Aufgabe 1 9 Punkte

Das linke Klartext-Bild ist mit einer Blockchiffre verschlüsselt worden. Das rechte Bild ist die verschlüsselte Version.





- a) [1 P.] Geben Sie einen geeigneten, aktuellen & standardisierten Algorithmus an. \underline{AES}
- b) [1 P.] Welche minimale Schlüsselgrösse muss verwendet werden? 128 Bit
- c) [1 P.] In welchem Modus wurde das obige Bild verschlüsselt? *ECB-Modus*
- d) [1 P.] Begründen Sie Ihre Angabe des Modus in Aufgabe c).

 <u>Gleiche Klartextblöcke werden in gleiche Chiffratblöcke verschlüsselt, daher ist in diesem Bild die Grundstruktur nach wie vor gut sichtbar.</u>
- e) [2 P.] Geben Sie je einen (weiteren) Vor- und Nachteil des obigen Modus an.

 Vorteil: Parallelisierung resp. Teilverschlüsselung

 Nachteil: Vertauschen von Blöcken wird ev. n. entdeckt.
- f) [1 P.] Geben Sie einen Modus an, der das Bild besser verschlüsselt.

 CBC- oder CTR-Modus (Angaben von weiteren Modi wie OFB,

 GCM o.a. werden auch akzeptiert.)
- g) [1 P.] Das Klartext-Bild soll auf dem Übertragungsweg gegen Verändern geschützt werden. Wie machen Sie das, wenn der oben erwähnte Blockchiffrieralgorithmus benutzt werden soll?

 CBC-MAC-Berechnung (oder kombinierte Modi wie GCM)
- h) [1 P.] Gibt es für f) eine (symmetrische) Alternative ohne Verwendung eines Blockchiffrieres? Was braucht es dazu? Wie heisst die Konstruktion?
- Ja, mit einer Stromchiffre, dazu braucht es einen Pseudorandomgenerator.

Aufgabe 2 6 Punkte

Voraussetzungen:

- Alice besitzt den Schlüssel K₁
- Bob besitzt den Schlüssel K₂

Alice möchte Bob die Meldung M verschlüsselt zuschicken. Dabei verwenden Sie das untenstehende Protokoll, das <u>ohne</u> vorgängigen Schlüsselaustausch auskommt. Als Verschlüsselungsoperation wird die Stromchiffre benutzt.

Alice mit K ₁	unsichere Leitung	Bob K ₂
Alice verschlüsselt die Nachricht M		
mit ihrem geheimen Schlüssel K ₁ .		
	$C_1 = M \oplus K_1$	
	>	
		Bob verschlüsselt die Nachricht C ₁ mit
		seinem geheimen Schlüssel K ₂ .
	$C_2 = C_1 \oplus K_2$	
	<	
Alice entschlüsselt die Nachricht C ₂		
mit ihrem geheimen Schlüssel K ₁ .		
	$C_3 = C_2 \oplus K_1$	
	>	
		Bob entschlüsselt die Nachricht C ₃ mit
		seinem geheimen Schlüssel K ₂ .
		?
		$Y = C_3 \oplus K_2 \stackrel{\frown}{=} M$
		-

- a) [3 P.] Beweisen Sie nun, dass der von Bob zu Letzt berechnete Wert $Y = C_3 \oplus K_2$ tatsächlich gleich der Nachricht M ist.
- b) [3 P.] Es ist nun offensichtlich, dass man nun drei Meldungen statt nur eine Meldung über die Leitung schicken muss. Aufgrund dessen, dass dieses Protokoll nicht implementiert wurde, muss ja noch irgendwo ein anderer Hacken sein. Finden Sie diesen Hacken. <u>Tipp:</u> Versetzen Sie sich in Eve, die alle Meldungen abhören kann. Eve hat die Idee, dass sie einfach einmal alle drei über die Leitung geschickten Chiffrate miteinander XOR'ed. Berechnen Sie nun, was dann rauskommt.

