

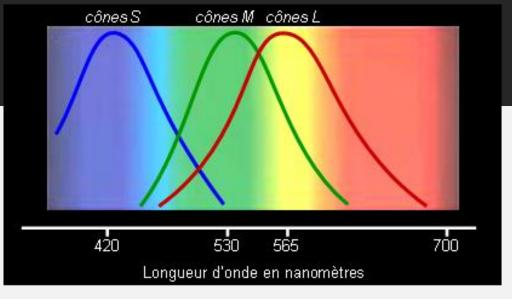
Problématique: Comment modéliser numériquement l'expérience des trous de Young polychromatique pour imiter au mieux la vision réelle?

Plan

- Problème de la représentation des couleurs
- Reprise de l'expérience de J. Guild pour trouver les valeurs RGB
- Résultats et norme par la CIE
- Modélisation de l'expérience des trous de Young et résultats intéressants

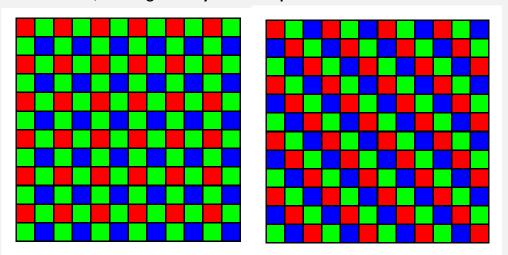
Couleurs pour l'œil et pour l'ordinateur

- 3 types de cônes
- Codage en RGB
- Sensibilité plus importante au vert
- Pixels avec deux verts/sur plus d'octets



Université Virtuelle Environnement et Développement durable

Quadrillage de Bayer et exemple de matrice RGB



Manipulation

• **Objectif**: trouver les valeurs RGB des couleurs des longueurs d'onde d'une lampe spectrale mercure cadmium

• Protocole initial:

- Diffracter la lampe spectrale avec un réseau
- Comparer les couleurs au goniomètre à une couleur donnée par ordinateur

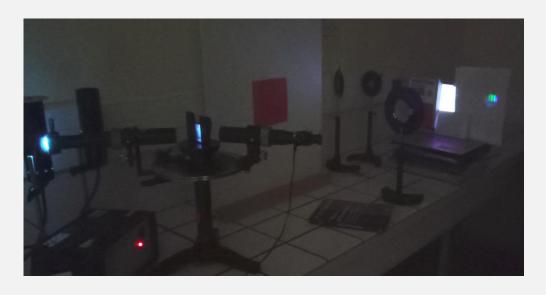
• Difficultés :

- Intensité lumineuse
- Température de couleur de l'écran



Manipulation

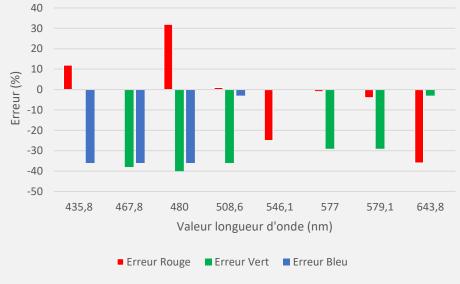
- Modification des protocoles et difficultés
 - Projection sur papier blanc des différentes couleurs diffractées
 - Dissimulation des lumières de l'écran avec des caches
- Difficultés
 - Lumières parasites
 - Ecran
 - Intensité lumineuse



Manipulation

Analyse des résultats





Norme CIE

• Objectif : déterminer des fonctions colorimétriques

$$\{C\} = \int_0^\infty f(\lambda) c_1(\lambda) \,\mathrm{d}\lambda \cdot \{P_1\} + \int_0^\infty f(\lambda) c_2(\lambda) \,\mathrm{d}\lambda \cdot \{P_2\} + \int_0^\infty f(\lambda) c_3(\lambda) \,\mathrm{d}\lambda \cdot \{P_3\}.$$

- État présent : formalisation par un changement de base (x, y, z)
- Changement de base :

$$M = \begin{pmatrix} 2,768892 & 1,751748 & 1,130160 \\ 1,0000 & 4,5907 & 0,060100 \\ 0,0000 & 0,056508 & 5,594292 \end{pmatrix}$$

