2014 高教社杯全国大学生数学建模竞赛

承 诺 书

我们仔细阅读了《全国大学生数学建模竞赛章程》和《全国大学生数学建模竞赛参赛规则》(以下简称为"竞赛章程和参赛规则",可从全国大学生数学建模竞赛网站下载)。

我们完全明白,在竞赛开始后参赛队员不能以任何方式(包括电话、电子邮件、网上咨询等)与队外的任何人(包括指导教师)研究、讨论与赛题有关的问题。

我们知道,抄袭别人的成果是违反竞赛章程和参赛规则的,如果引用别人的成果或 其他公开的资料(包括网上查到的资料),必须按照规定的参考文献的表述方式在正文 引用处和参考文献中明确列出。

我们郑重承诺,严格遵守竞赛章程和参赛规则,以保证竞赛的公正、公平性。如有 违反竞赛章程和参赛规则的行为,我们将受到严肃处理。

我们授权全国大学生数学建模竞赛组委会,可将我们的论文以任何形式进行公开展示(包括进行网上公示,在书籍、期刊和其他媒体进行正式或非正式发表等)。

Ŧ	践们参赛:	选择的题	号是(从	A/B/C	/D 中选	择一项	[填写):		D		
	践们的参	赛报名号为	为 (如果	接区设	置报名	号的话	·);	195	34017		
戶	听属学校	(请填写5	完整的全	(名): _			深圳信息	息职业技	技术学院	元	
参	参赛队员	(打印并签	签名):	1		陈志信	Ħ				
			2	2		卢金	星				
			3	3		杨崇国	<u> </u>				
扌	指导教师!	或指导教师	市 组负责	人 (打	印并签	名): _					
		质版与电- 提交后将2							•		
							日期:		_年	月	日

赛区评阅编号(由赛区组委会评阅前进行编号):

2014 高教社杯全国大学生数学建模竞赛

编号专用页

赛区评阅编号(由赛区组委会评阅前进行编号):

赛区评阅记录(可供赛区评阅时使用):

	 7 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	 , · · · ·	 D 47 . 1	 	
评阅人					
评分					
备注					

全国统一编号(由赛区组委会送交全国前编号):

全国评阅编号(由全国组委会评阅前进行编号):

储药槽的设计

一、 摘 要

通过分析储药柜的设计和使用要求,本文对储药柜的结构以及储药槽的规格进行了设计,主要解决了以下几个问题:

- 1. 为避免推送药盒时出现并排重叠、侧翻和水平旋转的情况,分析出储药槽的宽度必须小于其中最小药盒宽度的 2 倍,也必须小于其中药盒的最小长宽对角线长度和最小高宽对角线长度;
- 2. 在考虑应留间隙的前提下,利用 matlab 程序逐步推导,设计出竖向隔板间 距 类型 (即储药槽宽度类型)最少的方案: 5 种类型分别为19mm,31mm,39mm,50mm,60mm;
- 3. 在类型最少方案的基础上,采用逐步分裂的迭代算法,将可获得大幅宽度 冗余降低率的竖向隔板间距类型进行拆分,以增加间距类型并减少总宽度冗余, 计算出不同间距类型数量下的总宽度冗余值,并给出合理的竖向隔板间距类型数 量为 12 种,其对应的宽度分别为 19,22,24,25,28,31,35,39,45,50, 55,60(单位 mm)。此外,也给出了每种类型对应的药品编号;
- 4. 进一步考虑平面冗余,采用逐步分裂的迭代算法,将可获得大幅平面冗余降低率的横向隔板间距类型进行拆分,以增加间距类型并减少总平面冗余,计算出合理的横向隔板间距类型数量为 13 种,其对应的宽度分别为 42,48,53,63,68,72,76,80,84,88,96,104,129(单位 mm);
- 5. 根据药品的需求量计算出每种药品所需的储药槽个数,并利用 matlab 程序实现穷举,给出储药槽在储药柜中的摆放方案,计算出最少需要的储药柜数量为 2 个。此外,本文方法还能给出具体的摆放情况,即输出每个储药柜中每一排药品的编号及其储药槽数量。

关键词:储药柜,宽度冗余,平面冗余,matlab

二、问题重述

目前,自动发药系统正在我国医院推广使用,它主要用来解决现在西药房管理混乱问题,例如药房日处理处方量大,药师工作时间长、取药易出错等。其中,储药柜的作用十分重要,它必须将药品集中摆放,能顺利推送,便于取药和放药。同时,储药柜的体积和数量还不能过多,影响系统的运行和购置成本。基于上述要求,储药柜中的储药槽必须精心设计和使用:为保证药品分拣的准确率,防止发药错误,一个储药槽内只能摆放同一种药品;为保证药品在储药槽内顺利出入,要求药盒与两侧竖向隔板之间、与上下两层横向隔板之间应留 2mm 的间隙;药盒在储药槽内推送过程中不会出现并排重叠、侧翻或水平旋转。为了设计出合理的储药柜,必须解决以下几个问题:

- 1. 在忽略储药槽横向和竖向隔板厚度的前提下,根据所给的药盒规格,设计出竖向隔板间距类型最少的储药柜方案,给出相应类型的数量和每种类型所对应的药盒规格。
- 2. 为有效地减少宽度冗余,需适当增加竖向隔板间距类型的数量,但这也会增加储药柜的加工成本,降低储药槽的适应能力。因此,需要设计出合理的竖向隔板间距类型的数量,使总宽度冗余尽可能小,同时类型数量也尽可能少。
- 3. 进一步考虑平面冗余的计算,根据前述问题的结果,确定合理的储药柜 横向隔板间距的类型数量,使得储药柜的总平面冗余量尽可能地小,且横向隔板 间距的类型数量也尽可能地少。
- 4. 根据每一种药品编号对应的最大日需求量,计算出每一种药品所需要的储药槽个数,并将所有药品的储药槽摆放到储药柜中以满足药房储药的需求。同时,根据单个储药柜的规格,计算最少需要多少个储药柜。

