

Последовательные контейнеры

Обзор задач на LeetCode

Вектора

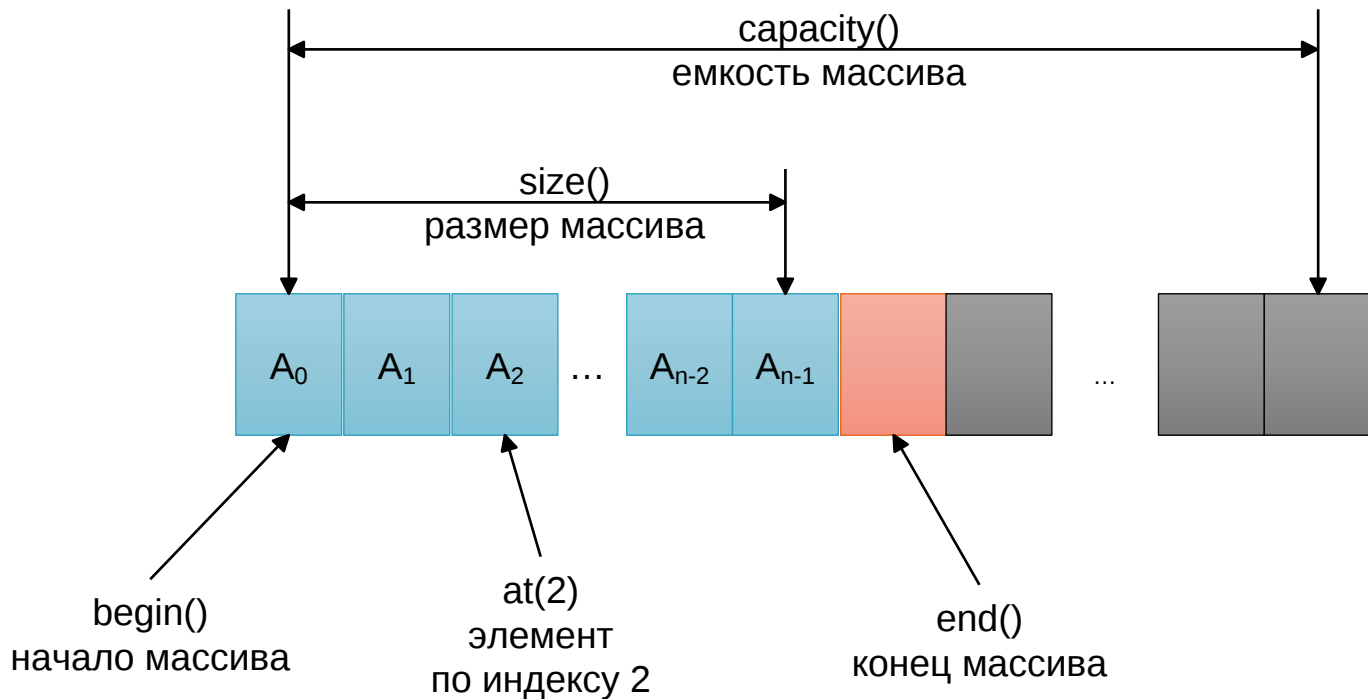
STL Вектор (**std::vector**)

В C++ вектор (**std::vector**) - это динамический массив, который хранит коллекцию элементов одного типа в непрерывной памяти.

Имеет возможность автоматически изменять свой размер при вставке или удалении элемента.

Реализует технологию RAII (парадигму управления ресурсами, которая означает, что ресурсы выделяются и освобождаются автоматически при создании и уничтожении объектов).

Описание std::vector



Методы класса `vector`*

Доступ к элементу	
<code>at</code>	доступ к указанному элементу с проверкой границ
<code>operator[]</code>	доступ к указанному элементу
<code>front</code>	доступ к первому элементу
<code>back</code>	доступ к последнему элементу
<code>data</code>	прямой доступ к базовому хранилищу
Итераторы	
<code>begin</code> <code>cbegin</code>	возвращает итератор на начало контейнера
<code>end</code> <code>cend</code>	возвращает итератор на конец контейнера
<code>rbegin</code> <code>crbegin</code>	возвращает «обратный» итератор на начало перевернутого контейнера (указывает на последний элемент)
<code>rend</code> <code>crend</code>	возвращает «обратный» итератор на конец перевернутого контейнера (указывает на первый элемент)

Вместимость	
<code>empty</code>	проверяет, пуст ли контейнер
<code>size</code>	возвращает количество элементов
<code>max_size</code>	возвращает максимально возможное количество элементов
<code>reserve</code>	выделяет память для хранения указанного количества элементов
<code>capacity</code>	возвращает количество элементов, которые могут храниться в выделенном в данный момент хранилище (емкость)
Модификаторы	
<code>clear</code>	очищает содержимое контейнера
<code>insert</code>	вставляет элементы
<code>insert_range</code>	вставляет диапазон элементов
<code>erase</code>	стирает элементы
<code>push_back</code>	добавляет элемент в конец
<code>pop_back</code>	удаляет последний элемент
<code>resize</code>	изменяет количество сохраненных элементов
<code>swap</code>	меняет местами содержимое

*) Полный список можно найти в документации, например, <https://en.cppreference.com/w/cpp/container/vector>

LeetCode 525

Дан двоичный массив `nums`, найдите максимальную длину непрерывной подпоследовательности элементов массива с равным числом нулей и единиц.

Пример 1

Дано: `nums = [0,1]`

Ответ: 2

Пояснение: `[0, 1]` является самой длинной подпоследовательностью с одинаковым количеством нулей и единиц.

Пример 2

Дано : `nums = [0,1,0]`

Ответ : 2

Пояснение : `[0, 1]` (или `[1, 0]`) является самой длинной подпоследовательностью с одинаковым количеством нулей и единиц.

Пример 3

Дано : `nums = [0,1,1,1,1,1,0,0,0]`

Ответ : 6

Пояснение : `[1,1,1,0,0,0]` является самой длинной подпоследовательностью с одинаковым количеством нулей и единиц.

