消費者行為

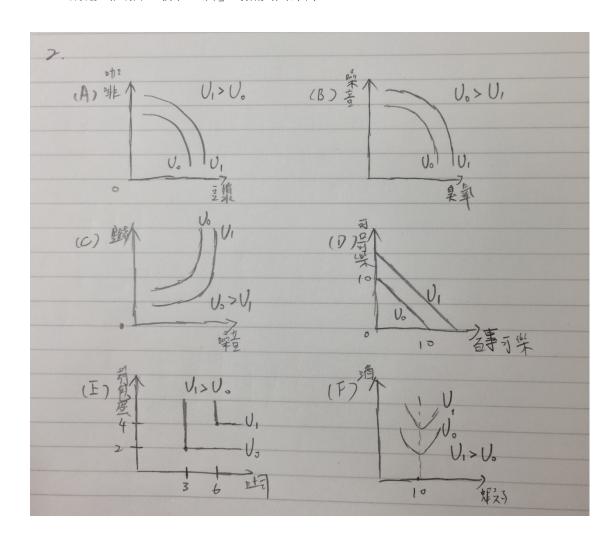
1. 已知下表及所給定的效用函數,將表中空白處填滿:

效用函數	$U_A = X^{0.5}Y^2$	$U_B = X^2 + Y^2$	Uc=lnX+Y	$U_D = 2X + Y$	$U_E = XY^4$
MUx 函數	$0.5X^{-0.5}Y^2$	2X	1/X	2	Y^4
MU _v 函數	2X ^{0.5} Y	2Y	1	1	4XY³
MUx遞減?	遞減	遞增	遞減	固定	固定
MU、遞減?	遞增	遞增	固定	固定	遞增
MRS _{xy} 函數	0.25Y/X	X/Y	1/X	2	0.25Y/X
MRS _{xy} 遞減?	遞減	遞增	遞減	固定	遞減
無異曲線凸向原點?	凸向原點	凹向原點	凸向原點	不凸不凹	凸向原點

MU 遞增/減 怎麼看? 再微分。

2. 試根據下列敘述或效用函數繪出所對應之無異曲線:

- (A) 對王二而言,「豆漿」與「咖啡」均為提供滿足感的財貨,且王二之消費習慣為: 豆漿不喝則已,愈喝愈想喝。請繪出王二「豆漿—咖啡」的無異曲線群。
- (B) 對楊六而言,「臭氣」與「噪音」均會使他難過,且臭氣愈多,愈加深他的難過程度。請繪出楊六之「臭氣—噪音」的無異曲線群。
- (C) 對李四而言,噪音使其難過,金錢則帶給他快樂,且噪音愈大,難過程度愈大。 請繪出李四之「噪音一金錢」的無異曲線群。
- (D) 林七不在乎喝可口可樂或百事可樂,只在乎有多少可樂可以喝。試繪出林七之 「百事可樂—可口可樂」的無異曲線群,並請寫出效用函數。
- (E) 李大堅持三片吐司要夾二個荷包蛋才吃。試繪出李大之「吐司—荷包蛋」的無異 曲線群,並請寫出效用函數。
- (F) 大強喜歡喝酒及吃蝦子,但他吃了10尾蝦子之後便會過敏,但酒則是千杯不醉。 請繪出大強「蝦子—酒」的無異曲線群。



- 3. 設 $P_x = P_y = 10$,且約翰的每天所得為 500 元。
 - (A) 寫出預算線方程式。
 - (B) 預算線斜率為多少?
 - (C) 政府對 X 財課徵 10%從價稅,則預算線方程式為何?
 - (D) 政府對 X 財的消費每單位補貼 2 元,則預算線方程式為何?
 - (E) 政府對約翰課徵 100 元所得稅,則預算線方程式為何?
 - (F) 瑪莉送給約翰 10 個 X,且言明不得再轉售給他人,則約翰的預算線方程式為何?
 - (G) 政府宣布 X 財的消費量超過 30 單位的部分,每單位繳 2 元的消費稅,則約翰的預算線方程式為何?
 - (H) 若政府為了鼓勵人們消費 X 財,對於消費量超過 30 單位的部分,每單位補貼 5 元,則約翰的預算線方程式為何?

- 4. 博涵每年有 6,400 元預算用來租影片(X)看或購買書籍(Y)。假設書籍每本 200 元, 每部片子 80 元。現影片出租店為了促銷,提出下列三種方案供消費者選擇:
 - (A) 方案一:年費 200 元,每部片子優惠價 60 元;
 - (B) 方案二:年費 200元,免費看 5月,每部片子仍定價 80元;
 - (C) 方案三:免收年費,每部片子仍收80元,每年消費超過50片,贈送5片。

試根據上述三種方案,寫出預算線方程式。

5.不同效用函數的消費者選擇 I

李先生每週有 300 元預算在早餐的消費上,根據他的消費習慣,其消費的商品不外乎單價 10元的奶茶(X)與 20元的漢堡(Y),因此其預算限制式可寫成:

300 = 10X + 20Y如果李先生的偏好為:

