$f_k \in \langle \mathbf{F}_k, \leq_{\mathbf{F}_k} \rangle$