

几何阶段的完结： 屏幕映射

华中科技大学软件学院 万琳



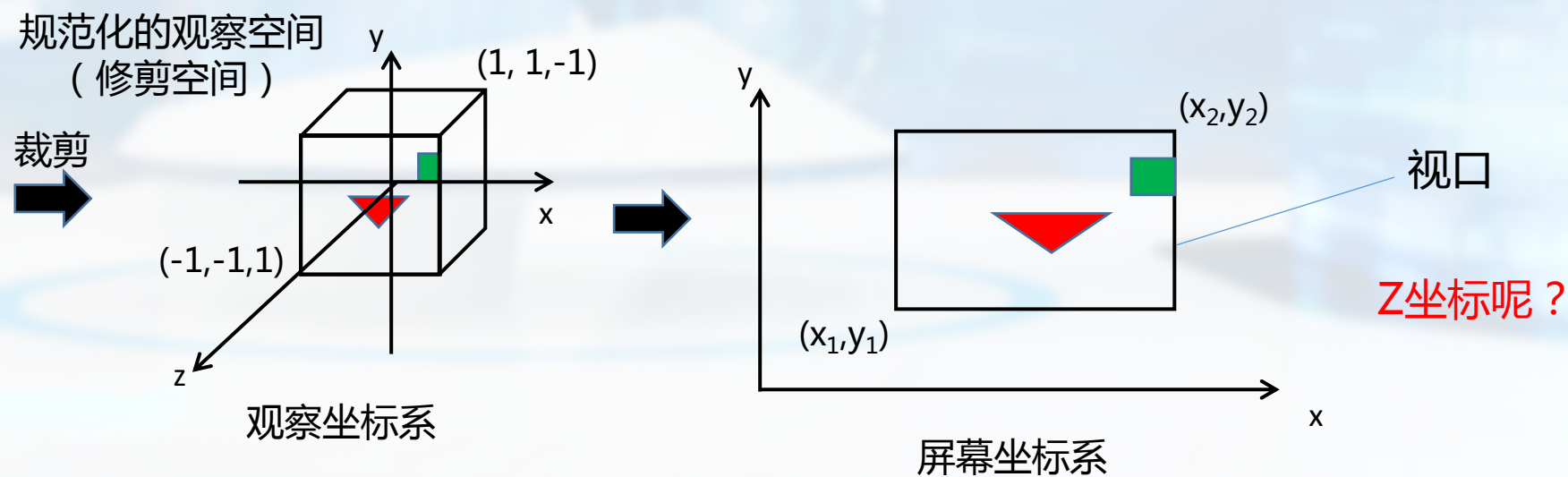
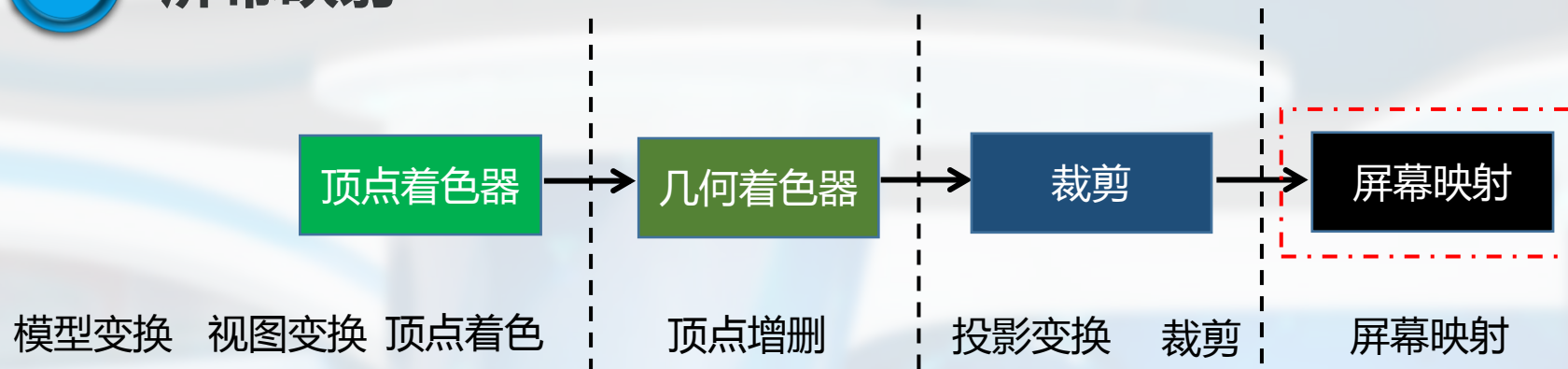


