

АВС: ИДЗ-2

Ноябрь 2024

Гобец Иван Евгеньевич. БПИ 237. Вариант 13

Условие. Вариант 13

Разработать программу, вычисляющую с помощью степенного ряда с точностью не хуже 0,1% значение функции e^x для заданного параметра x .

Отчет на оценку 6-7

Отчет сразу начинается с оценки на 6-7, а не на 4-5, так как, спросив у семинариста, он сказал, что можно так сделать.

- Далее буду предоставлять блоки по различным частям кода (для понятности, чтобы не было все подряд).
- Ещё я описывал, все строчки кода комментариями для более понятного пояснения в отчете.

Блок .data

```
1  .data
2      start_information:    .asciz "Welcome. This work is done by Gobets Ivan group BPI-237. Option - 13"
3      get_x_string:        .asciz "Enter value of x: "
4      new_line:            .asciz "\n"
5
6      epsilon:             .double 0.001  # Значение epsilon для точности
```

Блок с макросами

- **read_int(%x)** - Читает целое число из ввода и сохраняет его в указанный регистр. Параметры: %x - регистр для хранения результата.
- **print_double(%x)** - Выводит число типа double, хранящееся в указанном регистре. Параметры: %x - регистр, содержащий число для вывода.
- **print_string(%x)** - Выводит строку по метке. Параметры: %x - метка, содержащая адрес строки.
- **end_program** - Завершает выполнение программы. Параметры: Нет.

Постарался больше пояснений оставить в комментариях, чтобы было нагляднее и легче читать код.

```

8 # Макрос для чтения числа типа int
9 .macro read_int(%x)           # Определение макроса read_int, принимающего один параметр %x (регистр для хранения результата).
10     li, a7, 5                # Загружаем код системного вызова 5 (read_int) в регистр a7 для ввода целого числа.
11     ecall                    # Выполняем системный вызов.
12     mv %x, a0                # Копируем полученное значение из регистра a0 в указанный регистр %x.
13 .end_macro
14
15 # Макрос для вывода double
16 .macro print_double(%x)       # Определение макроса print_double, принимающего регистр %x (число для вывода).
17     li, a7, 3                # Загружаем код системного вызова 3 (print_double) в регистр a7 для вывода числа.
18     fmv.d fa0, %x            # Копируем значение из %x в регистр fa0 для передачи в системный вызов.
19     ecall                    # Выполняем системный вызов.
20 .end_macro
21
22 # Макрос для вывода строки
23 .macro print_string(%x)       # Определение макроса print_string, принимающего метку %x (адрес строки).
24     la, a0, %x               # Загружаем адрес строки (метки) %x в регистр a0.
25     li, a7, 4                # Загружаем код системного вызова 4 (print_string) в регистр a7 для вывода строки.
26     ecall                    # Выполняем системный вызов.
27 .end_macro
28
29 # Макрос для завершения программы
30 .macro end_program            # Определение макроса end_program без параметров.
31     li, a7, 10               # Загружаем код системного вызова 10 (exit) в регистр a7 для завершения программы.
32     ecall                    # Выполняем системный вызов.
33 .end_macro

```

Блок main

- Выводится приветствие("Welcome. This work is done by Gobets Ivan group BPI-237. Option - 13") и перенос строки(new_line) через макрос **print_string**
- Выводим "Enter value of x: "
- Запрашиваем int с помощью макроса read_int и сохраняем в регистре t0
- Конвертируем в double в регистр ft0 полученное значение от пользователя
- Вызываем функцию **calculate_e** и передаем в нее значение
- Далее прыгаем в подпрограмму check_minus, где t0 - значение от пользователя в формате int, ft0 - тоже значение, но в формате double

```

35 .text
36 main:
37     print_string(start_information)    # Выводим стартовую информацию
38     print_string(new_line)            # Выводим новую строку
39     print_string(get_x_string)        # Выводим строку для запроса x
40
41     read_int(t0)                      # Запрашиваем у пользователя значение x
42     fcvt.d.w      ft0,      t0        # Конвертим int в double
43
44     # t0 - значение x
45     j      check_minus                # Делаем джамп в подпрограмму определения знака

```

Блок check_minus

Блок в котором мы определяем какой знак введет пользователь число.

