

Dentre os 601 primeiros elementos da sequência (1, 1, 2, 3, 5, 13, 21, 34, ...) quantos são números ímpares?

→ Fibonacci

↳ Pega-se os dois termos anteriores, soma-se e se tem o próximo

0
1
0+1=1
1+1=2
2+3=5
3+5=8
5+8=13
8+13=21
13+21=34
21+34=55
...



ímpar + par = ímpar

ímpar + ímpar = par

par + par = par

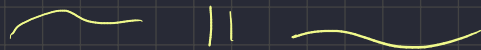
a cada três membros da sequência 2 são ímpares

600 → 400 (2/3 de 600) serão ímpares
601 será ímpar e teremos 401 números ímpares

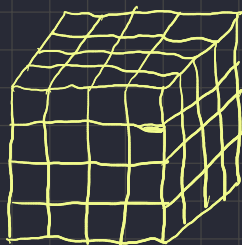
$$\frac{601 \times 2}{3} \text{ ímpares} = \frac{1202}{3} = 400,66$$

$$x = 400 + 1$$

x = 401 números ímpares



Um cubo maior foi formado grudando pequenos cubos idênticos, cada um de peso igual a 1 kg. Apesar de não ter qualquer abertura em nenhuma das seis faces, sabe-se que o cubo maior não é maciço, ou seja, está faltando pelo menos um cubo pequeno no espaço inteiro do cubo grande.



Nessas condições, o peso do cubo grande pertence certamente ao intervalo:

$$4 \cdot 4 \cdot 4 = 16 \cdot 4 = 64$$

Se está faltando no mínimo 1, $64 - 1 = 63$

O valor máximo que pode chegar é 63 Kg



O caixa de um banco possui em sua gaveta
 100 notas de 2 reais
 100 notas de 5 reais
 100 notas de 10 reais

De quantas maneiras diferentes ele pode dar a um cliente uma quantia de 21 reais?

1. 2 notas de 10 + 1 nota de 5 + 1 nota de 2

2. 1 nota de 10 + 3 notas de 5 + 1 nota de 2

3. 1 nota de 10 + 1 nota de 5 + 6 notas de 2

4. 5 notas de 5 + 1 nota de 2

5. 3 notas de 5 + 6 notas de 2

6. 1 nota de 5 + 11 notas de 2

~~~~~ 11 ~~~~~

A tabela a seguir mostra o número de alunos de uma universidade, dos cursos de engenharia, matemática e computação, matriculados em três disciplinas em três anos consecutivos. Nesse período o número médio de alunos de engenharia que se matricularam por ano em cálculo I e o número médio de alunos por disciplina no ano N, considerando apenas as disciplinas de Cálculo I, física e Geometria Analítica, valem respectivamente:

| Disciplina              | Ano |     |      |     |     |      |     |     |      |
|-------------------------|-----|-----|------|-----|-----|------|-----|-----|------|
|                         | N   |     |      | N+1 |     |      | N+2 |     |      |
|                         | Eng | Mat | Comp | Eng | Mat | Comp | Eng | Mat | Comp |
| <del>Cálculo I</del>    | 600 | 50  | 100  | 600 | 50  | 120  | 650 | 65  | 110  |
| <del>Física I</del>     | 700 | 48  | 150  | 650 | 54  | 100  | 660 | 45  | 110  |
| <del>Geometria A.</del> | 620 | 40  | 92   | 650 | 46  | 91   | 650 | 40  | 90   |

$$\frac{600 + 700 + 620}{3} = \frac{1.920}{3} = 640$$

$$\frac{50 + 48 + 40}{3} = 46$$

