



CSDN学院 IT实战派

图解数据结构和算法

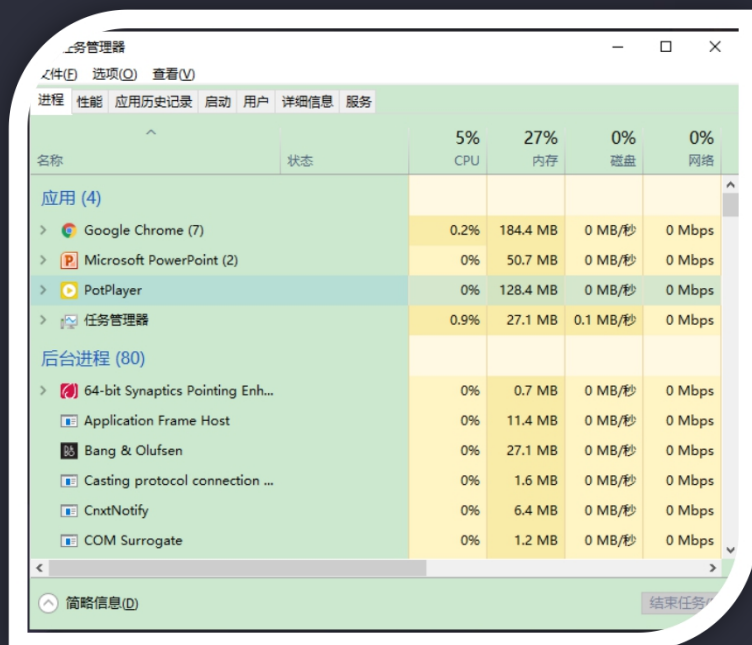
优先队列和堆

讲师：Samuel

本章概述

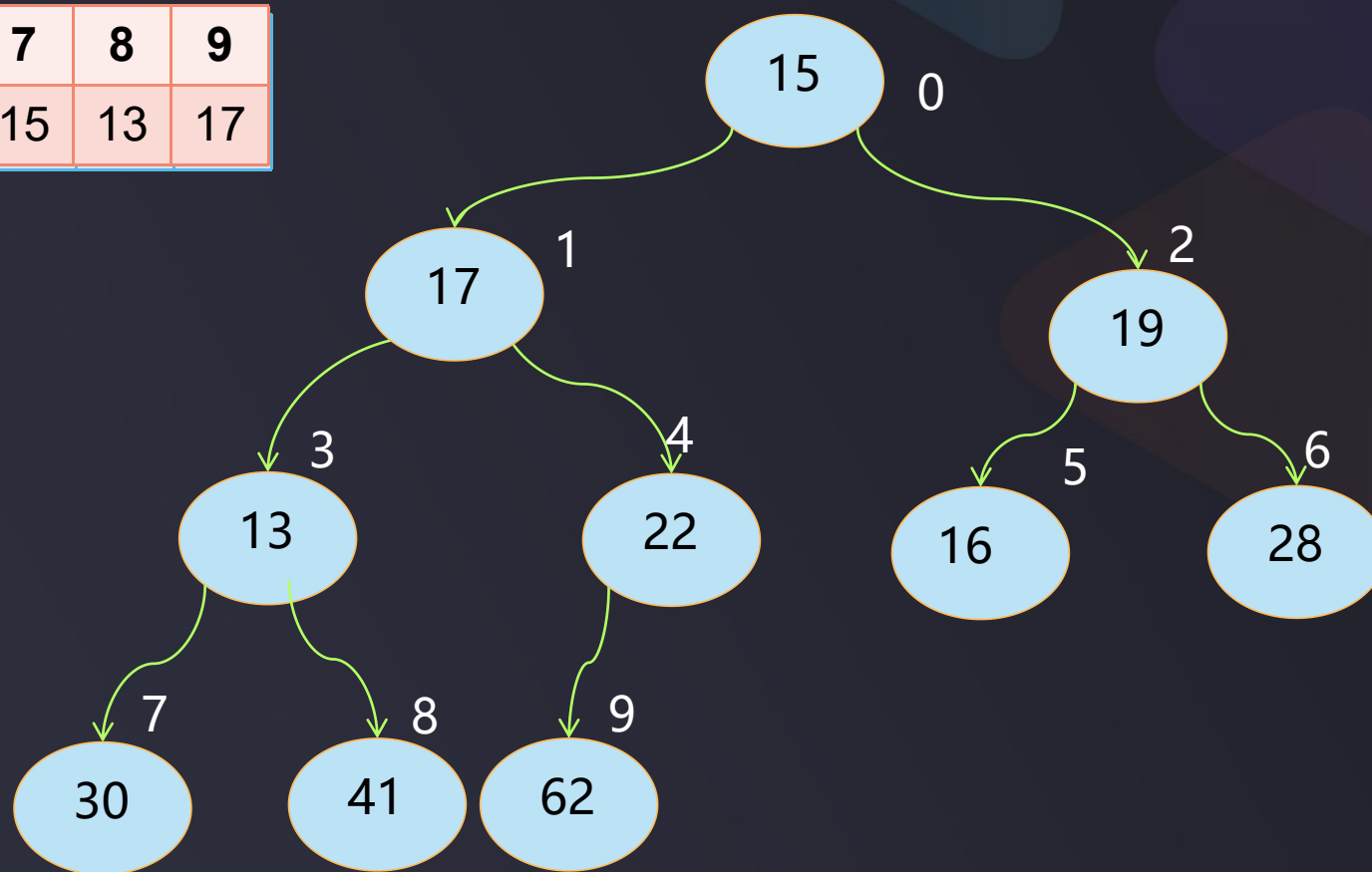
■ 优先队列无处不在

- ◆ 医院看病
- ◆ 银行VIP客户的插队
- ◆ 操作系统的任务动态分配



本章概述

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
62	41	28	30	22	16	19	15	13	17



| Content

- 1 优先队列
- 2 优先队列实现的堆
- 3 优先队列和堆的应用

| 优先队列

1 什么是优先队列

- ◆ 普通的队列是一种先进先出的数据结构，元素在队列尾追加，而从队列头删除
- ◆ 在优先队列中，元素被赋予优先级，当访问元素时具有最高优先级的元素最先出队
- ◆ 优先队列具有最高级先出（first in, largest out）的行为特征

| 优先队列

2 优先队列的定义

```
public interface Queue<E> {  
    void enqueue(E e);  
    E dequeue();  
    E getFront();  
    int getSize();  
    boolean isEmpty();  
}
```

