

chapter 5

数组

目录 content

1

数组的定义和应用

2

数组在函数间的传递

3

程序设计举例

数组：数组是有序数据的集合,即具有一定顺序关系的若干变量的集合体.组成数组的变量称为该数组的元素变量,简称元素,用数组名后跟带有方括号“[]”的下标来唯一确定数组中的元素。

C语言中有一维数组和 multidimensional array

本教材中 multidimensional array 只介绍二维数组相关内容

一维数组的定义:

[存储类型] 数据类型 数组名[常量表达式];

例：`int a[10];`

它表示数组名为a，数组有10个元素。

数组必须先有定义，然后再使用。C语言规定只逐个引用数组元素而不能一次引用整个数组。

数组在内存中存储时，是按下标递增的顺序连续存储各元素变量的值。定义语句中的常量表达式表示元素个数，即数组长度。

应用要点:

- 数组的下标从0开始，下标必须是整型量。

a[10]中，10表示a数组有10个，下标从0开始，这10个元素是a[0],a[1],a[2],a[3], a[4],a[5],a[6] ,a[7],a[8],a[9]，注意不能使用数组元素a[10]

- 数组名表示数据存储区域的首地址。数组的首地址也是第一个元素变量的地址

```
int data[5];
```

首地址是data或&data[0]

数组名是一个地址常量，不能向它赋值，也不能对它自加自减等对变量进行操作的运算

5.1.1

一维数组的定义和应用

- 数组的初始化 数组的初始化就是在数据说明时对数组元素赋初值

初始化方式： ➤ 数组长度与初值的个数相等

```
int data[5]={2,4,6,8,10};
```

```
↔ data[0]=2;data[1]=4;data[2]=6;data[3]=8;data[4]=10;
```

或: `int data[]={2,4,6,8,10};`

➤ 数组长度与提供初值的个数不相等

```
int b[20]={1,2,3,4,5};
```

数组长度不能省掉,多余的元素都是0;

```
b[0]=1;b[1]=2;b[2]=3;b[3]=4;b[4]=5;b[5]=b[6]=...=b[19]=0
```

- 数组下标常量表达式中可以包括常量和符号常量，不能包含变量

错误的定义:

```
(1) int n;  
    scanf("%d",&n);  
    int a[n];
```

```
(2) int n=20;  
    int a[n];
```

C不允许对数组的长度作动态定义



5.1.1

程序举例

例5.2 编程将一个从键盘输入的整数序列按逆序重新存放并显示，整数个数首先从键盘输入；如要求输入5个数，原来的顺序为8，6，5，4，1，要求改为1，4，5，6，8

```
#include <stdio.h>
void main( )
{
    int a[100];
    int i,j,n,temp;
    scanf("%d",&n); //输入整数个数
    printf("input the numbers:\n");
    for(i=0;i<n;i++) //输入整数序列
    {
        scanf("%d",&a[i]);
    }
    /*将整数序列依次从首尾向中间交换元素, 从而实现逆序排列*/
```

逐个元素输入

```
for(i=0,j=n-1; i<j; i++,j--)
{
    temp=a[j];
    a[j]=a[i];
    a[i]=temp;
}
printf("now the numbers are:\n");
//输出重排后的整数序列
for(i=0;i<n;i++)
{
    printf("%5d",a[i]);
}
}
```

两个数交换

运行结果： 5
input the numbers:
8 6 5 4 1
now the numbers are :
1 4 5 6 8

例5.3： 输入10个整数到一个数组中,调整这10个数组中的排列位置,使得其中最小的一个数成为数组的首元素.

```
include<stdio.h>
#define SIZE 10
void main( )
{
    int m,k; //初始化
    int i,j;
    int data[SIZE];
    printf("input the size");
    for ( m = 0;m < SIZE; m++) //输入数组中的值
    {
        scanf("%d",&data[m]);
    }

    j=0;
    for(i=0;i<SIZE;i++)
    {
        if(data[i]<data[j]) j=i;
    }
```

符号常量

比较数组中的值,
记下最小值的下标

```
if(j>0) //如果最小值下标不是0,
则将该值和数组首项中的值交换
{
    k=data[0];
    data[0]=data[j];
    data[j]=k;
}
printf("\n");
for(m=0;m< SIZE;m++) //输出调整后的数组
{
    printf("%4d",data[m]);
}
}
```


