# 07. Kinematika, inverz kienamtika, Szimulált robotkar programozása csukló-, és munkatérben



Warning

**ZH2** (Roslaunch, ROS paraméter szerver. Kinematika, inverz kinematika.) és a **Kötelező program bemutatás december 6.** 

# Ismétlés

•



Pozíció: 3 elemű offszet vektor

- Orientáció: 3 x 3 rotációs matrix
  - további orientáció reprezentációk: Euler-szögek, RPY, angle axis, quaternion
- **Helyzet** (pose): 4 × 4 transzformációs mártrix
- **Koordináta rendszer** (frame): null pont, 3 tengely, 3 bázis vektor, jobbkézszabály
- Homogén transzformációk: rotáció és transzláció együtt
  - pl. \(\mathbf{R}\) rotáció és \(\mathbf{v}\) transzláció esetén:

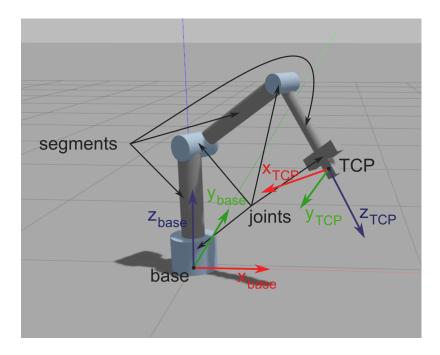
 $$$ \mathbf{T} = \left[ \mathbf{R} & \mathbf{0} & 1 \right] = \left[ \mathbf{T}_{1,1} & r_{1,2} & r_{1,3} & v_x \right] = \left[ \mathbf{T}_{3,1} & r_{3,2} & r_{3,3} & v_x \right] \\ v_y \left[ 3,1 \right] & r_{3,2} & r_{3,3} & v_x \right] \\$ 

- · Homogén koordináták:
  - Vektor: 0-val egészítjük ki, \(\mathbf{a\_H}=\left[\matrix{\mathbf{a} \\ 0}\right]=\left[\matrix{a x \\ a y \\ a z \\ 0}\right]\)
  - Pont: 1-gyel egészítjük ki, \(\mathbf{p\_H}=\left[\matrix{\mathbf{p} \\ 1}\right]=\left[\matrix{p\_x \\ p\_y \\ p\_z \\ 1}\right]\)
  - Transzformációk alkalmazása egyszerűbb:

 $$$ \left( \mathbf{q} = \mathbf{R}\right) + \mathbf{v} \to \left[\mathbf{q} \right] + \mathbf{q} \\ \left( \mathbf{q} \right) = \left[\mathbf{q} \right] + \mathbf{q} \\ \left( \mathbf{q} \right) + \mathbf{q} \\ \left( \mathbf{q}$ 

• Szabadsági fok (DoF): egymástól független mennyiségek száma.

### Robotikai alapok



- Robotok felépítése: **szegmensek** (segment, link) és **csuklók** (joints)
- Munkatér (task space, cartesian space):
  - Háromdimenziós tér, ahol a feladat, trajektóriák, akadályok, stb. definiálásra kerülnek.
  - TCP (Tool Center Point): az end effektorhoz rögzített koordináta rendszer (frame)
  - Base/world frame
- **Csuklótér** (joint space):
  - A robot csuklóihoz rendelt mennyiségek, melyeket a robot alacsony szintű irányító rendszere értelmezni képes.
  - csukló koordináták, sebességek, gyorsulások, nyomatékok...

# Elmélet

Kinematika, inverz kinematika

### Def. Kinematika

A TCP (vagy bármi más) helyzetének kiszámítása a csukló koordinátákból.

- Kinematikai modell
  - Denavit--Hartenberg (HD) konvenció
  - URDF (Unified Robotics Description Format, XML-alapú)

Ha a segmensekhez rendelt koordináta rendszerek rendre \(base, 1, 2, 3, ..., TCP\), a szomszédos \(i\) and \(i+1\) szegmensek közötti transzfomrációk \\  $(T_{i+1,i}(q_{i+1})\)$  (mely a közbezárt csukló szögének függvénye), a transzfomráció a base frame és a TCP között felírható (\(n\)) csuklós robotra):

### Def. Inverz kinematika

Csukló koordináták kiszámítása a (kívánt) TCP (vagy bármi más) pose eléréséhez.

