

Algoritmi e Basi di dati

DI GIANLUCA MONDINI

Indice

1 Algoritmi e strutture dati	1
1 Algoritmo ricorsivo	1
2 Complessità di un algoritmo	1
2.1 Definizione	1
2.2 Ordine	1
2.3 Regole	1
2.3.1 Regola dei fattori costanti	1
2.3.2 Regola della somma	1
2.3.3 Regola del prodotto	1
2.3.4 Altre regole	1
2.4 Teorema	2
3 Complessità di un algoritmo ricorsivo	2
3.1 Esempio: fattoriale di un numero	2
4 Algoritmi di ordinamento	2
4.1 Merge sort	?
4.2 Insertion sort	?
5 Alberi binari	?
5.1 Numero di foglie e di nodi	?
5.2 Alcuni algoritmi	?
5.2.1 Contare il numero dei nodi	?
5.2.2 Contare il numero delle foglie	?
5.2.3 Cercare un'etichetta e resistuire un puntatore	?
5.2.4 Eliminare tutto l'albero	?
5.2.5 Inserire un nodo	?
5.2.6 Compito 2 - Esercizio 4	?
5.2.7 Compito 1 - Esercizio 4	?
6 Alberi generici	?
6.1 Alcuni algoritmi	?
6.1.1 Contare il numero di nodi	?
6.1.2 Contare il numero di foglie	?
6.1.3 Inserire un nodo in fondo ad una lista di fratelli	?
6.1.4 Inserire un nodo son come ultimo figlio di father	?
6.1.5 Compito 1 - Esercizio 5	?
7 Alberi binari di ricerca	?
7.1 Proprietà	?
7.2 Alcuni algoritmi	?
7.2.1 Cercare un nodo	?
7.2.2 Inserire un nodo	?

7.2.3	Restituire l'etichetta del nodo più piccolo di un albero ed eliminare il nodo che la contiene	?
7.2.4	Cancellare un nodo ?	?
8	Heap	?
8.1	Calcolare le parentele	?
8.2	Classe Heap	?
8.2.1	Costruttore	?
8.2.2	Distruttore	?
8.2.3	Inserimento	?
8.2.4	Estrazione	?
9	Ricerca hash	?
9.1	Alcuni algoritmi	?
9.1.1	Ricerca tramite hash	?
9.2	Metodo hash ad accesso non diretto	?
9.2.1	Soluzione: hash modulare	?
	Legge di scansione lineare	?
Agglomerato		?
	Funzione di ricerca con scansione lineare	?
	Funzione di inserimento in presenza di cancellazioni	?
10	Grafi	?
10.1	Rappresentazioni in memoria di grafi	?
10.1.1	Tramite liste di adiacenza	?
10.1.2	Tramite matrici di adiacenza	?
10.2	Rappresentazioni in memoria di grafi con nodi ed archi etichettati	?
10.2.1	Tramite liste di adiacenza	?
10.2.2	Tramite matrici di adiacenza	?
10.3	Cammino più breve	?
10.3.1	Algoritmo di Dijkstra	?
2	Basi di dati	?
1	Definizioni	?
1.1	Differenze tra database <i>SQL</i> e database <i>NOSQL</i>	?
2	Schedule	?
2.1	VSR	?
2.2	CSR	?
2.3	Locking a due fasi	?
2.3.1	Come determinare se uno schedule è generato da uno scheduler basato su 2PL	?

1 Algoritmi e strutture dati

1 Algoritmo ricorsivo

Una metodologia per programmare le funzioni ricorsive è la seguente:

1. Individuare i casi base in cui la funzione è definita immediatamente;
2. Effettuare le chiamate ricorsive su un insieme più piccolo di dati, cioè un insieme più vicino ai casi base;

3. Fare in modo che alla fine di ogni sequenza di chiamate ricorsive, si ricada nei casi base;

2 Complessità di un algoritmo

2.1 Definizione

È una funzione (sempre positiva) che associa alla dimensione del problema il costo della sua risoluzione in base alla misura scelta

$T_P(n)$ = Complessità con costo = tempo del programma P al variare di n

2.2 Ordine

$g(n)$ è di ordine $O(f(n))$ se esistono un intero n_0 ed una costante $c > 0$ tali che per ogni $n > n_0$ si ha $g(n) \leq c f(n)$

2.3 Regole

2.3.1 Regola dei fattori costanti

Per ogni costante positiva k , $O(f(n)) = O(k f(n))$

2.3.2 Regola della somma

Se $f(n)$ è $O(g(n))$, allora $f(n) + g(n)$ è $O(g(n))$

2.3.3 Regola del prodotto

Se $f(n)$ è $O(f_1(n))$ e $g(n)$ è $O(g_1(n))$, allora $f(n)g(n)$ è $O(f_1(n)g_1(n))$

