大学物理(下)

华中科技大学 张智 zzhang@hust.edu.cn



第13章 波动光学 Wave Optics

第1节 光波

第2节 光波的叠加 光程

第3节 分波阵面干涉

第4节 分振幅干涉

第5节 光波的衍射

第6节 光波的偏振

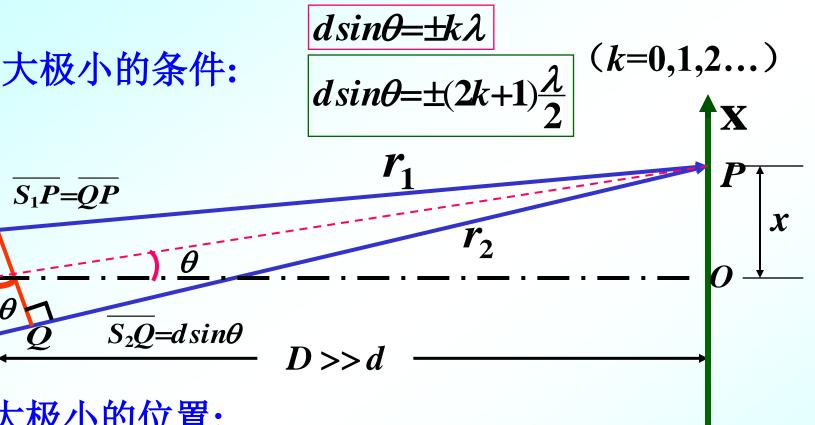
第7节 双折射

第8节 偏振光的干涉

第9节 旋光效应



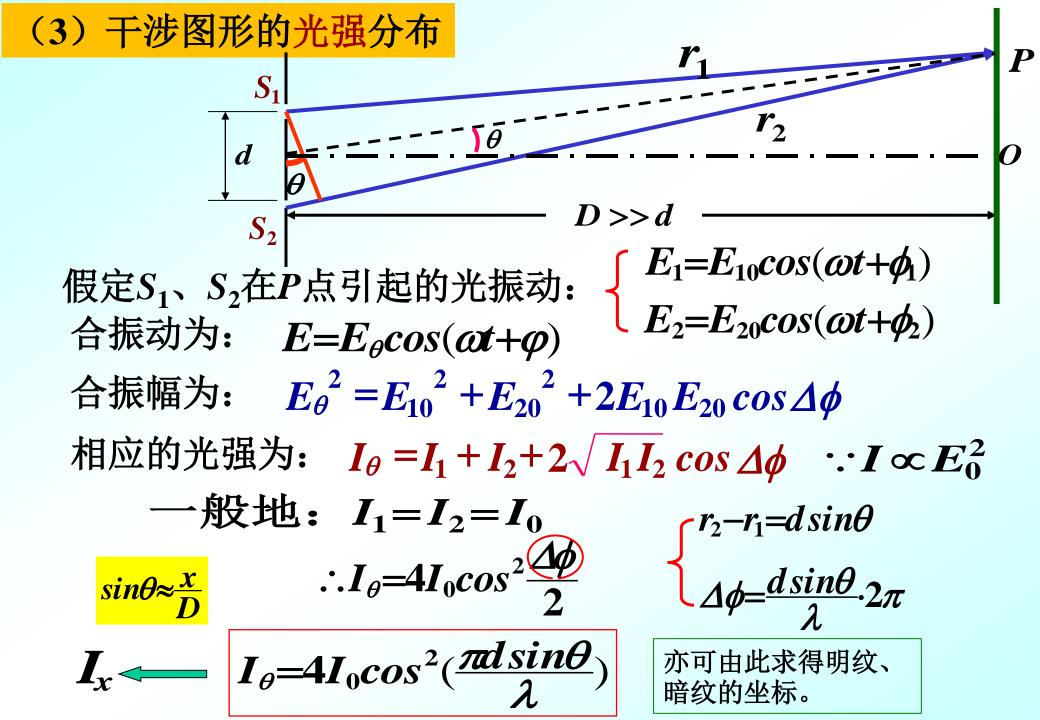
●干涉极大极小的条件:



●干涉极大极小的位置:

