

大学物理(下)

华中科技大学

张智

zzhang@hust.edu.cn

第8节 多普勒效应

此效应是出生于德国的奥地利物理学家多普勒(Johann Doppler, 1802—1853)在1842年首次发现的。

- ◆ 当观察者与波源之间有相对运动时，观察者所测得的频率不同于波源的频率，这种现象称为**多普勒效应**。

比如：当鸣笛的火车驶向站台时，站台上的观察者听到的笛声变尖，即**频率升高**；相反，当火车驶离站台时，听到的笛声**频率降低**。



奥地利物理学家多普勒(Johann Doppler, 1802—1853)

波源的频率 ν_s 是单位时间内波源作完整振动的次数或发出的‘完整波长’的个数。

观察者接收到的频率 ν_R 是观察者在单位时间内接收到的完整的振动次数或完整的波长数。

波速 u 是单位时间内振动状态 (相位)传播的距离。

相对于媒质

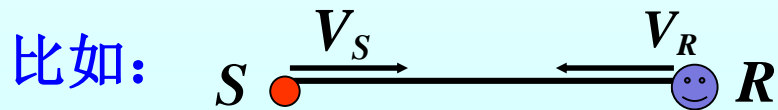
波源的周期 T_s 是波源作一次完整的振动所需的时间。

观察者测得的周期 T_R 是观察者观测到的一次完整的振动所经历的时间。

◆ 以下考虑波源的频率和观测频率的关系

思路：先考虑周期之间的关系，再进而得到频率的关系。

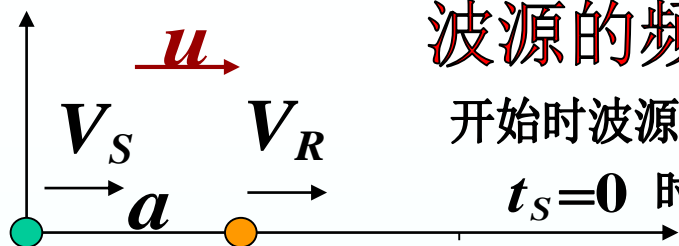
- 为此，取媒质为参考系，设波速为 u ，波源的速度为 V_S ，观察者的速度为 V_R ，且波源和观察者在同一条直线上运动。



波源的频率与观测频率的关系式

开始时波源S刚好在坐标原点，与观察者R相距 a

$t_S=0$ 时，波源S到达振动状态H并将之向右传出



$$\left\{ \begin{aligned} t_R &= \frac{a + V_R t_R}{u} \\ \therefore t_R &= \frac{a}{u - V_R} \end{aligned} \right.$$

$$T_S = t'_S - t_S = t'_S$$

$$T_R = t'_R - t_R$$

$$t'_R = t'_S + \frac{a + V_R t'_R - V_S t'_S}{u}$$

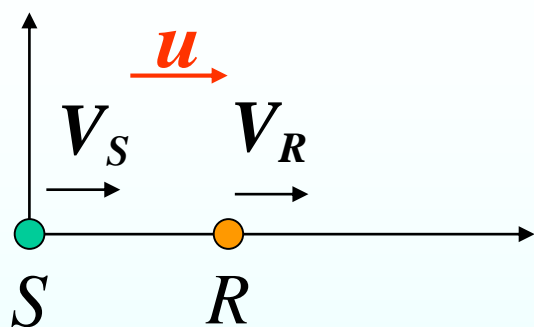
$$t'_R = \frac{a + (u - V_S) t'_S}{u - V_R}$$

$$V_R = \frac{u - V_R}{u - V_S} V_S$$

$$\begin{aligned} &= \frac{a + (u - V_S) t'_S}{u - V_R} - \frac{a}{u - V_R} \\ &= \frac{u - V_S}{u - V_R} t'_S = \frac{u - V_S}{u - V_R} T_S \end{aligned}$$

实际上已把 u 的方向定为正方向。

波源的频率与观测频率的关系式



$$v_R = \frac{u - V_R}{u - V_S} v_S$$

以 u 的方向
为正方向。

注意: 上式中波源和观察者的速度可正可负。

当 $V_R = V_S$ 时，波源和观察者无相对运动， $v_R = v_S$

$$\lambda_R = \frac{u}{v_R}$$

当 $V_S = 0$ 时，
若观察者向波源运动，则 $v_R > v_S$ ；波长变短。
若观察者背离波源运动，则 $v_R < v_S$ ；波长变长。

当 $V_R = 0$ 时，
若波源向观察者运动，则 $v_R > v_S$ ；波长变短。
若波源背离观察者运动，则 $v_R < v_S$ ；波长变长。

多普勒效应

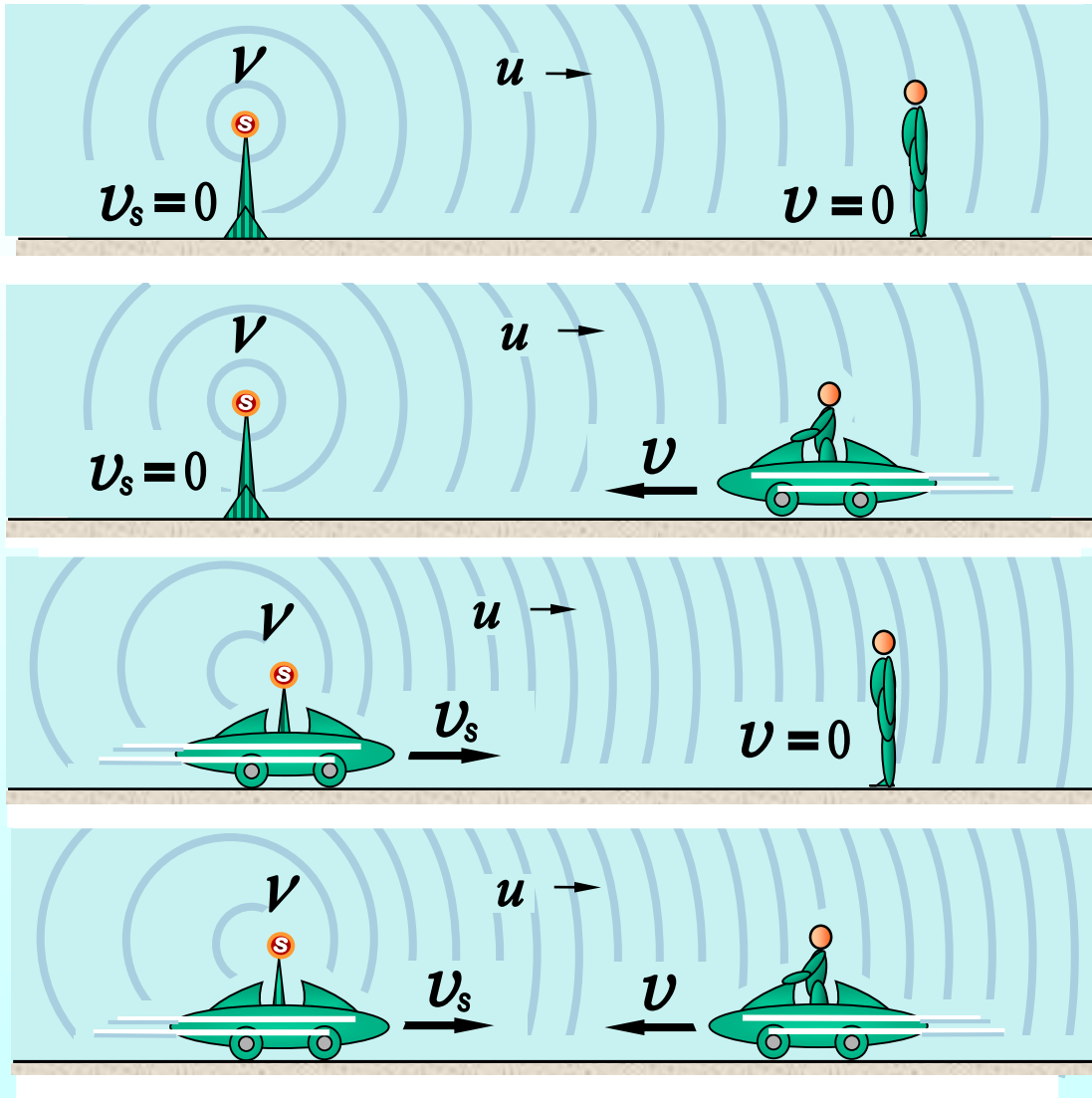
$$v' = v$$

(向) (背)

$$v' = \left(\frac{u \pm v}{u} \right) v$$

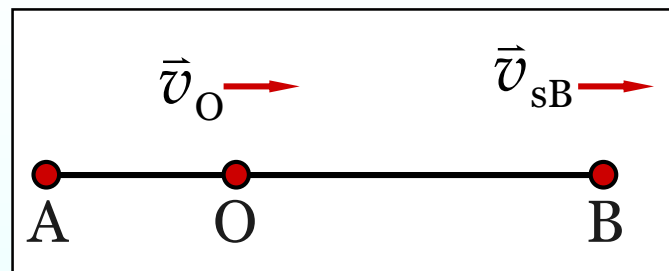
$$v' = \left(\frac{u}{u \mp v_s} \right) v$$

$$v' = \left(\frac{u \pm v}{u \mp v_s} \right) v$$



例. A、B 为两个汽笛，其频率皆为500Hz，A 静止，B 以60m/s 的速率向右运动。在两个汽笛之间有一观察者O，以30m/s 的速度也向右运动。已知空气中的声速为330m/s，求：

- (1) 观察者听到来自A 的频率
- (2) 观察者听到来自B 的频率
- (3) 观察者听到的拍频



解: (1) $u=330\text{m/s}$, $v_{sA}=0$, $v_{sB}=60\text{m/s}$, $v_o=30\text{m/s}$

$$v_R = \frac{u - V_R}{u - V_S} v_s$$

$$v' = \frac{u - v_o}{u} v \quad v' = \frac{330 - 30}{330} \times 500 = 454.5 \text{ Hz}$$

$$(2) \quad v'' = \frac{330 + 30}{330 + 60} \times 500 = 461.5 \text{ Hz}$$

(3) 观察者听到的拍频

$$\Delta v = |v' - v''| = 7 \text{ Hz}$$

$$x = 2A_0 \cos \frac{\omega_2 - \omega_1}{2} t \cos \left(\frac{\omega_1 + \omega_2}{2} t + \varphi \right)$$

波源的频率 ν_S 是单位时间内发出的“完整波长”的个数。

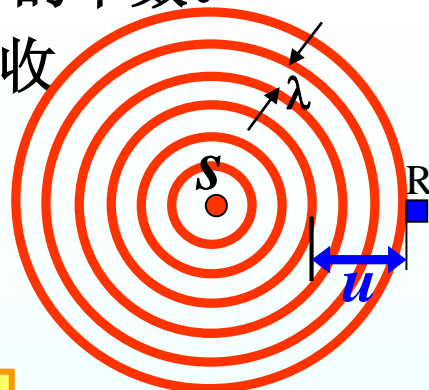
观察者接受到的频率 ν_R 是观察者在单位时间内接收到的完整的波长数。

1. 波源和接收器都静止

单位时间通过 R 的波长的个数，即为 R 收到的频率

$$\nu_R = \frac{u}{\lambda} = \nu_S$$

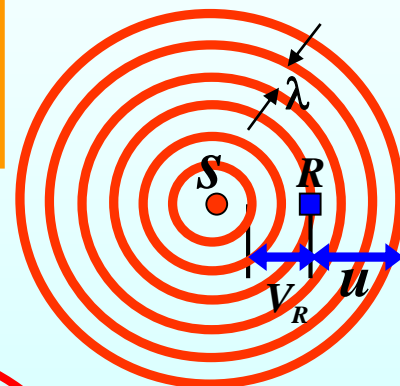
$$\nu_R = \frac{u - V_R}{u - V_S} \nu_S$$