三、 问题的分析

本题的主要问题是设计储药柜的储药槽,使得槽内的药盒能够顺利推送并不会发生并排重叠、侧翻和水平旋转,这需要根据附件所给的药盒规格,设计出符合要求的储药槽宽度和高度。参考在互联网上收索到的自动送药机及其储药柜,如图 3.1 和图 3.2 所示,可以得出药品在储药槽中一般是侧面摆放,将高和宽的一面朝外,使得所需储药槽的宽度最小。此外,图中所示没有竖向支撑板影响储药槽的放置,这点与题目所给的图不同,本文将参照图 3.1 和图 3.2 的实际情况求解,忽略竖向支撑板,简化问题。



图 3.1 自动送药机的储药柜



图 3.2 自动送药机的储药柜

对于问题 1,可采用 matlab 程序从最小宽度规格的药盒开始,分段设置储药槽宽度及其对应的药盒规格,使药槽能装最多的药盒并避免药盒的并排重叠、

侧翻和水平旋转。问题 2 引入了宽度冗余的概念,宽度冗余会随着储药槽宽度类型增加而降低,随着类型的减少而提高。为了在宽度冗余和类型数量之间寻找合理点,需要计算每种类型数量下的宽度冗余值,并绘制变化曲线,通过曲线寻找合理的类型数量。问题 3 则进一步引入了平面冗余的概念,这需要利用问题 2 的结论,在确定所有药品储药槽宽度及其类型的基础上,计算出每种高度类型下的平面冗余值,并寻找合理的类型数量。问题 3 的优化目标虽然变为了平面冗余值,但其解题方法与问题 2 相似。在问题 4 中,需要根据储药柜的规格尺寸,将所有药品所需的储药槽放入储药柜,并确定储药柜的最小数量。由于问题 2 和 3 的目标是使得总平面冗余尽可能小,这与储药槽占储药柜空间尽可能小一致,也即所需储药柜数量少一致。因此,问题 4 必须根据药品的需求量计算出每种药品所需的储药槽个数,然后利用问题 2 和 3 的结论得到每种药品的储药槽的规格(包括高度和宽度),最后在实用的前提下将储药槽摆放到储药柜中。

四、模型的假设

- 1. 假设储药柜的横向和竖向隔板的厚度忽略不计;
- 2. 假设只考虑药槽的横向和竖向隔板,不考虑储药柜的竖向支撑板:
- 3. 假设储药柜的横向和竖向隔板不会影响药品的放入和取出;
- 4. 储药柜药槽的放置参考医院的实际情况,以方便实用为优先;
- 5. 假设药盒在药槽内移动时不会发生阻塞、挤扁和变形的情况:
- 6. 假设药盒都为符合长、高、宽描述的方形;
- 7. 假设药盒在药槽中露出的盒面不会影响药的取出和放入,即药盒在药槽中可以侧放、平放或竖向放置;

五、符号定义及说明

符号	含义	单位
K_min	药盒型号的最小宽度	mm
K_max	药盒型号的最大宽度	mm
C_K	药槽的竖向隔板间距类型数量	种
C_G	药槽的横向隔板间距类型数量	种
S_{j}	第j种储药槽中所有药品的宽度冗余之和	mm
W_{j}	第j种储药槽的宽度	mm
D_i	编号为i的药盒的宽度	mm
h_{j}	宽度冗余降低率	
Н	宽度冗余降低率门限值	
S_{0}	所有竖向隔板间距类型中所有药盒的总宽度冗余	mm
G_j	第j种储药槽中所有药品的高度冗余之和	mm
T_{j}	第j种储药槽的宽度	mm
DT_i	编号为i的药盒的高度	mm
A_{0}	总平面冗余	mm^2
k_j	平面冗余降低率	
P	平面冗余降低率的门限值	
n_i	编号为 i 的药盒在一个储药槽中数量	个
L_i	编号为i的药盒的长度	mm
$C_{-}N_{i}$	编号为i的药盒所需的储药槽个数	个
num_i	编号为 i 的药品的最大日需求量	盒

六、模型的建立与求解

参考实际情况,由于药盒的侧面一般宽度较小,因此选择药盒侧放在储药槽中,露出其高和宽的一面,所需储药槽的宽度较小,可以在一定空间内放更多的药品。在忽略横向和竖向隔板厚度、忽略隔板对放药与取药的影响的前提下,药盒与两侧竖向隔板之间、与上下两层隔板之间应留 2mm 的间隙,则药盒在药槽中至少要比储药槽宽度(即竖向隔板类型)和高度要小 4mm 才能顺利出入。为了使药盒在储药槽内推送时不会出现并排重叠、侧翻和水平旋转的情况,储药槽宽度必须满足一定尺寸要求:

1. 并排重叠情况

为防止并排重叠,储药槽宽度应小于 2 倍药盒宽度,具体原理如图 6.1 所示。假设药盒宽度为 D,储药槽宽度如果不小于 2D,则槽内药盒会发生并排重叠;当储药槽宽度为 2D-1 时,就能避免这种情况。

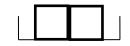


图 6.1 药盒的并排重叠

2. 侧翻情况

为防止侧翻情况,储药槽宽度(即竖向隔板类型)应大于药盒高和宽的对角线,具体原理如图 6.2 所示。当储药槽宽度大于药盒型号高和宽的对角线时,药盒就可能发生侧翻。

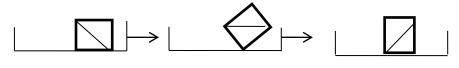


图 6.2 药盒的侧翻

3. 水平旋转情况

与防止侧翻的原理相同,为防止水平旋转情况,储药槽宽度应大于药盒长和 宽的对角线。

6.1 问题 1

分析附件 1 中药盒的规格数据,可得药盒规格的最小宽度为 $K_min=10$ mm,最大宽度为 $K_max=56$ mm。为了避免并排重叠的情况,储药槽宽度应小于 2 倍其中药盒宽度。考虑到与两侧竖向隔板应留 2mm 的间隙,储药槽宽度应比其中药盒