 $sin\theta \approx \frac{x}{D}$ P 点的坐标(距O点很近): $x=Dtg\theta≈Dsin\theta$

$$x_k = \pm k \frac{D}{d} \lambda$$
 —明条纹 $(k = 0,1,2\cdots)$ $x_k = \pm (2k+1) \frac{D\lambda}{d} \lambda$ —暗条纹



$$I_{\theta}=4I_{0}cos^{2}(\frac{\pi dsin\theta}{\lambda})$$

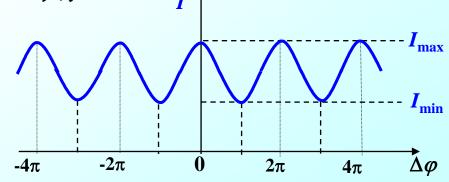
$$\Delta \phi = \frac{d \sin \theta}{\lambda} \cdot 2\pi$$

可看出P点的光强 I_{θ} 如何随 θ 角变化(即:随位相变化)

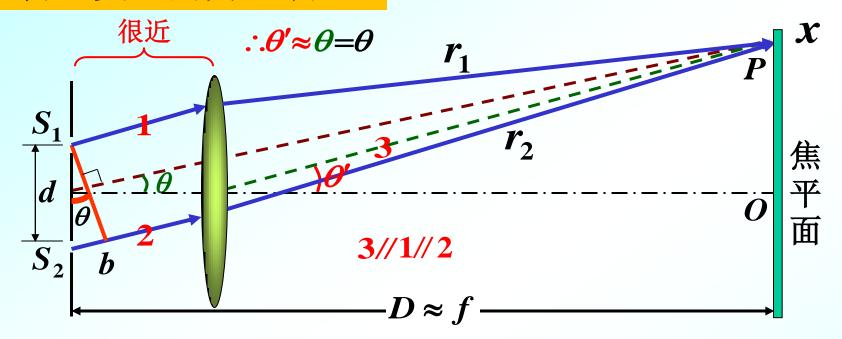
注:如果P点两振动的振幅不等,则是

$$I_{\theta} = I_{1} + I_{2} + 2\sqrt{I_{1}I_{2}cos\Delta\varphi}$$

$$\begin{cases}
I_{\text{max}} = I_{1} + I_{2} + 2\sqrt{I_{1}I_{2}} \\
I_{\text{min}} = I_{1} + I_{2} - 2\sqrt{I_{1}I_{2}}
\end{cases}$$



(4) 杨氏实验的另一装置



◆ 从垂直于平行光的任一平面算起,各平行光线到会聚点的光程相等,即透镜不附加光程差,所以

P点的明暗条件与不加透镜完全相同,即

例:已知杨氏实验中: $\lambda=0.55\mu$ m,d=3.3mm,D=3m。

求: (1)条纹间距 Δx 。(2)置厚度l=0.01mm的平行平面玻璃于 S_2 之前,计算条纹位移的距离及方向。

解: (1) 根据公式:
$$\Delta x = \frac{D}{d} \lambda$$

代入数据可得: $\Delta x = 0.5 \times 10^{-3} m$

(2) 设未放玻璃前P为k级极大:

$$x_p = k \frac{D}{d} \lambda$$

加玻璃后增加了光程差:

