$$(Lf \ \ Lg) \leq_{\mathbf{DP}} (Lf \ \ Ug) \leq_{\mathbf{DP}} (Uf \ \ Ug)$$