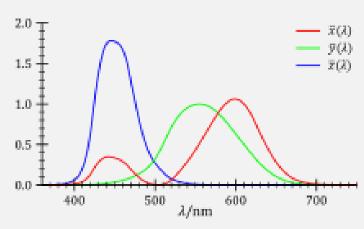
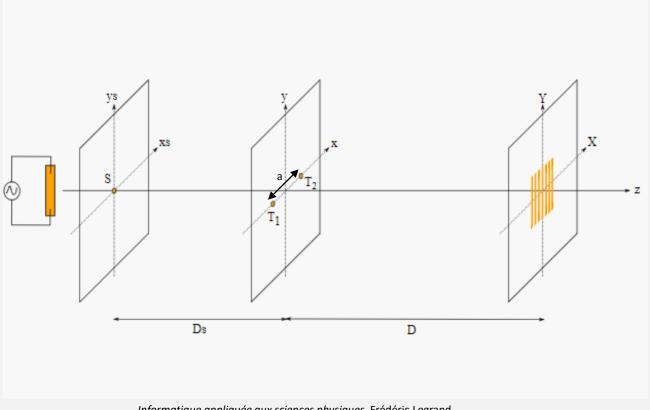


Image libre de droits, issues des chiffres de Wyszecki, Günter and Stiles, Walter Stanley (2000) Color Science: Concepts and Methods, Quantitative Data and Formulae

Modélisation

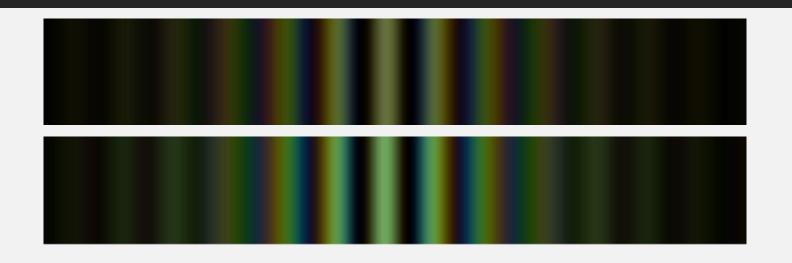
- Expérience des trous de Young
 - Utilisation des données théoriques et expérimentales
 - Calcul sur chaque longueur d'onde
 - Moyenne des intensités en chaque point

$$I(x) = 2I(1 + \cos\frac{2\pi}{\lambda}\frac{ax}{D})$$



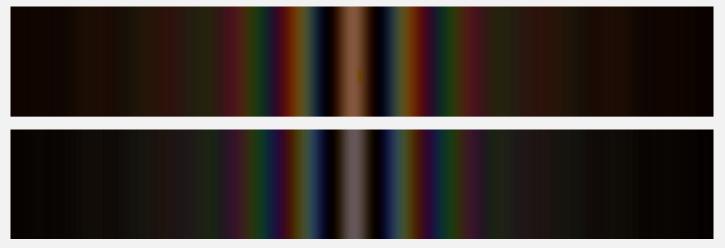
Informatique appliquée aux sciences physiques, Frédéric Legrand

Modélisation



Lampe mercure cadmium valeurs expérimentales

Lampe mercure cadmium valeurs théoriques



Lumière avec des longueurs d'onde équiréparties à la même intensité

Lumière blanche suivant la loi de

Planck

$$L(\nu, T) = \frac{2h\nu^3}{c^2} \frac{1}{e^{\frac{h\nu}{kT}} - 1}$$

Conclusion

- Les différents espaces de couleur :
 - Physique
 - Mathématique
 - RGB

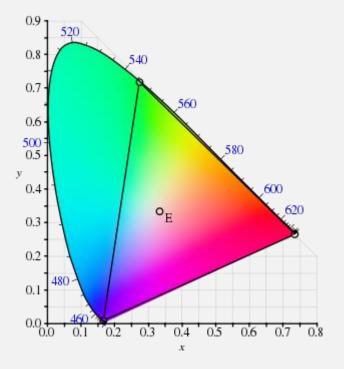


Image libre de droits par BenRG, espace RGB de 1931

Annexe

	R	G	В	Erreur Rouge	Erreur Vert	Erreur Bleu
435,8	100	0	255	31	0	0
467,8	0	60	255	0	-32	0
480	0	200	2 55	0	-2	0
508,6	0	255	35	0	0	4

