

Защита лабораторной работы №2. Структуры данных.

Ишанова А.И.

19 ноября 2022

RUDN University, Moscow, Russian Federation

Прагматика выполнения лабораторной работы

- изучение некоторых структур данных в Julia
 - кортеж
 - словарь
 - множество
 - массив
- приобретения навыков работы с этими структурами данных

Цель выполнения лабораторной
работы

Цель выполнения лабораторной работы

Изучить несколько структур данных, реализованных в Julia, научиться применять их и операции над ними для решения задач.

Выполнение лабораторной работы

Задание 1. Повторение примеров из раздела 2.2.

1. Повторяем примеры с кортежами. (fig. 1)

```
[1]: # пустой кортеж:
[1]: {}

[2]: # кортеж из элементов типа String:
favoritelang = ("Python", "Julia", "R")
[2]: ("Python", "Julia", "R")

[3]: # кортеж из целых чисел:
x1 = (1, 2, 3)
[3]: (1, 2, 3)

[5]: # кортеж из элементов разных типов:
x2 = (1, 2.0, "tep")
[5]: (1, 2.0, "tep")

[6]: # именованный кортеж:
x3 = (a=2, b=1+2)
[6]: (a = 2, b = 3)

[7]: # длина кортежа x2:
length(x2)
[7]: 3

[8]: # обратиться к элементам кортежа x2:
x2[1], x2[2], x2[3]
[8]: (1, 2.0, "tep")

[9]: # произвести какую-либо операцию (сложение)
# с вторым и третьим элементами кортежа x1:
c = x1[2] + x1[3]
[9]: 5

[10]: # обращение к элементам именованного кортежа x3:
x3.a, x3.b, x3[2]
[10]: (2, 3, 3)

[11]: # проверка вхождения элементов tep и 0 в кортеж x2
# (два способа обращения к методу in()):
in("tep", x2), 0 in x2
[11]: (true, false)
```

Figure 1: Примеры с кортежами

2. Потворяем примеры со словарями. (fig. 2)

```
[23]: # создать словарь с именем phonebook:
phonebook = Dict{"Иванов И.И." => ("867-5309", "333-5544"),
               "Бухгалтерия" => "555-2368"}

[23]: Dict{String, Any} with 2 entries:
      "Бухгалтерия" => "555-2368"
      "Иванов И.И." => ("867-5309", "333-5544")

[13]: # вывести ключи словаря:
keys(phonebook)

[13]: KeySet for a Dict{String, Any} with 2 entries. Keys:
      "Бухгалтерия"
      "Иванов И.И."

[14]: # вывести значения элементов словаря:
values(phonebook)

[14]: ValueIterator for a Dict{String, Any} with 2 entries. Values:
      "555-2368"
      ("867-5309", "333-5544")

[15]: # вывести заданные в словаре пары "ключ - значение":
pairs(phonebook)

[15]: Dict{String, Any} with 2 entries:
      "Бухгалтерия" => "555-2368"
      "Иванов И.И." => ("867-5309", "333-5544")

[16]: # проверка вхождения ключа в словарь:
haskey(phonebook, "Иванов И.И.")

[16]: true

[24]: # добавить элемент в словарь:
phonebook["Скворцов П.С."] = "555-3344"

[24]: "555-3344"

[25]: # удалить ключ и связанные с ним значения из словаря
pop!(phonebook, "Иванов И.И.")

[25]: ("867-5309", "333-5544")

[26]: # Объединение словарей (функция merge!):
a = Dict{"foo" => 0.0, "bar" => 42.0};
b = Dict{"baz" => 17, "bar" => 13.0};
merge!(a, b)

[26]: Dict{String, Real}{"bar" => 13.0, "baz" => 17, "foo" => 0.0}, Dict{String, Real}{"bar" => 42.0, "baz" => 17, "foo" => 0.0}
```

Figure 2: Примеры со словарями

3. Повторяем примеры с множествами. (fig. 3 - fig. 4)

```
[27]: # создать множество из четырёх целочисленных значений:  
A = Set([1, 3, 4, 5])  
  
[27]: Set(Int64) with 4 elements:  
5  
4  
3  
1  
  
[28]: # создать множество из 11 символьных значений:  
B = Set("abrakadabra")  
  
[28]: Set(Char) with 5 elements:  
'a'  
'b'  
'r'  
'k'  
'b'  
  
[29]: # проверка эквивалентности двух множеств:  
S1 = Set([1,2]);  
S2 = Set([3,4]);  
issetequal(S1,S2)  
  
[29]: false  
  
[30]: S3 = Set([1,2,2,3,1,2,3,2,1]);  
S4 = Set([2,3,1]);  
issetequal(S3,S4)  
  
[30]: true  
  
[31]: # объединение множеств:  
C = union(S1,S2)  
  
[31]: Set(Int64) with 4 elements:  
4  
2  
3  
1  
  
[32]: # пересечение множеств:  
D = intersect(S1,S3)  
  
[32]: Set(Int64) with 2 elements:  
2  
1  
  
[33]: # разность множеств:  
E = setdiff(S3,S1)  
  
[33]: Set(Int64) with 1 element:  
3
```

