

$$\mathrm{Tr}_{v\otimes x,v\otimes y}^z(\mathrm{Id}_v\otimes f)=\mathrm{Id}_v\otimes \mathrm{Tr}_{x,y}^z(f)$$