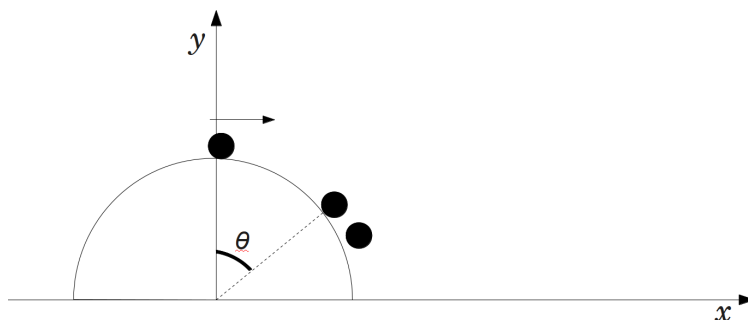


Esame di Fisica Generale del 15/01/2013

Cognome : ..... Nome : .....

Matricola: ..... Anno di corso : .....

## Esercizio 1



Un cilindro di raggio  $r = 2\text{cm}$  e massa  $m = 300\text{g}$  si trova appoggiato sulla sommità di una guida semicilindrica di raggio  $R = 2.9\text{m}$  come mostrato in figura.

Il cilindro inizia a scivolare senza attrito, con una velocità iniziale trascurabile, dalla sommità della guida. Si calcoli (approssimando  $R + r \approx R$ )

- a) La velocità  $v$  (modulo e direzione) del cilindro in funzione dell'angolo  $\theta$  definito in figura, finché il cilindro resta appoggiato alla guida

$$|v(\theta)| = \dots \quad \text{direzione} = \dots$$

- b) La forza  $F$  (modulo e direzione) che la guida esercita sul cilindro in funzione dell'angolo  $\theta$

$$|F(\theta)| = \dots \quad \text{direzione} = \dots$$

- c) L'angolo  $\theta_{max}$  per il quale il cilindro si distacca dalla guida circolare

$$\theta_{max} = \dots$$

- d) La velocità  $v_f$  (componenti  $x$  e  $y$ ) del cilindro quando giunge a terra e l'intervallo di tempo  $\Delta t$  tra il distacco dalla guida e l'arrivo a terra

$$v_x^f = \dots \quad v_y^f = \dots \quad \Delta t = \dots$$

Si consideri adesso il caso in cui il cilindro, che è da considerarsi *pieno* e di densità uniforme, sempre partendo dalla sommità del cilindro, rotoli sulla superficie della guida senza strisciare. Si calcolino anche in questo caso

- e) Il modulo della velocità  $|v(\theta)|$  del cilindro in funzione dell'angolo  $\theta$  (prima del distacco)

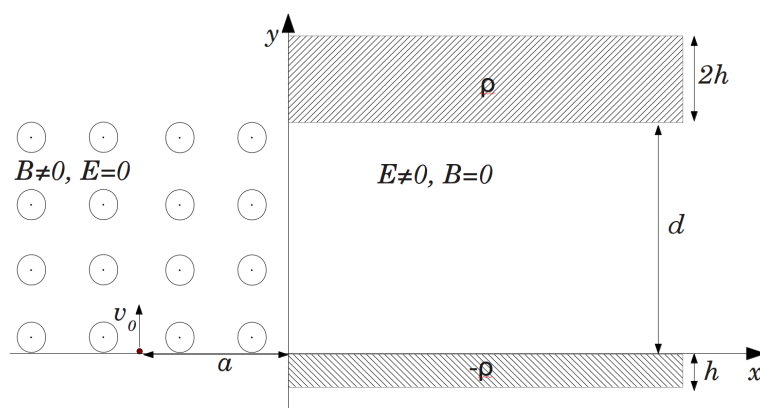
$$|v(\theta)| = \dots$$

- f) La componente radiale della forza  $F$  che la guida esercita sul cilindro in funzione dell'angolo  $\theta$  e l'angolo  $\theta_{max}$  per il quale il cilindro si distacca dalla guida circolare

$$F(\theta)_{\text{perp}} = \dots \quad \theta_{max} = \dots$$

(punteggio: 1.a = 1 punto, 1.b-1.c = 2 punti, 1.d = 4 punti, 1.e-1.f = 3 punti)

## Esercizio 2



Una particella di massa  $m = 1.6 \cdot 10^{-24}g$ , carica  $q = 1.6 \cdot 10^{-19}C$  e entra ad una velocità  $v_0 = 10km/s$  in una regione di spazio ( $x < 0$ ,  $0 < y < d$ ) in cui è presente un campo magnetico  $B$  uniforme e diretto ortogonalmente a  $v_0$ . In una regione adiacente a questa ( $x > 0$ ,  $0 < y < d$ ), come indicato in figura, si trova invece un campo elettrico  $E \neq 0$ .

Il campo magnetico  $B$  è prodotto da un solenoide percorso da una corrente  $I = 10A$  e costituito da un avvolgimento con densità di spire  $n = 8spire/cm$ .

Il campo elettrico  $E$  è ottenuto con due lastre infinite, uniformemente cariche, disposte parallelamente ad una distanza  $d = 1cm$  come mostrato in figura, con densità di carica  $\rho$  e  $-\rho$  (con  $\rho = 1.0 \frac{\mu C}{m^2}$ ) e spessori rispettivamente  $h (= 1mm)$  e  $2h$ .

Trascurando gli effetti di bordo,

- a) si calcoli l'intensità del campo magnetico  $|B|$  e il valore e la direzione del campo elettrico  $E$  ;

$$|B| = \dots\dots\dots E_x, E_y, E_z = (\dots\dots\dots, \dots\dots\dots, \dots\dots\dots)$$

- b) si descriva la traiettoria (rettilinea, circolare, parabolica, ellittica, esponenziale, ecc) e il tipo di moto (uniforme, uniformemente accelerato, accelerato non uniforme, ecc..) che la particella compie nelle due regioni (motivando in brutta tale risposta)

per  $x < 0$  : .....

per  $x > 0$  : .....

- c) sapendo che la particella carica si trova inizialmente alle coordinate  $x = -1.3mm$ ,  $y = 0$  del sistema cartesiano indicato in figura, si calcoli il punto in cui la particella passa da una regione all'altra (ovvero la coordinata  $y$  quando la particella passa per  $x = 0$ ) e la velocità della particella in tale punto (esprimendo il vettore in coordinate  $v_x$  e  $v_y$ ) ;

$$y(x = 0) = \dots\dots\dots$$

$$v_x(x = 0) = \dots\dots\dots$$

$$v_y(x = 0) = \dots\dots\dots$$

- d) si trovi la coordinata  $x$  per la quale la particella colpisce una delle due lastre cariche e si dica quale delle due colpisce

$$x_f = \dots\dots\dots$$

$$y_f = \dots\dots\dots$$

(punteggio: 1.a = 5 punti, 1.b = 2 punti, 1.c = 4 punti, 1.d = 4 punti)