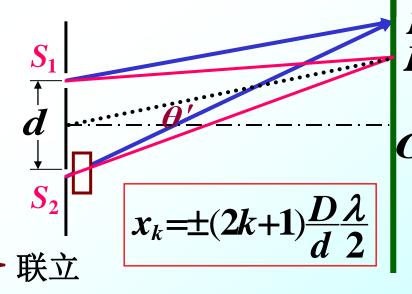
$$l(n-1)$$

$$\Delta r' = r_2' - r_1' = d \sin \theta' + (n-1)l = k\lambda$$

$$x_{p'} = D t g \theta' = D \sin \theta'$$

求得:
$$x_{p'} = \frac{D}{d}[k\lambda - (n-1)l]$$

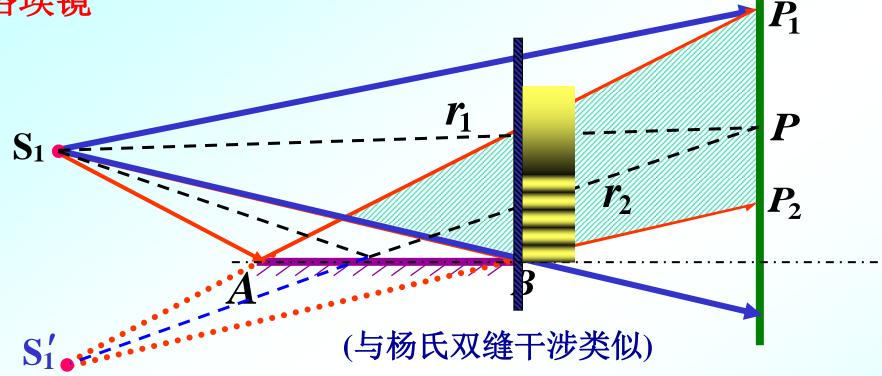
 $注: 若测得 \Delta x, 则可求出<math>n$ 。



则:
$$\Delta x = x_{p'} - x_p = \frac{D}{d}(1-n)l < 0$$

另:可从零级明纹(中央明纹)考虑。

2. 洛埃镜

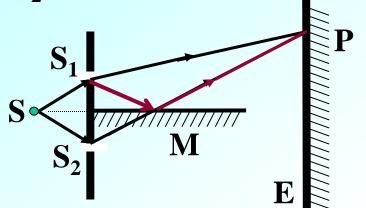


明暗条纹的位置:

真空中:
$$r_2-r_1$$
 $\left[+\frac{\lambda}{2}\right] = \begin{cases} k\lambda & \text{明纹} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{暗纹} \end{cases}$ $(k=0,1,2\cdots)$

将屏移到B处,证实了半波损失的存在。

例: 在双缝干涉实验中,屏E上的P点为明纹。若将缝 S_2 盖住,并在 S_1 、 S_2 连线的垂直平分面处放一反射镜M,如图所示。则此时[B]

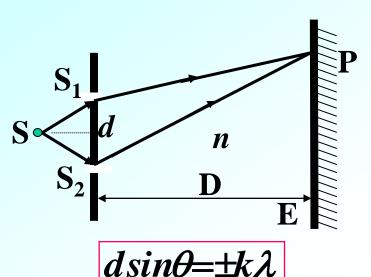


- (A) P点处仍为明纹 $\delta = k\lambda + \lambda/2$
- (B) P点处为暗纹 放镜子后有半波损失
- (C) 无法确定P点处是明纹还是暗纹
- (D) 无干涉条纹

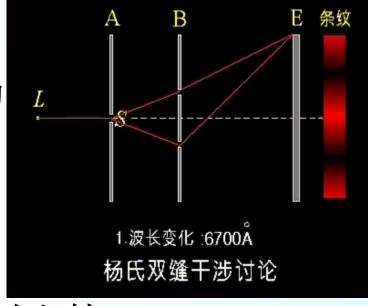
例:用白光光源进行双缝干涉实验,若用一个纯红色的滤光片盖住一条缝,用一个纯蓝色的滤光片盖住另一条缝。则 [D]

- (A) 干涉条纹的宽度将发生变化
- (B)产生红光和蓝光两套干涉条纹
- (C) 干涉条纹的亮度将发生变化
- (D) 不产生干涉条纹

◆杨氏双缝干涉实验中的典型问题。考虑以下情形中干涉条纹的变化,即条纹的位置、间距等的变化。



- (1) S上下移动
- (2)双缝屏上下移动
- (3) 改变双缝间距d
- (4)改变D
- (5)改变n



$$d\sin\theta = \pm (2k+1)\frac{\lambda}{2}$$

- (6)改变波长λ(复色光入射)
- (7)用玻璃片等盖住一条缝
- $x_k = \pm k \frac{D}{d} \lambda$
- (8)双缝屏后面加透镜

$$\Delta x = \frac{D}{d} \lambda \left| x_k = \pm (2k+1) \frac{D}{d} \frac{\lambda}{2} \right|$$

(10)求条纹的位置

例. 双缝一缝前若放一云母片, 原中央明纹处被第7级明纹占据。已知: $n_{\Xi}=1.58$,光的波长为 $\lambda=550$ nm。

求: 云母片厚度 *l* =?

解: 插入云母片条纹为何会移动?

光程差改变了!

o级明纹移到哪里去了?