宽度至少大 4mm。假设此储药槽中所放的药盒的最小宽度为 D_{min} ,最大宽度为 D_{max} ,则储药槽宽度 W 存在以下关系:

$$W = 2 * D_{\min} - 1 \tag{1}$$

$$W = D_{\text{max}} + 4 \tag{2}$$

为了使储药槽宽度(竖向隔板间距)类型最少,必须使储药槽在满足上述要求的情景下尽量放最多的药盒。因此,可以从最小宽度药盒开始推导,到最大宽度药盒结束,得出以下几种类型:

- 1.类型 1: $W_1 = 2*10-1=19$ mm,所放药盒宽度最大为 W_1 -4=15mm,即所放药盒宽度的规格为 10mm~15mm;
- 2.类型 2: 参考类型 1, 所放药盒宽度最小应为 16mm, 则 W_2 = 2*16-1=31mm, 所放药盒宽度最大为 W_2 -4=27mm,则所放药盒宽度规格为 16mm~27mm;
- 3.类型 3. 参考类型 2, 所放药盒宽度最小应为 28mm, 则 $W_3=2*28-1=55$ mm, 所放药盒宽度最大为 W_3 -4=51mm,则所放药盒宽度规格为 28mm~51mm;
- 4.类型 4: 参考类型 3, 所放药盒宽度最小应为 52mm,则 W_4 = 2*52-1=103mm,但药盒 $K_max=56$ mm,即所放药盒宽度最大为 56mm,因此 W_4 = 56+4=60,所放药盒宽度规格为 52mm~56mm;

在上述推导过程中,还必须考虑避免侧翻和水平旋转的情况,因此储药槽宽度 W 还必须与药盒高宽对角线、长宽对角线长度进行对比,具体流程如图 6.3 所示,其 matlab 程序见附录 1.1。程序运行后,最后得出共有 5 种竖向隔板类型 (储药槽宽度类型),这 5 种竖向隔板类型对应的药盒型号数量和药盒规格如表 6.1 所示。

表 6.1 竖向隔板间距类型最少时的情况

序号	序号 竖向隔板类型 (储药槽宽度 nm)		规格(mm)
1	19	123	10~15
2	31	1078	16~27
3	39	303	28~35
4	50	297	36~46
5	60	118	47~56

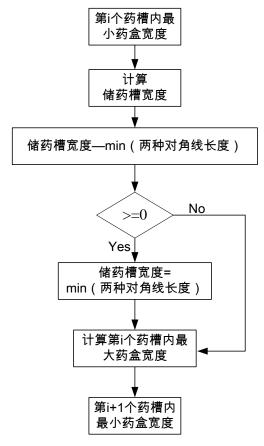


图 6.3 竖向隔板间距类型最少的计算流程图

6.2 问题 2

由于药盒与两侧竖向隔板之间的间隙超出 2mm 的部分被视为宽度冗余,则储 药槽宽度与所放药盒宽度之差大于 4mm 即为此药盒在此储药槽中的宽度冗余。即 第 j 个药槽类型中第 i 种药盒的宽度冗余为:

$$S_{ji} = W_j - D_{ji} - 4$$
 (3)

其中 W_j 为第 j 个药槽类型的宽度, D_{ji} 为其中第 i 种药盒的宽度。因此,可计算得到每种类型储药槽中的总宽度冗余为:

$$S_{j} = \sum_{i} S_{ji} = \sum_{i} [W_{j} - D_{ji} - 4]$$
 (4)

根据问题一的情况,可计算得到问题一中竖向隔板间距类型最少时,每个类型所对应的总宽度冗余及其所占比例,如表 6.2 所示。其 matlab 程序见附录 1.1。

表 6.2 竖向隔板间距类型最少时的宽度冗余情况

储药槽宽度 类型(mm)	存放的药 盒数量	规格(mm)	冗余 (mm)	冗余比例
19	123	10~15	95	0.97%
31	1078	16~27	6653	67. 96%

39	303	28~35	1013	10. 35%
50	297	36~46	1310	13.38%
60	118	$47 \sim 56$	718	7. 33%

根据优化目标,问题2可以用模型描述为:

$$\begin{cases} \min \sum_{j} S_{j} \\ \min C_{K} \end{cases}$$
 (5)

其中, C_K 为药槽的竖向隔板间距类型数量。竖向隔板间距类型最少时, 5 种类型的宽度冗余总量为 9789mm。为了减少冗余,必须增加储药槽的类型,即增加竖向隔板间距类型数量。在问题一的基础上,可以选择将每种储药槽的类型拆分为 2 个,即将其对应的药盒规格由 1 段拆分为 2 段,例如 16~27mm 可以均匀拆分为 16~21mm 和 22~27mm 两段。根据此原理,将冗余较大的类型进行拆分,具体步骤如下:

