Optimisation - Tutorat

November 22, 2023

THEVENET Louis

l'able des matières	
Séance 2	1
1.1. Existence	
1. Séance 2	
1.1. Existence	
Méthode 1.1.1: Questions à se poser :	
• Ensemble de définition convexe ? Fermé ? Borné ?	
• f convexe ? Croissante à l'infini ?	
On utilise	
• Compact \rightarrow existence	
 Convexe → unicité 	

Exercice: 1 du TD4

- 1. Déjà, on montre que C est **fermé borné**
 - Borné

$$\forall k \in [\![1,...,n]\!]: 0 \leq x_k \leq \frac{1}{b_k}$$

C est bien borné

• Fermé

 ${\cal C}$ est l'intersection de

- n $\frac{1}{2}$ -espace fermés : $E_k = \{x \mid x_k \geq 0\}$ (fermés comme images réciproques des projections pr_k en $[0,+\infty[)$ • un hyperplan affine $H=\left\{x\in\mathbb{R}^n\mid \sum_k b_k=1\right\}$

On peut conclure que f admet au moins 1 min global sur le $\operatorname{\mathbf{compact}}\ C$ non vide $(\frac{b}{\|b\|^2} \in C)$

2. Est-ce que C est convexe ?

H hyperplan est naturellement convexe

 E_k est le volumme d'un côté de l'hyperplan $G_k = \{x \mid x_k = 0\}$ est aussi naturelelment convexe

Par intersection, C est convexe.

3. Est-ce que f est aussi **convexe** ?