2. 波源静止,接收器运动

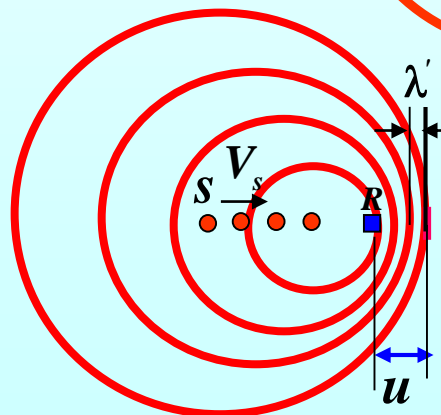
$$\nu_R = \frac{u + V_R}{\lambda} = \frac{u + V_R}{u / \nu_S} = \frac{u + V_R}{u} \nu_S \quad \text{变大}$$

$$R \text{ 远离 } S \text{ 则 } \nu_R = \frac{u - V_R}{u} \nu_S \quad \text{变小}$$



3. 接收器静止,波源运动

波长变化: 左边变长, 右边变短

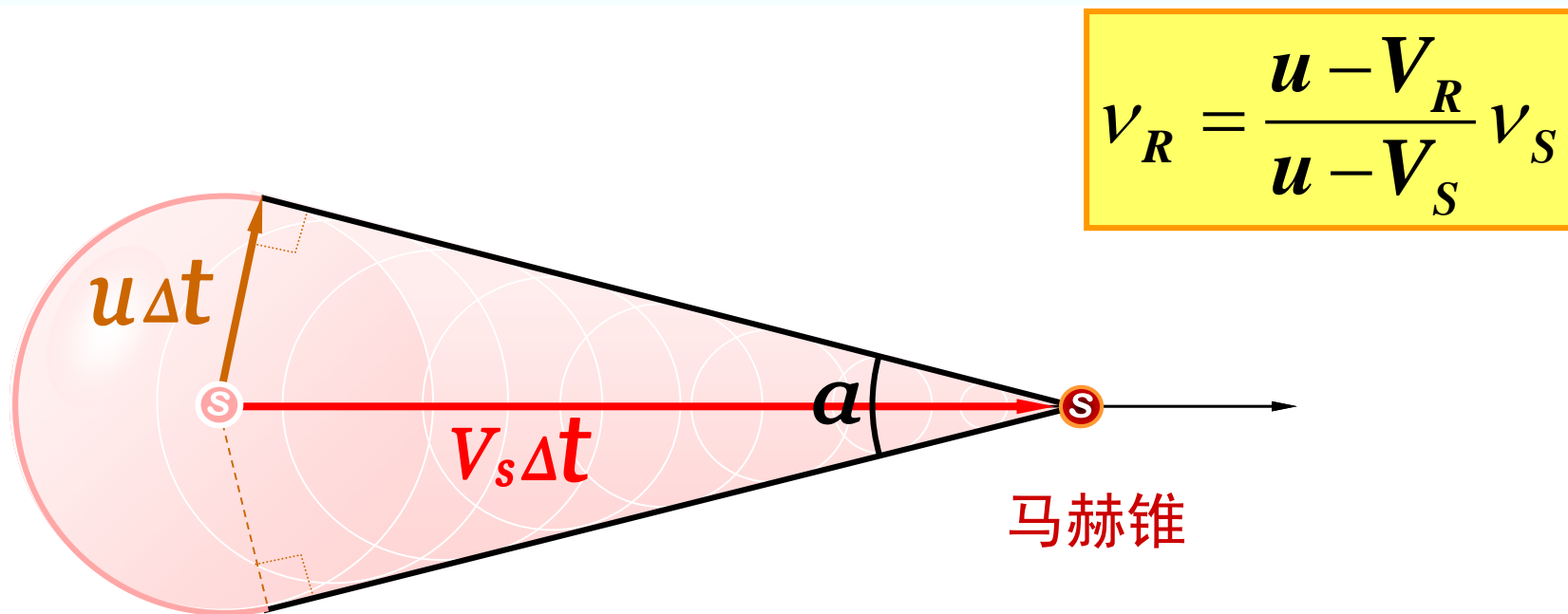


冲击波

前面在介绍波源相对于媒质运动所引起的多普勒效应时，讨论了波源速率 $V_s < \text{波速 } u$ 的情况。

波源速率 $V_s > \text{波速 } u$???

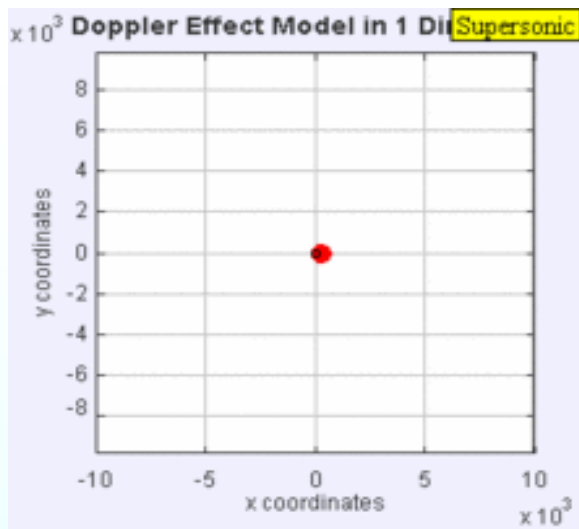
若 $V_s > u$ ，波源就会冲出自身发出的波阵面，在 Δt 时间内，波源所发出的一系列波的波前包络面是一个圆锥面，称为**马赫锥**。这种波称为**冲击波**。



马赫锥的顶角 α （**马赫角**）满足

$$\sin \frac{\alpha}{2} = \frac{u \Delta t}{V_s \Delta t} = \frac{u}{V_s} = \frac{1}{M} \quad M = \frac{V_s}{u} \text{ 称为马赫数}$$

◆ **锥面**是受干扰的介质和未受干扰的介质的分界面，在两侧有压强、密度和温度的突变。



飞机、炮弹等以**超音速**飞行时，都会在空气中激起**冲击波**。冲击波面到达的地方，空气压强突然增大。



◆ 过强的冲击波可使掠过地区的物体遭到损坏，如使玻璃窗破裂等，这种现象称为**声暴**。
类似的现象在水波中也可以看到。

- ◆ 利用声波的多普勒效应可以测定流体的流速，振动体的振动和潜艇的速度，还可以用来报警和监测车速。
- ◆ 在医学上，利用超声波的多勒效应对心脏跳动情况进行诊断，如做超声心动、多普勒血流仪等。

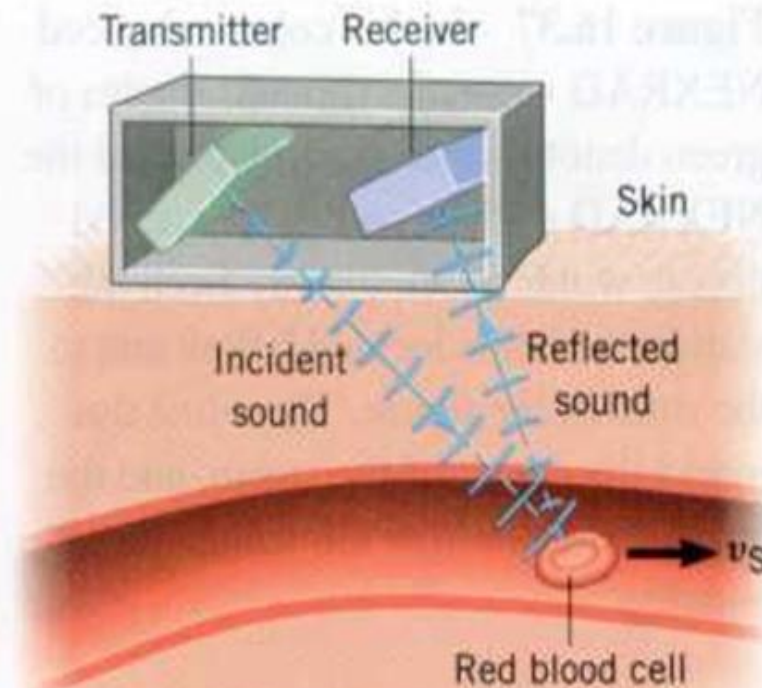
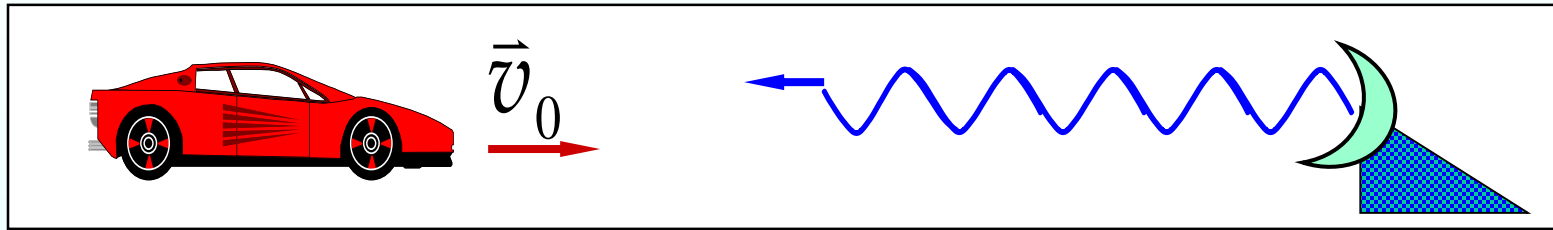


Figure : A Doppler flow meter measures the speed of red blood cells.