#### Differenciális inverz kinematika

### Def. Differenciális inverz kinematika

A csukló koordináták mely változtatása éri el a kívánt, **kis mértékű változást** a TCP helyzetében (rotáció és transzláció).

 Jacobi-mátrix (Jacobian): egy vektorértékű függvény elsőrendű parciális deriváltjait tartalmazó mátrix.

 $$$ \left[ \mathbf{J} = \left[ \mathbf x_1 \right] \right] & \frac{partial x_1}{\operatorname{q_3} & \operatorname{partial x_1}_{\operatorname{q_3} & \operatorname{partial x_1}_{\operatorname{q_3} & \operatorname{partial x_1}_{\operatorname{q_3} & \operatorname{partial x_2}_{\operatorname{q_3} & \operatorname{partial x_3}_{\operatorname{q_3} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3} & \operatorname{partial x_3}_{\operatorname{q_3} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}}_{\operatorname{q_3}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}}_{\operatorname{q_3}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}}} & \operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q_3}_{\operatorname{q$ 

 Jacobi-mátrix jelentősége robotikában: megadja az összefüggést a csuklósebességek és a TCP sebessége között.

```
 $$ \left[ \left[ \mathbf{v} \right] \right] = \mathbb{J} (\mathbf{q}) \cdot \mathbf{q} \]
```

### Inverz kinematika Jacobi inverz felhasználásával

- 1. Számítsuk ki a kívánt és az aktuális pozíció különbségét:  $\l \$  =  $\$  \mathbf{r}\_{desired} \mathbf{r}\_0\)
- 2. Számítsuk ki a rotációk különbségét:  $\(\Delta R) = \mathbb{R}$  \_{desired}\mathbf{R}\_{0}^{T}\), majd konvertáljuk át axis angle reprezentációba  $\((\Delta R))$ \)
- $3. Számítsuk ki \(\Delta\mathbf{ q}=\mathbb{J}^{-1}(\mathbb{q_0})\cdot \ \left[\max\{k_1 \cdot \mathbb{r} \setminus k_2 \cdot \phi \cdot \mathbb{t}\}\right], \ ahol az inverz lehet pszeudo-inverz, vagy transzponált$
- 4.  $\mbox{\mbox{$\langle q \rangle_{\theta} = \mathbb{q}_{0} + \Delta\mathbb{q}}\$

# Gyakorlat

#### 1: Install rrr-arm

1. Telepítsük a dependency-ket.

```
sudo apt update
sudo apt-get install libpoco-dev
sudo apt-get install ros-foxy-control-msgs ros-foxy-realtime-tools ros-foxy-xacro ros-foxy-
joint-state-publisher-gui
pip3 install kinpy
```



Tip

A kinpy csomag forrását is töltsük le, hasznos lehet az API megértése szempontjából: https://pypi.org/project/kinpy/

2. Clone-ozzuk és build-eljük a repo-t.

```
mkdir -p ~/doosan2 ws/src
cd ~/doosan2 ws/src
git clone https://github.com/TamasDNagy/doosan-robot2.git
git clone https://github.com/ros-controls/ros2 control.git
git clone https://github.com/ros-controls/ros2 controllers.git
git clone https://github.com/ros-simulation/gazebo_ros2_control.git
cd ros2_control && git reset --hard 3dc62e28e3bc8cf636275825526c11d13b554bb6
&& cd ..
cd ros2 controllers && git reset --hard 83c494f460f1c8675f4fdd6fb8707b87e81cb197
&& cd ..
cd gazebo ros2 control && git reset --hard
3dfe04d412d5be4540752e9c1165ccf25d7c51fb \&\& cd ...
git clone -b ros2 --single-branch https://github.com/ros-planning/moveit msgs
cd ~/doosan2 ws
rosdep update
rosdep install --from-paths src --ignore-src --rosdistro foxy -r -y
colcon\ build\ \hbox{--}cmake-args\ \hbox{-}DCMAKE\_EXPORT\_COMPILE\_COMMANDS=ON
. install/setup.bash
rosdep update
```