- 1. 对于第 j 种类型的储药槽,根据公式(4)计算其中所有药品的宽度冗余为 S_i ;
 - 2. 对于所有类型的储药槽, 计算总的宽度冗余为

$$S_0 = \sum_j S_j$$

3. 将第 j 种类型的储药槽按药品规格拆分为 2 段,拆分后的宽度冗余分别为 S_{i1} 和 S_{i2} ,设置拆分后的宽度冗余降低率为

$$h_{j} = \left[S_{j} - (S_{j1} + S_{j2}) \right] / S_{0} \tag{6}$$

- 4. 当宽度冗余降低率 h_j >H 时,其中 H 为预先设置的阈值,表示拆分所增加的储药槽类型会引起宽度冗余的大幅降低,必须保留此拆分的结果,即增加 1个类型;
- 5. 当宽度冗余降低率 h_j <=H时,表示拆分所增加的储药槽类型仅会引起宽度 冗余的小幅降低,不必保留此拆分的结果,即此储药槽类型不变;
- 6. 按上述步骤,将所有的储药槽类型都进行拆分,最后得到更新后的储药槽类型,其数量的增加会引起总宽度冗余的降低。如果预先设置的阈值 H 越小,则拆分出的类型越多,总的宽度冗余越小,H 值设置越大,则拆分出的类型越少,

总的宽度冗余越大。

根据上述方法,可分别设置不同的 H 值,获得不同数量的储药槽类型(竖向隔板间距类型),其 matlab 程序见附录 1.2。经程序处理,可发现由 5 种类型增加到 6 种类型时,储药槽类型由(19,31,39,50,60)变为了(19,25,31,39,50,60),这与 31mm 类型储药槽的宽度冗余最大(占总量的 67.96%),必须优先拆分为 2 类,会大幅降低宽度冗余的事实相符合。

通过调解阈值 H,增加储药槽宽度类型,可得不同类型数量下的总宽度冗余值如表 6.3 所示。

农 0.5 个 的 天 至 数 里 下 的 心 见 及 儿 示		
储药槽宽度类型数量	总的宽度冗余(mm)	
5	9789	
6	5475	
10	2882	
11	2417	
12	2084	
13	1919	
14	1771	
15	1671	
16	1513	
17	1362	
20	1089	
21	1035	
23	953	
26	782	

表 6.3 不同类型数量下的总宽度冗余

将表 6.3 中的数据按下式进行归一化处理,将类型数量归一化为:

$$norm_N =$$
 类型数量 8 最多的类型数量 (7)

其中47为最多的类型(药盒类型共有47种)。再将总宽度冗余归一化为:

其中类型数量最少时的总宽度冗余最大,即类型数量为 5 时的总宽度冗余 9789。 利用上述归一化的数据,画出以下曲线图。

由曲线图可以看出,随着类型数量的增加,总宽度冗余一直在降低,且降低幅度越来越小。两线相交的位置即为合理的竖向隔板间距类型(储药槽宽度类型)

的数量,为12种类型(相交点的类型数量大于11,即取为12),此时总宽度冗余和类型数量都较小。

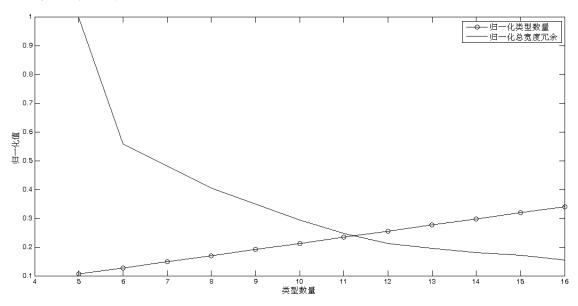


图 6.4 归一化总宽度冗余和类型数量曲线图

12 种类型为合理的类型数量,其对应的储药槽宽度分别为 19,22,24,25,28,31,35,39,45,50,55,60 (单位 mm)。每种类型所对应的药品编号分别为:

(1) 规格 19mm 储药槽:

1908 1917

(2) 规格 22mm 储药槽:

 1894 1918

(3) 规格 24mm 储药槽:

6 8 9 21 24 26 27 31 40 42 71 75 78 1867 1872 1883 1884

(4) 规格 25mm 储药槽:

3 5 1744 1745 1769 1775 1804 1835

(5) 规格 28mm 储药槽:

1 19 30 35 44 66 73 94 98 100 101 119 179 193 222 248 250 271

1876 1877 1880 1886 1889 1896

(6) 规格 31mm 储药槽:

(7) 规格 35mm 储药槽:

59 81 82 1888 1898 1900 1901 1903 1904 1913 1916

(8) 规格 39mm 储药槽:

11 12 13 14 16 17 39 60

(9) 规格 45mm 储药槽:

64 65 86 89 1816 1821 1823 1834 1839 1857 1905 1906 1907 1911

(10) 规格 50mm 储药槽:

53 83 92

(11) 规格 55mm 储药槽:

47 49 54 1902 1914

(12) 规格 60mm 储药槽:

444 445 1134 1160 1211 1218 1238 1408 1606 1639 1642 1832

6.3 问题 3

根据问题一,同理可计算得到横向隔板间距类型最少时为4类(不发生竖向

重叠和旋转), 高度分别为 53, 72, 104, 129 (单位 mm), 相应的 matlab 程序见附录 1.3.1。

由于药盒与两侧横向隔板之间的间隙超出 2mm 的部分被视为高度冗余,则储药槽高度(即储药槽横向隔板间距)与所放药盒高度之差大于 4mm 即为此药盒在此储药槽中的高度冗余。即第 j 个药槽类型中第 i 种药盒的高度冗余为:

$$G_{ji} = T_j - DT_{ji} - 4 \tag{9}$$

其中 T_j 为第 j 个药槽类型的高度, DT_{ji} 为其中第 i 种药盒的高度。因此,可计算得到每种类型储药槽中的总宽度冗余为:

$$G_{j} = \sum_{i} G_{ji} = \sum_{i} [T_{j} - DT_{ji} - 4]$$
 (10)

由于平面冗余定义为高度冗余与宽度冗余的乘积,因此第 j 个药槽类型中第 i 种药盒的平面冗余为:

$$A_{ii} = G_{ii} * S_{ii} \tag{11}$$

其中 S_{ji} 为其宽度冗余,已在问题 2 中确定了每种药盒的储药槽宽度类型,在此可直接计算得到。由此,可计算得到第 i 个类型储药槽中的总平面冗余为:

$$A_{j} = \sum_{i} A_{ji} = \sum_{i} [G_{ji} * S_{ji}]$$
 (12)