例. 利用多普勒效应监测车速，固定波源发出频率为 $\nu=100\text{kHz}$ 的超声波，当汽车向波源行驶时，与波源安装在一起的接收器接收到从汽车反射回来的波的频率为 $\nu''=110\text{kHz}$ 。已知空气中的声速为 $u=330\text{m/s}$ ，求车速。



解： 1) 车为接收器 $\nu' = \frac{u + v_o}{u} \nu$

$$V_R = \frac{u - V_R}{u - V_S} V_S$$

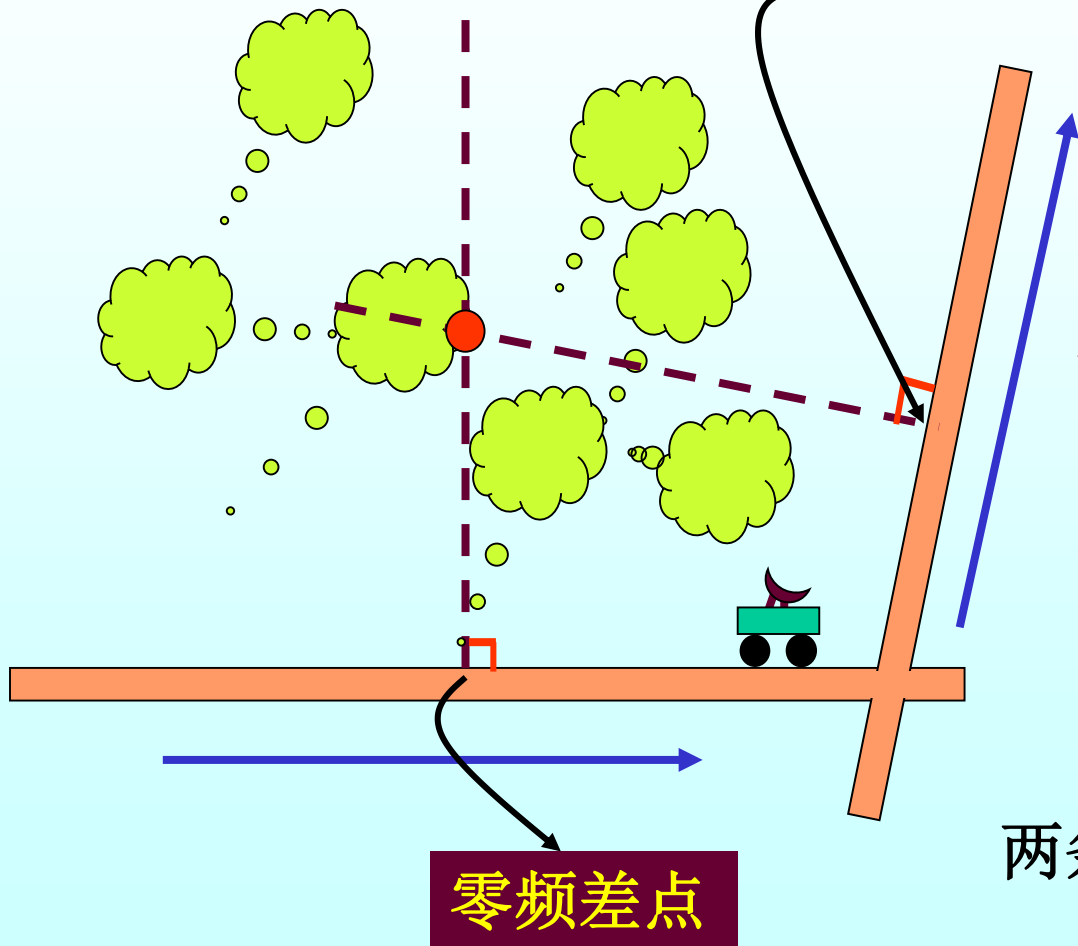
2) 车为波源 $\nu'' = \frac{u}{u - v_s} \nu' = \frac{v_o + u}{u - v_s} \nu$

车速 $v_o = v_s = \frac{\nu'' - \nu}{\nu'' + \nu} u = 56.8 \text{ km/h}$

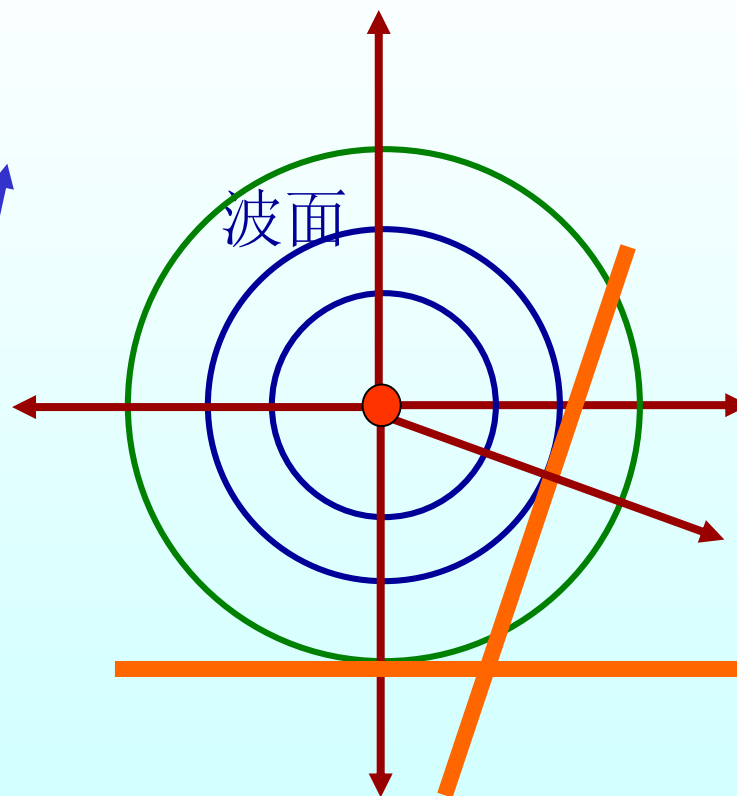
例：利用多普勒效应测定隐蔽的信号源。请说明其方法。

$$V_R = \frac{u - V_R}{u - V_S} V_S$$

零频差点



解：点波源产生球面波



两条路分别和两条波线垂直。

◆ 以上所有结论的前提是：波源和观察者在同一直线上运动，故称为**纵向多普勒效应**。

因此，如果波源和观察者的运动不是沿它们连线方向（纵向），则以上公式中 V_S ， V_R 应理解为波源和观察者在它们**连线方向上**的速度分量(即纵向分量)。

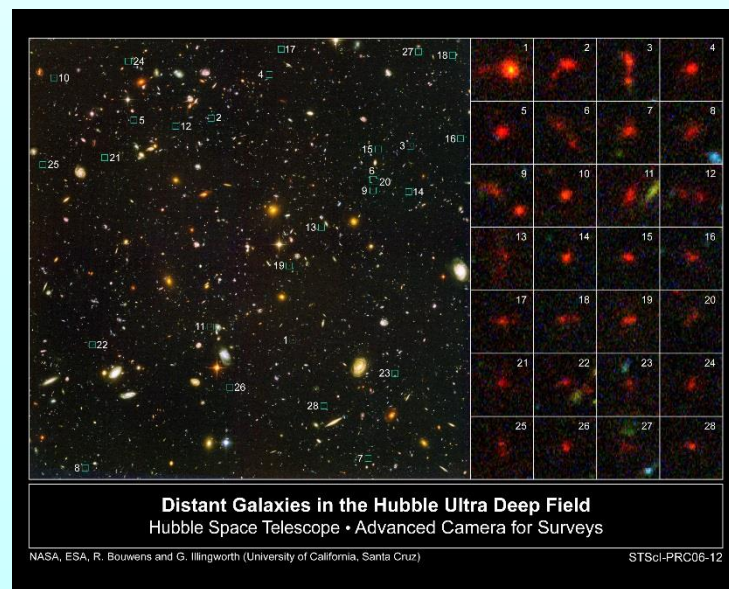
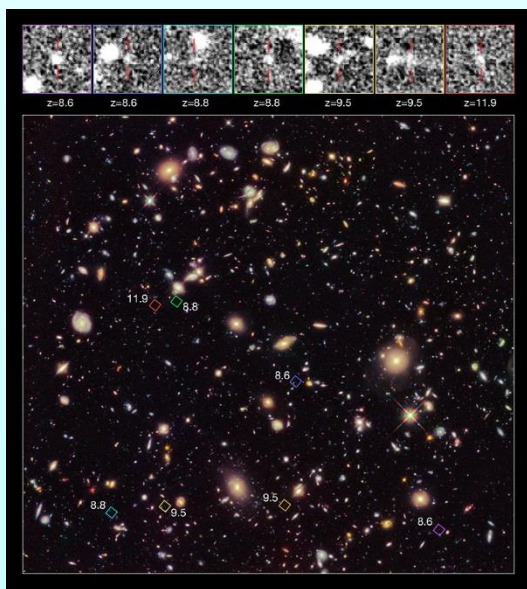
电磁波(比如光)，也有多普勒效应，光源与接收器的相对速度决定接收器接收的频率。

电磁波的多普勒效应

电磁波也存在多普勒效应，但是涉及狭义相对论的相对性原理和光速不变原理，较复杂。在此我们仅作简单介绍。当波源和接收器在同一直线上运动时，相对运动的速率为 v ，由相对论可得，

两者接近时有：
$$v' = \sqrt{\frac{1+v/c}{1-v/c}} v \quad v \uparrow, \lambda \downarrow, \text{紫移}$$

两者远离时有：
$$v' = \sqrt{\frac{1-v/c}{1+v/c}} v \quad v \downarrow, \lambda \uparrow, \text{红移}$$



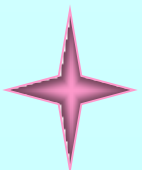
$$\nu_R = \sqrt{\frac{1+V/c}{1-V/c}} \nu_S$$

当光源远离接收器时，接收到的频率变小，因而波长变长，这种现象叫做“红移”。

把接收到的其它星球上元素的光谱与地面上同一元素的光谱作比较，发现几乎都发生红移。由此推断这些星系正在远离地球向四周飞去，即在“退行”。这就是“大爆炸”宇宙学理论的重要依据。

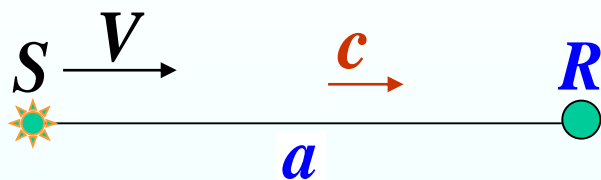
电磁波的多普勒效应也为跟踪人造地球卫星提供了一种简便的方法。

卫星地面站确定远在 10^8m 处的卫星位置变化时，可以精确到 $10^{-2}\text{m} \sim 10^{-3}\text{m}$ 。



电磁波的多普勒效应

电磁波(比如光),也有多普勒效应。光源与接收器的相对速度决定接收器测到的频率。以下假设光源 S 和接收器 R 在同一直线上运动时,且相对于接收器的速度为 V 。



事件1: S 发出第一个光信号

事件2: S 发出第二个光信号

Δt : 在 R 上看, 两个事件的时间间隔

t'_S : 在 S 上看, 两个事件的时间间隔

故 $\Delta t = \frac{t'_S}{\sqrt{1-(V/c)^2}}$ 原时

设在 S 上看, 波源 S 在 $t_S=0$ 时发出一个光信号; 经过一个周期后, 即 $t'_S=T_S$ 时发出第二个光信号。

设在接收器 R 上看, R 在 t_R 时收到第一个光信号; 在 t'_R 时收到第二个光信号。开始时光源到 R 的距离为 a 。则接收器 R 测到的周期 $T_R = t'_R - t_R$

$$\text{而 } t_R = \frac{a}{c}$$

$$t'_R = \frac{a - V \cdot \Delta t}{c} + \Delta t$$

$$T_R = t'_R - t_R$$

$$= \frac{a - V \cdot \Delta t}{c} + \Delta t - \frac{a}{c}$$

$$= (1 - \frac{V}{c}) \cdot \Delta t$$

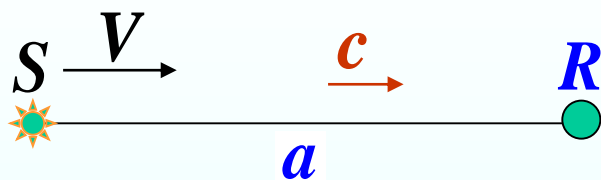
$$= (1 - \frac{V}{c}) \cdot \frac{t'_S}{\sqrt{1-(V/c)^2}}$$

