

$$L_{u,d}, U_u: F^{\text{op}} \rightarrow \mathbf{Pos} \langle \mathcal{U}R, \subseteq \rangle$$