根据优化目标,问题3可以用模型描述为:

$$\begin{cases} \min \sum_{j} A_{j} \\ \min \mathbf{C}_{-}\mathbf{G} \end{cases}$$
 (13)

其中, C_G 为药槽的横向隔板间距类型数量。参照问题 2 的解题原理, 仍然对平面冗余较大的类型进行拆分, 具体步骤如下:

- 1. 对于第 j 种类型的储药槽,根据公式(12)计算其中所有药品的平面冗余为 A_i ;
 - 2. 对于所有类型的储药槽, 计算总的平面冗余为

$$A_0 = \sum_j A_j$$

3. 将第 j 种类型的储药槽在高度上(横向隔板间距)按药品规格拆分为 2 段,拆分后的平面冗余分别为 A_{j1} 和 A_{j2} ,设置拆分后的平面冗余降低率为

$$k_{j} = \left[A_{j} - (A_{j1} + A_{j2}) \right] / A_{0}$$
 (14)

- 4. 当平面冗余降低率 k_j >P时,其中P为预先设置的阈值,表示拆分所增加 的储药槽类型会引起平面冗余的大幅降低,必须保留此拆分的结果,即增加1 个高度类型 (横向隔板间距类型);
- 5. 当平面冗余降低率 h_i <=P时,表示拆分所增加的储药槽类型仅会引起平面 冗余的小幅降低,不必保留此拆分的结果,即此储药槽高度类型不变;
- 6. 按上述步骤,将所有的储药槽类型都进行拆分,最后得到更新后的储药槽 类型,其数量的增加会引起总平面冗余的降低。如果预先设置的阈值 P 越小,则 拆分出的高度类型越多,总的平面冗余越小; P 值设置越大,则拆分出的类型越 少,总的平面冗余越大。

根据上述方法,可分别设置不同的 P 值,获得不同数量的储药槽高度类型(横 向隔板间距类型)下的总平面冗余值如表 6.4 所示,其 matlab 程序见附录 1.3。

主人4. 不同声声光到华思工始节亚五层人

太 6.4 个问局及尖型数	重下的总干面儿余_		
横向隔板间距类型数量	总的平面冗余(mm²)		
(

横向隔板间距类型数量 (储药槽高度类型数量)	总的平面冗余(mm²)
4	25619
5	16915
6	14171
7	11817
10	8397
12	6721
13	5581
15	5159
17	4394
18	3878
19	3752
20	3638

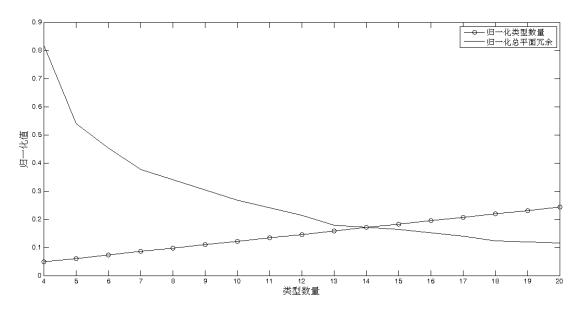


图 6.5 归一化总宽度冗余和类型数量曲线图

将表 6.4 中的数据按 (7) (8) 公式进行归一化处理, 画出曲线图, 如图 6.5 所示。由曲线图可以看出,随着类型数量的增加,总平面冗余一直在降低,且降低幅度越来越小。两线相交的位置即为合理的竖向隔板间距类型(储药槽宽度类型)的数量,为13 种类型(由于相交点与13、14 的平面冗余值都比较接近,取数量最少的,即为13),此时总平面冗余和横向隔板间距的类型数量都较小。13 种类型为合理的类型数量,其对应的储药槽高度分别为42,48,53,63,68,72,76,80,84,88,96,104,129(单位 mm)。

6.4 问题 4

根据每一种药品的最大日需求量和储药槽长度(1.5m),在每天仅集中补药一次的情况下,可计算出编号为i的药盒在一条储药槽中的数量为:

$$n_i = floor(1500/L_i) \tag{15}$$

其中 L_i 编号为i的药盒的长度。则第i种药品所需要的储药槽个数为:

$$C_N_i = ceil(num_i/n_i)$$
 (16)

其中 num_i 为编号为i的药品的最大日需求量。计算所用的matlab程序见附录1.4,得到每一种药品需要的储药槽个数为(以下数据从编号为1的药品开始):

 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 1

为满足药房储药的需求,必须将上述每一种药品所需的储药槽放置到储药柜中,每一种药品所需的储药槽数量达到上述数量要求。同时,为方便取药和放药,相同的药品必须摆在同一排作集中摆放(同一横向隔板上),避免放错药品和便于寻找药品。已知储药柜的有效高度为 1500mm,宽度为 2500mm,放置储药槽的方案如下:

- (1)由于编号越小的药品需求量越大,因此从编号 1 的药品开始摆放,之后再摆编号更大的药品:
 - (2) 相同编号的药品的储药槽必须在同一行相邻摆放,即摆在同一排上;
- (3)当同一排药槽没有摆满(累计宽度小于 2500mm),则继续摆放同一药槽高度的药品,且这一药品的药槽能完全摆在这一排,否则摆放另一种能满足此要求的药品直至放空;
- (4) 当一排摆满时(累计宽度 *Sum_K* 大于等于 2500mm), 开始摆放新的一排, 并从没有摆放的药品中编号最小的开始。累计宽度的计算如下式:

$$Sum_{K} = \sum_{i} [C_{N_i} * W_i]$$
 (17)