<https://leetcode.com/problems/contiguous-array/description/>

Решение. Перебор

Требуется рассмотреть все возможные непрерывные подпоследовательности и посчитать в них количество нулей и единиц.

- Для прохода по массиву используются два вложенных цикла.
- Во внешнем цикле итератор пробегает элементы от начала до конца массива, фиксируя начало подпоследовательности.
- Во внутреннем цикле итератор ведет конец подпоследовательности, формально включая в нее каждый следующий элемент за началом, пока не закончатся варианты.
- На каждой итерации внутреннего цикла подсчитывается количество нулей и единиц в подпоследовательности.
- Каждый раз, когда количество нулей и единиц становится равным, обновляется значение максимальной длины.

Решение. Перебор: оценка сложности

Временная сложность: $O(n^2)$.

Количество возможных значений для начала подпоследовательности равно $(n - 1)$.

Для индекса начала последовательности *start*, количество возможных подпоследовательностей $n - start - 1$

Пространственная сложность : $O(1)$.

Для решения задачи требуются две переменные - нули и единицы для подсчета и переменная, в которой будет обновляться значение максимальной длины.

Решение. Вспомогательный массив

Переберем все элементы массива `nums` с самого начала и определим переменную `sum` для хранения относительного количества единиц и нулей, встреченных на данном шаге прохода по массиву.

`sum` увеличивается на единицу всякий раз, когда встречается 1, и уменьшается на единицу всякий раз, когда встречается 0. Значение `sum` может варьироваться от $-n$ (когда все элементы равны нулям) до $+n$ (когда все элементы равны единицам).

Если на каком-либо индексе `sum` становится равной нулю, это означает равное количество нулей и единиц с начала и до текущего индекса.

Если на некотором индексе мы получаем `sum`, которая уже встречалась при каком-то предыдущем индексе, это означает, что количество 0 и 1 равно между этими индексами.

Отслеживаем индексы, которые соответствуют одному тому же значению `sum`, но отстоят друг от друга на максимальное расстояние.

Во вспомогательном массиве `temp` размером $2n+1$ будем фиксировать индексы, при которых первый раз встречается соответствующее значение `sum`.

Всякий раз, когда мы снова встречаем ту же сумму, мы определяем длину подмассива, лежащего между индексами, соответствующими тем же значениям суммы.

Решение. Вспомогательный массив: пример

Требуется рассмотреть все возможные непрерывные подпоследовательности и посчитать в них количество нулей и единиц.

Пример: = [0,1,1,1,1,1,0,0,0]

Исходный массив (длина массива $n = 9$)

index	0	1	2	3	4	5	6	7	8
nums	0	1	1	1	1	1	0	0	0
sum	-1	0	1	2	3	4	3	2	1

Вспомогательный массив temp (длина массива $2n+1 = 19$)

index	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
sum	-9	-8	-7	-6	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
temp	#	#	#	#	#	#	#	#	0	-1	2	3	4	5	#	#	#	#	#

sum = 0 встретила еще раз в индексе 1

sum = 1 встретила еще раз в индексе 8

sum = 3 встретила еще раз в индексе 6

sum = 2 встретила еще раз в индексе 7

Решение. Вспомогательный массив: оценка сложности

Временная сложность: $O(n)$.

Для решения задачи требуется единственный проход по массиву из n элементов, за который собирается и анализируется информация о количестве 0 и 1.

Пространственная сложность : $O(n)$.

Используется дополнительный массив размера $(2n+1)$ и вспомогательная переменная `sum`.