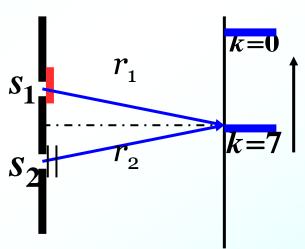
上面去了。

条纹级数增高一级则光程差增大几个λ?

$$- \uparrow \lambda$$

光程差改变 $= nl - l = 7\lambda$

$$l = \frac{7\lambda}{n-1} = \frac{7 \times 550 \times 10^{-9}}{1.58 - 1} = 6.6 \ \mu \text{ m}$$



$$\delta = \pm k\lambda$$
,明纹

例:将一微波探测器放于湖边,探测器的位置在水面上方 0.5m处,当一颗辐射 21cm长的射电星从地平线上缓慢升起时,探测器接收到的射电波强度将依次出现极大、极小,问当此探测器收到第一个极大时,该射电星处于水平面上方什么角度?

$$\frac{s}{s} = OP - QP + \frac{\lambda}{2} > 0$$

$$= \frac{h}{\sin \theta} - \frac{h}{\sin \theta} \cos 2\theta + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$

$$\frac{h}{\sin \theta} (1 - \cos 2\theta) + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$

$$\frac{h}{\sin \theta} \cdot 2 \sin^2 \theta = (k - \frac{1}{2})\lambda$$

$$\therefore so = sQ >> oQ$$

$$k = 1 \therefore 2h \sin \theta = \frac{\lambda}{2}$$

$$\therefore oQ \perp QP$$

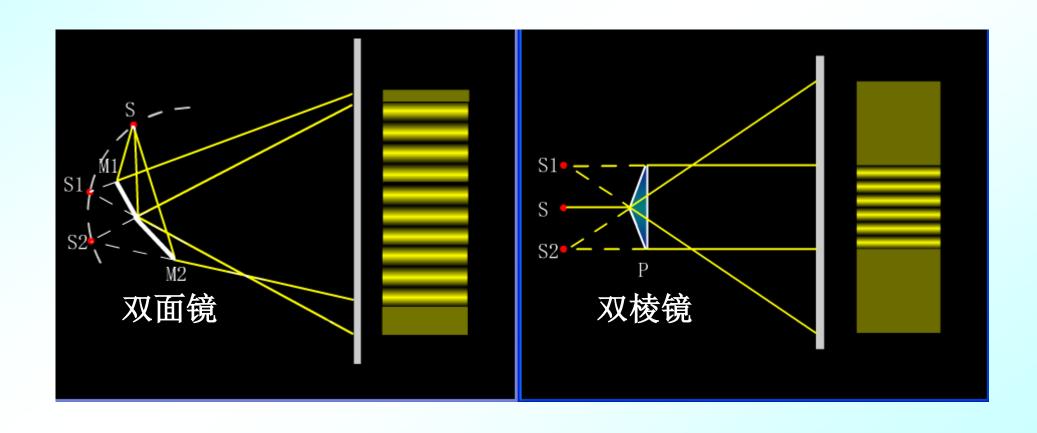
$$\theta = \sin^{-1} 0 \cdot 1050 = 6^{0}2'$$

例:将一微波探测器放于湖边,探测器的位置在水面上方 0.5m处,当一颗辐射 21cm 波长的射电星从地平线上缓慢升起时,探测器接收到的射电波强度将依次出现极大、极小,问当此探测器收到第一个极大时,该射电星处于水平面上方什么 角度?

$$\begin{aligned}
\mathbf{R} \colon \delta = OP - QP \left| + \frac{\lambda}{2} \right| > 0 \\
&= \frac{h}{\sin \theta} - \frac{h}{\sin \theta} \cos 2\theta + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \\
\frac{h}{\sin \theta} (1 - \cos 2\theta) + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \\
\theta &= \frac{h}{\sin \theta} \cdot 2 \sin^2 \theta = (k - \frac{1}{2})\lambda \\
k = 1 \quad \therefore 2h \sin \theta = \frac{\lambda}{2} \\
\theta = \sin^{-1} 0 \cdot 1050 = 6^0 2'
\end{aligned}$$

