07. Kinematika, inverz kienamtika, Szimulált robotkar programozása csukló-, és munkatérben



Ismétlés

•



Pozíció: 3 elemű offszet vektor

- Orientáció: 3 x 3 rotációs matrix
 - további orientáció reprezentációk: Euler-szögek, RPY, angle axis, quaternion
- **Helyzet** (pose): 4 × 4 transzformációs mártrix
- **Koordináta rendszer** (frame): null pont, 3 tengely, 3 bázis vektor, jobbkézszabály
- Homogén transzformációk: rotáció és transzláció együtt
 - pl. \(\mathbf{R}\) rotáció és \(\mathbf{v}\) transzláció esetén:

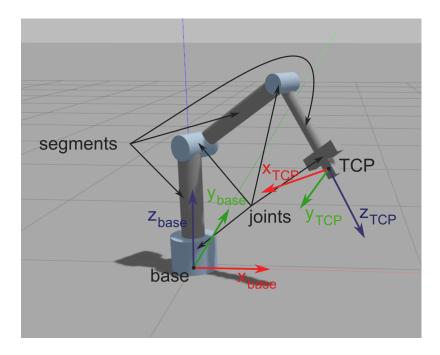
 $$$ \mathbf{T} = \left[\mathbf{R} & \mathbf{0} & 1 \right] = \left[\mathbf{T}_{1,1} & r_{1,2} & r_{1,3} & v_x \right] = \left[\mathbf{T}_{3,1} & r_{3,2} & r_{3,3} & v_x \right] \\ v_y \left[3,1 \right] & r_{3,2} & r_{3,3} & v_x \right] \\$

- · Homogén koordináták:
 - Vektor: 0-val egészítjük ki, \(\mathbf{a_H}=\left[\matrix{\mathbf{a} \\ 0}\right]=\left[\matrix{a x \\ a y \\ a z \\ 0}\right]\)
 - Pont: 1-gyel egészítjük ki, \(\mathbf{p_H}=\left[\matrix{\mathbf{p} \\ 1}\right]=\left[\matrix{p_x \\ p_y \\ p_z \\ 1}\right]\)
 - Transzformációk alkalmazása egyszerűbb:

 $$$ \left(\mathbf{q} = \mathbf{R}\right) + \mathbf{v} \to \left[\mathbf{q} \right] + \mathbf{q} \\ \left(\mathbf{q} \right) = \left[\mathbf{q} \right] + \mathbf{q} \\ \left(\mathbf{q} \right) + \mathbf{q} \\ \left(\mathbf{q}$

• Szabadsági fok (DoF): egymástól független mennyiségek száma.

Robotikai alapok



- Robotok felépítése: **szegmensek** (segment, link) és **csuklók** (joints)
- Munkatér (task space, cartesian space):
 - Háromdimenziós tér, ahol a feladat, trajektóriák, akadályok, stb. definiálásra kerülnek.
 - TCP (Tool Center Point): az end effektorhoz rögzített koordináta rendszer (frame)
 - Base/world frame
- **Csuklótér** (joint space):
 - A robot csuklóihoz rendelt mennyiségek, melyeket a robot alacsony szintű irányító rendszere értelmezni képes.
 - csukló koordináták, sebességek, gyorsulások, nyomatékok...

Elmélet

Kinematika, inverz kinematika

Kinematika



Def. Kinematika

A TCP (vagy bármi más) helyzetének kiszámítása a csukló koordinátákból.

