

گزارش پروژه پایانی درس سیستم های مخابراتی

استاد: دكتر حميد بهروزي

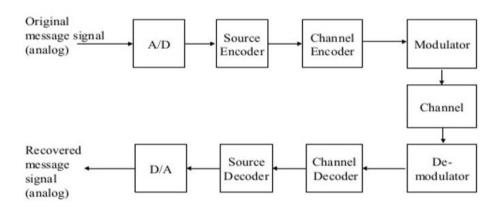
عنوان پروژه: مدولاسيون ديجيتال

نویسندگان گزارش: امرحسین رستمی (۹۶۱۰۱۶۳۵) آروین قویدل (۹۶۱۱۰۵۸۳)

• معرفی و توضیحات اولیه پروژه:

هدف در این پروژه، انتقال تصویر، با استفاده از مدولاسیون دیجیتال است.

ساختار کلی پروژه در شکل زیر آورده شده است :



تمرکز اصلی پروژه روی بلوک های Source Decoder و Source Encoder ، و بلوک های Modulator و مستند. کانال در کل به عنوان یک فیلتر میانگذر با نویز AWGN است و همانطور که در دستور کار آورده شده است، بلوک های A/D و D/A و دبکو در و اینکو در های کانال نیازی به پیاده سازی ندارند.

ابتدا توضیحات نظری مربوط به هر بخش را ارائه میکنیم و سپس نحوه پیاده سازی و نتایج خواسته شده ارائه خواهد شد.

توجه: در بخش های مربوط به محاسبه SNR و نویز، با مراجعه به TA محترم درس (آقای طه عسگری) قرار بر آن شد که بتوانیم دامنه سیگنال ها را در صورت نیاز کم کنیم.

در صورتی که در یکی از بخش ها چنین کرده باشیم آن را اعلام کرده ایم.

• توضیحات نظری پروژه:

در فاز اول باید بلوک های دیکودر و اینکودر منبع پیاده سازی شوند.

هدف از این کار کاهش بیت بر سمبل است که سمبل ها در اینجا یک پیکسل grayscale هستند.

در این پروژه روش کدگذاری مطرح شده، کدگذاری شانون_فانو است که الگوریتم آن به طور کامل در صورت پروژه مطرح شده است و تنها پیاده سازی آن نیاز است که ما در بخش های بعدی به آن میپردازیم.

با کدگذاری به این روش، هر عکس (که مجموعه ۴۰۹۶ پیکسل است) به صورت قطاری از کد های شانون_فانو در میآید و وارد بلوک مودولاتور میشود.

بلوک مودولاتور وظیفه دارد که سیگنال را به باند مناسب ببرد تا در کانال ما (که همانطور که مطرح شد یک فیلتر میان گذر ایده آل است) قابل انتشار باشد (ممکن است در اینجا نویزی به سیگنال اضافه شود که مشکلاتی را به وجود خواهد آورد، در ادامه آنها را شرح میدهیم).

دنباله کد های تولید شده به صورت دو به دو (یعنی هر بخش معادل عدد ۱ و ۲ و ۳ و ۴ است) به بلوک مودولاتور داده میشوند، بلوک مودولاتور سیگنال QAM زیر را تولید میکند:

$$S_{m} = \begin{cases} A_{m}c\sqrt{\frac{\Upsilon}{T_{s}}}cos(\Upsilon\pi f_{c}t) + A_{m}s\sqrt{\frac{\Upsilon}{T_{s}}}sin(\Upsilon\pi f_{c}t) & \cdot \leq t \leq T_{s} \\ & \cdot & otherwise \end{cases}$$

$$A_{mc} = \begin{cases} \Upsilon & m = \Upsilon, \Upsilon \\ -\Upsilon & m = \Upsilon, \Upsilon \end{cases}$$

$$A_{ms} = \begin{cases} \Upsilon & m = \Upsilon, \Upsilon \\ -\Upsilon & m = \Upsilon, \Upsilon \end{cases}$$

این سیگنال با مقدار مناسب فرکانس حامل به راحتی در کانال قابل انتقال است و هر آنچه نیاز است در بر دارد.

این سیگنال از کانال عبور میکند، در حالت ایده آل اگر فرکانس حامل درست انتخاب شده باشد، سیگنال بدون اعوجاج عبور میکند، اما ممکن است که در حین عبور به سیگنال نویز اضافه شود.

در صورتی که به سیگنال نویز اضافه شود باید آشکار سازی درستی روی آن انجام شود.

همانطور که در درس مطرح شده است، در صورتی که توزیع نویز گاوسی باشد، یک روش تصمیم گیری بهینه این است که همبستگی هر یک از سمبول ها، یعنی هر یک از S_m ها را با سیگنال ورودی، مثلا y مقایسه کنیم :

$$R_{yS_i}(0) \ge_j^i R_{yS_j}(0)$$
 for $i, j = 1,2,3,4$

كه البته شايان ذكر است كه چون فقط همبستگي در نقطه صفر نياز است، كافي است ضرب داخلي بردار ها را مقايسه كنيم :

$$< y, S_i > \ge_j^i < y, S_j >$$
 for $i, j = 1,2,3,4$

البته یادآوری میشود که در حالت عادی باید ضریب همسبتگی مقایسه شود (در واقع باید همسبتگی ها به انرژی دو سیگنال نرمالیزه شوند)، در اینجا این کار موضوعیت ندارد، چرا که انرژی تمام سمبل ها یکی است.

اثبات این مورد در درس انجام شده است و ما آن را در اینجا نمی آوریم.

همچنین یک روش تصمیم گیری دیگر نیز ممکن است:

سیگنال نهایی کانال با در نظر گرفتن نمایش گابور نویز مانند زیر است:

$$y = \left(A_{mc}\sqrt{\frac{2}{T_s}} + n_c(t)\right)\cos(2\pi f_c t) + \left(A_{ms}\sqrt{\frac{2}{T_s}} + n_s(t)\right)\sin(2\pi f_c t)$$

اگر دامنه نویز به اندازه کافی کوچک باشد، میتوان تبدیل هیلبرت سیگنال را گرفت و نوشت:

$$A_{mc} \sqrt{\frac{2}{T_s}} + n_c(t) \approx y \cos(2\pi f_c t) + \hat{y} \sin(2\pi f_c t)$$

$$A_{ms} \sqrt{\frac{2}{T_s}} + n_c(t) \approx y \sin(2\pi f_c t) - \hat{y} \cos(2\pi f_c t)$$

در اینجا به طور خاص فقط علامت A_{mi} ها برای ما مهم است و لذا میتوان نوشت :

$$A_{mc} = sign \left(y \cos(2\pi f_c t) + \hat{y} \sin(2\pi f_c t) \right)$$

$$A_{ms} = sign (y \sin(2\pi f_c t) - \hat{y} \cos(2\pi f_c t))$$

این روش به شدت به نویز مقاوم است ولی یک مشکل اساسی دارد...

همانطور که عرض شد در حالت ایده آل تاثیر کانال بر سیگنال ارسال شده هیچ و یا بسیار کم است، ولی از آنجا که سیگنال ها ارسال شده (قطار سمبل هایی که وارد کانال میشوند) سینوسی های ناپیوسته ای هستند، در حوزه فرکانس دیگر تابع ضربه های کاملی نیستند و لذا پس از عبور دچار اعوجاج خواهند شد، در این حالت ممکن است تبدیل هیلبرت به شدت متفاوت شود، این اثر با افزایش پهنای باند کانال قابل جبران است ولی ممکن است این روش برای پهنای باند داده شده جوابگو نباشد، در این صورت ناچار به استفاده از روش اول هستیم.

حال برای رسم Constellation های سیگنال، باید بتوانیم نزدیکترین ضرایبی که به سمبول قابل نسبت باشد را پیداکنیم، در واقع فرض میکنیم که :

$$S = \widetilde{A_{cm}} \sqrt{\frac{2}{T_s}} \cos(2\pi f_c t) + \widetilde{A_{sm}} \sqrt{\frac{2}{T_s}} \sin(2\pi f_c t)$$

یک روش راحت برای گرفتن ضرایب این است که با سینوس و کسینوس همبستگی را محاسبه کنیم :

$$\widetilde{A_{cm}} = \sqrt{\frac{T_S}{2}} R(S, \cos(2\pi f_c t))$$

$$\widetilde{A_{sm}} = \sqrt{\frac{T_S}{2}} R(S, \sin(2\pi f_c t))$$

سپس این زوج ضرایب را میتوان به ازای هر پیکسل در صفحه رسم کرد تا Constellation حاصل شود.