$$= (1 - \frac{V}{c}) \cdot \frac{T_S}{\sqrt{1-(V/c)^2}}$$

$$\therefore T_R = \sqrt{\frac{1-V/c}{1+V/c}} T_S$$

电磁波的多普勒效应

电磁波(比如光),也有多普勒效应。光源与接收器的相对速度决定接收器测到的频率。以下假设光源 S 和接收器 R 在同一直线上运动时,且相对于接收器的速度为 V 。



事件1: S 发出第一个光信号

事件2: S 发出第二个光信号

Δt : 在 R 上看, 两个事件的时间间隔

t'_S : 在 S 上看, 两个事件的时间间隔

故 $\Delta t = \frac{t'_S}{\sqrt{1-(V/c)^2}}$ 原时

设在 S 上看, 波源 S 在 $t_S=0$ 时发出一个光信号; 经过一个周期后, 即 $t'_S=T_S$ 时发出第二个光信号。

设在接收器 R 上看, R 在 t_R 时收到第一个光信号; 在 t'_R 时收到第二个光信号。开始时光源到 R 的距离为 a 。则接收器 R 测到的周期 $T_R = t'_R - t_R$

$$\text{而 } t_R = \frac{a}{c}$$

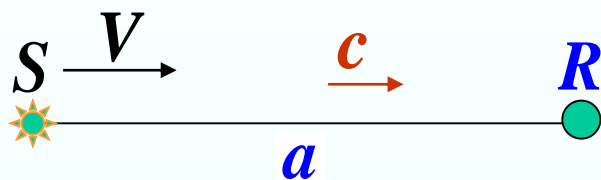
$$t'_R = \frac{a - V \cdot \Delta t}{c} + \Delta t$$

$$T_R = t'_R - t_R$$

$$T_R = \sqrt{\frac{1-V/c}{1+V/c}} T_S \quad \therefore T_R = \sqrt{\frac{1-V/c}{1+V/c}} T_S$$

电磁波的多普勒效应

电磁波(比如光),也有多普勒效应。光源与接收器的相对速度决定接收器测到的频率。以下假设光源 S 和接收器 R 在同一直线上运动时,且相对于接收器的速度为 V 。



事件1: S 发出第一个光信号

事件2: S 发出第二个光信号

Δt : 在 R 上看, 两个事件的时间间隔

t'_S : 在 S 上看, 两个事件的时间间隔

设在 S 上看, 波源 S 在 $t_S=0$ 时发出一个光信号; 经过一个周期后, 即 $t'_S=T_S$ 时发出第二个光信号。

设在接收器 R 上看, R 在 t_R 时收到第一个光信号; 在 t'_R 时收到第二个光信号。开始时光源到 R 的距离为 a 。则接收器 R 测到的周期 $T_R = t'_R - t_R$

$$\text{而 } t_R = \frac{a}{c}$$

$$t'_R = \frac{a - V \cdot \Delta t}{c} + \Delta t$$

$$T_R = t'_R - t_R$$

$$T_R = \sqrt{\frac{1 - V/c}{1 + V/c}} T_S$$

$$\therefore \nu_R = \sqrt{\frac{1 + V/c}{1 - V/c}} \nu_S$$

以上取 c 为正, 即以 c 的方向为正方向, V 相对于此方向可正可负。接近时频率变高, 紫移; 远离时频率变低, 红移。

故 $\Delta t = \frac{t'_S}{\sqrt{1 - (V/c)^2}}$ 原时

波按性质分类

- 机械波：机械振动在弹性媒质中的传播过程
- 电磁波：电磁场周期性变化在空间的传播
- 引力波：时空形变，以 c 的速度在空间传播

教学视频-引力波

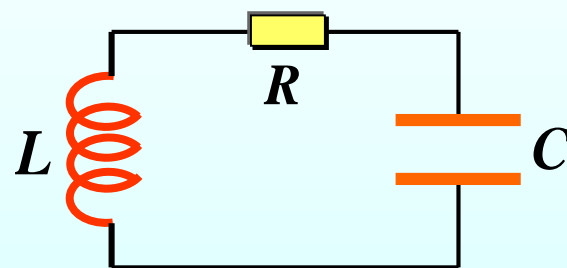
第9节 电磁振荡与电磁波

一、电磁振荡

机械振动： 物体在某一位置附近做周期性运动。

电磁振荡： 电路中电量和电流的周期性变化。

振荡电路： 产生电磁振荡的导体回路。



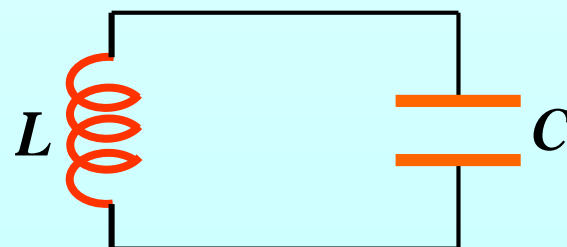
振荡电路

1. LC 无阻尼自由振荡 ($R=0$)

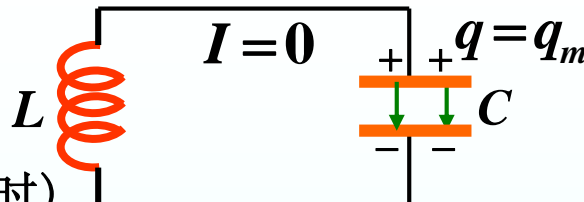
◆ 一个电容器和一个自感线圈串联而成的电路称为 **LC 电路**。最简单的电磁振荡电路。

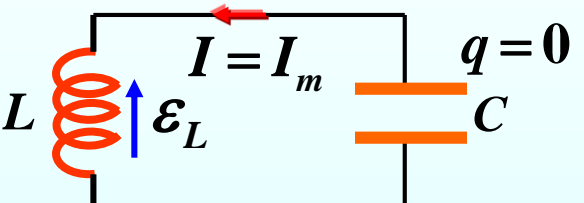
□ **无阻尼振荡电路：**

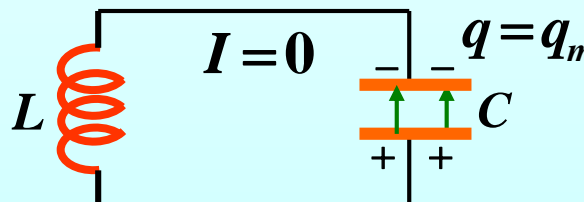
电路无电阻、无辐射，产生的电磁振荡是无阻尼自由振荡。

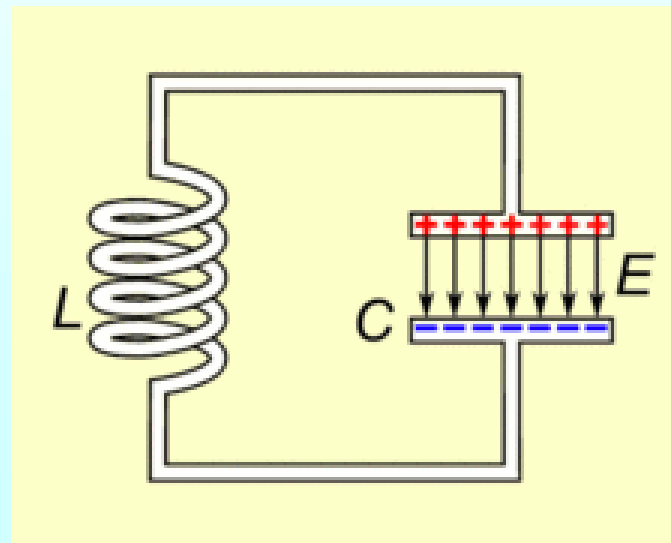


(1) 振荡过程

$t=0$ (开关合上时) 
 $I=0$ $q=q_m$ $W_e = \frac{q_m^2}{2C}$, $W_m = 0$

$t=T/4$ 
 $I=I_m$ $q=0$ $W_e = 0$, $W_m = \frac{1}{2}LI_m^2$

$t=T/2$ 
 $I=0$ $q=q_m$ $W_e = \frac{q_m^2}{2C}$, $W_m = 0$



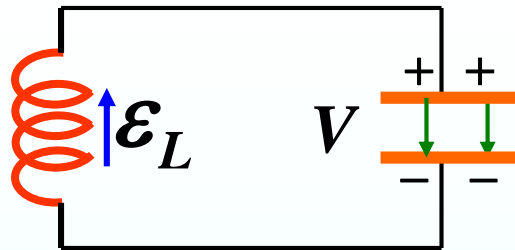
q 、 I 、 \vec{E} 、 \vec{B} 、 W_e 、 W_m 都作周期性变化，产生电磁振荡。

(2) 振荡方程

LC电路中，任意 t 时刻都有 $\varepsilon_L = V$

即： $-L \frac{dI}{dt} = \frac{q}{C}$

$$I = \frac{dq}{dt}$$



$$\frac{d^2 q}{dt^2} + \frac{1}{LC} q = 0 \quad \text{令：} \omega = \sqrt{\frac{1}{LC}}$$

另： $\frac{1}{2} L I^2 + \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \text{const}$

振荡方程： $\frac{d^2 q}{dt^2} + \omega^2 q = 0$ (类似于 $\frac{d^2 x}{dt^2} + \omega^2 x = 0$)

解为：

$$q = q_m \cos(\omega t + \varphi)$$

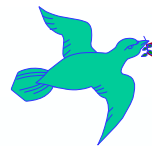
$$I = -\omega q_m \sin(\omega t + \varphi) = I_m \cos(\omega t + \varphi + \frac{\pi}{2})$$

$$\varepsilon_L = -L \frac{dI}{dt}$$

$$C = \frac{q}{V}$$

式中， q_m 、 I_m 、 φ 是常量。

电磁振荡中， q 、 I 、 W_e 、 W_m 都作周期性变化。



$$q = q_m \cos(\omega t + \varphi)$$

$$I = I_m \cos(\omega t + \varphi + \frac{\pi}{2})$$

可见:

(1) 无阻尼自由振荡是简谐振荡, q_m, I_m 是常数

(2) 特征量求法与弹簧振子相同

$$q \sim x \quad q_m \sim A$$

$$I \sim v \quad I_m \sim v_{max} \quad (I_m = q_m \omega)$$

初始条件
 q_0, I_0

$$\begin{cases} q_m = \sqrt{q_0^2 + (\frac{I_0}{\omega})^2} \\ \varphi = \arctan(-\frac{I_0}{q_0 \omega}) \end{cases}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{LC}}$$

——系统的固有频率

(3) 电流的变化超前电量 $\frac{\pi}{2}$

2. LC振荡电路的能量



$$q = q_m \cos(\omega t + \varphi)$$

$$I = I_m \cos(\omega t + \varphi + \frac{\pi}{2})$$

$$W_e = \frac{q^2}{2C} = \frac{1}{2C} q_m^2 \cos^2(\omega t + \varphi)$$
$$= \frac{1}{2} L \omega^2 q_m^2 \cos^2(\omega t + \varphi)$$

$$I = -\omega q_m \sin(\omega t + \varphi)$$

$$W_m = \frac{1}{2} L I^2 = \frac{1}{2} L q_m^2 \omega^2 \sin^2(\omega t + \varphi)$$

$$\therefore \begin{cases} \omega^2 = \frac{1}{LC} \\ \frac{1}{C} = L \omega^2 \end{cases}$$

$$W_{\text{总}} = W_m + W_e = \frac{1}{2} L \omega^2 q_m^2 = \frac{1}{2} \frac{1}{C} q_m^2 \quad \text{电能极大值 (常数)}$$

$$W_{\text{总}} = W_m + W_e = \frac{1}{2} L \omega^2 q_m^2 = \frac{1}{2} L I_m^2 \quad \text{磁能极大值 (常数)}$$