2.3.4 Altre regole

Se $f(n)$ è $O(g(n))$ e $g(n)$ è $O(h(n))$, allora $f(n)$ è $O(h(n))$

Per ogni costante k , k è $O(1)$

Per $m \leq p$, n^m è $O(n^p)$

Un polinomio di grado m è $O(n^m)$

2.4 Teorema

Per ogni k , $n^k \in O(a^n)$, per ogni $a > 1$

Una qualsiasi funzione polinomiale ha minore complessità di una qualsiasi funzione esponenziale

3 Complessità di un algoritmo ricorsivo

3.1 Esempio: fattoriale di un numero

La funzione è definita come

```
int fact (int n) {  
    if (n == 0) return 1;  
    else return n * fact(n-1);  
}
```

Consideriamo come base il valore 0:

$$T(0) \in C[[n = 0]] + C[[\text{return } 1]] = O(1) + O(1) = O(1)$$

Per $T(n)$, se $n > 0$, abbiamo un tempo $O(1)$ complessivo per il test, la chiamata ricorsiva e la moltiplicazione più il tempo per l'esecuzione applicata a $n - 1$. Quindi

$$T(n) = O(1) + T(n - 1)$$

A questo punto rimpiazziamo gli $O(1)$ di $T(1)$ e $T(n)$ con simboli generici di costante, diversi fra loro perchè corrispondono a pezzi di programma diversi, e abbiamo la seguente relazione di ricorrenza:

$$T(0) = a$$

$$T(n) = b + T(n - 1) \quad \text{per } n > 0$$

Proviamo a calcolare i valori di $T(n)$:

$$T(1) = b + T(0) = b + a$$

$$T(2) = b + T(1) = 2b + a$$

In generale, per $i \geq 0$, avremo $T(i) = i b + a$. Dimostriamo questo risultato con l'induzione naturale

- Base. $i = 0$. Abbiamo $T(0) = 0 b + a = a$
- Induzione.
Ipotesi. $T(i) = i b + a$
Tesi. $T(i + 1) = (i + 1) b + a$
Dim.

$$T(i + 1) = b + T(i) \quad \text{per definizione di } T$$

$$= b + i b + a \quad \text{per ipotesi induttiva}$$

$$= (i + 1) b + a$$

Quindi, poiché $T(n) = n b + a$, abbiamo $T(n) \in O(n)$

3.2 Dalla relazione di ricorrenza alla complessità

- $T(0) = a$
- $T(n) = b + T(n - 1)$

$$T(n) \in O(n)$$

- $T(1) = a$
- $T(n) = b n + T(n - 1)$

$$T(n) \in O(n^2)$$

- $T(1) = a$

- $T(n) = b n + 2 T(n/2)$

$$T(n) \in O(n \log(n))$$

- $T(0) = a$

- $T(n) = b + T(n-1)$

$$T(n) \in O(n)$$

- $T(0) = a$

- $T(n) = b + T(n/2)$

$$T(n) \in O(\log(n))$$

- $T(0) = a$

- $T(n) = b + 2 T(n/2)$

$$T(n) \in O(n)$$

- $T(1) = a$

- $T(n) = b + 2 T(n-1)$

$$T(n) \in O(2^n)$$

- $T(0) = d$

- $T(n) = b n^k + T(n-1)$

$$T(n) \in O(n^{k+1})$$

Esercizio: fibonacci() ricorsivo

- $T(0) = T(1) = d$

- $T(n) = b + T(n-1) + T(n-2)$

$$T(n) \in O(2^n)$$

Esempio: fibonacci() non ricorsivo

- $T(0) = d$

- $T(n) = b + T(n-1)$

$$T(n) \in O(n)$$

Esempio: mergeSort()

- $T(0) = T(1) = d$

- $T(n) = b n + 2 T(n/2)$

$$T(n) \in O(n \log(n))$$

Esempio: split()

- $T(0) = T(1) = d$
- $T(n) = b + T(n-2)$

$$T(n) \in O(n)$$

Esempio: merge()

- $T(0) = d$
- $T(n) = b + T(n-1)$

$$T(n) \in O(n)$$

4 Algoritmi di ordinamento

4.1 Merge sort

(necessita di revisione, probabilmente è sbagliato)

```
void mergeSort(int * arr, int start, int end) {
    int mid;
    if (start < end) {
        mid = (start + end) / 2;
        mergeSort(arr, start, mid);
        mergeSort(arr, mid + 1, end);
        combina(arr, start, mid+1, end);
    }
}

void combina(int arr[], int start, int mid, int end) {
    int iSx = start, iDx = mid;
    std::vector<int> tempResult;
    while (1) {
        if (arr[iSx] < arr[iDx]) {
            tempResult.push_back(arr[iSx++]);
        }
        else {
            tempResult.pushBack(arr[iDx++]);
        }
    }
}
```

