

$$\forall r_0 \in \alpha : \exists r_1 : (r_0 \preceq_{\mathbf{R}} r_1) \wedge (\exists r_2 \in \alpha : r_1 \in h_{f_1}(r_2) \cap \uparrow r_2).$$