Lemma. $(Lx)^{\dagger} \leq_{\mathbf{DP}} (Ux)^{\dagger}$.