	R	G	В	Erreur Rouge	Erreur Vert	Erreur Bleu
435,8	52	0	163	12	0	-36
467,8	0	46	163	0	-38	-36
480	81	101	163	32	-40	-36
508,6	3	163	17	1	-36	-3
546,1	67	255	0	-25	0	0
577	242	180	0	-1	-29	0
579,1	242	181	0	-4	-29	0
643,8	163	0	0	-36	-3	0

```
8
    import tkinter as tk
    from math import cos,pi, exp
10
    import numpy as np
11
12
    def _from_rgb(rgb):
13
        r, g, b = rgb
14
        return f'#{r:02x}{g:02x}{b:02x}'
15
16
    def affichage(long onde,a,d,rb,expe=False):
17
        fenetre = tk.Tk()
        canvas = tk.Canvas(fenetre, width=1000, height=120, background='black')
18
19
        lst\_couleurs = [(0,0,0) for i in range(1002)]
        somme = somme2(long_onde)
20
21
        for lo in long onde :
           l, i = lo
22
            trous_young(lst_couleurs,l,i,a,d,rb,somme,expe)
23
            trans_entier(lst_couleurs)
24
25
        for i in range(1002):
26
             canvas.create_line(i, 0, i, 122,fill = _from_rgb(lst_couleurs[i]))
27
        canvas.pack()
28
        fenetre.mainloop()
29
30
    def trous_young(lst,lo,i,a,d,rb,nb_lo,expe):
31
        for x in range(len(lst)):
32
             nlo = lo*10E-5
```

```
31
         for x in range(len(lst)):
32
             nlo = lo*10E-5
33
             L = 2*d*nlo/rb
34
             xut = x-500
35
             intens = 0.5*i*(1 + cos(2*pi*a*xut/(nlo*d)))
36
             intens *= \exp(-(xut)*(xut)/((L/2)*(L/2)))
37
             if expe :
38
                 r, g, b = conv exp lo to rgb(lo)
39
             else :
40
                 r, g, b = conv lo to <math>rgb(lo)
41
             lst[x] = (lst[x][0]+(intens*r)/nb_lo, lst[x][1]+(intens*g)/nb_lo, lst[x][2]+(intens*b)/nb_lo)
42
43
     def trans_entier(lst):
44
         for i in range(len(lst)):
45
             lst[i] = int(lst[i][0]),int(lst[i][1]),int(lst[i][2])
46
47
     def somme2(lst):
48
         acc = 0
49
         for lo in lst:
50
             1, i = 10
51
             acc += i
52
         return acc
53
54
     def ouvrir_fichier(file):
55
         lst = np.loadtxt(file, delimiter = ' ')
56
         return 1st
```

```
58
    def conv_lo_to_rgb(lo):
59
        lst = file1[lo-380]
60
        return int(lst[1]*255),int(lst[2]*255),int(lst[3]*255)
61
62
    def conv_exp_lo_to_rgb(lo):
63
        for 1st in file2:
64
            if lst[0] == lo :
                return lst[1],lst[2],lst[3]
65
66
67
    def f(i):
68
        h = 6.62e - 34
69
        c = 299792458
70
        nu = c/i
71
    k = 1.38e-23
72
        T = 5000
73
        return (2*h*nu**3/c**2)/(exp(h*nu/k*T)-1)
74
75
    file1 = ouvrir fichier("Valeur theoriques.txt")
    file2 = ouvrir fichier("ValeursExperimentales.txt")
76
    affichage([(436,1),(468,1),(480,1),(509,1),(546,1),(577,1),(579,1),(644,1)],10,10000,2,True)
77
    affichage([(436,1),(468,1),(480,1),(509,1),(546,1),(577,1),(579,1),(644,1)],10,10000,2) #mer
78
79
    affichage([(i,1) for i in range(380,780,20)],10,10000,2,False) #lumière blanche équirépartie
    affichage([(i,f(i)) for i in range(380,780,20)],10,10000,2,False) #lumière blance avec loi de
80
```

lst = np.loadtxt(file, delimiter = ' ')

55

56

57

return 1st