~~~~~ 11 ~~~~~

Existe no mundo mágico uma criatura denominada Orc. Quando dois desses dois bichos se tocam, de se fundem num único, cujo peso é o dobro da soma dos pesos originais de duas criaturas. Assim, se dois Orcs de 1kg se tocarem, darão origem a um único Orc de 4kg. Uma bruxa possui, em jaulas separadas, dois Orcs de 1kg cada, um Orc de 5kg e três Orcs de 2kg cada. Usando somente estes bichos, o Orc mais pesado que a bruxa pode obter

$$(5, 2, 2, 2, 2, 1, 1)$$

$$\begin{aligned} 1. & 2 * 5 + 2 * 2 = 14 \\ 2. & 2 * 14 + 2 * 2 = 28 + 4 = 32 \\ 3. & 2 * 32 + 2 * 2 = 64 + 4 = 68 \\ 4. & 2 * 68 + 2 * 1 = 136 + 2 = 138 \\ 5. & 2 * 132 + 2 * 1 = 276 + 2 = 278 \text{ Kg} \end{aligned}$$

Considere os números A e B, definidas pelas seguintes multiplicações:

$$A = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{7}{8} \dots \frac{99}{100}$$

$$B = \frac{2}{3} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{6}{7} \cdot \frac{8}{9} \dots \frac{98}{99}$$

intercalando A e B

$$\hookrightarrow \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{6}{7} \cdot \frac{7}{8} \dots \frac{97}{98} \cdot \frac{98}{99} \cdot \frac{99}{100}$$

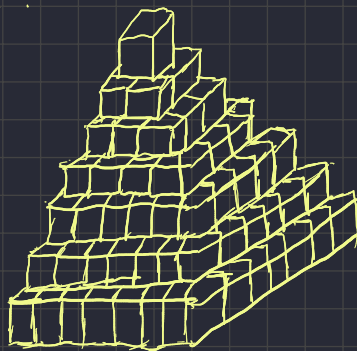
Simplificando o denominador de uma fração com o numerador da fração seguinte, vai sobrar o numerador da 1ª fração e o denominador da última.

$$\frac{1}{100}$$

$$A * B$$

$$\frac{1}{100}$$

Em uma loja, as caixas de um produto estavam organizada em um arranjo piramidal, esquematizado a seguir. Essas mesmas caixas, todas idênticas, foram reorganizadas de modo que todas as camadas, com exceção da última, tivessem a mesma quantidade de caixas. Dentre os esquemas abaixo, o único que pode representar a nova configuração das caixas é:



$$\begin{aligned} \rightarrow 1 & = 1^+ \\ \rightarrow 2 * 2 & = 4^+ \\ \rightarrow 3 * 3 & = 9^+ \\ \rightarrow 4 * 4 & = 16^+ \\ \rightarrow 5 * 5 & = 25^+ \\ \rightarrow 6 * 6 & = 36^+ \\ \rightarrow 7 * 7 & = 49^+ \\ & = 140 \text{ unidades} \end{aligned}$$

Calculando as alternativas:

$$1. (5 * 5) * 6 - 2 = 148$$

$$2. (5 * 5) * 6 - 6 = 144$$

$$3. (6 * 6) * 4 - 6 = 136$$

$$4. (6 * 6) * 4 - 4 = 140 \rightarrow \text{A mesma quantidade}$$

Quatro médicos trabalham no centro cirúrgico de um hospital, numa escala de trabalho definida pelas seguintes regras:

- em cada dia, trabalha uma dupla de médicos
- cada médico faz dupla com um dos três colegas exatamente uma vez por semana, de segunda a sábado
- todos os médicos trabalham a mesma quantidade de dias por semana

Nun mês, as quantidades mínimas e máximas de dias que cada um dos médicos pode trabalhar são:

- A - 19 e 11
- B - 12 e 14
- C - 15 e 17
- D - 16 e 20
- E - 21 e 23

segunda até sábado = 6

4 médicos a, b, c, d

ab
ac
ad
bc
bd
cd

médico a \rightarrow ab, ac, ad
médico b \rightarrow ab, bc, bd
médico c \rightarrow cb, ac, cd
médico d \rightarrow ad, bc, cd

cada médico trabalha 3 dias/semana

$$4 \text{ semanas} * 3 \text{ dias} = 12 \text{ dias}$$

Considere a seguinte sequência de figuras:



Mantido esse padrão, haverá x quadrados semelhantes na 50ª figura e y quadrados escuros na 51ª. A soma $x + y$ é igual a