Lösung:

a)

- $C_3 = (C_1 \oplus K_2) \oplus K_1 = ((M \oplus K_1) \oplus K_2) \oplus K_1 = ((M \oplus K_1) \oplus K_1) \oplus K_2 = M \oplus K_2$
- Und daher ist $Y=(M \oplus K_2) \oplus K_2=M$
- b) Eve sieht ja alle 3 chiffrierten Meldungen; sie muss nur alle 3 Meldungen miteinander XOR'en. $C_1 \oplus C_2 \oplus C_3 = C_1 \oplus C_2 \oplus (C_2 \oplus K_1) = C_1 \oplus K_1 = (M \oplus K_1) \oplus K_1 = M$

Aufgabe 3 7 Punkte

Sie setzen für eine PIN-Block-Verschlüsselung zwei Typen von Blockchiffren ein:

- Typ A = 256 Bit AES.
- Typ B = Doppel-AES mit je 128 Bit Schlüsselgrösse (Analog einem Doppel-DES).

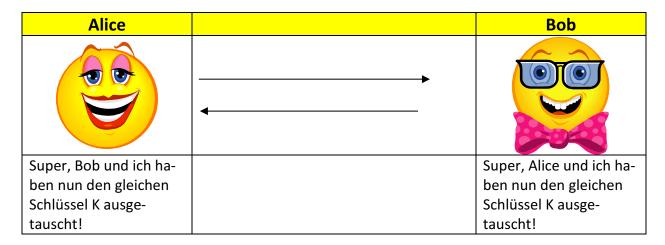
Die zwei Typen unterziehen Sie nun einer kryptoanalytischen Betrachtung und kommen zu den folgenden Ergebnissen, die Sie nun entsprechend in der Tabelle auswählen und ausfüllen.

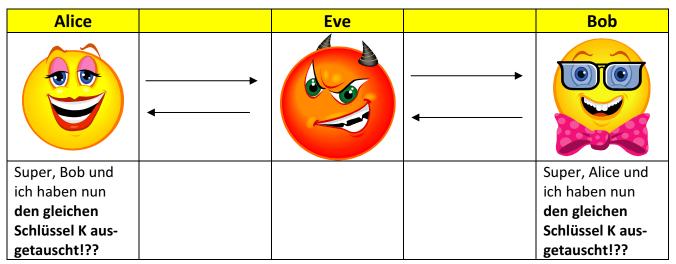
Falsches Ankreuzen gibt Punktabzug, die Summe kann aber nicht negativ werden!

Angriff	Typ von Attacke			
Table look up	Für Typ A und B muss ungefähr der gleiche Aufwand betrieben			
	werden.			
	□ Fin Tue A reveal devide in one Aufward between an worden with all the			
	☐ Für Typ A muss der kleinere Aufwand betreiben werden nämlich			
	Faktor anstatt			
	☐ Für Typ B muss der kleinere Aufwand betreiben werden nämlich			
	Faktor anstatt			
	☐ Man kann die Typen bei diesem Angriff gar nicht vergleichen.			
Exhaustive Key Search				
	werden.			
	Für Typ A muss der kleinere Aufwand betreiben werden nämlich			
	Faktor anstatt			
	☐ Für Typ B muss der kleinere Aufwand betreiben werden nämlich			
	Faktor anstatt			
	☐ Man kann die Typen bei diesem Angriff gar nicht vergleichen.			
Time-memory-Trade off	☐ Für Typ A und B muss ungefähr der gleiche Aufwand betrieben			
"meet-in-the-middle"	werden.			
	☐ Für Typ A muss der kleinere Aufwand betreiben werden nämlich			
	Faktor anstatt			
	☐ Für Typ B muss der kleinere Aufwand betreiben werden nämlich			
	Faktor $2*2^{128} = 2^{129}$ anstatt 2^{256} .			
	☐ Man kann die Typen bei diesem Angriff gar nicht vergleichen.			

Aufgabe 4 2 + 4 = 6 Punkte Aufgabe 4.1 2 Punkte

Im Folgenden sind die Abläufe eines nicht angegriffenen und eines angegriffenen Schlüsselaustausch Protokolls gegeben.





Beantworten Sie die folgenden Fragen (je ½ P.)

