F_{n+k} = F_k F_{n+1} + F_{k-1}F_n,$ $F_n|F_{nk}$, $NWD(F_m, F_n) = F_{NWD(m,n)}$

Matma (4)

extended-gcd

```
Opis: Dla danego (a, b) znajduje takie (qcd(a, b), x, y), że ax + by = qcd(a, b)
Czas: \mathcal{O}(\log(\max(a,b)))
Uzycie: LL gcd, x, y; tie(gcd, x, y) = extended_gcd(a deaf46.7 lines
tuple<LL, LL, LL> extended_gcd(LL a, LL b) {
  if(a == 0)
   return {b, 0, 1};
  LL x, y, gcd;
  tie(gcd, x, y) = extended_gcd(b % a, a);
  return {gcd, y - x * (b / a), x};
Opis: Chińskie Twierdzenie o Resztach
Czas: \mathcal{O}(\log n) Pamięć : \mathcal{O}(1)
Użycie: crt(a, m, b, n) zwraca takie x, że x mod m = a i x mod
n = b
m i n nie muszą być wzlędnie pierwsze, ale może nie być wtedy
rozwiazania
uwali się wtedy assercik, można zmienić na return -1
"../extended-gcd/main.cpp"
                                                         269203, 9 lines
LL crt(LL a, LL m, LL b, LL n)
  if(n > m) swap(a, b), swap(m, n);
  LL d, x, y;
  tie(d, x, y) = extended_gcd(m, n);
  assert((a - b) % d == 0);
  LL ret = (b - a) % n * x % n / d * m + a;
  return ret < 0 ? ret + m * n / d : ret;
berlekamp-massey
Opis: Berlekamp-Massey
Czas: \mathcal{O}\left(n^2 \log k\right) Pamięć: \mathcal{O}\left(n\right)
Użycie: Berlekamp_Massey(x) zgaduje rekurencję liniową ciagu x
qet_kth(x, rec, k) zwraca k-ty ciągu x o rekurencji rec 725e04,70 lines
int mod = 1e9 + 696969;
LL fpow(LL a, LL n) {
  if(n == 0) return 1;
  if (n % 2 == 1) return fpow(a, n - 1) * a % mod;
  LL r = fpow(a, n / 2);
  return r * r % mod;
vector<LL> Berlekamp Massey(vector<LL> x) {
  vector<LL> cur, ls;
  LL lf = 0, ld = 0;
  for(int i = 0; i < x.size(); i++) {
    LL t = 0;
    for(int j = 0; j < cur.size(); j++)</pre>
     t = (t + x[i - 1 - j] * cur[j]) % mod;
    if ((t - x[i]) % mod == 0) continue;
    if(cur.empty()) {
      cur.resize(i + 1);
      lf = i;
      ld = (t - x[i]) % mod;
      continue;
    LL k = (t - x[i]) * fpow(ld, mod - 2) % mod;
    vector < LL > c(i - lf - 1);
    c.emplace back(k);
    for(int j = 0; j < ls.size(); j++)
      c.emplace_back(- k * ls[j] % mod);
```

```
if(c.size() < cur.size()) c.resize(cur.size());</pre>
    for(int j = 0; j < cur.size(); j++)
     c[j] = (c[j] + cur[j]) % mod;
    if(i - lf + (int)ls.size() >= (int)cur.size())
     ls = cur, lf = i, ld = (t - x[i]);
    cur = c:
  for(LL &val : cur) val = (val % mod + mod) % mod;
 return cur;
LL get_kth(vector<LL> x, vector<LL> rec, LL k) {
  int n = size(rec);
  auto combine = [&](vector<LL> a, vector<LL> b) {
    vector<LL> ret (n \star 2 + 1);
    REP(i, n + 1) REP(i, n + 1)
     ret[i + j] = (ret[i + j] + a[i] * b[j]) % mod;
    for (int i = 2 * n; i > n; i--) REP (j, n)
     ret[i - j - 1] = (ret[i - j - 1] + ret[i] * rec[j]) % mod
    ret.resize(n + 1);
    return ret;
 1:
  vector<LL> r(n + 1), pw(n + 1);
 r[0] = 1, pw[1] = 1;
 for (++k; k; k /= 2) {
   if(k % 2) r = combine(r, pw);
   pw = combine(pw, pw);
  LL ret = 0;
  REP(i, n) ret = (ret + r[i + 1] * x[i]) % mod;
  return ret:
miller-rabin
Opis: Test pierwszości Millera-Rabina
Czas: \mathcal{O}(\log_n^2) Pamięć : \mathcal{O}(1)
Użycie: Miller_Rabin(n) zwraca czy n jest pierwsze
dziala dla long longów
                                                      9854f5, 39 lines
LL mul(LL a, LL b, LL mod) {
 return (a * b - (LL) ((long double) a * b / mod) * mod + mod)
      % mod;
LL fpow(LL a, LL n, LL mod)
 if(n == 0) return 1;
 if (n \% 2 == 1) return mul(fpow(a, n - 1, mod), a, mod);
 LL ret = fpow(a, n / 2, mod);
 return mul(ret, ret, mod);
bool Miller Rabin(LL n) {
 if(n < 2) return false;
 int r = 0;
 LL d = n - 1;
 while (d % 2 == 0)
   d /= 2, r++;
  for(int a : {2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31}) {
```

```
if(n == a) return true;
    LL x = fpow(a, d, n);
    if(x == 1 | | x == n - 1)
      continue;
    bool composite = true;
    REP(i, r - 1) {
     x = mul(x, x, n);
      if(x == n - 1) {
        composite = false;
        break:
    if (composite) return false;
  return true;
Opis: FFT
Czas: \mathcal{O}(n \log n)
Użycie: conv(a, b) zwraca iloczyn wielomianów a i b
conv_int(a, b) robi to samo, tyle że wykorzystując inty ido58c, 55 lines
using Complex = complex<double>;
void fft(vector<Complex> &a) {
 int n = size(a), L = 31 - builtin clz(n);
 static vector<complex<long double>> R(2, 1);
  static vector<Complex> rt(2, 1);
  for (static int k = 2; k < n; k \neq 2) {
    R.resize(n), rt.resize(n);
    auto x = polar(1.0L, M_PII / k);
    FOR(i, k, 2 * k - 1)
      rt[i] = R[i] = i & 1 ? R[i / 2] * x : R[i / 2];
  vector<int> rev(n);
  REP(i, n) rev[i] = (rev[i / 2] | (i & 1) << L) / 2;
  REP(i, n) if(i < rev[i]) swap(a[i], a[rev[i]]);
  for (int k = 1; k < n; k *= 2) {
    for (int i = 0; i < n; i += 2 * k) REP (j, k) {
      auto x = (double *) &rt[j + k], y = (double *) &a[i + j +
      Complex z(x[0] * y[0] - x[1] * y[1], x[0] * y[1] + x[1] *
            y[0]);
      a[i + j + k] = a[i + j] - z;
      a[i + j] += z;
vector<double> conv(vector<double> &a, vector<double> &b) {
  if(a.empty() || b.empty()) return {};
  vector<double> res(size(a) + size(b) - 1);
  int L = 32 - \underline{\quad} builtin_clz(size(res)), n = (1 << L);
  vector<Complex> in(n), out(n);
  copy(a.begin(), a.end(), in.begin());
  REP(i, size(b)) in[i].imag(b[i]);
  fft(in);
  for (auto &x : in) x *= x;
  REP(i, n) out[i] = in[-i \& (n-1)] - conj(in[i]);
  fft(out);
  REP(i, size(res)) res[i] = imag(out[i]) / (4 * n);
  return res;
vector<double> to_doubles(vector<int> &v) {
 int n = size(v);
```

```
vector<double> ret(n);
 REP(i, n) ret[i] = v[i];
  return ret;
vector<int> conv_int(vector<int> &a, vector<int> &b) {
 auto A = to_doubles(a), B = to_doubles(b);
  auto res = conv(A, B);
  int n = size(res);
  vector<int> ans(n);
  REP(i, n) ans[i] = round(res[i]);
 return ans;
Struktury danych (5)
```