لذا در این مرحله، سیگنال متناظر با هر یک از گروه های دو بیتی مدوله شده باید به روش بهینه آشکار شده باشد (حتی با حضور نویز).

اکنون ما می دانیم که هر سمبل چه بوده و میتوانیم دنباله های صفر و یک را بازسازی کنیم.

از آنجا که کد شانون _ فانو پیشوندی است، پس از ساخت سیگنال، کافیست از ابتدا سیگنال به ته سیگنال حرکت کنیم، هر لحظه که تشخیص داده شد که یکی از کد های پیشفرض ساخته شده، بخش خوانده شده را جدا میکنیم و پیکسل معادل با کد را ارسال میکنیم، این روش درست است چرا که هرگز ممکن نیست کدی جز این مورد در پیشوند کد دیگری بوده باشد.

البته یک مورد می تواند رخ دهد...

به علت وجود نویز ممکن است که تصمیمگیری اشتباهی انجام شده باشد و لذا خروجی های تولید شده، عملا دیگر کد های شانون _ فانو نباشند و یا خاصیت پیشوندی کد به هم بریزد.

در این حالت اگر با روش قبل به آشکار سازی ادامه دهیم ممکن است به نقطه ای برسیم که سیگنال دیده شده با هیچ یک از کد ها مطابقت نداشته باشد و نتوانیم تشخیص دهیم پیکسل مورد نظر چه بوده...

راه كار دچار اغتشاش شدن بيت ها و از بين رفتن احتمالي ساختار شانوني رشته كد ها:

همانطور که می دانید رشته کد های شانون خصلت پیشوندی دارند،بدین صورت که هیچ رشته کد عی داخل رشته کد دیگر وجود ندارد و در گیرنده کافیست ما شروع کنیم به خواندن رشته ها و به محض رسیدن به اولین حالت مطابق با یکی از اعضای دیکشنری شانون موجود،جای قطعه کد شانون دیده شده معادل سمبل آن را قرار بدهیم(demodulation) و از بیت بعدی مجدد همین سناریو رو تکرار کنیم.اما مشکل کار وقتی نویز رخ می دهد این است که این خطا ممکن است باعث شود رشته ی کدی که به گیرنده می رسد مطابق با عضوی از دیکشنری ما نباشد.در این حالت من با صحبت و مشورت تی ای (آقای عسگری) در حالت نویزی تدبیری که در ادامه مطرح خواهم کرد را درنظرگرفتم.

حال که سیگنال های مورد نیاز آشکار شده اند، میتوان پیکسل های مورد نیاز را از روی آنها استخراج کرد و تصویر را باز تولید کرد.

حال در صورتی که فرستنده و گیرنده همزمان نباشند، و یک اختلاف فاز مثل φ داشته باشند:

$$D = R(A_{ci}\cos(2\pi f_c t + \phi) + A_{mi}\sin(2\pi f_c t + \phi), S) =$$

 $(A_{ci}\cos(\phi) + A_{mi}\sin(\phi)) R(\cos(2\pi f_c t), S) + (-A_{ci}\sin(\phi) + A_{mi}\cos(\phi)) R(\sin(2\pi f_c t), S)$

حال فرض كنيد كه سيگنال ورودي معادل سمبول j باشد:

$$S = A_{cj}\cos(2\pi f_c t) + A_{sj}\sin(2\pi f_c t)$$

در این صورت داریم:

$$D = (A_{ci}\cos(\phi) + A_{si}\sin(\phi))\frac{A_{cj}}{2} + (-A_{ci}\sin(\phi) + A_{mi}\cos(\phi))\frac{A_{mj}}{2}$$

- حال باید مقداری از i را انتخاب کنیم که عبارت بالا را بیشینه کند، دو حالت در نظر میگیریم

$$: \varphi = \frac{\pi}{2} \quad \bullet$$

در این حالت داریم:

$$D = \frac{A_{mi}A_{cj}}{2} - \frac{A_{ci}A_{mj}}{2}$$

كه حالت بهينه آن هست:

$$A_{mi} = A_{cj}, \qquad A_{mj} = -A_{ci}$$

 $: \varphi = \frac{\pi}{4} \quad \bullet$

در این حالت:

$$D = \frac{1}{2\sqrt{2}} \left(A_{ci} A_{cj} + A_{mi} A_{cj} - A_{mj} A_{ci} + A_{mi} A_{mj} \right)$$

در این حالت ممکن است تصمیم گیری بهینه واضح نباشد، مثلا اگر داشته باشیم :

$$A_{cj} = A_{mj} = 1 \Longrightarrow (A_{ci} = 1, A_{mi} = 1) \downarrow (A_{ci} = -1, A_{mi} = 1)$$

• حال در حالت کلی میتوان نوشت:

$$D(\phi) = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(A_{cj} \sin \left(\phi + \tan^{-1} \left(\frac{A_{ci}}{A_{si}} \right) \right) + A_{sj} \sin \left(\phi + \tan^{-1} \left(\frac{A_{si}}{-A_{ci}} \right) \right) \right)$$

حال اگر تعریف کنیم:

$$\alpha = \tan^{-1} \left(\frac{A_{ci}}{A_{si}} \right)$$

$$D(\phi, \alpha) = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(A_{cj} \sin(\phi + \alpha) + A_{sj} \sin\left(\phi + \pi - \tan^{-1}\left(\frac{A_{si}}{A_{ci}}\right)\right) \right) =$$

$$D(\phi,\alpha) = \frac{\sqrt{2}}{2} \Big(A_{cj} \sin(\phi + \alpha) + A_{sj} \sin\left(\phi + \frac{\pi}{2} + \alpha\right) \Big) = \frac{\sqrt{2}}{2} \Big(A_{cj} \sin(\phi + \alpha) + A_{sj} \cos(\phi + \alpha) \Big)$$

$$D(\phi, \alpha) = \sin\left(\phi + \alpha + \tan^{-1}\left(\frac{A_{sj}}{A_{cj}}\right)\right)$$

حال برای سمبول شماره j و i داریم:

$$\tan^{-1}\left(\frac{A_{sj}}{A_{cj}}\right) = (2j-1)\frac{\pi}{4}$$
$$\alpha = \frac{\pi}{2} - (2i-1)\frac{\pi}{4}$$

لذا:

$$D(\phi, i, j) = \sin\left(\phi + \frac{\pi}{2} + (2j - 2i)\frac{\pi}{4}\right) = \cos\left(\phi + \frac{\pi}{2}(j - i)\right)$$

لذا با افزایش اختلاف فاز، به طور ناگهانی بعضی از نقطه های خروجی در Constellation ها جا به جا میشوند و لذا پیکسل ها خراب میشوند.

پیاده سازی پروژه:

در این بخش به توضیح روش های استفاده شده در پیاده سازی بلوک و همچنین نتایج خواسته شده در هر بخش میپردازیم.

در پروژه خواسته شده که برای هر بلوک تابعی جداگانه پیاده سازی شود، ما در هر یک از این بخش ها توابع را می آوریم و در صورت نیاز مثال ارائه میدهیم.

در فاز اول پیاده سازی بلوک ها به طور جداگانه بررسی میشود و درفاز دوم اتصال بلوک ها و ساخت پروژه سیستم نهایی و تست آن را انجام میدهیم.

• پیاده سازی فاز اول:

• بلوک های Source Encoder و Source Decoder

در این بخش هدف پیاده سازی بلوک های اینکودر و دیکودر های منبع است.

همانطور که در بخش پیشین عرض شد، بلوک اینکودر وظیفه دارد که عکس را پیکسل به پیکسل دریافت کند و به صورت کد شانون _ فانو برگرداند، در مقابل بلوک دیکودر ای فرآیند را برعکس میکند:

توضیح نحوه ی پیاده سازی الگوریتم شانون:

1_ درابتدا که ماتریس احتمالات گرفته می شود در نظر گرفته شده است که ممکن است ترتیب ورودی داده شده به صورت اکیدانزولی(از سمبل با احتمال بیشتر به سمبل با احتمال کمتر) مرتب نشده است و لذا ابتدا ماتریس احتمالات وارد شده را مرتب سازی می کنیم به ترتیب(اکیدانزولی) از بیشترین احتمال به کمترین احتمال و سپس به مرحله ی 2 ام می رویم.