•	Wie heisst der dargestellte Angriff?	Man-in-the middle	
•	Bei welchem Schlüsselaustausch Protoko	ll ist der Angriff erfolgreich? _	Diffie-Hellman
•	Warum ist der Angriff erfolgreich?	Protokoll hat keine Benutze	erauthenitizität

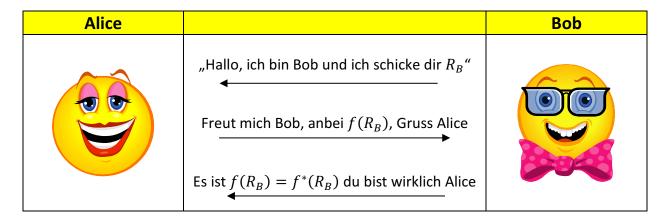
• Korrigieren Sie im <u>angegriffenen Protokoll</u> die Aussage "...den gleichen Schlüssel K ausgetauscht!??", d.h. ersetzen Sie ..., so dass die beiden Aussagen stimmen.

Alice hat mit Eve einen K1 und Bob hat mit Eve einen K2 ausgetauscht.

Aufgabe 4.2 4 Punkte

Im Folgenden ist der Ablauf bei einer Authentisierung gegeben. Im Protokoll werden die folgenden Abkürzungen verwendet:

- $R_B = \text{Zufallswert von Bob gewählt; } \text{«R» steht für Random.}$
- $f(R_B)$ der Hashwert von R_B , wobei f eine kryptographisch sichere Hashfunktion (z.B. SHA-2 oder SHA-3) ist. Das ist der Wert den Alice berechnet.
- $f^*(R_B)$ der Hashwert von R_B , wobei f^* die gleiche kryptographisch sichere Hashfunktion wie f ist, aber der Hashwert wird von Bob gerechnet.



Beantworten Sie die folgenden Fragen (je 1 P.)

• Ist das Protokoll "mutual", wenn JA, dann begründen Sie warum, wenn NEIN, wer authentifiziert sich gegenüber wem?

Nein, nur Alice authentifiziert sich gegenüber Bob.

 Ist die gewählte Funktion (kryptographisch sichere Hashfunktion, z.B. SHA-2 oder SHA-3) ein geeigneter Mechanismus? Wenn JA, warum, wenn NEIN warum nicht, und geben Sie einen geeigneteren an.

Nein, jedermann könnte diesen Hash rechnen; CBC-MAC oder HMAC.

• Für eine erfolgreiche einseitige oder gegenseitige Authentisierung fehlt ein wichtiges Element, was für eines?

Es fehlt ein gemeinsamer symmetrischer Schlüssel K (Resp. zwei Public Key Schlüsselpaare)

• Ein wesentliches Element für eine erfolgreiche einseitige oder gegenseitige Authentisierung ist vorhanden, was für eines?

Die Anfrage mittels einem Randomwert.

Aufgabe 5 2 + 1 + 3 = 6 Punkte

Gegeben ist ein RSA System mit den Primzahlen p = 23 und q = 41 sowie dem öffentlichen Exponenten e = 9 und dem geheimen Exponenten

- a) [2 P.] Zeigen Sie, dass es der öffentliche Exponent e = 9 legitim ist.
- b) [1 P.] Zeigen Sie, dass der Exponent d zum Exponent e passt.
- c) [3 P.] Nun verschlüsselt Alice die Meldung m=? mit dem gegebenen RSA-System und schickt die verschlüsselte Meldung c=492 über die Leitung. Die Angreiferin Eve will die verschlüsselte Meldung c so verändern, dass bei Bob nach dem Entschlüsseln die Meldung c0 merscheint. Berechnen Sie das neue Chiffrat c0, welches Eve erzeugen und an Bob weiterschicken muss.

Lösung:

a)
$$N = p \cdot q \Rightarrow \varphi(N) = \varphi(p) \cdot \varphi(q) = (p-1) \cdot (q-1) = 22 \cdot 40 = 880.$$
 Es muss gelten: $ggt(e; \varphi(N)) = ggt(9; 880) = 1$

1 P.

Das kann man auf ohne TR z.B. auf die folgenden zwei Arten machen:

- i) Primfaktorzerlegung von $880 = 2^4 \cdot 5 \cdot 11$: Sie enthält den Teiler 3 nicht, und damit ist der geforderte $ggt(9; 880) = ggt(3^2; 2^4 \cdot 5 \cdot 11) = 1$
- ii) $e=9=3^2$. Nun muss ich nur noch zeigen, dass 880 den Teiler 3 nicht enthält. Das kann einfach gezeigt werden mit $\frac{880}{3}=293{,}33$...

1 P.

b) Es ist zu zeigen, dass $e \cdot d \mod \varphi(N) \equiv 1$ ist. $9 \cdot 489 \mod 880 \equiv 4401 \mod 880 \equiv 5 \cdot 880 + 1 \mod 880 \equiv 1$.