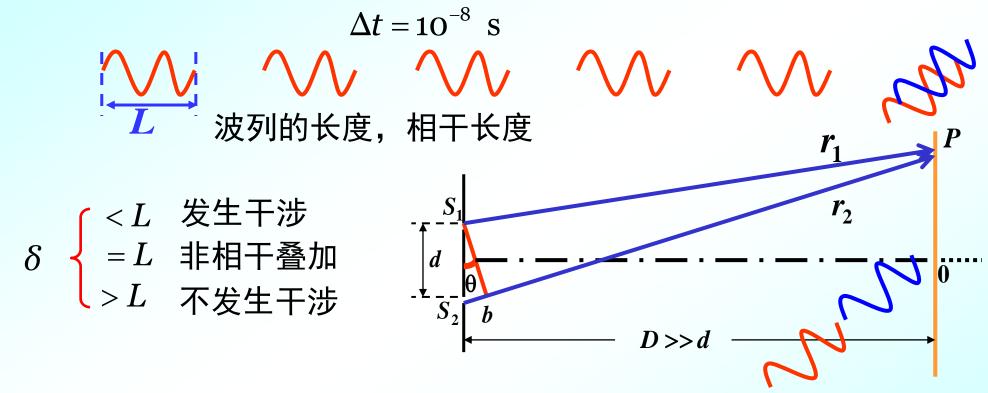
3. 菲涅耳双面镜分波振面干涉(自学) 菲涅耳双棱镜分波振面干涉(自学)

(杨氏双缝干涉)



4. 时间相干性

原子发光是间歇性的,每个波列持续的时间是



时间相干性: 两路光程差过大,或光波经历两光路所用时间差过

大,而导致的不相干现象。

普通光源的相干长度: $0.1 \rightarrow 10$ cm

激光的相干长度:

 10^5 m

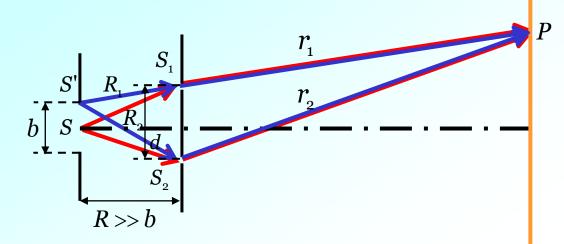
里论证明: $egin{array}{c} I \end{array}$

$$\int L = \frac{\lambda^2}{\Delta \lambda}$$

单色性越好,即频带越窄,

波列就越长,相干性越好。

5. 空间相干性



中心S发出的光到达<mark>双缝</mark>的光程相等 边缘S'发出的光到达<mark>双缝</mark>的光程不相等

$$\delta_{b} = R_{2} - R_{1} \approx \frac{R_{2}^{2} - R_{1}^{2}}{2R}$$

$$= \frac{R^{2} + (\frac{d}{2} + \frac{b}{2})^{2}}{2R}$$

$$-\frac{R^{2} + (d/2 - b/2)^{2}}{2R}$$

$$= \frac{bd}{2R}$$

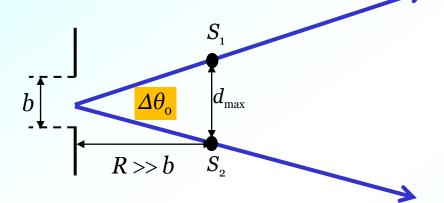
◆ 显然,对于观察屏上任意一点P,光源的中心所发的光与边缘所发的光都会产生附加光程差 δ_{b} 。

若:
$$\delta_b = \frac{\lambda}{2}$$
 S与S'各自发出的光经干涉后明暗正好相反,
衬比度为零。

d一定时,光源的极限宽度: $b_0 = \frac{R}{d}\lambda$

b一定时,相干范围的横向限度: $d_{\text{max}} = \frac{R}{h}$

$$d_{\max} = \frac{R}{b}\lambda$$



空间相干性: 对于宽度为b的光源,只有在波前的一定范围内提取出的两个次波源才是相干的。

◆ 光的空间相干性可通过相干孔径角来表征:

孔径角
$$\Delta \theta_{\rm o} \approx \frac{d_{\rm max}}{R} = \frac{\lambda}{b}$$
 口相干次波源的最大间距对光源中心的张角。