其中 W_i 为同一排中第i种药对应的储药槽的宽度。

- (5) 当摆满的排的累计高度大于等于 15mm 时,开始摆放到新的储药柜中,方法同上,直至所有药品的储药槽摆放完毕;
 - (6)每一种药品的储药槽类型在问题2和3中已确定,即储药槽宽度和高

度按照问题 2 和 3 的结果。

按照上述方法,编写 matlab 程序实现穷举,得到储药槽在储药柜中的摆放方案,程序代码见附录 1.4,程序可输出每个储药柜中每一排药品的编号及其储药槽数量。最后,可计算得出摆放完所有 1919 种药品的储药槽所需要的储药槽高度为 2710mm,最少需要 2 个储药柜。

七、模型的分析

本文提出的方法有效地解决了储药槽的最优化设计问题,可有效减少储药槽宽度与平面冗余的同时,保持较少的类型数量,提高了储药槽的适应能力。尤其是问题中,本文方法对较多需求量的药品优先摆放,将同一种药集中摆放,都可提高医院工作人员的发药效率和药品分拣的准确率。但是,本文提出的方法也存在一些问题,例如 matlab 程序在计算不同类型数量下的冗余值时,有些类型数量的情况无法计算得到,这主要跟算法控制的步长有关系。采用逐步分裂的迭代算法增加类型数量时,得到的冗余值不是相同类型数量下的最小冗余值,有所偏差。此外,本文对问题的求解忽略了横向和竖向隔板的厚度,忽略了储药柜竖向支撑板对储药槽的影响,这些对于实际应用都会导致一些问题,需要在实践中继续改善。

参考文献:

- [1] 韩中庚, 数学建模方法及其应用, 北京: 高等教育出版社, 2005。
- [2] 张斐, 药房全自动发药系统, 物流技术(装备版), 2013(5): 1-3, 2013。
- [3] 曹卫华,郭正编,最优化技术方法及 MATLAB 的实现,北京:化学工业出版社 2005。
- [4] 阮沈勇, MATLAB 程序设计, 北京: 电子工业出版社, 2004。

附录:

附录 1.1 "问题 1"的 MATLAB 程序

```
load xinghao.txt
N=size(xinghao);
data=zeros(N(1),5);
for i=1:N(1)
  data(i,1) = xinghao(i,1);
  data(i,2) = xinghao(i,2);
  data(i,3) = xinghao(i,3);
  data(i,4) = ceil(sqrt(xinghao(i,2)^2+xinghao(i,3)^2));
  data(i, 5) = ceil(sqrt(xinghao(i, 1)^2+xinghao(i, 3)^2));
K min=min(xinghao(:,3));
K_{max}=max(xinghao(:,3));
C min=K min;
C K=2*C min-1;
C max=C K-4;
while(C_max<K_max)</pre>
   index=[];
   data temp=[];
   for i=1:N(1)
      if (data(i,3) \le C max) \&\& (data(i,3) \ge C min)
         index=[index i];
         data temp=[data temp;data(i,4:5)];
      end
   end
   DJ=min(min(data temp()));
   if (C_K > DJ)
         C K=DJ-1;
         C max=C K-4;
   else
       index%输出药槽宽度对应的药盒编号
       num=size(index)%输出药槽宽度对应药盒的数量
       C K %输出药槽宽度
       %计算宽度冗余
       rongyu=0;
       for k=1:num(2)
          if ( (C K-data(index(k),3))>4)
             rongyu=rongyu+(C K-data(index(k),3)-4);
          end
       end
```

```
C min=C max+1;
      C_K=2*C_min-1;
      if(C K>56+4)
          C K=60;
          C max=56;
          index=[];
          data temp=[];
            for i=1:N(1)
                if (data(i,3) \le C_max) \&\& (data(i,3) \ge C_min)
                   index=[index i];
                   data temp=[data temp;data(i,4:5)];
                end
            end
            DJ=min(min(data temp()));
             if (C_K > DJ)
                   C K=DJ-1;
                   C max=C K-4;
             else
                index%输出药槽宽度对应的药盒编号
                num=size(index) %输出药槽宽度对应药盒的数量
                C K %输出药槽宽度
                 %计算宽度冗余
                 rongyu=0;
                for k=1:num(2)
                    if ((C_K-data(index(k),3))>4)
                       rongyu=rongyu+(C K-data(index(k),3)-4);
                    end
                end
                rongyu
             end
      else
          C_{max}=C_K-4;
      end
   end
end
```

附录 1.2 "问题 2"的 MATLAB 程序

附录 1.3.1 "问题 3 中确定高度冗余最小时的横向隔板间距类型"的 MATLAB 程序

```
load xinghao.txt
N=size(xinghao);
```