\rightarrow todas as 4 cores presentes dividem igualmente em todas as figuras de número par e, nas de número ímpar, se dividem de forma igual, mas existe um quadrado branco a mais.

$$1- 51^2 = 2601$$

$$2- \frac{2601}{4} = 650,25 \quad \text{quadrados de cada cor, mas, por ser número ímpar, sabemos que temos um branco extra, portanto são 650 demais cores e 651 para o branco.}$$

$$3- \frac{50^2}{4} = \frac{2500}{4} = 625$$

$$4- x + y = 625 + 651 = \boxed{1276}$$

João vendeu sua bicicleta a 210 reais, o que era 40% do que ele havia pago. Por quanto ele deveria ter vendido para ter um lucro de 15%?

→ Para encontrarmos o lucro, primeiro vamos encontrar o valor inicial

$$210 \rightarrow 40\% \\ x \rightarrow 100\%$$

$$x \cdot 40 = 100 \cdot 210$$

$$x = \frac{21000}{40}$$

$$x = 300 \rightarrow \text{Valor que João pagou}$$

→ Calcular o valor de 15% de lucro

$$V = 300 \cdot (1 + 0,15)$$

$$V = 300 \cdot 1,15$$

$$V = 345 \rightarrow \text{Valor de 45 em lucro}$$

A idade média de Pedro e Julia foi 75. Se a média entre Pedro, Julia e Lucas é 80, qual a idade de Lucas?

(P) Pedro = 75 a idade média de (P), (J) e (L) Lucas é 80
(J) Julia = 75

$$1. \quad \frac{P + J}{2} = 75$$

$$P + J = 2 \cdot 75 \\ P + J = 150$$

$$2. \quad \frac{P + J + L}{3} = 80$$

$$P + J + L = 3 \cdot 80 \\ P + J + L = 240$$

substituir $P + J = 150$

$$P + J + L = 240$$

$$150 + L = 240$$

$$L = 240 - 150$$

$$L = 90$$

90 é a idade de Lucas

Qual conjunto de letras não faz parte do grupo?

$$a) \text{ D C C D} \rightarrow \text{C - D}$$

$$b) \text{ R T T R} \rightarrow \text{R - T}$$

$$c) \text{ M L L M} \rightarrow \text{L - M}$$

$$d) \text{ Q P P Q} \rightarrow \text{P - Q}$$

$$e) \text{ W V V W} \rightarrow \text{V - W}$$

4 letras consoantes e que as alternativas a, b, d e e as letras de extremo são sucessoras no alfabeto.

Qual conjunto não faz parte do grupo?

a) G G N N \rightarrow G - H - I - J - K - L - M - N

b) O O Q Q \rightarrow O - P - Q

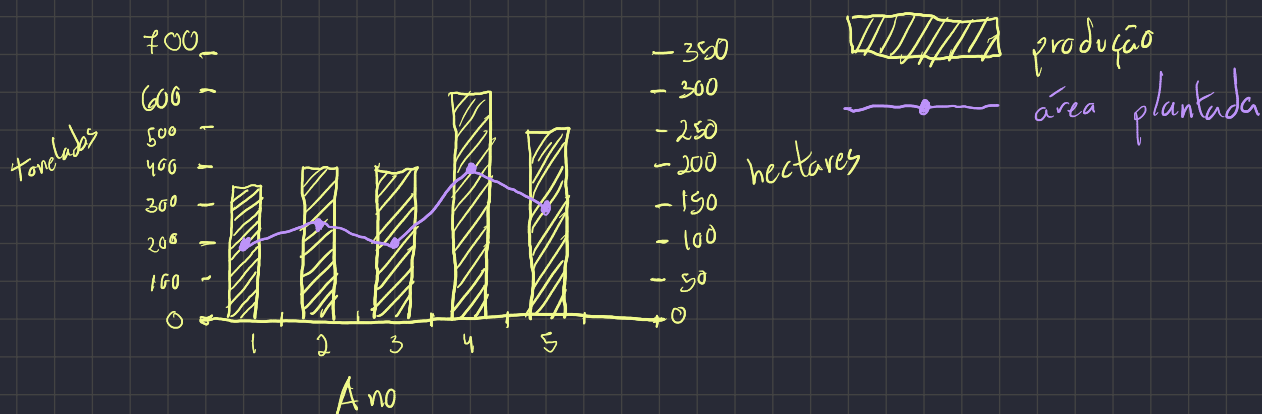
c) N N U U \rightarrow N - O - P - Q - R - S - T - U

