

Test de Validación 1 2016 Modelo B

SOLUCIÓN

1. Compruebe si la deducción que sigue es correcta. Use cálculo con supuestos (**1.5 pt**)

$$((p \rightarrow \sim q) \lor \sim s) \rightarrow s, \sim q \Rightarrow \sim (\sim s \lor q)$$

| 1. | $((p \rightarrow \sim q) \lor \sim s) \rightarrow s$ | Premisa |
|-----|--|------------------------------|
| 2. | ~q | Premisa |
| 3. | ~s v q | Supuesto (Abs.) |
| 4. | ~S | Silogismo Disy. 2,3 |
| 5. | \sim s \rightarrow \sim ((p \rightarrow \sim q) v \sim s) | Contraposición 1 |
| 6. | \sim ((p \rightarrow \sim q) v \sim s) | Modus Ponens 4,5 |
| 7. | \sim (p \rightarrow \sim q) \wedge s | De Morgan 6 |
| 8. | S | Simplificación 7 |
| 9. | s ∧ ~s | Producto 4,8 (Contradicción) |
| 10. | ~(~s v q) | Cancelación Sup. Abs. 3-9 |

2. Verifique si la formula que sigue es válida (1.5 pt)

$$(p \lor q \rightarrow r) \rightarrow ((\sim q \rightarrow s) \rightarrow (\sim s \land \sim p \rightarrow r))$$

Aplicando tres veces el Teorema de la Deducción, vemos que es lo mismo decir que esa fórmula es válida que decir que la siguiente deducción es correcta:

$$p \ V \ q \rightarrow r, \sim q \rightarrow s, \sim s \ \Lambda \sim p \Rightarrow r$$

| 1. | p v q → r | Premisa |
|----|-----------|-------------------|
| 2. | ~q → s | Premisa |
| 3. | ~s ^ ~p | Premisa |
| 4. | ~S | Simplificación 3 |
| 5. | q | Modus Tollens 2,5 |
| 6. | pvq | Adición 5 |
| 7. | r | Modus Ponens 1,6 |
| | | |