提纲

- ① 屏幕映射
- ② OpenGL的几何阶段实现

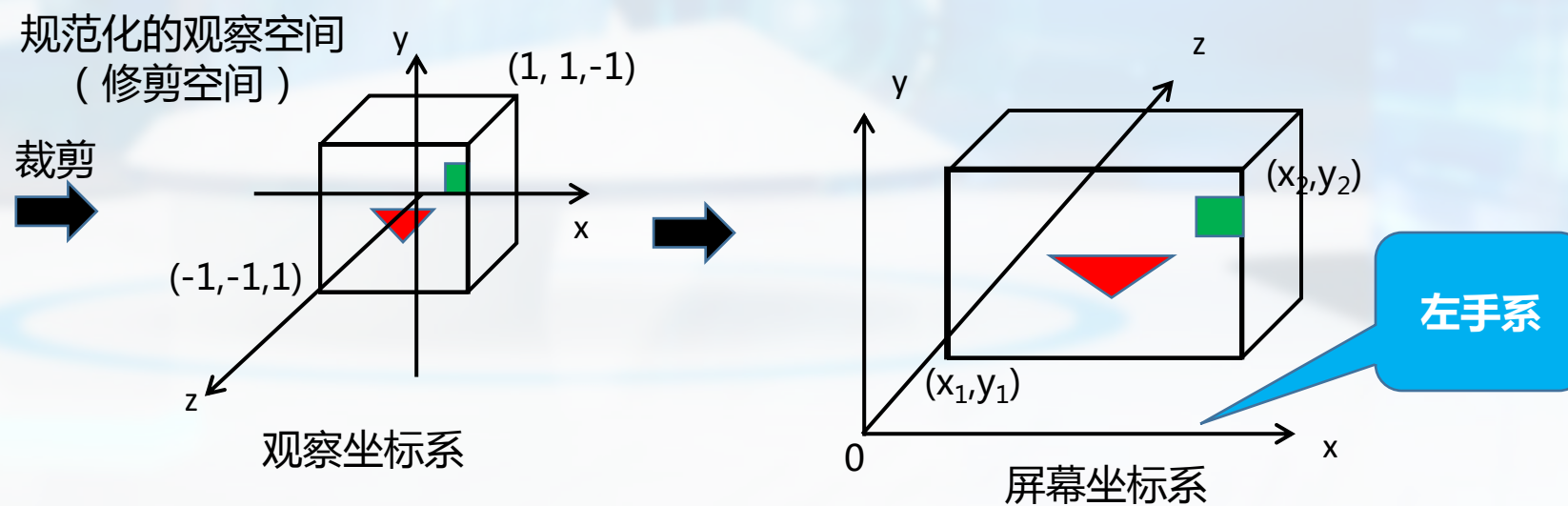
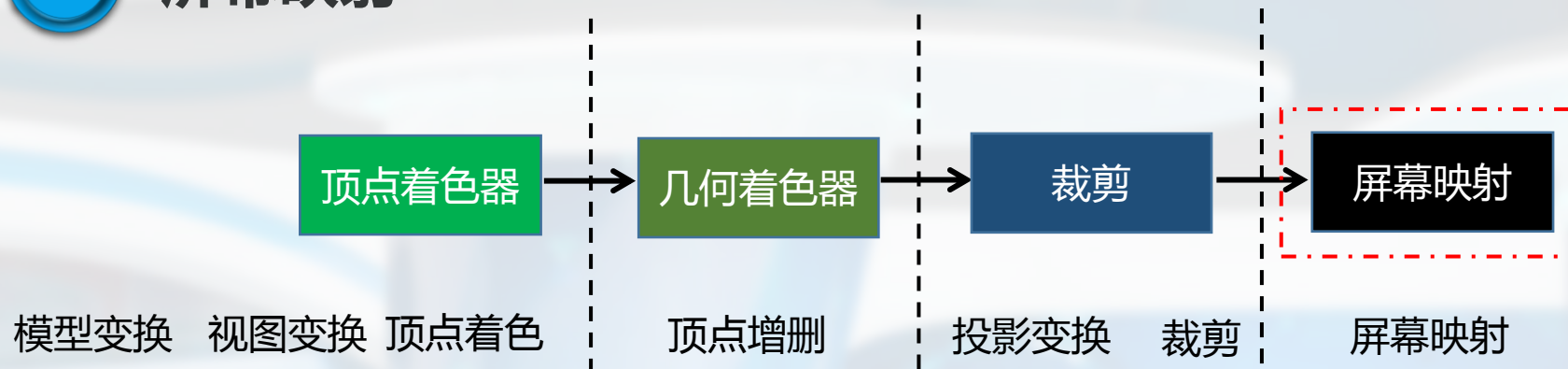
1