二维数组的定义:

[存储类型] 数据类型 数组名[下标][下标]

例: `float a[3][3]={1,2,3,4,5,6,7,8,9};`

存放顺序与存储方式:

a[0][0]	a[0][1]	a[0][2]
a[1][0]	a[1][1]	a[1][2]
a[2][0]	a[2][1]	a[2][2]



1	a[0][0]
2	a[0][1]
3	a[0][2]
4	a[1][0]
5	a[1][1]
6	a[1][2]
7	a[2][0]
8	a[2][1]
9	a[2][2]

二维数组的理解:

对于所定义的数组a, 可看成是三个一维数组a[0],a[1],a[2];比如a[0]是二维数组中一个特殊元素, 它是包含三个元素的一维数组。

$$a \left\{ \begin{array}{l} a[0] \left\{ \begin{array}{l} a[0][0] \\ a[0][1] \\ a[0][2] \end{array} \right. \\ a[1] \left\{ \begin{array}{l} a[1][0] \\ a[1][1] \\ a[1][2] \end{array} \right. \\ a[2] \left\{ \begin{array}{l} a[2][0] \\ a[2][1] \\ a[2][2] \end{array} \right. \end{array} \right.$$

二维数组的初始化:

对全部元素都赋予初值

```
int a[3][4]={{1,2,3,4},{5,6,7,8},{9,10,11,12}};
```

```
int a[ ][4]={{1,2,3,4},{5,6,7,8},{9,10,11,12}};
```

```
int a[3][4]={1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12};
```

定义数组时对第一维的下标可以不声明，但第二维长度不能省略

可以将所有数据写在一个花括号内，按数组排序的顺序对各元素赋初值

对部分元素赋初值

```
int a[3][3]={{1,2},{1,2,3},{1}}
```

它只对各行前面几列赋初值，其余元素值自动为0



1	2	0
1	2	3
1	0	0

5.1.2

程序举例

例5.4 有一个 3×3 矩阵，要求编程求出其中最大的那个元素的值，以及其所在的行号和列号。

```
#include <stdio.h>
void main( )
{
    int i,j,max;
    int row=0,column=0;
    int a[3][3] = {{1,2,3},{2,-3,4},{9,4,7}};
    /*数组初始化*/

    max=a[0][0];
```

运行结果:

max=9,row=2,column=0

```
/*以下循环将数组中的元素比较，记下最大值的下标*/
for (i=0;i<3;i++)
{
    for (j=0;j<3;j++)
    {
        if (a[i][j]>=max)
        {
            max=a[i][j];
            row=i;
            column=j;
        }
    }
}
printf("max=%d,row=%d,column=%d\n",
        max,row,column);
/*输出最大值以及 其行下标和列下标*/
}
```

5.1.2

程序举例

例5.5 输入一个4×4的整数矩阵,然后将之转置并显示这个转置后的矩阵。

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \\ 9 & 10 & 11 & 12 \\ 13 & 14 & 15 & 16 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 5 & 9 & 13 \\ 2 & 6 & 10 & 14 \\ 3 & 7 & 11 & 15 \\ 4 & 8 & 12 & 16 \end{bmatrix}$$

分析:以主对角线为对称轴, 交换所有对称点元素

对称点元素: 行列位置交换

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \\ 9 & 10 & 11 & 12 \\ 13 & 14 & 15 & 16 \end{bmatrix}$$

5.1.2

程序举例

```
#include<stdio.h>
#define SIZE 4
void main( )
{
    int data[SIZE][SIZE],i,j,d;

    for(i=0;i<SIZE;i++) //输入矩阵中的值
    {
        for(j=0;j<SIZE;j++)
        {
            scanf("%d",&data[i][j]);
        }
    }
}
```

```
for(i=0;i<SIZE-1;i++) //矩阵转置
{
    for(j=i+1;j<SIZE;j++)
    {
        //交换所有对称点元素
        d=data[i][j];
        data[i][j]=data[j][i];
        data[j][i]=d;
    }
}

for(i=0;i<SIZE;i++)
{
    printf("\n");
    for(j=0;j<SIZE;j++)
        printf("%4d",data[i][j]);
}
}
```

