$\{r\} \succeq_{\mathcal{A}\mathbf{R}} h_{f_1}(r) \cap \uparrow r.$