- В t4 храним 0, если число положительное, и 1, если отрицательное
- Если введенное число положительное то сразу переходим в блок с вычислениями, если отрицательное, то:
 - В t4 теперь храним 0, а не 1
 - Далее меняем знак у числа на положительный
 - Теперь загружаем в ft0 значение числа
- Прыгаем в блок с вычислениями

```

47 check_minus:
48     li      t4,    0          # Загружаем в t4 0, т.е. flag = false – не отрицательное число
49     bgez    t0,    declaration_variables # Если число больше или равно 0 то сразу переходим к расчетам
50
51     li      t4,    1          # Загружаем в t4 1, т.е. flag = true – число отрицательно
52     neg     t0,    t0         # Делаем число положительным
53     fcvtd.w ft0,    t0         # Загружаем в ft0 положительное число
54
55     # ft0 – значение икса
56     j       declaration_variables # Делаем джамп в подпрограмму с расчетами

```

Объявление переменных

- Регистр t1 используется как факториал для знаменателя (в цикле увеличивается на 1 на каждом шаге)
- Регистр ft2 хранит значение x (параметр ряда e^x)
- Регистр ft3 хранит текущий член ряда (начиная с первого члена)
- Регистр ft6 хранит накопленную сумму ряда (сумма всех предыдущих членов)
- Регистр ft4 хранит произведение текущего члена ряда на x (для вычисления следующего члена)
- Регистр ft5 хранит факториал, который будет делиться на текущий член ряда
- Регистр ft9 используется для вычисления значения ($\epsilon \times$ предыдущий член)
- Регистр ft8 хранит предыдущий член ряда для проверки на точность (ϵ)

```

58 declaration_variables:
59     li      a1,    1          # Устанавливаем a1 в 1 (для использования в расчетах)
60     li      t1,    1          # Устанавливаем t1 в 1 (для знаменателя)
61
62     fcvtd.w ft1,    a1         # Начальная сумма
63     fmv.d   ft2,    ft0        # Значение x
64     fmv.d   ft3,    ft1        # Начальный член ряда
65     fmv.d   ft6,    ft1
66
67     la      t3,    epsilon     # Загружаем адрес переменной epsilon
68     fld     ft7,    (t3)        # Загружаем значение epsilon (0.001) в регистр ft7
69     fcvtd.w ft8,    t1         # Преобразуем t1 в double и сохраняем в ft8
70
71     j       calculate_e_loop

```

Блок вычислений e^x

Значим, что $e^x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$.

Важное замечание: на каждом шаге вместо того, чтобы вычислять факториал (мы там еще будем получать переполнение, такой способ неэффективен), мы будем просто умножать предыдущий член на x и делить n и прибавлять к сумме, такой способ более оптимальный. В какой момент нужно остановиться? На каждой итерации мы храним предыдущий член и текущий. Мы будем умножать предыдущий член на ϵ 0.001 и смотреть, если он меньше следующего, то завершаем наш цикл.

Выше я объяснил логику/метод расчетов, для пояснения кода я подробно оставил комментарии к каждой строчке.

```

73 # Регистр t1 используется как факториал для знаменателя (в цикле увеличивается на 1 на каждом шаге)
74 # Регистр ft2 хранит значение x (параметр ряда e^x)
75 # Регистр ft3 хранит текущий член ряда (начиная с первого члена)
76 # Регистр ft6 хранит накопленную сумму ряда (сумма всех предыдущих членов)
77 # Регистр ft4 хранит произведение текущего члена ряда на x (для вычисления следующего члена)
78 # Регистр ft5 хранит факториал, который будет делиться на текущий член ряда
79 # Регистр ft9 используется для вычисления значения (epsilon * предыдущий член)
80 # Регистр ft8 хранит предыдущий член ряда для проверки на точность (epsilon)
81 calculate_e_loop:
82     fmul.d      ft4,    ft3,    ft2      # Умножаем текущий член на x (ft3 = ft3 * ft2)
83
84     fcvt.d.w    ft5,    t1          # Преобразуем t1 в double для знаменателя
85     fdiv.d      ft3,    ft4,    ft5      # Делим текущий член на t1 (ft3 = ft4 / ft5)
86
87     fadd.d      ft6,    ft6,    ft3      # Добавляем текущий член к сумме (ft6 = ft6 + ft3)
88
89     addi        t1,    t1,    1          # Увеличиваем t1 на 1 (для следующего шага)
90
91     fmul.d      ft9,    ft8,    ft7      # Умножаем предыдущий шаг на epsilon
92     fmv.d       ft8,    ft3            # Сохраняем текущий член в ft8
93
94     flt.d       t2,    ft9,    ft3      # Сравниваем значение epsilon с текущим членом
95     bnez        t2,    calculate_e_loop # Если текущий член не меньше epsilon, продолжаем цикл
96
97     # ft6 - результат
98     j           print_result

```

Вывод результата и завершение программы

В t4 у нас хранится знак исходного числа от пользователя.

