

V206

Wärmepumpe

Annika Burkowitz
annika.burkowitz@tu-dortmund.de

Phillip Alexander Greve
phillip.greve@tu-dortmund.de

Durchführung: 27.10.2015

Abgabe: 03.11.2015

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Zielsetzung	3
2	Theorie	3
2.1	Prinzip einer Wärmepumpe und ihre Güteziffer	3
2.2	Aufbau und Funktionsweise einer Wärmepumpe	4
2.3	Kenngößen einer Wärmepumpe	5
2.3.1	Bestimmung der realen Güteziffer ν	5
2.3.2	Bestimmung des Massendurchsatzes	5
2.3.3	Bestimmung der mechanischen Kompressorleistung N_{mech}	5
3	Durchführung	6
4	Auswertung	7
5	Diskussion	7
6	Fehlerrechnung	7
	Literatur	7

1 Zielsetzung

In diesem Versuch wird der Transport von Wärmeenergie von einem kälteren zu einem wärmeren Reservoir unter Aufbringen mechanischer Arbeit untersucht. Ein solches System nennt sich Wärmepumpe. Wichtige Kenngrößen sind die Güteziffer und der Massendurchsatz, welche in diesem Versuch bestimmt werden.

2 Theorie

2.1 Prinzip einer Wärmepumpe und ihre Güteziffer

Nach dem zweiten Hauptsatz der Thermodynamik, der besagt, dass die Entropie in einem abgeschlossenen System niemals abnehmen kann, verläuft ein Wärmeaustausch zwischen zwei Reservoiren unterschiedlicher Temperatur immer vom Wärmeren zum Kälteren hin. Es ist jedoch möglich die Richtung des Wärmetransports umzukehren, wenn man dem System Energie in Form von mechanischer Arbeit zuführt. Ist dies der Fall, so spricht man von einer Wärmepumpe.

Aus dem Verhältnis der aufzuwendenden Arbeit A und der an das wärmere Reservoir abgegebenen Wärmemenge Q_1 resultiert die Güteziffer v einer Wärmepumpe. Da nach dem ersten Hauptsatz der Thermodynamik die totale Energie in einem abgeschlossenen System erhalten bleiben muss, muss die abgegebene Wärmemenge Q_1 gleich der Summe aus der aufgewandten Arbeit und der aus dem kälteren Reservoir entnommenen Wärmemenge Q_2 sein:

$$Q_1 = Q_2 + A \quad (1)$$

Damit ist

$$v = \frac{Q_1}{A} \quad (2)$$

der Wirkungsgrad einer Wärmepumpe.

Unter der Voraussetzung, dass sich die Temperaturen in den Reservoiren während der Wärmeübertragung nicht ändern und der Prozess reversibel verläuft, folgt aus dem zweiten Hauptsatz der Thermodynamik, dass die Summe der reduzierten Wärmemengen $\int \frac{dQ}{T}$ verschwindet:

$$\frac{Q_1}{T_1} - \frac{Q_2}{T_2} = 0 \quad (3)$$

Reversibilität bedeutet in diesem Zusammenhang, dass der Prozess des Energieaustausches zu jedem Zeitpunkt verlustfrei umgekehrt werden kann. Dies ist jedoch nur bei idealen Systemen gegeben, so dass für den irreversiblen, realen Fall nur die Ungleichung

$$\frac{Q_1}{T_1} - \frac{Q_2}{T_2} > 0 \quad (4)$$

gilt.

Verwendet man Gleichung (3) in (1), so ergibt sich nach (2) die Gütezahl für eine ideale Wärmepumpe:

$$v_{\text{ideal}} = \frac{Q_1}{A} = \frac{T_1}{T_1 - T_2}. \quad (5)$$

Analog gilt mit (1) und (4) nach Gleichung (2) für die reale Wärmepumpe

$$v_{\text{real}} < \frac{T_1}{T_1 - T_2}. \quad (6)$$

Daraus kann man leicht erkennen, dass die Wärmepumpe einen besseren Wirkungsgrad hat, je geringer die Temperaturdifferenz zwischen den Reservoirs ist. Wärmepumpen werden beispielsweise in der Heiztechnik verwendet und haben dabei gegenüber anderen Verfahren den großen Vorteil, dass die gewonnene Wärmemenge auch größer als die geleistete mechanische Arbeit sein kann. < Gleichung? >