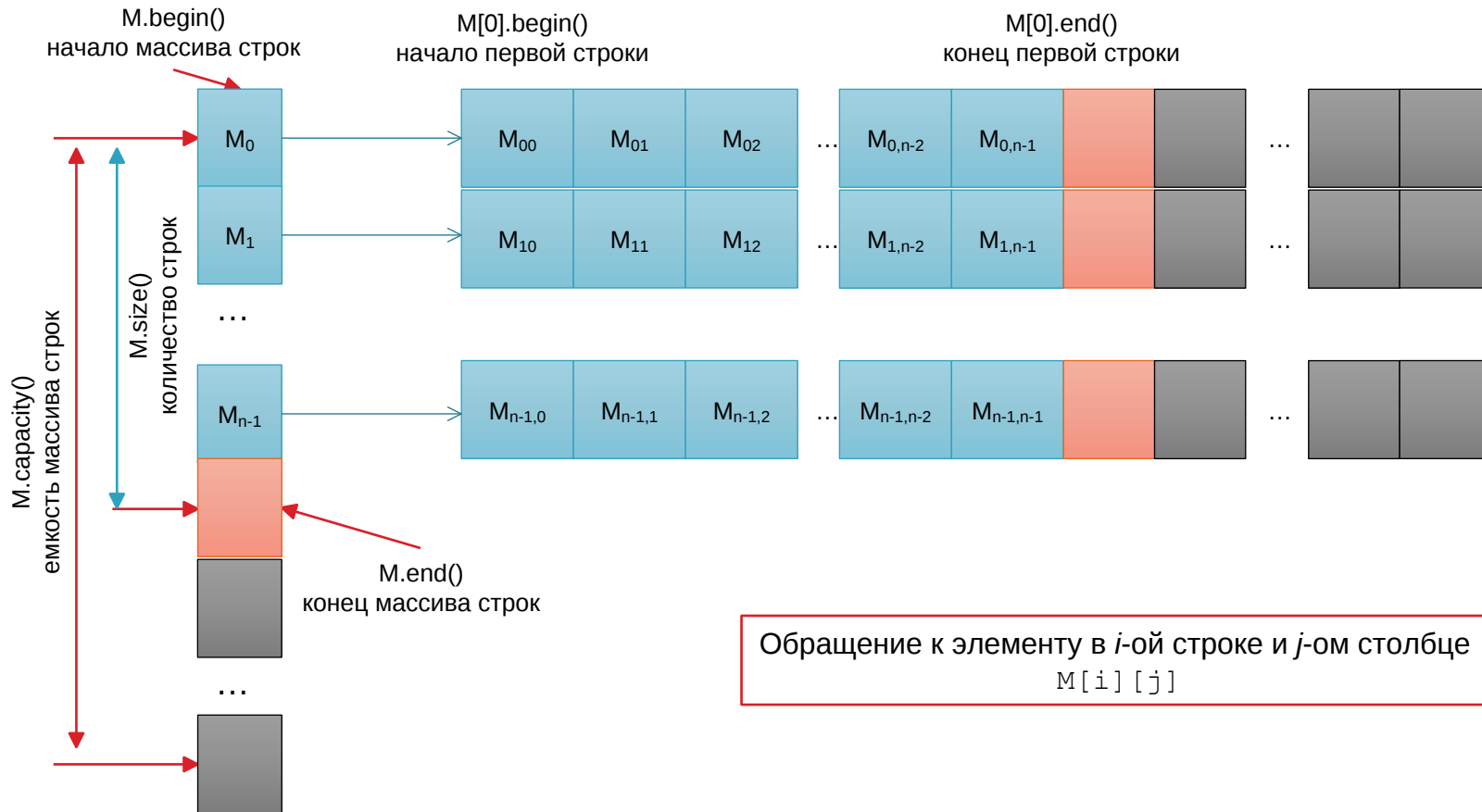
Матрицы

Матрица (`std::vector <std::vector<>>`)

Матрица в STL строится как вектор векторов, представляя собой либо набор строк, либо набор столбцов, в зависимости от того, как удобнее просматривать, анализировать и изменять матрицу.

Если матрица – это набор строк, то добавление и удаление строки являются методами «внешнего» вектора, а добавление/удаление строк требует работы с каждым «внутренним» вектором отдельно.

Описание матрицы (массив строк)



LeetCode 73

Дана целочисленная матрица $m \times n$. Для каждого ее нулевого элемента, обнулите также и значения элементов в строке и столбце, в которых он находится.

Дано: matrix = [[1,1,1],[1,0,1],[1,1,1]]

Ответ: [[1,0,1],[0,0,0],[1,0,1]]

Пример 1

1	1	1		1	0	1
1	0	1	⇒	0	0	0
1	1	1		1	0	1

Дано : matrix = [[0,1,2,0],[3,4,5,2],[1,3,1,5]]

Ответ : [[0,0,0,0],[0,4,5,0],[0,3,1,0]]

Пример 2

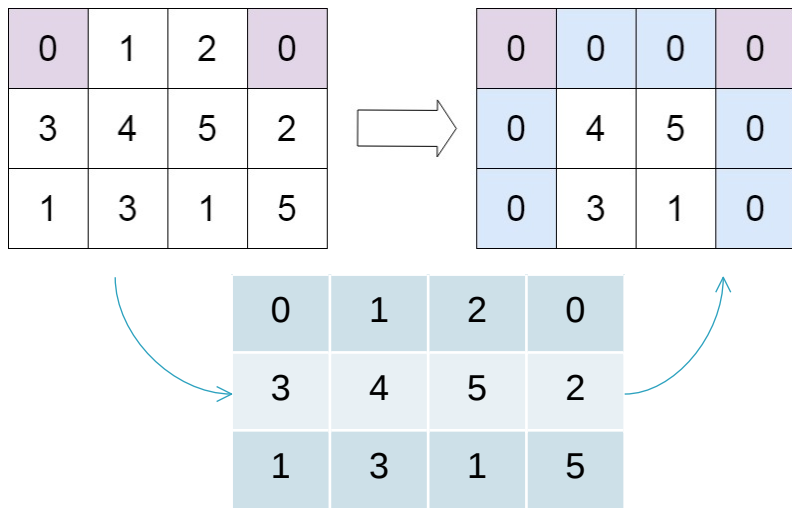
0	1	2	0		0	0	0	0
3	4	5	2	⇒	0	4	5	0
1	3	1	5		0	3	1	0

Решение. Вспомогательная матрица

Создаем вспомогательную матрицу temp, являющуюся копией исходной матрицы.

На основании вспомогательной матрицы принимаем решение об изменении исходной:

если элемент вспомогательной матрицы равен нулю, в исходной матрице обнуляем элементы в соответствующих строке и столбце.



Решение. Вспомогательная матрица: оценка сложности

Временная сложность: $O(n \times m \times (n + m))$.

Для решения требуется проход по матрице, который требует $n \times m$ шагов. Для каждого нулевого элемента (в худшем случае все элементы могут быть нулевыми) требуется пройти по его строке и столбцу, что требует $(n + m)$ шагов.

Пространственная сложность : $O(n \times m)$.

Потребовала вспомогательная матрица $n \times m$.

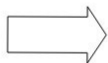
Решение. След изменений

Изменение матрицы проводится на том же месте, без создания вспомогательных массивов или матриц.

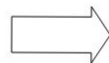
Первый проход по матрице отмечает те элементы, которые надо будет изменить, то есть стоящие в строках и столбцах, где есть нули.

Второй проход обращает в нуль отмеченные элементы.

0	1	2	0
3	4	5	2
1	3	1	5



0	#	#	0
#	3	5	#
#	3	1	#



0	0	0	0
0	4	5	0
0	3	1	0

Решение. След изменений: оценка сложности

Временная сложность: $O(n \times m \times (n + m))$.

Для решения задачи организуем два прохода по матрице, каждый из которых требует $n \times m$ шагов. При первом проходе для каждого нулевого элемента (в худшем случае все элементы могут быть нулевыми) требуется пройти по его строке и столбцу, что требует $(n + m)$ шагов.

Пространственная сложность : $O(1)$.

Дополнительная память не требуется (только отдельные вспомогательные переменные - индексы и размер матрицы).

Решение. Множество индексов

Создаем два вспомогательных множества для того, чтобы запомнить, в каких строках (rows) и столбцах (columns) требуется провести изменения.

За первый проход по матрице добавляем в множество индексов строк номера строк, в которых есть нулевые элементы, а в множество индексов столбцов – номера соответствующих столбцов.

Второй проход обращает в нуль элементы в строках и столбцах, записанных в множествах rows и columns.