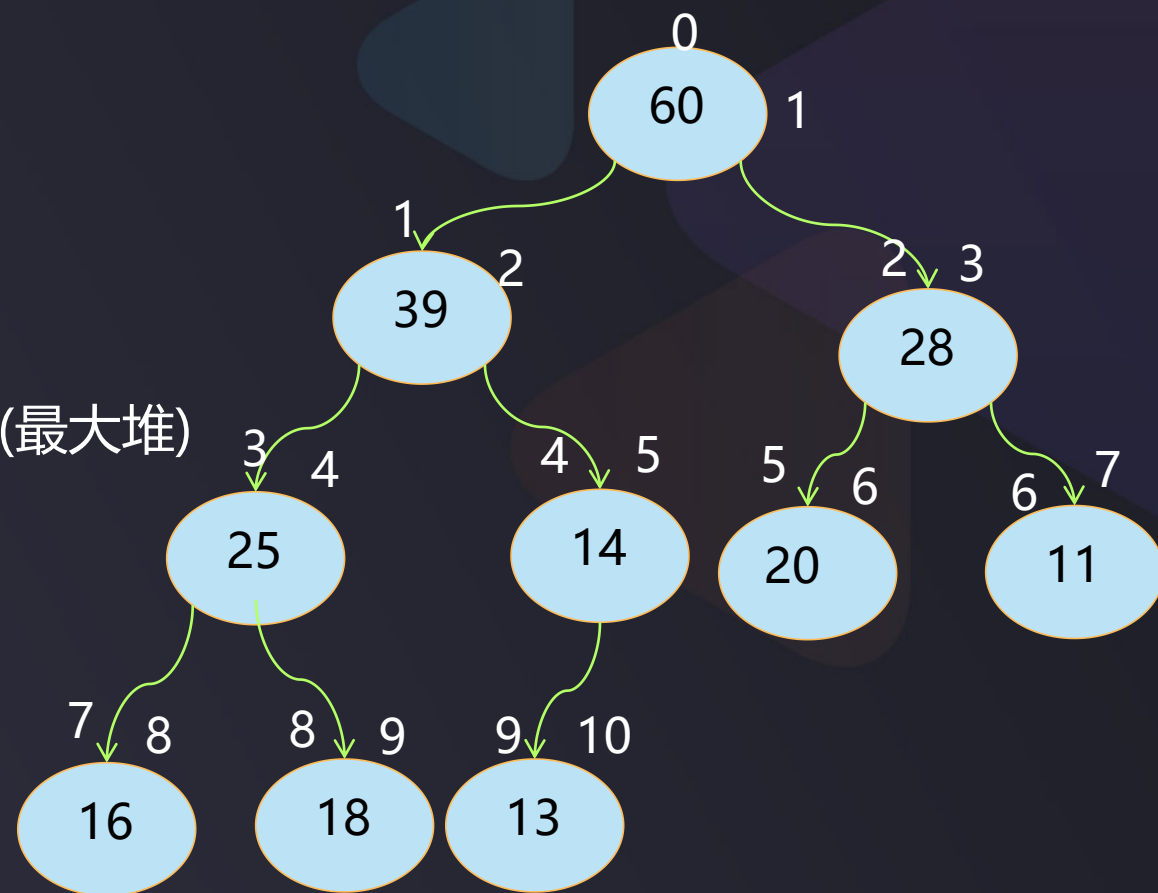
3 使用不同的底层实现

	入队	出队
普通线性结构	$O(1)$	$O(n)$
顺序线性结构	$O(n)$	$O(1)$
堆	$O(\log n)$	$O(\log n)$

| 堆

1 堆的基本结构

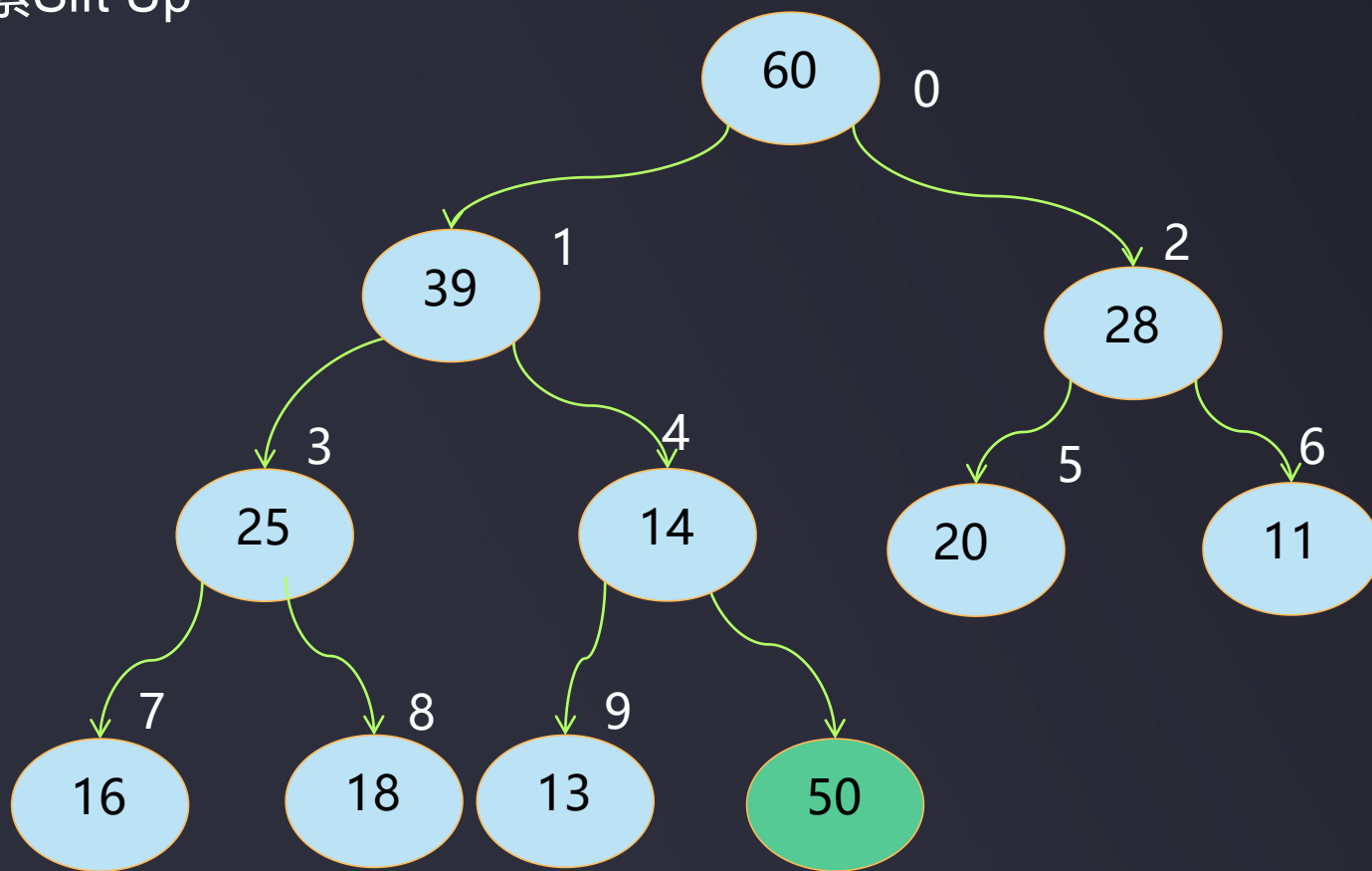
- ◆ 二叉堆是满足一些特殊性质的二叉树
 - 二叉堆是一棵完全二叉树
 - 堆中任一节点的值总是大于等于其孩子节点值(最大堆)
- ◆ 可以使用数组的形式来表示二叉堆
- ◆ $\text{left}(i)=2*i$ $\text{right}(i)=2*i+1$ $\text{parent}(i)=i/2$
- ◆ 如果数组的下标是从0开始的, 那么公式变形为
 $\text{left}(i)=2*i+1$ $\text{right}(i)=2*i+2$ $\text{parent}(i)=(i-1)/2$



0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
60	39	28	25	14	20	11	16	18	13	13