5.2

数组在函数间的传递

值传递方式

数组元素作为函数实参，用法与变量相同，单向传递

例5.6 求一整型数组的平均值，要求主函数中输入数据，通过调用函数求平均值。在数组元素个数较小的情况下，可以直接传递数组元素。

```
#include<stdio.h>
float aver( float x,float y,float z);
void main( )
{
    float a[3],temp;
    int i;
    printf("input the numbers:\n");
    for(i=0;i<3;i++)    //输入整数序列
    {
        scanf("%f",&a[i]);
    }
    temp = aver( a[0],a[1],a[2]);
    printf("aver = %f",temp);
}
```

实参为数组元素

```
float aver( float x,float y,float z)
{
    return (x + y + z)/3;
}
```

地址传递方式

数组在函数间的传递由于涉及到指针的概念，具体将在指针一章中详细论述，本节仅通过例子来描述数组在函数间传递的过程。

例5.7 从键盘输入十个整数存入一个一维数组中，编写一函数求其最大值。

```
#include <stdio.h>
int findmax( int b[], int n);
void main( )
{
    int a[10];
    int i,temp;
    printf("input the numbers:\n");
    for(i=0;i<10;i++)    //输入整数序列
    {
        scanf("%d",&a[i]);
    }
    temp = findmax(a, 10);
    printf("the max = %d",temp);
}
```

实参为数组首地址

```
int findmax( int b[], int n)
{
    int max,i;
    max = b[0];
    for(i=1 ; i<n ;i++)
    {
        if(b[i] > max) max = b[i];
    }
    return max;
}
```


例5.8 编一程序要求对已知的10个数，按从小到大进行排序。

排序方法：(1) 选择排序法
(2) 冒泡排序法

(1) 选择排序法

思想:首先进行第一遍排序，确定第一个数为基准数，认为它为最小数，然后依此在所有其它数中找比它小的最小数，如有则交换，这样就找到第一个最小数; 第二遍排序是对除第一个数据外的数据序列进行选择排序，以此类推共进行N-1遍排序，就能将N个数排序;