0	1	2	0
3	4	5	2
1	3	1	5



rows:	0
columns	0, 3



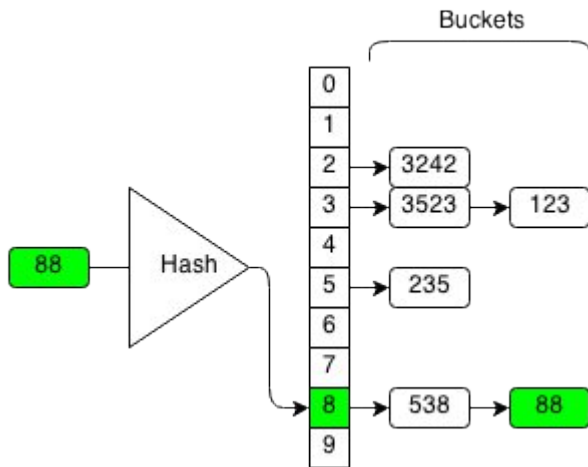
0	0	0	0
0	4	5	0
0	3	1	0

Множество

`unordered_set` - это неупорядоченный ассоциативный контейнер, которым хранятся **уникальные** элементы.

Для организации множества используется технология хеширования, когда элементу ставится в соответствие кодовая последовательность фиксированной длины.

Операции поиска, вставки и удаления выполняются в среднем за время $O(1)$, но при этом элементы не сортируются в каком-либо определенном порядке.



Создание множества:
`unordered_set<int> rows;`

Вставка элемента:
`rows.insert(i);`

[Ссылка](#)

Решение. Множество индексов: оценка сложности

Временная сложность: $O(n \times m)$.

Для решения требуется проход по матрице, $n \times m$ шагов, для сбора информации.

Далее по результатам собранной информации заполняем нулями выбранные строки и столбцы, что также требует по $n \times m$ в худшем случае.

Пространственная сложность : $O(n + m)$.

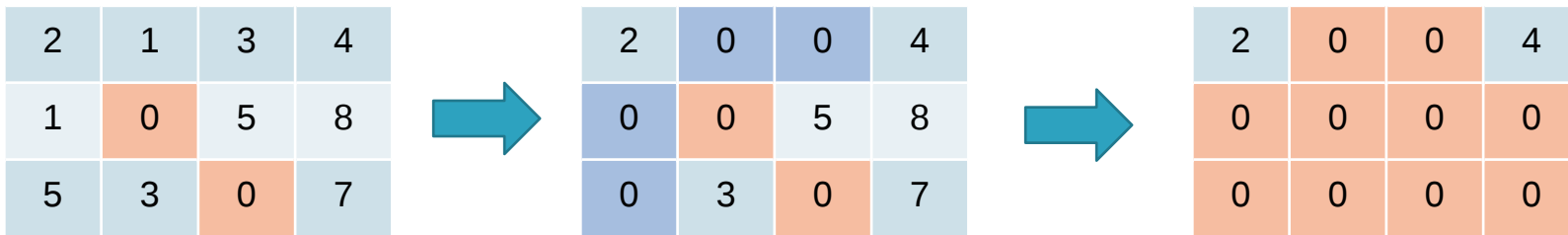
Дополнительная память требуется для хранения индексов строк (n) и столбцов (m).

Решение. Метки

Изменение матрицы проводится на том же месте, без создания вспомогательных массивов или матриц.

Первый проход по матрице в первой строке отмечает нулями те столбцы, где есть нули, а в первом столбце – строки, где есть нули.

Второй проход обращает в нуль элементы в отмеченных строках и столбцах: сначала во всех строках и столбцах кроме первых, потом, если требуется, «закрашивает» первые.



Решение. Метки: оценка сложности

Временная сложность: $O(n \times m)$.

Для решения требуется проход по матрице, $n \times m$ шагов, для сбора информации.

Далее по результатам собранной информации заполняем нулями выбранные строки и столбцы, что также требует по $n \times m$ шагов.

Пространственная сложность : $O(1)$.

Дополнительная память не требуется.

LeetCode 79

Дана символьная матрица $m \times n$ и слово длины w . Определите, находится ли слово в матрице.

Требуемое слово может быть составлено из букв, расположенных в соседних ячейках.

Соседние ячейки это те, у которых есть общие грани.

Одна и та же ячейка не может использоваться более одного раза.

Пример 1

Дано: board = `[["A","B","C","E"],["S","F","C","S"],["A","D","E","E"]]`, word = "ABCCED"

Ответ: true

A	B	C	E
S	F	C	S
A	D	E	E

Пример 2

Дано : board = `[["A","B","C","E"],["S","F","C","S"],["A","D","E","E"]]`, word = "SEE"

Ответ : true

A	B	C	E
S	F	C	S
A	D	E	E

<https://leetcode.com/problems/word-search/description/>

Решение. Обход в глубину: оценка сложности

Временная сложность: $O(n \times m \times 3^w)$.

Для решения требуется проход по матрице, $n \times m$ шагов.

Для каждой ячейки может потребоваться проверка наличия слова, что предполагает просмотр максимум трех соседних ячеек (всегда исключаем ту, откуда пришли).

Поиск слова, начиная с текущей ячейки оцениваем в 3^w операций.

Пространственная сложность : $O(3^w)$.

Дополнительная память требуется для отслеживания посещенных ячеек, что не превышает $3w$.

Стек

Стек (stack<>)

Стек - это линейная структура данных, которая соответствует определенному порядку выполнения операций.