- · Kinematikai modell
 - Denavit--Hartenberg (DH) konvenció
 - URDF (Unified Robotics Description Format, XML-alapú)

Ha a segmensekhez rendelt koordináta rendszerek rendre \(base, 1, 2, 3, ..., TCP\), a szomszédos \(i\) and \(i+1\) szegmensek közötti transzfomrációk \\ $(T_{i+1,i}(q_{i+1})\)$ (mely a közbezárt csukló szögének függvénye), a transzfomráció a base frame és a TCP között felírható (\(n\)) csuklós robotra):

$$\begin{split} & \text{$T_{TCP,base}(q_1, \cdot q_n) = T_{TCP,n-1}(q_{n}) \cdot T_{n-1,n-2} \\ & (q_{n-1}) \cdot T_{2,1}(q_2) \cdot T_{1,base}(q_1) \cdot S_{n-1,n-2} \\ & (q_{n-1}) \cdot T_{2,1}(q_2) \cdot T_{1,base}(q_1) \cdot S_{n-1,n-2} \\ & (q_{n-1}) \cdot T_{n-1,n-2} \\ & (q$$

Inverz kinematika



Def. Inverz kinematika

Csukló koordináták kiszámítása a (kívánt) TCP (vagy bármi más) pose eléréséhez.

Differenciális inverz kinematika



Def. Differenciális inverz kinematika

A csukló koordináták mely változtatása éri el a kívánt, **kis mértékű változást** a TCP helyzetében (rotáció és transzláció).

 Jacobi-mátrix (Jacobian): egy vektorértékű függvény elsőrendű parciális deriváltjait tartalmazó mátrix.

 $$$ \prod_{1} \left[\frac{x_1}{\left(x_1} \right] & \frac{x_1}{\left(x_1\right)} & \frac{x_2}{\left(x_1\right)} & \frac{x_2}{\left(x_1\right)} & \frac{x_2}{\left(x_2\right)} & \frac{x_2}{\left(x$

 Jacobi-mátrix jelentősége robotikában: megadja az összefüggést a csuklósebességek és a TCP sebessége között.

```
 $$ \left[ \left[ \operatorname{\mathcal D} \right] \right] = \mathbb{J} (\mathbb{q}) \cdot \mathbb{q} \
```

,ahol (\mathbb{v}) a TCP lineáris sebessége, (\mathbb{v}) a TCP szögsebessége, (\mathbb{q}) pedig a robot konfigurációja.

Def. Konfiguráció

A robot pillanatnyi csuklószögeiből képzett vektor vagy tömb.

Inverz kinematika Jacobi inverz felhasználásával

- 1. Számítsuk ki a kívánt és az aktuális pozíció különbségét: $\l \$ = $\$ \mathbf{r} {desired} \mathbf{r} 0\)
- 2. Számítsuk ki a rotációk különbségét: $\(\Delta R) = \mathbb{R}$ _{desired}\mathbf{R}_{0}^{T}\), majd konvertáljuk át axis angle reprezentációba $\((\Delta R))$ \)
- 3. Számítsuk ki \(\Delta\mathbf{ $q}=\mathbb{J}^{-1}(\mathbb{q}_0)\cdot \left[\max\{k_1 \cdot \mathbb{r} \setminus k_2 \cdot \mathbb{r}_0\}\right] \right] \), ahol az inverz lehet pszeudo-inverz, vagy transzponált$
- 4. $\mbox{\mbox{$\langle q \rangle $ {better} = \mathbb{q} \ {0} + \mathbb{q}} }$

Gyakorlat

1: UR install

1. Telepítsük a dependency-ket és a UR driver-t.



sudo apt update sudo apt upgrade sudo apt-get install ros-humble-ur python3-pip pip3 install kinpy



Tip

A kinpy csomag forrását is töltsük le, hasznos lehet az API megértése szempontjából: https://pypi.org/project/kinpy/

2. Moodle-ről töltsük le a forrásfájlokatokat tartalmazó zip-et (ur_ros2_course.zip). A view_ur.launch.py fájlt másoljuk a ros2_course/launch mappába, a topic_latcher.py fájlt pedig a ros2_course/ros2_course mappába. Adjuk hozzá az alábbi sorokat a setup.py fájlhoz (launch és entry point):

```
import os
from glob import glob

# ...

data_files=[
    ('share/ament_index/resource_index/packages',
        ['resource/' + package_name]),
    ('share/' + package_name, ['package.xml']),
    # Include all launch files.
    (os.path.join('share', package_name),
        glob('launch/*launch.[pxy][yma]*'))
```

```
# ...
entry_points={
'console_scripts': [
    # ...
    'topic_latcher = ros2_course.topic_latcher:main',
],
```

