ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО СВЯЗИ

Федеральное государственное образовательное бюджетное учреждение высшего образования «Санкт-Петербургский государственный университет телекоммуникаций им. проф. М. А. Бонч-Бруевича»

	Кафедра радиосистем и обработки сигналов Дисциплина «Цифровая обработка сигналов»	
	Лабораторная работа ЛР08 ЛИНЕЙНЫЕ ДИСКРЕТНЫЕ СИСТЕМЫ	
Выполнили:		ст. гр. <u>ИКТ3-83</u> Громов А.А. Миколаени М.С
Проверила:		Меркучева Т. В.

Таблица исходных данных.

Переменная	Назначение	Значение	Идентификатор
$N_{ m бp}$	Номер бригады	$N_{ m f op}$	Nb = 11
$egin{array}{c} b_0 \ b_1 \ b_2 \end{array}$	Коэффициенты числителя передаточной функции	$b_0 = 0.5 + 0.02N_{\text{fip}}$ $b_1 = b_0(-1)^{N_{\text{fip}}+1}(0.9822 + 0.0178N_{\text{fip}})$ $b_2 = b_0 \left[0.8 + 0.2(N_{\text{fip}} \mod 5) \right]$	Вектор b = [0.72 0.84816 0.72]
a_0 a_1 a_2	Коэффициенты знаменателя передаточной функции	$a_0 = 1$ $a_1 = (-1)^{N_{\text{op}}} (0,7778 + 0,025N_{\text{op}})$ $a_2 = 0,64 + 0,006N_{\text{op}}$	Вектор a = [1 -1.053 0.706]
N_1	Длина ИХ	$N_1 = N_{\rm 6p} \bmod 10 + 20$	N1 = 21
N_2	Длина воздействия	$N_2 = N_{6p} \bmod 10 + 30$	N2 = 31
$f_{\scriptscriptstyle m I\!I}$	Частота дискретизации	$f_{\rm II}=1000N_{ m \delta p}$	Fs = 11000

Цель работы: изучить математическое описание линейных дискретных систем и овладеть программными средствами и их моделирование и анализа в MATLAB.

ПΦ:

$$H(z) = \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + b_2 z^{-2}}{1 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2}} = \frac{0.72 + 0.84816 z^{-1} + 0.72 z^{-2}}{1 - 1.053 z^{-1} + 0.706 z^{-2}}$$

РУ:

$$y(n) = 0.72 * x(n) + 0.84816 * x(n-1) + 0.72 * x(n-2) + 1.053 * y(n-1) - 0.706 * y(n-2)$$

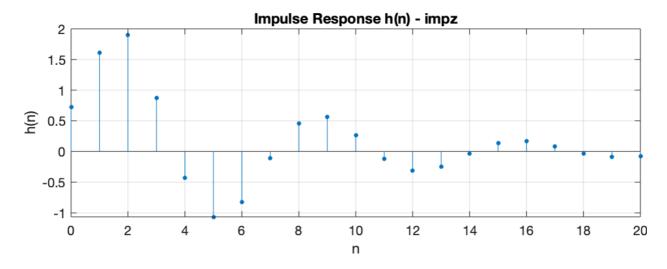
ИХ:

$$\begin{split} h(n) &= 0.72*0.8402^n \frac{\sin{((n+1)51,20^0)}}{\sin{(51,20^0)}} \\ &+ 0.0.84816*0.8402^{n-1} \frac{\sin{(n*51,20^0)}}{\sin{(51,20^0)}} + 0.72*0.8402^{n-2} \frac{\sin{((n-1)51,20^0)}}{\sin{(51,20^0)}} \end{split}$$

ВЫПОЛНЕНИЕ РАБОТЫ

П.1. ВЫЧИСЛЕНИЕ ИМПУЛЬСНОЙ ХАРАКТЕРИСТИКИ - функция іmpz

ГРАФИК ИМПУЛЬСНОЙ ХАРАКТЕРИСТИКИ



Пояснение:

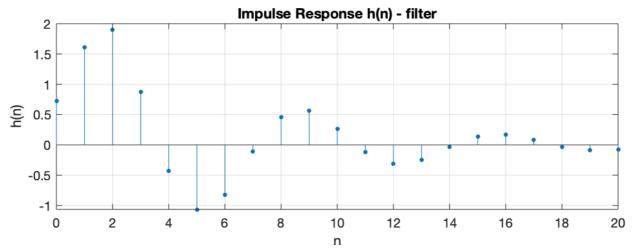
• Аналитическая формула ИХ рекурсивного звена 2-го порядка $h(n) = 0.72*0.8402^n \frac{\sin{((n+1)51,20^0)}}{\sin{(51,20^0)}}$

$$\hspace*{35pt} + 0.0.84816 * 0.8402^{n-1} \frac{\sin{(n*51,20^{0})}}{\sin{(51,20^{0})}} + 0.72 * 0.8402^{n-2} \frac{\sin{((n-1)51,20^{0})}}{\sin{(51,20^{0})}}$$

• В действительности длина ИХ рекурсивных ЛДС бесконечна.