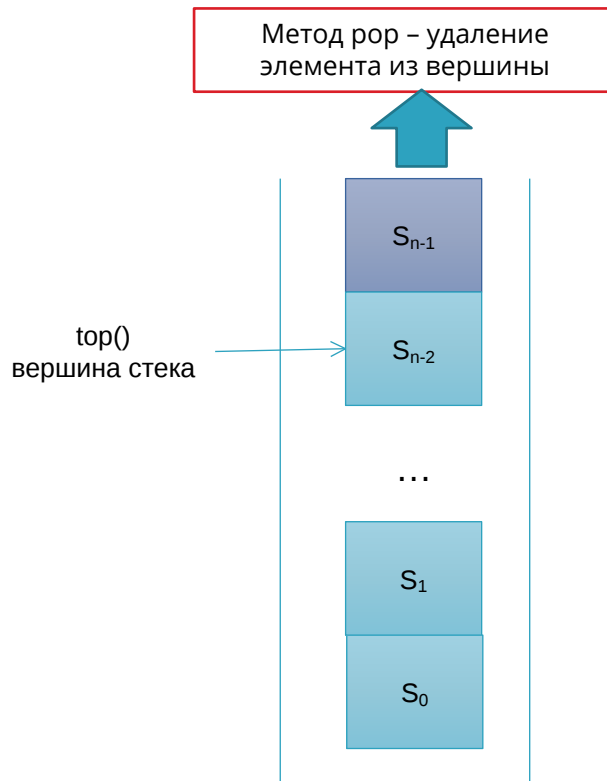
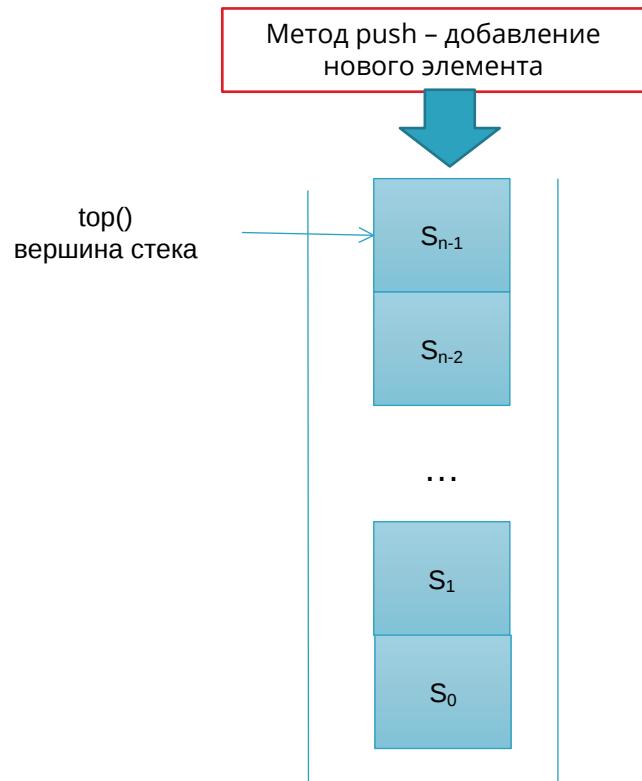
Порядок может быть LIFO (Last Input First Output = Кто последний пришел, тот первым ушел)

или

FILO (First Input Last Output = Кто первый пришел, тот последним ушел).

Стек в STL является адаптером последовательных контейнеров, ограничивая их функциональность только необходимыми для собственной реализации методами.

Описание стека



LeetCode 155

Разработайте стек, который поддерживает функции:

- Добавления элемента в стек (push),
- Удаления элемента из вершины стека (pop),
- Получения значения элемента в вершине стека (top)
- Получение значения минимального элемента (getMin).

Для всех операций алгоритмическая сложность должна быть $O(1)$.

```
class MinStack {  
public:  
    MinStack() {  
  
    }  
  
    void push(int val) {  
  
    }  
  
    void pop() {  
  
    }  
  
    int top() {  
  
    }  
  
    int getMin() {  
  
    }  
};
```


LeetCode 155



Какую структуру данных лучше использовать, чтобы гарантировать алгоритмическую сложность $O(1)$?

```
class MinStack {
public:
    MinStack() {

    }

    void push(int val) {

    }

    void pop() {

    }

    int top() {

    }

    int getMin() {

    }
};
```

Очередь

Очередь (queue<>)

Очередь - это линейная структура данных, которая соответствует порядку выполнения операций FIFO (First Input First Output = Кто последний пришел, тот первым ушел)

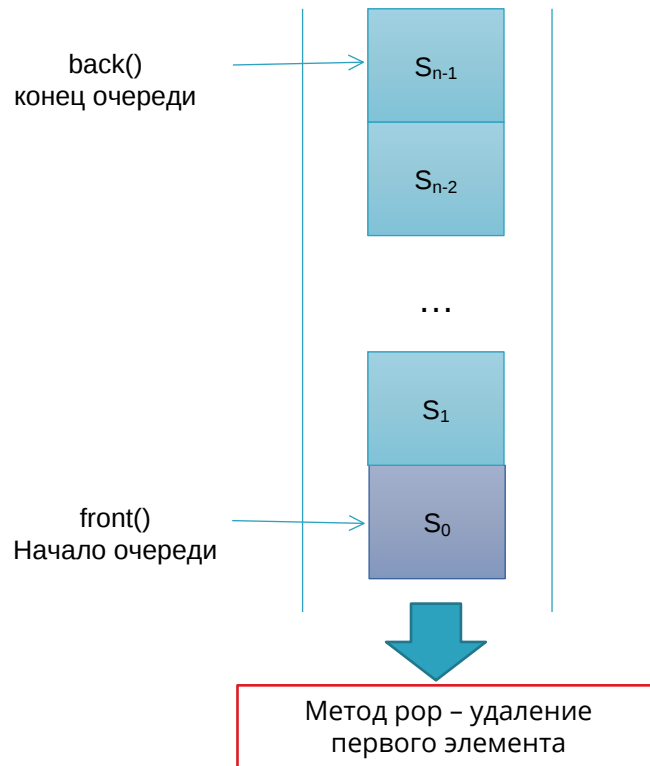
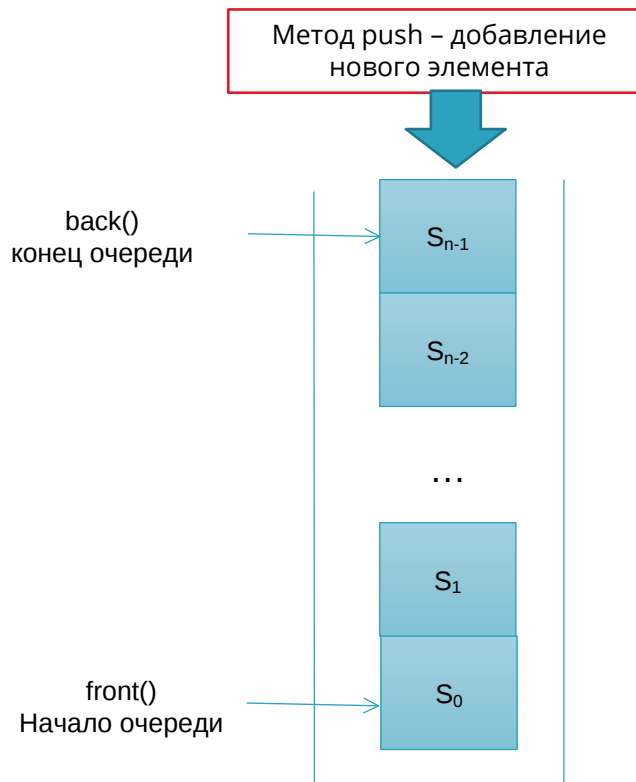
В STL очередь, как и стек, является адаптером последовательных контейнеров, ограничивая их функциональность только необходимыми для собственной реализации методами.