find-union

lazy-segment-tree

Opis: Drzewo przedzial-przedzial

Opis: Find and union z mniejszy do wiekszego Czas: $\mathcal{O}(\alpha(n))$ oraz $\mathcal{O}(n)$ pamięciowo

c3dcbd, 19 lines

```
struct FindUnion {
  vector<int> rep;
  int size(int x) { return -rep[find(x)]; }
  int find(int x) {
   return rep[x] < 0 ? x : rep[x] = find(rep[x]);
  bool same set(int a, int b) { return find(a) == find(b); }
  bool join(int a, int b) {
   a = find(a), b = find(b);
   if(a == b)
     return false;
   if(-rep[a] < -rep[b])</pre>
     swap(a, b);
    rep[a] += rep[b];
   rep[b] = a;
    return true;
 FindUnion(int n) : rep(n, -1) {}
```

```
Czas: \mathcal{O}(\log n) Pamięć : \mathcal{O}(n)
Użycie: add(1, r, val) dodaje na przedziale
quert(1, r) bierze maxa z przedzialu
Zmieniając z maxa na co innego trzeba edytować
funkcje add val i f
                                                           a98ace, 59 lines
struct Node {
 int val, lazy;
```

```
int size = 1;
struct Tree {
  vector<Node> nodes;
  int size = 1;
  void add val(int v, int val) {
   nodes[v].val += val;
   nodes[v].lazy += val;
  int f(int a, int b) { return max(a, b); }
  Tree(int n) {
   while(size < n) size *= 2;
   nodes.resize(size * 2);
   for (int i = size - 1; i >= 1; i--)
```

```
nodes[i].size = nodes[i * 2].size * 2;
 void propagate(int v) {
   REP(i, 2)
      add_val(v * 2 + i, nodes[v].lazy);
    nodes[v].lazy = 0;
 int query(int 1, int r, int v = 1) {
   if(1 == 0 \&\& r == nodes[v].size - 1)
     return nodes[v].val;
   propagate(v);
    int m = nodes[v].size / 2;
   if(r < m)
     return query(1, r, v * 2);
    else if(m <= 1)</pre>
     return query (1 - m, r - m, v * 2 + 1);
      return f(query(1, m - 1, v * 2), query(0, r - m, v * 2 +
 void add(int 1, int r, int val, int v = 1) {
   if(1 == 0 \&\& r == nodes[v].size - 1) {
     add val(v, val);
     return:
   propagate(v);
    int m = nodes[v].size / 2;
   if(r < m)
     add(1, r, val, v * 2);
   else if (m \le 1)
     add(1 - m, r - m, val, v * 2 + 1);
     add(1, m - 1, val, v * 2), add(0, r - m, val, v * 2 + 1);
   nodes[v].val = f(nodes[v * 2].val, nodes[v * 2 + 1].val);
};
segment-tree
Opis: Drzewo punkt-przedzial
Czas: \mathcal{O}(\log n) Pamięć : \mathcal{O}(n)
Użycie:
                 Tree (n, val = 0) tworzy drzewo o n liściach, o
wartościach val
update(pos, val) zmienia element pos na val
query(1, r) zwraca f na przedziale
edytujesz funkcję f, można T ustawić na long longa albo pare
struct Tree {
 using T = int;
 T f(T a, T b) { return a + b; }
 vector<T> nodes:
 int size = 1;
 Tree (int n, T val = 0) {
   while(size < n) size *= 2;
   nodes.resize(size * 2, val);
 void update(int pos, T val) {
   nodes[pos += size] = val;
   while(pos /= 2)
     nodes[pos] = f(nodes[pos * 2], nodes[pos * 2 + 1]);
 T query(int 1, int r) {
   1 += size, r += size;
```

```
T \text{ ret} = (1 != r ? f(nodes[1], nodes[r]) : nodes[1]);
    while (1 + 1 < r) {
      if(1 % 2 == 0)
        ret = f(ret, nodes[1 + 1]);
      if(r % 2 == 1)
        ret = f(ret, nodes[r - 1]);
      1 /= 2, r /= 2;
    return ret;
};
fenwick-tree
Opis: Drzewo potęgowe
Czas: \mathcal{O}(\log n)
Użycie: wszystko indexowane od 0
update(pos, val) dodaje val do elementu pos
query(pos) zwraca sumę pierwszych pos elementów
lower_bound(val) zwraca pos, że suma [0, pos] <= val<sub>78e5fe, 26 lines</sub>
struct Fenwick {
 vector<LL> s;
 Fenwick(int n) : s(n) {}
  void update(int pos, LL val) {
    for(; pos < size(s); pos |= pos + 1)
      s[pos] += val;
 LL query(int pos) {
    LL ret = 0;
    for(; pos > 0; pos &= pos - 1)
      ret += s[pos - 1];
    return ret:
  int lower_bound(LL val) {
    if(val <= 0) return -1;
    int pos = 0;
    for (int pw = 1 << 25; pw; pw /= 2) {
      if(pos + pw \le size(s) \&\& s[pos + pw - 1] \le sum)
        pos += pw, sum -= s[pos - 1];
    return pos;
};
ordered-set
Opis: Ordered Set
Użycie: insert(x) dodaje element x (nie ma emplace)
find_by_order(i) zwraca iterator do i-tego elementu
order_of_key(x) zwraca, ile jest mniejszych elementów,
x nie musi być w secie
Jeśli chcemy multiseta, to używamy par {val, id}.
Nie dziala z -D_GLIBCXX_DEBUG
<ext/pb_ds/assoc_container.hpp>, <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
                                                        0a779f, 9 lines
using namespace __gnu_pbds;
template<class T> using ordered_set = tree<
 null_type,
 less<T>,
 rb_tree_tag,
 tree_order_statistics_node_update
```

