$$\langle f^*, r \rangle \mapsto \{i \in \mathbf{I} : (f \leq_{\mathbf{F}} \mathsf{prov}(i)) \land (\mathsf{req}(i) \leq_{\mathbf{R}} r)\}$$