Он используется в качестве буфера в компьютерных системах, где есть несоответствие скорости между двумя взаимодействующими устройствами.

Очередь также используется в алгоритмах операционной системы, таких как планирование работы процессора и управление памятью.

Широко применяется во многих стандартных алгоритмах, например, поиск по ширине графа и обход дерева по уровням.

Описание очереди



LeetCode 239

Дан массив, в котором записаны n целых чисел. Также дано также скользящее окно размером k . Скользящим окном ширины k называют непрерывный блок ячеек массива, состоящий из k элементов, соответственно, можно видеть только те элементы, что находятся в окне, остальные считаются скрытыми.

Правила:

- Окно перемещается от левого края массива к правому край.
- Каждый раз скользящее окно перемещается вправо на одну позицию.

Для каждого положения скользящего окна укажите максимальный элемент.

LeetCode 239. Пример

Дано: `nums = [1,3,-1,-3,5,3,6,7]`,

`k = 3`

Ответ: `[3,3,5,5,6,7]`

								max
1	3	-1	-3	5	3	6	7	3
1	3	-1	-3	5	3	6	7	3
1	3	-1	-3	5	3	6	7	5
1	3	-1	-3	5	3	6	7	5
1	3	-1	-3	5	3	6	7	6
1	3	-1	-3	5	3	6	7	7

<https://leetcode.com/problems/sliding-window-maximum/description/>

Решение. Перебор

Проверяем каждое положение скользящего окна и вычисляем максимальное значение.



Решение. Перебор: оценка сложности

Временная сложность: $O(n \times k)$.

Для решения требуется последовательный перебор всех положений окна, которых $n - k + 1$.

Для каждого окна ищем максимум за $k-1$ шаг.

Итого $(n-k+1)(k-1) \sim nk$

Пространственная сложность : $O(n)$ или $O(1)$, если не включать итоговый массив.

Потребовался массив из $n-k+1 \sim n$ элементов для хранения результата

Очередь с приоритетами

Очередь с приоритетами

Priority_queue — это контейнер-адаптер в C++, который позволяет управлять коллекцией элементов с приоритетами.

В отличие от обычной очереди, где элементы обрабатываются по принципу «первый пришёл — первый вышел» (FIFO), в `priority_queue` элементы упорядочены по приоритету, при этом элемент с наивысшим приоритетом всегда находится в начале очереди.

Priority_queue подходит для сценариев, где необходимо обрабатывать элементы на основе их приоритета, например для планирования задач, алгоритма Дейкстры и других.

Приоритет

По умолчанию приоритетом является величина элемента: чем больше его значение, тем выше приоритет.

Если однозначно определить приоритет нельзя, требуется снабдить тип элементов оператором сравнения

Элементы целого типа: `queue<int> q({1,2,3});`

Порядок в очереди: 3, 2, 1

```
struct Item{  
    int key;  
    bool operator<(const Item &item) const{return key < item.key;}  
};
```

Элементы

пользовательского типа: `queue<Item> q({Item{1},Item{2},Item{3}});`

Порядок в очереди: `Item{3}, Item{2}, Item{1}`

Приоритет

Схему приоритета это можно изменить, указав правила сравнения элементов.

```
int data[]{3,2,1,5,4};  
std::priority_queue<int, std::vector<int>, std::greater<int>>>  
    min_pq(begin(data), end(data));
```

1,2,3,4,5

```
struct{  
    bool operator()(const int l, const int r) const {  
        return l % 10 > r % 10; }  
} less_sum;  
int data[]{82,11,131,49, 115};  
std::priority_queue sum_pq(begin(data), end(data), less_sum);
```

11,131,82,115,49

Основные методы `priority_queue`

`push()` — добавляет элемент в очередь с сохранением порядка.

`pop()` — удаляет верхний элемент (с наивысшим приоритетом).

`top()` — извлекает верхний элемент без его удаления.

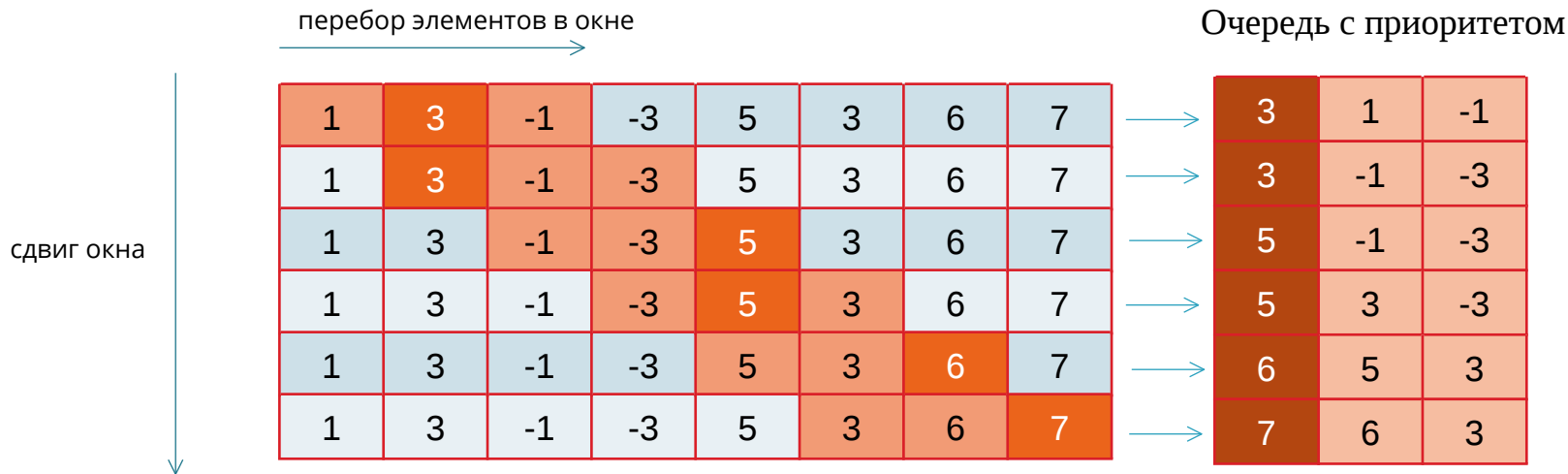
`empty()` — проверяет, пуста ли очередь с приоритетами.