注意:

(1) $W_{\text{总}} \propto q_m^2$ (电荷振幅)

(2) 能量变化的频率是振荡频率的 2 倍

(3) $\bar{W}_e = \bar{W}_m = \frac{1}{2} W_{\text{总}}$

$$x = A \cos(\omega t + \varphi)$$

$$q = q_m \cos(\omega t + \varphi)$$

$$v = -A\omega \sin(\omega t + \varphi)$$

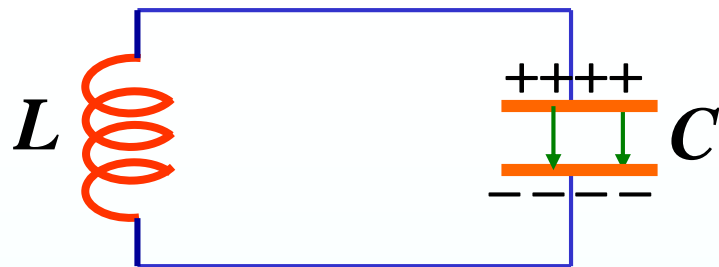
$$I = I_m \cos(\omega t + \varphi + \frac{\pi}{2})$$

弹簧振子	LC电路
位移： x	电荷： q
速度： v	电流： I
质量： m	电感： L
劲度系数： k	电容的倒数： $1/C$
阻力系数： γ	电阻： R
弹性势能： $\frac{1}{2}kx^2$	电场能量： $\frac{1}{2C}q^2$
振动动能： $\frac{1}{2}mv^2$	磁场能量： $\frac{1}{2}LI^2$

二、电磁波

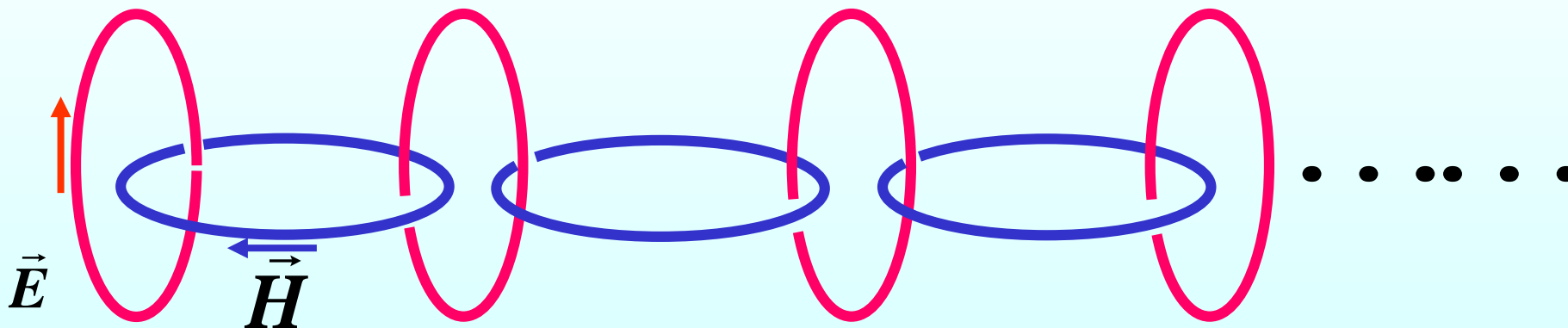
1. 电磁波产生的条件

只要波源 —— 电磁振荡源



根据麦克斯韦理论：

变化的磁场与变化的电场
互相激发形成电磁波



LC 振荡电路理论上可以发射电磁波(实际上不能)。

原因：{ 电场、磁场分别集中在电容器、自感线圈中

$$I \propto \omega^4$$

ω 太小，辐射功率很低

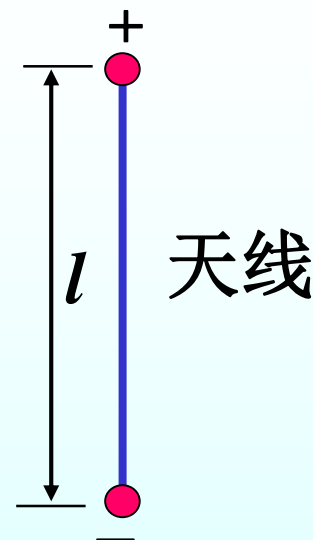
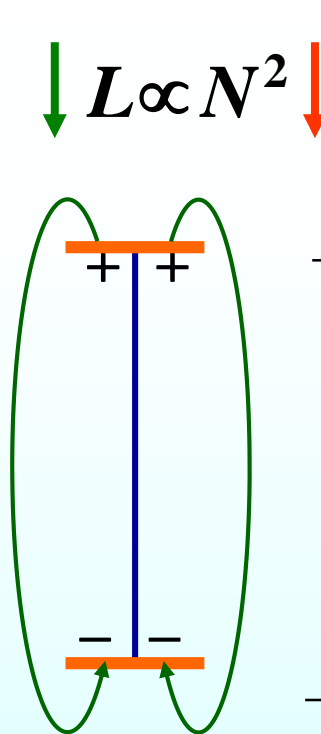
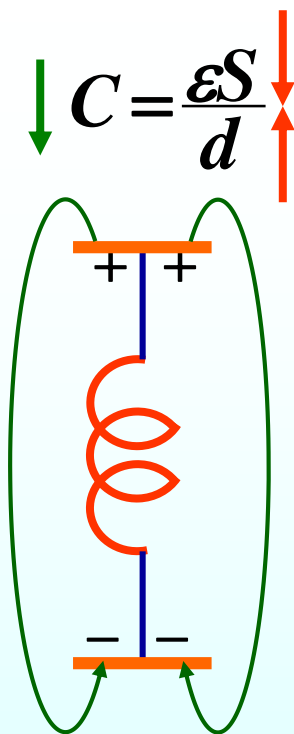
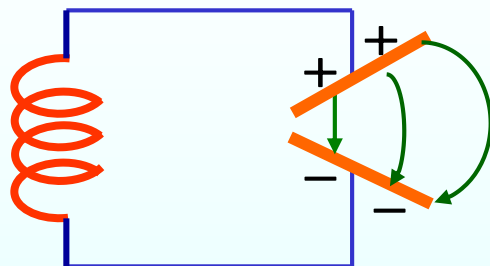
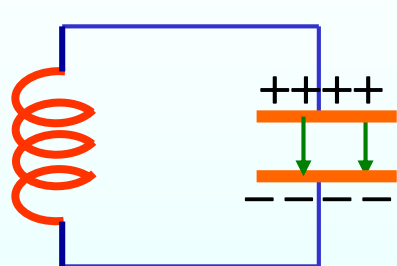
平均能流密度

$$\omega^2 = \frac{1}{LC}$$
$$\frac{1}{C} = L\omega^2$$

$$L = \frac{\Psi}{i} = \mu n^2 V$$

1. 开放电路
2. 提高 ω

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{LC}}$$



发射天线上电流在往复振荡，两端出现正、负交替等量异号电荷 $q = q_0 \cos \omega t$

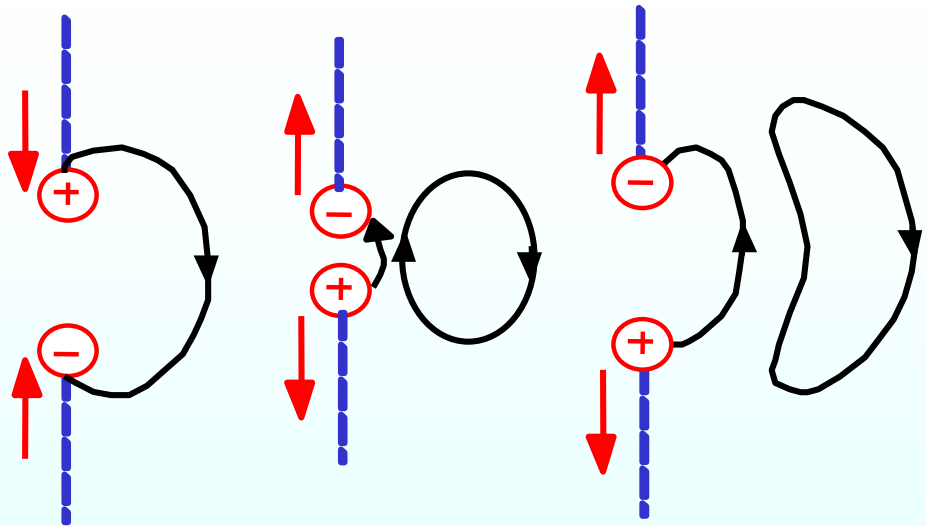
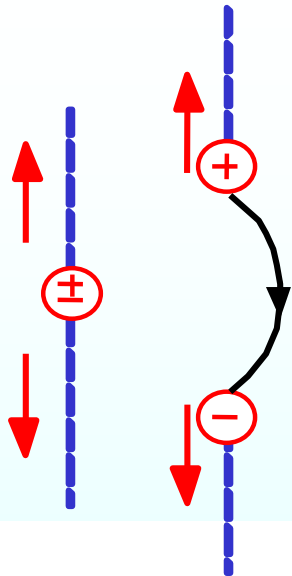
天线上存在振荡的电偶极子： $p = ql = q_0 l \cos \omega t$

$$p = p_0 \cos \omega t$$

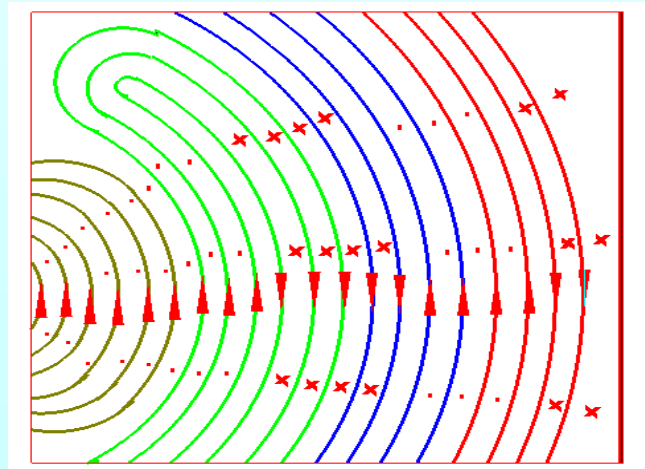
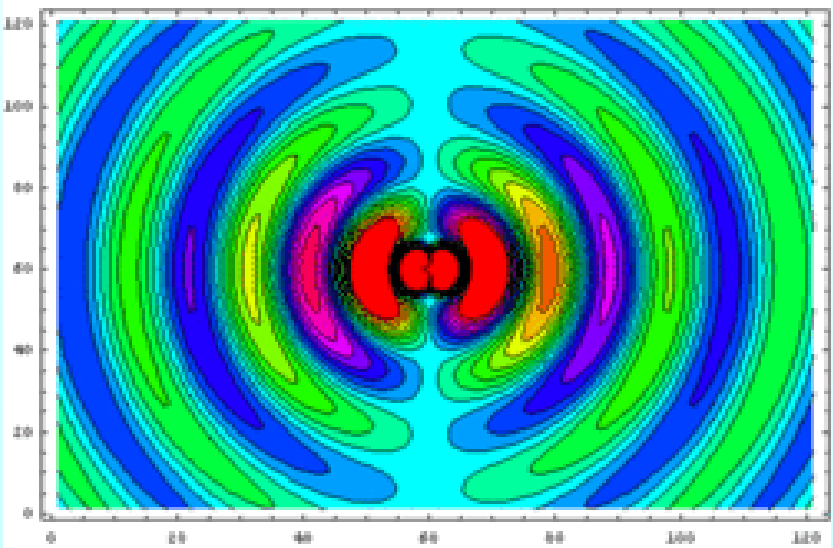
发射天线 = 振荡的电偶极子(产生电磁振荡，发射电磁波)