lichao-tree

Opis: Dla funkcji, których pary przecinaja sie co najwyżej raz, oblicza maximum w punkcie x. Podany kod jest dla funkcji liniowych $$_{\rm a7f64a,\ 50\ lines}$$

```
struct Function {
  int a, b;
  L operator()(int x) {
    return x * L(a) + b;
 Function(int p = 0, int q = inf): a(p), b(q) {}
ostream& operator<<(ostream &os, Function f) {
  return os << make_pair(f.a, f.b);</pre>
struct LiChaoTree {
  int size = 1;
  vector<Function> tree;
  LiChaoTree(int n) {
    while(size < n)</pre>
     size *= 2;
    tree.resize(size << 1);</pre>
  L get_min(int x) {
    int v = x + size;
    L ans = inf;
    while(v) {
     ans = min(ans, tree[v](x));
     v >>= 1;
    return ans;
  void add_func(Function new_func, int v, int l, int r) {
    int m = (1 + r) / 2;
   bool domin_l = tree[v](l) > new_func(l),
       domin_m = tree[v](m) > new_func(m);
    if (domin_m)
     swap(tree[v], new_func);
    if(1 == r)
      return:
    else if(domin l == domin m)
      add_func(new_func, v \ll 1 \mid 1, m + 1, r);
   else
      add_func(new_func, v << 1, 1, m);
  void add func (Function new func)
    add func(new func, 1, 0, size - 1);
};
```

Grafy (6)