1 P.

c) Eve muss $c' \equiv 5^9 \cdot c \mod N \equiv 5^9 \cdot 492 \mod 943 \equiv 1'953'125 \cdot 492 \mod 943 \equiv 172 \cdot 492 \mod 943 \equiv 84'624 \mod 943 \equiv 697$

Resultat: Eve muss den Wert 697 an Bob zuschicken.

3 P.

Kontrolle (wird in der Prüfung nicht verlangt):

 $697^{489} \mod 943 \equiv 615 = 5 \cdot 123$

Aufgabe 6 5 Punkte

Die 3-stellige Zahl x wird mit der Formel $y \equiv (a \cdot x + b) \mod N$ verschlüsselt. Die Entschlüsselungsfunktion lautet: $x \equiv a^{-1} \cdot (y - b) \mod N$. Dabei ist $N = 11 \cdot 23 \cdot 41$ ein Produkt von drei Primzahlen; der Wert N ist öffentlich bekannt. Die Werte a und b bilden in der Form (a; b) den geheimen Schlüssel. Die Werte a und b sind für die Verschlüsselung und Entschlüsselung geeignete Werte aus der Menge $\{2; 3; ...; N-1\}$

a) [1 P.] Begründen Sie, ob es sich hier um eine symmetrische oder asymmetrische Verschlüsselung handelt. <u>Achtung:</u> Die Angabe "symmetrisch" oder "asymmetrisch" ohne stichhaltige Begründung gibt keine Punkte!

Lösung:

Es handelt sich um eine symmetrische Verschlüsselung, da Sender und Empfänger den gleichen Schlüssel (a; b) haben müssen. (Dies ungeachtet dessen, dass der Sender noch auf $a^{-1} \mod N$ umrechnen muss).

b) [4 P.] Aus wie vielen möglichen Schlüsseln der Form (a; b) können bei dieser Verschlüsselung ausgewählt werden? Es ist die exakte Zahl anzugeben.

Lösung allgemein:

- Für b sind alle möglichen Werte aus der Menge $\{2; 3; ...; N-1\}$ möglich, daher gibt es für b total N-2 mögliche Werte.
- Für a sind aus der Menge $\{2; 3; ...; N-1\}$ nur diejenigen möglich, die teilerfremd zu N sind. Da die Zahl 1 aber nicht drin sein darf lautet die Anzahl der möglichen Werte für a somit: $\varphi(N) 1 = \varphi(r \cdot s \cdot t) 1 = \varphi(r) \cdot \varphi(s) \cdot \varphi(t) 1 = (r-1) \cdot (s-1) \cdot (t-1) 1$.
- Somit gibt es total $(N-2) \cdot [(r-1) \cdot (s-1) \cdot (t-1) 1]$ mögliche Schlüssel.

Lösung mit den konkreten Zahlen:

$$r = 11$$
; $s = 23$; $t = 41 \Rightarrow N = r \cdot s \cdot t = 11 \cdot 23 \cdot 41 = 10373$
 $\Rightarrow N - 2 = 10371$
 $\Rightarrow \varphi(N) - 1 = \varphi(r \cdot s \cdot t) - 1 = (11 - 1) \cdot (23 - 1) \cdot (41 - 1) - 1 = 10 \cdot 22 \cdot 40 - 1 = 8799$

Somit gibt es total $10371 \cdot 8799 = 91'254'429$ mögliche Schlüssel.

Aufgabe 7 8 Punkte

Gegeben ist die elliptische Kurve $E: y^2 \equiv x^3 + x + 1$ über \mathbb{Z}_{23} .

- a) [2 P.] Überprüfen Sie, ob der Punkt (11; 19) auf der Kurve liegt.
- b) [3 P.] Der Punkt P(3; 10) liegt auf der Kurve. Berechnen Sie die Koordinaten des Punktes R=2P.
- c) [3 P.] Die Punkte P(3; 10) und Q(9; 7) liegen auf der Kurve. Berechnen Sie die Koordinaten des Punktes T = P + Q.

Falls es Ihnen hilft, dürfen Sie zudem die Kehrwerttabelle mod 23 verwenden.