屏幕映射



1

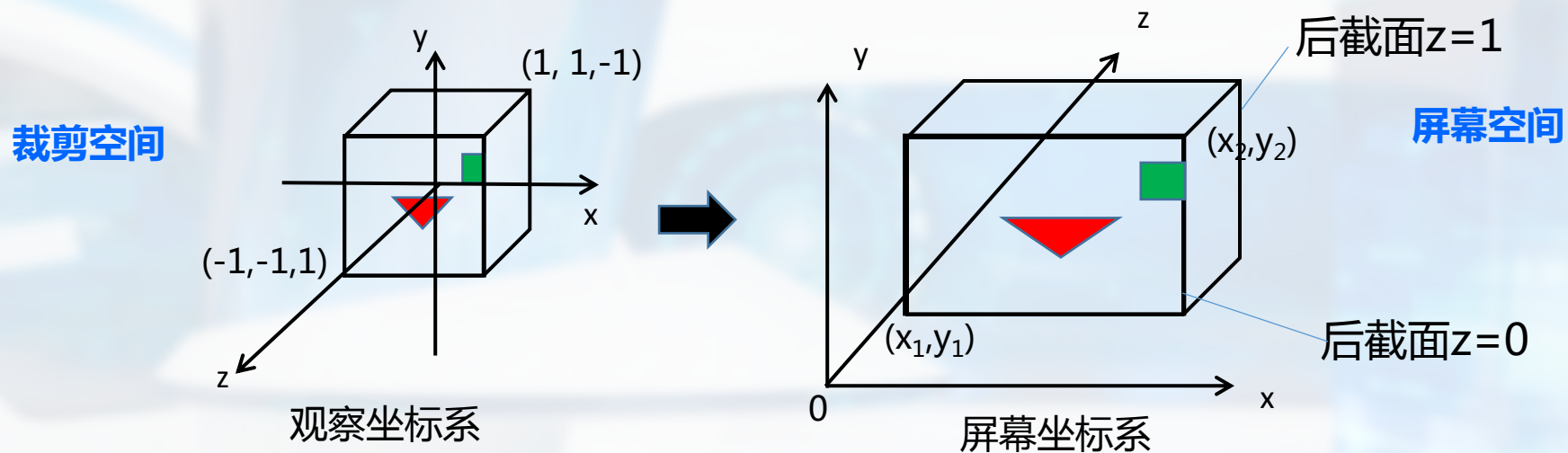
屏幕映射



1

屏幕映射

屏幕映射： 裁剪空间向屏幕空间的映射

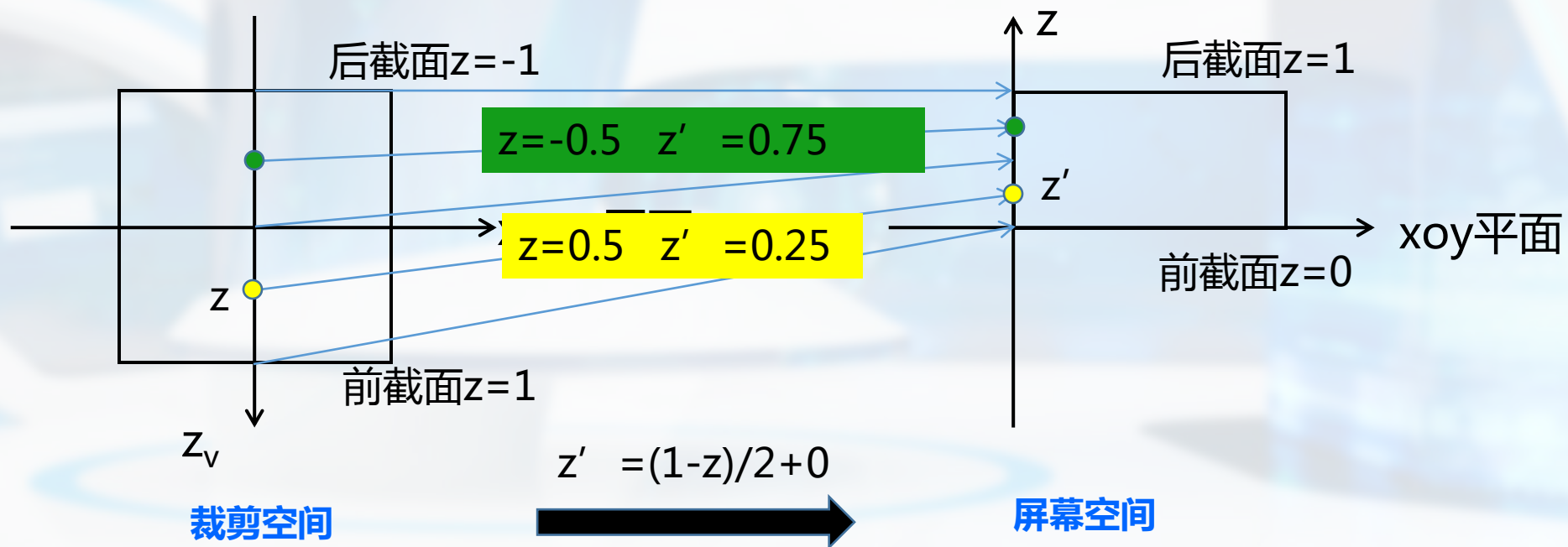


1

屏幕映射

过程分析：

➤ z 方向的变化

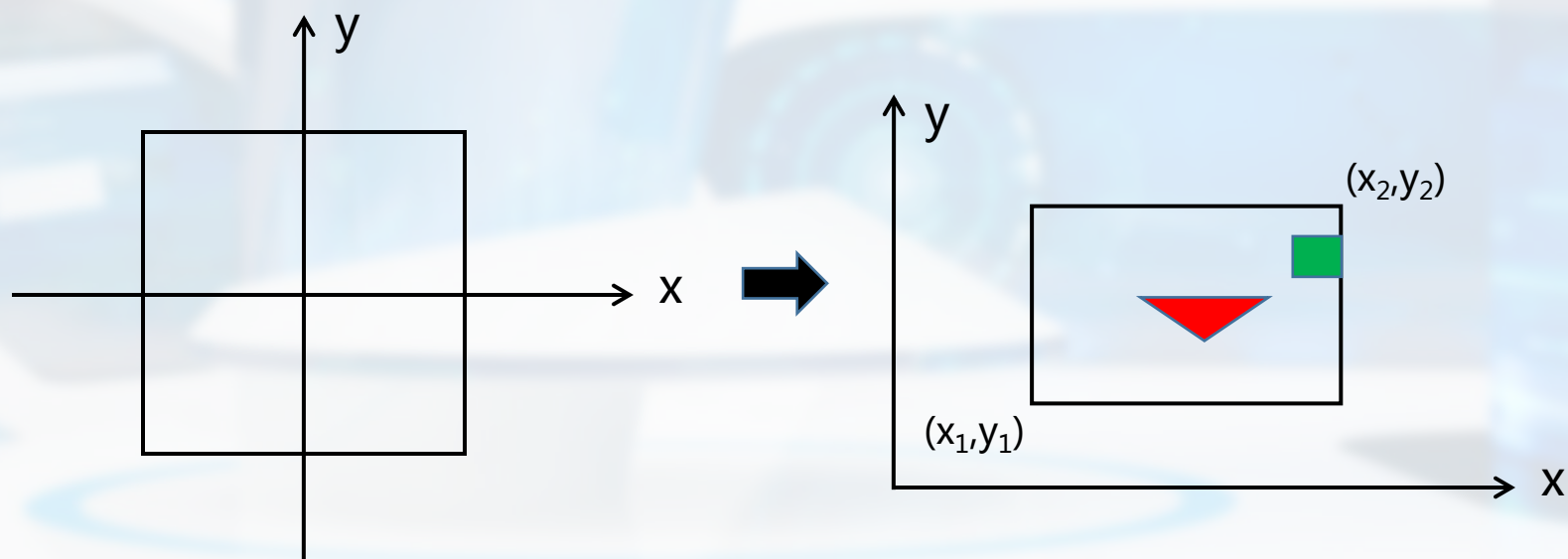


1

屏幕映射

过程分析：

➤XOY平面上的变化

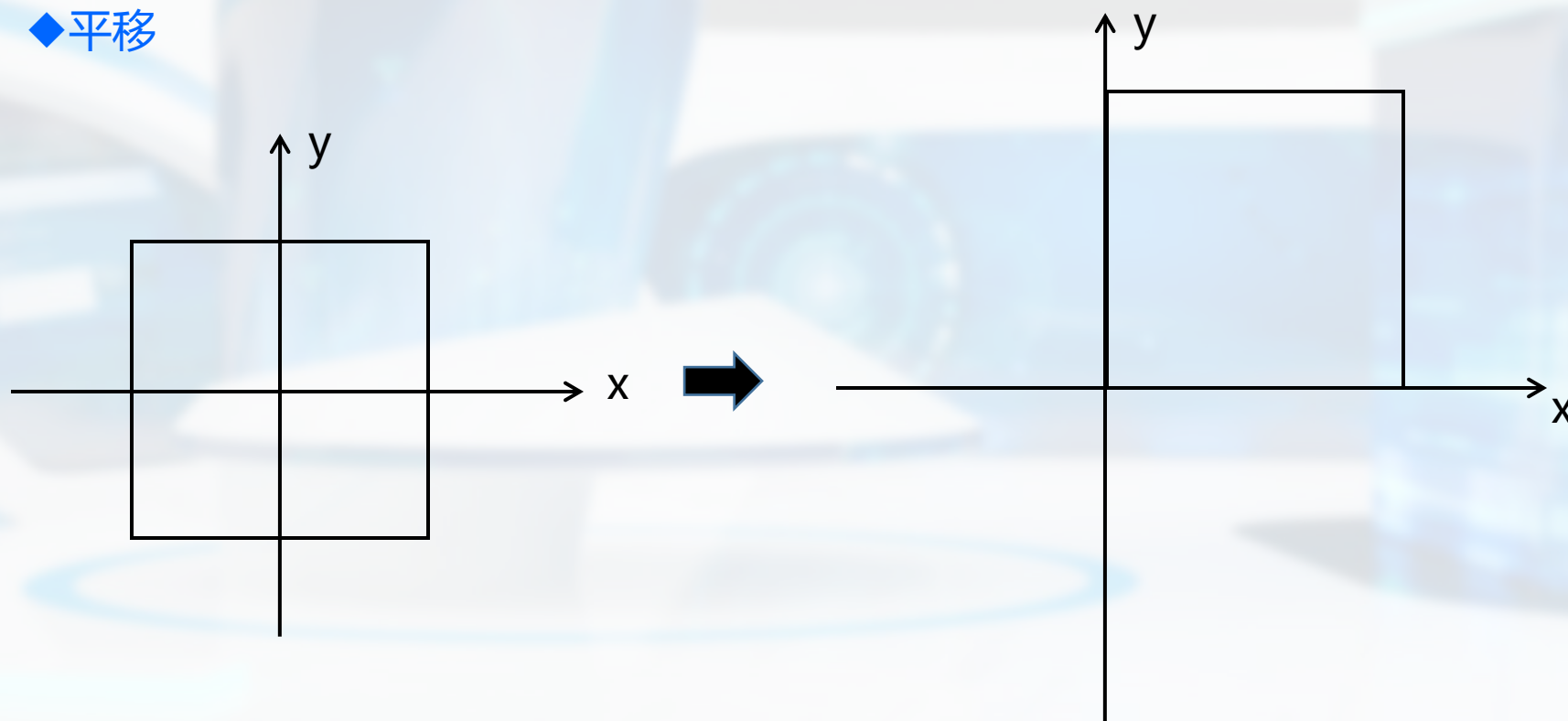


1

屏幕映射

