目录

```
目录
基础算法部分
  快速排序
     例题: AcWing 785. 快速排序
  归并排序
     例题: AcWing 787. 归并排序
  整数二分
     例题: AcWing 789. 数的范围
  浮点数二分
     例题: AcWing 790. 数的三次方根
  高精度加法
     例题: AcWing 791. 高精度加法
  高精度减法
     例题: AcWing 792. 高精度减法
  高精度乘低精度
     例题: AcWing 793. 高精度乘法
  高精度除以低精度
     例题: AcWing 794. 高精度除法
  一维前缀和
     例题: AcWing 795. 前缀和
  二维前缀和
     例题: AcWing 796. 子矩阵的和
  一维差分
     例题: AcWing 797. 差分
  二维差分
     例题: AcWing 798. 差分矩阵
  位运算
     例题: AcWing 801. 二进制中1的个数
  双指针算法
     例题: AcWing 799. 最长连续不重复子序列
     例题: AcWing 799. 最长连续不重复子序列
  离散化
     例题: AcWing 802. 区间和
  区间合并
     例题: AcWing 803. 区间合并
  单链表
     例题: AcWing 826. 单链表
  双链表
     例题: AcWing 827. 双链表
  栈
     例题: AcWing 828. 模拟栈
  队列
     例题: AcWing 829. 模拟队列
  单调栈
     例题: AcWing 830. 单调栈
  单调队列
     例题: AcWing 154. 滑动窗口
  KMP
     例题: AcWing 831. KMP字符串
  Trie树
     例题: AcWing 835. Trie字符串统计
```

并查集

例题: AcWing 836. 合并集合

例题: AcWing 837. 连通块中点的数量

堆

例题: AcWing 838. 堆排序 例题: AcWing 839. 模拟堆

一般哈希

例题: AcWing 840. 模拟散列表

树与图的存储树与图的遍历

例题: AcWing 846. 树的重心 例题: AcWing 847. 图中点的层次

拓扑排序

例题: AcWing 848. 有向图的拓扑序列

朴素dijkstra算法

例题: AcWing 849. Dijkstra求最短路 I

堆优化版dijkstra

例题: AcWing 850. Dijkstra求最短路 II

Bellman-Ford算法

例题: AcWing 853. 有边数限制的最短路 spfa 算法 (队列优化的Bellman-Ford算法)

例题: AcWing 851. spfa求最短路

spfa判断图中是否存在负环

例题: AcWing 852. spfa判断负环

floyd算法

例题: AcWing 854. Floyd求最短路

朴素版prim算法

例题: AcWing 858. Prim算法求最小生成树

Kruskal算法

例题: AcWing 859. Kruskal算法求最小生成树

染色法判别二分图

例题: AcWing 860. 染色法判定二分图

匈牙利算法

例题: AcWing 861. 二分图的最大匹配

试除法判定质数

例题: AcWing 866. 试除法判定质数

试除法分解质因数

例题: AcWing 867. 分解质因数

朴素筛法求素数

例题: [AcWing 868. 筛质数]

线性筛法求素数

例题: AcWing 868. 筛质数

试除法求所有约数

例题: AcWing 869. 试除法求约数

约数个数和约数之和

例题: AcWing 870. 约数个数例题: AcWing 871. 约数之和

欧几里得算法

例题: AcWing 872. 最大公约数

求欧拉函数

例题: AcWing 873. 欧拉函数

筛法求欧拉函数

例题: AcWing 874. 筛法求欧拉函数

快速幂

例题: AcWing 875. 快速幂

扩展欧几里得算法

例题: AcWing 877. 扩展欧几里得算法

高斯消元

例题: AcWing 883. 高斯消元解线性方程组

```
递推法求组合数
     例题: AcWing 885. 求组合数 I
  通过预处理逆元的方式求组合数
     例题: AcWing 886. 求组合数 II
  Lucas定理
     例题: AcWing 887. 求组合数 Ⅲ
  分解质因数法求组合数
     例题: AcWing 888. 求组合数 IV
   卡特兰数
     例题: AcWing 889. 满足条件的01序列
  NIM游戏
     例题: AcWing 891. Nim游戏
  公平组合游戏ICG
  有向图游戏
  Mex运算
  SG函数
  有向图游戏的和
     例题: AcWing 893. 集合-Nim游戏
  博弈论定理
  C++ STL简介
补充部分
  递归实现指数型枚举
     例题: AcWing 92. 递归实现指数型枚举
  递归实现组合型枚举
     例题AcWing 93. 递归实现组合型枚举
  递归实现排列型枚举
     例题 AcWing 94. 递归实现排列型枚举
  线段树
     例题 AcWing 1275. 最大数
     例题 AcWing 245. 你能回答这些问题吗
  待续.....
注意事项与责任申明
联系方式
```

基础算法部分

快速排序

例题: AcWing 785. 快速排序

```
void quick_sort(int q[], int l, int r)
{
    if (l >= r) return;

    int i = l - 1, j = r + 1, x = q[l + r >> 1];
    while (i < j)
    {
        do i ++ ; while (q[i] < x);
        do j -- ; while (q[j] > x);
        if (i < j) swap(q[i], q[j]);
    }
    quick_sort(q, l, j), quick_sort(q, j + 1, r);
}</pre>
```

归并排序

例题: AcWing 787. 归并排序

```
void merge_sort(int q[], int l, int r)
{
    if (l >= r) return;

    int mid = l + r >> 1;
    merge_sort(q, l, mid);
    merge_sort(q, mid + 1, r);

    int k = 0, i = l, j = mid + 1;
    while (i <= mid && j <= r)
        if (q[i] <= q[j]) tmp[k ++ ] = q[i ++ ];
        else tmp[k ++ ] = q[j ++ ];

    while (i <= mid) tmp[k ++ ] = q[i ++ ];
    while (j <= r) tmp[k ++ ] = q[j ++ ];

    for (i = l, j = 0; i <= r; i ++, j ++ ) q[i] = tmp[j];
}</pre>
```

整数二分

例题: AcWing 789. 数的范围

```
bool check(int x) {/* ... */} // 检查x是否满足某种性质
// 区间[1, r]被划分成[1, mid]和[mid + 1, r]时使用:
int bsearch_1(int 1, int r)
{
   while (1 < r)
       int mid = 1 + r \gg 1;
       if (check(mid)) r = mid; // check()判断mid是否满足性质
       else l = mid + 1;
   }
   return 1;
// 区间[1, r]被划分成[1, mid - 1]和[mid, r]时使用:
int bsearch_2(int 1, int r)
   while (1 < r)
   {
       int mid = 1 + r + 1 >> 1;
       if (check(mid)) 1 = mid;
       else r = mid - 1;
   return 1;
}
```