Х	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
x ⁻¹ mod 23	1	12	8	6	14	4	10	3	18	7	21
	<u> </u>										

x	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22
x ⁻¹ mod 23	2	16	5	20	13	19	9	17	15	11	22

Lösung:

a)
$$y^2 \equiv 19^2 \equiv 361 \equiv 16 \mod 23$$

 $x^3 + x + 1 \equiv 11^3 + 11 + 1 \equiv 1331 + 11 + 1 \equiv 1343 \equiv 9 \mod 23$

Resultat: Da die Werte nicht gleich sind, folgt dass der Punkt P(11; 19) nicht auf der Kurve liegt.

b) Berechnung von 2*P = 2*(3; 10)

$$s \equiv \frac{3 \cdot x_1^2 + a}{2 \cdot y_1} \mod p \equiv \frac{3 \cdot 3^2 + 1}{2 \cdot 10} \equiv \frac{28}{20} \equiv 28 \cdot 20^{-1} \equiv 5 \cdot 20^{-1} \equiv 5 \cdot 15 \equiv 75 \equiv 6 \mod 23$$

Bemerkung: In diesem Fall dürfte man kürzen, Grund: Die Kürzungsregel darf angewandt werden.

$$\frac{xa}{xb} \equiv xa \cdot (xb)^{-1} \equiv a \cdot (b)^{-1} \bmod m \Leftrightarrow ggt(x,m) = 1$$

$$ggt(4,23) = 1 \Rightarrow \frac{28}{20} \equiv \frac{4 \cdot 7}{4 \cdot 5} \equiv 7 \cdot 5^{-1} \equiv 7 \cdot 14 \equiv 98 \equiv 6 \mod 23$$

Oder einen Schritt weiter:

$$ggt(5,23) = 1 \Rightarrow \frac{5}{20} \equiv \frac{5 \cdot 1}{5 \cdot 4} \equiv 1 \cdot 4^{-1} \equiv 1 \cdot 6 \equiv 6 \mod 23$$

$$x_3 \equiv s^2 - x_1 - x_2 \mod p \equiv 6^2 - 3 - 3 \mod 23 \equiv 30 \mod 23 \equiv 7$$

$$y_3 \equiv s(x_1 - x_3) - y_1 \mod p \equiv 6(3 - 7) - 10 \mod 23 \equiv -34 \equiv 12 \mod 23$$

c) Berechnung von P + Q = (3; 10) + (9; 7)

Detailberechnungen:

$$s \equiv \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \mod p \equiv \frac{7 - 10}{9 - 3} \mod 23 \equiv \frac{-3}{6} \equiv (-3) \cdot 6^{-1} \equiv 20 \cdot 4 \equiv 80 \equiv 11 \mod 23$$

$$x_3 \equiv s^2 - x_1 - x_2 \mod p \equiv 11^2 - 3 - 9 \equiv 209 \equiv 17 \mod 23$$

$$y_3 \equiv s(x_1 - x_3) - y_1 \mod p \equiv 11(3 - 17) - 10 \equiv -164 \equiv 20 \mod 23$$

Resultat: (3; 10) + (9; 7) = (17; 20) 3 P.

Aufgabe 8 8 Punkte

Alice schickt eine Meldung $M \in \mathbb{Z}_{19}$ verschlüsselt an Bob. Es wird die Verschlüsselungsmethode von Volker-Müller mit Elliptischen Kurven eingesetzt. Aus gewissen Gründen wird die eigentliche Verschlüsselungsoperation ersetzt. Anstatt der XOR-Operation \oplus wird die Addition mod 19 verwendet. Bob hat die folgenden Elemente gewählt...

- ... die elliptische Kurve $E: y^2 \equiv x^3 + 3x + 9$ über \mathbb{Z}_{19} .
- ... den Basispunkt P(2; 17).
- ... den Secret Key d = 21.

Alice verschlüsselt die Nachricht M=12. Sollte Alice einen zufälligen Wert generieren müssen, dann können Sie annehmen, dass der Wert 15 gewählt wird.

Alice beginnt den Datenaustausch mit der Meldung (*) = "Hallo Bob, ich möchte dir eine verschlüsselte Meldung schicken."

Füllen Sie nun die folgende Tabelle aus. Sollten es in der Tabelle zu wenig Platz für allfällige Berechnungen haben, so führen Sie diese bitte auf der nächsten Seite durch.