过程分析：

◆ 平移

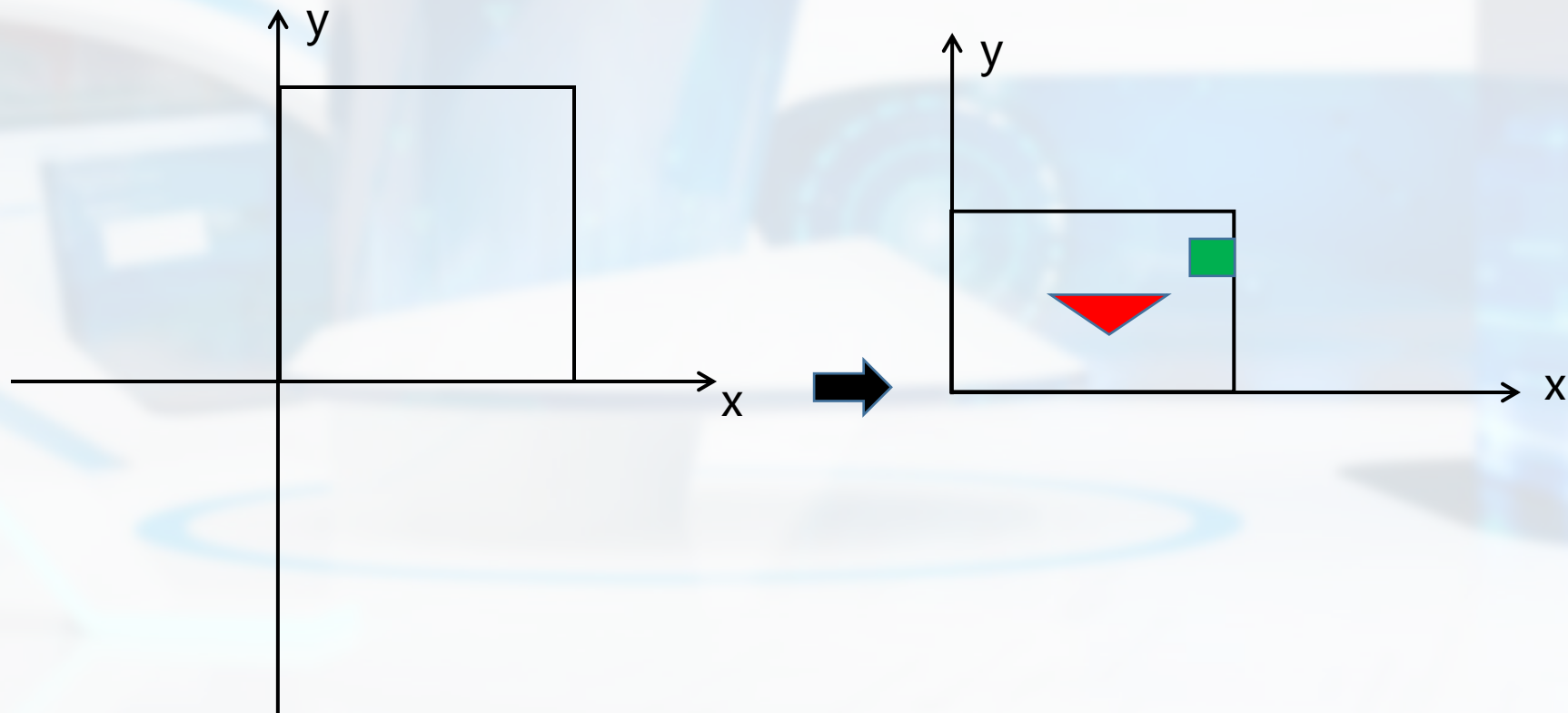


1

屏幕映射

过程分析：

◆比例

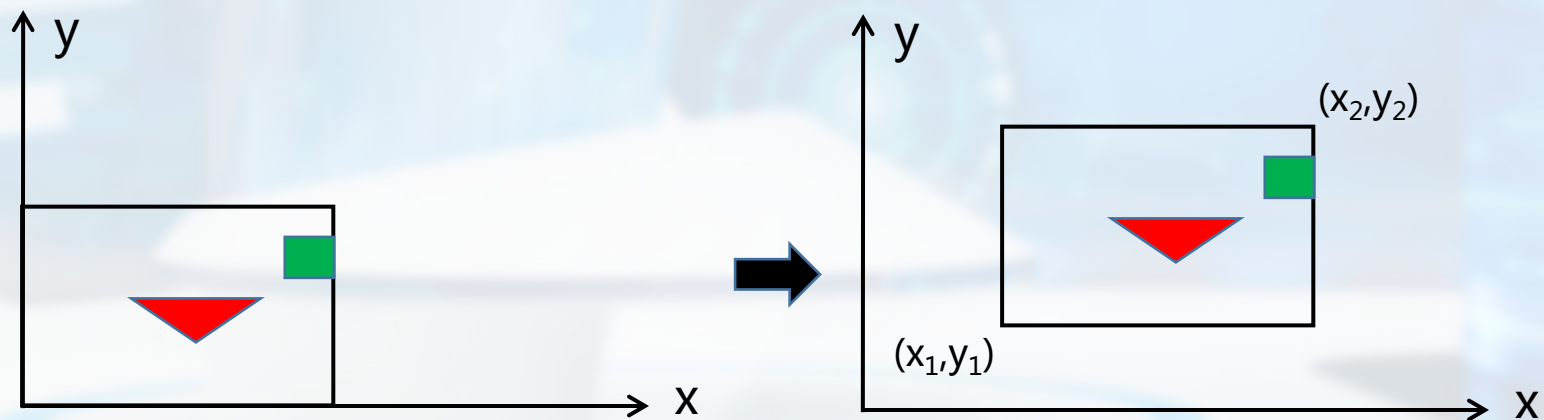


1

屏幕映射

过程分析：

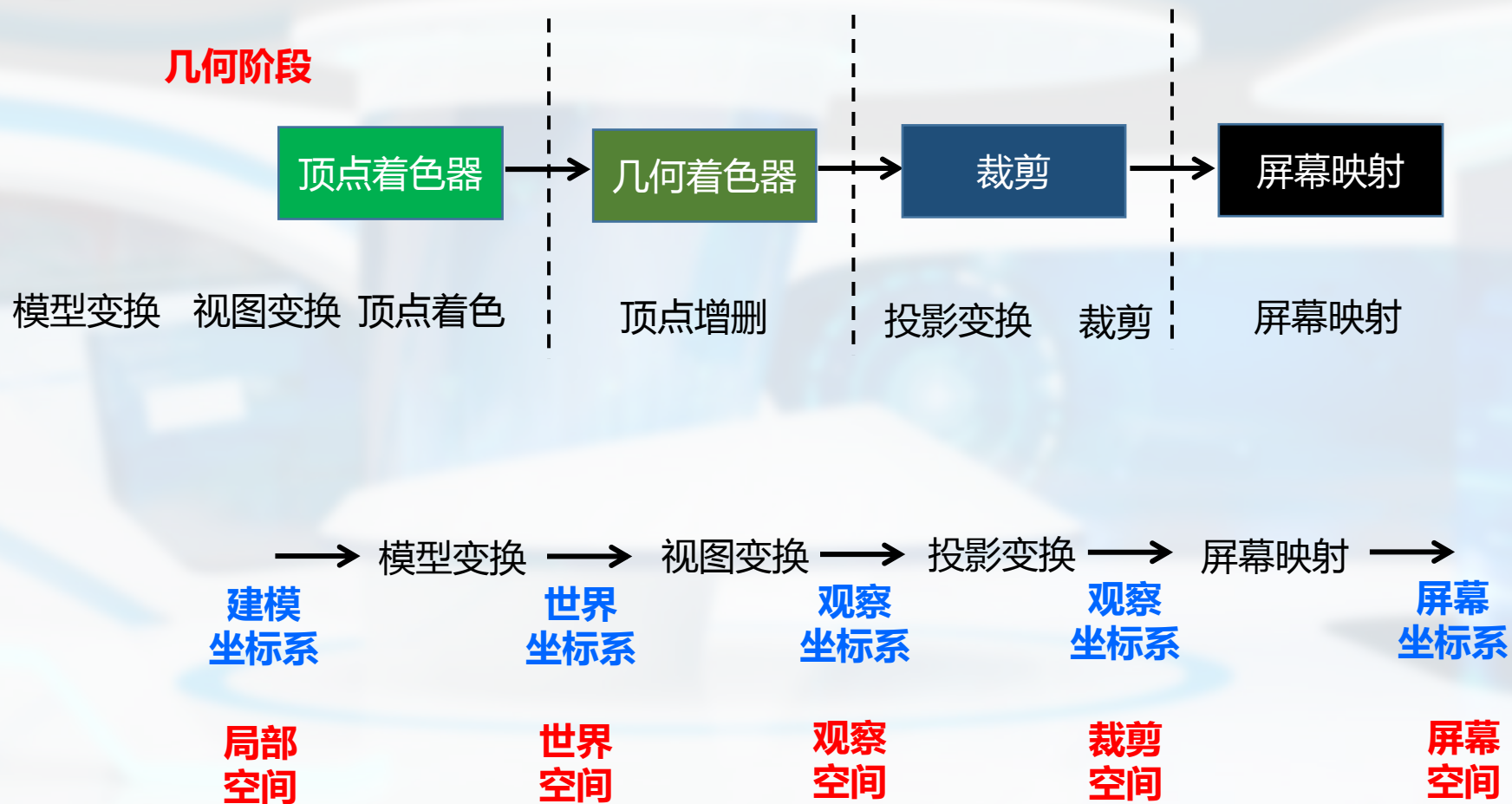
◆反向平移



2

OpenGL的几何阶段实现

几何阶段



2

OpenGL的几何阶段实现

OpenGL中的矩阵



理论部分：6.2 三维模型，动起来

实践部分：OpenGL中用模型矩阵`model`来实现

```
glm::mat4 model(1); // 定义model矩阵
```

```
model = glm::translate(model, glm::vec3(0.0f, 0.0f, -3.0f)); // 平移
```

```
model = glm::rotate(model, (float)glfwGetTime(), glm::vec3(0.0f, 1.0f, 0.0f)); // 旋转
```

```
model = glm::scale(model, glm::vec3(0.5, 0.5, 0.5)); // 缩放
```


