Formulario di fisica

DI GIANLUCA MONDINI E DI CHIUNQUE ALTRO MI AIUTI

ATTENZIONE: il seguente formulario potrebbe contenere errori. Non mi assumo nessuna responsabilità sui contenuti. Il formulario è ancora in costruzione e necessita una revisione.

Sono contenute alcune brevi descrizioni delle formule, che molto probabilmente saranno eliminate prima della stampa.

A destra di alcune formule è indicata l'unità di misura del valore corrispondente all'interno di parentesi quadre (es. $V = I \cdot R[v]$)

1 Cinematica

1 Energia meccanica

1.1 Energia cinetica del centro di massa

$$E_c = \frac{1}{2} \, m \, v^2$$

1.2 Energia cinetica di rotazione

$$E_{\rm rot} = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m r^2 w^2$$

a questo punto si pone $m r^2 = I$ e si ottiene

$$E_{\rm rot} = \frac{1}{2} I w^2$$

2 Pendolo

2.1 Periodo di oscillazione

2.1.1 Pendolo semplice

$$T = 2 \pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

2.1.2 Pendolo fisico

$$T = 2 \pi \sqrt{\frac{I}{m g d}}$$

2 Elettromagnetismo

1 Campo elettrico

"Definizione": 'Forza per unità di carica che una carica sonda percepisce per la presenza delle cariche sorgenti

1.1 Legge di Coulomb

$$|F_e| = k_e \cdot \frac{|q_1| \cdot |q_2|}{r^2}$$

dove $k_e = 8.9876 \times 10^9 \, N \cdot m^2 / C^2$. k_e si può indicare anche come $\frac{1}{4 \, \pi \, \varepsilon_0}$

1.2 Vettore campo elettrico

$$\vec{E} \equiv \frac{\vec{F}_e}{q_0} \left[\frac{N}{C} \right]$$

Da questo ricaviamo che, presa una carica q_0 immersa in un campo elettrico \vec{E} , la forza che spinge la carica è uguale a

$$\vec{F}_e = q_0 \vec{E}$$

1.3 Lavoro per spostare una carica

Il lavoro necessario per spostare una carica dalla posizione r_A alla posizione r_B è pari a

$$W = \int_{r_A}^{r_B} F_t \, dr$$

dove F_t è la forza tangente che compie lo spostamento. Siccome F_t è sempre tangente, abbiamo

$$W = \int_{r_A}^{rB} q E dr$$

Sostituendo e semplificando otteniamo

$$W = \frac{q_1 \, q_2}{4 \, \pi \, \varepsilon_0} \left(\frac{1}{r_A} - \frac{1}{r_B} \right)$$

1.4 Energia potenziale elettrica

Un campo conservativo ammette energia potenziale.

Partendo dalla relazione

$$W_{\rm cons} = -\Delta U_E = U_{\rm finale} - U_{\rm iniziale}$$

Abbiamo che l'energia potenziale associata al campo elettrico è uguale a

$$U_E = \frac{q_1 \, q_2}{4 \, \pi \, \varepsilon_0} \, \frac{1}{r}$$

dove r è la distanza tra le due cariche

1.5 Momento di dipolo elettrico

Dato un sistema di cariche, il momento elettrico (o momento di dipolo) è una grandezza vettoriale che quantifica la separazione tra le cariche positive e negative, ovvero la polarità del sistema, e si misura in Coulomb per metro.

Date due cariche di segno opposto e uguale modulo q, il momento elettrico p è definito come

$$\vec{p} = q \cdot \vec{d}$$

dove \vec{d} è il vettore spostamento dell'uno rispetto all'altro, orientato dalla carica negativa alla carica positiva.

1.6 Flusso elettrico

È proporzionale al numero di linee di campo elettrico che attraversano una superficie. Se il campo elettrico è uniforme e forma un angolo con la normale ad una superficie di area A, il flusso elettrico attraverso la superficie è

$$\Phi_E = E A \cos(\theta) \left[\frac{N m^2}{C} \right]$$

1.7 Flusso elettrico (legge di Gauss)

Data una superficie chiusa,

$$\Phi_S(\vec{E}) = \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{\sum q_{\rm in}}{\varepsilon_0}$$

dove $\sum q_{\rm in}$ è la carica totale contenuta all'interno della superficie.

In pratica, il flusso attraverso una superficie è uguale alla somma delle cariche interne diviso ε_0 . Le cariche esterne non danno un contributo al flusso in quanto le linee di forza entrano ed escono, quindi la somma dei contributi è nulla.

1.7.1 Scelta della superficie E

È fondamentale che la superficie chiusa E soddisfi una o più delle seguenti condizioni:

- 1. Da considerazioni di simmetria si può arguire che il valore del campo elettrico deve essere costante sulla porzione di superficie
- 2. Il prodotto scalare E dA che compare nella formula può essere espresso come un semplice prodotto algebrico E dA in quanto \vec{E} e \vec{dA} sono paralleli.
- 3. Il prodotto scalare E dA che compare nella formula è nullo, in quanto \vec{E} e \overrightarrow{dA} sono perpendicolari.
- 4. Il campo elettrico è nullo sulla porzione di superficie.