hld **Opis:** Heavy-Light Decomposition **Czas:** $\mathcal{O}(\log n)$

```
Użycie: kontruktor - HLD(n, graph)
lca(v, u) zwraca lca
get_vertex(v) zwraca pozycję odpowiadającą wierzcholkowi
get_path(v, u) zwraca przedziały do obsługiwania drzewem
przedzialowym
get_path(v, u) jeśli robisz operacje na wierzcholkach
get_path(v, u, false) jeśli na krawędziach
get_subtree(v) zwraca przedział odpowiadający podrzewu v 0et9dc. 66 lines
struct HLD {
 vector<vector<int>> graph;
 vector<int> size, pre, pos, nxt, par;
 int t = 0;
 void init(int v, int p = -1) {
   par[v] = p;
   size[v] = 1;
    for(int &u : graph[v]) if(u != par[v]) {
     init(u, v);
     size[v] += size[u];
     if(size[u] > size[graph[v][0]])
        swap(u, graph[v][0]);
 }
 void set_paths(int v) {
   pre[v] = t++;
    for(int &u : graph[v]) if(u != par[v]) {
     nxt[u] = (u == graph[v][0] ? nxt[v] : u);
     set_paths(u);
   pos[v] = t;
 HLD(int n, vector<vector<int>> graph, int root = 0)
    : graph(graph), size(n), pre(n), pos(n), nxt(n), par(n) {
    init(root);
    set_paths(root);
 int lca(int v, int u) {
   while(nxt[v] != nxt[u]) {
     if(pre[v] < pre[u])</pre>
       swap(v, u);
     v = par[nxt[v]];
   return (pre[v] < pre[u] ? v : u);</pre>
 vector<pair<int, int>> path_up(int v, int u) {
   vector<pair<int, int>> ret;
   while(nxt[v] != nxt[u]) {
     ret.emplace_back(pre[nxt[v]], pre[v]);
     v = par[nxt[v]];
   if(pre[u] != pre[v]) ret.emplace back(pre[u] + 1, pre[v]);
   return ret:
 int get_vertex(int v) { return pre[v]; }
 vector<pair<int, int>> get_path(int v, int u, bool add_lca =
      true) {
    int w = lca(v, u);
   auto ret = path_up(v, w);
   auto path_u = path_up(u, w);
   if(add_lca) ret.emplace_back(pre[w], pre[w]);
   while(!path_u.empty()) {
     ret.emplace_back(path_u.back());
```

```
path_u.pop_back();
    return ret;
  pair<int, int> get_subtree(int v) { return {pre[v], pos[v] -
Opis: Silnie Spójnie Skladowe
Czas: \mathcal{O}(\log n)
Użycie: kontruktor - SCC (graph)
group[v] to numer silnie spójnej wierzcholka v
get_compressed() zwraca graf siline spójnych
get_compressed(false) nie usuwa multikrawędzi
                                                      112027, 61 lines
struct SCC {
 int n:
  vector<vector<int>> graph;
 int group cnt = 0;
  vector<int> group;
  vector<vector<int>> rev_graph;
  vector<int> order;
  void order_dfs(int v) {
    group[v] = 1;
    for(int u : rev_graph[v])
     if(group[u] == 0)
        order dfs(u);
    order.emplace_back(v);
  void group_dfs(int v, int color) {
    group[v] = color;
    for(int u : graph[v])
      if(group[u] == -1)
        group_dfs(u, color);
  SCC(vector<vector<int>>> &graph) : graph(graph) {
    n = size(graph);
    rev_graph.resize(n);
    REP(v, n)
      for(int u : graph[v])
        rev_graph[u].emplace_back(v);
    group.resize(n);
    REP(v, n)
      if(group[v] == 0)
        order_dfs(v);
    reverse(order.begin(), order.end());
    debug(order);
    group.assign(n, -1);
    for(int v : order)
      if(group[v] == -1)
        group_dfs(v, group_cnt++);
  vector<vector<int>> get_compressed(bool delete_same = true) {
    vector<vector<int>> ans(group_cnt);
    REP(v, n)
      for(int u : graph[v])
       if(group[v] != group[u])
          ans[group[v]].emplace_back(group[u]);
    if (not delete same)
```

```
return ans;
    REP(v, group_cnt) {
      sort(ans[v].begin(), ans[v].end());
      ans[v].erase(unique(ans[v].begin(), ans[v].end()), ans[v
    return ans;
};
eulerian-path
Opis: Ścieżka eulera
Czas: \mathcal{O}\left(n\right)
Użvcie:
                  krawędzie to pary (to, id) gdzie id dla grafu
nieskierowanego jest
takie samo dla (u, v) i (v, u)
konstruktor - EulerianPath (m, graph)
graf musi być spójny
get_path() zwraca ścieżkę eulera
get_cycle() zwraca cykl eulera
jeśli nie ma, obie funkcję zwrócą pusty vector
                                                      d79aa1, 40 lines
struct EulerianPath {
  vector<vector<pair<int, int>>> graph;
  vector<bool> used:
  vector<int> in, out;
  vector<int> path, cycle
  void init(int v = 0) {
    in[v]++;
    while(!graph[v].empty()) {
      auto edge = graph[v].back();
      graph[v].pop_back();
      int u = edge.first;
      int id = edge.second;
      if(used[id]) continue;
      used[id] = true;
      out[v]++;
      init(u);
   path.emplace_back(v);
  EulerianPath(int m, vector<vector<pair<int, int>>> &graph) :
      graph (graph)
    int n = size(graph);
    used.resize(m);
    in.resize(n);
    out.resize(n);
    init();
    in[0]--;
    debug(path, in, out);
    cvcle = path;
    REP(i, n) if(in[i] != out[i]) cycle.clear();
    if (path.size() != 0) in[path.back()]++, out[path[0]]++;
    REP(i, n) if(in[i] != out[i]) path.clear();
    reverse(path.begin(), path.end());
  vector<int> get_path() { return path; }
  vector<int> get_cycle() { return cycle; }
jump-ptr
Opis: Jump Pointery
Czas: \mathcal{O}(n \log n + q \log n)
```

```
Użycie: konstruktor - JumpPtr(graph)
można ustawić roota
jump_up(v, k) zwraca wierzcholek o k wyższy niż v
jeśli nie istnieje, zwraca -1
lca(a, b) zwraca lca wierzcholków
                                                     d7a477, 49 lines
struct JumpPtr {
 int LOG = 20:
 vector<vector<int>> graph, jump;
 vector<int> par, dep;
 void par_dfs(int v) {
    for(int u : graph[v]) {
     if(u != par[v]) {
       par[u] = v;
       dep[u] = dep[v] + 1;
       par_dfs(u);
 JumpPtr(vector<vector<int>> &graph, int root = 0) : graph(
       graph) {
    int n = size(graph);
   par.resize(n, -1);
    dep.resize(n);
   par_dfs(root);
    jump.resize(LOG, vector<int>(n));
    jump[0] = par;
   FOR(i, 1, LOG - 1) REP(j, n)
      jump[i][j] = jump[i - 1][j] == -1 ? -1 : jump[i - 1][jump
           [i - 1][j]];
 int jump_up(int v, int k) {
   for (int i = LOG - 1; i >= 0; i--)
     if(k & (1 << i))
       v = jump[i][v];
   return v;
 int lca(int a, int b) {
   if(dep[a] < dep[b]) swap(a, b);</pre>
    int delta = dep[a] - dep[b];
    a = jump_up(a, delta);
   if(a == b) return a;
    for (int i = LOG - 1; i >= 0; i--) {
     if(jump[i][a] != jump[i][b]) {
       a = jump[i][a];
       b = jump[i][b];
   return par[a];
};
flow
Opis: Dinic bez skalowania
Czas: \mathcal{O}(V^2E)
Uzycie: Dinic flow(2); flow.add_edge(0, 1, 5); cout << flow(0,
1); // 5
funkcja get_flowing() zwraca dla każdej oryginalnej krawędzi,
ile przez nia leci
struct Dinic {
 using T = int;
 struct Edge {
```

```
int v, u;
 T flow, cap;
};
int n;
vector<vector<int>> graph;
vector<Edge> edges;
Dinic(int N) : n(N), graph(n) {}
void add edge(int v, int u, T cap) {
  debug() << "adding edge " << make_pair(v, u) << " with cap</pre>
       " << cap;
  int e = size(edges);
  graph[v].emplace_back(e);
  graph[u].emplace back(e + 1);
  edges.emplace back(Edge(v, u, 0, cap));
  edges.emplace_back(Edge{u, v, 0, 0});
vector<int> dist:
bool bfs(int source, int sink) {
  dist.assign(n, 0);
  dist[source] = 1;
  deque<int> que = {source};
  while(size(que) and dist[sink] == 0) {
   int v = que.front();
    que.pop_front();
    for(int e : graph[v])
     if(edges[e].flow != edges[e].cap and dist[edges[e].u]
        dist[edges[e].u] = dist[v] + 1;
        que.emplace_back(edges[e].u);
  return dist[sink] != 0;
vector<int> ended_at;
T dfs(int v, int sink, T flow = numeric_limits<T>::max()) {
 if(flow == 0 or v == sink)
    return flow:
  for(; ended_at[v] != size(graph[v]); ++ended_at[v]) {
    Edge &e = edges[graph[v][ended_at[v]]];
    if(dist[v] + 1 == dist[e.u])
     if(T pushed = dfs(e.u, sink, min(flow, e.cap - e.flow))
        e.flow += pushed;
        edges[graph[v][ended_at[v]] ^ 1].flow -= pushed;
        return pushed;
  return 0;
T operator()(int source, int sink) {
 T answer = 0;
  while(true) {
    if(not bfs(source, sink))
     break;
    ended_at.assign(n, 0);
    while(T pushed = dfs(source, sink))
      answer += pushed;
  return answer;
map<pair<int, int>, T> get_flowing() {
  map<pair<int, int>, T> ret;
  REP(v, n)
```

