FIIT - Analýza a Zložitosť Algoritmov – 20 bodov

1. Tilda Approximation. Uveďte a dokazte približnosť funkcie (tilda approximation) pre nasledujúcu funkciu premennej n.

a.
$$f(n) = (1-1/n)(1+2/n)$$
 (1)

2. Big O notation. Uveďte a dokazte odhad funkcie rastu pomocou big O notation pre nasledujúce funkcie premennej n.

a.
$$f(n) = 2n^3 + 5 - 1$$
 (2)

b.
$$f(n) = (2n+25)\log(6n^2+10)$$
 (2)

3. Pre nasledujúce funkcie uveďte triedu $\theta(g(n))$ do ktorej patria.

a.
$$\sqrt{n^4 + 7n^2 + 3n}$$
 (1)

b.
$$2n\lg(2n+2)^3 + (n^2+2)^2\lg n$$
 (1)

4. Pomocou definície big O notation ukážte ci sú nasledujúce tvrdenia pravdivé alebo nepravdivé:

a.
$$2n(n-1)/2 \in O(n^2)$$
 (1)

b.
$$(n^2 + 5\log(n))/(3n-1) \in O(n)$$
 (1)

5. Usporiadajte nasledujúce funkcie podľa ich order of growth od najmenšej po najväčšiu:

$$(n^2+3)!$$
, $2\lg(n+50)^5$, 3^{3n} , $0.05n^{10}+3^{n3}+1$, $\ln^3 n$, \sqrt{n} , 3^{2n}

6. Pre každý z nasledujúcich algoritmov uveďte jeho základnú operáciu a či sa počet základných operácií môže líšiť pre vstupy rovnakej veľkosti

7. Pre daný algoritmus Foo() odpovedzte na nasledujúce otázky:

Algorithm Foo(A[0..n-1])//Input: An array A[0..n-1] of n real numbers $val \leftarrow 100$; $sumgreater \leftarrow 0$; $sumless \leftarrow 0$ for $i \leftarrow 0$ to n-1 do
 if A[i] > val Add A[i] to sumgreater if A[i] < val Add A[i] to sumless

return sumgreater - sumless

(1)

8. Pre daný algoritmus odpovedzte na nasledujúce otázky:

- a. Aký je jeho výstup na obrazovke pre vstup n = 6? (1)
- b. Aká je jeho časová zložitosť (big O notation), ak predpokladáme, že vstup n je vždy deliteľný dvoma.

```
j = 1;
while (j <= n/2) {
    i = 1;
    while (i <= j) {
        cout << j << i;
        i++;
    }
    j++;
}</pre>
```

9. Koľko neparných čísel je medzi prvými 20 číslami Fibonacciho postupnosti, napr. F(0), F(1),F(19)

Nájdite všeobecné riešenie pre n > 0. (1)

•	