2_در این مرحله از سمبل اول(که طبیعتا بیشترین احتمال را بین سمبل ها دارد) شروع کرده و پله پله جلو رفته و مجموع احتمال های موجود رو از ابتدا تا نقطه ی فعلی حساب می کنیم و این مرحله تا آن جایی ادامه می دهیم که مجموع بخش اول در اولین وهله از مجموع باقی بیشتر گردد،از آنجا که هدف الگوریتم تقسیم کم اختلاف ترین دسته بندی موجود است،در این مرحله یک مرحله اندیس فعلی را عقب می بریم و اختلاف مجموع احتمالات دو مجموعه ی حالت قبل را با اختلاف مجموع احتمالات دو مجموعه ی حالت فعلی مقایسه می کنیم، و خب طبیعتا بهترین حالت ممکن انتخاب دسته بندی ایست که کمترین اختلاف را داشته باشد و لذا با بررسی دو حاصل به دست آمده،آن دسته بندی ای را انتخاب می کنیم که کم ترین اختلاف را داشته باشد و به دسته ی با احتمال بیشتر رشته ی "0" افزوده می شود (در ابتدا همه ی رشته ها "" اند) و به دست با احتمال کمتر رشته ی "1" افزوده می گردد.حال به صورت بازگشتی شانون را برای دو بخش باقی مانده فرامی خوانیم و بدین ترتیب برای کل سمبل ها کد شانون ساخته می شود و در خروجی دو ماتریس احتمالات مرتب شده و ماتریس رشته های شانون (که ترتیبا سینک با ماتریس احتمالات مرتب شده است) داده می شود.

پیش از بیان تدبیر درنظرگرفته شده ذکر این نکته مهم است که بنده 2 روش برای دیماژولاسیون در نظرگرفتم:

1_حالت عدم وجود نویز:در این حالت همانطور که گفته شد شروع کردم از ابتدای رشته ی ورودی به بررسی قطعه رشته ها و مقایسه با دیکشنری موجود تا اینکه نهایتا قطعه قطعه بازیابی بشوند...(توضیح مفصل در بالا)

2_حالت وجود نویز:در این روش که با تایید و مشورت تی ای محترم(اقای عسگری) انجام شد بنده در فرستنده بین هر دو سمبل شانون شده flag قرار دادم،توجه کنید که هرچه بدانیم که اثر دامنه ی نویز زیاد است لازم است تا بیت های بیشتری را به flag تخصیص بدهیم چرا که خود flag نیز دچار نویز نیز می گردد(چرا که کنار سیگنال اصلی از کانال عبور می کند و تحت تاثیر نویز و اثرات کانال قرار می گیرد)_حال در گیرنده با جاروب روی قطعه قطعه ی سیگنال و استفاده از کورلیشن با الگوی flag به استخراج flagها می پردازیم و سپس چون قطعه شانون ها جدا شده اند(بحران قاطی شدن قطعه شانون هارا نداریم)حال به بررسی قطعه کد های موجود می کنیم،اکنون که سناریو در پیشه رو داریم:

- 1- قطعه كد جدا شده توسط flag ها عينا در ديكشنري موجود باشد.
 - 2- قطعه كد در keyset شانون ما وجود ندارد.

اگر حالت اول رخ بدهد که مستقیما معادل سمبل کد شانون را قرار می دهیم اما اگر حالت دوم رخ داد به ترتیب مراحل زیر را انجام می دهیم.

- 1_جاروب روى Keyset شانون هاى موجود.
- -2 حساب کردن فاصله ی کد i ام موجود در دیکشنری شانون با رشته کد فعلیِ بین ِ دو flag.
- اگر رشته ی فعلی و رشته ی iام شانون طول برابر داشته باشند بروید به قدم ۳ اگرنه بروید به قدم ۱:
 - 1- ابتدا رشته ی بلند تر را تعیین می کنیم
 - 2- رشته ی کوتاه را ZeroExtend می کنیم به رشته ای با طول رشته بلند تر
 - 3- فاصله ی دو رشته را برابر با تعداد بیت متفاوت آن ها درنظر میگیریم.
- رشته کدشانون ای که کمترین فاصله را (طبق گفته ی بالا) از رشته ی فعلی ما داشته باشد را به عنوان رشته ی شانون تخمین زده شده برای رشته ی فعلی درنظر می گیریم.
- معادل کد موجود در دیکشنری شانون برای رشته ی شانون تخمینی را به عنوان demodule شده ی رشته ی بین دو flag درنظر میگیریم و به همین ترتیب تا پایان رشته روند را ادامه می دهیم تا demodulation کامل انجام شود.

در زیر 3 شکل اول عکس در فرمت پیکسل به پیکسل هستند.

عکس اول مقادیر پیکسل های تصویر است، عکس دوم کدگذاری شانون آن است و عکس بعدی، پیکسل های بازیابی شده از کد شانون است، در پایین نیز عکس های بازسازی شده آورده شده اند.