浮点数二分

例题: AcWing 790. 数的三次方根

高精度加法

例题: <u>AcWing 791. 高精度加法</u>

```
// C = A + B, A >= 0, B >= 0
vector<int> add(vector<int> &A, vector<int> &B)
{
    if (A.size() < B.size()) return add(B, A);

    vector<int> C;
    int t = 0;
    for (int i = 0; i < A.size(); i ++ )
    {
        t += A[i];
        if (i < B.size()) t += B[i];
        C.push_back(t % 10);
        t /= 10;
    }

    if (t) C.push_back(t);
    return C;
}</pre>
```

高精度减法

例题: AcWing 792. 高精度减法

```
// C = A - B, 满足A >= B, A >= 0, B >= 0
vector<int> sub(vector<int> &A, vector<int> &B)
{
    vector<int> C;
    for (int i = 0, t = 0; i < A.size(); i ++ )
    {</pre>
```

```
t = A[i] - t;
    if (i < B.size()) t -= B[i];
    C.push_back((t + 10) % 10);
    if (t < 0) t = 1;
    else t = 0;
}

while (C.size() > 1 && C.back() == 0) C.pop_back();
    return C;
}
```

高精度乘低精度

例题: AcWing 793. 高精度乘法

高精度除以低精度

例题: AcWing 794. 高精度除法

```
// A / b = C ... r, A >= 0, b > 0
vector<int> div(vector<int> &A, int b, int &r)
{
    vector<int> C;
    r = 0;
    for (int i = A.size() - 1; i >= 0; i -- )
    {
        r = r * 10 + A[i];
        C.push_back(r / b);
        r %= b;
    }
    reverse(C.begin(), C.end());
    while (C.size() > 1 && C.back() == 0) C.pop_back();
    return C;
}
```

一维前缀和

例题: AcWing 795. 前缀和

```
S[i] = a[1] + a[2] + ... a[i]

a[1] + ... + a[r] = S[r] - S[1 - 1]
```

二维前缀和

例题: AcWing 796. 子矩阵的和

```
S[i, j] = 第i行j列格子左上部分所有元素的和以(x1, y1)为左上角,(x2, y2)为右下角的子矩阵的和为:
S[x2, y2] - S[x1 - 1, y2] - S[x2, y1 - 1] + S[x1 - 1, y1 - 1]
```

一维差分

例题: AcWing 797. 差分

```
给区间[1, r]中的每个数加上c: B[1] += c, B[r + 1] -= c
```

二维差分

例题: AcWing 798. 差分矩阵

```
给以(x1, y1)为左上角,(x2, y2)为右下角的子矩阵中的所有元素加上c:
S[x1, y1] += c, S[x2 + 1, y1] -= c, S[x1, y2 + 1] -= c, S[x2 + 1, y2 + 1] += c
```

位运算

例题: AcWing 801. 二进制中1的个数

```
求n的第k位数字: n >> k & 1 返回n的最后一位1: lowbit(n) = n & -n
```

双指针算法

例题: AcWing 799. 最长连续不重复子序列

例题: AcWing 799. 最长连续不重复子序列

```
for (int i = 0, j = 0; i < n; i ++ )
{
    while (j < i && check(i, j)) j ++ ;

    // 具体问题的逻辑
}
常见问题分类:
    (1) 对于一个序列,用两个指针维护一段区间
    (2) 对于两个序列,维护某种次序,比如归并排序中合并两个有序序列的操作
```

离散化

例题: AcWing 802. 区间和

```
vector<int> alls; // 存储所有待离散化的值
sort(alls.begin(), alls.end()); // 将所有值排序
alls.erase(unique(alls.begin(), alls.end()), alls.end()); // 去掉重复元素

// 二分求出x对应的离散化的值
int find(int x) // 找到第一个大于等于x的位置
{
    int l = 0, r = alls.size() - 1;
    while (l < r)
    {
        int mid = l + r >> 1;
        if (alls[mid] >= x) r = mid;
        else l = mid + 1;
    }
    return r + 1; // 映射到1, 2, ...n
}
```

区间合并

例题: AcWing 803. 区间合并

```
// 将所有存在交集的区间合并
void merge(vector<PII> &segs)
{
    vector<PII> res;

    sort(segs.begin(), segs.end());

int st = -2e9, ed = -2e9;
    for (auto seg : segs)
        if (ed < seg.first)
        {
        if (st != -2e9) res.push_back({st, ed});
    }
}</pre>
```

```
st = seg.first, ed = seg.second;
}
else ed = max(ed, seg.second);

if (st != -2e9) res.push_back({st, ed});

segs = res;
}
```

单链表

例题: AcWing 826. 单链表

```
// head存储链表头,e[]存储节点的值,ne[]存储节点的next指针,idx表示当前用到了哪个节点
int head, e[N], ne[N], idx;
// 初始化
void init()
   head = -1;
   idx = 0;
}
// 在链表头插入一个数a
void insert(int a)
{
   e[idx] = a, ne[idx] = head, head = idx ++;
// 将头结点删除,需要保证头结点存在
void remove()
{
   head = ne[head];
}
```

双链表

例题: AcWing 827. 双链表

```
// e[]表示节点的值, l[]表示节点的左指针, r[]表示节点的右指针, idx表示当前用到了哪个节点 int e[N], l[N], r[N], idx;

// 初始化
void init()
{
    //0是左端点, l是右端点
    r[0] = 1, l[1] = 0;
    idx = 2;
}

// 在节点a的右边插入一个数x
void insert(int a, int x)
```

```
{
    e[idx] = x;
    l[idx] = a, r[idx] = r[a];
    l[r[a]] = idx, r[a] = idx ++;
}

// 删除节点a
void remove(int a)
{
    l[r[a]] = l[a];
    r[l[a]] = r[a];
}
```

栈

例题: AcWing 828. 模拟栈

```
// tt表示栈顶
int stk[N], tt = 0;

// 向栈顶插入一个数
stk[ ++ tt] = x;

// 从栈顶弹出一个数
tt --;

// 栈项的值
stk[tt];

// 判断栈是否为空
if (tt > 0)
{
}
```

队列

例题: AcWing 829. 模拟队列

```
// 判断队列是否为空
if (hh <= tt)
{
}
//======循环队列=======
// hh 表示队头,tt表示队尾的后一个位置
int q[N], hh = 0, tt = 0;
// 向队尾插入一个数
q[tt ++] = x;
if (tt == N) tt = 0;
// 从队头弹出一个数
hh ++ ;
if (hh == N) hh = 0;
// 队头的值
q[hh];
// 判断队列是否为空
if (hh != tt)
}
```

