07. Kinematika, inverz kienamtika, Szimulált robotkar programozása csukló-, és munkatérben



Ismétlés

•



Pozíció: 3 elemű offszet vektor

- Orientáció: 3 x 3 rotációs matrix
  - további orientáció reprezentációk: Euler-szögek, RPY, angle axis, quaternion
- **Helyzet** (pose): 4 × 4 transzformációs mártrix
- **Koordináta rendszer** (frame): null pont, 3 tengely, 3 bázis vektor, jobbkézszabály
- Homogén transzformációk: rotáció és transzláció együtt
  - pl. \(\mathbf{R}\) rotáció és \(\mathbf{v}\) transzláció esetén:

 $$$ \mathbf{T} = \left[ \mathbf{R} & \mathbf{0} & 1 \right] = \left[ \mathbf{T}_{1,1} & r_{1,2} & r_{1,3} & v_x \right] = \left[ \mathbf{T}_{3,1} & r_{3,2} & r_{3,3} & v_x \right] \\ v_y \left[ 3,1 \right] & r_{3,2} & r_{3,3} & v_x \right] \\$ 

- · Homogén koordináták:
  - Vektor: 0-val egészítjük ki, \(\mathbf{a\_H}=\left[\matrix{\mathbf{a} \\ 0}\right]=\left[\matrix{a x \\ a y \\ a z \\ 0}\right]\)
  - Pont: 1-gyel egészítjük ki, \(\mathbf{p\_H}=\left[\matrix{\mathbf{p} \\ 1}\right]=\left[\matrix{p\_x \\ p\_y \\ p\_z \\ 1}\right]\)
  - Transzformációk alkalmazása egyszerűbb:

 $$$ \left( \mathbf{q} = \mathbf{R}\right) + \mathbf{v} \to \left[\mathbf{q} \right] = \left[\mathbf{R}\right] + \mathbf{v} \left( \mathbf{q} \right) = \left[\mathbf{R} & \mathbf{v}\right] = \left[\mathbf{q} \right] \\ \left( \mathbf{q} \right) + \mathbf{q} \\ \left($ 

• Szabadsági fok (DoF): egymástól független mennyiségek száma.

## Robotikai alapok



- Robotok felépítése: **szegmensek** (segment, link) és **csuklók** (joints)
- Munkatér (task space, cartesian space):
  - Háromdimenziós tér, ahol a feladat, trajektóriák, akadályok, stb. definiálásra kerülnek.
  - TCP (Tool Center Point): az end effektorhoz rögzített koordináta rendszer (frame)
  - Base/world frame
- **Csuklótér** (joint space):
  - A robot csuklóihoz rendelt mennyiségek, melyeket a robot alacsony szintű irányító rendszere értelmezni képes.
  - csukló koordináták, sebességek, gyorsulások, nyomatékok...

# Elmélet

Kinematika, inverz kinematika

#### Kinematika



### Def. Kinematika

A TCP (vagy bármi más) helyzetének kiszámítása a csukló koordinátákból.

- · Kinematikai modell
  - Denavit--Hartenberg (HD) konvenció
  - URDF (Unified Robotics Description Format, XML-alapú)

Ha a segmensekhez rendelt koordináta rendszerek rendre \(base, 1, 2, 3, ..., TCP\), a szomszédos \(i\) and \(i+1\) szegmensek közötti transzfomrációk \\  $(T_{i+1,i}(q_{i+1})\)$  (mely a közbezárt csukló szögének függvénye), a transzfomráció a base frame és a TCP között felírható (\(n\)) csuklós robotra):

$$\begin{split} & \text{$T_{TCP,base}(q_1, \cdot q_n) = T_{TCP,n-1}(q_{n}) \cdot T_{n-1,n-2} \\ & (q_{n-1}) \cdot T_{2,1}(q_2) \cdot T_{1,base}(q_1) \cdot S_{n-1,n-2} \\ & (q_{n-1}) \cdot T_{2,1}(q_2) \cdot T_{1,base}(q_1) \cdot S_{n-1,n-2} \\ & (q_{n-1}) \cdot T_{n-1,n-2} \\ & (q$$

#### Inverz kinematika



### Def. Inverz kinematika

Csukló koordináták kiszámítása a (kívánt) TCP (vagy bármi más) pose eléréséhez.

### Differenciális inverz kinematika



### Def. Differenciális inverz kinematika

A csukló koordináták mely változtatása éri el a kívánt, **kis mértékű változást** a TCP helyzetében (rotáció és transzláció).