"1111011	111"	"11001000"		"1000011"		"("0001100"		"10111011"			"01111100"		"0010110"			"10111010"		"10101011"			"1001010"		"1011111"			"1100	1101"		"101000	910	
"1110116	000"	"10	"1010111"		"10000101"			"0011101"		"10001100"			"111000001"		"0000110"			"0011111"		"01110001"			"1001011"		"1010000"			"0111111"			"100011	101
"1101116		"11001101"		"11001100"			"0011101"		"0010110"			"10010001"		"01001000"			"01110001"		"0010000"			"11100010"			"0100011"		"10000100"			"001110		
"1111016			"1000001"		"10011000"			"0100110"		"0011101"			"01101111"		"11000010"			"0111101"		"01101110"			"01101110"			101110			1011"		"110010	
"1100110	11001101" "0100101" 11001101" "0001111" 1111111" "0101010" 10101100" "0110010" 1001100" "0001110" 11001010" "01110000"		•	"01101110" "01001001" "0101010" "0001110" "0101101" "111001101" "11010011" "10111000"		"("0001011" "0111100" "0110101" "10011101" "0001111" "10000111" "10010011"		"01110001" "01001001" "10001101" "0110100" "0000111" "0110100"			"00111	00"	"0110001"			"0111101"		"0011100"			"10100011"		"01	101110		"1100	1001"		"110010	90	
"1100110												"10101011" "10110000" "10110110" "01110000" "11010010"		"11000001" "0100011" "11001011" "01110000" "0001110"			"0110001" "01101111" "0101101" "10100100" "0110010"		"0110001" "0100011" "0101101" "10100100" "11000100"			"11000001" "11010010" "0101101" "0001110" "0101101"		"01	"0111101"		"11001001" "111100110" "11011011" "11000100" "1001001"			"11011011		
"0111011			•			"("10000100" "10101011" "11000010" "10111010"						"1010001		
"1010116			•			"																								"011011		
"1001100			9"			"("100010	91	
"1100101			•			"																				"				"101010	96	
			э"			":			"100	10001"		"01000	11"	"111001101"		ι"	"111011100"		"11100010"			"10001101"		"0110110"			"1010111"			"0000016		
"1100001		"11001011"							"1001001"			"11010011"		"10001010"			"0010100"		"0000111"			"0000010"		"11110101"			"0010110"			"1010100		
"1100001	11"	"1:	"11001011" "010		"0100	"01001000"		"1001011" "0111010"		"1010000" "1000001"			"10000101" "0000110"		"0000111" "0010001"			"10101101" "11000000"		"110111001" "10100010"			"11000000" "0101001"		"0101010" "0100111" "111001101"			"0011011" "11000101" "01101110"			"01110001 "0011100' "10011006	
"1110000	000"	0" "01110000"		9"	"10011101"		"(
"11001010"		"a	"01110000"		"10110100"		"("0100111"		"001	"0010110"		"0110000"		"11010000"			"111100000"		"0110101"			'011101	.0"			1"					
"1100101	10"	٠.											"11000000"		"0001000"			"0010110"		"0010001"			"1011001"		"0010100"			"1000001"			"0101100"	
			001110		"0011	101"		1999996	ð".	"016	9999"		"11000	999"		91000"		"001011 "			9991		101100	1"		910100"		"1000 "			"010116 	9(
"1001106 "	00" 		001110		"0011 "	101"		100000	P.".		10000".		"11000	999."		91000"			a		9001		101100	1".		910100"		"1000	1001"		"010116 "	96
"1001106	00".		001110	 matrix	<u>"</u> 0011				**				-		**				-	**					-							96
"1001106 " erDecodi 193	ing =	".01 64×64 120	uint8	matrix	"0011 "	154	79	31	129	166	170	167	158	147	142	144	129	107	99	152	161	160	158	158	159	160	165	109	88	99	102	96
"1001106 "" erDecod: 193 192	ing = 184	"01 64×64 120 88	uint8 103 105	matrix 89 91	"0011 " 82 56	154 126	 79 117	31 95	129 131	166 134	170 121	108	158 92	 147 76	142 61	144 50	129 44	107 46	 99 72	152 155	161 161	160 158	158 158	158 158	159 161	160 162	165 165	109 111	88 82	99 94	102 102	96
"1001100 erDecod: 193 192 186	ing = 184 179 170	64×64 120 88 58	uint8 103 105 105	matrix 89 91 154	"0011 " 82 56 125	154 126 76	79 117 95	31 95 106	129 131 71	166 134 44	170 121 36	108 30	158 92 26	147 76 25	142 61 25	144 50 28	129 44 32	107 46 39	99 72 87	152 155 157	161 161 159	160 158 157	158 158 156	158 158 158	159 161 160	160 162 163	165 165 164	109 111 122	88 82 89	99 94 91	102 102 98	96
"1001100 "" erDecod: 193 192 186 178	ing = 184 179 170	".00" 64×64 120 88 58 37	uint8 103 105 105	matrix 89 91 154 105	"0011 " 82 56 125 45	154 126 76 38	79 117 95 32	31 95 106 28	129 131 71 28	166 134 44 28	170 121 36 27	108 30 26	158 92 26 30	147 76 25 32	142 61 25 35	144 50 28 34	129 44 32 43	107 46 39 67	99 72 87 138	152 155 157 171	161 161 159 154	160 158 157 155	158 158 156 156	158 158 158 158	159 161 160 163	160 162 163 165	165 165 164 165	109 111 122 127	88 82 89 98	99 94 91 98	102 102 98 99	96
"1001100 " erDecod: 193 192 186 178 170	ing = 184 179 170 145 101	"00" "00" "00" "00" "00" "00" "00" "00	uint8 103 105 105 114 119	matrix 89 91 154 105 95	82 56 125 45 30	154 126 76 38 33	79 117 95 32 32	31 95 106 28 30	129 131 71 28 29	166 134 44 28 28	170 121 36 27 26	108 30 26 26	158 92 26 30 29	147 76 25 32 34	142 61 25 35 40	144 50 28 34 59	129 44 32 43 126	107 46 39 67 127	99 72 87 138 163	152 155 157 171 167	161 161 159 154 151	160 158 157 155	158 158 156 156	158 158 158 158 158	159 161 160 163 162	160 162 163 165 164	165 165 164 165 161	109 111 122 127 127	88 82 89 98 104	99 94 91 98 106	102 102 98 99	96
"1001106" " erDecod! 193 192 186 178 170 170	ing = 184 179 170 145 101 100	"04 64×64 120 88 58 37 28 98	uint8 103 105 105 114 119 152	matrix 89 91 154 105 95 98	82 56 125 45 30	154 126 76 38 33 34	79 117 95 32 32 33	31 95 106 28 30 33	129 131 71 28 29 34	166 134 44 28 28 32	170 121 36 27 26 26	108 30 26 26 27	158 92 26 30 29 30	147 76 25 32 34 31	142 61 25 35 40 36	144 50 28 34 59 78	129 44 32 43 126 136	107 46 39 67 127	99 72 87 138 163 158	152 155 157 171 167 145	161 161 159 154 151	160 158 157 155 153 147	158 158 156 156 155 149	158 158 158 158 158 158	159 161 160 163 162 159	160 162 163 165 164 160	165 165 164 165 161 159	109 111 122 127 127	 88 82 89 98 104 105	99 94 91 98 106 103	102 102 98 99 101	96
erDecod: 193 192 186 178 170 136	ing = 184 179 170 145 101 100 144	"04 64×64 120 88 58 37 28 98 144	uint8 103 105 105 114 119 152 140	matrix 89 91 154 105 95 98 108	82 56 125 45 30 31 43	154 126 76 38 33 34	79 117 95 32 32 33 45	31 95 106 28 30 33 44	129 131 71 28 29 34 47	166 134 44 28 28 32 36	170 121 36 27 26 26 25	108 30 26 26 27 29	158 92 26 30 29 30 30	147 76 25 32 34 31 32	142 61 25 35 40 36 52	144 50 28 34 59 78 103	129 44 32 43 126 136 123	107 46 39 67 127 114 119	99 72 87 138 163 158 141	152 155 157 171 167 145 131	161 161 159 154 151 152 157	160 158 157 155 153 147 154	158 158 156 156 155 149	158 158 158 158 158 153 155	159 161 160 163 162 159	160 162 163 165 164 160	165 165 164 165 161 159	109 111 122 127 127 124 121	88 82 89 98 104 105 107	99 94 91 98 106 103 108	102 102 98 99 101 98 105	96
erDecod: 193 192 186 178 170 136 61	ing = 184 179 170 145 101 100 144 55	"064×64 120 88 58 37 28 98 144 46	uint8 103 105 105 114 119 152 140 86	matrix 89 91 154 105 95 98 108 124	"0011 " 82 56 125 45 30 31 43 60	154 126 76 38 33 34 44 51	79 117 95 32 32 33 45 48	31 95 106 28 30 33 44 48	129 131 71 28 29 34 47 48	166 134 44 28 28 32 36 31	170 121 36 27 26 26 25 27	108 30 26 26 27 29 28	158 92 26 30 29 30 30 26	147 76 25 32 34 31 32 44	142 61 25 35 40 36 52 78	144 50 28 34 59 78 103 117	129 44 32 43 126 136 123 109	107 46 39 67 127 114 119	99 72 87 138 163 158 141 98	152 155 157 171 167 145 131	161 161 159 154 151 152 157 161	160 158 157 155 153 147 154 154	158 158 156 156 155 149 155	158 158 158 158 158 153 155 155	159 161 160 163 162 159 159	160 162 163 165 164 160 160	165 165 164 165 161 159 158 162	109 111 122 127 127 124 121 116	 88 82 89 98 104 105 107 100	99 94 91 98 106 103 108	102 102 98 99 101 98 105 107	96
erDecod: 193 192 186 178 170 136 61 37	ing = 184 179 170 145 100 144 55 43	"04x64 120 88 58 37 28 98 144 46 48	uint8 103 105 105 114 119 152 140 86 100	matrix 89 91 154 105 95 98 108 124 123	82 56 125 45 30 31 43 60 49	154 126 76 38 33 34 44 51 49	79 117 95 32 32 33 45 48 52	31 95 106 28 30 33 44 48 52	129 131 71 28 29 34 47 48 46	166 134 44 28 28 32 36 31 38	170 121 36 27 26 26 25 27 53	108 30 26 26 27 29 28 84	158 92 26 30 29 30 30 26 96	147 76 25 32 34 31 32 44 62	142 61 25 35 40 36 52 78 82	144 50 28 34 59 78 103 117 107	129 44 32 43 126 136 123 109 99	107 46 39 67 127 114 119 124 126	99 72 87 138 163 158 141 98 64	152 155 157 171 167 145 131 131	161 161 159 154 151 152 157 161 160	160 158 157 155 153 147 154 154	158 158 156 156 155 149 155 154 157	158 158 158 158 158 153 155 158 157	159 161 160 163 162 159 159 161	160 162 163 165 164 160 160 162	165 165 164 165 161 159 158 162 143	109 111 122 127 127 124 121 116 115	88 82 89 98 104 105 107 100 95	99 94 91 98 106 103 108 107 95	102 102 98 99 101 98 105 107	96
erDecod: 193 192 186 178 170 136 61	ing = 184 179 170 145 101 100 144 55	"064×64 120 88 58 37 28 98 144 46	uint8 103 105 105 114 119 152 140 86	matrix 89 91 154 105 95 98 108 124	"0011 " 82 56 125 45 30 31 43 60	154 126 76 38 33 34 44 51	79 117 95 32 32 33 45 48	31 95 106 28 30 33 44 48	129 131 71 28 29 34 47 48	166 134 44 28 28 32 36 31	170 121 36 27 26 26 25 27	108 30 26 26 27 29 28	158 92 26 30 29 30 30 26	147 76 25 32 34 31 32 44	142 61 25 35 40 36 52 78	144 50 28 34 59 78 103 117	129 44 32 43 126 136 123 109	107 46 39 67 127 114 119	99 72 87 138 163 158 141 98	152 155 157 171 167 145 131	161 161 159 154 151 152 157 161	160 158 157 155 153 147 154 154	158 158 156 156 155 149 155	158 158 158 158 158 153 155 155	159 161 160 163 162 159 159	160 162 163 165 164 160 160	165 165 164 165 161 159 158 162	109 111 122 127 127 124 121 116	 88 82 89 98 104 105 107 100	99 94 91 98 106 103 108	102 102 98 99 101 98 105 107	96