2.2 Aufbau und Funktionsweise einer Wärmepumpe

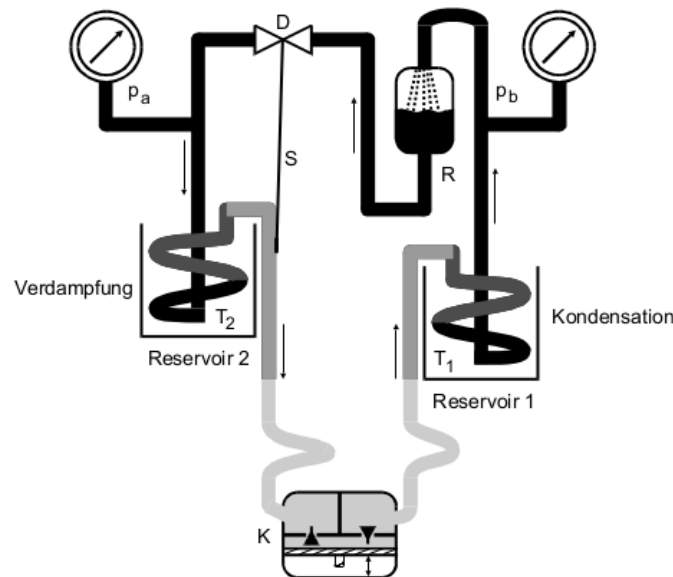


Abbildung 1: Aufbau einer Wärmepumpe ($p_b > p_a; T_1 > T_2$).

In Abbildung 2 ist der schematische Aufbau einer Wärmepumpe zu sehen. Wichtige Elemente sind die Reservoir 1 und 2, welche mit einer genau definierten Menge Wasser gefüllt sind, und in denen sich Kupferspiralen für den Wärmeaustausch zwischen Transportmedium und Wasser befinden. Bei dem Transportmedium handelt es sich um ein reales Gas, welches eine möglichen hohe Kondensationswärme besitzt. In unserem Fall wurde Dichlordifluormethan ($\text{Cl}_2\text{F}_2\text{C}$) verwendet. Das Gas ist bei Temperatur T_1 und dem Druck p_b flüssig und bei T_2 und Druck p_a gasförmig. Das flüssige Gas verdampft in Reservoir 2 und entzieht diesem die Verdampfungswärme L pro Gramm.

Infolgedessen sinkt die Temperatur T_2 in Reservoir 2. Der Kompressor K komprimiert das Gas, wodurch der Druck p_b steigt, so dass das Gas in Reservoir 1 kondensiert und dabei die zuvor aufgenommene Verdampfungswärme als Kondensationswärme L pro Gramm abgibt. Dadurch steigt die Temperatur T_1 in Reservoir 1. Zwischen den Reservoirs liegt das Drosselventil D, welches durch Strömungswiderstände den Druckunterschied zwischen p_b und p_a erzeugt. Der Reiniger R und die Steuerungsvorrichtung S gewährleisten eine störungsfreien Funktionsweise. Der Reiniger entfernt verbliebene Gasreste aus dem flüssigen Medium, die Steuerungsvorrichtung regelt den Durchlass des Drosselventils.

2.3 Kenngrößen einer Wärmepumpe

Zur Beurteilung einer Wärmepumpe ist ihre Gütezahl v , der Massendurchsatz $\frac{dm}{dt}$ des Transportmediums und der Wirkungsgrad des Kompressors von Interesse. Wie diese Kenngrößen aus den Messwerten bestimmt werden können wird nachfolgend beschrieben.

2.3.1 Bestimmung der realen Gütezahl v

Aus den gemessenen Temperaturen T_1 pro Zeitintervall Δt berechnet man die pro Zeitintervall gewonnene Wärmemenge

$$\frac{\Delta Q_1}{\Delta t} = (m_1 c_w + m_k c_k) \frac{\Delta T_1}{\Delta t}. \quad (7)$$

Dabei ist $m_1 c_w$ die Wärmekapazität des Wassers in Reservoir 1 und $m_k c_k$ die Wärmekapazität der Kupferschlange und des Behälters gemeinsam. Mit der über Δt gemittelten Leistungsaufnahme des Kompressors N ergibt sich für die Gütezahl mit (7)

$$v = \frac{\Delta Q_1}{N \Delta t} = \frac{m_1 c_w + m_k c_k}{N} \frac{\Delta T_1}{\Delta t} \quad (8)$$

2.3.2 Bestimmung des Massendurchsatzes

Gleichung (7) lässt sich analog für Reservoir 2 für ΔT_2 aufstellen:

$$\frac{\Delta Q_2}{\Delta t} = (m_2 c_w + m_k c_k) \frac{\Delta T_2}{\Delta t}. \quad (9)$$

Die Wärmeentnahme geschieht in Form der Verdampfungswärme L pro Massen- und Zeiteinheit. Der Massendurchsatz lässt sich mit (9) berechnen, wenn L bekannt ist:

$$\frac{\Delta m}{\Delta t} = \frac{\Delta Q_2}{L \Delta t} = \frac{m_2 c_w + m_k c_k}{L} \frac{\Delta T_2}{\Delta t} \quad (10)$$