对N个数要进行N-1遍排序，每一遍的比较次数随遍数的增加而减小(遍数+次数=N)。

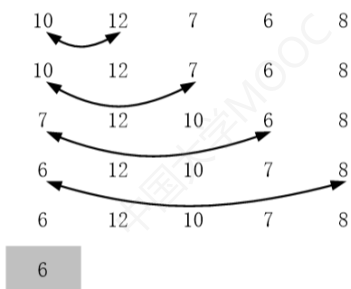
第一遍排序：第一次比较 $10 < 12$ 不交换

第二次比较 $10 > 7$ 交换

第三次比较 $7 > 6$ 交换

第四次比较 $6 < 8$ 不交换

找到了最小值



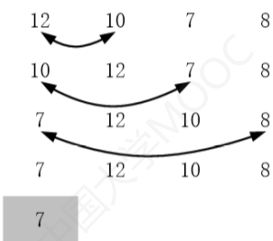
第二遍排序：对剩下的数据选择排序：

第一次比较 $12 > 10$ 交换

第二次比较 $10 > 7$ 交换

第三次比较 $7 < 8$ 不交换

找到了剩下数中间的最小值

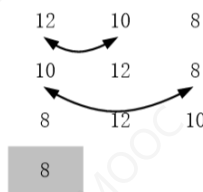


第三遍排序：对剩下的数据选择排序：

第一次比较 $12 > 10$ 交换

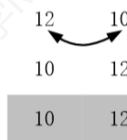
第二次比较 $10 > 8$ 交换

找到了剩下数中间的最小值



第四遍排序：对剩下的数据选择排序：

第一次比较 $12 > 10$ 交换



得到最后的结果

6 7 8 10 12

设标志: j 指向最小数, 初值为指向第一个

第一遍排序：第一次比较 $10 < 12$ j 指向 10

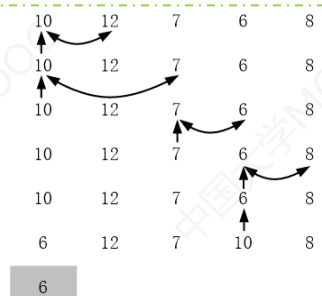
第二次比较 $7 < 10$ j 指向 7

第三次比较 $7 > 6$ j 指向 6

第四次比较 $6 < 8$ j 指向 6

找到了最小值的位置和第一个数交换

找到最小值



第二遍排序：对剩下的数据选择排序, j 指向第一个

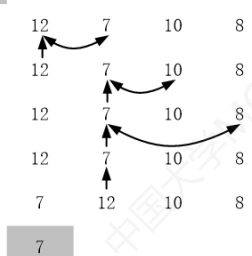
第一次比较 $12 > 7$ j 指向 7

第二次比较 $7 < 10$ j 指向 7

第三次比较 $7 < 8$ j 指向 7

找到了最小值的位置和第一个数交换

找到最小值



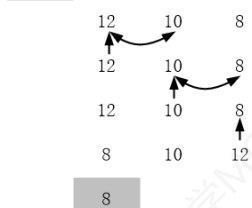
第三遍排序：对剩下的数据选择排序, j 指向第一个

第一次比较 $12 > 10$ j 指向 10

第二次比较 $10 > 8$ j 指向 8

找到了最小值的位置和第一个数交换

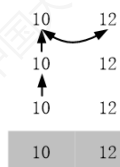
找到最小值



第四遍排序：对剩下的数据选择排序, j 指向第一个

第一次比较 $10 < 12$ j 指向 10

找到了最小值的位置和第一个数数值相同不交换



得到最后的结果

6 7 8 10 12

方法1：边比较边交换

方法2：边找边设立标记

方法1：边比较边交换

```
#include <stdio.h>
#define N 10
void main()
{
    int i,j,t;
    int a[N];
    for ( i=0 ;i < N ;i++)    //输入元素
        scanf("%d",&a[i]);
    for ( i=0 ;i<N-1;i++)
    {
        for (j=i+1;j<N;j++)
        {
            if(a[i]>a[j])
            {
                t = a[i];
                a[i] = a[j];  a[j] = t;
            }
        }
    }
    for ( i=0 ;i < N ;i++)    printf("%d\t", a[i]);
}
```

剩余元素与第一个元素进行比较，若小于第一个元素，则该元素与第一个元素交换

方法2：边找边设立标记

```
#include <stdio.h>
#define N 10
void main()
{
    int i, j, k,t;
    int a[N];
    for ( i=0 ;i < N ;i++)
        scanf("%d",&a[i]);
    for ( i=0 ;i<N-1;i++)
    {
        j=i;    //记录最小值下标
        for ( k = i+1;k<N;k++)
        {
            if(a[k] < a[j]) j=k;
        }
        if(j!=i)
        {
            t = a[i];    a[i] = a[j];    a[j] = t;
        }
    }
    for ( i=0 ;i < N ;i++)    printf("%d\t", a[i]);
}
```

剩余元素与第一个元素进行比较，若小于第一个元素，则记录该元素的下标

(2) 冒泡排序法

思想: 首先进行第一遍排序, 第一个元素开始, 将相邻的两个数比较, 将小的数字放在前面, 大的放在后面, 依次往后比较, 比较到最后一组后, 产生一个最大值; 第二遍排序是除去产生的最大值, 对剩下的序列进行类似第一遍冒泡排序。依此类推, 进行 $N-1$ 遍排序就能将 N 个数按从小到大排序; 同样的方法也能按从大到小排序。

对 N 个数要进行 $N-1$ 遍排序, 每一遍比较次数随遍数的增加而减小 (遍数+次数= N), 比较的顺序是从前往后。

冒泡排序法



```
#include <stdio.h>
#define N 10
void main()
{
    int i,j,t;
    int a[N];

    for ( i=0 ;i < N ;i++)
        scanf("%d",&a[i]);
    for ( i=0 ;i<N-1; i++)
    {
        for (j=0;j<N-1-i;j++)
        {
            if(a[j]>a[j+1])
            {
                t = a[j]; a[j] = a[j+1]; a[j+1] = t;
            }
        }
    }
    for ( i=0 ;i < N ;i++)    printf("%d\t", a[i]);
}
```

当前元素与下一个元素进行比较，若大于下一个元素，则该两元素交换

冒泡排序法-main()

```
#include <stdio.h>
#define N 10
void BubSort(int *a, int n);
void main()
{
    int i,j,t;
    int a[N];

    for ( i=0 ;i < N ;i++)
        scanf("%d",&a[i]);

    BubSort(a, N);

    for ( i=0 ;i < N ;i++)    printf("%d\t", a[i]);
}
```