堆

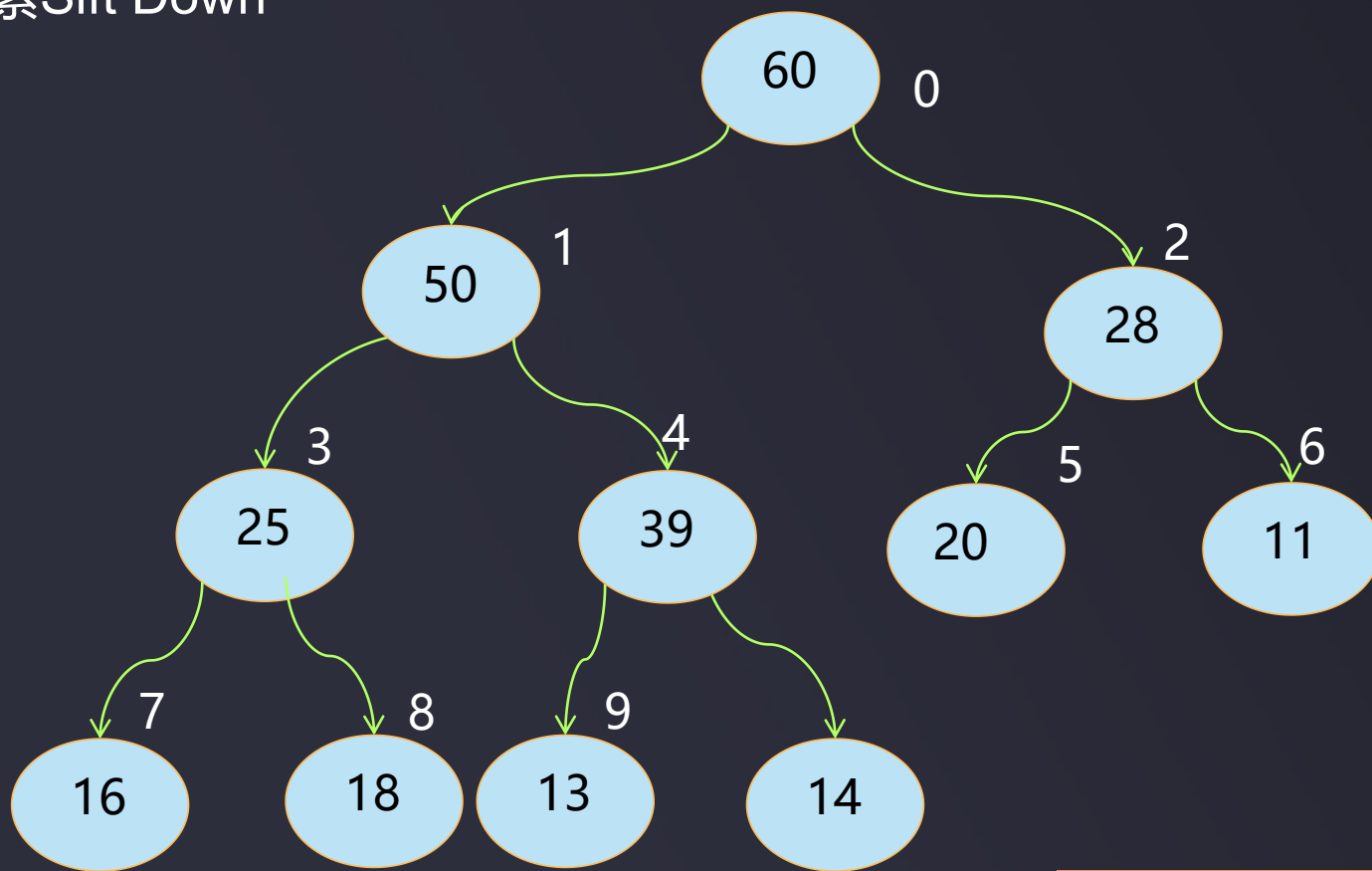
2 添加元素Sift Up



0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
60	50	28	25	39	20	11	16	18	13	50

堆

3 取出元素Sift Down



0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
50	39	28	25	14	20	11	16	18	13	

| 堆

4 Replace和Heapify

◆ Replace:取出最大元素后, 放入一个新元素

- 实现一: 先取出最大元素再添加元素, 即Sift Down和Sift Up, 就经历过了两次 $O(\log n)$ 的操作
- 实现二: Replace操作

