$$\langle l_1, u_1 \rangle \leq_{\text{Int}\mathbf{P}} \langle l_2, u_2 \rangle$$

$$(l_1 \leq_{\mathbf{P}} l_2) \wedge (u_2 \leq_{\mathbf{P}} u_1)$$