عکس ها تار به نظر میرسند، چراکه ابتدا به ۶۴ در ۶۴ پیکسل مقیاس شده بودند ولی برای نمایش از همان جا به ۵۱۲ در ۵۱۲ بازگردانده شده اند.

• بلوک های Modulator و Demodulator

این بلوک ها وظیفه دارند که سیگنال را به کانال فرستاده و از کانال دریافت کنند.

بلوک مودولاتور، همانطور که در صورت آمده، یک بلوک QAM است که به صورت دوتایی بیت های کد شانون تولید شده را گرفته به صورت 4 سمبل به بیرون می دهد.

فرمت این سمبل ها در بخش قبل گفته شده و لذا آوردن دوباره آن نیازی نیست.پیاده سازی این بلوک نیز به راحتی انجام می شود، به این شکل که کد شانون دریافتی به رشته تبدیل می شود و به ازای هر دو بیت، سمبل مورد نظر به طول f_sT_s نمونه ارسال می شود.

```
کد این ماژول در زیر آورده شده است :
```

```
function modulated = minModule(m,fc,Ts,fs)
% detecting Amc
if (m == 1 || m == 4)
  Amc = 1;
else
  Amc = -1;
end
% detecting Ams
if(m == 1 || m == 2)
  Ams = 1;
else
  Ams = -1;
end
% sampling rate?!
t = 1/fs:1/fs:Ts;
modulated = Amc*sqrt(2/Ts).*cos(2*pi*fc*t) +
Ams*sqrt(2/Ts).*sin(2*pi*fc*t);
end
                                           سیگنال وارد کانال می شود و پس از عبور به بلوک دمودولاتور می رسد.
                                                             یباده سازی بلوک در زیر آورده شده است:
function [out1,out2] = minDemodulateCorr(signal,fc,Ts,fs,phi)
sample times = 1/fs:1/fs:Ts;
a = sqrt(2 / Ts);
n = ceil(length(signal) / 2);
s11 = a.*(cos(2*pi*fc*sample_times +
phi)+sin(2*pi*fc*sample_times + phi));
s12 = a.*(cos(2*pi*fc*sample times + phi)-sin(2*pi*fc*sample times
+ phi));
s21 = a.*(-cos(2*pi*fc*sample times +
phi)+sin(2*pi*fc*sample_times + phi));
s22 = a.*(-cos(2*pi*fc*sample_times + phi)-
sin(2*pi*fc*sample times + phi));
c11 = sum(s11 .* signal);
c12 = sum(s12 .* signal);
c21 = sum(s21 .* signal);
c22 = sum(s22 .* signal);
```

```
c = [c11,c12,c21,c22];
[\sim, i] = max(c);
a ap = x corr(cos(2*pi*fc*sample times), signal) ./ fs;
b_ap = xcorr(sin(2*pi*fc*sample_times), signal) ./ fs;
a_{ap} = a_{ap}(1, n) * 2 * a;
b_{ap} = b_{ap}(1, n) * 2 * a;
if i == 1
  Ac = 1; As = 1;
end
if i == 2
  Ac = 1; As = -1;
end
if i == 3
  Ac = -1; As = 1;
end
if i = 4
  Ac = -1; As = -1;
end
out1 = [Ac,As];
out2 = [a_ap,b_ap]; % -> Ac As aprox.
end
```

خروجی این بلوک زوج ضرایب $[A_{cm}, A_{sm}]$ است که از روی این ضرایب، زوج بیت های متناظر به شکل زیر حاصل می شوند:

$$A_{mc} = egin{cases} 1 & m=1, ext{f} \ -1 & m=1, ext{T} \end{cases}$$
 $A_{ms} = egin{cases} 1 & m=1, ext{T} \ -1 & m= ext{T}, ext{F} \end{cases}$

$$m=1 \Rightarrow 00$$
, $m=2 \Rightarrow 01$, $m=3 \Rightarrow 10$, $m=4 \Rightarrow 11$

و لذا دنباله بیت های ارسالی بازیابی میشوند.

این کار وظیفه بلوک Detector است که در زیر آورده شده است :

```
function m = detector(constellation)
Ac = constellation(1,1);
As = constellation(1,2);
m = 0;
if(Ac == 1 && As == 1)
    m = 1;
elseif (Ac == 1 && As == -1)
    m = 4;
elseif (Ac == -1 && As == 1)
    m = 2;
elseif(Ac == -1 && As == -1)
    m = 3;
end
```

همچنین در کنار ضرایب $[A_{cm}, A_{sm}]$ ضرایب تخمین زده شده برای رسم Constellation نیز داده می شوند.

صحت عملکرد این بخش ها در فاز بعدی مشخص خواهد شد.

• پیاده سازی فاز دوم:

اکنون تمام بلوک ها حاضر هستند، این بلوک ها را به هم متصل میکنیم و موارد خواسته شده را گزارش میکنیم :

• بخش الف):

توضیحات مربوط به این بخش و مثال آن در بخش قبل داده شده است.

در فاز قبلی ما عکس را کد و دیکود کردیم و نشان دادیم، در این بخش و بخش های بعدی برای نشان دادن صحت عملکرد این بخش ها، خود عکس را ارسال و سپس بازیابی میکنیم.

ما برای نشان دادن صحت عملکرد از یک عکس معیار استفاده میکنیم، عکس اصلی عکس زیر خواهد بود :



در زیر همین عکس، قبل و پس از مودولاسیون آورده شده است.

Image(resized 64&64 to 512&512):before module/demodulation





فعلا اثرات نویز در نظر گرفته نشده است.

• بخش ب) و پ) :

در این بخش باید اثر کانال را در نظر بگیریم، ابتدا سیگنال های داده شده را در حوزه فرکانس محدود میکنیم، به این شکل که کانال یک فیلتر میان گذر ایده آل است که سیگنال ورودی را (که قطاری از سمبول های S_m است) گرفته و فیلتر میکند.

در زیر تابع نوشته برای کانال آورده شده است :

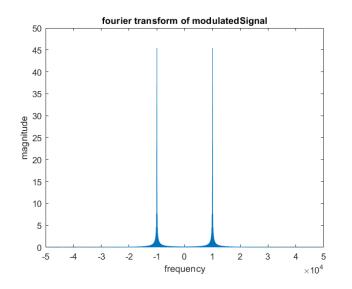
```
function out = Channel(signal,fc,fs,w)
fpassDown = fc - w/2;
fpassUp = fc + w/2;
out = bandpass(signal,[fpassDown fpassUp],fs);
end
```

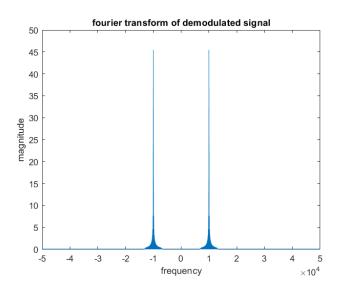
در محاسبه پهنای باند، ما برای عکس اول پهنای باند ۹۹ درصد انرژی را گزارش کردیم.

در مرحله بعد هم طبق خواسته سوال، پهنای باند ۹۹ درصد انرژی تمام عکس ها را محاسبه کرده و میانگین گرفتیم و اعلام کردیم (این مورد را از این جهت انجام دادیم که مطمئن شویم عکس ها را میتوان از کانال عبور داد.)