mcmf matching floyd-warshall 2sat

```
for(int i : graph[v]) {
       if (i % 2) // considering only original edges
          continue;
       Edge &e = edges[i];
        ret[make_pair(v, e.u)] = e.flow;
    return ret;
};
mcmf
Opis: Min-cost max-flow z SPFA
Czas: kto wie
Użvcie:
              MCMF flow(2); flow.add_edge(0, 1, 5, 3); cout <<
flow(0, 1); // 15
można przepisać funkcję get_flowing() z Dinic'a
                                                    2baac2, 79 lines
struct MCMF {
  struct Edge {
   int v, u, flow, cap;
   LL cost;
   friend ostream& operator << (ostream &os, Edge &e) {
     return os << vector<LL>{e.v, e.u, e.flow, e.cap, e.cost};
  };
  const LL inf LL = 1e18;
  const int inf int = 1e9;
  vector<vector<int>> graph;
  vector<Edge> edges;
  MCMF(int N) : n(N), graph(n) {}
  void add_edge(int v, int u, int cap, LL cost) {
    int e = size(edges);
   graph[v].emplace back(e);
   graph[u].emplace_back(e + 1);
   edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, cap, cost});
    edges.emplace_back(Edge{u, v, 0, 0, -cost});
  pair<int, LL> augment(int source, int sink) {
    vector<LL> dist(n, inf LL);
    vector<int> from(n, -1);
   dist[source] = 0;
   deque<int> que = {source};
    vector<bool> inside(n);
    inside[source] = true;
    while(size(que)) {
     int v = que.front();
     inside[v] = false;
     que.pop_front();
      for(int i : graph[v]) {
       Edge &e = edges[i];
       if(e.flow != e.cap and dist[e.u] > dist[v] + e.cost) {
          dist[e.u] = dist[v] + e.cost;
          from[e.u] = i;
         if(not inside[e.u]) {
           inside[e.u] = true;
            que.emplace_back(e.u);
    if(from[sink] == -1)
     return {0, 0};
```

```
int flow = inf_int, e = from[sink];
   while (e !=-1) {
     flow = min(flow, edges[e].cap - edges[e].flow);
      e = from[edges[e].v];
    e = from[sink];
   while (e !=-1) {
     edges[e].flow += flow;
     edges[e ^ 1].flow -= flow;
      e = from[edges[e].v];
    return {flow, flow * dist[sink]};
 pair<int, LL> operator()(int source, int sink) {
   int flow = 0;
   LL cost = 0;
   pair<int, LL> got;
     got = augment(source, sink);
     flow += got.first;
     cost += got.second;
    } while(got.first);
    return {flow, cost};
};
matching
Opis: Turbo Matching
Czas: Mniej więcej \mathcal{O}(n \log n), najgorzej \mathcal{O}(n^2)
              wierzcholki grafu nie muszą być ladnie podzielone
na dwia przedziały, musi być po prostu dwudzielny. Funkcja
match() dziala w o(n), nieważne jak male zmiany sie wprowadzi
do aktualnego matchingu.
                                                     0290f0, 41 lines
vector<vector<int>> graph;
vector<int> match, vis;
int t = 0;
bool match_dfs(int v) {
 vis[v] = t;
 for(int u : graph[v])
   if(match[u] == -1) {
     match[u] = v;
     match[v] = u;
     return true;
 for(int u : graph[v])
   if (vis[match[u]] != t && match_dfs(match[u])) {
     match[u] = v;
     match[v] = u;
     return true;
 return false;
int match() {
 int n = int(graph.size());
 match.resize(n, -1);
 vis.resize(n);
 int d = -1;
 while(d != 0) {
   d = 0;
    for (int v = 0; v < n; ++v)
     if(match[v] == -1)
```

```
d += match_dfs(v);
  int ans = 0;
  for (int v = 0; v < n; ++v)
    if(match[v] != -1)
      ++ans:
  return ans / 2;
flovd-warshall
Opis: Floyd-Warshall
Czas: \mathcal{O}\left(n^3\right)
Użycie: FloydWarshall (graph) zwraca macież odleglości
graph to macierz sąsiedztwa z wagami
vector<vector<LL>> FloydWarshall(vector<vector<int>> graph) {
  int n = size(graph);
  vector<vector<LL>> dist(n, vector<LL>(n, 1e18));
  REP(k, n) REP(i, n) REP(j, n)
    dist[i][j] = min(dist[i][j], dist[i][k] + dist[k][j]);
2sat
Opis: Zwraca poprawne przyporządkowanie zmiennym logicznym dla prob-
lemu 2-SAT, albo mówi, że takie nie istnieje
\mathbf{Czas:}\ \mathcal{O}\left(n+m\right),gdzie n to ilość zmiennych, i m to ilość przyporządkowań.
Użvcie: TwoSat ts(ilość zmiennych);
oznacza negację
ts.either(0, \sim3); // var 0 is true or var 3 is false
ts.set_value(2); // var 2 is true
ts.at_most_one(\{0, \sim 1, 2\}); // co najwyżej jedna z var 0, \sim 1 i 2
to prawda
ts.solve(); // rozwiązuje i zwraca true jeśli rozwiązanie
istnieje
ts.values[0..N-1] // to wartości rozwiązania
                                                        841cb2, 59 lines
struct TwoSat {
  int n:
  vector<vector<int>> gr;
  vector<int> values;
  TwoSat(int n = 0): n(n), gr(2*n) {}
  void either(int f, int j) {
   f = \max(2*f, -1-2*f);
    j = \max(2*j, -1-2*j);
    gr[f].emplace_back(j^1);
    gr[j].emplace_back(f^1);
  void set_value(int x) { either(x, x); }
  int add_var() {
    gr.emplace back();
    gr.emplace_back();
    return n++;
  void at_most_one(vector<int>& li) {
    if(size(li) <= 1) return;</pre>
    int cur = \simli[0];
    FOR(i, 2, size(li) - 1) {
      int next = add_var();
      either(cur, ~li[i]);
      either(cur, next);
      either(~li[i], next);
      cur = ~next;
    either(cur, ~li[1]);
```

```
int t = 0;
  int dfs(int i) {
    int low = val[i] = ++t, x;
    z.emplace_back(i);
    for(auto &e : gr[i]) if(!comp[e])
     low = min(low, val[e] ?: dfs(e));
    if(low == val[i]) do {
     x = z.back(); z.pop back();
      comp[x] = low;
     if (values[x >> 1] == -1)
        values[x >> 1] = x & 1;
    } while (x != i);
    return val[i] = low;
  bool solve() {
    values.assign(n, -1);
    val.assign(2 * n, 0);
    comp = val;
    REP(i, 2 * n) if(!comp[i]) dfs(i);
    REP(i, n) if(comp[2 * i] == comp[2 * i + 1]) return 0;
    return 1;
};
matching
Opis: Turbo Matching
Czas: Mniej więcej \mathcal{O}(n \log n), najgorzej \mathcal{O}(n^2)
              wierzcholki grafu nie muszą być ladnie podzielone
na dwia przedzialy, musi być po prostu dwudzielny. Funkcja
match() dziala w o(n), nieważne jak male zmiany się wprowadzi
do aktualnego matchingu.
                                                      0290f0, 41 lines
vector<vector<int>> graph;
vector<int> match, vis;
int t = 0:
bool match dfs(int v) {
  vis[v] = t;
  for(int u : graph[v])
    if(match[u] == -1) {
     match[u] = v;
     match[v] = u;
     return true;
  for(int u : graph[v])
    if(vis[match[u]] != t && match_dfs(match[u])) {
      match[u] = v;
      match[v] = u;
      return true;
  return false;
int match() {
  int n = int(graph.size());
  match.resize(n, -1);
  vis.resize(n);
  int d = -1:
  while(d != 0) {
   d = 0;
    for (int v = 0; v < n; ++v)
     if(match[v] == -1)
        d += match dfs(v);
```