П.2. ВЫЧИСЛЕНИЕ ИМПУЛЬСНОЙ ХАРАКТЕРИСТИКИ - функция filter

ГРАФИК ИМПУЛЬСНОЙ ХАРАКТЕРИСТИКИ

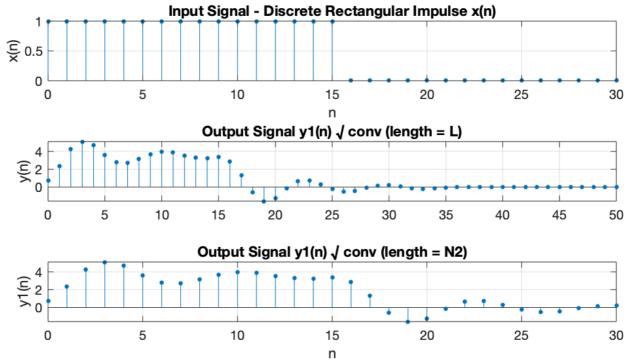


Пояснение:

• Импульсная характеристика — реакция на цифровой единичный импульс. Поэтому в качестве воздействия поступает цифровой единичный импульс длины N_1 -1. Длина цифрового единичного импульса ограничивается HX.

П.З. ВЫЧИСЛЕНИЕ РЕАКЦИИ ПО ФОРМУЛЕ СВЕРТКИ

ГРАФИКИ ВОЗДЕЙСТВИЯ И РЕАКЦИИ, вычисленной по ФОРМУЛЕ СВЕРТКИ



Формула свертки:

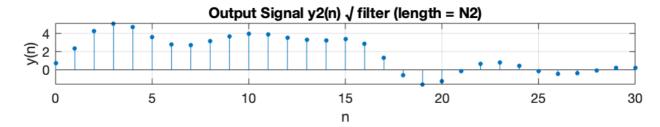
$$y(n) = \sum_{m=0}^{\infty} h(n-m)x(m) = \sum_{m=0}^{\infty} h(m)x(n-m)$$

Пояснение:

- Длина импульса равна $int(N_2/2)$, в данном случае 16.
- Длина реакции ограничена $(L=N_2+N_1-1)=51$.

П.4. ВЫЧИСЛЕНИЕ РЕАКЦИИ ПО РАЗНОСТНОМУ УРАВНЕНИЮ

ГРАФИК РЕАКЦИИ, вычисленной по РАЗНОСТНОМУ УРАВНЕНИЮ



Пояснение:

- y(n) = 0.72 * x(n) + 0.84816 * x(n-1) + 0.72 * x(n-2) + 1.053 * y(n-1) 0.706 * y(n-2)
- Длина реакции равна длине воздействия N2=31 потому, что длина реакции без ограничения бесконечна

П.5. ВЫЧИСЛЕНИЕ ПАРАМЕТРОВ ПЕРЕДАТОЧНОЙ ФУНКЦИИ В ВИДЕ ПРОИЗВЕДЕНИЯ ПРОСТЕЙШИХ МНОЖИТЕЛЕЙ

Пояснение:

• Нули и полюсы в алгебраической форме и коэффициент усиления:

$$(q-$$
нули, $p-$ полюсы, K - коэффициент усиления) $q=$
 $-0.5890+0.8081i$
 $-0.5890-0.8081i$
 $p=$
 $0.5265+0.6548i$
 $0.5265-0.6548i$
 $K=$
 0.7200

• Нули в показательной форме:

(rq-pa) иусы комплексно сопряженных нулей, wq-a ргументы комплексно сопряженных нулей)

$$rq = 1.0000$$
 1.0000
 $wq = 2.2006$
 -2.2006

• Полюсы в показательной форме:

(rp - радиусы комплексно сопряженных полюсов, wp - аргументы комплексно сопряженных полюсов)

$$rp = 0.8402$$
 0.8402
 $wp = 0.8936$
 -0.8936

• Значение аргумента полюса

$$wq=0,7 \pi$$
 $-0,7 \pi$
 $wp=0,284\pi$
 $-0,284\pi$

• Передаточная функция в виде произведения простейших множителей с нулями и полюсами в показательной форме:

$$H(z) = b_0 \cdot \prod_{k=1}^{M-1} \frac{1 - b_k z^{-1}}{1 - a_k z^{-1}} = 0.72 \cdot \prod_{1}^{2} \frac{1 - z^{-1} * 1 * e^{\pm 2,2006j}}{1 - z^{-1} * 0,8402 * e^{\pm 0.8936j}}$$