4.2 Insertion sort

[necessita di revisione]

```
void insertSort(int x[], int n) {
    int i;
    int j;
    int app;
    for (i = 1; i < n; i++) {
        app = x[j];
```

```

    j = i - 1;
    while (j >= 0 && x[j] > app) {
        x[j+1] = x[j];
        j--;
    }
    x[j+1] = app;
}
return;
}

```

5 Alberi binari

- NULL è un albero binario
- Un nodo p più due alberi binari B_s e B_d forma un albero binario

5.1 Numero di foglie e di nodi

Un albero binario bilanciato con livello k ha

- $2^{k+1} - 1$ nodi
- 2^k foglie

5.2 Alcuni algoritmi

5.2.1 Contare il numero dei nodi

```

int nodes(Node* tree) {
    if (!tree) return 0;
    return 1 + nodes(tree -> left) + nodes(tree -> right);
}

```

5.2.2 Contare il numero delle foglie

```

int leaves(Node* tree) {
    if (!tree) return 0;
    if (!tree -> left && !tree -> right) return 1;
    return leaves(tree -> left) + leaves(tree -> right);
}

```

5.2.3 Cercare un etichetta e restituire un puntatore

Se il nodo non compare nell'albero, viene restituito NULL. Se l'albero contiene più di un'etichetta, viene restituito un puntatore al primo

```

Node* findNode(int n, Node* tree) {
    // L'albero è vuoto, l'etichetta non può esserci
    if (!tree) return NULL;
    // Trovata l'etichetta, restituisco il puntatore
    if (tree -> label == n) return tree;
    // Cerco a sinistra
    Node* a = findNode(n, tree -> left);
    // Controllo se il puntatore della ricerca "a sinistra"
    // a restituito qualcosa di interessante, altrimenti cerco a destra
}

```

```

    if (a) return a;
    else return findNode(n, tree -> right);
}

```

5.2.4 Eliminare tutto l'albero

Alla fine il puntatore deve essere NULL

```

void delTree(Node* &tree) {
    if (tree) {
        delTree(tree -> left);
        delTree(tree -> right);
        delete tree;
        tree = NULL;
    }
}

```

5.2.5 Inserire un nodo

Inserisce un nodo (son) come figlio di father, sinistro se $c='l'$ oppure destro se $c='r'$.

Ritorna 1 se l'operazione ha successo, 0 altrimenti. Se l'albero è vuoto, inserisce il nodo come radice

```

int insertNode(Node* &tree, InfoType son, InfoType father, char c) {
    // Caso in cui l'albero sia vuoto
    if (!tree) {
        tree = new Node;
        tree -> label = son;
        tree -> left = tree -> right = NULL;
        return 1;
    }
    // Caso normale
    // Effettuo la ricerca di father con la funzione
    // di ricerca nodo (vedi sopra)
    Node * a = findNode(father, tree);
    // Se il nodo non è stato trovato, restituisco 0 e mi fermo
    if (!a) return 0;
    // Inserimento come figlio sinistro
    if (c == 'l' && !a -> left) {
        a -> left = new Node;
        a -> left -> label = son;
        a -> left -> left = a -> left -> right = NULL;
        return 1;
    }
    if (c == 'r' && !a -> right) {
        a -> right = new Node;
        a -> right -> label = son;
        a -> right -> left = a -> right -> right = NULL;
        return 1;
    }
}

```

5.2.6 Compito 2 - Esercizio 4

Scrivere una funzione che, dato un albero binario ad etichette di tipo string, con puntatore alla radice t, restituisca come risultato il numero di nodi che hanno numero dispari di discendenti. Si calcoli la complessità della soluzione proposta in funzione del numero di nodi dell'albero.


```

int dispari(Node* t, int & nodi) {
    if (!t) {
        nodi = 0;
        return 0;
    }
    int cs, cd, nodis, nodid;
    cs = dispari(t -> left, nodis);
    cd = dispari(t -> right, nodid);
    nodi = nodis + nodid + 1;
    return cs + cd + ((nodis + nodid) % 2);
}

```

La funzione è $O(n)$

5.2.7 Compito 1 - Esercizio 4

Scrivere una funzione ricorsiva che, dato un albero binario a etichette intere, conta il numero di nodi che hanno più foglie maggiori o uguali a zero che minori di zero tra i propri discendenti.

```

int conta(const Node * t, int & pos, int & neg) {
    if (!t) {
        pos = 0;
        neg = 0;
        return 0;
    }
    if (!t -> left && !t -> right) {
        pos = (t -> info >= 0) ? 1 : 0;
        neg = (t -> info < 0) ? 1 : 0;
        return 0;
    }
    int pos_left, pos_right;
    int neg_left, neg_right;
    int conta_left = conta(t -> left, pos_left, neg_left);
    int conta_right = conta(t -> right, pos_right, neg_right);
    pos = pos_left + pos_right;
    neg = neg_left + neg_right;
    return (pos > neg) ? 1 : 0 + conta_left + conta_right;
}