Sämtliche Operationen mit den Punkten können in der separat ausgeteilten Tabelle nachgeschaut werden.

Alice	unsichere Leitung	Bob
	(*)	
	>	
	$K_{pub} = (p, a, b, q, P, Q)$	Bob schickt
	<	K _{pub} = (p, a, b, q, P, Q)
K _{pub} in der vorgegebenen Reihenfolge ange-		
ben.		
= (p, a, b, q , P , Q)		
Verschlüsselt Meldung M = 12		
_		
	Meldung notieren	
	>	
		Entschlüsselung
<u>I</u>		

<u>Lösung:</u>

Alice	unsichere Leitung	Bob
	(*)	
	>	Dah sahiala
	K _{pub} = (p, a, b, q, P, Q)	Bob schickt K _{pub} = (p, a, b, q, P, Q)
K _{pub} in der vorgegebenen Reihenfolge angeben.		λομου (ρ, α, ω, q, ι , α,)
= (p, a, b, q , P , Q)		
(19, 3, 9, 23, (2; 17), (16;12)		
Verschlüsselt Meldung M = 12		
i = 15		
$K_E = i \cdot P = 15 \cdot (2; 17) = (12; 5)$		
$K_M = i \cdot Q = 15 \cdot (16; 12) = (11; 9)$		
$Y = M + xKoord \ von \ K_M \ mod \ 19$ $= 12 + 11 \equiv 23 \equiv 4 \ mod \ 19$		
	Alle nötigen Werte	
	$(Y, K_E) = (4, (12; 5))$	
	>	$V = A \cdot V$
		$K_M = d \cdot K_E$
		$= 21 \cdot (12;5) = (11;9)$
		$M = Y - xKoord K_{M}mod 19$ $= 4 - 11 \equiv -7 \equiv 12 \bmod 19$

Bewertungshinweise:

- Q berechnen, 1 P.
- Angabe des korr. K_{pub} 1 P.
- Verschlüsselung 3*1 = 3 P.
- Korr. Meldung an Bob, 1 P.
- Entschlüsselung 2*1 = 2 P.

Aufgabe 9 5 Punkte

Sie nutzen eine Sicherheitsapplikation, die Zertifikate für die Authentifizierung des Kommunikationspartners verwendet. Beim Versuch, sich mit einem neuen Partner zu verbinden, erhalten Sie eine Fehlermeldung, wonach das Root-CA-Zertifikat, das dem Zertifikat des Verbindungspartners zugrunde liegt, nicht vertrauenswürdig sei. Sie haben die Möglichkeit, den Verbindungsaufbau abzubrechen oder das Root-CA-Zertifikat zu installieren. Die Sicherheitsapplikation zeigt Ihnen den Inhalt und weitere Eigenschaften des Root-CA-Zertifikats an. Sie entscheiden sich, das Root-CA-Zertifikat installieren.

- a) Was müssen Sie tun, bevor Sie das Zertifikat installieren. Beschreiben Sie den Vorgang stichwortartig (3 Punkte).
- b) Die oben beschriebene Fehlermeldung tritt glücklicherweise nur selten auf, weil die Prüfung des Zertifikats des Verbindungspartners in der Regel ohne Fehler durchgeführt werden kann. Beschreiben Sie in wenigen Worten, wie die Sicherheitsapplikation (oder das Betriebssystem) die Echtheit des Zertifikats des Verbindungspartners überprüft (1 Punkt). Welche Rolle spielt dabei der so genannte Trust Anchor (1 Punkt).

Lösung:

- a) Das Root-CA-Zertifikat muss auf Echtheit geprüft werden (1 Punkt). Die Echtheitsprüfung wird mithilfe des Fingerprints durchgeführt (1 Punkt). Bei der Überprüfung des Fingerprints wird der lokal angezeigte Fingerprint mit dem Fingerprint aus einer vertrauenswürdigen Referenzquelle verglichen (1 Punkt).
- b) Die Sicherheitsapplikation (oder das Betriebssystem) überprüft die Signatur auf dem Zertifikat des Verbindungspartners mithilfe des Zertifikats der herausgebenden Zertifizierungsstelle (Root-CA-Zertifikat) (1 Punkt). Die herausgebende Zertifizierungsstelle muss im System als vertrauenswürdige Root-CA hinterlegt sein; sie wird so zum Trust Anchor (1 Punkt).