vector<int> val, comp, z;

```
int ans = 0;
 for (int v = 0; v < n; ++v)
   if(match[v] != -1)
     ++ans;
 return ans / 2:
flow
Opis: Dinic bez skalowania
Czas: \mathcal{O}(V^2E)
Uzycie: Dinic flow(2); flow.add edge(0, 1, 5); cout << flow(0,
1); // 5
funkcja get_flowing() zwraca dla każdej oryginalnej krawędzi,
ile przez nią leci
struct Dinic {
 using T = int;
 struct Edge {
   int v, u;
   T flow, cap;
 };
 int n;
 vector<vector<int>> graph;
 vector<Edge> edges;
 Dinic(int N) : n(N), graph(n) {}
 void add edge(int v, int u, T cap) {
    debug() << "adding edge " << make pair(v, u) << " with cap
        " << cap;
    int e = size(edges);
    graph[v].emplace back(e);
    graph[u].emplace back(e + 1);
    edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, cap});
    edges.emplace_back(Edge{u, v, 0, 0});
 vector<int> dist;
 bool bfs(int source, int sink) {
   dist.assign(n, 0);
   dist[source] = 1;
    deque<int> que = {source};
   while(size(que) and dist[sink] == 0) {
     int v = que.front();
     que.pop_front();
      for(int e : graph[v])
       if(edges[e].flow != edges[e].cap and dist[edges[e].u]
            == 0) {
         dist[edges[e].u] = dist[v] + 1;
         que.emplace_back(edges[e].u);
   return dist[sink] != 0;
 vector<int> ended_at;
 T dfs(int v, int sink, T flow = numeric_limits<T>::max()) {
   if(flow == 0 or v == sink)
     return flow;
    for(; ended_at[v] != size(graph[v]); ++ended_at[v]) {
     Edge &e = edges[graph[v][ended_at[v]]];
     if(dist[v] + 1 == dist[e.u])
        if(T pushed = dfs(e.u, sink, min(flow, e.cap - e.flow))
            ) {
         e.flow += pushed;
         edges[graph[v][ended_at[v]] ^ 1].flow -= pushed;
         return pushed;
```

```
return 0;
 T operator()(int source, int sink) {
   T answer = 0:
    while(true) {
      if(not bfs(source, sink))
       break:
      ended at.assign(n, 0);
      while(T pushed = dfs(source, sink))
        answer += pushed;
    return answer;
  map<pair<int, int>, T> get_flowing() {
    map<pair<int, int>, T> ret;
    REP(v, n)
      for(int i : graph[v]) {
       if (i % 2) // considering only original edges
         continue:
        Edge &e = edges[i];
        ret[make_pair(v, e.u)] = e.flow;
    return ret;
};
mcmf
Opis: Min-cost max-flow z SPFA
Czas: kto wie
Użvcie:
              MCMF flow(2); flow.add_edge(0, 1, 5, 3); cout <<
flow(0, 1); // 15
można przepisać funkcję get_flowing() z Dinic'a
                                                    2baac2, 79 lines
struct MCMF {
 struct Edge {
    int v, u, flow, cap;
    LL cost:
    friend ostream& operator << (ostream &os, Edge &e) {
      return os << vector<LL>{e.v, e.u, e.flow, e.cap, e.cost};
 };
  int n:
  const LL inf LL = 1e18;
  const int inf int = 1e9;
  vector<vector<int>> graph;
  vector<Edge> edges;
  MCMF(int N) : n(N), graph(n) {}
  void add_edge(int v, int u, int cap, LL cost) {
    int e = size(edges);
    graph[v].emplace_back(e);
    graph[u].emplace_back(e + 1);
    edges.emplace_back(Edge{v, u, 0, cap, cost});
    edges.emplace_back(Edge{u, v, 0, 0, -cost});
  pair<int, LL> augment(int source, int sink) {
    vector<LL> dist(n, inf_LL);
    vector<int> from(n, -1);
    dist[source] = 0;
    deque<int> que = {source};
    vector<bool> inside(n);
    inside[source] = true;
```

