$$\langle \mathbf{I}_{f \nmid g}, \mathsf{prov}_{f \nmid g}, \mathsf{req}_{f \nmid g} \rangle : A \times C \to_{\mathbf{Pos}} \mathscr{P}(\mathbf{I}_f \times_B \mathbf{I}_g)$$

$$\langle a^*, c \rangle \mapsto \bigcup_{\substack{(b,b') \in B^{\mathrm{op}} \times B^{\mathrm{op}} \\ b <_{p}b'}} \left[\langle \mathbf{I}_f, \mathsf{prov}_f, \mathsf{req}_f \rangle (a^*, b) \times \langle \mathbf{I}_g, \mathsf{prov}_g, \mathsf{req}_g \rangle (b'^*, c) \right].$$