2 1

 $U = f(X, Y) = X^3 Y^3$

則李先生早餐消費決策為:

Max $U = f(X,Y) = X^3 Y^3 \text{ subject}$ to 300 = 10X + 20 Y

根據最適消費條件:

 $MRS_{XY} = \begin{array}{cccc} \frac{2}{3}X^{-}Y^{-} & & & \\ \frac{1}{2}X^{\frac{2}{3}}Y^{-\frac{2}{3}} & & P^{\frac{Y}{2}} & 10 \\ & & & & = & \\ & & & P_{Y} & 20 \\ & & & & 3 \end{array}$

可得:Y=4 X 。將 Y=4 X 代回預算限制式,可得: X=20 ,Y=5 。因此,李先生每週會購買 20 杯奶茶與 5 個漢堡。

不同效用函數的消費者選擇 II

如果李先生覺得吃早餐只為了追求飽足感,而且他覺得一個漢堡的份量足以抵銷三杯奶茶,則他的偏好寫成:

$$U = f(X, Y) = X + 3Y$$

則李先生早餐消費決策為:

Max U = f(X,Y) = X + 3Y subject to 300 = 10X + 20Y

根據最適消費條件:

$$MRS_{XY} = \square \square \stackrel{X}{=} \qquad \stackrel{10}{=} \qquad \stackrel{1}{=} \qquad \stackrel{1}{=}$$

因此李先生願意以奶茶換取漢堡的消費,直到將所有預算都購買漢堡為止,所以,李先生的 早餐消費決策為:

X=0,Y=15 因此,李先生每週會購買 0 杯奶茶與 15

個漢堡。

不同效用函數的消費者選擇III

如果李先生覺得吃早餐是一天最大的享受,如果漢堡太多會覺得太乾難以下嚥,但奶茶太多 又會覺得太甜太膩,因此他認為一個漢堡一定要搭配一杯奶茶才符合他對早餐的要求,則他 的偏好寫成:

 $U = f(X, Y) = \min(X, Y)$ 則季先生早餐消費決策為: $Max \qquad U = f(X, Y) = \min(X, Y)$ $subject \quad to \quad 300 = 10X + 20Y$

最適消費條件:

Y=X

將 Y=X代回預算限制式,可得: X=Y=10 。因此,李先生每週會購買 10 杯奶茶與 10 個漢堡。

6. 隨著高學歷時代的來臨,學歷只是必備工具之一,想在競爭激烈的職場中立 於不敗之地,隨時充實自己有其必要性。小翔是一個對未來充滿抱負的青年,在工作之餘仍不忘利用下班時間充實自己所學,他審視大環境的趨勢、 工作的性質與自己的專長,決定利用下班補習英文(X)與電腦(Y),假設英文課程每小時400元,電腦課程每小時600元,假設其一個月的進

修預算為 12,000 元,其效用函數為 $U = X^{\frac{1}{2}}Y^{\frac{1}{2}}$,試問:

- □小翔的最適課程進修時數為何?
- □如果小翔一個月最多只能撥出的進修時間只有 23 小時,請問其最適課程 進修時數是否會改變?其時數為何?

附錄 4A 不同無異曲線型態的消費者均衡與其特性

設消費者的消費決策為:

Max
$$U = f(X, Y)$$
 subject to $M = P_X X + P_Y Y$

當消費者的無異曲線的型態不同時,則消費者的均衡及不相同。可分 CobbDouglas 效用函數、線性效用函數、固定比例的效用函數等。

(1) Cobb-Douglas 效用函數(部分替代品)

$$U = f(X, Y) = X^{\square} Y^{\square} , \square, \square \square 0$$

1 □ _ _

可得 $Y=U_0^{\square}X^{\square}$, U_0 為某一特定無異曲線

□消費者最適均衡解:

$$MRS_{XY} = -dY - \begin{vmatrix} - & - & - & - \\ & = & - & - & - \\ & & 0 \end{vmatrix} = P\underline{X}$$

$$dX \ U = U_0 \qquad P_Y$$

$$(1)$$

又 $U = X^D Y^D$ 代入 (1) 可得:

可得:
$$X=\Box\Box+\Box\Box\Box\Box$$
 $PMx\Box\Box\Box\Box$, $Y=\Box\Box+\Box\Box\Box\Box$ $PMx\Box\Box\Box\Box$ 。