2

OpenGL的几何阶段实现

OpenGL中的矩阵



理论部分：6.3 观察者也能动

实践部分：OpenGL中用视图矩阵`view`来实现

```
glm::mat4 view(1);
```

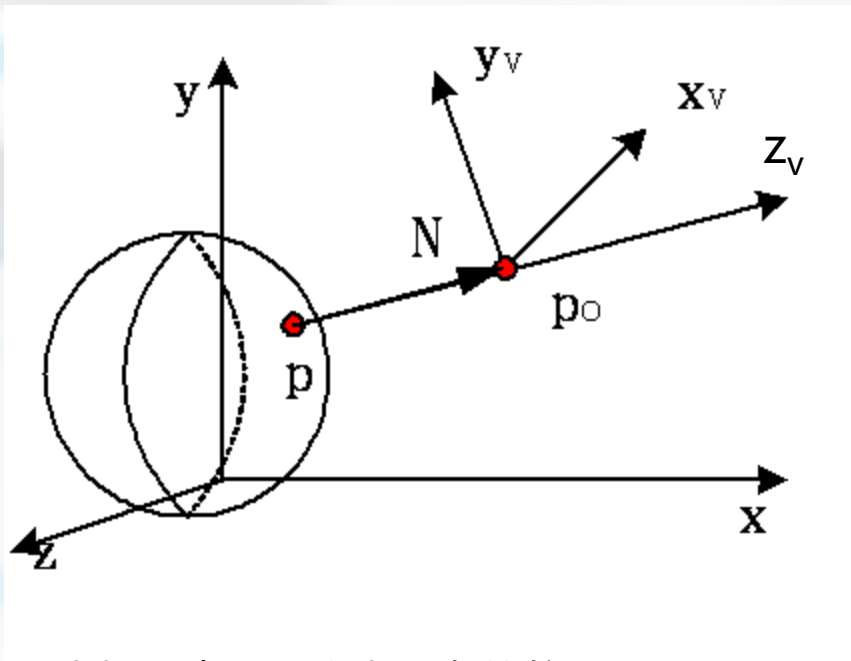
```
view=glm::lookAt(camera_position ,camera_position+camera_front, camera_up);
```

//glm::LookAt函数的参数分别为一个摄像机位置、目标位置和摄像机上向量。

2

OpenGL的几何阶段实现

指定观察坐标系：LookAt函数



坐标原点：观察者所在的位置

z_v ：视点和观察物体上焦点的连线

y_v ：向上的方向

x_v ：按照右手定则确定的方向

```
glm::mat4 view(1);  
view=glm::lookAt(camera_position ,camera_p  
osition+camera_front, camera_up);  
//glm::LookAt函数的参数分别为一个摄像机位置、  
目标位置和摄像机上向量。
```

P_0 : camera_position

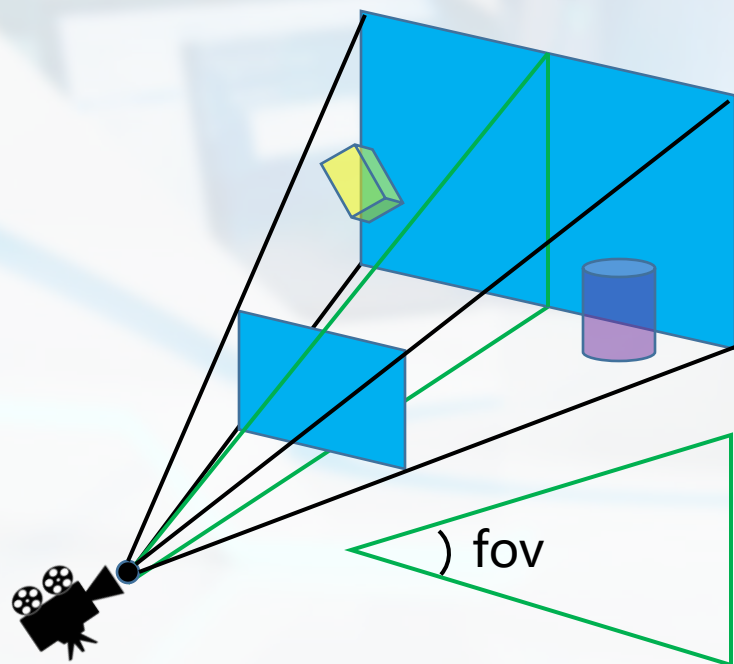
P : camera_position+camera_front

y_v : camera_up

2

OpenGL的几何阶段实现

OpenGL中的矩阵



理论部分：7.2 规范化的投影变换

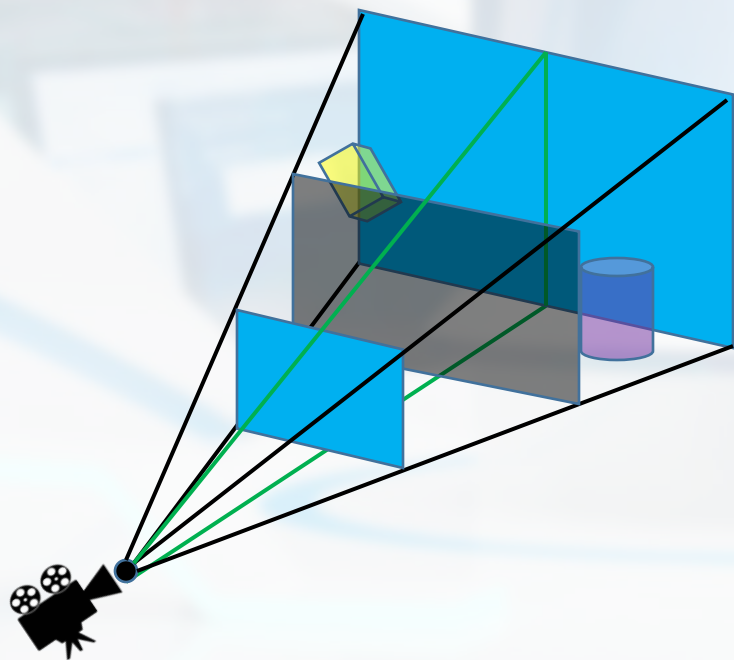
实践部分：OpenGL中用视图矩阵`projection`来实现

```
glm::mat4 proj = glm::perspective(45.0f, (float)width/(float)height,  
0.1f, 100.0f);
```