单调栈

例题: AcWing 830. 单调栈

```
常见模型: 找出每个数左边离它最近的比它大/小的数
int tt = 0;
for (int i = 1; i <= n; i ++ )
{
    while (tt && check(stk[tt], i)) tt --;
    stk[ ++ tt] = i;
}</pre>
```

单调队列

例题: <u>AcWing 154. 滑动窗口</u>

```
常见模型: 找出滑动窗口中的最大值/最小值 int hh = 0, tt = -1; for (int i = 0; i < n; i ++ ) {
    while (hh <= tt && check_out(q[hh])) hh ++ ; // 判断队头是否滑出窗口 while (hh <= tt && check(q[tt], i)) tt -- ; q[ ++ tt] = i; }
```

KMP

例题: AcWing 831. KMP字符串

```
// s[]是长文本,p[]是模式串,n是s的长度,m是p的长度
求模式串的Next数组:
for (int i = 2, j = 0; i <= m; i ++ )
   while (j \&\& p[i] != p[j + 1]) j = ne[j];
   if (p[i] == p[j + 1]) j ++ ;
   ne[i] = j;
}
// 匹配
for (int i = 1, j = 0; i \le n; i \leftrightarrow ++)
   while (j \&\& s[i] != p[j + 1]) j = ne[j];
   if (s[i] == p[j + 1]) j ++ ;
   if (j == m)
   {
       j = ne[j];
       // 匹配成功后的逻辑
   }
}
```

Trie树

例题: AcWing 835. Trie字符串统计

```
int son[N][26], cnt[N], idx;

// 0号点既是根节点,又是空节点

// son[][]存储树中每个节点的子节点

// cnt[]存储以每个节点结尾的单词数量

// 插入一个字符串

void insert(char *str)
{
    int p = 0;
    for (int i = 0; str[i]; i ++ )
    {
        int u = str[i] - 'a';
        if (!son[p][u]) son[p][u] = ++ idx;
```

```
p = son[p][u];
}
cnt[p] ++;
}

// 查询字符串出现的次数
int query(char *str)
{
    int p = 0;
    for (int i = 0; str[i]; i ++ )
    {
        int u = str[i] - 'a';
        if (!son[p][u]) return 0;
        p = son[p][u];
    }
    return cnt[p];
}
```

并查集

例题: <u>AcWing 836. 合并集合</u>

例题: AcWing 837. 连通块中点的数量

```
int p[N]; //存储每个点的祖宗节点
// 返回x的祖宗节点
int find(int x)
   if (p[x] != x) p[x] = find(p[x]);
   return p[x];
}
// 初始化,假定节点编号是1~n
for (int i = 1; i \le n; i \leftrightarrow p[i] = i;
// 合并a和b所在的两个集合:
p[find(a)] = find(b);
//=======维护size版本===========
int p[N], size[N];
//p[]存储每个点的祖宗节点, size[]只有祖宗节点的有意义,表示祖宗节点所在集合中的点的数量
// 返回x的祖宗节点
int find(int x)
   if (p[x] != x) p[x] = find(p[x]);
   return p[x];
}
// 初始化,假定节点编号是1~n
for (int i = 1; i <= n; i ++ )
```

```
{
   p[i] = i;
   size[i] = 1;
}
// 合并a和b所在的两个集合:
size[find(b)] += size[find(a)];
p[find(a)] = find(b);
int p[N], d[N];
//p[]存储每个点的祖宗节点, d[x]存储x到p[x]的距离
// 返回x的祖宗节点
int find(int x)
   if (p[x] != x)
      int u = find(p[x]);
      d[x] += d[p[x]];
      p[x] = u;
   return p[x];
}
// 初始化,假定节点编号是1~n
for (int i = 1; i <= n; i ++ )
{
   p[i] = i;
   d[i] = 0;
}
// 合并a和b所在的两个集合:
p[find(a)] = find(b);
d[find(a)] = distance; // 根据具体问题, 初始化find(a)的偏移量
```

堆

例题: <u>AcWing 838. 堆排序</u>

例题: <u>AcWing 839. 模拟堆</u>

```
// h[N]存储堆中的值, h[1]是堆顶, x的左儿子是2x, 右儿子是2x + 1
// ph[k]存储第k个插入的点在堆中的位置
// hp[k]存储堆中下标是k的点是第几个插入的
int h[N], ph[N], hp[N], size;

// 交换两个点, 及其映射关系
void heap_swap(int a, int b)
{
    swap(ph[hp[a]],ph[hp[b]]);
    swap(hp[a], hp[b]);
    swap(h[a], h[b]);
}
```

```
void down(int u)
    int t = u;
    if (u * 2 <= size && h[u * 2] < h[t]) t = u * 2;
    if (u * 2 + 1 \le size \&\& h[u * 2 + 1] < h[t]) t = u * 2 + 1;
    if (u != t)
    {
        heap_swap(u, t);
        down(t);
    }
}
void up(int u)
    while (u / 2 \& h[u] < h[u / 2])
        heap_swap(u, u / 2);
        u >>= 1;
    }
}
// O(n)建堆
for (int i = n / 2; i; i -- ) down(i);
```

一般哈希

例题: AcWing 840. 模拟散列表

```
int h[N], e[N], ne[N], idx;
// 向哈希表中插入一个数
void insert(int x)
  int k = (x \% N + N) \% N;
  e[idx] = x;
  ne[idx] = h[k];
  h[k] = idx ++ ;
}
// 在哈希表中查询某个数是否存在
bool find(int x)
  int k = (x \% N + N) \% N;
  for (int i = h[k]; i != -1; i = ne[i])
     if (e[i] == x)
        return true;
  return false;
}
```

```
int h[N];

// 如果x在哈希表中,返回x的下标;如果x不在哈希表中,返回x应该插入的位置
int find(int x)
{
    int t = (x % N + N) % N;
    while (h[t] != null && h[t] != x)
    {
        t ++ ;
        if (t == N) t = 0;
    }
    return t;
}
```

树与图的存储

```
树是一种特殊的图,与图的存储方式相同。
  对于无向图中的边ab,存储两条有向边a->b, b->a。
  因此我们可以只考虑有向图的存储。
*/
//======邻接矩阵========
  g[a][b] 存储边a->b
// 对于每个点k, 开一个单链表, 存储k所有可以走到的点。h[k]存储这个单链表的头结点
int h[N], e[N], ne[N], idx;
// 添加一条边a->b
void add(int a, int b)
  e[idx] = b, ne[idx] = h[a], h[a] = idx ++;
}
// 初始化
idx = 0;
memset(h, -1, sizeof h);
```