```

6 Alberi generici

- Un nodo p è un albero
- Un nodo più una sequenza di alberi $A_1...A_n$ è un albero

6.1 Alcuni algoritmi

6.1.1 Contare il numero di nodi

Vedi l'algoritmo per gli alberi binari

6.1.2 Contare il numero di foglie

```

int leaves(Node* tree) {
    if (!tree) return 0;
}

```

```

// Caso della foglia
if (!tree -> left) return 1 + leaves(tree -> right);
// "Non caso" della foglia
return leaves(tree -> left) + leaves(tree -> right);

```

6.1.3 Inserire un nodo in fondo ad una lista di fratelli

```

void addSon(InfoType x, Node* &tree) {
    // Caso in cui la lista sia vuota
    if (!tree) {
        tree = new Node;
        tree -> label = x;
        tree -> left = tree -> right = NULL;
    }
    else {
        addSon(x, tree -> right);
    }
}

```

6.1.4 Inserire un nodo son come ultimo figlio di father

Se l'albero è vuoto, lo inserisce come radice

```

int insert(InfoType son, InfoType father, Node* &tree) {
    if (!tree) {
        tree = new Node;
        tree -> label = son;
        tree -> left = tree -> right = NULL;
        return 1;
    }
    Node* a = findNode(father, tree);
    if (!a) return 0;
    addSon(son, a -> left);
    return 1;
}

```

6.1.5 Compito 1 - Esercizio 5

Scrivere una funzione che, dato un albero generico a etichette intere e memorizzazione figlio-fratello, conta il numero di nodi che hanno più figli maggiori o uguali a zero che minori di zero.

```

int conta(const Node* t) {
    if (!t) return 0;
    const Node * n;
    int pos = 0, neg = 0;
    for (n = t -> left; n != NULL; n = n -> right) {
        if (n -> info >= 0) pos++;
        else neg++;
    }
    return (pos > neg) ? 1 : 0 + conta(t -> left) + conta(t -> right);
}

```

7 Alberi binari di ricerca

Un albero binario di ricerca è un albero binario tale che per ogni nodo p

- I nodi del sottoalbero sinistro di p hanno etichetta minore dell'etichetta di p

- I nodi del sottoalbero destro di p hanno etichetta maggiore dell'etichetta p

7.1 Proprietà

- Non ci sono doppiatori
- La visita simmetrica elenca le etichette in ordine crescente

7.2 Alcuni algoritmi

7.2.1 Cercare un nodo

```
Node* findNode(InfoType n, Node* tree) {
    if (!tree) return 0;
    if (n == tree->label) return tree;
    if (n < tree->label) {
        return findNode(n, tree->left);
    }
    return findNode(n, tree->right);
}
```

7.2.2 Inserire un nodo

```
void insertNode(InfoType n, Node* &tree) {
    // Albero vuoto
    if (!tree) {
        tree = new Node;
        tree->label = n;
        tree->left = tree->right = NULL;
        return;
    }
    // Caso n < radice
    if (n < tree->label) {
        insertNode(n, tree->left);
    }
    if (n > tree->label) {
        insertNode(n, tree->right);
    }
}
```

L'algoritmo ha complessità $O(\log(n))$

7.2.3 Restituire l'etichetta del nodo più piccolo di un albero ed eliminare il nodo che la contiene

```
void deleteMin(Node *&tree, InfoType &m) {
    if (tree->left) // C'è un nodo più piccolo
        deleteMin(tree->left, m);
    else {
        m = tree->label; // restituisco l'etichetta
        Node *a = tree;
        // connetto il sottoalbero destro di
        // m al padre di m
        tree = tree->right;
        // elimino il nodo
    }
}
```

```

    delete a;
}
}

```

7.2.4 Cancellare un nodo ?

```

void deleteNode(InfoType n, Node *& tree) {
    if (tree) {
        // n è minore della radice
        if (n < tree->label) {
            deleteNode(n, tree->left);
            return;
        }
        // n è maggiore della radice
        if (n > tree->label) {
            deleteNode(n, tree->right);
            return;
        }
        // n non ha figlio sinistro
        if (!tree->left) {
            Node * a = tree;
            tree = tree->right;
            delete a;
            return;
        }
        // n non ha figlio destro
        if (!tree->right) {
            Node * a = tree;
            tree = tree->left;
            delete a;
            return;
        }
        // n ha entrambi i figli
        deleteMin(tree->right, tree->label);
    }
}

```

Questo algoritmo ha complessità $O(\log(n))$

8 Heap

Un heap è un albero binario quasi bilanciato con le seguenti proprietà:

- i nodi dell'ultimo livello sono addossati a sinistra
- in ogni sottoalbero l'etichetta della radice è maggiore o uguale a quella di tutti i discendenti