rongyu

```
data=zeros(N(1), 5);
for i=1:N(1)
   data(i, 1) = xinghao(i, 1);
   data(i, 2) = xinghao(i, 2);
   data(i, 3) = xinghao(i, 3);
   data(i, 4)= ceil(sqrt(xinghao(i, 2)^2+xinghao(i, 3)^2));%高宽对角线
   data(i,5)= ceil(sqrt(xinghao(i,1)^2+xinghao(i,2)^2));%长高对角线
end
Kg min=min(xinghao(:, 2));
Kg_{max}=max(xinghao(:,2));
Cg min=Kg min;
C G=2*Cg min-1;
Cg_{max}=C_{G}-4;
while (Cg_max<Kg_max)
    index=[];
    data_temp=[];
    for i=1:N(1)
       if (data(i, 2) \leq Cg_max) \&\& (data(i, 2) \geq Cg_min)
           index=[index i];
           data temp=[data temp;data(i,5)];%只计算长高对角线
       end
    end
   DJ=min(data_temp());
    if (C_G > DJ)
          C G=DJ-1;
           Cg max=C G-4;
    else
        index%输出药槽宽度对应的药盒编号
        num=size(index)%输出药槽宽度对应药盒的数量
        C G %输出药槽宽度
        %计算宽度冗余
        rongyu=0;
        for k=1:num(2)
            if ((C_G-data(index(k), 2))>4)
               rongyu=rongyu+(C G-data(index(k),2)-4);
            end
        end
        rongyu
        Cg_min=Cg_max+1;
        C_G=2*Cg_min-1;
        if (C G>Kg max+4)
```

```
Cg_{max}=Kg_{max};
            index=[];
            data temp=[];
               for i=1:N(1)
                   if (data(i, 2) \leq Cg_max) \&\& (data(i, 2) \geq Cg_min)
                       index=[index i];
                       data_temp=[data_temp;data(i,5)];
                   end
               end
               DJ=min(data temp());
                if (C G > DJ)
                       C_G=DJ-1;
                       Cg_{max}=C_{G}-4;
                else
                    index%输出药槽宽度对应的药盒编号
                    num=size(index)%输出药槽宽度对应药盒的数量
                    C G %输出药槽宽度
                     %计算宽度冗余
                     rongyu=0;
                    for k=1:num(2)
                        if ((C_G-data(index(k), 2))>4)
                            rongyu=rongyu+(C G-data(index(k), 2)-4);
                        end
                    end
                    rongyu
                end
        else
            Cg_{max}=C_{G}-4;
        end
    end
end
附录 1.3
              "问题 3"的 MATLAB 程序
load xinghao.txt
load data CK
N=size(xinghao);
data=zeros(N(1), 5);
for i=1:N(1)
   data(i, 1) = xinghao(i, 1);
   data(i, 2) = xinghao(i, 2);
   data(i, 3) = xinghao(i, 3);
   data(i,4)= ceil(sqrt(xinghao(i,2)^2+xinghao(i,3)^2));%高宽对角线
```

 $C_G=Kg_{max}+4$;

```
data(i,5)= ceil(sqrt(xinghao(i,1)^2+xinghao(i,2)^2));%长高对角线
end
Kg_{\min}=\min(xinghao(:,2));
Kg_{max}=max(xinghao(:,2));
sum_rongyu=0;
C G=[53 72 104 129];
num C=4;
j=1;
while( j<=num C)
              if(j==1)
                             Cg_min=Kg_min;
              else
                             Cg_min=Cg_max+1;
              end
              Cg_{max}=C_G(j)-4;
              index=[];
              for i=1:N(1)
                             if (data(i, 2) \leq Cg_max) && (data(i, 2) \geq Cg_min)
                                            index=[index i];
                             end
              end
                     index%输出药槽宽度对应的药盒编号
              num=size(index) %输出药槽宽度对应药盒的数量
              C_G(j) %输出药槽高度
              %计算平面冗余
              rongyu=0;
              for k=1:num(2)
                                                                                                             (C G(j)-data(index(k), 2))>4
                                                                                                                                                                                                                                                 )
                                                                                                                                                                                                                                                                                        &&
 ( (data_CK(index(k), 1) - data(index(k), 3)) > 4 )
rongyu=rongyu+(C_G(j)-data(index(k), 2)-4)*(data_CK(index(k), 1)-data(index(k), 3)-data(index(k), 3)
-4);
                                end
              end
              rongyu
              %分裂为2,均分
              temp=floor((Cg_max-Cg_min)/2);
              Cg_min_1=Cg_min;
              Cg_max_1=Cg_min_1+temp;
              C G 1=Cg max 1+4;
```

```
Cg_min_2 = Cg_max_1 + 1;
            Cg max 2=Cg max;
            C_G_2 = Cg_max_2 + 4;
            index 1=[];
            for i=1:N(1)
                         if (data(i, 2) \leq Cg_{max_1}) \&\& (data(i, 2) \geq Cg_{min_1})
                                      index 1=[index 1 i];
                         end
            end
                   index_1%输出药槽宽度对应的药盒编号
            num=size(index 1) %输出药槽宽度对应药盒的数量
            C G 1 %输出药槽宽度
            %计算平面冗余
            rongyu 1=0;
            for k=1:num(2)
                                                                                              (C G 1-data(index 1(k), 2))>4
                                                                                                                                                                                                                                                   &&
( (data_CK(index_1(k), 1)-data(index_1(k), 3))>4 )
rongyu_1 = rongyu_1 + (C_G_1 - data(index_1(k), 2) - 4) * (data_CK(index_1(k), 1) - data(index_1(k), 2) - 4) * (data_CK(index_1(k), 2) - 4) * (data_CK(in
x_1(k), 3)-4);
                            end
            end
            rongyu 1
            index_2=[];
            for i=1:N(1)
                         if (data(i, 2) \leq Cg_{max_2}) \&\& (data(i, 2) \geq Cg_{min_2})
                                      index 2=[index 2 i];
                         end
            end
                   index 1%输出药槽宽度对应的药盒编号
            num=size(index_2) %输出药槽宽度对应药盒的数量
            C G 2 %输出药槽高度
            %计算平面冗余
            rongyu 2=0;
            for k=1:num(2)
                                                                                                                 (C G_2-data(index_2(k),2))>4
                                                                                                                                                                                                                                                ) &&
 ( (data CK(index 2(k), 1) - data(index 2(k), 3)) > 4 )
rongyu 2=rongyu 2+(C G 2-data(index 2(k),2)-4)*(data CK(index 2(k),1)-data(inde
x_2(k), 3)-4);
                            end
            end
            rongyu 2
```

```
%计算总冗余
              sum rongyu=0;
              num_CC=size(C_G);
              for p=1:num CC(2)
                            if(p==1)
                                          Cg_min_S=Kg_min;
                            else
                                          Cg_min_S=Cg_max_S+1;
                            end
                            Cg_{max_S}=C_G(p)-4;
                            index=[];
                            for i=1:N(1)
                                          if (data(i, 2) \leq Cg_{max_S}) \&\& (data(i, 2) \geq Cg_{min_S})
                                                         index=[index i];
                                          end
                            end
                                    index%输出药槽宽度对应的药盒编号
              %
                            num=size(index) %输出药槽宽度对应药盒的数量
                            C_G(p) %输出药槽宽度
                            %计算平面冗余
                            rongyu t=0;
                            for k=1:num(2)
                                                                                                                                      (C G(p)-data(index(k), 2))>4
                                                                                                                                                                                                                                                                              ) &&
                                           if
 ( (data_CK(index(k), 1) - data(index(k), 3)) > 4 )
rongyu_t = rongyu_t + (C_G(p) - data(index(k), 2) - 4)*(data_CK(index(k), 1) - data(index(k), 2) - 4)*(data_CK(index(k), 2) - 4
), 3)-4);
                                              end
                            end
                            sum rongyu=sum rongyu+rongyu t;%总冗余
              end
              dec_rongyu=rongyu-(rongyu_1+rongyu_2);
              if (dec_rongyu/sum_rongyu)>0.04%冗余降低超过10%,保持分裂
                            C_G = [C_G(1:j-1) \ C_{G_1} \ C_G(j:num_C)]
                            num_C=num_C+1;
                            j=j-1;
                            if(j)=1)
                                          Cg \max = C G(j) - 4;
                            end
              end
              j=j+1;
end
```

```
%分裂完成,计算总冗余
sum_rongyu=0;
num_C=size(C_G);
for j=1:num_C(2)
               if(j==1)
                              Cg_min=Kg_min;
               else
                              Cg_min=Cg_max+1;
               end
              Cg \max = C G(j) - 4;
               index=[];
               for i=1:N(1)
                              if (data(i, 2) \leq Cg max) \&\& (data(i, 2) \geq Cg min)
                                              index=[index i];
                              end
               end
                       index%输出药槽宽度对应的药盒编号
               num=size(index)%输出药槽宽度对应药盒的数量
              C_G(j) %输出药槽宽度
               %计算宽度冗余
               rongyu=0;
               for k=1:num(2)
                              if
                                                                                        (
                                                                                                                                             (C_G(j)-data(index(k),2))>4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     ) &&
 ( (data CK(index(k), 1)-data(index(k), 3))>4 )
rongyu=rongyu+(C_G(j)-data(index(k), 2)-4)*(data_CK(index(k), 1)-data(index(k), 3)-4)*(data_CK(index(k), 3)-data(index(k), 3)-data(index
-4);
                                  end
               end
              rongyu
               sum rongyu=sum rongyu+rongyu;
              %保存每种药品的储药槽高
               for k=1:num(2)
                              data_CG(index(k), 1) = C_G(j);
               end
end
sum rongyu
save data_CG;%保存每种药品的储药槽宽
```

