

$$\mathrm{Tr}_{C\otimes A, C\otimes B}^X(\mathrm{id}_C\otimes f)=\mathrm{id}_C\otimes \mathrm{Tr}_{A,B}^X(f)$$