L'heap viene memorizzato in un array

8.1 Calcolare le parentele

- Figlio sinistro di $i = 2i + 1$
- Figlio destro di $i = 2i + 2$
- Padre di $i = \frac{i-1}{2}$

8.2 Classe Heap

```
class Heap {
private:
    int * h;
    int last;
    void up(int);
    void down(int);
    void exchange(int i, int j);
public:
    Heap(int);
    ~Heap();
    void insert(int);
    int extract();
};
```

8.2.1 Costruttore

```
Heap::Heap(int n) {
    h = new int[n];
    last = -1;
}
```

8.2.2 Distruttore

```
Heap::~Heap() {
    delete h [n];
}
```

8.2.3 Inserimento

- Memorizza l'elemento nella prima posizione libera dell'array
- Fa risalire l'elemento tramite scambi figlio-padre per mantenere la proprietà dello heap

```
void Heap::insert(int x) {
    h[++last] = x;
    up(last);
}

// i è l'indice dell'elemento da far risalire
void Heap::up(int i) {
    // Se non sono sulla radice
    if (i > 0) {
        // Se l'elemento è maggiore del padre
        if (h[i] > h[(i-1)/2]) {
            // Scambia il figlio con il padre
            exchange(i, (i-1)/2);
            // chiama up sulla nuova posizione
            up((i-1)/2);
        }
    }
}
```

La funzione termina in due casi:

- viene chiamata con l'indice 0 (radice)

- L'elemento è inferiore al padre

La complessità è $O(\log(n))$ perché ogni chiamata risale di un livello

8.2.4 Estrazione

- Restituisce il primo elemento dell'array
- Mette l'ultimo elemento al posto della radice e decrementa last
- Fa scendere l'elemento tramite scambi padre-figlio per mantenere la proprietà dello heap

```
int Heap::extract() {
    int r = h[0];
    h[0] = h[last--];
    down(0);
    return r;
}

// i è l'indice dell'elemento da far scendere
void Heap::down(int i) {
    // son = indice del figlio sinistro (se esiste)
    int son = 2*i+1;
    // se i ha un solo figlio (è l'ultimo dell'array)
    if (son == last) {
        // se il figlio è maggiore del padre
        if (h[son] > h[i]) {
            // fai lo scambio, altrimenti termina
            exchange(i, last);
        }
    }
    // se i ha entrambi i figli
    else if (son < last) {
        // son = indice del figlio maggiore tra i due
        if (h[son] < h[son+1]) son++;
        // se il figlio è maggiore del padre
        if (h[son] > h[i]) {
            // fai lo scambio
            exchange(i, son);
            // chiama down sulla nuova posizione
            down(son);
            // altrimenti termina (termina anche se i non ha figli)
        }
    }
}
```

L'algoritmo ha complessità $O(\log(n))$

9 Ricerca hash

9.1 Alcuni algoritmi

9.1.1 Ricerca tramite hash

```
bool hashSearch (int* A, int k, int x) {
```

```

int i = h(x);
if (A[i] == 1) return true;
else return false;
}

```

9.2 Metodo hash ad accesso non diretto

È possibile rilasciare l'iniettività e permettere che due elementi diversi abbiano lo stesso indirizzo hash. Si ha una collisione quando

$$h(x_1) = h(x_2)$$

Bisogna gestire le seguenti situazioni:

- Come cercare un elemento se il suo posto è occupato da un altro
- Come inserire gli elementi

9.2.1 Soluzione: hash modulare

Si scrive una funzione $h()$

$$h(x) = (x \% k)$$

In modo tale da essere sicuri di generare tutti e soli gli indici dell'array

Legge di scansione lineare Se non si trova l'elemento al suo posto, lo si cerca nelle posizioni successive fino a trovarlo o ad incontrare una posizione vuota.

L'inserimento è fatto con lo stesso criterio

Agglomerato Gruppo di elementi con indirizzi hash diversi (?)

La presenza di collisioni ed agglomerati aumenta il tempo di ricerca

Funzione di ricerca con scansione lineare

```

bool hashSearch(int *A, int k, int x) {
    int i = h(x);
    for (int j=0; j<k; j++) {
        int pos = (i+j) % k;
        if (A[pos] == -1) return false;
        if (A[pos] == x) return true;
    }
    return false;
}

```

Funzione di inserimento in presenza di cancellazioni

```

int hashInsert(int *A, int k, int x) {
    int i = h(x);
    for (int j=0; j < k; j++) {
        int pos = (i+j) % k;
        // -1: posizione vuota
        // -2: posizione disponibile
        if ((A[pos] == -1) || (A[pos] == -2)) {
            A[pos] = x;
        }
    }
}