d) S S Z Z \rightarrow S - T - U - V - W - X - Y - Z

e) W W D D \rightarrow W - X - Y - Z - A - B - C - D

letras iniciais e finais
estão há uma distância
de 6 letras no
alfabeto

O gráfico abaixo mostra a produção de soja, em toneladas, e a área plantada, em hectares, de uma fazenda, em cinco anos consecutivos



Precisamos tirar a média da eficiência no aproveitamento da área total.

• Produtividade = $\frac{\text{quantidade}}{\text{área}}$

$$P_1 = \frac{350}{200} = 1,75 \text{ toneladas}$$

$$P_2 = \frac{400}{250} = 1,6 \text{ toneladas}$$

$$P_3 = \frac{400}{200} = \underline{\underline{2 \text{ toneladas}}}$$

$$P_4 = \frac{600}{400} = 1,5 \text{ toneladas}$$

$$P_5 = \frac{250}{150} = 1,67 \text{ toneladas}$$

O ano de maior produtividade foi o terceiro, no qual cada hectare de terra teve a produção média de 2 toneladas.

As lojas "Cobre Tudo" e "Descontão" são grandes concorrentes no ramo de eletrodomésticos. No último mês, a loja "Cobre Tudo" anunciou que, se a loja "Descontão" oferecesse um desconto de $D\%$ num produto qualquer, então ela ofereceria um desconto de $(D + 10\%)$ no mesmo produto. Com essa promoção, o preço de uma televisão na loja "Descontão" passou a ser 20% maior que o do seu preço na loja "Cobre Tudo". Nessas condições, o desconto oferecido pela loja "Descontão" na compra dessa televisão foi:

1 - Vamos considerar que ambas as lojas vendiam o produto pelo mesmo valor antes do desconto - deram desconto sobre o mesmo valor θ

2 - Vamos chamar o desconto da loja "Descontão" de D e o valor cobrado pela loja de x , podemos escrever a equação

$$x = \theta \cdot (1 - D) \quad \text{I}$$

3 - Conforme dito no enunciado, o desconto da loja "Cobre Tudo" é $(D + 0,1)$, e vamos chamar o valor cobrado de y .

$$y = \theta \cdot [1 - (D + 0,1)] \quad \text{II}$$

$$y = \theta \cdot (0,9 - D)$$

4 - Foi dito que o valor cobrado pela loja "Descontão" foi 20% maior que o valor cobrado pela loja "Cobre Tudo".

$$x = 1,2 \cdot y \quad \text{III}$$

Substituindo I, II e III

$$\theta \cdot (1 - D) = 1,2 \cdot [\theta \cdot (0,9 - D)]$$

$$\cancel{\theta} \cdot (1 - D) = 1,2 \cdot [\cancel{\theta} \cdot (0,9 - D)]$$

$$1 - D = 1,2 \cdot (0,9 - D)$$

$$1 - D = 1,08 - 1,2D$$

$$1,2D - D = 1,08 - 1$$

$$0,2D = 0,08$$

$$D = \frac{0,08}{0,2}$$

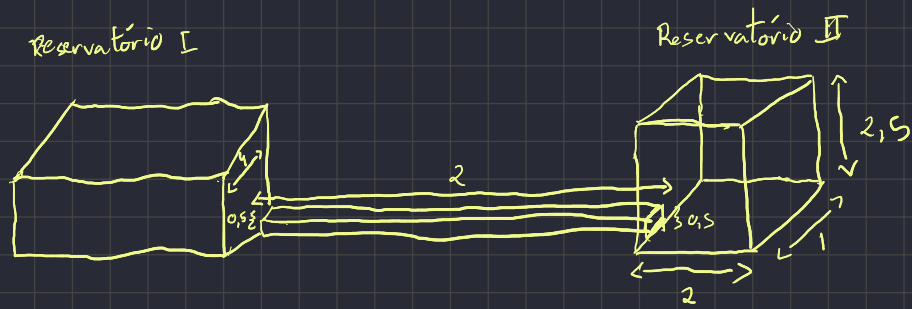
$$D = 0,4$$

$$D = 0,4 =$$

$$\boxed{40\%}$$



Dois reservatórios, ambos retangulares, são interligados por uma tubulação também retangular. As dimensões dos reservatórios e da tubulação, em metros, são dadas na figura.



