



**AKADEMIA GÓRNICZO-HUTNICZA  
IM. STANISŁAWA STASZICA W KRAKOWIE**

# **Projektowanie układów regulacji za pomocą linii pierwiastkowych**

## **Podstawy Automatyki**

Piotr Kucharski i Dominik Zabłotny

<https://github.com/AGH-Kucharski-Zablotny/Podstawy-Automatyki>

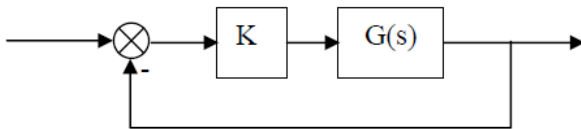
Wydział Elektrotechniki, Automatyki, Informatyki i Inżynierii Biomedycznej

13 kwietnia 2018

Dany jest układ:

$$G(s) = \frac{1}{s(s+1)(0.2s+1)}$$

- a) Wykorzystując poznane narzędzia dobierz regulator proporcjonalny (wzmocnienie  $K$ ) aby układ zamknięty miał współczynnik tłumienia  $\xi = 0.707$  (wtedy  $\phi = 45^\circ$ ). Narysuj odpowiedź skokową układu zamkniętego.





## Zadanie 2a

AGH

### Dobór regulatora proporcjonalnego - algorytm i kod

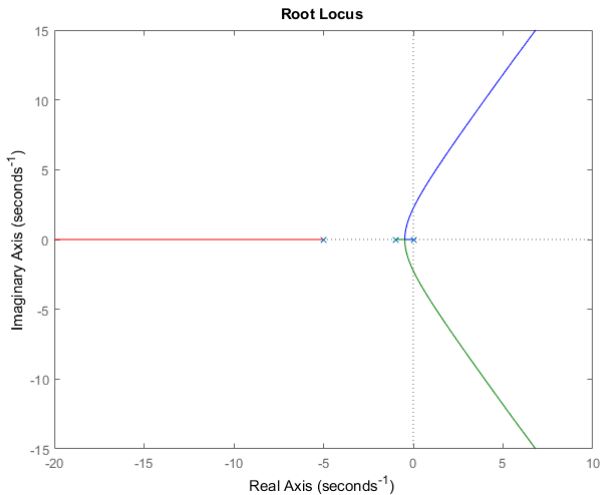
```
1  % Utworzenie układu dynamicznego
2  sys = zpk([], [0 -1 -5], 5);
3
4  % Narysowanie linii pierwiastkowych
5  rlocus(sys);
6
7  % Pomocnicza linia pod zadaniem kątem 45 stopni
8  line([0 -15], [0 15]);
9
10 % Zatrzymanie w celu przybliżenia
11 pause();
12
13 % Obliczenie K dla danego kąta
14 [K, bieguny] = rlocfind(sys);
15
16 % Zamknięcie układu dynamicznego
17 sys_zamk = feedback(K * sys, 1);
18
19 % Odpowiedź układu zamkniętego na skok jednostkowy
20 step(sys_zamk);
21
22 % Wyświetlenie K w tytule wykresu
23 title(['Step response, K = ' num2str(K)]);
```