```

```

        return 1;
    }
}
return 0;
}

```

10 Grafi

Grafo orientato= (N, A)

dove

- N = insieme di nodi
- $A \subseteq N \times N$ = insieme di archi (coppie ordinate di nodi)

Un grafo orientato con n nodi ha al massimo n^2 archi

10.1 Rappresentazioni in memoria di grafi

10.1.1 Tramite liste di adiacenza

```

struct Node {
    int NodeNumber;
    Node * next;
};

Node* graph[N];

```

10.1.2 Tramite matrici di adiacenza

```

int graph[N][N];

```

10.2 Rappresentazioni in memoria di grafi con nodi ed archi etichettati

10.2.1 Tramite liste di adiacenza

```

struct Node {
    int NodeNumber;
    ArcType archLabel;
    Node * next;
};

Node * graph[N];

NodeType nodeLabels[N];

```

NodeType = char

ArcType = int

10.2.2 Tramite matrici di adiacenza

```

ArcType graph[N][N];

```



```
NodeType nodeLabels[N];
```

10.3 Cammino più breve

10.3.1 Algoritmo di Dijkstra

- Si applica ai grafi orientati
- Trova i cammini minimi **da un nodo a tutti gli altri**
- È basato sulla metodologia **greedy**

Vengono utilizzate due tabelle:

- **dist** (distanza)
- **pred** (predecessore)

con n elementi.

Vengono eseguiti n passi, e ad ogni passo:

1. Si sceglie il nodo con distanza minore in **dist**
2. Si aggiornano **pred** e **dist** per i suoi immediati successori

11 Templates

11.1 Esempi di definizione

```
template <class T1>
T1 somma(T1 a, T2 b) {
    return a + b;
}
```

11.2 Parametri costanti

11.3 Variabili statiche

Ogni “tipo di funzione” possiede la propria variabile statica indipendente

```
template<class Data>
void typeCounter(Data a) {
    static int c;
    c++;
    cout << "Il counter vale " << c << endl;
}
```

12 Derivazione

12.1 Specificatori d’accesso

- I campi **privati** di una classe non sono accessibili dalle sottoclassi nè dall’esterno

- I campi **protetti** di una classe sono accessibili dalle sottoclassi, ma non dall'esterno
- I campi **pubblici** di una classe sono accessibili anche dall'esterno
- I campi privati, protetti e pubblici rimangono tali in tutta la gerarchia

12.2 Costruzione degli oggetti

Quando un oggetto viene costruito si costruisce prima la parte **BASE** ed in seguito quella **DERIVATA**.

Viene quindi prima chiamato il costruttore della classe base e poi quello della classe derivata.

Se la classe base ha dei costruttori, il costruttore di una classe derivata deve chiamarne uno nella lista di inizializzazione. Può non chiamarlo esplicitamente se la classe base ha un costruttore di default, che in questo caso viene chiamato automaticamente.

12.3 Funzioni virtuali

2 Basi di dati

1 Normalizzazione

In **informatica** la **normalizzazione** è un procedimento volto all'eliminazione della ridondanza **informativa** e del rischio di **incoerenza** dal **database**. Esistono vari livelli di normalizzazione (*forme normali*) che certificano la qualità dello **schema del database**.

Questo processo si fonda su un semplice criterio: se una **relazione** presenta più concetti tra loro indipendenti, la si decompone in relazioni più piccole, una per ogni concetto. Questo tipo di processo non è sempre applicabile in tutte le tabelle, dato che in taluni casi potrebbe comportare una perdita d'informazioni.

1.1 Prima forma normale

Definizione: Si dice che una base dati è in 1NF (*prima forma normale*) se vale la seguente relazione per ogni relazione contenuta nella base dati: una relazione è in 1NF se e solo se:

1. tutte le righe della relazione hanno lo stesso numero di attributi
2. non presenta gruppi di attributi che si ripetono (ossia ciascun attributo è definito su un dominio con valori atomici)
3. tutti i valori di un attributo sono dello stesso tipo (appartengono allo stesso dominio)
4. esiste una chiave primaria (ossia esiste un insieme di attributi, che identifica in modo univoco ogni tupla della relazione)
5. l'ordine delle righe è irrilevante (non è portatore di informazioni)

1.2 Seconda forma normale

Definizione: Una base dati è invece in 2NF (*seconda forma normale*) quando è in 1NF e per ogni relazione tutti gli attributi non chiave dipendono funzionalmente dall'intera chiave composta (ovvero la relazione non ha attributi che dipendono funzionalmente da una parte della chiave).

