# Adam : Adaptative moment estimation

**Apprentissage Statistique** 

Alexandre Capel & Anne Bernard
Université de Montpellier

# Introduction



Deux points importants de la méthode :

### Introduction



Deux points importants de la méthode :

• Gradient stochastique : calcul du gradient avec un sous-ensemble

#### Introduction



#### Deux points importants de la méthode :

- Gradient stochastique : calcul du gradient avec un sous-ensemble
- ullet Taux d'apprentissage adaptatif : variation de lpha au cours de l'algorithme

# **Introduction** Objectif



Soit  $f(., \theta)$  une fonction différentiable en  $\theta$ .

Considérons des réalisations  $f(x_1, \theta), ... f(x_T, \theta)$ .

### **Introduction** Objectif



Soit  $f(., \theta)$  une fonction différentiable en  $\theta$ .

Considérons des réalisations  $f(x_1, \theta), ... f(x_T, \theta)$ .

**Objectif**: Minimisation en  $\theta$  de  $\mathbb{E}[f(X,\theta)]$ 

### **Introduction** Objectif



Soit  $f(., \theta)$  une fonction différentiable en  $\theta$ .

Considérons des réalisations  $f(x_1, \theta), ... f(x_T, \theta)$ .

**Objectif**: Minimisation en  $\theta$  de  $\mathbb{E}[f(X,\theta)]$ 

Vocabulaire : f est appelée fonction objective.

# **Algorithme** Heuristique



Adam est une méthode qui découle de deux autres méthodes :

AdaGrad et RMSProp

# Algorithme Heuristique



Adam est une méthode qui découle de deux autres méthodes :

AdaGrad et RMSProp

Calcul simultané de deux quantités :

# **Algorithme** Heuristique



Adam est une méthode qui découle de deux autres méthodes :

AdaGrad et RMSProp

Calcul simultané de deux quantités :

- Estimateur du moment d'ordre 1
- Estimateur du moment d'ordre 2



# Algorithme 1 : ADAM

```
Entrées: \alpha = 0.001, \beta_1 = 0.9, \beta_2 = 0.999, \epsilon = 10^{-8}
initialisation: \theta_0, m_0 = 0, v_0 = 0, t = 0;
tant que \theta_t ne converge pas faire
     t = t+1;
     q_t = \nabla_{\theta} f_t(\theta_{t-1});
     m_t = \beta_1 \cdot m_{t-1} + (1 - \beta_1) \cdot q_t;
     v_t = \beta_2 \cdot v_{t-1} + (1 - \beta_2) \cdot g_t^2;
     \hat{m}_t = m_t/(1-\beta_1^t);
     \hat{v}_t = v_t/(1-\beta_2^t);
     \theta_t = \theta_{t-1} - \alpha \cdot \hat{m}_t / (\sqrt{\hat{v}_t} + \epsilon)
fin
```

Figure: Pseudo algorithme de Adam



Avantages des méthodes parentes :



### Avantages des méthodes parentes :

- AdaGrad : sparse gradients (gradients clairsemés)
- RMSProp : environnement non-stationnaire



Avantages des méthodes parentes :

AdaGrad : sparse gradients (gradients clairsemés)

• RMSProp : environnement non-stationnaire

Avantages de Adam:



#### Avantages des méthodes parentes :

- AdaGrad : sparse gradients (gradients clairsemés)
- RMSProp : environnement non-stationnaire

#### Avantages de Adam:

- Facilement implémentable
- Peu de mémoire requise
- · Fonctionne en grandes dimensions



Etude de deux exemples différents pour la classification de MNIST:



Etude de deux exemples différents pour la classification de MNIST:

• Régression multinomiale :

fonction objective = - log-vraisemblance



Etude de deux exemples différents pour la classification de MNIST:

• Régression multinomiale :

fonction objective = - log-vraisemblance

• Réseau de neurone jouet :

fonction objective = entropie croisée



Etude de deux exemples différents pour la classification de MNIST:

• Régression multinomiale :

fonction objective = - log-vraisemblance

• Réseau de neurone jouet :

fonction objective = entropie croisée

Comparons avec les deux méthodes : RMSProp et AdaGrad.

### **Exemples** Performances



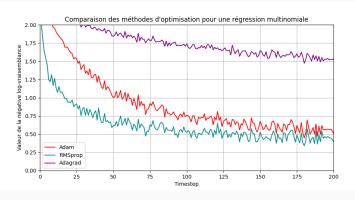


Figure: Comparaison des méthodes dans le cadre d'une régression multinomiale sur les données MNIST

### **Exemples** Performances



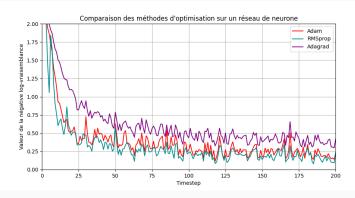


Figure: Comparaison des méthodes dans le cadre de l'optimisation d'un réseau de neurone sur les données MNIST

# Résultats



Un seul résultat théorique.

#### Résultats



Un seul résultat théorique.

#### Définition

Soit  $f(X_1, \theta), ... f(X_T, \theta)$ , un échantillon. On définit le regret par :

$$R(T) = \sum_{t=1}^{T} (f(X_t, \theta_t) - f(X_t, \tilde{\theta}_T))$$

où 
$$\tilde{\theta}_T = \arg\min_{\theta \in \Theta} \sum_{t=1}^T f(X_t, \theta)$$

#### Résultats



Un seul résultat théorique.

#### Définition

Soit  $f(X_1, \theta), ... f(X_T, \theta)$ , un échantillon. On définit le regret par :

$$R(T) = \sum_{t=1}^{T} (f(X_t, \theta_t) - f(X_t, \tilde{\theta}_T))$$

où 
$$\tilde{\theta}_T = \arg\min_{\theta \in \Theta} \sum_{t=1}^T f(X_t, \theta)$$

Sous de bonnes hypothèses, on a  $\frac{R(T)}{T} = O\left(\frac{1}{\sqrt{T}}\right)$ .

### **Limites et perspectives**



#### Pour conclure,

- développement d'une méthode simple et qui ne requiert pas beaucoup de mémoire
- possède les deux avantages de ses prédécesseurs
- extension de la méthode en norme infini : Adamax
- ullet on pourrait étudier l'effet des paramètres  $eta_i$  dans les calculs

### Références et fin I



Merci pour votre attention!

[1] D. P. Kingma and J. Ba. Adam: A method for stochastic optimization. 2015.