树与图的遍历

例题: AcWing 846. 树的重心

例题: AcWing 847. 图中点的层次

```
//=======深度优先遍历===========
int dfs(int u)
   st[u] = true; // st[u] 表示点u已经被遍历过
   for (int i = h[u]; i != -1; i = ne[i])
   {
       int j = e[i];
       if (!st[j]) dfs(j);
   }
}
//======宽度优先遍历===========
queue<int> q;
st[1] = true; // 表示1号点已经被遍历过
q.push(1);
while (q.size())
{
   int t = q.front();
   q.pop();
   for (int i = h[t]; i != -1; i = ne[i])
   {
       int j = e[i];
       if (!st[j])
          st[j] = true; // 表示点j已经被遍历过
          q.push(j);
   }
}
```

拓扑排序

例题: AcWing 848. 有向图的拓扑序列

```
bool topsort()
{
    int hh = 0, tt = -1;

    // d[i] 存储点i的入度
    for (int i = 1; i <= n; i ++ )
        if (!d[i])
        q[ ++ tt] = i;

    while (hh <= tt)
    {
        int t = q[hh ++ ];
    }
}</pre>
```

```
for (int i = h[t]; i != -1; i = ne[i])
{
    int j = e[i];
    if (-- d[j] == 0)
        q[ ++ tt] = j;
}

// 如果所有点都入队了,说明存在拓扑序列,否则不存在拓扑序列。
return tt == n - 1;
}
```

朴素dijkstra算法

例题: AcWing 849. Dijkstra求最短路 I

```
int g[N][N]; // 存储每条边
int dist[N]; // 存储1号点到每个点的最短距离
bool st[N]; // 存储每个点的最短路是否已经确定
// 求1号点到n号点的最短路,如果不存在则返回-1
int dijkstra()
   memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
   dist[1] = 0;
   for (int i = 0; i < n - 1; i ++ )
       int t = -1; // 在还未确定最短路的点中,寻找距离最小的点
       for (int j = 1; j <= n; j ++ )
          if (!st[j] && (t == -1 || dist[t] > dist[j]))
              t = j;
       // 用t更新其他点的距离
       for (int j = 1; j <= n; j ++ )
          dist[j] = min(dist[j], dist[t] + g[t][j]);
       st[t] = true;
   }
   if (dist[n] == 0x3f3f3f3f) return -1;
   return dist[n];
}
```

堆优化版dijkstra

例题: AcWing 850. Dijkstra求最短路 II

```
typedef pair<int, int> PII;
int n; // 点的数量
int h[N], w[N], e[N], ne[N], idx; // 邻接表存储所有边
```

```
int dist[N]; // 存储所有点到1号点的距离
bool st[N]; // 存储每个点的最短距离是否已确定
// 求1号点到n号点的最短距离,如果不存在,则返回-1
int dijkstra()
   memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
   dist[1] = 0;
   priority_queue<PII, vector<PII>, greater<PII>>> heap;
   heap.push({0, 1}); // first存储距离, second存储节点编号
   while (heap.size())
       auto t = heap.top();
       heap.pop();
       int ver = t.second, distance = t.first;
       if (st[ver]) continue;
       st[ver] = true;
       for (int i = h[ver]; i != -1; i = ne[i])
           int j = e[i];
           if (dist[j] > distance + w[i])
              dist[j] = distance + w[i];
              heap.push({dist[j], j});
           }
       }
   }
   if (dist[n] == 0x3f3f3f3f) return -1;
   return dist[n];
}
```

Bellman-Ford算法

例题: AcWing 853. 有边数限制的最短路

spfa 算法 (队列优化的Bellman-Ford算法)

例题: AcWing 851. spfa求最短路

```
int n; // 总点数
int h[N], w[N], e[N], ne[N], idx;
                                 // 邻接表存储所有边
int dist[N]; // 存储每个点到1号点的最短距离
bool st[N]; // 存储每个点是否在队列中
// 求1号点到n号点的最短路距离,如果从1号点无法走到n号点则返回-1
int spfa()
{
   memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
   dist[1] = 0;
   queue<int> q;
   q.push(1);
   st[1] = true;
   while (q.size())
       auto t = q.front();
      q.pop();
      st[t] = false;
       for (int i = h[t]; i != -1; i = ne[i])
          int j = e[i];
          if (dist[j] > dist[t] + w[i])
              dist[j] = dist[t] + w[i];
              if (!st[j]) // 如果队列中已存在j,则不需要将j重复插入
                 q.push(j);
                 st[j] = true;
              }
          }
```

```
if (dist[n] == 0x3f3f3f3f) return -1;
return dist[n];
}
```

spfa判断图中是否存在负环

例题: AcWing 852. spfa判断负环

```
int n; // 总点数
int h[N], w[N], e[N], ne[N], idx; // 邻接表存储所有边
int dist[N], cnt[N]; // dist[x]存储1号点到x的最短距离, cnt[x]存储1到x的最短路中
经过的点数
bool st[N]; // 存储每个点是否在队列中
// 如果存在负环,则返回true,否则返回false。
bool spfa()
   // 不需要初始化dist数组
   // 原理:如果某条最短路径上有n个点(除了自己),那么加上自己之后一共有n+1个点,由抽屉原理一
定有两个点相同, 所以存在环。
   queue<int> q;
   for (int i = 1; i \le n; i ++)
   {
      q.push(i);
      st[i] = true;
   }
   while (q.size())
   {
      auto t = q.front();
      q.pop();
      st[t] = false;
      for (int i = h[t]; i != -1; i = ne[i])
          int j = e[i];
         if (dist[j] > dist[t] + w[i])
             dist[j] = dist[t] + w[i];
             cnt[j] = cnt[t] + 1;
             if (cnt[j] >= n) return true; // 如果从1号点到x的最短路中包含至
少n个点(不包括自己),则说明存在环
             if (!st[j])
                 q.push(j);
                st[j] = true;
             }
         }
      }
   }
```

```
return false;
}
```

floyd算法

例题: AcWing 854. Floyd求最短路

朴素版prim算法

例题: AcWing 858. Prim算法求最小生成树

```
// n表示点数
int n;
int g[N][N]; // 邻接矩阵,存储所有边

      int dist[N];
      // 存储其他点到当前最小生成

      bool st[N];
      // 存储每个点是否已经在生成树中

                    // 存储其他点到当前最小生成树的距离
// 如果图不连通,则返回INF(值是0x3f3f3f3f), 否则返回最小生成树的树边权重之和
int prim()
{
    memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
    int res = 0;
    for (int i = 0; i < n; i ++)
    {
        int t = -1;
        for (int j = 1; j <= n; j ++)
             if (!st[j] \&\& (t == -1 || dist[t] > dist[j]))
                 t = j;
        if (i && dist[t] == INF) return INF;
        if (i) res += dist[t];
        st[t] = true;
        for (int j = 1; j \leftarrow n; j \leftrightarrow l) dist[j] = min(dist[j], g[t][j]);
```

```
return res;
}
```