در زیر مثالی از طیف سیگنال قبل و پس از عبور از کانال آورده شده است :

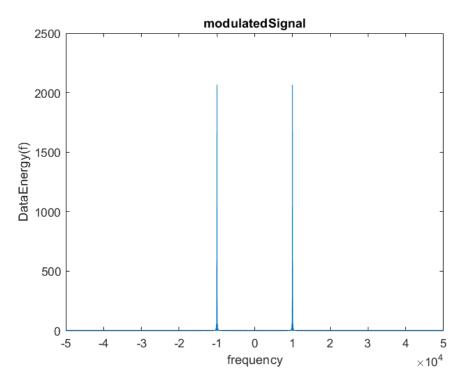
تبدیل فوریه پیش و پس از ورود به کانال :





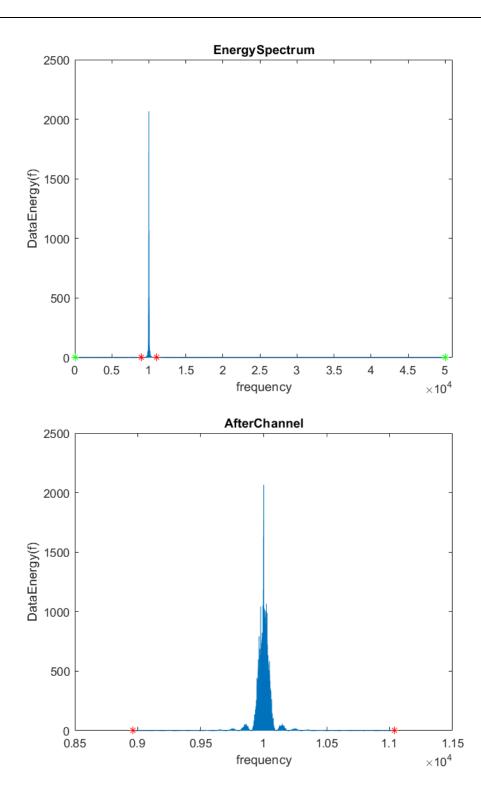
همانطور که دیده می شود، پس از عبور از کانال تبدیل کات شده است و لذا سیگنال دچار اعوجاج شده است. حال چگالی طیف ها را داریم:

در زیر چگالی طیف کل سیگنال پیش از ورود به کانال آورده شده است.



همانطور که دیده می شود، چون سمبل های ما سینوسی های کامل نیستند، طیف آنها حول فرکانس مرکزی (۱۰ کیلوهرتز) پخش شده است و لذا پس از عبور از کانال دچار اندکی اعوجاج می شوند.

در زیر شمایی نزدیکتر از طیف **یکطرفه** و همچنین محاسبه پهنای باند کل و پهنای باند 99 درصد انرژی را میآوریم.



فاصله بین نقاط سبز مبین پهنای باند کل سیگنال است و فاصله بین دو نقطه قرمز مبین پهنای باند 99 درصد انرژی است. در شکل پایین نیز نمایی بزگ شده از طیف نمایش داده شده است.

مقدار پهنای باند عکس اول برابر ۲۰۸۰ هرتز شده است.

یهنای باند سایر عکس ها نیز در زیر آورده شده اند:

name = '1.gif' name = '11.gif' bw = 2081.5299490619527205126360058784 bw = 2077.3407108100836921948939561844 name = '12.gif' name = '2.gif' bw = 2079.2801323062685696640983223915 bw = 2049.1747613829393230844289064407 name = '13.gif' name = '3.gif' bw = 2040.2011514860914758173748850822 bw = 2069.8450145105216506635770201683 name = '14.gif' name = '4.gif' bw = 1954.774393717563725658692419529 bw = 2086.9910954386505181901156902313 name = '15.gif' name = '5.gif' bw = 2036.2641557699007535120472311974 bw = 2053.4888159333313524257391691208 name = '16.gif' name = '6.gif' bw = 2068.2623108690768276574090123177 bw = 2053.1103712703006749507039785385 name = '7.gif'bw = 1882.103007285020794370211660862 bw = 2067.6616967831505462527275085449 name = '8.gif' name = '18.gif' bw = 1943.5917132161175686633214354515 bw = 2064.4553711202352133113890886307 bw = 2066.9924680385502142598852515221 bw = 2083.7251163129949418362230062485 name = '20.gif' name = '10.gif' bw = 2059.5035463055319269187748432159 bw = 2067.2414018844265228835865855217 name = '21.gif' name = '31.gif' bw = 1985.5849016186093649594113230705 bw = 2059.8978723619056836469098925591 name = '22.gif' bw = 2083.7607132865887251682579517365 bw = 2059.1796946321355790132656693459 name = '23.gif' name = '33.gif' bw = 2000.7406146420380537165328860283 bw = 2053.7523248692741617560386657715 name = '24.gif' name = '34.gif' bw = 2056.58890343649727583397179842 bw = 2070.2215960242974688299000263214 name = '25.gif' name = '35.gif' bw = 2071.8406219579410389997065067291 bw = 2063.5478756784668803447857499123 name = '26.gif' name = '36.gif' bw = 2077.0994795187707495642825961113 bw = 2060.9396290689637680770829319954 name = '27.gif' name = '37.gif' $\mathsf{bw} \; = \; 2063.8854927935062733013182878494$ bw = 2059.0830437303902726853266358376 name = '28.gif' name = '38.gif' bw = 2038.8482775637294253101572394371 bw = 2056.7327413762832293286919593811 name = '39.gif' bw = 1918.9028509822801424888893961906 bw = 2073.2045630666143551934510469437 name = '30.gif' name = '40.gif' bw = 2067.6239143716575199505314230919 bw = 2074.5861308244948304491117596626

و پهنای میانگین کل برابر ۲۰۴۷ هرتز شده است:

vpa(mean(BWs))

ans = 2047.0389606326793909829575568438

• بخش ت):

در این حالت یک نویز سفید گاوسی در کانال وجود دارد، اصولا در حالت کلی اثر نویز نسبتا کم است، مگر در SNR های بسیار بسیار پایین، چرا که توان سیگنال ارسال شده بسیار زیاد است. (توجه کنید که دامنه با معکوس طول سیگنال، T_s متناسب است و چون این مقدار کم است دامنه و لذا توان خیلی زیاد است).

لذا فقط در SNR های بسیار بسیار پایین اثر نویز واقعا خود را نشان می دهد.

برای آن که بدست آوردن نتایج راحت تر باشد، پس از صحبت با TA محترم درس (آقای طه عسگری) قرار بر آن شد که دامنه را در صورت نیاز کم کنیم، به این منظور دامنه را به فاکتور ۲۰۰ تا ۳۰۰ کاهش دادیم.

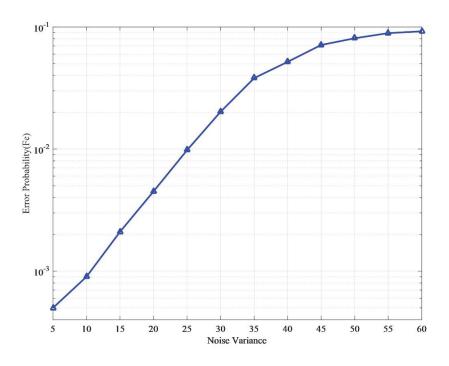
در کل سیستم به شدت نسبت به نویز مقاوم است و باید SNR را خیلی خیلی کم کرد تا اثر نویز نمایان شود.

در هر بخش از اکنون به بعد، در صورت کاهش دامنه ضریب آن را ذکر میکنیم.

در حالت کلی با افزایش اثر نویز ممکن است که در بخش Demodulator تصمیم گیری های اشتباهی رخ دهد و لذا بعضی از پیکسل ها اشتباه تشخیص داده شوند.

در زیر نمودار احتمال خطا بر حسب واریانس آورده شده است (در اینجا مراد از احتمال خطا، تعداد پیکسل های معیوب به پیکسل های کل است).

نمودار با تست های مختلف روی مقدار واریانس و تغییر دادن مقدار ضریب کاهش دامنه حاصل شده است.