AGH

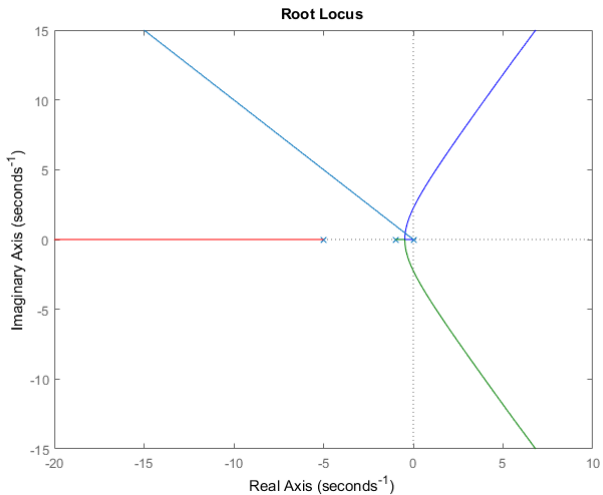
## Zadanie 2a

### Dobór regulatora proporcjonalnego - wykonanie





## Dobór regulatora proporcjonalnego - wykonanie

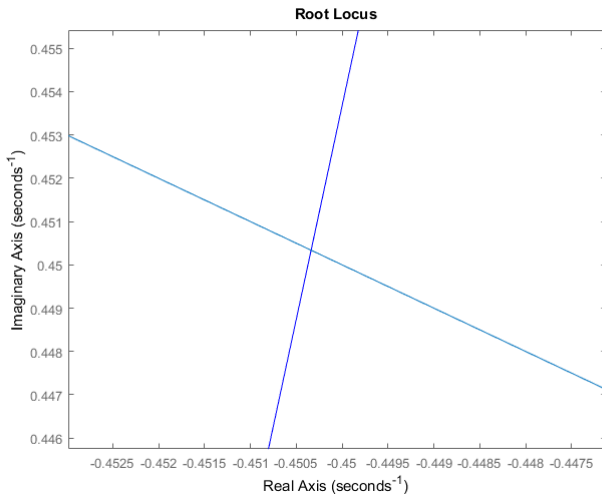




AGH

## Zadanie 2a

### Dobór regulatora proporcjonalnego - wykonanie

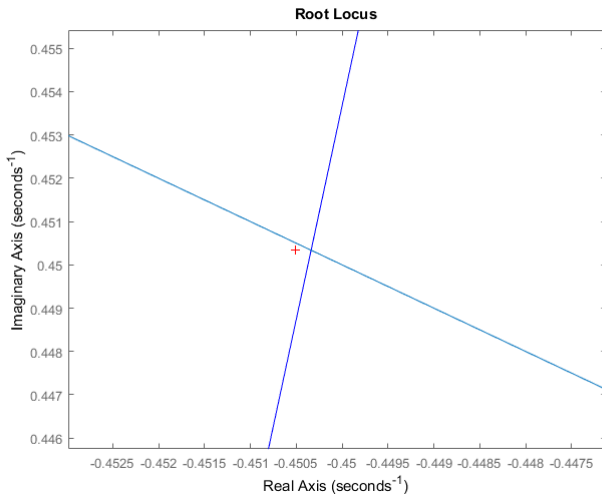




AGH

## Zadanie 2a

### Dobór regulatora proporcjonalnego - wykonanie

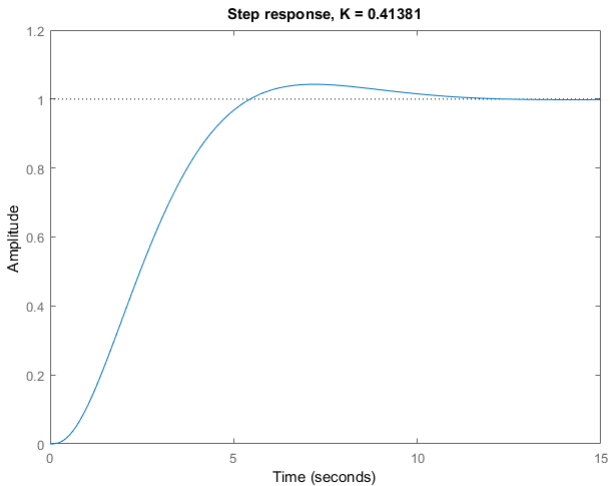




AGH

## Zadanie 2a

### Dobór regulatora proporcjonalnego - wykonanie





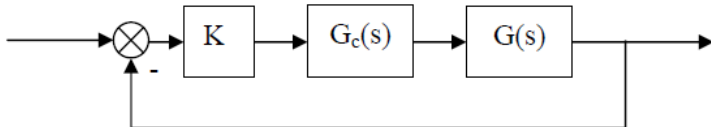
## Zadanie 2b

### Dobór regulatora proporcjonalnego z kompensatorem

- b) Dodaj do układu kompensator (człon przyspieszająco-opóźniający fazę) o transmitancji:

$$G_c(s) = \frac{(s + 1)}{(0.1s + 1)}$$

czyli utwórz następujący układ:



Dobierz wzmacnienie  $K$  aby układ zamknięty miał taki sam współczynnik tłumienia jak w punkcie a). Narysuj odpowiedź skokową układu zamkniętego.