2. 振荡电偶极子辐射的电磁波

一条闭合电场线的形成过程

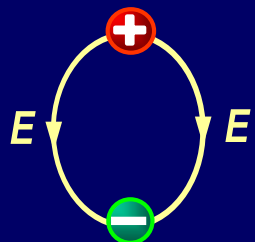


沿偶极子方向辐射为零，
垂直于偶极子方向辐射最强。

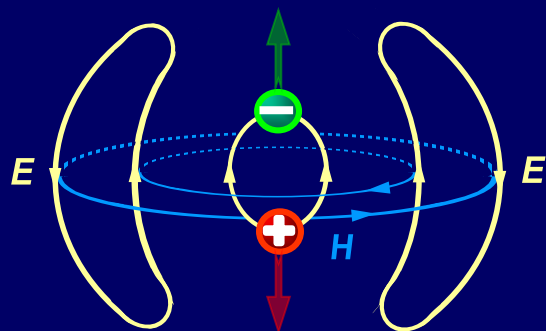
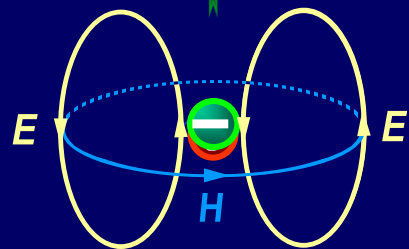
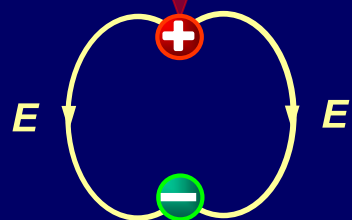


辐射过程示意

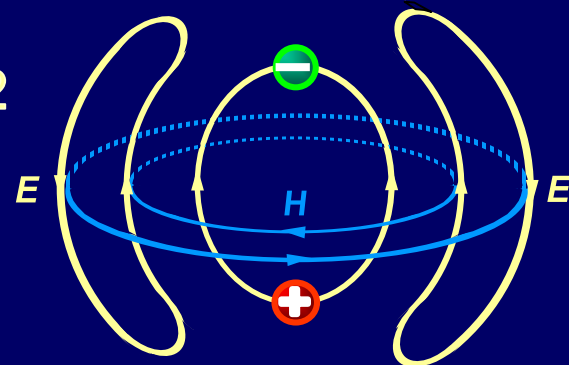
$t=0$



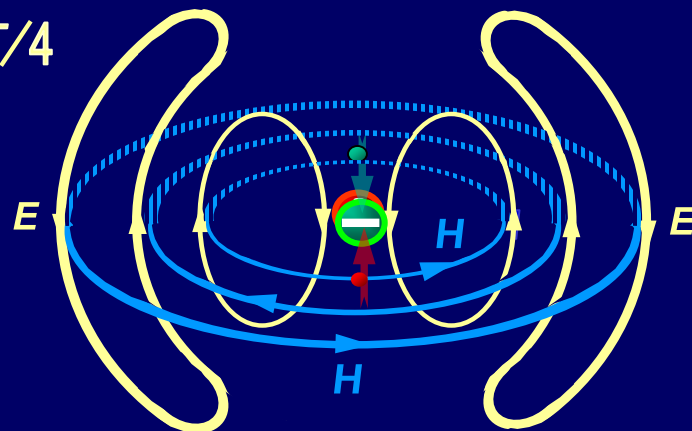
$t=T/4$

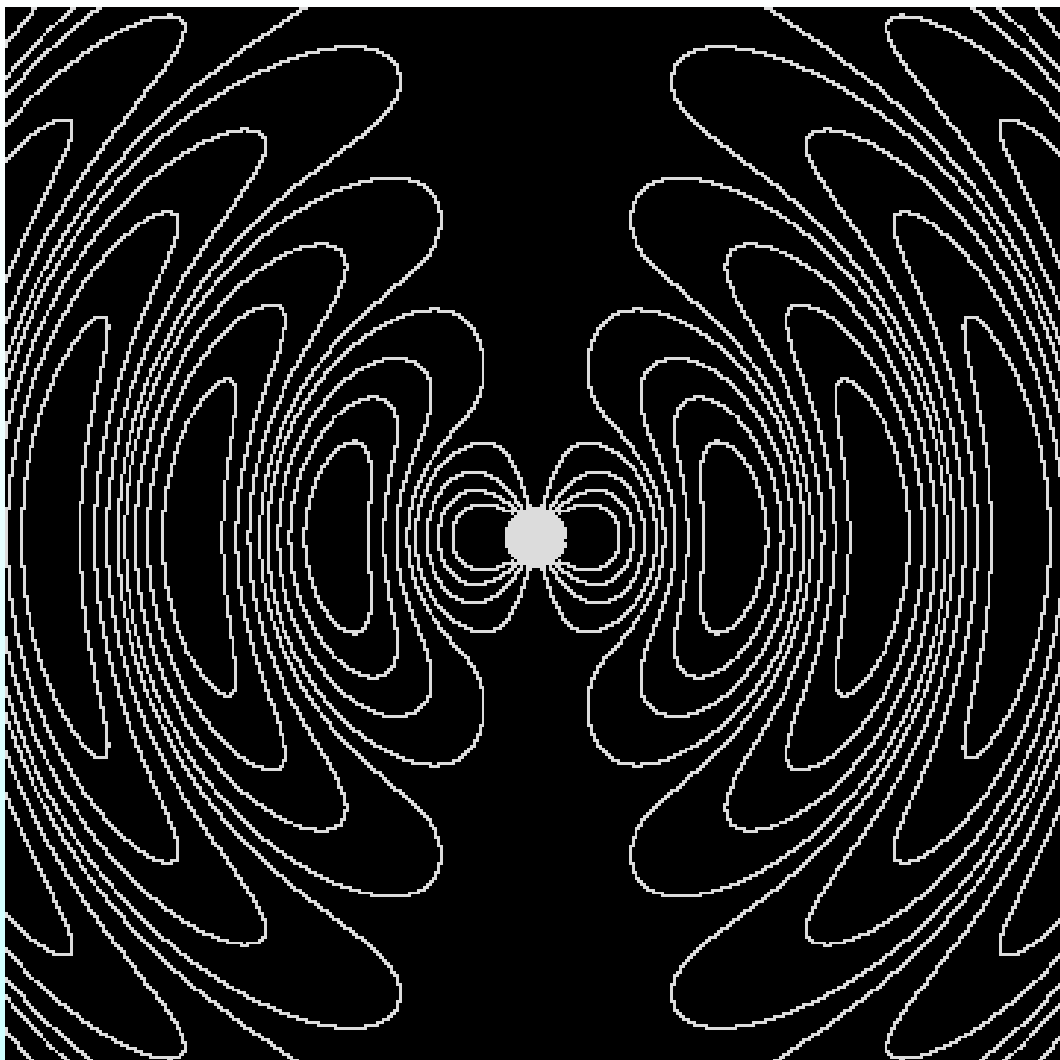


$t=T/2$



$t=3T/4$





(电场线)

沿电偶极子方向辐射
为零；

垂直于电偶极子方向
辐射最强。

3. 平面电磁波

(1) 球面波

电场和磁场的
波动方程：

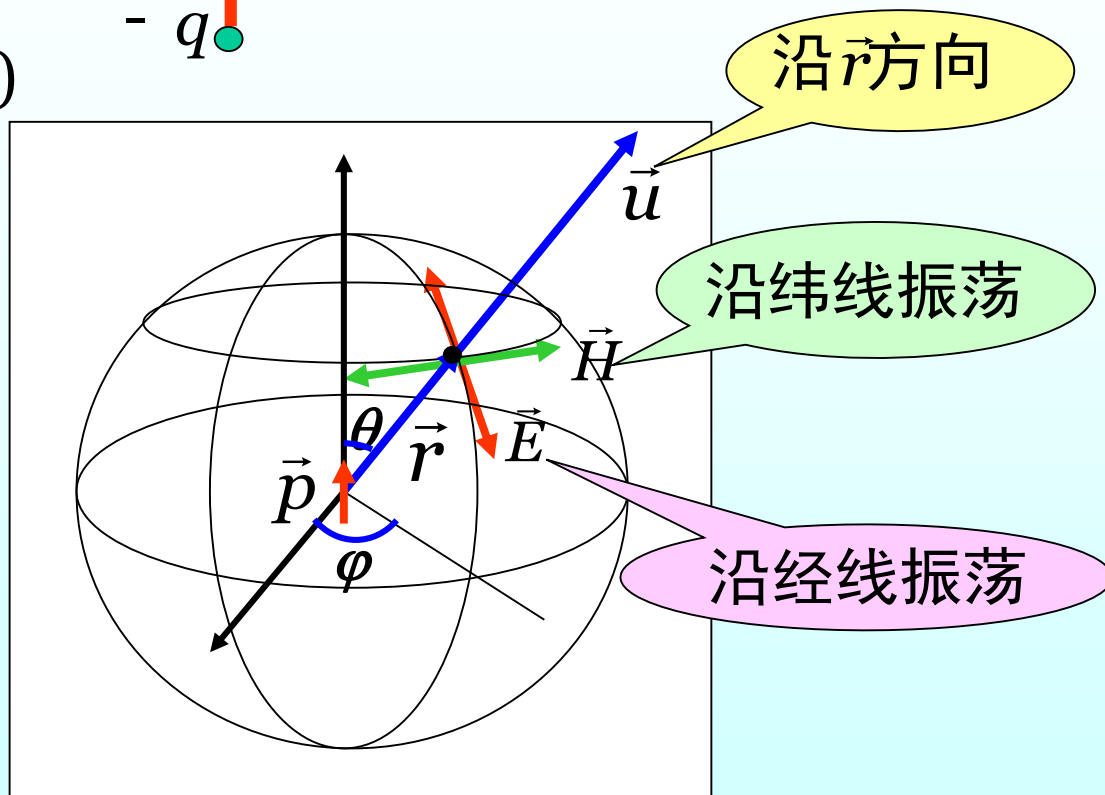
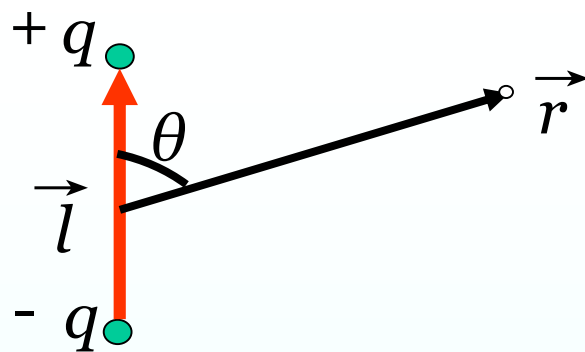
$$\begin{cases} E = E_m \cos \omega(t - \frac{r}{u}) \\ H = H_m \cos \omega(t - \frac{r}{u}) \end{cases}$$