冒泡排序法-函数实现

```
void BubSort(int *a, int n )
{
    int i,j,t;

    for ( i=0 ;i<n-1; i++)
    {
        for (j=0;j<n-1-i;j++)
        {
            if(a[j]>a[j+1])
            {
                t = a[j];
                a[j] = a[j+1];
                a[j+1] = t;
            }
        }
    }
}
```

当前元素与下一个元素进行比较，若大于下一个元素，则该两元素交换

例5.9 计算如下所示两个矩阵的乘积

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & -5 & 0 \\ 12 & -1 & 27 & 8 \\ 91 & 22 & -32 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 25 & 13 & 65 & 0 & 5 \\ -2 & 0 & 18 & 10 & 45 \\ 53 & 33 & 3 & 9 & 0 \\ 7 & 61 & 26 & -37 & -1 \end{bmatrix}$$

分析：

(1)第一个矩阵的列数必须等于第二个矩阵的行数，一个m行n列的矩阵乘以一个n行p列的矩阵，其结果是一个m行p列的矩阵；

(2)若矩阵A乘以矩阵B，则结果矩阵C中每个元素的值为：

$$C_{i,j} = \sum_{k=1}^n a_{i,k} * b_{k,j}$$



$$C_{i,j}^{k+1} = C_{i,j}^k + a_{i,k+1} * a_{k+1,j}$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & -5 & 0 \\ 12 & -1 & 27 & 8 \\ 91 & 22 & -32 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 25 & 13 & 65 & 0 & 5 \\ -2 & 0 & 18 & 10 & 45 \\ 53 & 33 & 3 & 9 & 0 \\ 7 & 61 & 26 & -37 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned} C_{24} &= 12*0 + (-1)*10 + 27*9 + 8*(-37) \\ &= 0 - 10 + 243 - 296 \\ &= -63 \end{aligned}$$

```
#include<stdio.h>
void main( )
{
    int valueA[3][4]={ {2,3,-5,0}, //数组初始化
                       {12,-1,27,8},
                       {91,22,-32,1}};
    int valueB[4][5]={ {25,13,65,0,5},
                       {-2,0,18,10,45},
                       {53,33,3,9,0},
                       {7,61,26,-37,-1}};
    int valueC[3][5]={0}; //定义结果矩阵
    int i,j,k;
    //按照公式将矩阵相乘
    for(i=0;i<3;i++)
    {
        for(j=0;j<5;j++)
        {
            for(k=0;k<4;k++)
            {
                valueC[i][j]+=valueA[i][k]*valueB[k][j];
            }
        }
    }
}
```

```
for(i=0;i<3;i++) //输出结果矩阵
{
    printf("\n");
    for(j=0;j<5;j++)
    {
        printf("%5d",valueC[i][j]);
    }
}
```

运行结果:

- 221	- 139	169	- 15	145
1789	1535	1051	- 63	7
542	188	6241	- 105	1444

例5.10 输出下列形式的杨辉三角形的前10行

```
1
1 1
1 2 1
1 3 3 1
1 4 6 4 1
. . . . .
```

分析： 杨辉三角形是 $(a + b)^n$ 展开后各项的系数，有以下规律：

- (1) 各行的第一个数都是1,即 $a[i][0]=1$;
- (2) 各行的最后一个数都是1,即 $a[i][i]=1$;
- (3) 从第3行起, 除上面指出的第一个数和最后一个数外, 其余各数是上一行同列和前一列两个数之和, 可以这样表示:

$$a[i][j]=a[i-1][j-1]+a[i-1][j]$$

其中 i 为行数, j 为列数。

5.3

程序设计举例

```
#include<stdio.h>
void main( )
{
    int a[10][10];
    int i,j;
    for(i=0;i<10;i++)
    {
        a[i][0]=1;
        a[i][i]=1;
    }
    for (i=2;i<10;i++)
    {
        for (j=1;j<i;j++)
            a[i][j]=a[i-1][j-1]+a[i-1][j];
    }
    for(i=0;i<10;i++)
    {
        for(j=0;j<=i;j++)
            printf("%5d",a[i][j]);
        printf("\n");
    }
}
```

按规律求数组元
数a[i][j]的值

本章要掌握的内容有：

- 数组的概念；
- 一维数组和二维数组的定义和应用；
- 数组在函数中的传递方式；
- 选择排序法和冒泡排序法的思想和算法。