`size()` — возвращает количество элементов в очереди.

Решение. Очередь с приоритетами

Идея заключается в том, на месте окна формируется очередь с приоритетом.

На каждом шаге сдвига окна, удаляются элементы, которые находятся за пределами окна, а новый включается в очередь.



Решение. Очередь с приоритетами: оценка сложности

Временная сложность: $O(n \log k)$.

Для решения требуется последовательный перебор всех положений окна, которых $n - k + 1$.

Вставка элемента и удаление элемента занимает $O(\log k)$ времени.

Пространственная сложность : $O(k)$.

Дополнительно требуется очередь с приоритетами из k элементов.

Решение. Очередь с приоритетами: код (множество)

multiset упорядоченное множество, позволяющее дублирование элементов

extract исключает одно вхождение элемента, если есть его дубликаты, они остаются

```
class Solution {
public:
    vector<int> maxSlidingWindow(vector<int>& nums, int k) {
        if (nums.size() == 0 || k == 0) {
            return vector<int>();
        }
        int n = nums.size();
        auto lastWindow = nums.begin() + n - k + 1;
        vector<int> res(n - k + 1);
        multiset<int> pq(nums.begin(), nums.begin() + k);
        auto first = nums.begin(), cur = res.begin();
        do{
            *cur = *pq.crbegin();
            pq.extract(*first);
            if (first + k != nums.end())pq.insert(*(first + k));
            first++, cur++;
        } while(first != lastWindow);
        return res;
    }
};
```


**Дек –
двунаправленная
очередь**

Дек

Дек (deque = double-ended queue) в C++ — это структура, объединяющая стек и очередь , или две очереди (двусторонняя очередь)

В деке реализовано эффективное добавление и удаление элементов в начале и в конце (временная сложность $O(1)$) , так как старые элементы остаются в тех же ячейках памяти, их не приходится копировать.

Вставка в середину дека и удаление из неё требуют сдвига элементов.

В отличие от очереди и стека реализована операция обращения к элементу по индексу.

Решение (продолжение). Дек

В скользящее окно будем добавлять не сами элементы, а их индексы.

Пусть нам требуется включить i -ый элемент, тогда

- 1) Из окна удаляем элементы, которые вышли слева за границу окна.
- 2) Удаляем справа индексы элементов, которые меньше, чем включаемый, так все что меньше не может быть максимумом
- 3) Добавляем индекс i

Гарантировано самый большой элемент будет в начале окна.

Решение. Дек. Пример

1	3	-1	-3	5	3	6	7
1	3	-1	-3	5	3	6	7
1	3	-1	-3	5	3	6	7
1	3	-1	-3	5	3	6	7
1	3	-1	-3	5	3	6	7
1	3	-1	-3	5	3	6	7
1	3	-1	-3	5	3	6	7
1	3	-1	-3	5	3	6	7
1	3	-1	-3	5	3	6	7

Дек

0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	2	3	4	5	6	7

1	3	-1
---	---	----

Включаемый элемент

Элемент окна

Решение. Дек: оценка сложности

Временная сложность: $O(n)$.

Требуется организовать один проход по массиву, принимая решение на каждом шаге о модификации дека.

Пространственная сложность : $O(k)$.

Дек на каждом шаге хранит не более k элементов.

LeetCode 1670

Разработайте очередь, которая поддерживает операции добавления и удаления элементов в начало, середину и конец очереди.

Реализуйте класс `FrontMiddleBackQueue` с методами:

- Конструктор по умолчанию.
- `void pushFront(int val)` Добавляет значение `val` в начало очереди.
- `void pushMiddle(int val)` Добавляет значение `val` в середину очереди.
- `void pushBack(int val)` добавляет значение `val` в конец очереди.
- `int popFront()` Удаляет начальный элемент очереди и возвращает его. Если очередь пуста, возвращает значение `-1`.
- `int popMiddle()` Удаляет средний элемент очереди и возвращает его. Если очередь пуста, возвращает значение `-1`.
- `int popBack()` Удаляет последний элемент очереди и возвращает его. Если очередь пуста, возвращает значение `-1`.

Обратите внимание, что при наличии двух вариантов выбора среднего элемента, операция выполняется с тем, что ближе к началу.