Come esempio supponiamo di avere una tabella con gli esami sostenuti dagli studenti universitari. I campi di interesse potrebbero quindi essere i seguenti:

- "Codice corso di laurea"
- "Codice esame"
- "Matricola studente"
- "Voto conseguito"
- "Data superamento"

La tabella avrà quindi la seguente intestazione

id _ corso _ laurea	id _ esame	id _ studente	voto	data
---------------------	------------	---------------	------	------

La chiave candidata (tale terminologia è riservata alle superchiavi minimali, anche dette semplicemente chiavi) è rappresentata dalla tripla evidenziata, ossia da:

- "Codice corso di laurea"
- "Codice esame"
- "Matricola studente"

Essa infatti risulta essere l'insieme di chiavi minimale per poter identificare in modo univoco le tuple (i record) della tabella.

I campi "Voto conseguito" e "Data superamento", invece, sono campi *non chiave*, e fanno riferimento all'intera superchiave.

Difatti, se dipendessero solo da:

- "Codice corso di laurea" si perderebbero le informazioni relative allo studente e all'esame superato
- "Codice esame" si perderebbero le informazioni relative allo studente ed al corso di laurea a cui l'esame appartiene
- "Matricola studente" si perderebbero le informazioni relative all'esame superato e al corso di laurea a cui lo studente è iscritto.
- "Codice corso di laurea", "Codice esame" si perderebbero le informazioni relative allo studente che ha superato l'esame
- "Codice corso di laurea", "Matricola studente" si perderebbero le informazioni relative all'esame superato
- "Matricola studente", "Codice esame" si perderebbero le informazioni relative al Corso di Laurea di appartenenza.

1.3 Terza forma normale

Definizione: Una base dati è in 3NF (*terza forma normale*) se è in 2NF e tutti gli attributi non-chiave dipendono dalla chiave soltanto, ossia non esistono attributi che dipendono da altri attributi non-chiave. Tale normalizzazione elimina la dipendenza transitiva degli attributi dalla chiave.

Per ogni dipendenza funzionale non banale $X \rightarrow Y$ è vera una delle seguenti condizioni:

- X è una superchiave della relazione
- Y è membro della chiave della relazione

Teorema: Ogni relazione può essere portata in 3NF.

1.4 Forma normale di Boyce e Codd

Definizione: Una relazione R è in forma normale di Boyce e Codd (BCNF) se e solo se è in 3NF e, per ogni dipendenza funzionale non banale $X \rightarrow Y$, X è una superchiave per R .

Dato un insieme di relazioni, non è possibile garantire sempre il raggiungimento della BCNF; in particolare il mancato raggiungimento di questo obiettivo è indice che la base dati è affetta da un'anomalia di cancellazione (ossia è possibile perdere dati a seguito di un'operazione di cancellazione).

Es: Facciamo un esempio molto banale, se abbiamo uno schema relazionale $R < ABCDE, ABC \rightarrow DE >$

Mettiamolo in forma canonica $ABC \rightarrow D, ABC \rightarrow E$.

Calcoliamo le chiavi: A, B e C non stanno a destra di nessuna dipendenza, quindi appartengono a tutte le chiavi

La chiusura di ABC è ABCDE quindi ABC è una chiave

Ora, visto che una chiave è una superchiave minimale (ovvero una superchiave con tutti attributi essenziali per derivare ogni attributo del sistema) lo schema relazionale è in BCNF

2 Definizioni

2.1 Database NOSQL

I dati sono conservati in documenti, non in tabelle.

I database NOSQL non hanno uno schema fisso come quelli relazionali.

2.1.1 Vantaggi e svantaggi

1. **Leggerezza computazionale:** i database NoSQL non prevedono operazioni di aggregazione sui dati, in quanto tutte le informazioni sono già raccolte in un unico documento associato all'oggetto da trattare. Negli ambienti SQL la complessità di queste operazioni, e quindi il peso computazionale, cresce con l'ingigantirsi della base di dati, del numero di tabelle e delle informazioni da trattare. Il NoSQL, invece, non ha limiti di dimensioni in questo senso. Così si ottengono migliori prestazioni e performance anche in ambienti di Big Data. Lo scotto da pagare a tutta questa flessibilità e alla proprietà di aggregazione dei database NoSQL è la **duplicazione delle informazioni**. In realtà, i costi sempre meno proibitivi dei sistemi di storage rendono questo svantaggio poco importante.
2. **Assenza di schema:** i database NoSQL sono privi di schema in quanto il documento JSON contiene tutti i campi necessari, senza necessità di definizione. In questo modo, possiamo arricchire le nostre applicazioni di nuovi dati e informazioni, definibili liberamente all'interno dei documenti JSON **senza rischi per l'integrità dei dati**. I database non relazionali, a differenza di quelli SQL, si rivelano quindi adatti a inglobare velocemente nuovi tipi di dati e a conservare dati semistrutturati o non strutturati.

3. **Scalabilità orizzontale garantita:** l'aggregazione dei dati e l'assenza di uno schema definito a priori offre l'opportunità di scalare orizzontalmente i database NoSQL senza difficoltà e senza rischi operativi.

3 Schedule

3.1 VSR

Uno schedule viene detto *view-serializzabile* (VSR) se è view-equivalente ad uno seriale.