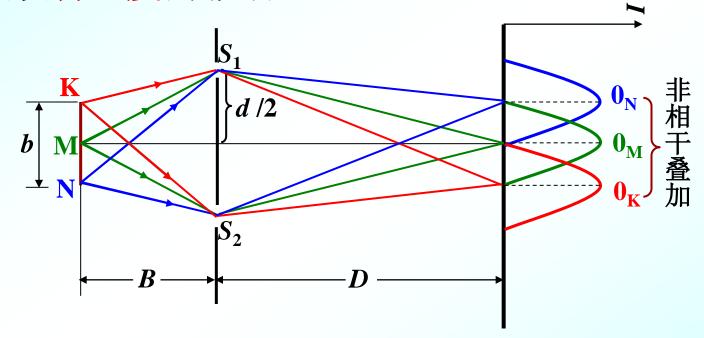
■ 光源的线宽度越小,孔径角越大,空间相干性越好。

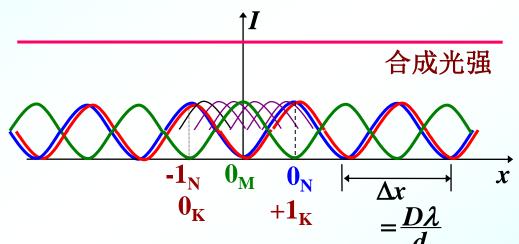
点光源: b→o, 空间相干性好!

光源宽度对干涉条纹衬比度的影响

设光源宽度为b

当0_N与K的第一级 极大重合时,干涉 条纹消失,总光强 均匀分布。





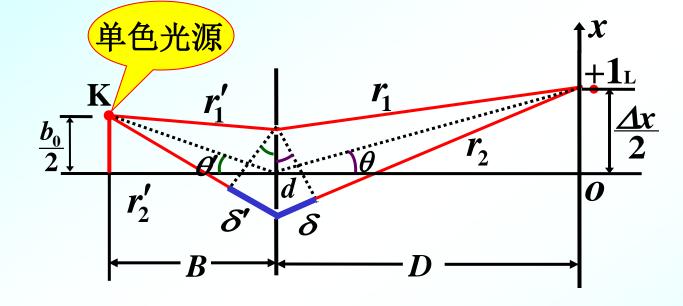
干涉条纹刚好消失对应的光源宽度 b_0 ,称为光源的极限宽度。

设B>>d和 b_0

$$(r_2+r_2')-(r_1+r_1')$$

= $\delta+\delta'=\lambda$
(一级明纹)

$$\delta' \approx d \cdot \sin \theta' = d \cdot \frac{b_0/2}{B}$$



$$\delta' \approx d \cdot \sin \theta' = d \cdot \frac{b_0/2}{B}$$
 $\delta = d \cdot \sin \theta = d \cdot \frac{\Delta x/2}{D} = \frac{\lambda}{2}$

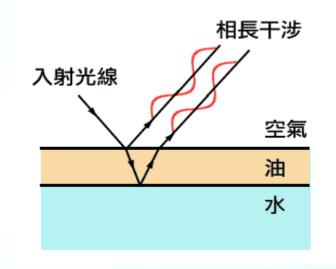
$$\Delta x = \frac{D\lambda}{d}$$

$$\therefore \quad \frac{\lambda}{2} + d \cdot \frac{b_0}{2B} = \lambda \quad \blacktriangleright b_0 = \frac{B}{d} \lambda \quad - 光源的极限宽度$$

 $b < b_0$ 时,才能观察到干涉条纹。

第4节 分振幅干涉

- ◆除了分波阵面可得到相干光外,还可以把一列光波进行振幅分解,从而得到相干光。
- 分振幅干涉:透明介质的两个表面对入射光依次反射时,第一表面反射的光和第二表面反射后又透射的光是相干光,它们相遇时发生干涉。



薄膜干涉(考虑时间相干性,得到干涉图样,介质层必须很薄)

1. 等倾干涉 (厚度均匀的薄膜干涉)

2. 等厚干涉 (厚度不均匀的薄膜干涉)

.厚度均匀的薄膜所得到的干涉

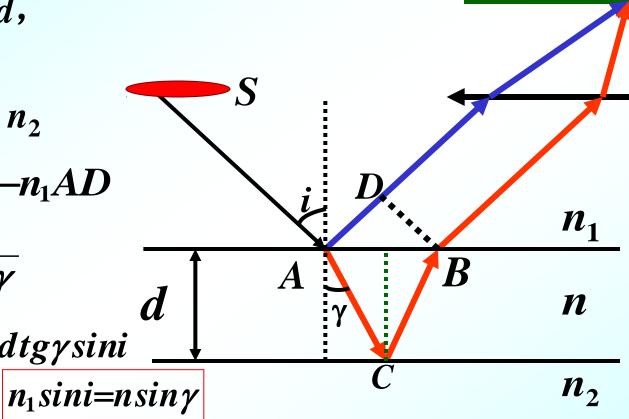
设薄膜厚度为d, 折射率为n

并且:
$$n_1 < n < n_2$$

$$\delta = n(AC + BC) - n_1AD$$

$$AC=BC=\frac{d}{\cos\gamma}$$

 $AD=ABsini=2dtg\gamma sini$



$$\delta = \frac{2nd}{\cos \gamma} - 2n_1 dtg\gamma \sin i = 2d\sqrt{n^2 - n_1^2 \sin^2 i}$$

