$\hat{\mathbf{d}}: \mathbf{F}^{\mathrm{op}} \to \mathrm{UpperSets}(\mathbf{R})$