Per stabilire se due schedule sono view-equivalenti bisogna verificare che abbiano le stesse relazioni legge-da e le stesse scritture finali.

3.2 CSR

Uno schedule *conflict-serializzabile* è anche *view-serializzabile*.

Per capire se uno schedule è conflict-serializzabile è necessario che il grafo orientato i cui nodi rappresentano le transazioni non contenga "cicli".

3.3 Locking a due fasi

Le due strategie viste finora non garantiscono la serializzabilità, ma la verificano a posteriori. Nei sistemi utilizzati in pratica si preferisce invece fare in modo che essa sia in qualche modo assicurata, adottando particolari accorgimenti e spesso strutture dati d'appoggio. Una delle tecniche più utilizzate si basa sul *locking*, che fa uso di una variabile di *lock* per descrivere lo stato di una risorsa rispetto alle operazioni che lo riguardano. Quando una transazione vuole utilizzare una risorsa deve *prima* richiederne il lock, attendere finché non gli viene concesso e rilasciarlo dopo il suo utilizzo. In particolare, nel *locking a due fasi* (2PL) una volta che una transazione ha rilasciato un lock qualsiasi, non può più acquisirne altri. Quindi, se una transazione t_i ha bisogno del lock su una risorsa già occupata da t_j , quest'ultima prima di rilasciarla dovrà acquisire il lock di tutte le risorse a cui deve ancora accedere, perché una volta unlockata una risorsa non potrà più lockarne nessuna.

Perché ci interessano tanto gli schedule generati con questa tecnica? *Perché sono serializzabili*.

Esistono due tipi di 2PL, a seconda della variabile di lock che viene utilizzata:

- a 2 stati: il lock può essere *locked* (risorsa bloccata) o *unlocked* (risorsa rilasciata o comunque disponibile)
- a 3 stati: il lock può essere *read locked*, *write locked* o *unlocked*. L'introduzione del read locked consente a due o più transazioni di condividere la stessa risorsa in lettura.

Ultima considerazione: gli schedule 2PL sono un sottoinsieme della classe di schedule CSR, che sono a loro volta sottoinsieme dei VSR. Ne consegue che se uno schedule è non view-serializzabile non è nemmeno conflict-serializzabile né tantomeno basato su 2PL!

3.3.1 Come determinare se uno schedule è generato da uno scheduler basato su 2PL (esempio)

Prendiamo lo schedule

$$R_1(x), R_1(t), R_2(z), W_3(x), W_1(x), R_1(y), W_3(t), W_2(x), W_1(y)$$

1. È molto utile raggruppare le operazioni per transazioni per facilitare le azioni di lock e unlock.
 - $t_1 = r_1(x), r_1(t), w_1(x), r_1(y), w_1(y)$

- $t_2 = r_2(z), w_2(x)$
- $t_3 = w_3(x), w_3(t)$

2. Ora dobbiamo stabilire operazione per operazione, mantenendo l'ordine dello schedule dato, a quale transazione dare il lock su quale risorsa. Conviene mantenere queste informazioni in una tabella con una colonna per le operazioni, una per il lock/unlock e infine tante colonne quante sono le risorse, in cui indicare quale transazione ne detiene attualmente l'accesso. L'istruzione da scrivere nella colonna dei lock avrà la seguente forma:

$$\text{lock}(\text{transazione}, \text{risorsa}) \implies \text{OK/NO}$$

oppure il complementare

$$\text{unlock}(\text{transazione}, \text{risorsa}) \implies \text{OK/NO}$$

3. Riempiamo la tabella con il nostro schedule

Operazione	Lock	X	Y	Z	T
$R_1(x)$	lock(t_1, x): OK	t_1			
$R_2(t)$	lock(t_1, t): OK	t_1			t_1
$R_2(z)$	lock(t_2, z): OK	t_1		t_2	t_1
$W_3(x)$	lock(t_1, y): OK	t_1	t_1	t_2	t_1
	unlock(t_1, x): NO	t_1	t_1	t_2	t_1

4. Osserviamo i passaggi effettuati a partire dall'operazione $W_3(x)$

- La transazione 3 vuole effettuare una scrittura su x , quindi deve prima togliere il lock alla transazione che ne ha possesso, ovvero la t_1
- Prima di unlockare una risorsa a t_1 devo prima bloccare tutte quelle risorse di cui in futuro avrà bisogno, quindi la y
- A questo punto unlocko x dalla transazione 1, e qui sta il problema: l'operazione successiva dello schedule è $W_1(x)$, ma avendo appena unlockato non potrò più rilocalo.

Quindi lo schedule in esame non è 2PL. Notare che in realtà noi già sapevamo l'esito della verifica: dato che lo schedule non era CSR, non poteva in nessun modo essere nemmeno 2PL.