$$2d\sqrt{n^2-n_1^2sin^2i} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\cdots) \cdots 明纹\\ (2k+1)\lambda/2 & (k=0,1,2\cdots) \cdots 暗纹 \end{cases}$$

$$2d\sqrt{n^2-n_1^2sin^2i} = \begin{cases} k\lambda \\ (2k+1)\lambda/2 \end{cases}$$
 $(k=1,2,\cdots)$ …明纹 $(k=0,1,2,\cdots)$ 暗纹

- 注意: (1) "明纹"公式中, $k \neq 0$,因为 Δr 不可能为零。
 - (2) 明暗条件中没有 生号。
 - (3) 明暗条件还可用折射角表示:

$$2ndcos\gamma = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\cdots) \cdots 明纹\\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2\cdots) \cdots 暗纹 \end{cases}$$

(4) 明暗条件中是否考虑半波损失,要看 n_1, n_2 的关系。

$$n_1 > n > n_2$$
 $n_1 < n < n_2$ $n_1 < n < n_2$ $n_1 < n > n_2$ $n_1 < n > n_2$ $n_1 < n > n_2$ n_2 n_2 n_2 n_2 n_2 n_2

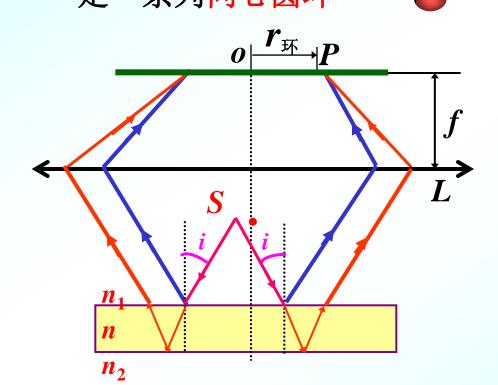
$$2d\sqrt{n^2-n_1^2sin^2i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\cdots) \cdots 明纹 \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2\cdots) \cdots 暗纹 \end{cases}$$

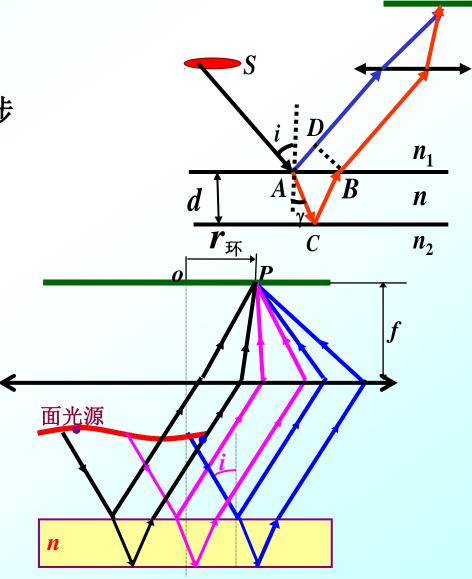
$$2d\sqrt{n^2-n_1^2sin^2i} = \begin{cases} k\lambda \\ (2k+1)\lambda/2 \end{cases}$$

- (k=1,2,···) ···明纹
- (k=0,1,2···)··暗纹

干涉条纹特征:

- (1)倾角 *i* 相同的光线对应 同一条干涉圆环条纹 —等倾干涉
- (2)不同倾角 *i* 构成的等倾条纹 是一系列同心圆环





干涉条纹特征: $cos\gamma_{k+1}=cos(\gamma_k-\Delta\gamma_k)\approx cos\gamma_k+\Delta\gamma_k sin\gamma_k$

