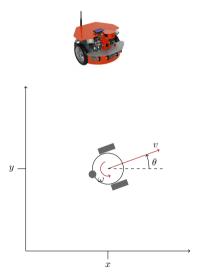
#### Odometría

Kjartan Halvorsen

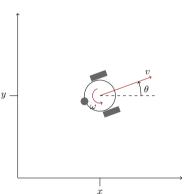
March 31, 2022

### Robot móvil - modelo canónico



#### Robot móvil - modelo canónico





$$\xi = \begin{bmatrix} \theta \\ x \\ y \end{bmatrix}, \quad u = \begin{bmatrix} \omega \\ v \end{bmatrix}$$

$$\frac{d}{dt}\xi = \begin{bmatrix} \dot{\theta} \\ \dot{x} \\ \dot{y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \omega \\ v\cos\theta \\ v\sin\theta \end{bmatrix}$$

## El método de Euler para integración numérica

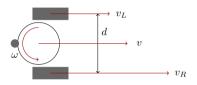
Dado ecuación diferencial (posiblemente no-lineal y variante en el tiempo)

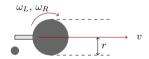
$$\frac{d}{dt}y = f(y, t, u)$$

y valor inicial  $y(t_k) = y_k$ , el valor de la función  $y(t_{k+1}) = y(t_k + \Delta t)$  se puede estimar con

$$\hat{y}(t_{k+1}) = y_k + \Delta t \ f(y_k, t_k, u(t_k)).$$

### Integrando el modelo cinemático

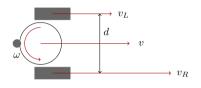


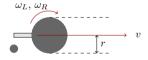


$$\xi = \begin{bmatrix} \theta \\ x \\ y \end{bmatrix}, \quad u = \begin{bmatrix} \omega \\ v \end{bmatrix}$$

$$\frac{d}{dt}\xi = \begin{bmatrix} \dot{\theta} \\ \dot{x} \\ \dot{y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \omega \\ v\cos\theta \\ v\sin\theta \end{bmatrix}$$

# Integrando el modelo cinemático





$$\xi = \begin{bmatrix} \theta \\ x \\ y \end{bmatrix}, \quad u = \begin{bmatrix} \omega \\ v \end{bmatrix}$$

$$\frac{d}{dt}\xi = \begin{bmatrix} \dot{\theta} \\ \dot{x} \\ \dot{y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \omega \\ v\cos\theta \\ v\sin\theta \end{bmatrix}$$

Actividad Aplica el método de Euler!

$$\hat{y}(t_{k+1}) = y_k + \Delta t \ f(y_k, t_k, u(t_k)).$$