Kruskal算法

例题: AcWing 859. Kruskal算法求最小生成树

```
      int n, m;
      // n是点数, m是边数

      int p[N];
      // 并查集的父节点数约

               // 并查集的父节点数组
struct Edge // 存储边
   int a, b, w;
   bool operator< (const Edge &W)const
       return w < W.w;
    }
}edges[M];
int find(int x) // 并查集核心操作
   if (p[x] != x) p[x] = find(p[x]);
   return p[x];
}
int kruskal()
    sort(edges, edges + m);
    for (int i = 1; i <= n; i ++ ) p[i] = i; // 初始化并查集
    int res = 0, cnt = 0;
    for (int i = 0; i < m; i ++)
        int a = edges[i].a, b = edges[i].b, w = edges[i].w;
        a = find(a), b = find(b);
        if (a != b) // 如果两个连通块不连通,则将这两个连通块合并
        {
            p[a] = b;
            res += w;
            cnt ++ ;
        }
    }
    if (cnt < n - 1) return INF;
    return res;
}
```

染色法判别二分图

例题: AcWing 860. 染色法判定二分图

```
int n; // n表示点数
int h[N], e[M], ne[M], idx; // 邻接表存储图
int color[N]; // 表示每个点的颜色, -1表示未染色, 0表示白色, 1表示黑色
// 参数: u表示当前节点, c表示当前点的颜色
bool dfs(int u, int c)
{
   color[u] = c;
   for (int i = h[u]; i != -1; i = ne[i])
       int j = e[i];
       if (color[j] == -1)
           if (!dfs(j, !c)) return false;
       else if (color[j] == c) return false;
   }
   return true;
}
bool check()
   memset(color, -1, sizeof color);
   bool flag = true;
   for (int i = 1; i <= n; i ++ )
       if (color[i] == -1)
           if (!dfs(i, 0))
           {
               flag = false;
              break;
           }
   return flag;
}
```

匈牙利算法

例题: AcWing 861. 二分图的最大匹配

```
if (!st[j])
        {
            st[j] = true;
            if (match[j] == 0 \mid | find(match[j]))
                match[j] = x;
                return true;
            }
        }
    }
   return false;
}
// 求最大匹配数,依次枚举第一个集合中的每个点能否匹配第二个集合中的点
int res = 0;
for (int i = 1; i \ll n1; i \leftrightarrow ++)
    memset(st, false, sizeof st);
    if (find(i)) res ++ ;
}
```

试除法判定质数

例题: AcWing 866. 试除法判定质数

```
bool is_prime(int x)
{
    if (x < 2) return false;
    for (int i = 2; i <= x / i; i ++ )
        if (x % i == 0)
            return false;
    return true;
}</pre>
```

试除法分解质因数

例题: AcWing 867. 分解质因数

```
void divide(int x)
{
    for (int i = 2; i <= x / i; i ++ )
        if (x % i == 0)
        {
            int s = 0;
            while (x % i == 0) x /= i, s ++ ;
            cout << i << ' ' << s << endl;
        }
        if (x > 1) cout << x << ' ' << 1 << endl;
        cout << endl;
}</pre>
```

朴素筛法求素数

例题: [AcWing 868. 筛质数]

线性筛法求素数

例题: AcWing 868. 筛质数

试除法求所有约数

例题: AcWing 869. 试除法求约数

```
vector<int> get_divisors(int x)
{
    vector<int> res;
    for (int i = 1; i <= x / i; i ++ )
        if (x % i == 0)
        {
            res.push_back(i);
            if (i != x / i) res.push_back(x / i);
        }
        sort(res.begin(), res.end());
        return res;
}</pre>
```

约数个数和约数之和

例题: AcWing 870. 约数个数

例题: AcWing 871. 约数之和

```
如果 N = p1^c1 * p2^c2 * ... *pk^ck
约数个数: (c1 + 1) * (c2 + 1) * ... * (ck + 1)
约数之和: (p1^0 + p1^1 + ... + p1^c1) * ... * (pk^0 + pk^1 + ... + pk^ck)
```

欧几里得算法

例题: <u>AcWing 872. 最大公约数</u>

```
int gcd(int a, int b)
{
    return b ? gcd(b, a % b) : a;
}
```

求欧拉函数

例题: <u>AcWing 873. 欧拉函数</u>

```
int phi(int x)
{
    int res = x;
    for (int i = 2; i <= x / i; i ++ )
        if (x % i == 0)
        {
            res = res / i * (i - 1);
            while (x % i == 0) x /= i;
        }
    if (x > 1) res = res / x * (x - 1);
    return res;
}
```

筛法求欧拉函数

例题: AcWing 874. 筛法求欧拉函数

```
int primes[N], cnt; // primes[]存储所有素数 int euler[N]: // 存储每个数的欧拉函数
int euler[N];
                        // 存储每个数的欧拉函数
bool st[N]; // st[x]存储x是否被筛掉
void get_eulers(int n)
{
    euler[1] = 1;
    for (int i = 2; i <= n; i ++ )
    {
        if (!st[i])
        {
            primes[cnt ++ ] = i;
            euler[i] = i - 1;
        for (int j = 0; primes[j] \leftarrow n / i; j ++ )
        {
            int t = primes[j] * i;
            st[t] = true;
            if (i % primes[j] == 0)
                euler[t] = euler[i] * primes[j];
                break;
            euler[t] = euler[i] * (primes[j] - 1);
        }
    }
}
```

快速幂

例题: AcWing 875. 快速幂

```
//求 mAk mod p, 时间复杂度 O(logk)。

int qmi(int m, int k, int p)
{
    int res = 1 % p, t = m;
    while (k)
    {
        if (k&1) res = res * t % p;
        t = t * t % p;
        k >>= 1;
    }
    return res;
}
```