1.8 Relazione con il campo magnetico

Un campo magnetico variabile genera un campo elettrico

$$\oint_{L} (\vec{E}) = -\frac{d}{dt} \Phi_{S}(\vec{B})$$

1.9 Equilibrio elettrostatico

Un conduttore in equilibrio elettrostatico ha le seguenti proprietà:

1. Il campo elettrico all'interno del conduttore è ovunque nullo sia che il conduttore sia pieno sia che sia cavo

- 2. Un qualunque eccesso di carica su un conduttore isolato deve risiedere interamente sulla sua superficie
- 3. Il campo elettrico in un punto nelle immediate vicinanze del conduttore è perpendicolare alla sua superficie ed ha intensità σ / ε_0 , dove σ è la densità di carica superficiale in quel punto
- 4. Su un conduttore di forma irregolare la densità di carica è massima dove il raggio di curvatura della superficie è minimo.

1.10 Differenza di potenziale

$$\Delta V_{AB} = V_A - V_B \equiv \frac{\Delta U}{q_2} = -\int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

$$\Delta V_{AB} = \frac{q_1}{4\pi\varepsilon_0} \left(\frac{1}{r_A} - \frac{1}{r_B} \right)$$

Ponendo, per convenzione, potenziale nullo all'infinito, abbiamo che

$$V = \frac{q_1}{4\pi\,\varepsilon_0} \, \frac{1}{r} \bigg[v = \frac{J}{C} \bigg]$$

1.11 Variazione di energia potenziale

Quando una carica di prova positiva q_1 si sposta dal punto (A) al punto (B) in un campo elettrico \vec{E} , la variazione di energia potenziale del sistema carica-campo è

$$\Delta U = -q_1 \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

1.12 Condensatore

$$C = \frac{Q}{\Delta V} \left[\frac{C}{v} = F \right]$$

dove Q è la carica (per convenzione quella positiva) depositata sul condensatore.

L'energia potenziale del campo elettrostatico contenuta nel condensatore è uguale a

$$U = \frac{1}{2}C \ \Delta V = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$

2 Campo magnetico

Il campo magnetico è costituito da linee chiuse

2.1 Teorema di Ampère

È il duale del teorema di Gauss per il campo magnetico

La circuitazione del campo magnetico lungo una linea γ è uguale a μ_0 moltiplicata per la somma delle correnti I_i concatenate con la linea stessa

$$\oint_{\gamma} B \cdot d \, l = \mu_0 \sum_{i} I_i$$

2.1.1 Legge di Biot-Savart

Si applica nel caso di un filo rettilineo indefinito percorso da corrente stazionaria I. Supponendo di essere nel vuoto, il modulo di B è inversamente proporzionale alla distanza dal filo r secondo l'espressione:

$$B = \mu_0 \cdot \frac{I}{2 \pi r}$$

Si ricava dal teorema di Ampère integrando d l lungo la circonferenza di raggio r e considerando la corrente I come l'unica corrente concatenata alla linea γ .

2.2 Teorema di Ampère-Maxwell

Rispetto al teorema di Ampère tiene conto anche delle variazioni di campo elettrico

$$\oint_{\gamma} B = \mu_0 \left(I_{\text{conc}} + \varepsilon_0 \frac{\partial \Phi_S(\vec{E})}{\partial t} \right)$$

La superficie S ha come bordo γ

Il termine $\varepsilon_0 \frac{\partial \Phi_S(\vec{E})}{\partial t}$ prende il nome di **corrente di spostamento**

2.3 Legge di Gauss per il campo magnetico

$$\Phi_S(\vec{B}) = 0$$

Ovvero non è possibile isolare un monopolo magnetico. Un ulteriore conseguenza è che il campo magnetico \vec{B} è solenoidale, ovvero è composto da linee chiuse.

2.4 Particella in movimento in un campo magnetico uniforme

La traiettoria della particella è circolare, ed il piano del cerchio è perpendicolare al campo magnetico. Il raggio r della traiettoria circolare è

$$r = \frac{m v}{q B}$$

dove m è la massa della particella e q la sua carica. La velocità angolare della particella carica è

$$\omega = \frac{qB}{m}$$

2.5 Momento di dipolo magnetico

$$\vec{m} = I \cdot S [A \cdot m^2]$$

La direzione è data dalla direzione positiva di attraversamento di S, che viene individuata tramite la regola della mano destra (ponendo il pollice nella direzione della corrente I che scorre lungo il "contorno" di S)

2.6 Campo magnetico generato da un solenoide

$$|B| = \mu_o \cdot n \cdot I$$

2.7 Energia potenziale magnetica

L'energia potenziale del sistema formato da un momento di dipolo magnetico in un campo magnetico è

$$U = -\vec{\mu} \cdot \vec{B}$$

3 Costanti

• Costante dielettrica (o permittività) del vuoto

$$\varepsilon_0 = 8.8542 \times 10^{-12} \, C^2 / N \cdot m^2$$

• Permeabilità magnetica del vuoto

$$\mu_0 = 4 \pi \times 10^{-7} H/m$$

(necessita di revisione)

$$\mu_0 \cong 1.25663706144 \times 10^{-6} \, H/m$$

si può anche esprimere in $T\cdot m/A$

• Costante di Coulomb

$$k_e = 8.9876 \times 10^9 \, N \cdot m^2 / C^2$$

• Massa dell'elettrone

$$m_e \cong 9.1093826 \times 10^{-31} \,\mathrm{kg}$$