П.6. ВЫЧИСЛЕНИЕ ПАРАМЕТРОВ ПЕРЕДАТОЧНОЙ ФУНКЦИИ В ВИДЕ ПРОИЗВЕДЕНИЯ МНОЖИТЕЛЕЙ ВТОРОГО ПОРЯДКА

Матрица коэффициентов (s) и коэффициента усиления (G):

Передаточная функция в виде произведения множителей 2-го порядка:

$$H(z) = \prod_{k=1}^{L} \frac{b_{0k} + \tilde{b}_{1k}z^{-1} + \tilde{b}_{2k}z^{-2}}{1 + a_{1k}z^{-1} + a_{2k}z^{-2}}$$

где b_{0k} , \tilde{b}_{1k} , \tilde{b}_{2k} , a_{1k} , a_{2k} — вещественные коэффициенты; L — количество звеньев 2-го порядка.

B MATLAB используется представление передаточной функции в эквивалентном виде, получаемом при вынесении за скобки коэффициентов b_{0k} :

$$H(z) = G \prod_{k=1}^{L} \frac{1 + b_{1k}z^{-1} + b_{2k}z^{-2}}{1 + a_{1k}z^{-1} + a_{2k}z^{-2}} = 0.72 * \frac{1 + 1.178 * z^{-1} + 1 * z^{-2}}{1 - 1.053 * z^{-1} + 0.706 * z^{-2}}$$

где $G=b_{01}\cdot b_{02}\cdot ...\cdot b_{0L}$ — коэффициент усиления, а соответствующие коэффициенты связаны соотношениями:

$$b_{1k} = \tilde{b}_{1k}/G$$
; $b_{2k} = \tilde{b}_{2k}/G$;

П.7. ВЫЧИСЛЕНИЕ ПАРАМЕТРОВ ПЕРЕДАТОЧНОЙ ФУНКЦИИ В ВИДЕ СУММЫ ПРОСТЫХ ДРОБЕЙ

Коэффициенты разложения (r), полюсов (р) в алгебраической форме и целой части (с)

r =		p =		
-	-0.1499 - 1.3471i		0.5265 + 0.6548i	c = 1.0198
-	-0.1499 + 1.3471i		0.5265 - 0.6548i	

КОЭФФИЦИЕНТЫ РАЗЛОЖЕНИЯ (r) в ПОКАЗАТЕЛЬНОЙ ФОРМЕ

(rr – радиусы комплексно сопряженных коэффициентов разложения, wr – аргументы комплексно сопряженных коэффициентов разложения, rp - радиусы комплексно сопряженных полюсов, wp - аргументы комплексно сопряженных полюсов)

rr =	wr =	rp =	wp =
1.3554	-1.6816	0.8402	0.8936
1.3554	1.6816	0.8402	-0.8936

• Значение аргумента коэффициента разложения и аргумента полюса

$$wr = -0.53527\pi$$

 0.53527π

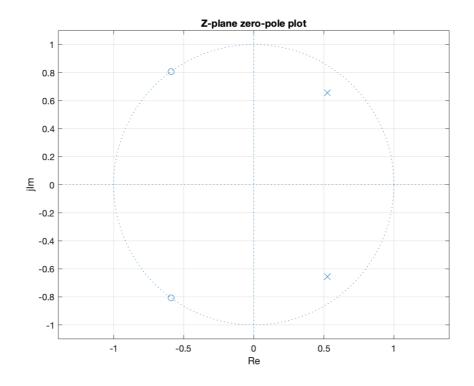
wp=
$$0.284\pi$$
 -0.284π

• Передаточная функция в виде суммы простых дробей с полюсами и коэффициентами разложения в показательной форме:

$$H(z) = \sum_{1}^{M-1} \frac{(-0.1499 \pm 1.3471i)}{1 - (0.5265 \pm 0.6548i) * z^{-1}} + 1.0198$$

П.8. ВЫВОД КАРТЫ НУЛЕЙ И ПОЛЮСОВ

КАРТЫ НУЛЕЙ И ПОЛЮСОВ



Пояснение:

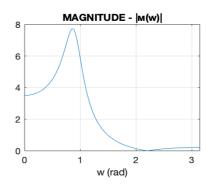
- По второму критерию устойчивости данное рекурсивное звено является устойчивым (так как все полюса лежат внутри единичного круга)
- Значения нулей и полюсов совпадают с вычисленными в пункте 5.