- Если число было положительным, то прыгаем в подпрограмму завершения программы.
- Если число отрицательное, то прыгаем в подпрограмму print_negative_result

- В подпрограмме print_negative_result мы в t1 кладем единичку, потом делим ее на результат вычислений и прыгаем в подпрограмму завершения программы. Делим мы единицу на наш результат, потому что мы считали для положительно икса, теперь нам нужно поделить единицу на результат, чтобы получить результат для отрицательного икса.

- Блок завершения программы, где выводим результат и завершаем программу.

```

100 print_result:
101     beqz        t4,    end_loop          # Если t4 == 0 (число было не отрицательным), делаем джамп в завершение программы
102
103     # ft6 - результат (нужно еще единицу поделить на это значение, т.к. мы не учитывали минус)
104     j           print_negative_result
105
106 print_negative_result:
107     li          t1,    1                  # Устанавливаем t1 в 1
108     fcvt.d.w    ft10,   t1               # Преобразуем t1 в double и сохраняем в ft10
109     fdiv.d      ft6,    ft10,    ft6      # Делим 1 на результат (ft6 = 1 / ft6)
110
111     j           end_loop
112
113 end_loop:
114     print_double(ft6)                    # Выводим результат
115     end_program()                        # Используем макрос для завершения программы
116

```

Тестовое покрытие

- Тест при $x = 0$

```
Enter value of x: 0
1.0
```

- Тест при $x = 10$

```
Enter value of x: 10
22026.46579480671
```

- Тест при $x = -10$

```
Enter value of x: -10
4.539992976248486E-5
```

- Тест при $x = 100$

```
Enter value of x: 100
2.6881171418161336E43
```

- Тест при $x = -100$

```
Enter value of x: -100
3.7200759760208386E-44
```

- Тест при $x = 1000$

```
Enter value of x: 1000
Infinity
```

- Тест при $x = -1000$

```
Enter value of x: -1000
0.0
```

Отчет на 8

- В блок `.data` добавим строки для более красивого вывода для пользователя (еще было изменено "Test result" на "Test value").

```

1  .data
2      start_information:    .asciz "Welcome. This work is done by Gobets Ivan group BPI-237. Option - 13"
3      tested_cases:        .asciz "Enter 0 if you want to run automatic tests, 1 for manual input: "
4      get_x_string:         .asciz "Enter value of x: "
5      value:                .asciz "Entered value: "
6      test_result:         .asciz "Test result: "
7      result:               .asciz "Value e^x: "
8      new_line:             .asciz "\n"
9      new_double_line:      .asciz "\n\n"
10
11     epsilon:               .double 0.001  # Значение epsilon для точности

```

- Также был добавлен макрос для вывода `int`

```

--
20  # Макрос для вывода целого числа
21  .macro print_int(%x)          # Определение макроса print_int, принимающего регистр %x (число для вывода).
22      li, a7, 1                # Загружаем код системного вызова 1 (print_int) в регистр a7 для вывода числа.
23      mv a0, %x                # Копируем значение из %x в регистр a0 для передачи в системный вызов.
24      ecall                    # Выполняем системный вызов.
25  .end_macro
--

```

- Изменили блок `main`, теперь мы запрашиваем у пользователя ввод для автотестов, если пользователь ввел 0, то начнутся автотесты, а если нет, то программа будет работать как обычно (ручной ввод).
- Также мы теперь используем `jal`, чтобы запомнить адрес откуда мы прыгаем, чтобы вернуться и закончить программу без подпрограммы.

```

47  .text
48  main:
49      print_string(start_information)    # Выводим стартовую информацию
50      print_string(new_line)            # Выводим новую строку
51
52      print_string(tested_cases)         # Выводим строку для запроса автотестов
53      read_int(t3)                       # В t1 запрашиваем для автотестов
54
55      beqz      t3,      tests
56
57      print_string(get_x_string)          # Выводим строку для запроса x
58
59      read_int(t0)                       # Запрашиваем у пользователя значение x
60      fcvt.d.w   ft0,    t0              # Конвертим int в double
61
62      # t0 - значение x
63      jal        check_minus             # Делаем джамп в подпрограмму определения знака
64
65      end_program()

```

- Поменяли логику вывода результата, теперь если в `t4` лежит 0, т.е. число положительное, то мы прыгаем в подпрограмму для вывода положительного, а если отрицательное, то в подпрограмму для вывода отрицательного (логика расчетов не изменилась).