扩展欧几里得算法

例题: AcWing 877. 扩展欧几里得算法

```
// 求x, y, 使得ax + by = gcd(a, b)
int exgcd(int a, int b, int &x, int &y)
{
    if (!b)
    {
        x = 1; y = 0;
        return a;
    }
    int d = exgcd(b, a % b, y, x);
    y -= (a/b) * x;
    return d;
}
```

高斯消元

例题: AcWing 883. 高斯消元解线性方程组

```
for (int i = c; i <= n; i ++ ) swap(a[t][i], a[r][i]); // 将绝对值最
大的行换到最顶端
       for (int i = n; i >= c; i -- ) a[r][i] /= a[r][c]; // 将当前行的首位变
成1
       for (int i = r + 1; i < n; i ++ ) // 用当前行将下面所有的列消成0
          if (fabs(a[i][c]) > eps)
              for (int j = n; j >= c; j --)
                  a[i][j] = a[r][j] * a[i][c];
       r ++ ;
   }
   if (r < n)
       for (int i = r; i < n; i ++)
          if (fabs(a[i][n]) > eps)
              return 2; // 无解
       return 1; // 有无穷多组解
   }
   for (int i = n - 1; i >= 0; i -- )
       for (int j = i + 1; j < n; j ++ )
          a[i][n] -= a[i][j] * a[j][n];
   return 0; // 有唯一解
}
```

递推法求组合数

例题: AcWing 885. 求组合数 I

```
// c[a][b] 表示从a个苹果中选b个的方案数
for (int i = 0; i < N; i ++ )
   for (int j = 0; j <= i; j ++ )
      if (!j) c[i][j] = 1;
      else c[i][j] = (c[i - 1][j] + c[i - 1][j - 1]) % mod;</pre>
```

通过预处理逆元的方式求组合数

例题: <u>AcWing 886. 求组合数 II</u>

```
//首先预处理出所有阶乘取模的余数fact[N],以及所有阶乘取模的逆元infact[N]
//如果取模的数是质数,可以用费马小定理求逆元
int qmi(int a, int k, int p) // 快速幂模板
{
    int res = 1;
    while (k)
    {
        if (k & 1) res = (LL)res * a % p;
        a = (LL)a * a % p;
        k >>= 1;
```

```
}
    return res;
}

// 预处理阶乘的余数和阶乘逆元的余数
fact[0] = infact[0] = 1;
for (int i = 1; i < N; i ++ )
{
    fact[i] = (LL)fact[i - 1] * i % mod;
    infact[i] = (LL)infact[i - 1] * qmi(i, mod - 2, mod) % mod;
}
```

Lucas定理

例题: AcWing 887. 求组合数 III

```
若p是质数,则对于任意整数 1 <= m <= n,有:
   C(n, m) = C(n \% p, m \% p) * C(n / p, m / p) (mod p)
int qmi(int a, int k, int p) // 快速幂模板
{
   int res = 1 \% p;
   while (k)
       if (k & 1) res = (LL)res * a % p;
       a = (LL)a * a % p;
       k >>= 1;
   return res;
}
int C(int a, int b, int p) // 通过定理求组合数C(a, b)
{
   if (a < b) return 0;
   LL x = 1, y = 1; // x是分子, y是分母
   for (int i = a, j = 1; j \le b; i --, j ++ )
       x = (LL)x * i % p;
       y = (LL) y * j % p;
   }
   return x * (LL)qmi(y, p - 2, p) % p;
int lucas(LL a, LL b, int p)
   if (a  return <math>C(a, b, p);
   return (LL)C(a \% p, b \% p, p) * lucas(a / p, b / p, p) \% p;
}
```

分解质因数法求组合数

例题: AcWing 888. 求组合数 IV

```
/*
当我们需要求出组合数的真实值,而非对某个数的余数时,分解质因数的方式比较好用:
  1. 筛法求出范围内的所有质数
   2. 通过 C(a, b) = a! / b! / (a - b)! 这个公式求出每个质因子的次数。 n! 中p的次数是 n
/ p + n / p^2 + n / p^3 + ...
  3. 用高精度乘法将所有质因子相乘
int primes[N], cnt; // 存储所有质数
int sum[N]; // 存储每个质数的次数
bool st[N];
             // 存储每个数是否已被筛掉
void get_primes(int n) // 线性筛法求素数
   for (int i = 2; i <= n; i ++ )
       if (!st[i]) primes[cnt ++ ] = i;
       for (int j = 0; primes[j] \leftarrow n / i; j ++ )
          st[primes[j] * i] = true;
          if (i % primes[j] == 0) break;
       }
   }
}
int get(int n, int p) // 求n! 中的次数
{
   int res = 0;
   while (n)
      res += n / p;
      n /= p;
   return res;
}
vector<int> mul(vector<int> a, int b) // 高精度乘低精度模板
   vector<int> c;
   int t = 0;
   for (int i = 0; i < a.size(); i ++ )
   {
      t += a[i] * b;
      c.push_back(t % 10);
      t /= 10;
   }
   while (t)
   {
       c.push_back(t % 10);
```

```
t /= 10;
}

return c;
}

get_primes(a); // 预处理范围内的所有质数

for (int i = 0; i < cnt; i ++ ) // 求每个质因数的次数
{
    int p = primes[i];
    sum[i] = get(a, p) - get(b, p) - get(a - b, p);
}

vector<int> res;
res.push_back(1);

for (int i = 0; i < cnt; i ++ ) // 用高精度乘法将所有质因子相乘
    for (int j = 0; j < sum[i]; j ++ )
    res = mul(res, primes[i]);
```

卡特兰数

例题: AcWing 889. 满足条件的01序列

给定n个0和n个1,它们按照某种顺序排成长度为2n的序列,满足任意前缀中0的个数都不少于1的个数的序列的数量为: Cat(n) = C(2n, n) / (n + 1)

NIM游戏

例题: AcWing 891. Nim游戏

给定N堆物品,第i堆物品有Ai个。两名玩家轮流行动,每次可以任选一堆,取走任意多个物品,可把一堆取 光,但不能不取。取走最后一件物品者获胜。两人都采取最优策略,问先手是否必胜。

我们把这种游戏称为NIM博弈。把游戏过程中面临的状态称为局面。整局游戏第一个行动的称为先手,第二个行动的称为后手。若在某一局面下无论采取何种行动,都会输掉游戏,则称该局面必败。

所谓采取最优策略是指,若在某一局面下存在某种行动,使得行动后对面面临必败局面,则优先采取该行动。 同时,这样的局面被称为必胜。我们讨论的博弈问题一般都只考虑理想情况,即两人均无失误,都采取最优策略行动时游戏的结果。