附录 1.4 "问题 4"的 MATLAB 程序

load xinghao.txt load data CK%每种药的储药槽宽 12 类

```
load data_CG%每种药的储药槽高 13 类
```

```
N=size(xinghao);
data=zeros(N(1), 5);
C number=zeros (N(1), 1);
num_Yaogui=1;
% **********
for i=1:N(1)
  data(i, 1) = xinghao(i, 1);%长
  data(i,2)= xinghao(i,2);%高
  data(i, 3) = xinghao(i, 3);%宽
  data(i,4)= ceil(sqrt(xinghao(i,2)^2+xinghao(i,3)^2));%高宽对角线
  data(i, 5) = ceil(sqrt(xinghao(i, 1)^2+xinghao(i, 3)^2));%长宽对角线
end
load liang.txt
for i=1:N(1)
  n=floor(1500/data(i,1));%长
  C_number(i)=ceil(liang(i)/n);%每种药品的药槽数量
end
%需求量大的药优先摆放,同一种药的药槽放在一起(同一行相邻摆放),同样高的药槽放在
同一行
sum_CK=zeros(N(1), 1);
for i=1:N(1)
   sum_CK(i)=data_CK(i)*C_number(i);%编号 i 的药的药槽总宽
end
index already=[];
i=1;
num already=0;
CG_all=0;%计算药槽高度累加
CG sum=0;%计算所有药槽累计的总高度
while( num already<N(1))%从最小编号的药开始(编号越小需求量越大)
  index sameline=[];
  index_sameline=[index_sameline i];
  sum_long=0;
  num line=1;
  if sum CK(i)<2500%储药柜宽度为 2500mm
      sum long=sum CK(i);
      CG_temp=data_CG(i);
      data_CG(i)=0;
      for j=2:N(1)
         if CG temp==data CG(j);%寻找相同槽高的最小编号的药(最小编号的药需求
量最大)
```

```
sum_long=sum_long+sum_CK(j);
            if sum long<=2500%储药柜宽度为 2500mm
                index_sameline=[index_sameline j];
                num_line=num_line+1;%这一行增加一种药
                data_CG(j)=0;%清除为0,不参与下一次摆放
            else
                sum long=sum long-sum CK(j);
            end
          end
      end
  end
  index sameline %输出一行药的编号
  CG_temp%输出一行的高度
  index_already=[index_already index_sameline];
  num_already=size(index_already);
  data_CG(i)=0;%清除为0,不参与下一次摆放;
  k=1;
  while (k<num already(2))
      for k=1:num_already(2)
          if i==index_already(k)
             i=i+1;
             break;
          end
      end
  end
  CG_sum=CG_sum+CG_temp;
  CG all=CG all+CG temp;
  if CG_all>1500%储药柜有效高度为1500mm
      CG all=CG temp;
      num_Yaogui=num_Yaogui+1;
  end
  if CG_all==1500
      CG_a11=0;
      num_Yaogui=num_Yaogui+1;
  end
end
CG sum%输出药槽摆放后的总高度
num_Yaogui%输出储药柜数量
```