

Exkurs – Umgang mit dem Summenzeichen

Beispiel: Angenommen die sechs Beobachtungswerte

$x_1 = 2; x_2 = 3; x_3 = 5; x_4 = 6; x_5 = 8$ und $x_6 = 9$ sollen addiert werden.

Wir können dann schreiben:

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 = 2 + 3 + 5 + 6 + 8 + 9 = 33$$

oder wir können als Kurzform das Summenzeichen setzen:

Allgemein:

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + \dots + x_i + \dots + x_n = \sum_{i=1}^n x_i$$

1. $\underbrace{c + c + \dots + c}_{n\text{-mal}} =$

2. c ist eine beliebige Konstante. Dann gilt:

$$c \cdot x_1 + c \cdot x_2 + c \cdot x_3 + c \cdot x_4 + \dots + c \cdot x_n =$$

3. Zwei verschiedenen Summationsvariablen a und b :

$$a_1 + b_1 + a_2 + b_2 + a_3 + b_3 + \dots + a_n + b_n =$$

4. Sollen Zahlen eines rechteckigen Zahlenschemas

$$a_{11} \quad a_{12} \quad \dots \quad a_{1n}$$

$$a_{21} \quad a_{22} \quad \dots \quad a_{2n}$$

$$\vdots \quad \vdots \quad \vdots \quad \vdots$$

$$a_{m1} \quad a_{m2} \quad \dots \quad a_{mn}$$

aufsummiert werden so kann dies zeilenweise oder spaltenweise geschehen:

$$\sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n a_{ij} =$$

Aufgaben:

1. Schreiben Sie ausführlich:

a) $\sum_{i=1}^n (-1)^{i+1} i^2 =$

b) $\sum_{k=2}^{n+1} (-1)^k (k-1)^2 =$

2. Schreiben Sie mit Summenzeichen:

a) $1 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 =$

b) $\frac{1}{2} + \frac{2}{2^2} + \frac{3}{2^3} + \dots + \frac{n}{2^n} =$

c) $1 + 3 + 5 + \dots + (2n+1) =$

d) $1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \dots - \frac{1}{100} =$