NIM博弈不存在平局,只有先手必胜和先手必败两种情况。

定理: NIM博弈先手必胜, 当且仅当 A1 ^ A2 ^ ... ^ An != 0

公平组合游戏ICG

若一个游戏满足:

由两名玩家交替行动;

在游戏进程的任意时刻,可以执行的合法行动与轮到哪名玩家无关;

不能行动的玩家判负;

则称该游戏为一个公平组合游戏。

NIM博弈属于公平组合游戏,但城建的棋类游戏,比如围棋,就不是公平组合游戏。因为围棋交战双方分别只能落黑子和白子,胜负判定也比较复杂,不满足条件2和条件3。

有向图游戏

给定一个有向无环图,图中有一个唯一的起点,在起点上放有一枚棋子。两名玩家交替地把这枚棋子沿有向边进行移动,每次可以移动一步,无法移动者判负。该游戏被称为有向图游戏。

任何一个公平组合游戏都可以转化为有向图游戏。具体方法是,把每个局面看成图中的一个节点,并且从每个局面向沿着合法行动能够到达的下一个局面连有向边。

Mex运算

设S表示一个非负整数集合。定义mex(S)为求出不属于集合S的最小非负整数的运算,即: $mex(S) = min\{x\}$,x属于自然数,且x不属于S

SG函数

在有向图游戏中,对于每个节点x,设从x出发共有k条有向边,分别到达节点y1, y2, …, yk,定义SG(x)为x的后继节点y1, y2, …, yk 的SG函数值构成的集合再执行mex(S)运算的结果,即:

 $SG(x) = mex({SG(y1), SG(y2), ..., SG(yk)})$

特别地,整个有向图游戏G的SG函数值被定义为有向图游戏起点S的SG函数值,即SG(G) = SG(S)。

有向图游戏的和

例题: AcWing 893. 集合-Nim游戏

设G1, G2, ..., Gm 是m个有向图游戏。定义有向图游戏G, 它的行动规则是任选某个有向图游戏Gi, 并在Gi 上行动一步。G被称为有向图游戏G1, G2, ..., Gm的和。

有向图游戏的和的SG函数值等于它包含的各个子游戏SG函数值的异或和,即:

 $SG(G) = SG(G1) \land SG(G2) \land ... \land SG(Gm)$

博弈论定理

有向图游戏的某个局面必胜,当且仅当该局面对应节点的SG函数值大于0。 有向图游戏的某个局面必败,当且仅当该局面对应节点的SG函数值等于0。

C++ STL简介

```
vector, 变长数组, 倍增的思想
   size() 返回元素个数
   empty() 返回是否为空
   clear() 清空
   front()/back()
   push_back()/pop_back()
   begin()/end()
   支持比较运算, 按字典序
pair<int, int>
   first,第一个元素
   second, 第二个元素
   支持比较运算,以first为第一关键字,以second为第二关键字(字典序)
string, 字符串
   size()/length() 返回字符串长度
   empty()
   clear()
   substr(起始下标,(子串长度)) 返回子串
   c_str() 返回字符串所在字符数组的起始地址
queue, 队列
   size()
   empty()
   push() 向队尾插入一个元素
   front() 返回队头元素
   back() 返回队尾元素
   pop() 弹出队头元素
priority_queue, 优先队列,默认是大根堆
   size()
   empty()
   push() 插入一个元素
   top() 返回堆顶元素
   pop() 弹出堆顶元素
   定义成小根堆的方式: priority_queue<int, vector<int>, greater<int>> q;
stack, 栈
   size()
   empty()
   push() 向栈顶插入一个元素
   top() 返回栈顶元素
   pop() 弹出栈顶元素
deque, 双端队列
   size()
```

```
empty()
   clear()
   front()/back()
   push_back()/pop_back()
   push_front()/pop_front()
   begin()/end()
   []
set, map, multiset, multimap, 基于平衡二叉树(红黑树), 动态维护有序序列
   size()
   empty()
   clear()
   begin()/end()
   ++, -- 返回前驱和后继,时间复杂度 O(logn)
   set/multiset
      insert() 插入一个数
      find() 查找一个数
      count() 返回某一个数的个数
      erase()
          (1) 输入是一个数x,删除所有x o(k + logn)
          (2) 输入一个迭代器, 删除这个迭代器
      lower_bound()/upper_bound()
          lower_bound(x) 返回大于等于x的最小的数的迭代器
          upper_bound(x) 返回大于x的最小的数的迭代器
   map/multimap
      insert() 插入的数是一个pair
      erase() 输入的参数是pair或者迭代器
      find()
      [] 注意multimap不支持此操作。 时间复杂度是 O(logn)
      lower_bound()/upper_bound()
unordered_set, unordered_map, unordered_multiset, unordered_multimap, 哈希表
   和上面类似,增删改查的时间复杂度是 O(1)
   不支持 lower_bound()/upper_bound(), 迭代器的++, --
bitset, 圧位
   bitset<10000> s;
   ~, &, |, ^
   >>, <<
   ==, !=
   count() 返回有多少个1
   any() 判断是否至少有一个1
   none() 判断是否全为0
   set() 把所有位置成1
   set(k, v) 将第k位变成v
   reset() 把所有位变成0
   flip() 等价于~
   flip(k) 把第k位取反
```

递归实现指数型枚举

例题: AcWing 92. 递归实现指数型枚举

```
#include <iostream>
using namespace std;
const int N = 16;
bool st[N];
int n;
//从u开始枚举
void dfs(int u)
    if(u > n)
        for(int i = 1; i <= n; ++ i)
            if(st[i])
                cout << i << " ";
            }
        }
        cout << endl;</pre>
       return;
    }
   //不选u
   dfs(u+1);
   //选u
    st[u] = true;
    dfs(u+1);
    st[u] = false;
}
int main()
    cin >> n;
   dfs(1);
   return 0;
}
```

递归实现组合型枚举

例题AcWing 93. 递归实现组合型枚举

```
#include <iostream>
using namespace std;
const int N = 55;
int n, m;
bool st[N];
void dfs(int u, int cnt)
   if(cnt > m)
       return;
    }
   if(u > n)
    {
       if(cnt == m)
            for(int i = 1; i <= n; ++ i)
               if(st[i]) cout << i << " ";
            cout << endl;</pre>
        }
        return;
   }
   //选u
   st[u] = true;
   dfs(u+1, cnt+1);
   st[u] = false;
   //不选u
   dfs(u+1, cnt);
}
int main()
    cin >> n >> m;
   dfs(1, 0);
   return 0;
}
```