int sign(Double a) {

return equal(a, 0) ? 0 : a > 0 ? 1 : -1;

point intersect-lines hashing kmp pref manacher

```
while(size(que)) {
                                                                   struct Sortx {
     int v = que.front();
                                                                    bool operator()(const P &a, const P &b) const {
      inside[v] = false;
                                                                       return make_pair(a.x, a.y) < make_pair(b.x, b.y);</pre>
      que.pop_front();
      for(int i : graph[v]) {
                                                                   istream& operator>>(istream &is, P &p) {
       Edge &e = edges[i];
                                                                    Double a, b;
       if(e.flow != e.cap and dist[e.u] > dist[v] + e.cost) {
                                                                    is >> a >> b;
          dist[e.u] = dist[v] + e.cost;
                                                                    p = P(a, b);
          from[e.u] = i;
                                                                    return is;
          if(not inside[e.u]) {
           inside[e.u] = true;
                                                                  Double cross(P a, P b) {
            que.emplace back(e.u);
                                                                    return a.x * b.v - a.v * b.x;
                                                                  Double dot (P a, P b) {
                                                                    return a.x * b.x + a.y * b.y;
    if(from[sink] == -1)
                                                                  P rotate (P x, P center, Double radians) {
     return {0, 0};
                                                                    return (x - center) * exp(P(0, radians)) + center;
    int flow = inf_int, e = from[sink];
    while (e != -1) {
                                                                   intersect-lines
     flow = min(flow, edges[e].cap - edges[e].flow);
                                                                   Opis: Przecięcie prostych lub odcinków
      e = from[edges[e].v];
                                                                              v = intersect(a, b, c, d, s) zwraca przecięcie (s ?
                                                                   odcinków: prostych) ab oraz cd
    e = from[sink];
                                                                  if size(v) == 0: nie ma przecięć
    while (e != -1) {
                                                                  if size(v) == 1: v[0] jest przecieciem
     edges[e].flow += flow;
                                                                  if size(v) == 2 and s: (v[0], v[1]) to odcinek, w którym są
     edges[e ^ 1].flow -= flow;
                                                                   wszystkie inf rozwiązań
     e = from[edges[e].v];
                                                                   if size(v) == 2 and s == false: v to niezdefiniowane punkty
                                                                   (inf rozwiązań)
    return {flow, flow * dist[sink]};
                                                                   "../point/main.cpp"
                                                                   bool on_segment(P a, P b, P p) {
  pair<int, LL> operator()(int source, int sink) {
                                                                    return equal(cross(a - p, b - p), 0) and dot(a - p, b - p) \le
   int flow = 0;
   LL cost = 0;
   pair<int, LL> got;
                                                                   vector<P> intersect(P a, P b, P c, P d, bool segments) {
     got = augment(source, sink);
                                                                    Double acd = cross(c - a, d - c), bcd = cross(c - b, d - c),
                                                                          cab = cross(a - c, b - a), dab = cross(a - d, b - a);
     flow += got.first;
     cost += got.second;
                                                                    if((segments and sign(acd) * sign(bcd) < 0 and sign(cab) *
                                                                         sign(dab) < 0)
    } while(got.first);
                                                                       or (not segments and not equal(bcd, acd)))
    return {flow, cost};
                                                                      return { (a * bcd - b * acd) / (bcd - acd) };
                                                                    if (not segments)
                                                                      return {a, a};
                                                                    // skip for not segments
Geometria (7)
                                                                    set<P, Sortx> s;
                                                                    if(on_segment(c, d, a)) s.emplace(a);
                                                                    if(on_segment(c, d, b)) s.emplace(b);
point
                                                                    if(on_segment(a, b, c)) s.emplace(c);
Opis: Double może być LL, ale nie int. p.x oraz p.y nie można zmieniać (to
                                                                    if(on_segment(a, b, d)) s.emplace(d);
kopie). Nie tworzyć zmiennych o nazwie "x" lub "y".
                                                                    return {s.begin(), s.end()};
Użycie: P p = \{5, 6\}; abs(p) = length; arg(p) = kat; polar(len,
angle); exp(angle)
                                                    0e17a7, 33 lines
using Double = long double;
                                                                  Tekstówki (8)
using P = complex<Double>;
#define x real()
#define y imag()
                                                                   hashing
                                                                   Opis: Haszowanie
constexpr Double eps = 1e-9;
                                                                   Czas: \mathcal{O}(1)
bool equal (Double a, Double b) {
  return abs(a - b) <= eps;
                                                                  można zmienić modulo i baze
```

```
Użycie: get_hash(l, r) zwraca hasza [l, r] wlącznie
                                                       4767a1, 21 lines
struct Hashing
 vector<LL> ha, pw;
 LL \mod = 1000696969;
```

cfa1cd, 20 lines

```
int base;
  Hashing(string &str) {
   base = rd(30, 50);
    int len = size(str);
    ha.resize(len + 1);
    pw.resize(len + 1, 1);
    REP(i, len) {
     ha[i + 1] = (ha[i] * base + str[i] - 'a' + 1) % mod;
      pw[i + 1] = (pw[i] * base) % mod;
 LL get_hash(int 1, int r) {
    return ((ha[r + 1] - ha[1] * pw[r - 1 + 1]) % mod + mod) %
};
kmp
Opis: KMP
Czas: \mathcal{O}(n)
Użycie: KMP(str) zwraca tablicę pi
                                                      65f132, 11 lines
vector<int> KMP(string &str) {
 int len = size(str);
 vector<int> ret(len);
  for(int i = 1; i < len; i++)
    int pos = ret[i - 1];
    while(pos && str[i] != str[pos]) pos = ret[pos - 1];
    ret[i] = pos + (str[i] == str[pos]);
  return ret:
pref
Opis: Algorytm pref
Czas: \mathcal{O}(n)
Użycie: pref(str) zwraca tablicę prefixo prefixową
[0, pref[i]) = [i, i + pref[i])
                                                     68517d, 13 lines
vector<int> pref(string &str) {
 int len = size(str);
 vector<int> ret(len);
 ret[0] = len;
 int i = 1, m = 0;
 while(i < len) {
   while (m + i < len \&\& str[m + i] == str[m]) m++;
   ret[i++] = m;
    m = (m != 0 ? m - 1 : 0);
    for(int j = 1; ret[j] < m; m--) ret[i++] = ret[j++];
 return ret;
manacher
```