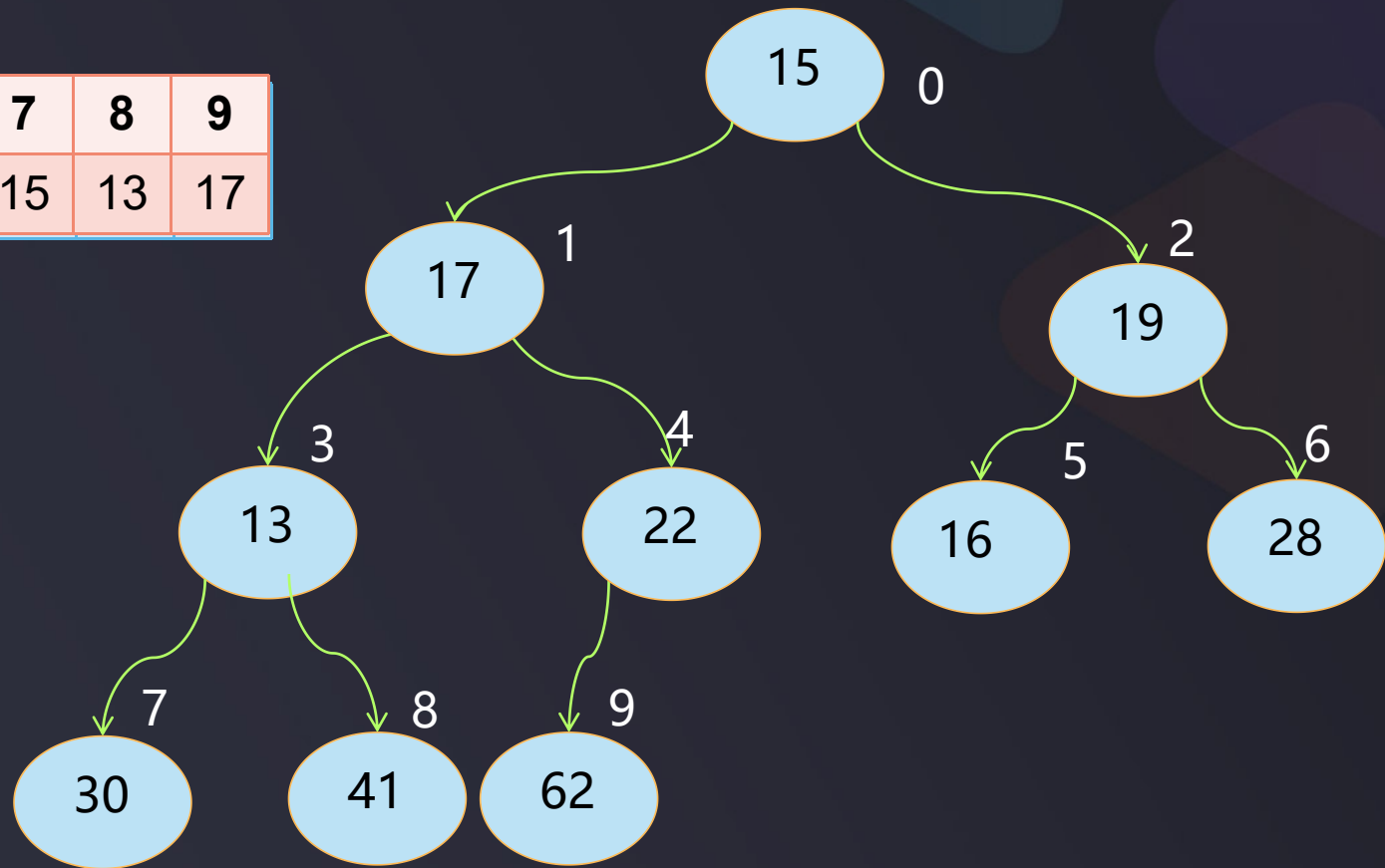
◆ Heapify:将任意数组整理成堆

- 实现一: 扫描一遍数组, 将扫描出来的数组元素添加到堆中 $O(n \log n)$
- 实现二: Heapify操作 $O(n)$

堆

5 演示Heapify

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
62	41	28	30	22	16	19	15	13	17



| 堆

6 优先队列和堆的应用

◆ 在n个元素中选出前m名

- 如果 $m=1$,那么直接遍历一遍即可, 时间复杂度就是 $O(n)$
- n个元素排序, 再选出前m个元素也可以完成, 时间复杂度是 $O(n\log n)$
- 如果使用优先队列, 在 $O(n\log m)$ 的时间复杂度中即可以完成该操作

◆ 给定一个非空的整数数组, 返回其中出现频率前 k 高的元素

- 输入: `nums = [1,1,1,2,2,3]`, `k = 2`
- 输出: `[1,2]`

◆ Java中已经存在了PriorityQueue

EDU

CSDN学院 IT实战派

下节课再见，记得关注公众号

