### El modelo canónico de robots móviles no-holonómicos

Kjartan Halvorsen

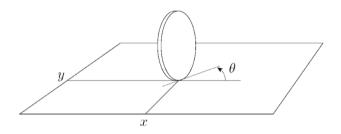
March 31, 2022

# El concepto de estado

# El concepto de estado

El conjunto de información sobre el pasado del sistema necesario para predicir el comportamiento del sistema en el futuro (dado todas las señales de entrada)

### Modelo canónico a.k.a modelo uniciclo

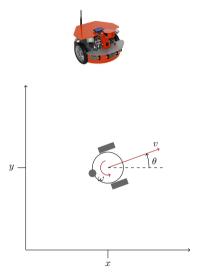


De Martina Zambelli (2013) Posture regulation for unicycle-like robots with prescribed performance guarantees. KTH - Royal Institute of Technology, Sweden.

# Robot tipo diferencial (differential drive)

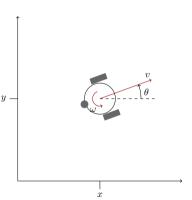


# Robot móvil - modelo uniciclo



### Robot móvil - modelo uniciclo

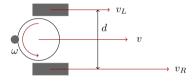


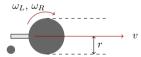


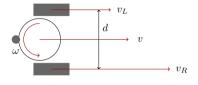
#### Cinemática

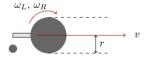
$$\xi = \begin{bmatrix} \theta \\ x \\ y \end{bmatrix}, \quad u = \begin{bmatrix} \omega \\ v \end{bmatrix}$$

$$\frac{d}{dt}\xi = \begin{bmatrix} \dot{\theta} \\ \dot{x} \\ \dot{y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \omega \\ v\cos\theta \\ v\sin\theta \end{bmatrix}$$



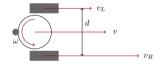


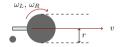




#### Actividad Determine

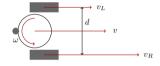
- 1. La velocidad lineal  $(v_R, v_L)$  de cada rueda dado su velocidad angular  $(\omega_R, \omega_L)$
- 2. La velocidad lineal v del centro robot dado las dos velocidades  $v_R$  y  $v_L$
- 3. La velocidad angular  $\omega$  del robot dado las dos velocidades  $v_R$  y  $v_L$
- 4. Las relaciones invertidas. Es decir, las velocidades angulares  $\omega_R$  y  $\omega_L$  de los ruedos dado las velocidades v y  $\omega$ .

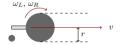




Asumiendo simetría entre las dos ruedas y en la dirección de giro.

$$\omega_L,\,\omega_R \in [-\omega_{\it max},\omega_{\it max}]$$





Asumiendo simetría entre las dos ruedas y en la dirección de giro.

$$\omega_L,\,\omega_R \in [-\omega_{\it max},\omega_{\it max}]$$

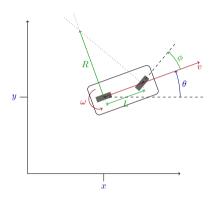
Actividad Dibuje la región de posibles valores de la señal de entrada al modelo canónico,

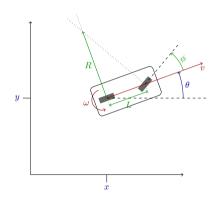
$$u(t) = \begin{bmatrix} \omega(t) \\ v(t) \end{bmatrix},$$

dado los límites de la velocidad angular de las ruedas.

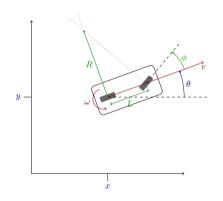
# Implementación

Notebook en google colab (página en Canvas)



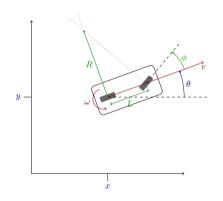


Para un robot que se mueve instantaneamente en una trayectoria círcular con radie R, la relación entre la velocidad lineal v y la velocidad angular  $\omega$  es



Para un robot que se mueve instantaneamente en una trayectoria círcular con radie R, la relación entre la velocidad lineal v y la velocidad angular  $\omega$  es

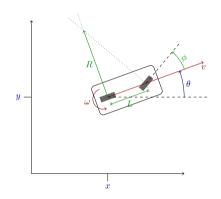
$$v = R\omega$$
  $\omega = \frac{1}{R}v$ 



Para un robot que se mueve instantaneamente en una trayectoria círcular con radie R, la relación entre la velocidad lineal v y la velocidad angular  $\omega$  es

$$v = R\omega$$
  $\omega = \frac{1}{R}v$ 

Actividad Determine el radie de giro instantaneo R como función del ángulo de dirección  $\phi$ .

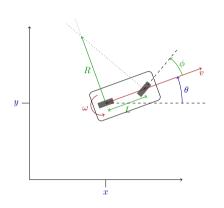


Para un robot que se mueve instantaneamente en una trayectoria círcular con radie R, la relación entre la velocidad lineal v y la velocidad angular  $\omega$  es

$$v = R\omega$$
  $\omega = \frac{1}{R}v$ 

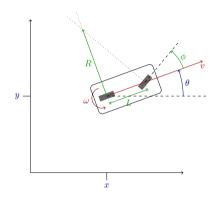
Actividad Determine el radie de giro instantaneo R como función del ángulo de dirección  $\phi$ .

Actividad Determine la velocidad angular  $\omega$  como función de la velocidad v y del ángulo de dirección  $\phi$ . Determine también la función inversa.



#### Para cierto robot

$$v \in [-v_{lm}, v_{um}], \quad \phi \in [-\phi_{max}, \phi_{max}]$$



Para cierto robot

$$v \in [-v_{lm}, v_{um}], \quad \phi \in [-\phi_{max}, \phi_{max}]$$

Actividad Dibuje la región de posibles valores de la señal de entrada al modelo canónico,

$$u(t) = \begin{bmatrix} \omega(t) \\ v(t) \end{bmatrix},$$

dado los límites de la velocidad  $\it v$  y del ángulo de dirección  $\it \phi$ .

# Implementación

Notebook en google colab (página en Canvas)