$$\begin{split} & \left\langle \begin{matrix} \mathbf{I}_{f \S g}, \mathsf{prov}_{f \S g}, \mathsf{req}_{f \S g} \right\rangle : A \times C \to_{\mathbf{Pos}} \mathscr{P}(\begin{matrix} \mathbf{I}_f \times_B I_g \end{matrix}) \\ & \left\langle a^*, c \right\rangle \mapsto \bigcup_{\substack{(b,b') \in B^{\mathrm{op}} \times B^{\mathrm{op}} \\ b \leq_B b'}} \left[\left\langle \begin{matrix} \mathbf{I}_f, \mathsf{prov}_f, \mathsf{req}_f \end{matrix} \right\rangle (a^*, b) \times \left\langle \begin{matrix} \mathbf{I}_g, \mathsf{prov}_g, \mathsf{req}_g \end{matrix} \right\rangle (b'^*, c) \right]. \end{split}$$