## Zadanie 2b

AGH

Dobór regulatora proporcjonalnego z kompensatorem - algorytm i kod

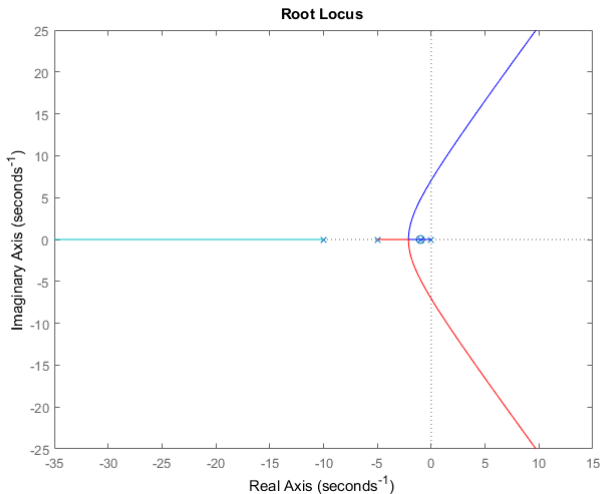
```
1 % Oryginalny system dynamiczny
2 sys = zpk([], [0 -1 -5], 5);
3 % Utworzenie kompensatora
4 Gc = zpk(-1, -10, 1/10);
5 % Utworzenie systemu zastępczego
6 system_zastepczy = series(sys, Gc);
7 % Narysowanie linii pierwiastkowych układu zastępczego
8 rlocus(system_zastepczy);
9 % Narysowanie linii pomocniczej
10 line([0, -15], [0, 15]);
11 % Zatrzymanie wykonywania w celu przybliżenia
12 pause();
13 % Obliczenie wzmocnienia dla układu zastępczego
14 [K, bieguny] = rlocfind(system_zastepczy);
15 % Stworzenie układu zamkniętego
16 sys_zamk_b = feedback(K * system_zastepczy, 1);
17 % Odpowiedź układu zastępczego na skok jednostkowy
18 step(sys_zamk_b);
19 % Wyświetlenie K w tytule wykresu
20 title(['Step response, K = ' num2str(K)]);
```