Потом возвращаемся в `main` по адресу.

```

120 print_result:
121     beqz          t4,      print_positive_result  # Если t4 == 0 (число было не отрицательным), делаем джамп в вывод положительного результата
122
123     # ft6 - результат (нужно еще единицу поделить на это значение, т.к. мы не учитывали минус)
124     j             print_negative_result
125
126 print_positive_result:
127     print_string(result)          # Выводим строку для результата
128     print_double(ft6)             # Выводим результат
129
130     jalr          ra            # Возвращаемся по адресу
131
132 print_negative_result:
133     li            t1,          1          # Устанавливаем t1 в 1
134     fcvt.d.w      ft10, t1          # Преобразуем t1 в double и сохраняем в ft10
135     fdiv.d        ft6, ft10, ft6        # Делим 1 на результат (ft6 = 1 / ft6)
136
137     print_string(result)          # Выводим строку для результата
138     print_double(ft6)             # Выводим результат
139
140     jalr          ra            # Возвращаемся по адресу
141

```

Блок тестов. Тестируемые значения: 0, 10, -10, 100, -100, 1000, -1000

- В каждом блоке мы сначала в t1 загружаем значение нашего теста. Потом выводим строку "Test result: " и потом печатаем значение теста, и переходим на новую строку.
- Далее конвертируем значение теста в double и прыгаем в подпрограмму check_minus (далее там происходят все расчеты) с запоминанием адреса (jal). После вычислений мы вернемся в тест и пойдем дальше по ним.
- Далее повторяем так происходит на всех тестах.
- Еще одно нововведение это вывод переноса два раза (new_double_line) для более красивого вывода.
- После всех тестов программа завершается с помощью макроса end_program.

```

142 tests:
143     # Тест при x = 0
144     test_1:
145         li            t0,          0          # Загружаем x = 0 в регистр t0
146
147         print_string(test_result)          # Печатаем строку "Test result: "
148         print_int(t0)                      # Печатаем значение x (0)
149         print_string(new_line)             # Печатаем новую строку
150
151         fcvt.d.w      ft0, t0              # Преобразуем значение x (t0) в тип double и сохраняем в ft0
152         jal           check_minus          # Переходим к подпрограмме для обработки знака числа
153
154     # Тест при x = 10
155     test_2:
156         li            t0,          10
157
158         print_string(new_double_line)
159         print_string(test_result)
160         print_int(t0)
161         print_string(new_line)
162
163         fcvt.d.w      ft0, t0
164         jal           check_minus
165
166     # Тест при x = -10
167     test_3:
168         li            t0,          -10
169
170         print_string(new_double_line)
171         print_string(test_result)
172         print_int(t0)
173         print_string(new_line)
174
175         fcvt.d.w      ft0, t0
176         jal           check_minus
177
178

```



```

179      # Тест при x = 100
180      test_4:
181          li          t0,      100
182
183          print_string(new_double_line)
184          print_string(test_result)
185          print_int(t0)
186          print_string(new_line)
187
188          fcvt.d.w     ft0,     t0
189          jal         check_minus
190
191      # Тест при x = -100
192      test_5:
193          li          t0,      -100
194
195          print_string(new_double_line)
196          print_string(test_result)
197          print_int(t0)
198          print_string(new_line)
199
200          fcvt.d.w     ft0,     t0
201          jal         check_minus
202
203      # Тест при x = 1000
204      test_6:
205          li          t0,      1000
206
207          print_string(new_double_line)
208          print_string(test_result)
209          print_int(t0)
210          print_string(new_line)
211
212          fcvt.d.w     ft0,     t0
213          jal         check_minus
214
215      # Тест при x = -1000
216      test_7:
217          li          t0,      -1000
218
219          print_string(new_double_line)
220          print_string(test_result)
221          print_int(t0)
222          print_string(new_line)
223
224          fcvt.d.w     ft0,     t0
225          jal         check_minus
226
227      end_program()
228

```

- Пример автоматического тестирования:

```
Test value: 0
Value e^x: 1.0

Test value: 10
Value e^x: 22026.46579480671

Test value: -10
Value e^x: 4.539992976248486E-5

Test value: 100
Value e^x: 2.6881171418161336E43

Test value: -100
Value e^x: 3.7200759760208386E-44

Test value: 1000
Value e^x: Infinity

Test value: -1000
Value e^x: 0.0
```