3. Indítsuk el a szimulátort, mozgassuk a csuklókat a Joint State Publisher GUI segítségével.

ros2 launch ros2 course view ur.launch.py ur type:=ur5e



Tip

Próbáljunk ki más robotokat is a ur_type argumentum beállításával (ur3, ur3e, ur5, ur5e, ur10, ur10e, ur16e, ur20)

2: Robot mozgatása csuklótérben

1. Hozzunk létre új python forrásfájlt ur_controller.py névvel a ~/ros2_ws/src/ros2_course/ros2_course mappában. Adjuk meg az új entry point-ot a setup.py-ban a megszokott módon. Iratkozzunk fel a robot csuklószögeit (konfigurációját) publikáló topicra. Hozzunk létre publisher-t a csuklók szögeinek beállítására használható topic-hoz.

```
/joint_states
/set_joint_states
```

2. Mozgassuk a robotot q = [-1.28, 4.41, 1.54, -1.16, -1.56, 0.0] konfigurációba.

3. Kinematika

1. A szimulátor egy topicban publikálja a robotot leíró urdf-t. Iratkozzunk fel erre a topic-ra.

```
/robot_description_latch
```

2. Importáljuk a kinpy csomagot és hozzuk létre a kinematikai láncot a robotot leíró urdf alapján az előbb implementált callback függvényben:

```
import kinpy as kp
# ...

self.chain = kp.build_serial_chain_from_urdf(self.desc, 'tool0')
print(self.chain.get_joint_parameter_names())
print(self.chain)
```

3. Számítsuk ki, majd irassuk ki a TCP pozícióját az adott konfigurációban a kinpy csomag segítségével.

```
p = chain.forward\_kinematics(q)
```

4: Inverz kinematika Jacobi inverz módszerrel

Írjunk metódust, amely az előadásban bemutatott Jakobi inverz módszerrel valósítja meg az inverz kinematikai feladatot a roboton. Az orientációt hagyjuk figyelmen kívül. Mozgassuk a TCP-t a (0.50, -0.60, 0.20) pozícióba.

- 1. Írjunk egy ciklust, melynek megállási feltétele a delta_r megfelelő nagysága és rclpy.ok().
- 2. Számítsuk ki a kívánt és a pillanatnyi TCP pozíciók különbségét ($delta_r$). Skálázzuk k 1 konstanssal.

- 3. omega legyen [0.0, 0.0, 0.0] (ignoráljuk az orientációt).
- 4. Konkatenáljuk delta_r és omega-t.
- 5. Számítsuk ki a Jacobi mátrixot az adott konfigurációban a kp.jacobian.calc_jacobian(...) függvény segítségével.
- 6. Számítsuk ki Jacobi mátrix pszeudo-inverzét np.linalg.pinv(...).
- 7. A fenti képlet segítségével számítsük ki delta_q-t.
- 8. Növeljük a csuklószögeket a kapott értékekkel.

Ábrázoljuk a TCP trajektóriáját Matplotlib segítségével.

```
'``python
import matplotlib.pyplot as plt

# ...

# Plot trajectory
ax = plt.figure().add_subplot(projection='3d')
ax.plot(x, y, z, label='TCP trajectory', ls='-', marker='.')
ax.legend()
ax.set_xlabel('x [m]')
ax.set_ylabel('y [m]')
ax.set_zlabel('z [m]')
plt.show()
```

Bónusz: Inverz kinematika orientációval

Egészítsük ki az előző feladat megoldását úgy, hogy az orientációt is figyelembe vesszük az inverz kinematikai számítás során.

Hasznos linkek

- doosan-robot2 github
- https://pypi.org/project/kinpy/
- $\bullet\ https://en.wikipedia.org/wiki/Axis\%E2\%80\%93 angle_representation$
- $\bullet\ https://www.rosroboticslearning.com/jacobian$