递归实现排列型枚举

例题 AcWing 94. 递归实现排列型枚举

```
#include <iostream>
using namespace std;
const int N = 12;
```

```
int n;
int st[N];
int order[N];
void dfs(int cnt)
    if(cnt > n)
        for(int i = 1; i <= n; ++ i)
           cout << order[i] << " ";</pre>
        cout << end1;</pre>
        return;
    for(int i = 1; i \le n; ++ i)
        if(!st[i])
            st[i] = true;
            order[cnt] = i;
            dfs(cnt+1);
            order[cnt] = 0;
            st[i] = false;
    }
}
int main()
    cin >> n;
   dfs(1);
   return 0;
}
```

线段树

<u>例题 AcWing 1275. 最大数</u>

```
#include <iostream>
using namespace std;

const int N = 2e5+5, INF = 0x3f3f3f3f;

int m, p;

struct Node{
   int l ,r;
   int v;
}tree[N*4];

//在非叶子节点执行
```

```
void pushup(int u)
{
    tree[u].v = max(tree[u << 1].v, tree[u << 1|1].v);
}
void build(int u, int 1, int r)
    tree[u] = \{1, r, 0\};
    if(1 == r) return;
    int mid = 1+r>>1;
    build(u<<1, 1, mid);</pre>
    build(u << 1 | 1, mid+1, r);
    pushup(u);
}
//区间查询
int query(int u, int 1, int r)
{
    //完全包含
    if(tree[u].1 >= 1 && tree[u].r <= r)
        return tree[u].v;
    }
    //不会出现交集为空的情况
    //有交集,需要思考清楚
    int mid = tree[u].1 + tree[u].r >> 1;
    int v1 = -INF, v2 = -INF; //这里初始化要谨慎
    if(mid >= 1) //左边与区间有交集
    {
        v1 = query(u << 1, 1, r);
    }
    if(mid+1 <= r) //右边与区间有交集
        v2 = query(u << 1|1, 1, r);
    return max(v1, v2);
}
//单点修改
void modify(int u, int x, int v)
    if(tree[u].1 == tree[u].r)
    {
        tree[u].v = v;
        return ;
    int mid = tree[u].l + tree[u].r >> 1;
    if(x <= mid) //在左边
        modify(u << 1, x, v);
    }
    else //在右边
        modify(u << 1 | 1, x, v);
    pushup(u);
}
```

```
int n = 0; //总数
int main()
    cin >> m >> p;
    build(1, 1, m);
    int last = 0;
    for(int i = 0; i < m; ++ i)
        char op[2];
        int t;
        scanf("%s%d", op, &t);
        if(op[0] == 'Q')
            last = query(1, n-t+1, n);
            cout << last << endl;</pre>
        }
        else
            modify(1, ++n, (t+last)\%p);
    }
    return 0;
}
```

例题 AcWing 245. 你能回答这些问题吗

```
//线段树求最大连续子段和
#include <iostream>
#include <cstdio>
#include <algorithm>
using namespace std;
const int N = 5e5+5;
int n, m;
int w[N];
struct Node{
   int 1, r;
   int tsum;
   int lsum, rsum;
   int sum;
}tree[N*4];
void pushup(Node &node, Node &lnode, Node &rnode)
    node.sum = lnode.sum + rnode.sum;
    node.lsum = max(lnode.lsum, lnode.sum + rnode.lsum);
   node.rsum = max(rnode.rsum, rnode.sum + lnode.rsum);
   node.tsum = max(max(lnode.tsum, rnode.tsum), lnode.rsum + rnode.lsum);
}
void pushup(int u)
```

```
pushup(tree[u], tree[u << 1], tree[u << 1|1]);
}
void build(int u, int 1, int r)
    tree[u] = \{1, r, 0, 0, 0, 0\};
    if(1 == r)
    {
        return;
    }
   int mid = 1+r>>1;
    build(u << 1, 1, mid);
    build(u << 1 | 1, mid+1, r);
    pushup(u);
}
//将第x个数改为v
void modify(int u, int x, int v)
    if(tree[u].1 == tree[u].r)
        tree[u] = {tree[u].1, tree[u].r, v, v, v, v}; //lsum, rsum必须有元素
        return;
    int mid = tree[u].l + tree[u].r >> 1;
   if(x \ll mid)
        modify(u << 1, x, v);
    }
    else
        modify(u << 1 | 1, x, v);
    }
    pushup(u);
}
//查询区间L~R的最大连续子段和
Node query(int u, int L, int R)
{
    if(tree[u].1 >= L \&\& tree[u].r <= R)
    {
        return tree[u];
    }
    int mid = tree[u].l + tree[u].r >> 1;
    Node ltree, rtree;
    bool haveL = false, haveR = false;
    if(mid >= L) //包含左子树
        ltree = query(u<<1, L, R);</pre>
        haveL = true;
    if(mid+1 <= R) //包含右子树
        rtree = query(u << 1 | 1, L, R);
        haveR = true;
    if(haveL && haveR)
```

```
Node ans;
        pushup(ans, ltree, rtree);
        return ans;
   }
   else if(haveL)
       return ltree;
   }
   else if(haveR)
       return rtree;
   }
}
int main()
{
   cin >> n >> m;
   build(1, 1, n);
    for(int i = 1; i <= n; ++ i)
       int tp;
       scanf("%d", &tp);
       modify(1, i, tp);
    }
   while(m --)
    {
        int k, x, y;
        scanf("%d%d%d", &k, &x, &y);
        if(k == 1)
        {
            if(x > y) swap(x, y);
           Node ans = query(1, x, y);
           printf("%d\n", ans.tsum);
        }
        else
           modify(1, x, y);
        }
   return 0;
}
```

待续.....

注意事项与责任申明

- 1. 动态规划和贪心是一种解决问题的思想,并没有固定的模板
- 2. 本模板大部分来源于acwing算法基础课,如果未购买该课程,例题的链接可能无法进入,但模板依旧可以参考。还有一部分模板是自己补充的内容。

- 3. 如有错误或者建议可以联系作者,欢迎一起交流
- 4. 以下模板均为官网提供,部分用户找不到入口,所以在这里进行整理,方便大家阅读与打印。原地址:点击进入原作者:yxc
- 5. 模板长期更新, 但是不定时, 更新频率取决于作者学习情况
- 6. 接下来将会考虑将题目也放在上面,并且考虑将每个算法进行简单介绍,方便大家打印出来查看

联系方式

邮箱: chaos8032@outlook.com

淘宝店铺: AcWing代理