• **Jacobi-mátrix** (Jacobian): egy vektorértékű függvény elsőrendű parciális deriváltjait tartalmazó mátrix.

 $$$ \prod_{1} \left[ \frac{x_1}{\left(x_1} \right] & \frac{x_1}{\left(x_1\right)} & \frac{x_2}{\left(x_1\right)} & \frac{x_2}{\left(x_1\right)} & \frac{x_2}{\left(x_2\right)} & \frac{x_2}{\left(x$ 

```
 $$ {\operatorname{q_n} \  } \left( x_3 \right) _{\  q_1} & \frac{x_3}{\operatorname{q_2} \  } \left( x_3 \right) _{\  q_2} \  \\ \left( x_3 \right) _{\  q_3} & \operatorname{c}\left( x_3 \right) _{\  q_n} \\ \left( x_3 \right) _{\  q_n} \\ \left( x_3 \right) _{\  q_n} \\ \left( x_n \right) _{\  q_n} \\
```

 Jacobi-mátrix jelentősége robotikában: megadja az összefüggést a csuklósebességek és a TCP sebessége között.

```
 $$ \left[ \left[ \operatorname{\mathbf{v} \ \mathbf{v} \right] = \mathbb{J} (\mathbf{q}) \cdot \mathbf{q} \right] = \mathbb{J} . $$
```

### Inverz kinematika Jacobi inverz felhasználásával

- 1. Számítsuk ki a kívánt és az aktuális pozíció különbségét:  $\ \$  =  $\$  \mathbf{r}\_{desired} \mathbf{r}\_0\)
- 2. Számítsuk ki a rotációk különbségét:  $\(\Delta R) = \mathbb{R}$  \_{desired}\mathbf{R}\_{0}^{T}\), majd konvertáljuk át axis angle reprezentációba \((\mathbf{t},\phi)\)
- 3. Számítsuk ki \(\Delta\mathbf{ q}=\mathbf{J}^{-1}(\mathbf{q\_0})\cdot \left[\matrix{k\_1 \cdot \Delta\mathbf{r} \\ k\_2 \cdot \mathbf{\omega}}\right] \), ahol az inverz lehet pszeudo-inverz, vagy transzponált
- 4.  $\mbox{\mbox{$\langle q \rangle $ {better} = \mathbb{q} \ {0} + \mathbb{q}} }$

# Gyakorlat

### 1: UR install

1. Telepítsük a dependency-ket és a UR driver-t.



sudo apt update sudo apt upgrade sudo apt-get install ros-humble-ur python3-pip pip3 install kinpy



## Tip

A kinpy csomag forrását is töltsük le, hasznos lehet az API megértése szempontjából: https://pypi.org/project/kinpy/

2. Teszteljük a szimulátort, új teminál ablakban:

ros2 launch dsr\_launcher2 single\_robot\_rviz\_topic.launch.py model:=a0912 color:=blue

# 2: Robot mozgatása csuklótérben

1. Hozzunk létre új python forrásfájlt doosan2\_controller.py névvel a ~/ros2\_ws/src/ros2\_course/ros2\_course mappában. Adjuk meg az új entry point-ot a setup.py - ban a megszokott módon. Iratkozzunk fel a robot csuklószögeit (konfigurációját) publikáló topicra. Hozzunk létre publisher-t a csuklók szögeinek beállítására használható topic-hoz.

```
/joint_states
/joint_cmd
```

2. Mozgassuk a robotot q = [0.24, -0.3, 1.55, 0.03, 1.8, 0.5] konfigurációba.

## 3. Kinematika

1. Importáljuk a kinpy csomagot és olvassuk be a robotot leíró urdf fájlt:

```
import kinpy as kp

self.chain = kp.build_serial_chain_from_urdf(open(
    "/home/<USERNAME>/doosan2_ws/src/doosan-robot2/dsr_description2/urdf/
a0912.blue.urdf").read(),
    "link6")
print(self.chain.get_joint_parameter_names())
print(self.chain)
```

2. Számítsuk ki, majd irassuk ki a TCP pozícióját az adott konfigurációban a kinpy csomag segítségével.

```
tg = chain.forward_kinematics(th1)
```

## 4: Inverz kinematika Jacobi inverz módszerrel

Írjunk metódust, amely az előadásban bemutatott Jakobi inverz módszerrel valósítja meg az inverz kinematikai feladatot a roboton. Az orientációt hagyjuk figyelmen kívül. Mozgassuk a TCP-t a (0.55, 0.05, 0.45) pozícióba. Ábrázoljuk a TCP trajektóriáját Matplotlib segítségével.

1. Írjunk egy ciklust, melynek megállási feltétele a delta\_r megfelelő nagysága és rclpy.ok().

- 2. Számítsuk ki a kívánt és a pillanatnyi TCP pozíciók különbségét (  $delta_r$  ). Skálázzuk k 1 konstanssal.
- 3. omega legyen [0.0, 0.0, 0.0] (ignoráljuk az orientációt).
- 4. Konkatenáljuk delta r és omega-t.
- 5. Számítsuk ki a Jacobi mátrixot az adott konfigurációban a kp.jacobian.calc\_jacobian(...) függvény segítségével.
- 6. Számítsuk ki Jacobi mátrix pszeudo-inverzét np.linalg.pinv(...).
- 7. A fenti képlet segítségével számítsük ki delta\_q-t.
- 8. Növeljük a csuklószögeket a kapott értékekkel.

## Bónusz: Inverz kinematika orientációval

Egészítsük ki az előző feladat megoldását úgy, hogy az orientációt is figyelembe vesszük az inverz kinematikai számítás során.

# Hasznos linkek

- doosan-robot2 github
- https://pypi.org/project/kinpy/
- $\bullet\ https://en.wikipedia.org/wiki/Axis\%E2\%80\%93 angle\_representation$
- https://www.rosroboticslearning.com/jacobian