2

OpenGL的几何阶段实现

指定裁剪空间：以透视投影为例

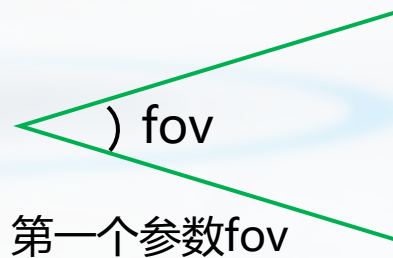


```
glm::mat4 proj = glm::perspective(45.0f, 1.3f, 0.1f, 100.0f);
```

在观察空间中指定裁剪空间：

➤第一个参数定义了视野的角度fov

对于一个真实的观察效果，它的值经常设置为45.0，但想要看到更多结果你可以设置一个更大的值。



2

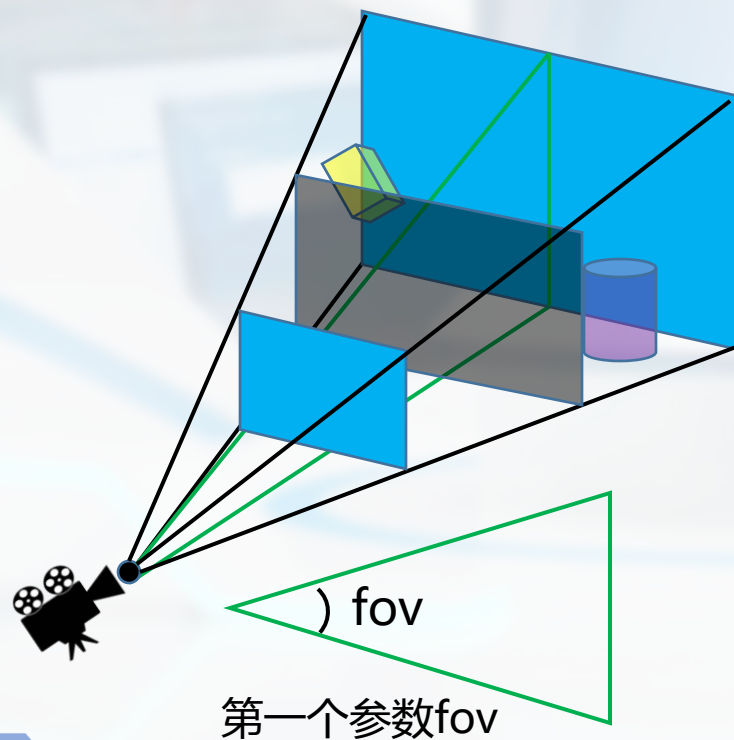
OpenGL的几何阶段实现

指定裁剪空间：以透视投影为例

```
glm::mat4 proj = glm::perspective(45.0f, 1.3f, 0.1f, 100.0f);
```

在观察空间中指定裁剪空间：

- 第一个参数定义了视野的角度fov
- 第二个参数设置了宽高比，由视口的高除以宽



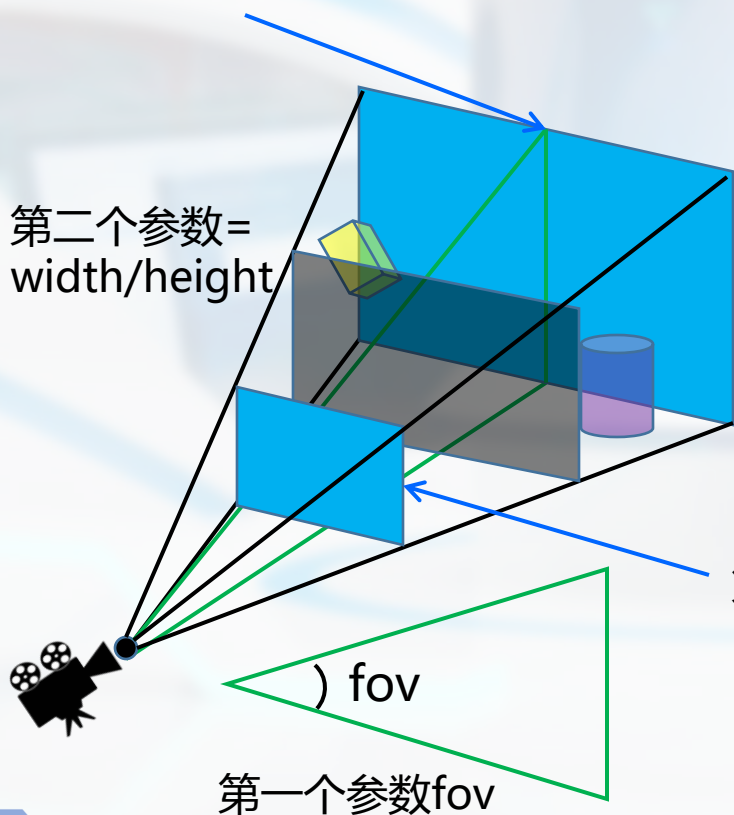
2

OpenGL的几何阶段实现

指定裁剪空间：以透视投影为例

第四个参数：后截面的位置

第二个参数=
width/height



```
glm::mat4 proj = glm::perspective(45.0f, 1.3f, 0.1f, 100.0f);
```