- Для дополнительной проверки корректности вычислений осуществим аналогичные тестовые прогоны с использованием существующих библиотек на Python.

```
1 import math
2
3 # Список значений x для тестирования
4 test_values = [0, 10, -10, 100, -100, 1000, -1000]
5
6 for x in test_values:
7     try:
8         # Рассчитываем e^x с использованием math.exp()
9         result = math.exp(x)
10    except OverflowError:
11        # Обрабатываем случай, если число слишком большое для представления
12        if x > 0:
13            result = float('inf') # Возвращаем "бесконечность" для больших значений
14        else:
15            result = 0.0 # Для очень больших отрицательных значений результат стремится к 0
16
17    # Выводим результаты для каждого теста
18    print(f"Test for x = {x}:")
19    print(f"e^{x} = {result}\n")
20
```

- Результаты тестового прогона на Python совпадают с результатами, полученными в ходе работы программы на ассемблере.

```
Test for x = 0:
e^0 = 1.0

Test for x = 10:
e^10 = 22026.465794806718

Test for x = -10:
e^-10 = 4.5399929762484854e-05

Test for x = 100:
e^100 = 2.6881171418161356e+43

Test for x = -100:
e^-100 = 3.720075976020836e-44

Test for x = 1000:
e^1000 = inf

Test for x = -1000:
e^-1000 = 0.0
```

Отчет на 9

Макросы

Оставил много комментариев для более подробного отчета.

- **read_int(%x)** - Читает целое число из ввода и сохраняет его в указанный регистр. Параметры: %x - регистр для хранения результата.
- **print_int(%x)** - Выводит целое число, хранящееся в указанном регистре. Параметры: %x - регистр, содержащий число для вывода.
- **print_double(%x)** - Выводит число типа double, хранящееся в указанном регистре. Параметры: %x - регистр, содержащий число для вывода.

- **print_string(%x)** - Выводит строку по метке. Параметры: %x - метка, содержащая адрес строки.
- **end_program** - Завершает выполнение программы. Параметры: Нет.

```

13 # Макрос для чтения числа типа int
14 .macro read_int(%x)                # Определение макроса read_int, принимающего один параметр %x (регистр для хранения результата).
15     li, a7, 5                      # Загружаем код системного вызова 5 (read_int) в регистр a7 для ввода целого числа.
16     ecall                          # Выполняем системный вызов.
17     mv %x, a0                      # Копируем полученное значение из регистра a0 в указанный регистр %x.
18 .end_macro
19
20 # Макрос для вывода целого числа
21 .macro print_int(%x)                # Определение макроса print_int, принимающего регистр %x (число для вывода).
22     li, a7, 1                      # Загружаем код системного вызова 1 (print_int) в регистр a7 для вывода числа.
23     mv a0, %x                      # Копируем значение из %x в регистр a0 для передачи в системный вызов.
24     ecall                          # Выполняем системный вызов.
25 .end_macro
26
27 # Макрос для вывода double
28 .macro print_double(%x)             # Определение макроса print_double, принимающего регистр %x (число для вывода).
29     li, a7, 3                      # Загружаем код системного вызова 3 (print_double) в регистр a7 для вывода числа.
30     fmv.d fa0, %x                  # Копируем значение из %x в регистр fa0 для передачи в системный вызов.
31     ecall                          # Выполняем системный вызов.
32 .end_macro
33
34 # Макрос для вывода строки
35 .macro print_string(%x)             # Определение макроса print_string, принимающего метку %x (адрес строки).
36     la, a0, %x                     # Загружаем адрес строки (метки) %x в регистр a0.
37     li, a7, 4                      # Загружаем код системного вызова 4 (print_string) в регистр a7 для вывода строки.
38     ecall                          # Выполняем системный вызов.
39 .end_macro
40
41 # Макрос для завершения программы
42 .macro end_program                  # Определение макроса end_program без параметров.
43     li, a7, 10                     # Загружаем код системного вызова 10 (exit) в регистр a7 для завершения программы.
44     ecall                          # Выполняем системный вызов.
45 .end_macro

```

Отчет на 10

Разбиение программ по файлам:

- **main.asm** - главный файл программы, который содержит точку входа и вызовов всех подпрограмм.
- **iomod** - файл, который содержит подпрограммы по вводу данных.
- **tests.asm** - файл, который содержит подпрограммы для автоматического тестирования программы.
- **calculate_e** - файл, который содержит подпрограммы для расчета e^x .

Макросы выделены в отдельную автономную библиотеку в файле **macrolib.asm**.