Inicialmente, o reservatório I está totalmente cheio de água, e a tubulação e o reservatório II estão vazios. Então, uma válvula é aberta, permitindo a passagem de água para a tubulação e para o reservatório II. Quando o sistema entrar novamente em equilíbrio, o nível da água ficará igual nos dois reservatórios. Este nível será de:

$$\text{Reservatório I} = 5\text{ m} \times 4\text{ m} \times 2,5\text{ m}$$

$$\text{Reservatório II} = 2\text{ m} \times 1\text{ m} \times 2,5\text{ m}$$

$$\text{Tubulação} : 2\text{ m} \times 0,5\text{ m} \times 0,5\text{ m}$$

Toda água do sistema preenche por completo o reservatório I, ou seja, temos o volume de água é igual ao volume do reservatório I

$$\text{Volume da água} = \text{Volume do reservatório I}$$

$$\text{Volume de água} = 5\text{ m} \times 4\text{ m} \times 2,5\text{ m}$$

$$\text{Volume de água} = 50\text{ m}^3$$

→ O texto afirma que a válvula que estava contendo a água no reservatório I é aberta e, com isso, a água começa a preencher a tubulação e o reservatório II. No equilíbrio, a altura na qual se encontra a água é a mesma para os dois reservatórios.

* Dois possíveis casos:

1. O volume de água não ser capaz de preencher os dois reservatórios e a tubulação em um nível maior ou igual a 0,5 m (altura da tubulação). Poderíamos então achar o nível da água (h)

$$\text{Volume de água} = \text{Volume Preenchido Reservatório I} + \text{Volume Preenchido Tubulação} + \text{Volume Preenchido Reservatório II}$$

$$\text{Volume de água} = (5,4 \cdot h) + (2 \cdot 0,5 \cdot h) + (2 \cdot 1 \cdot h)$$

$$\text{Volume de água} = 23 \cdot h$$

2. O volume de água ser capaz de preencher completamente a tubulação e preencher os dois reservatórios em um nível maior que 0,5m (altura da tubulação). Nesse caso:

$$\text{Volume de Água} = \text{Volume Preenchido Reservatório I} + \text{Volume Total Tubulação} + \text{Volume Preenchido Reservatório II}$$

$$\text{Volume de água} = (5,4 \cdot h) + (2 \cdot 0,5 \cdot 0,5) + (2 \cdot 1 \cdot h)$$

$$\text{Volume de água} = (20 \cdot h) + (0,5) + (2 \cdot h)$$

$$\text{Volume de água} = 22 \cdot h + 0,5$$

O nível atingido pela água nos dois reservatórios excede os 0,5m da tubulação

$$\text{Volume de água} = 23 \cdot h + 0,5$$

$$50 = 22 \cdot h + 0,5$$

$$22 \cdot h = 50 - 0,5$$

$$h = \frac{49,5}{22}$$

$$h = \boxed{2,25 \text{ m}}$$

O nível será de 2,25m.

Qual conjunto de letras não faz parte do grupo?

| | | | |
|-----|---------|---|---------------------------------|
| a-1 | N O Q R | → | N - <u>O</u> - <u>P</u> - Q - R |
| b-1 | P Q R S | → | P - Q - R - S |
| c-1 | D E G H | → | D - E - <u>F</u> - G - H |
| d-1 | J K M N | → | J - K - <u>L</u> - M - N |
| e-1 | A B D E | → | A - B - <u>C</u> - D - E |

Logo, o conjunto que não faz parte é o PQRS que não pula a terceira letra da sequência.