在观察空间中指定裁剪空间：

- 第一个参数定义了视野的角度fov
- 第二个参数设置了宽高比，由视口的高除以宽
- 第三个参数设置了前截面的位置
- 第四个参数设置了后截面的位置

第三个参数：前截面的位置

第一个参数fov

2

OpenGL的几何阶段实现

OpenGL中的矩阵



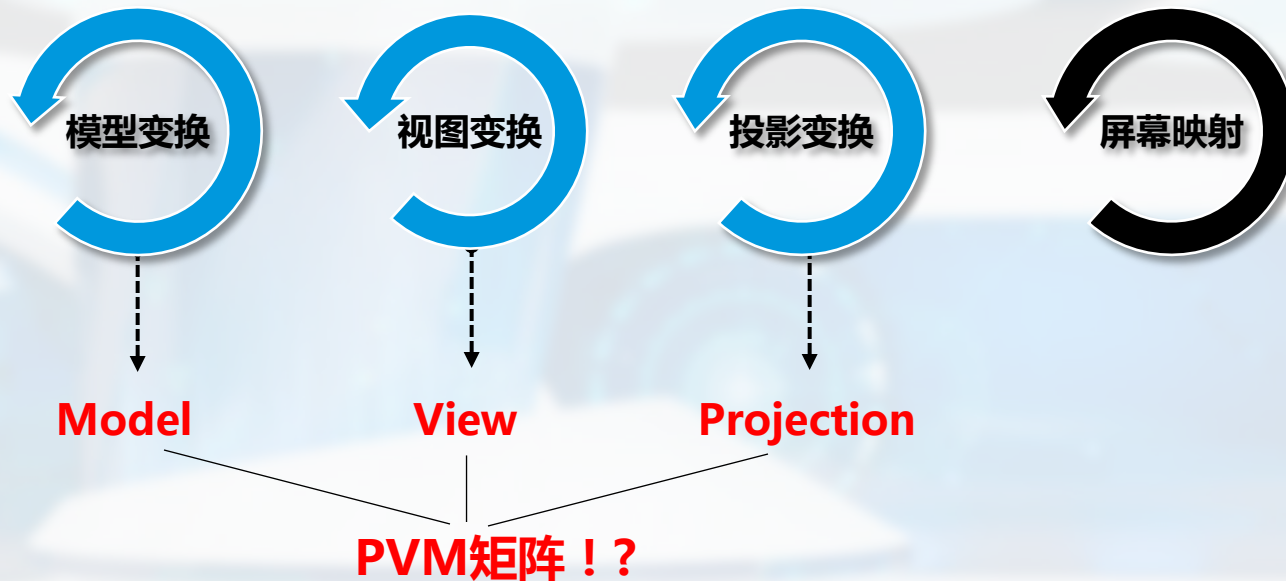
理论部分：本节内容

实践部分：GPU渲染管线中固定部分

2

几何阶段实例

OpenGL中的矩阵



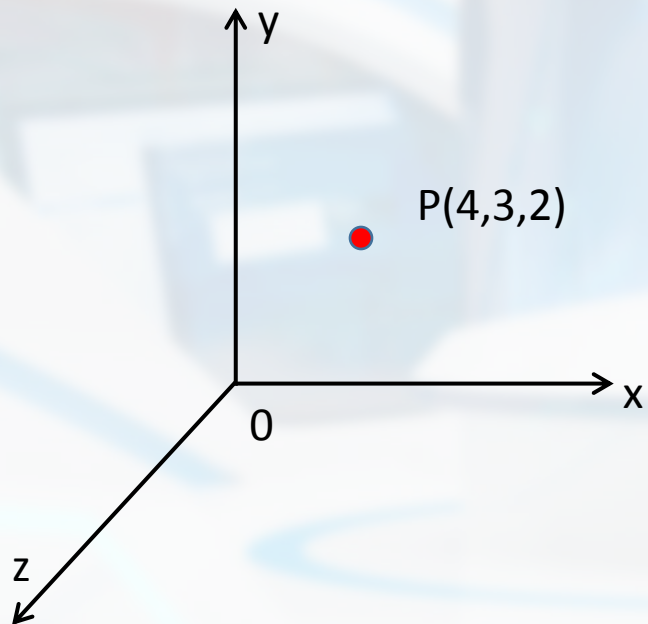
```
gl_Position = projection * view * model * vec4(aPos, 1.0);
```

//注意变换的顺序不能出错，在计算时，是从右往左进行计算

2

几何阶段实例

之前的变换基于行矩阵：



三维坐标系下点 $p(x,y,z)$ 变换后为 $p'(x',y',z')$ ：

则所有的变换可以用矩阵 T_{3D} 来表示！

行矩阵

$$p' = [x' \quad y' \quad z' \quad 1] = p \cdot T_{3D} = [x \quad y \quad z \quad 1] \cdot$$

$$\begin{array}{c} T_1 \\ \left[\begin{array}{ccc|c} a & b & c & p \\ d & e & f & q \\ h & i & j & r \end{array} \right] \\ T_2 \qquad T_3 \\ \left[\begin{array}{ccc|c} l & m & n & s \end{array} \right] \\ T_4 \end{array}$$

2

几何阶段实例

现在在OpenGL中改为列矩阵：

三维坐标系下点 $p(x,y,z)$ 变换后为 $p'(x',y',z')$ ：

则所有的变换可以用矩阵 T_{3D} 来表示！

行矩阵

$$p' = [x' \quad y' \quad z' \quad 1] = p \cdot T_{3D} = [x \quad y \quad z \quad 1] \cdot \begin{bmatrix} a & b & c & p \\ d & e & f & q \\ h & i & j & r \\ l & m & n & s \end{bmatrix}$$

$$p' = \begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 1 \end{bmatrix} = T_{3D} \cdot p = \begin{bmatrix} a & d & h & l \\ b & e & i & m \\ c & f & j & n \\ p & q & r & s \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

列矩阵



OpenGL的几何阶段实现

OpenGL中的PVM观察变换

```
gl_Position = projection * view * model * vec4(aPos, 1.0);
```

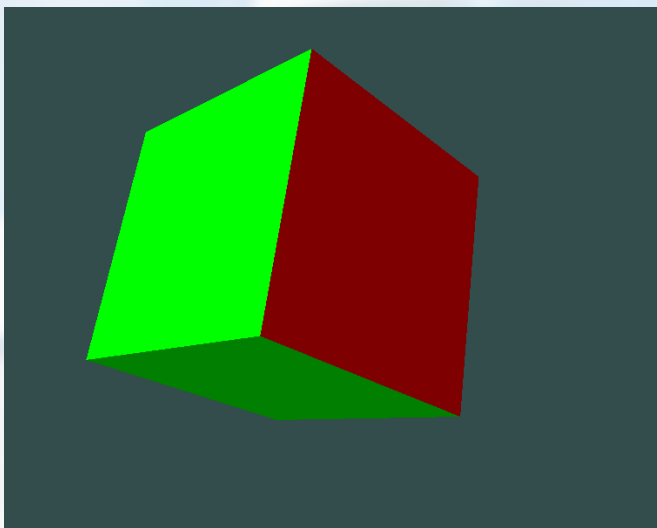
P	V	M	观	察	变	换
---	---	---	---	---	---	---



OpenGL的几何阶段实现

实验 旋转的立方体

立方体会根据时间，自动旋转。





谢谢

软件学院 万琳