

## 2020 牛客 NOIP 赛前集训营（第二场）

### 提高级

比赛地址：<https://ac.nowcoder.com/acm/contest/7607>

题目名称	GCD	包含		前缀		移动	
题目类型	传统型	传统型		传统型		传统型	
每个测试点 时限	C/C++ 1 秒, 其他语言 2 秒	C/C++ 1 秒, 其他语言 2 秒		C/C++ 1 秒, 其他语言 2 秒		C/C++ 1 秒, 其他语言 2 秒	
内存限制	C/C++ 512MB, 其他语言 1024MB	C/C++ 256MB, 其他语言 512MB		C/C++ 256MB, 其他语言 512MB		C/C++ 256MB, 其他语言 512MB	
子任务数目	5	10		10		10	
测试点是否 等分	是	是		是		是	

#### 注意事项

- 所有参与 NOIP 赛前集训营的选手必须遵守约定的纪律：
    - 比赛账号不能外传。
    - 比赛中不能抄袭代码。
    - 比赛中不能恶意卡评测。
  - 报名支付账号即为比赛账号。
  - 一旦报名 NOIP 赛前集训营活动，不支持退费，请考虑清楚后报名。
  - 本活动解释权归牛客网所有，活动介绍未尽事宜以牛客网官方解释为准。
- 欢迎关注“比赛自动姬”公众号，关注更多比赛资讯~



## GCD

### 【题目描述】

我们定义  $f(x) = \gcd(x \text{ 除 } 1 \text{ 之外的所有因子})$

即  $x$  除 1 外所有因子的  $\gcd$

询问从  $f(a) + f(a + 1) + \cdots + f(b)$

### 【输入格式】

输入两个正整数  $a\ b$

### 【输出格式】

输出一个正整数表示答案

### 【样例 1 输入】

5 7

### 【样例 1 输出】

13

### 【数据范围】

对于 20% 的数据,  $1 < a < b \leq 1000$

对于 40% 的数据,  $1 < a < b \leq 10^6$

对于 100% 的数据,  $1 < a < b \leq 10^7$

## 包含

### 【题目描述】

我们定义 $A$ “包含” $B$ 的概念是 $A \& B = B$ ，其中 $\&$ 是位运算中的“按位与”。

现在给出一个集合 $Q$ ，这个集合  $n$  个正整数， $m$  次询问。每次询问给出一个数字 $x$ ，请回答集合 $Q$ 中是否有一个数字包含 $x$ 。

### 【输入格式】

第一行输入两个正整数 $n, m$ ，意义如题面所示。

接下来一行输入 $n$  个正整数，描述集合 $Q$  中的数字，其中第  $i$  个数字为 $a_i$ 。

然后有  $m$  行，每行给出一个正整数  $x$ ，代表询问。

### 【输出格式】

对于每一个询问，输出 yes 或 no 表示答案。

### 【样例 1 输入】

2 2

3 7

4

9

### 【样例 1 输出】

Yes

No

### 【数据范围】

对于 20% 的数据，满足  $n \leq 10^5, m \leq 10, x \leq a_i \leq 1000$

对于 40% 的数据，满足  $n \leq 10^5, m \leq 10^5, x \leq a_i \leq 1000$

对于 100% 的数据, 满足  $1 \leq n \leq 10^5, 1 \leq m \leq 10^5, 1 \leq x \leq a_i \leq 10^6$

## 前缀

### 【题目描述】

牛牛有一个 $s$ 串, $s$ 串仅由 26 个小写英文字母组成, 他现在将 $s$ 串进行了无限次的复制扩展成了一个无限循环串。

例如一开始 $s = "abc"$ , 那么牛牛就会将其变为 $"abcabcabc..."$

若某个字符串保留其原本字符出现的顺序, 并且按照顺序取出若干个字符。可以不连续, 可以不取。

我们称取出的这若干个字符连成的字符串为一个子序列。

若连续取出某个字符串的前 $k$ 个字符, 组成一个子串, 我们称该字符串为原串长度为 $k$ 的前缀。

对于一个字符串 $t$ , 若某字符串的至少一个子序列为 $t$ 。则称它是一个“含 $t$ 序列串”

牛牛想要知道对于给定的 $t$ , 他想要知道 $s$ 的一个最短前缀满足它是一个“含 $t$ 序列串”, 它的长度有多长?

由于答案可能非常大, 所以他要求你输出答案对 998244353 取余数后的结果即可。

特别的, 如果 $S$ 串不存在任何一个前缀满足他是一个“含 $t$ 序列串”, 请输出 $-1$ 表示无解。

$t$ 串中除了 26 个英文字母以外还会出现 $*$ , 表示一个通配符。通配符可以视为任意字母。

例如循环 $s$ 串为 $"abcabcabcabc..."$ ,  $t$ 串为 $"a * ca"$ 时, 最短含 $t$ 序列前缀长 4。而当 $t$ 串为 $"a ** ca"$ 时, 最短含 $t$ 序列前缀长 7。