AGH

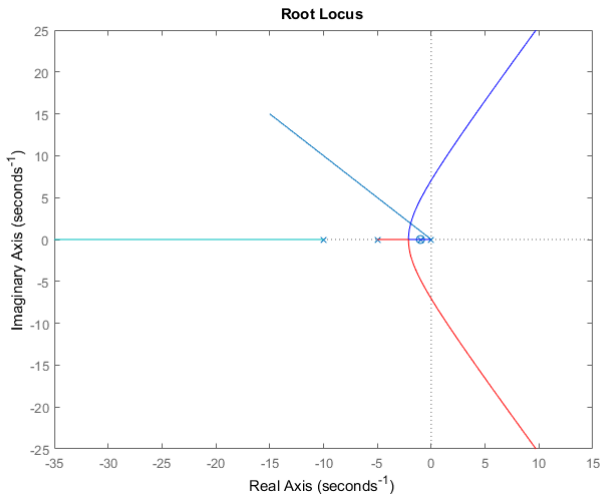
## Zadanie 2b

Dobór regulatora proporcjonalnego z kompensatorem - wykonanie



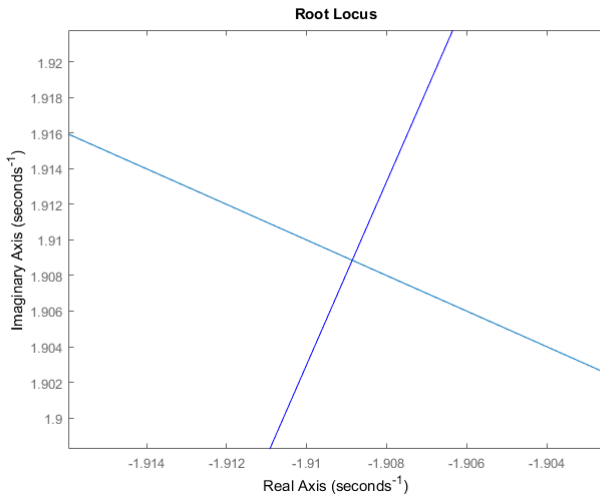
## Zadanie 2b

### Dobór regulatora proporcjonalnego z kompensatorem - wykonanie



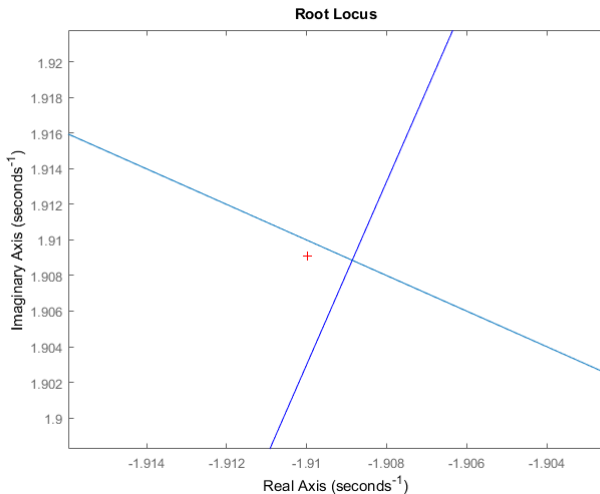
## Zadanie 2b

### Dobór regulatora proporcjonalnego z kompensatorem - wykonanie



## Zadanie 2b

### Dobór regulatora proporcjonalnego z kompensatorem - wykonanie

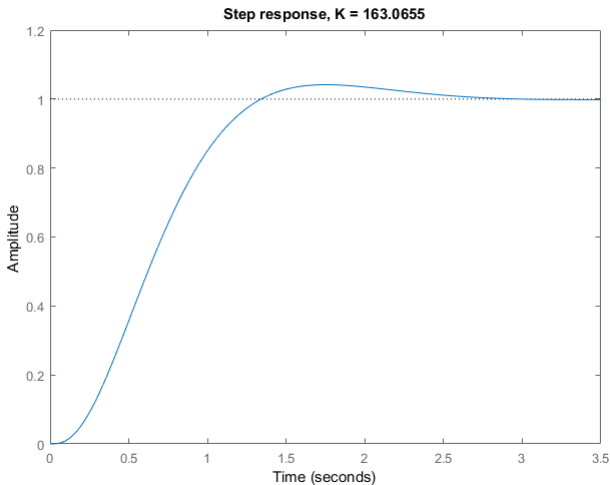




AGH

## Zadanie 2b

Dobór regulatora proporcjonalnego z kompensatorem - wykonanie

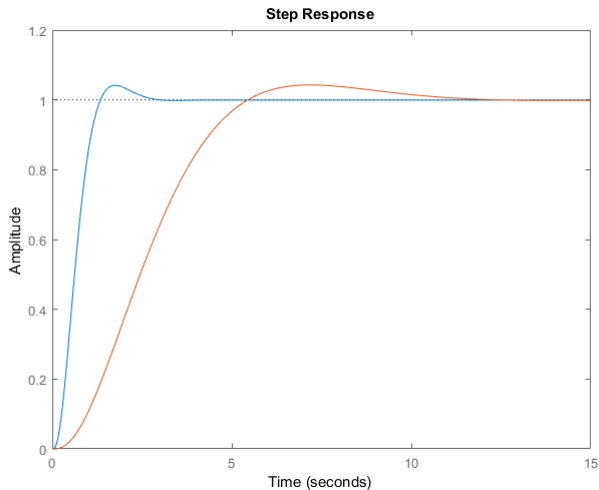




AGH

## Zadanie 2

### Dobór regulatora proporcjonalnego - porównanie







## Zadanie 2

### Dobór regulatora proporcjonalnego - wnioski

- Układ zamknięty z zadany współczynnikiem tłumienia, z kompensatorem oraz bez niego jest stabilny.
- Dodanie kompensatora do systemu spowodowało polepszenie właściwości dynamicznych układu - szybszą stabilizację.