#### Adjuk hozzá az alábbi sort a ~/.bashrc fájlhoz:

```
source ~/doosan2 ws/install/setup.bash
```

### 3. Teszteljük a szimulátort, új teminál ablakokban:

#ros2 launch dsr\_launcher2 single\_robot\_rviz.launch.py model:=a0912 color:=blue
ros2 launch dsr\_launcher2 single\_robot\_rviz\_topic.launch.py model:=a0912 color:=blue

4. Állítsuk elő a robotot leíró urdf fájlt: TODO

```
cd ~/catkin_ws/src/rrr-arm/urdf
rosrun xacro xacro rrr_arm.xacro > rrr_arm.xacro.urdf
```

## 2: Robot mozgatása csuklótérben

Iratkozzunk fel a robot csuklószögeit (konfigurációját) publikáló topicra.
 Hozzunk létre publisher-eket a csuklók szögeinek beállítására használható topic-okhoz.

# Warning

A Kinpy és a ROS nem mindig azonos sorrendben kezeli a csuklószögeket. Az alábbi két sorrend fordul elő: **1. [gripper\_joint\_1, gripper\_joint\_2, joint\_1, joint\_2, joint\_3, joint\_4]** - /rrr\_arm/joint\_states topic - kp.jacobian.calc\_jacobian(...) függvény

- 2. [joint\_1, joint\_2, joint\_3, joint\_4, gripper\_joint\_1, gripper\_joint\_2] chain.forward\_kinematics(...) függvény chain.inverse\_kinematics(...) függvény
- 2. Mozgassuk a robotot [1.0, 1.0, 1.5, 1.5] konfigurációba.

### 3. Kinematika

1. Importáljuk a kinpy csomagot és olvassuk be a robotot leíró urdf fájlt:

```
import kinpy as kp

chain = kp.build_serial_chain_from_urdf(open("/home/<USERNAME>/catkin_ws/src/
rrr-arm/urdf/rrr_arm.xacro.urdf").read(), "gripper_frame_cp")
print(chain)
print(chain.get_joint_parameter_names())
```

2. Számítsuk ki, majd irassuk ki a TCP pozícióját az adott konfigurációban a kinpy csomag segítségével. A https://pypi.org/project/kinpy/ oldalon lévő példa hibás, érdemes az alábbi példa kódból kiindulni:

```
th1 = np.random.rand(2)
tg = chain.forward_kinematics(th1)
th2 = chain.inverse_kinematics(tg)
self.assertTrue(np.allclose(th1, th2, atol=1.0e-6))
```

4: Inverz kinematika Jacobi inverz módszerrel

Írjunk metódust, amely az előadásban bemutatott Jakobi inverz módszerrel valósítja meg az inverz kinematikai feladatot a roboton. Az orientációt hagyjuk

figyelmen kívül. Mozgassuk a TCP-t a (0.59840159, -0.21191189, 0.42244937) pozícióba.

- 1. Írjunk egy ciklust, melynek megállási feltétele a delta\_r megfelelő nagysága, vagy rospy.is\_shutdown().
- 2. Számítsuk ki a kívánt és a pillanatnyi TCP pozíciók különbségét ( $delta_r$ ). Skálázzuk k 1 konstanssal.
- 3. phi dot t legyen [0.0, 0.0, 0.0] (ignoráljuk az orientációt).
- 4. Konkatenáljuk delta r és phi dot t-t.
- 5. Számítsuk ki a Jacobi mátrixot az adott konfigurációban a kp.jacobian.calc\_jacobian(...) függvény segítségével.
- 6. Számítsuk ki Jacobi mátrix pszeudo-inverzét np.linalg.pinv(...).
- 7. A fenti képlet segítségével számítsük ki delta\_q-t.
- 8. Növeljük a csuklószögeket a kapott értékekkel.

### Bónusz: Inverz kinematika orientációval

Egészítsük ki az előző feladat megoldását úgy, hogy az orientációt is figyelembe vesszük az inverz kinematikai számítás során.

### Hasznos linkek

- doosan-robot2 github
- https://pypi.org/project/kinpy/

- $\bullet\ https://en.wikipedia.org/wiki/Axis\%E2\%80\%93 angle\_representation$
- $\bullet\ https://www.rosroboticslearning.com/jacobian$