2.3.3 Bestimmung der mechanischen Kompressorleistung N_{mech}

Die Arbeit A_{mech} , die von dem Kompressor verrichtet wird, wenn er ein Gasvolumen V_a auf das Volumen V_b verdichtet, ist

$$A_{\text{mech}} = - \int_{V_a}^{V_b} p \, dV \quad (11)$$

Unter der idealisierten Annahme, dass die Kompression des Gases adiabatisch erfolgt, gilt die Poissonsche Gleichung

$$p_a V_a^\kappa = p_b V_b^\kappa = p V^\kappa \quad (12)$$

mit $\kappa = \frac{C_p}{C_v}$, $\kappa > 1$ und den Molwärmen C_p (für konstanten Druck) und C_v (für konstantes Volumen). Dies kann man nach p umformen und in Gleichung (11) einsetzen. Für A_{mech} erhält man dann

$$A_{\text{mech}} = -p_a V_a^\kappa \int_{V_a}^{V_b} V^{-\kappa} dV = \frac{1}{\kappa - 1} \left(p_b^\kappa \sqrt[\kappa]{\frac{p_a}{p_b}} - p_a \right) V_a \quad (13)$$

und für die mechanische Kompressorleistung

$$N_{\text{mech}} = \frac{\Delta A_{\text{mech}}}{\Delta t} = \frac{1}{\kappa - 1} \left(p_b^\kappa \sqrt[\kappa]{\frac{p_a}{p_b}} - p_a \right) \frac{1}{\rho} \frac{\Delta m}{\Delta t} \quad (14)$$

ρ ist dabei die Dichte des Gases bei dem Druck p_a . Die Bestimmung von ρ ist über die Ideale Gasgleichung $pV = Nk_b T$ und ρ_0 , also der Dichte bei Normalbedingungen möglich. [1]

3 Durchführung

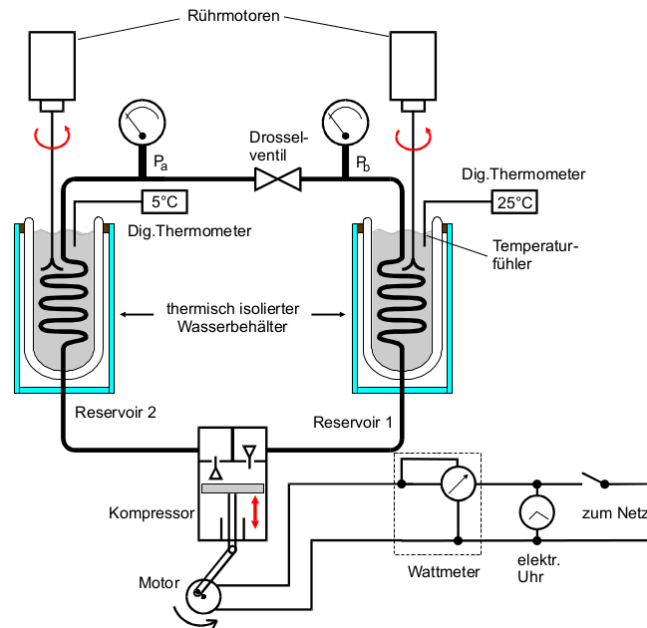


Abbildung 2: Aufbau der Messapparatur.

Zu Beginn werden die Reservoirs 1 und 2 mit je drei Litern Wasser gefüllt. Um die Menge genau messen zu können, wird ein Messkolben mit einem Fassungsvermögen von

einem Liter verwendet. Es werden der Kompressor und die Rührmotoren, die dafür sorgen, dass die Temperatur in den Behältern immer gleichmäßig verteilt ist, angeschaltet. Nun werden im Abstand von einer Minute die Temperaturen T_1 und T_2 , die Drücke p_a und p_b , sowie die Leistungsaufnahme N des Kompressors abgelesen. Dies wird solange wiederholt, bis die Temperatur T_1 50°C erreicht hat. Da die Manometer bei Umgebungsdruck auf 0 Bar geeicht sind, muss auf alle abgelesenen Drücke 1 Bar addiert werden.

4 Auswertung

In der folgenden Tabelle sind alle Messwerte aufgeführt. Die Temperaturverläufe sind in dem folgenden Diagramm dargestellt und mit einer linearen Ausgleichstrechnung approximiert.

5 Diskussion

6 Fehlerrechnung

$$v_i = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad (15)$$

$$s_1 = \sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{j=1}^N (v_j - v_i)^2} \quad (16)$$

$$\sigma_i = \frac{s_i}{\sqrt{N}} = \frac{\sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{j=1}^N (v_j - \bar{v}_i)^2}}{\sqrt{N}} \quad (17)$$

$$\Delta x_k = \frac{df}{dk} \cdot \sigma_k \quad (18)$$

$$\Delta x_{k,rel} = 1 \pm \frac{\Delta x_k}{|x|} * 100\% \quad (19)$$

$$\Delta x_k = \frac{df}{dk} \cdot \sigma_k \quad (20)$$

$$\sigma^2 = \sum_{k=1}^n [y_k - (\bar{B}x_k + \bar{A})]^2 \quad (21)$$

Literatur

[1] TU Dortmund. *Versuchsanleitung zur Wärmepumpe*. 2015.