<https://leetcode.com/problems/design-front-middle-back-queue/>

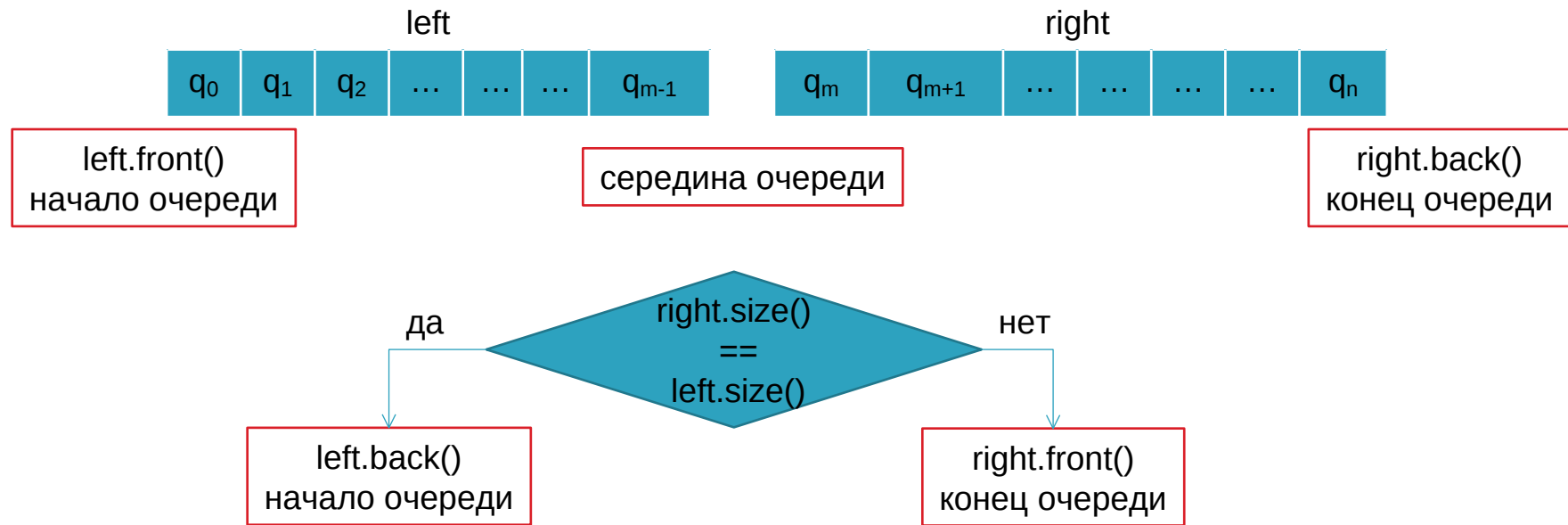
LeetCode 1670



Какую структуры данных лучше использовать, чтобы было как можно меньше перестановок элементов или вообще исключить сдвиги в массиве?

```
class FrontMiddleBackQueue {  
public:  
    FrontMiddleBackQueue() {}  
  
    void pushFront(int val) {}  
  
    void pushMiddle(int val) {}  
  
    void pushBack(int val) {}  
  
    int popFront() {}  
  
    int popMiddle() {}  
  
    int popBack() {}  
};
```

Организация очереди через два дека

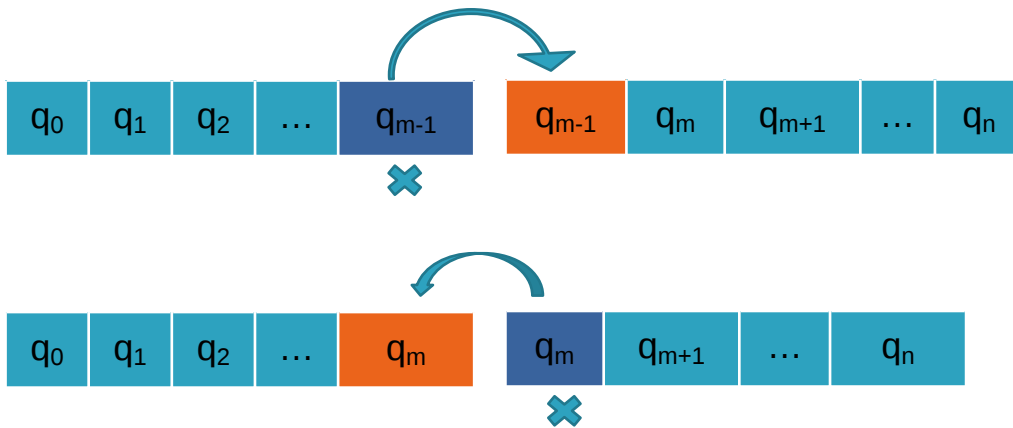


Решение. Два дека

Вспомогательные функции

```
class FrontMiddleBackQueue {
    deque<int> left;
    deque<int> right;
public:
    FrontMiddleBackQueue() {}

    void shiftRight(){
        if (right.size() < left.size()){
            int temp = left.back();
            left.pop_back();
            right.push_front(temp);
        }
    }
    void shiftLeft(){
        if (right.size() - left.size() > 1){
            int temp = right.front();
            right.pop_front();
            left.push_back(temp);
        }
    }
}
```



Решение. Вставка элементов

```
void pushFront(int val) {  
    left.push_front(val);  
    shiftRight();  
}
```



```
void pushMiddle(int val) {  
    if (left.size() == right.size())  
        right.push_front(val);  
    else left.push_back(val);  
}
```

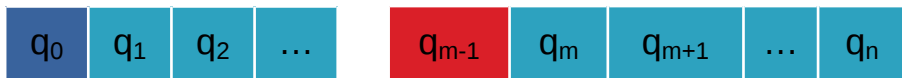


```
void pushBack(int val) {  
    right.push_back(val);  
    shiftLeft();  
}
```

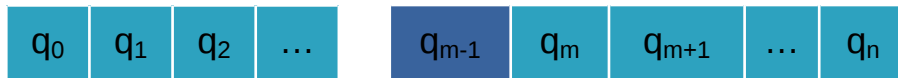


Решение. Удаление элементов

```
int popFront() {  
    if (left.size() == 0 && right.size() == 0) return -1;  
    if (left.size() == 0) {  
        int temp = right.front();  
        right.pop_front();  
        return temp;  
    }  
    int temp = left.front();  
    left.pop_front();  
    shiftLeft();  
    return temp;  
}
```



```
int popMiddle() {  
    int temp;  
    if (right.size() > left.size()) {  
        temp = right.front();  
        right.pop_front();  
    }  
    else {  
        temp = left.back();  
        left.pop_back();  
    }  
    return temp;  
}
```



```
int popBack() {  
    if (left.size() == 0 && right.size() == 0)  
        return -1;  
    int temp = right.back();  
    right.pop_back();  
    shiftRight();  
    return temp;  
}
```