除此之外, 牛牛输入的 $t$ 串还可能非常非常长, 最长可以达到  $10^{\{10^5\}}$ 这么长。

所以他想了一种压缩方法，来快速读入  $t$  串。

具体来说，它输入的  $t$  串中除了 "\*" 和 26 个小写英文字母以外，还会跟有一些正整数。

在读入字符串时，这些数字表示它前面字母或者 "\*" 重复的次数。

例如  $a5bc*3$ ，表示  $aaaaabc***$ 。输入的正整数不含前导 0。

### 【输入格式】

第一行输入一个仅包含 26 个小写英文字母的字符串  $s$

第二行输入一个正整数  $n$  表示， $t$  串的数目。

接下来输入  $n$  行

再输入一行一个字符串  $t$ ，表示压缩后的查询串。查询串仅包含 26 个小写英文字母，星号 '\*'，以及数字。

### 【输出格式】

对于每一个查询，如果至少存在一个  $s$  的前缀满足“最短含  $t$  序列串”的定义，请输出  $s$  的最短含  $t$  序列前缀的长度对 998244353 取余数后的结果。

否则请输出 "-1" 表示无解。

### 【样例 1 输入】

abc

3

$a*ca$

$a**ca$

$a*2ca$

### 【样例 1 输出】

4

7

7

### 【样例 1 解释】

S 串为:abcbabcbabcbabcb....

包含  $a^*ca$  作为子序列的最短前缀为  $abca$ 。

包含 `a**ca` 作为子序列的最短前缀为 `abcbabca`。

$a^*2ca$  表述的 T 串和  $a^*ca$  等价。

### 【样例 2 输入】

nowcoder

2

0100

winterzz1

### 【样例 2 输出】

110162207

-1

### 【样例 2 说明】

最短含 t 前缀长度为

39997，该

数对 998244353 取余数的结果为 110162207

**【数据范围】**

对于前 10% 的测试数据保证  $1 \leq n \leq 100, 1 \leq |s|, |t| \leq 10$  且  $t$  串中不包含数字以及 '\*'。

对于前 20% 的测试数据保证  $1 \leq n \leq 100, 1 \leq |s|, |t| \leq 10$  且  $t$  串中不包含数字。

对于前 30% 的测试数据保证  $1 \leq n \leq 1000, 1 \leq |s|, |t| \leq 1000$  且  $t$  串中不包含数字。

对于前 60% 的测试数据保证  $1 \leq n \leq 10^5, 1 \leq |s| \leq 10^4, 1 \leq |t| \leq 10^5$  且  $t$  串中的数字值域范围在  $[1, 10^9]$  内。

对于前 100% 的测试数据保证  $1 \leq n \leq 10^5, 1 \leq |s| \leq 10^4, 1 \leq |t| \leq 10^5, \sum |t| \leq 10^6$  且  $t$  串中的数字值域范围在  $10^{\{10^5\}}$  内。

注意， $|t|$  仅表示输入时的压缩串的长度，不代表解压缩后的长度，解压后  $t$  串的长度最长可以达到  $10^{\{10^5\}}$ 。



## 移动

### 【题目描述】

牛牛被困在了一个房间里，他可以看到房间的出口，但是想要到达出口，需要经过  $n$  道闸门。我们可以根据这些闸门离牛牛的距离进行编号，离牛牛最近的闸门记为 1 号闸门，离牛牛最远的记为  $n$  号闸门。

牛牛每秒都可以选择前进到下一闸门，后退到上一闸门，或者原地不动。(从起点到第一道闸门，从第  $n$  道闸门到出口的时间也是一秒)

这些闸门在一些时刻是关闭的，无法通行，剩下的时刻是开启的，可以通行。

注意：如果牛牛所在的位置有一个闸门即将关闭，他在此时选择原地不动，就会被闸门夹到，变成牛排。牛牛想在不变成牛排的前提下走到出口，他想知道最短需要多少秒才能走到出口，如果他永远无法走到出口，输出 -1。

在每一秒内，首先牛牛进行移动，然后闸门进行开/关的动作。

### 【输入格式】

第一行给出  $N, M$ ，分别代表有  $N$  道闸门， $M$  个信息

接下来有  $M$  行，每行代表一个闸门关闭的信息，包含三个数字  $a b c$ ，代表第  $a$  道闸门会在  $[b, c]$  的时间内关闭

保证这些信息之间不相交。(即不会有某一道闸门在  $[b_1, c_1]$  和  $[b_2, c_2]$  的时间关闭，且  $b_1 < b_2 < c_1$ 。

### 【输出格式】

输出一行一个整数代表牛牛到达出口所需要的最短时间

### 【样例 1 输入】

4 2

1 2 50

3 2 5

**【样例 1 输出】**

8

**【样例 1 说明】**

牛牛在 1 秒时到达 1 号闸门，2 秒时到达 2 号闸门，等到 6 秒时到达 3 号闸门，7 秒到达 4 号闸门，8 秒到达出口

**【数据范围】**

20% 的数据，满足  $1 \leq N, M \leq 20$

60% 的数据，满足  $1 \leq N, M \leq 2000$

100% 的数据，满足  $1 \leq N, M \leq 100000, 1 \leq a \leq N, 1 \leq b \leq c \leq 10^9$