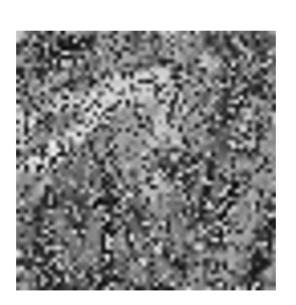
در زیر تعدادی مثال از این حالت در SNR های مختلف آورده شده است:

به ترتیب از بالا چپ به پایین راست بر حسب افزایش SNR .









با کاهش بیشتر SNR (معادلا افزایش بیشتر واریانس نویز) این خطا ها بیشتر و بیشتر میشوند و در نهایت نویز گاوسی به طور کامل تصاویر را در بر میگیرد و لذا نمودار احتمالا خطا بر حسب واریانس در نهایت باید روی مقدار یک اشباع شود.

در شروع شیب افزایش نمودار باید کم باشد چرا که در شروع دمودولاتور به شدت در مقابل نویز مقاومت میکند ولی پس از رسیدن به مقدار به اندازه کافی زیاد دمودولاتور دیگر نمی تواند در مقابل نویز مقاومت کند و شیب ناگهان زیاد می شود.

برای تصمیم گیری بهینه در حضور نویز، نیز توابعی پیاده سازی شد که در بخش های قبل به طور کامل توضیح داده شدند.

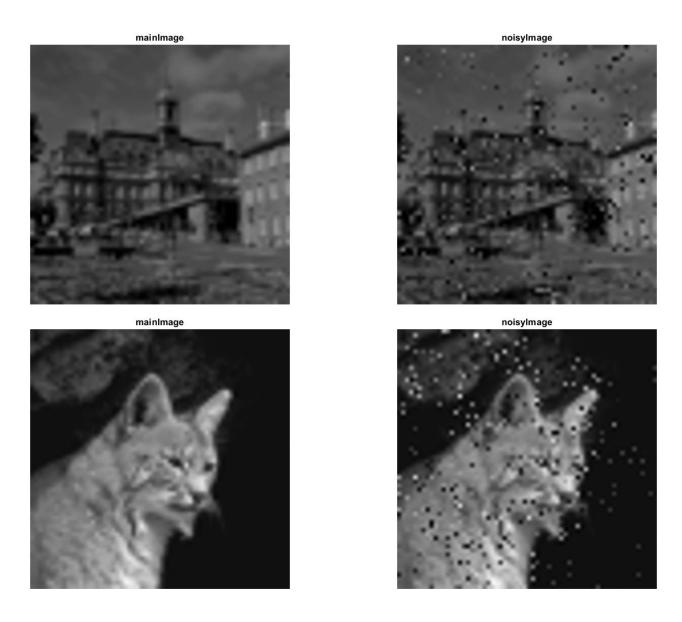
• بخش ث):

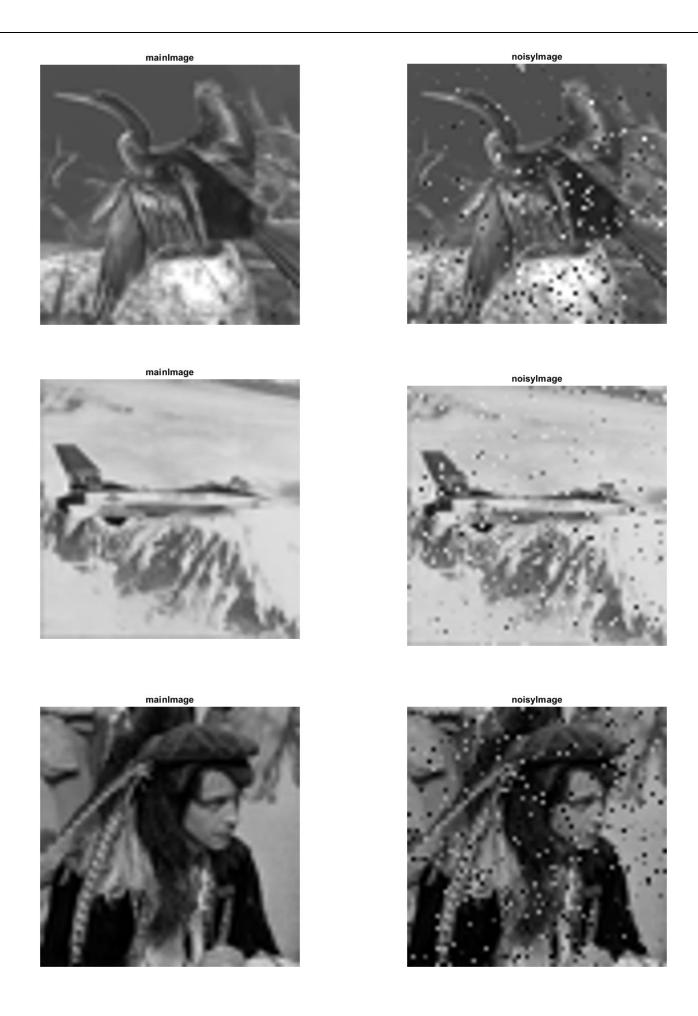
همانطور که در دستور کار گفته شده است، تمامی عکس ها ارسال شده و SNR های آنها محاسبه شد و در نهایت میانگین شد.

چند مورد قابل ذکر است:

- o در این بخش دو SNR مطرح است، یکی در ورودی دمودولاتور و یکی در خروجی مربوط به عکس، برای محاسبه SNR عکس باید اختلاف بین پیکسل های عکس ارسالی و عکس دریافتی را بدست آورد، این مقدار معادل نویز نهایی است و سیس باید توان آن و توان عکس را با هم مقایسه کرد.
- برای محاسبه SNR در ورودی دمودولاتور نیز کافیست که سیگنال های ارسال شده و اصلی بدون نویز (سیگنال میانگذر که با عبور از کانال حاصل شده) و نویز را بدست آورده و توان ها را مقایسه کنیم.
- محاسبه SNR سیگنال آنالوگ ورودی بدون مشکل است، برای محاسبه SNR عکس باید ماتریس را reshape کرده و تبدیل به یک بردار ساده بکنیم، مشابه همین کار را با عکس اصلی میکنیم و سپس بین این دو SNR میگیریم.
- همانطور که عرض شد، این دو سیگنال در دو جای کاملا متفاوت و با دو خصلت کاملا متفاوت هستند و لذا مقایسه
 SNR این دو سیگنال نسبتا بی معنی است.

در زیر نمونه هایی از تصاویر ارسالی و دریافتی آورده شده اند، تمام این تصاویر با ضریب افت دامنه ۱۵۰ و SNR پیش از دمودولاسیون (پس از کانال) برابر با منفی ۵۰ دسی بل پردازش شده اند:





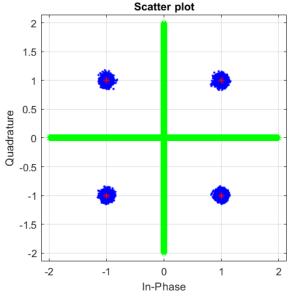
meanSnrBefore = 0.3134

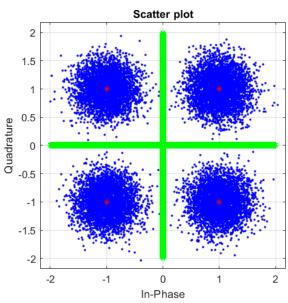
meanSnrAfter = 15.7922

• بخش ج):

منحنی Constellation وظیفه دارد که معیار اساسی ما برای تعیین مرز نواحی تصمیم گیری باشد، هر یک از سیگنال های دریافت شده از کانال باید به یکی از 4 سمبل نگاشته شوند، یک راه تصمیم گیری برای آن که هر سمبل به کدام گروه اختصاص داشته در بخش قبل آورده شده است. (در این بخش برای وضوح بیشتر با اجازه TA درس (آقای طه عسگری) از ضریب افت دامنه ۵۰ تا ۲۵۰ استفاده کردیم).