可以证明：

$$E_m = \frac{\omega^2 p_m \sin \theta}{4\pi \epsilon u^2 r}$$

$$H_m = \frac{\omega^2 p_m \sin \theta}{4\pi u r}$$

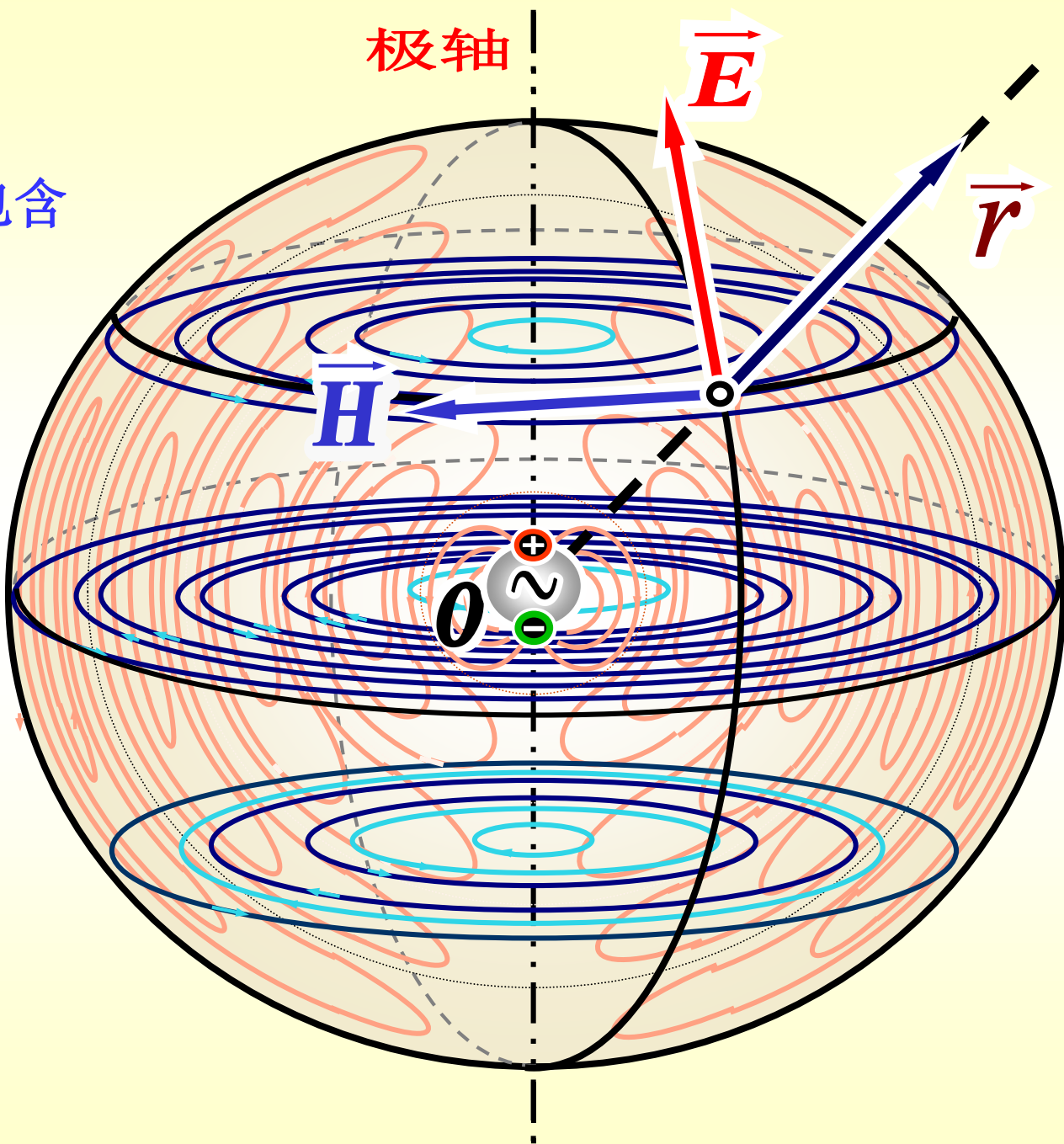
$$p_m = q_m l$$



波源

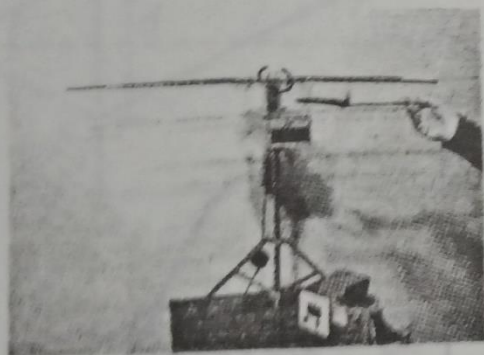
远离波源处的波面近似于平面

- \vec{E} 在子午面(一系列包含极轴的平面)内。
- \vec{H} 在与赤道面平行的平面内。
- 任意点的 \vec{H} 与 \vec{E} 相互垂直。
- 电磁波的传播方向 \vec{r} 沿 $\vec{E} \times \vec{H}$ 的方向。

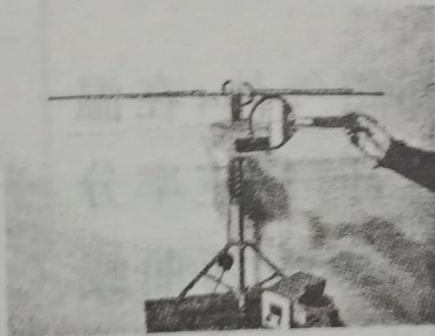


教学视频-电磁波

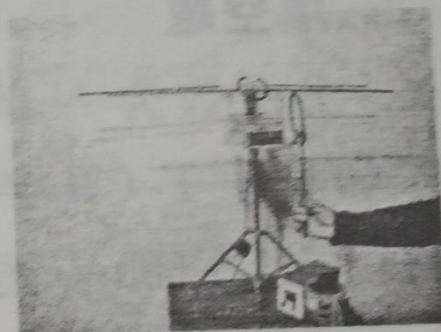
工作时,对如试卷(8)-3 图(1)、(2)、(3)所示的三种操作方式,接在铜环中的小灯泡最亮的是 []



(1)



(2)



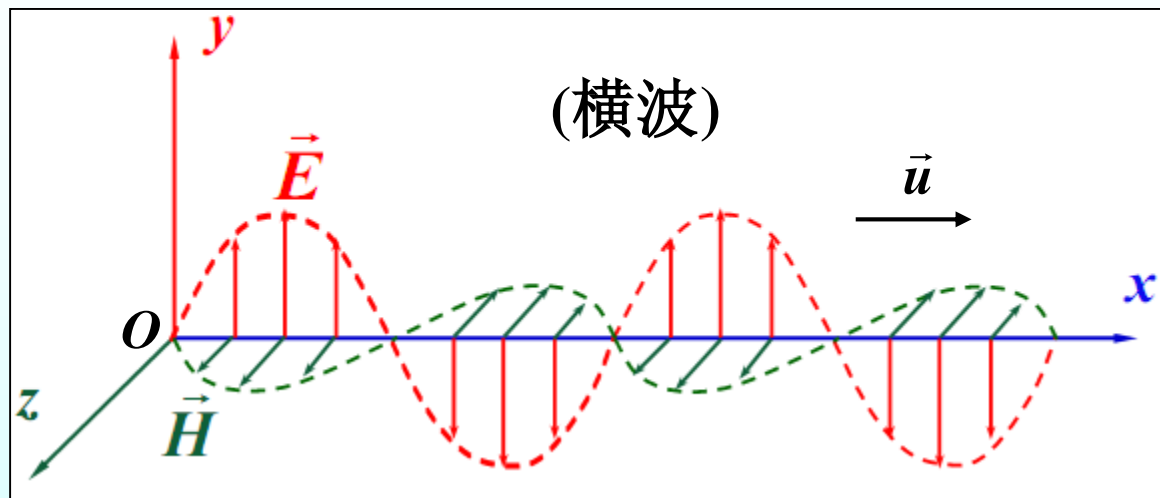
(3)

试卷(8)-3 图

- (A) (1) (B) (2) (C) (3) (D) 不能判定

(2) 平面电磁波的波函数:

理论和实践都证明: 若电场 \vec{E} 在 Y 方向振动, 磁场 \vec{H} 在 Z 方向振动, 则电磁波在 X 方向传播。



$\vec{E} \times \vec{H}$
的方向就是
电磁波的传播方向

$$\vec{u} // \vec{E} \times \vec{H}$$

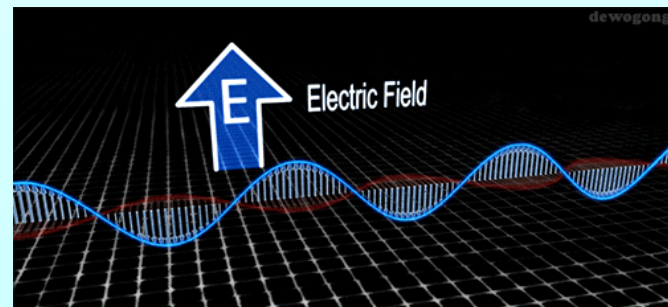
波函数: $E_y = E_{ym} \cos \omega(t - \frac{x}{u})$

$$H_z = H_{zm} \cos \omega(t - \frac{x}{u})$$

其中:

$$u^2 = \frac{1}{\epsilon\mu}$$

波速 方向?



(3) 平面电磁波的性质:



$$E_y = E_{ym} \cos \omega(t - \frac{x}{u})$$
$$H_z = H_{zm} \cos \omega(t - \frac{x}{u})$$

1. 电磁波的速度: $u = 1/\sqrt{\epsilon\mu}$

电磁波在真空中的速度: $u_0 = 1/\sqrt{\epsilon_0\mu_0} = 3 \times 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$

$$\sqrt{E_x^2 + E_y^2 + E_z^2}$$

$$\sqrt{H_x^2 + H_y^2 + H_z^2}$$

2. \vec{E} 和 \vec{H} 的变化是同步的, 位相相同, 并有数值关系:

$$\sqrt{\epsilon} E = \sqrt{\mu} H \quad H = \frac{B}{\mu} \longrightarrow E = \frac{B}{\sqrt{\epsilon\mu}} = uB$$
$$\sqrt{\epsilon} E_x \neq \sqrt{\mu} H_x$$

在真空中: $E = cB \quad B \ll E$

3. $\vec{E} \perp \vec{H} \perp \vec{u}$ $\vec{E} \times \vec{H}$ 的方向就是 \vec{u} 的方向

