Acwing2022-2-28.md 2022/3/18

{% note info %} 摘要 Title: 798. 差分矩阵 Tag: 二维差分 Memory Limit: 64 MB Time Limit: 1000 ms {% endnote %}

Powered by: NEFU AB-IN

Link

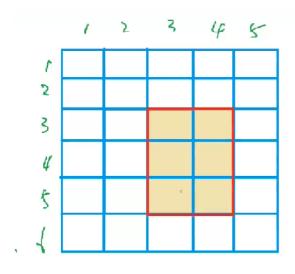
@TOC

798. 差分矩阵

题意

输入一个 n 行 m 列的整数矩阵, 再输入 q 个操作, 每个操作包含五个整数 x1,y1,x2,y2,c, 其中 (x1,y1) 和 (x2,y2) 表示一个子矩阵的左上角坐标和右下角坐标。 每个操作都要将选中的子矩阵中的每个元素的值加上 c。 请你将进行完所有操作后的矩阵输出。

思路



给定原矩阵a[i, j],构造差分矩阵b[i, j],使得a[][]是b[][]的二维前缀和

差分核心操作: 给以(x1, y1)为左上角, (x2, y2)为 右下角的子矩阵中的所有数a[i, j], 加上C。 对于差分数组的影响:

$$b[x1, y1] += C$$

 $b[x1, y2 + 1] -= C$
 $b[x2 + 1, y1] -= C$
 $b[x2 + 1, y2 + 1] += C$

其实这些数,都是在处理二维前缀和的数+1得到的

• 代码

```
Author: NEFU AB-IN
Date: 2022-02-22 17:09:24
FilePath: \ACM\Acwing\798.py
LastEditTime: 2022-02-22 17:09:25
'''
N = int(1e3 + 10)

a = [[0] * N for _ in range(N)]
```

Acwing2022-2-28.md 2022/3/18

```
b = [[0] * N for _ in range(N)]
def insert(x1, y1, x2, y2, c):
    b[x1][y1] += c
    b[x1][y2 + 1] -= c
    b[x2 + 1][y1] -= c
    b[x2 + 1][y2 + 1] += c
n, m, q = map(int, input().split())
for i in range(1, n + 1):
    a[i][1:] = list(map(int, input().split()))
for i in range(1, n + 1):
    for j in range(1, m + 1):
        insert(i, j, i, j, a[i][j]) #差分数组初始化
for i in range(q):
    x1, y1, x2, y2, c = map(int, input().split())
    insert(x1, y1, x2, y2, c)
for i in range(1, n + 1):
   for j in range(1, m + 1):
        a[i][j] = a[i - 1][j] + a[i][j - 1] - a[i - 1][j - 1] + b[i][j] # x b
数组求前缀和,正好可以用a数组替代
        print(a[i][j], end=" ")
    print()
```