Opis: radius[p][i] = rad = największy promień palindromu parzystości p ośrodku i. L = i - rad + !p, R = i + rad to palindrom. Dla [abaababaab] daje [003000020], [0100141000]. Czas: $\mathcal{O}(n)$

```
be40a9, 18 lines
array<vector<int>, 2> manacher(vector<int> &in) {
 int n = size(in);
 array<vector<int>, 2> radius = {{vector<int>(n - 1), vector<</pre>
       int>(n) } };
  REP (parity, 2) {
    int z = parity ^ 1, L = 0, R = 0;
    REP(i, n - z) {
```

```
if(r > R)
        L = 1, R = r;
  return radius;
trie
Opis: Trie
Czas: \mathcal{O}(n \log \alpha)
Uzycie: Trie trie; trie.add(str);
                                                        9aa8f1, 15 lines
struct Trie {
  vector<unordered_map<char, int>> child = {{}};
  int get_child(int v, char a) {
    if(child[v].find(a) == child[v].end()) {
      child[v][a] = size(child);
      child.emplace back();
    return child[v][a];
  void add(string word) {
    int v = 0:
    for(char c : word)
      v = get_child(v, c);
};
suffix-automaton
```

rad = min(R - i, radius[parity][L + (R - i - z)]);

while $(0 \le 1 - 1 \&\& r + 1 \le n \&\& in[1 - 1] == in[r + 1])$

int &rad = radius[parity][i];

int l = i - rad + z, r = i + rad;

 $if(i \le R - z)$

++rad, ++r, --1;

Opis: buduje suffix automaton. Wystąpienia wzorca, liczba różnych podslów, sumaryczna dlugość wszystkich podslów, leksykograficznie k-te podslowo, najmniejsze przesunięcie cykliczne, liczba wystąpień podslowa, pierwsze wystąpienie, najkrótsze niewystępujące podslowo, longest common substring dwóch slów, LCS wielu slów

```
Czas: \mathcal{O}(n\alpha) (szybsze, ale więcej pamięci) albo \mathcal{O}(n\log\alpha) (mapa) _{647790,\ 53\ \text{lines}}^{64790}
struct SuffixAutomaton { int sigma = 26;
    using Node = array<int, sigma>; // map\!<\!int, int\!>
    Node new_node;
    vector<Node> edges;
    vector<int> link = \{-1\}, length = \{0\};
    int last = 0;
    SuffixAutomaton() {
        new_node.fill(-1);
                                   //-1-stan\ nieistniejacy
        edges = {new_node}; // dodajemy stan startowy, ktory
              reprezentuje puste slowo
    void add_letter(int c) {
         edges.emplace_back(new_node);
         length.emplace_back(length[last] + 1);
        link.emplace_back(0);
        int r = size(edges) - 1, p = last;
        while (p != -1 \&\& edges[p][c] == -1) {
             edges[p][c] = r;
             p = link[p];
        if(p != -1) {
             int q = edges[p][c];
             if(length[p] + 1 == length[q])
```

```
link[r] = q;
            else {
                edges.emplace_back(edges[q]);
                length.emplace_back(length[p] + 1);
                link.emplace_back(link[q]);
                 int q_prim = size(edges) - 1;
                link[q] = link[r] = q_prim;
                while (p != -1 \&\& edges[p][c] == q)  {
                     edges[p][c] = q_prim;
                     p = link[p];
        last = r;
    bool is inside (vector<int> &s) {
        int q = 0;
        for(int c : s) {
            if(edges[q][c] == -1)
                return false:
      q = edges[q][c];
        return true;
};
suffix-array
Opis: Tablica suffixowa
Czas: \mathcal{O}(n \log n)
Użycie: SuffixArray t(s, lim) - lim to rozmiar alfabetu
sa zawiera posortowane suffixy, zawiera pusty suffix
lcp[i] to lcp suffixu sa[i - 1] i sa[i]
Dla s = "aabaaab" sa = \{6, 3, 0, 4, 1, 5, 2\}, 1cp = \{0, 0, 3, 1, 1\}
1, 2, 0, 1}
                                                      8abb84, 24 lines
struct SuffixArray {
  vector<int> sa, lcp;
  SuffixArray(string& s, int lim = 256) { // lub\ basic\ string<
    int n = size(s) + 1, k = 0, a, b;
    vector<int> x(s.begin(), s.end() + 1);
    vector<int> y(n), ws(max(n, lim)), rank(n);
    sa = lcp = y, iota(sa.begin(), sa.end(), 0);
    for (int j = 0, p = 0; p < n; j = max(1, j * 2), lim = p) {
      p = j, iota(y.begin(), y.end(), n - j);
      REP(i, n) if(sa[i] >= j) y[p++] = sa[i] - j;
      fill(ws.begin(), ws.end(), 0);
      REP(i, n) ws[x[i]]++;
      FOR(i, 1, lim - 1) ws[i] += ws[i - 1];
      for (int i = n; i--;) sa[--ws[x[y[i]]]] = y[i];
      swap(x, y), p = 1, x[sa[0]] = 0;
      FOR(i, 1, n - 1) a = sa[i - 1], b = sa[i], x[b] =
        (y[a] == y[b] \&\& y[a + j] == y[b + j]) ? p - 1 : p++;
    FOR(i, 1, n - 1) rank[sa[i]] = i;
    for (int i = 0, j; i < n - 1; lcp[rank[i++]] = k)
      for (k \& \& k--, j = sa[rank[i] - 1];
        s[i + k] == s[j + k]; k++);
};
```

Optymalizacje (9)

Randomowe rzeczy (10)