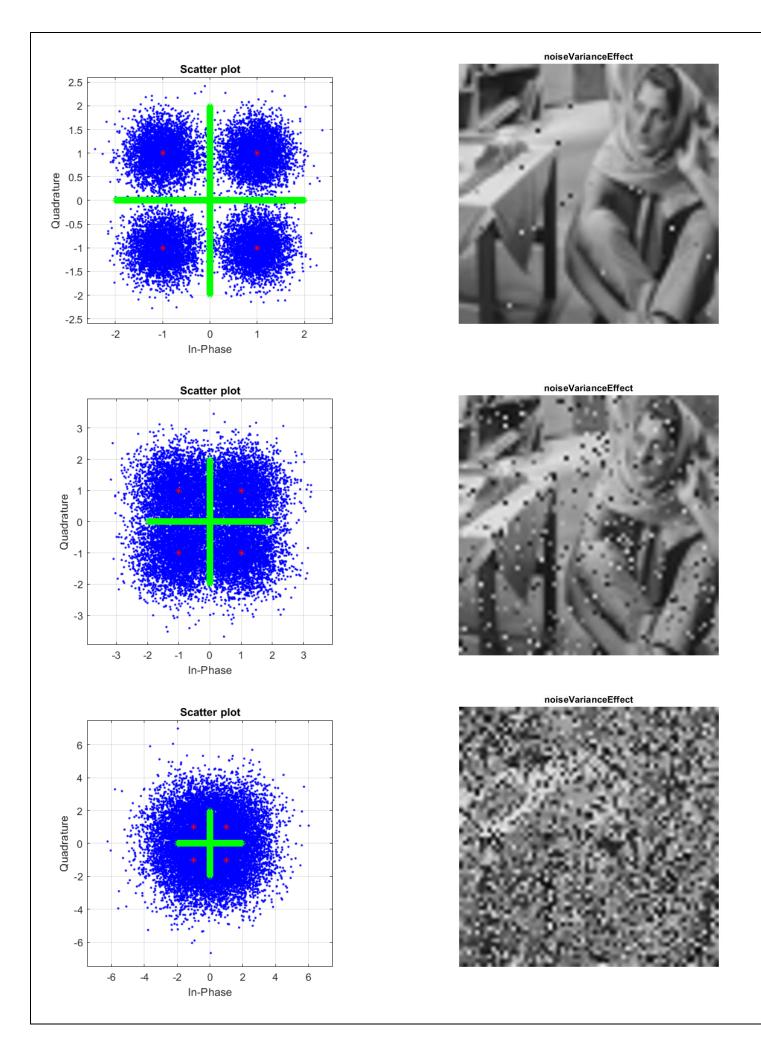
برای رسم نمودار های Constellation نیز از ضرایب تقریبی تولید شده توسط تابع Demodulator استفاده میکنیم و با آن نمودار های Scatter را رسم میکنیم، از آنجا که دامنه خیلی زیاد است، نویز به سختی اثر گذار است و لذا مجبوریم دامنه را کم کنیم (مثل بخش قبل). یک بار نویز کم، یک بار نویز بالا و لوی بدون عبور از حد و یک بار نویز در حالت عبور از حد و نویز بالا و نویز بسیار بالا.











با افزیش نویز، خوشه ها پخشتر و پخش تر می شوند، در نهایت به نقطه ای میرسیم که ممکن است خوشه ها با قدری پخش شوند که بعضی از نقاط به طور قطعی برای یک خوشه نباشند، یک معیار برای این که کی چنین حالتی رخ می دهد، این است که چک کنیم آیا نقاط روی خوشه ها به مرز بین خوشه ها رسیده اند یا نه، با عبور از حد، نویز به سرعت شدید خواهد شد.

• بخشچ):

همانطور که در توضیحات نظری آورده شده، افزایش اختلاف فاز باعث می شود که برخی سمبل ها جابه جا شوند، با اشاره به نمودار های Constellation میتوان این موضوع را بهتر شرح داده.

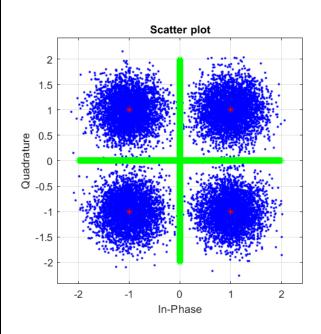
احتمالا لازم باشد نتایج بخش تئوری را بیاوریم:

$$D(\phi, i, j) = \cos\left(\phi + \frac{\pi}{2}(j - i)\right)$$

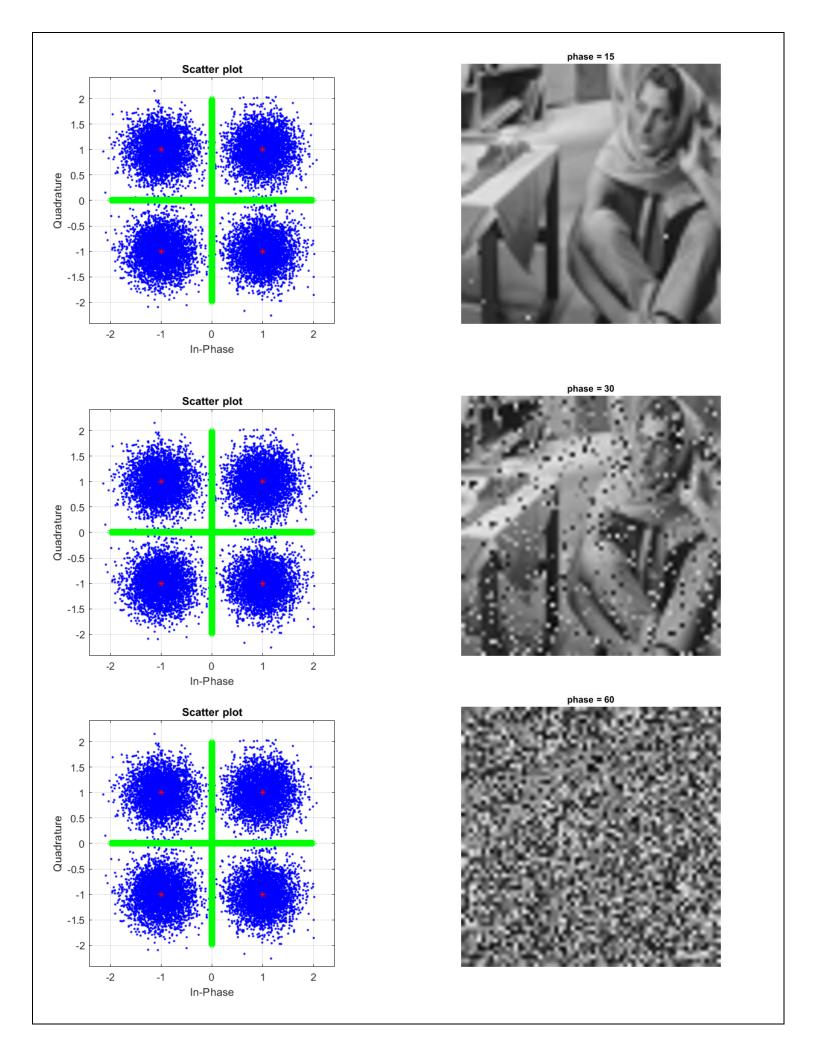
با افزایش اختلاف فاز برخی از سمبل ها که به یک خوشه اولیه تعلق داشتند ممکن است که به یک خوشه دیگر منتقل شوند و لذا ممکن است سمبلی که معادل عدد 00 به 01 یا دیگری تبدیل شود، این مورد میتواند پیکسل ها را به طور کامل عوض کند، با افزایش اختلاف فاز از صفر، بسته به عکس، ابتدا سمبل ها عوض نمی شوند، سپس به طور ناگهانی سمبل های 1 و سپس 2 و ... شروع به تغییر میکنند، لذا کیفیت عکس ممکن است با افزایش کوچکی در فاز به طور ناگهانی کاهش پیدا کند.

این مورد از رابطه بالا نیز واضح است، سمبل فرستاده شده اگر j باشد، باید i به نحوی انتخاب شود که مقدار D به احد امکان به i نزدیک شود، لذا باید آرگومان کسینوس به اندازه امکان به i یا i نزدیک شود، لذا ممکن است به ازای یک زاویه خاص، اندکی نغییر در زاویه به طور ناگهانی پاسخ را عوض کند.

در زیر نمودار های خواسته شده به ترتیب در حالت های مشخص شده آورده شده اند (ضریب افت دامنه در این بخش ۷۰ است):







همانطور که دیده میشود، با پخش شدن خوشه ها تا جایی که نقاط از مرز ها رد شوند، به طور ناگهانی نویز عکس بالا خواهد رفت.