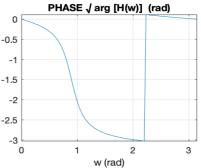
П.9.ВЫЧИСЛЕНИЕ АЧХ и ФЧХ В ШКАЛЕ НОРМИРОВАННЫХ ЧАСТОТ

ГРАФИКИ АЧХ и ФЧХ в шкале НОРМИРОВАННЫХ частот

Пояснение:

- Границы основной полосы частот $[0; \pi]$.
- Вид АЧХ соответствует карте нулей и полюсов (на частоте комплексно-сопряженных нулей и полюсов мы наблюдаем минимум и максимум соответственно).
- В реакции оказались преимущественно подавлены высокие частотные составляющие.



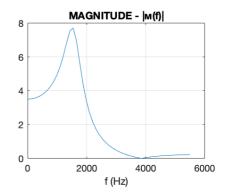


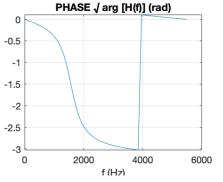
П.10. ВЫЧИСЛЕНИЕ АЧХ и ФЧХ В ШКАЛЕ АБСОЛЮТНЫХ ЧАСТОТ

ГРАФИКИ АЧХ и ФЧХ в шкале АБСОЛЮТНЫХ частот

Пояснение:

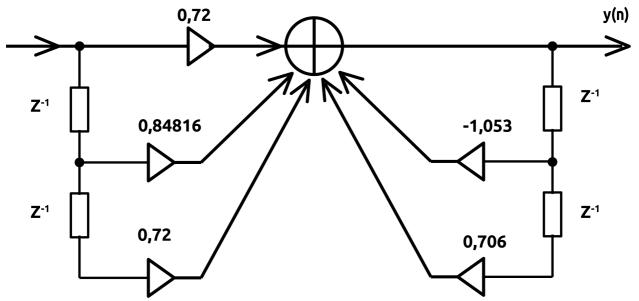
- Границы основной полосы частот $[0; f_{\pi}/2]$.
- Графики АЧХ и ФЧХ в абсолютных и нормированных частотах соответствуют друг другу.





П.11. ОПИСАНИЕ СТРУКТУРЫ РЕКУРСИВНОГО ЗВЕНА

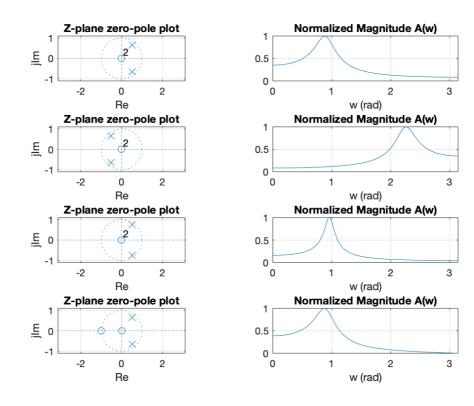
Структура ЛДС:



- Структура (структурная схема) ЛДС отображает алгоритм вычисления реакции по РУ и определяется видом передаточной функции.
- Свойства объектов dfilt:
 - FilterStructure показывает структуру рекурсивного звена (прямая, прямая каноническая и т.д.).
 - о Arithmetic форма представления данных (вещественный тип double).
 - о Numerator коэффициенты числителя передаточной функции.
 - о Denumerator коэффициенты знаменателя передаточной функции.
 - PersistentMemory начальные условия при вычислении реакции; значения false coomветствует HHV.

П.12. АНАЛИЗ ВЛИЯНИЯ НУЛЕЙ И ПОЛЮСОВ НА ВИД АЧХ

КАРТЫ НУЛЕЙ И ПОЛЮСОВ и НОРМИРОВАННОЙ АЧХ



Пояснение:

Вариант	Векторы коэффициентов переда	Векторы коэффициентов передаточной функции		
	числителя	знаменателя		
1	[1 0 0]	[1 a1 a2]		
2	[1 0 0]	[1 -a1 a2]		
3	[1 0 0]	[1 a1 1.2*a2]		
4	[1 1 0]	[1 a1 a2]		

- Матрица для коэффициентов а (знаменателя):
 - [1 -1.053 0.706]
 - [1 1.053 0.706]
 - [1 -1.053 0.8472]
 - [1 -1.053 0.706]
- Карты нулей и полюсов соответствует виду АЧХ (на частоте комплексно-сопряженных нулей и полюсов имеются минимумы и максимумы, при наличии вещественных нулей на границах АЧХ наблюдаются экстремумы).

Вывод: Лабораторная работа помогла изучить математическое описание линейных дискретных систем и познакомиться с программными средствами их моделирования и анализа в программе MATLAB.