 $\Delta \gamma_k \sim 0$

- (1)倾角 i 相同的光线对应同一条干涉圆环条纹 —等倾干涉
- (2)不同倾角 i 构成的等倾条纹是一系列同心圆环
- (3)愈往中心,条纹级次愈高

$$2d\sqrt{n^2-n_1^2sin^2i}=k\lambda \quad n_1sini=nsin\gamma$$

$$d 一定时,k\uparrow \rightarrow i \downarrow \rightarrow r_k \downarrow$$

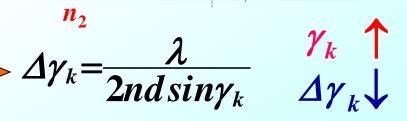
即:中心o点处的干涉级次最高

若改变d < d ↑中心向外冒条纹 → d ↓中心向内吞条纹 ●

(4)条纹间隔分布:内疏外密

$$2ndcos\gamma_{k}=k\lambda$$

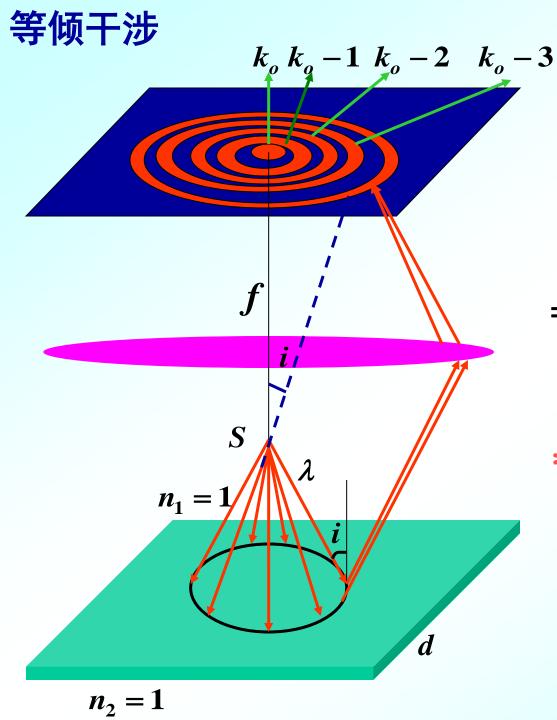
$$2ndcos\gamma_{k+1}=(k+1)\lambda$$



(5) 白光入射

$$\lambda \uparrow \rightarrow i \downarrow \rightarrow r_k \downarrow$$

-彩色干涉条纹



若逐渐改变膜厚,干涉环如何变化?

$$2d\sqrt{n^{2}-n_{1}^{2}sin^{2}i}$$
=
$$\begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\cdots) \cdots 明纹\\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2\cdots)\cdots 暗纹 \end{cases}$$

*若改变*d*,则 *d*↑中心向外冒条纹 *d*↓中心向内吞条纹

说明:

(1) 透射光也有干涉现象明暗条件为:

$$2d\sqrt{n^2-n_1^2sin^2i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\cdots) \cdots 明 \dot{\chi} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & (k=0,1,2\cdots) \cdots 暗 \dot{\chi} \end{cases}$$

反射光加强的点,透射光正好减弱(互补)

- (2) 平行光垂直入射的干涉现象
 - ✓ 单色光垂直入射时:

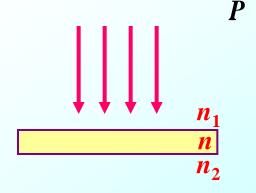
薄膜表面或全亮、或全暗、或全居中。

✓ 复色光垂直入射时:

薄膜表面有的颜色亮,有的颜色消失。



使某些颜色的单色光在表面的反射干涉相消,增加透射。



$$2d\sqrt{n^2-n_1^2sin^2i} = \begin{cases} k\lambda & (k=1,2,\cdots) \cdots 明纹 \\ (2k+1)\lambda/2 & (k=0,1,2\cdots) \cdots 暗纹 \end{cases}$$

例: 折射率 n=1.50的玻璃表面涂一层 $MgF_2(n=1.38)$,为使它在 5500Å波长处产生极小反射,这层膜应多厚?

解: 假定光垂直入射

$$n_2 = 1 \cdot 38$$

$$m_3 = 1 \cdot 50$$

$$\delta=2nd=(2k+1)$$
 $\lambda/2$ $k=0,1,2\cdots$ 日音

最薄的膜 k=0 ,此时

$$d = \frac{\lambda}{4n_2} = \frac{5500}{4 \times 1.38} \approx 1000 \text{A}$$

k取其它值亦可,但d不能太大。为什么?

思考: 为什么在玻璃板上看不到干涉现象?

应用: 照相机镜头、太阳能电池表面镀增透膜,激光谐振腔反射镜增反膜,飞机隐形... —