$\vec{E} \vec{H}$ 在各自的平面上振动, 是横波。

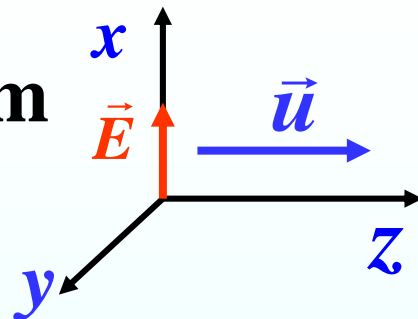
4. 电磁波的频率, 等于偶极子的振动频率。

5. 电磁波具有反射、折射、干涉、衍射、偏振等特性。

例：已知真空中电磁波的电场表达式：

$$E_x = 0.5 \cos[2\pi \times 10^8(t - \frac{z}{3 \times 10^8})] \text{ V/m}$$

$$E_y = 0 \quad E_z = 0$$



求：(1) \vec{E} 的振幅、频率、波长、波速、传播方向？

(2) \vec{H} 的表达式？

解：(1) $E_m = 0.5 \text{ V/m}$

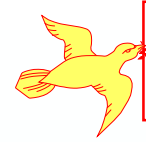
$$\nu = 10^8 \text{ Hz}$$

$$u = c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$$

$$\lambda = \frac{c}{\nu} = 3 \text{ m}$$

沿 z 正向传播

(2) \vec{H} 的表达式

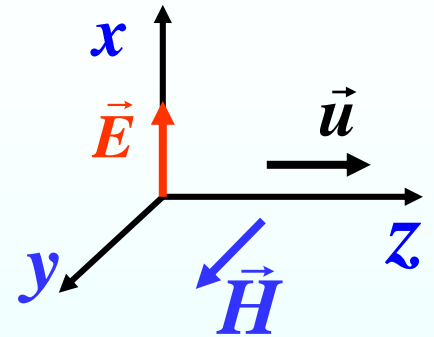

$$\sqrt{\epsilon_0} E_m = \sqrt{\mu_0} H_m$$

$\because \vec{H} \perp \vec{E}$ 且 $\vec{E} \times \vec{H}$ 沿 \vec{u}

$\therefore \vec{H}$ 沿 y 轴振动 $H_x = H_z = 0$

$$H_y = \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} E_m \cos\left[2\pi \times 10^8 \left(t - \frac{z}{3 \times 10^8}\right)\right]$$

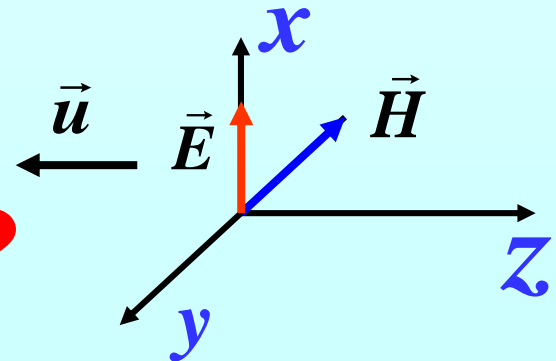
$$= 1.32 \times 10^{-3} \cos\left[2\pi \times 10^8 \left(t - \frac{z}{3 \times 10^8}\right)\right] \text{ A/m}$$



问：若波沿 z 轴反方向传播，方程如何写？

$$E = E_x = E_m \cos\omega\left(t + \frac{z}{u}\right)$$

$$H = H_y = H_m \cos\omega\left(t + \frac{z}{u}\right) \text{ ?}$$



(4) 电磁波的能量



$$\sqrt{\epsilon} E_m = \sqrt{\mu} H_m$$

a) 能量密度

$$w = w_e + w_m = \frac{1}{2} \epsilon E^2 + \frac{1}{2} \mu H^2 = \epsilon E^2 = \mu H^2 = \sqrt{\epsilon \mu} EH = \frac{1}{u} EH$$

总能量

$$W = \int_V w dV$$

b) 能流密度 (坡印廷矢量)

定义：单位时间内通过与传播方向垂直的单位面积的能量，指向能量传播的方向。

$$S = wu = EH$$

$$\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H}$$

$$E = E_m \cos \omega(t - \frac{x}{u}) \quad H = H_m \cos \omega(t - \frac{x}{u})$$

平均能流密度：

$$\bar{S} = \frac{1}{2} E_m H_m$$

即波强，正
比于振幅的
平方

$$\bar{S} \propto E_m^2, \quad \bar{S} \propto H_m^2$$

例：在地面上测得太阳光的平均能流密度约为 1.4kW/m^2 。

(1) 求 E 和 B 的最大值；

(2) 从地球到太阳的距离约为 $1.5 \times 10^{11}\text{m}$ ，试求太阳的总辐射功率。

解： (1) $\bar{S} = \frac{1}{2} E_m H_m = \frac{1}{2} E_m \cdot \sqrt{\frac{\epsilon_0}{\mu_0}} E_m$

$$E_m^2 = 2 \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} \bar{S} = 2c \mu_0 \bar{S}$$

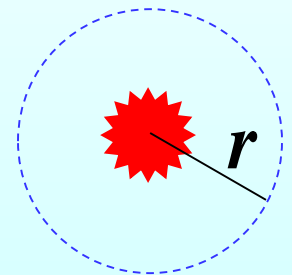
$$E_m = \sqrt{2c \mu_0 \bar{S}} = 1.03 \times 10^3 \text{ V/m}$$

$$\sqrt{\epsilon_0} E_m = \sqrt{\mu_0} \frac{B_m}{\mu_0} \quad B_m = \sqrt{\epsilon_0 \mu_0} E_m = \frac{E_m}{c} = 3.43 \times 10^{-6} \text{ T}$$

$$(2) \quad P = \bar{S} \cdot 4\pi r^2 = 3.96 \times 10^{26} \text{ W} \quad (\text{约} 1.42 \times 10^{27} \text{ 度})。$$

$$\sqrt{\epsilon_0} E_m = \sqrt{\mu_0} H_m$$

$$H_m = \frac{B_m}{\mu_0} \quad c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}}$$



武汉市2010年夏季日用电量峰值不到1.5亿千瓦时(1.5×10^8 度)。

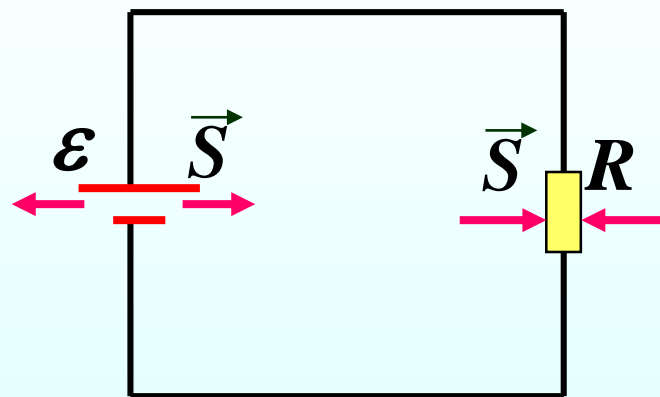
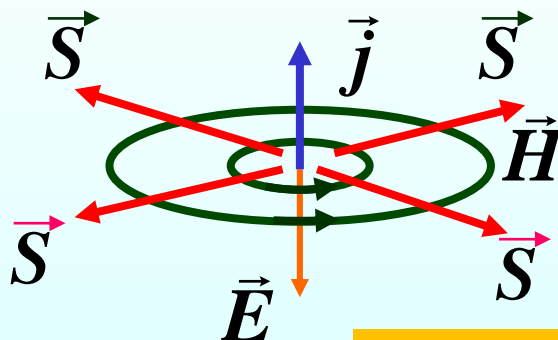
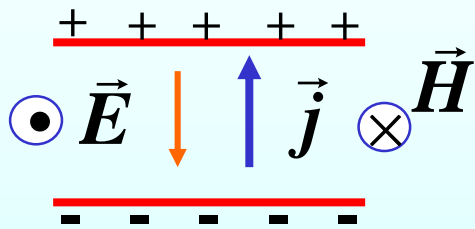


$$\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H}$$

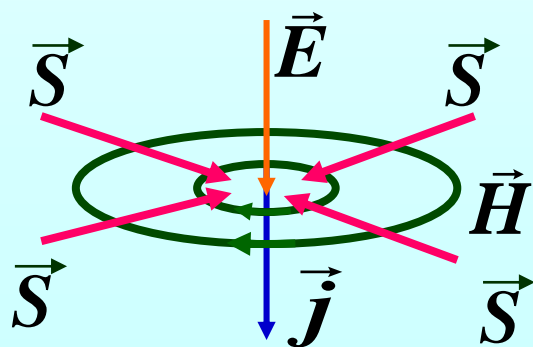
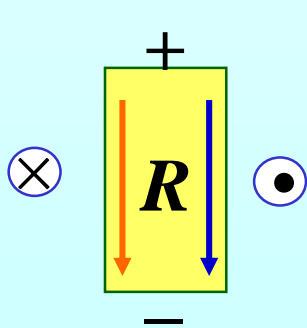
注： \vec{S} 不仅适用于变化的电磁场，也适用于稳恒场。
在稳恒场中，电磁能也是场传播的。

例： 直流电路中的能量传递。

电源：



负载：



结论：

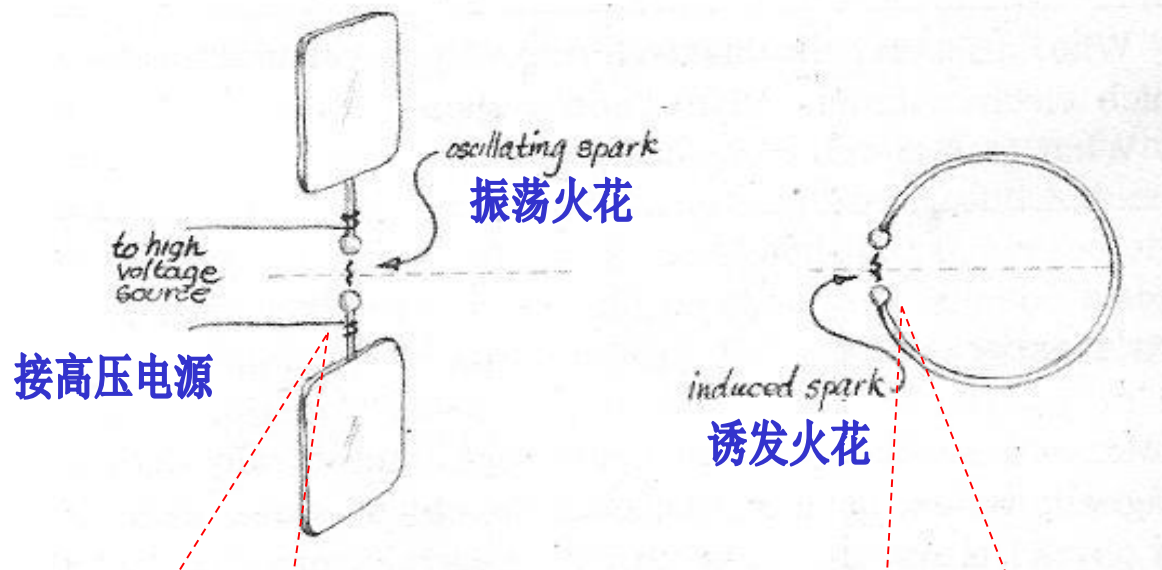
- (1) 电源的能量是通过电磁场从电源的侧面传出。
 - (2) 电阻消耗的能量是通过电磁场从电阻的侧面传入。
- 导线起引导场能的作用。

麦克斯韦于1865年预言电磁波的存在。

1888年，赫兹首次用电磁振荡实验证实了电磁波的存在。



赫兹 (1857-1894)



发射

将感应线圈电极产生的振荡高压，接至带有铜球和锌板的导体棒，两铜球之间产生振荡火花，发射电磁波。

接收

弯成圆弧形的铜线两端接有铜球，调节铜球间的距离，能产生诱发火花，表明接收到电磁波。

电磁波谱

