Hartree-Fock自洽场迭代收敛算法实现与测试

答辩人: 张凌志

指导教师: 马海波

南京大学化学化工学院

2021年6月8日

目录

- 1 研究背景与意义
 - 从多电子哈密顿到单电子平均场近似
 - Hartree-Fock计算
- 2 研究内容
 - DIIS类算法
 - 直接最小化算法
 - 组合算法
- 3 研究总结与展望

ŏ

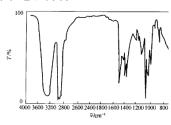
从多电子哈密顿到单电子平均场近似

从多电子哈密顿到单电子平均场近似

多电子哈密顿量

$$\hat{H} = \sum_{i=1}^{n} -\frac{1}{2} \nabla_i^2 - \sum_{i=1}^{n} \sum_{a=1}^{N_a} \frac{Z_a}{r_{ai}} + \sum_{a>b} \frac{Z_a Z_b}{r_{ab}} + \sum_{i>j} \frac{1}{r_{ij}}$$
(1)

平均场近似: 将多体问题转变为单体问题, 求解多电子哈密顿量转变 为求解单电子算符。







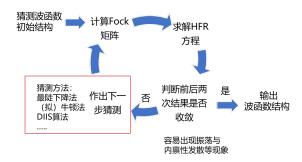
(b) 过渡金属催化反应过渡态

0

Hartree-Fock计算

Hartree-Fock-Roothaan方程(HFR方程)

$$FC = SCE \tag{2}$$



研究内容

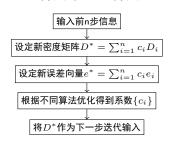
- 将DIIS类算法应用在Hartree-Fock计算中; DIIS算法、EDIIS算法与C²DIIS算法
- 将直接最小化算法应用在Hartree-Fock计算p中; 梯度下降法、拟牛顿法、RFO算法、RS-RFO算法与QN/DIIS算法
- 确定一种算法的组合策略以应对大多数体系的Hartree-Fock计算。

研究内容 ○ ● O O O ○ ○ ○ ○

DIIS类算法

DIIS (Direct Inversion in Iterative Space) 类算法

利用多步的信息来调整下一步迭代的输入,实现了DIIS算法、C²DIIS算法与EDIIS算法。

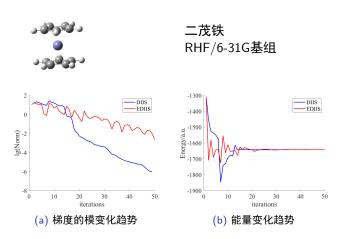


不同点

- I DIIS算法在 $\sum_{i=1}^n c_i = 1$ 约束下最小化 $\|e\|$
- 2 C^2 DIIS算法在 $\sum_{i=1}^{n} c_i^2 = 1$ 约束下最小化 $\|e\|$
- EDIIS算法在寻找使得能量泛 函最低的内插值

DIIS类算法

EDIIS算法与DIIS算法结果比较



EDIIS算法的使用可以在初期快速降低迭代过程中的能量。

研究内容 ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ 研究总结与展望 000

DIIS类算法

EDIIS算法对收敛结果的影响

HFR方程存在多个自洽解,往往我们需要能量最低的自洽解。



2,3-二乙基噻吩[3,4-B]吡嗪 UHF/6-31G基组

表: 2,3-二乙基噻吩[3,4-B]吡嗪的UHF计算结果。

算法	能量/(a.u.)	迭代圈数
DIIS	-891.580787	57
EDIIS	-891.734354	538
EDIIS+DIIS	-891.734354	90

EDIIS算法可以辅助程序收敛到能量更低的解。

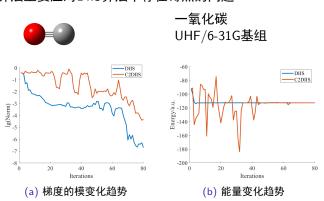
研究内容 ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○

研究总结与展望 000

DIIS类算法

DIIS算法与C²DIIS算法结果比较

C²DIIS算法主要应对DIIS算法中存在奇点的问题



DIIS算法表现优异可以很快收敛, C²DIIS算法性能逊于DIIS算法。

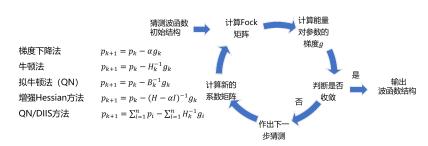
直接最小化算法

直接最小化算法

Hartree-Fock方法的本质是在归一化条件下优化Hartree-Fock基态能量

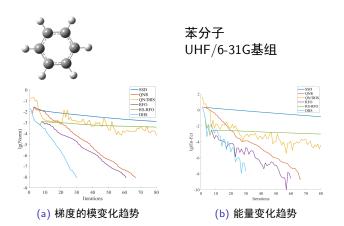
$$E_0 = \min \left\{ E_{\mathsf{HF}}(C) | C^T S C = I \right\} \tag{3}$$

可以直接优化参数求函数最小值, 计算流程如下



直接最小化算法

结果比较



拟牛顿法与RFO算法的表现相对良好,SSD算法收敛速度较慢,QN/DIIS算法振荡明显,RS-RFO算法收敛失败。

研究内容 ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○

组合算法

组合算法

在实际计算,单个算法的效果存在局限性——EDIIS算法收敛速度太慢,DIIS算法有时候易收敛到局域极小值。 程序采用EDIIS算法与DIIS算法的组合,组合方式如下:

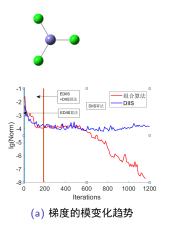


研究内容 ○ ○○○○ ○○ ○○

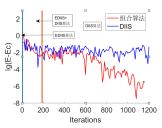
研究总结与展 000

组合算法

结果比较



三氯化铁 UHF/铁原子cc-pvdz基组, 氯原 子6-31G基组



(b) 收敛区域能量变化趋势

前期使用EDIIS算法可以有效抑制收敛区域的振荡,辅助收敛。

研究总结与展望

总结

- 1) 实现了DIIS类算法与直接最小化算法,并对其进行测试;
- 2) 设计出一种组合算法,可以对大多数体系进行Hartree-Fock计算,包括含过渡金属的小分子体系。

展望

- 1) EDIIS算法中参数优化算法需要进一 步调整;
- 2) 各种算法之间的切换仍需进一步调整优化:
- 3) 进一步优化整体算法以计算含过渡金属的大分子体系。



Mn3配合物

致谢

感谢马海波老师的悉心指导,在论文完成的过程中给了我莫大帮助, 这个课题也让我对量子化学有了更进一步的认识。

感谢谢兆轩师兄与李健浩师兄在我完成论文期间,给我的一系列意见 与指导.帮我解答一系列困惑。

也感谢实验室其他师兄师姐在我完成毕设期间,给我提供的帮助。

谢谢! 敬请各位老师 批评指正!