□邊際效用值及其變化

$$U_X = \square U = \square X_{\square-1} Y_{\square} \square 0$$

$$\square X$$

$$U_Y = \square U = \square X_{\square} Y_{\square-1} \square 0$$

$$\square Y$$

$$\square$$

$$U_{XX} = \square X_2 U_2 = \square (\square-1) X_{\square-2} Y_{\square}$$

可知邊際替代率隨X購買數量增加而下降,具有邊際替代率遞減的特性。

(2) 線性效用函數(完全替代品)

$$U = f(X,Y) = aX + bY$$
, $a,b \square 0$

び^{*}X⁻, ひ為某一特定無異曲線

可得: *Y=-bb*

□消費者最適均衡解:

$$MRS_{XY} = -\frac{dY}{dX} \int_{0}^{1} dX \, U = U \delta \qquad b$$

- aP^{X} ,表示因為增加一單位 X 消費所願意犧牲的的 Y 財貨,會比實若 \square b P_{Y}

際支付的 Y 財貨數量來得少,消費者會將所有預算都用於 X 消費,所以 M均衡解為: $X = _$,Y = 0 。

- aP^{x} : 因為減少 X 財貨換取 Y 消費能得到較高的效用,消費者會將若 \square b P_{Y}

M所有預算都用於 Y 消費,所以均衡解為: X=0 , Y= ___ 。 P_{Y}

- $a P^{X}$,表示因為無論如何在預算線上變動消費組合皆無法使效用若 = $b P_{Y}$

再增加,所以均衡解為:預算限制線上的任一消費組合。 □邊際效用值及其變化

$$Ux = \underline{\qquad} U = a \underline{\qquad} 0 , Uy = \underline{\qquad} U = b$$

$$\underline{\qquad} X \qquad \underline{\qquad} Y$$

$$Uxx = \underline{\qquad} X_2 U_2 = 0 , Uyy = \underline{\qquad} U$$

$$\underline{\qquad} Y_2 U_2 = 0$$

$$\underline{\qquad} U$$

$$Uxy = \underline{\qquad} U$$

$$Uxy = \underline{\qquad} U$$

X	Y
Λ	

可知:邊際效用為一大於零的常數。

□邊際替代率及其變化

$$MRSxy = -\frac{dY}{dX} \int_{U=U_0}^{u} dx dx - \frac{dY}{dx} \int_{U=U_0}^{u} dx dx$$

(3) 固定比例的效用函數(完全互補品)

$$U = f(X,Y) = \min(aX,bY)$$
, $a,b \square 0$

$$\square U = aX \qquad \text{if} \quad aX \square \ bY$$

$$\square$$
可得: $\square U = bY \qquad \text{if} \quad aX \square \ bY$, U 為某一特定無異曲線
$$\square \square U = aX = bY \quad \text{if} \quad aX = bY$$

□消費者最適均衡解

若 $aX \square bY$,則無異曲線斜率為 \square ,表示不願意放棄任何的 X 財貨來增加 Y 的消費。

若 $aX \square bY$,則無異曲線斜率為 0 ,表示不願意放棄任何的 Y 財貨來 增加 X 的消費。

若 aX = bY,表示無法定義該點的無異曲線斜率。

由上可知:完全互補的情形下,消費者對兩種財貨需搭配一定比例消費,而 過多的 X 或 Y 財貨並無法增加消費者的效用,故消費組合應有以下的 關係為 aX = bY。

		<i>bNI</i>	aM
	將 $aX = bY$ 代入預算限制式,可得 $X =$, <i>Y</i> 。
	□邊際效用值及其變化		$Ux = \square U =$
	若 $aX \square bY$,則:		0 , <i>Uy</i> =
			$\square U = b \square$
	□ <i>U</i>		0 , U_{XX}
	$Ux = \Box U = a \Box 0$, $Uy = \Box U$	$\square X$	$\square Y^{}$
	=0 , <u>Uxx</u>		
$\square X$	$\square Y$		$U_{XY} = \Box_2 U =$
	$\Box_2 U$		0
	$U_{XY}==0$		$\sqcup X \sqcup$
	$\square X \square Y$		Y
	若 aX□ bY,則:		(4) Quasi-linear
			效用函數

=

$$U = f(X, Y) = g(X) + Y$$
, $g'(X) \square 0$, $g''(X) \square 0$, $g(0) = 0$

可得 $Y=U_0-g(X)$, U_0 為某一特定無異曲線

□消費者最適均衡解

$$MRS_{XY} = -\frac{dY}{g'(X)} = dX U = Ub$$

$$P_{Y}$$

$$\square X = g'_{-1} \square \square \square \square PP_{YX} \square \square \square \square$$

□邊際效用值及其變化

$$U \qquad \qquad g'(X) \ 0 \ x == \ \square X$$

$$U_Y = \frac{\square U}{=} = 1 \square \ 0$$

$$\square Y$$

$$\square_{2}U$$

$$U_{XX} = X_2 = g''(X) \square \ 0$$

$$UYY = \underbrace{\qquad \qquad}_{2}U$$

$$UYY = \underbrace{\qquad \qquad}_{2}U$$

$$UXY = \underbrace{\qquad \qquad}_{3}=0$$

$$\boxed{\qquad \qquad}_{3}X \boxed{\qquad}_{4}Y$$

可知:X與 Y財貨的邊際效用皆為正數,且邊際效用並不因另一財貨的消費而影響。

□邊際替代率及其變化

$$dY | MRS^{xy} = -g'(X) \square 0 MRS_{xy} = -g'(X) \square 0 , = dX \text{ } U = U \wedge dX$$

可知:在 g'(X) \square 0 的假定下,Quasi-linear 效用函數邊際替代率才會遞減。