$\bigcup_{\mathbf{f}} \{f(p)\} = \mathbf{f} \bigcup \{f(s_i)\}$

 $(p \in \uparrow \bigcup_{i \in I} S_i)$