$$\{r\} \succeq_{\mathcal{A}R} h_{f_1}(r) \cap \uparrow r.$$