Figure 3: Примеры с множествами

Повторение примеров

```
[34]: # проверка вхождения элементов одного множества в другое:  
      issubset(S1,S4)
```

```
[34]: true
```

```
[35]: # добавление элемента в множество:  
      push!(S4, 99)
```

```
[35]: Set{Int64} with 4 elements:  
      2  
      99  
      3  
      1
```

```
[36]: # удаление последнего элемента множества:  
      pop!(S4)
```

```
[36]: 2
```

Figure 4: Примеры с множествами (2 часть)

4. Повторяем примеры работы с массивами. (fig. 5 - fig. 11)

```
[37]: # создание пустого массива с абстрактным типом:
empty_array_1 = []

[37]: Any[]

[39]: # создание пустого массива с конкретным типом:
empty_array_2 = (Int64)[]

[39]: Int64[]

[40]: empty_array_3 = (Float64)[]

[40]: Float64[]

[41]: # вектор-столбец:
a = [1, 2, 3]

[41]: 3-element Vector{Int64}:
 1
 2
 3

[42]: # вектор-строка:
b = [1 2 3]

[42]: 1x3 Matrix{Int64}:
 1 2 3

[43]: # многомерные массивы (матрицы):
A = [[1, 2, 3] [4, 5, 6] [7, 8, 9]]

[43]: 3x3 Matrix{Int64}:
 1 4 7
 2 5 8
 3 6 9

[44]: B = [[1 2 3]; [4 5 6]; [7 8 9]]

[44]: 3x3 Matrix{Int64}:
 1 2 3
 4 5 6
 7 8 9

[45]: # одномерный массив из 8 элементов (массив $1 \times times$ 8$)
# со значениями, случайно распределенными на интервале [0, 1]:
c = rand(1,8)

[45]: 1x8 Matrix{Float64}:
 0.209468  0.4564  0.716093  0.980613  - 0.0162479  0.548266  0.456862
```

Figure 5: Примеры работы с массивами

Повторение примеров

```
[46]: # многомерный массив 52 [times 35 (2 строки, 3 столбца) элементов
# со значениями, случайно распределёнными на интервале [0, 1]:
C = rand(2,3);

[47]: C

[47]: 2x3 Matrix{Float64}:
 0.113081  0.941538  0.884419
 0.8188865 0.935917  0.653456

[48]: # трёхмерный массив:
D = rand(4, 3, 2)

[48]: 4x3x2 Array{Float64, 3}:
 [1, 1, 1] =
 0.324983  0.928896  0.0513952
 0.328887  0.8933765  0.8491648
 0.879814  0.2453   0.362187
 0.583426  0.368941  0.213788

 [1, 1, 2] =
 0.483531  0.347641  0.669412
 0.895872  0.656512  0.482238
 0.689596  0.412485  0.296819
 0.133862  0.652427  0.532998

[49]: # массив из квадратных корней всех целых чисел от 1 до 10:
roots = [sqrt(i) for i in 1:10]

[49]: 10-element Vector{Float64}:
 1.0
 1.4142135623730951
 1.7320508075688772
 2.0
 2.23606797749979
 2.449489742783178
 2.6457513110645907
 2.8284271247461983
 3.0
 3.1622776601683795

[50]: # массив с элементами вида 3x^2,
# где x - натуральное число от 1 до 9 (включительно)
arr_1 = [3x^2 for x in 1:2:9]

[50]: 5-element Vector{Int64}:
 3
 27
 75
 147
 243
```

Figure 6: Примеры работы с массивами (часть 2)

Повторение примеров

```
[51]: # массив квадратов элементов, если квадрат не делится на 5 или 4:  
ar_2=[i**2 for i=1:10 if (i**2%5!=0 && i**2%4!=0)]  
  
[51]: 4-element Vector{Int64}:  
      1  
      9  
     49  
     81  
  
[52]: # одномерный массив из пяти единиц:  
ones(5)  
  
[52]: 5-element Vector{Float64}:  
      1.0  
      1.0  
      1.0  
      1.0  
      1.0  
  
[53]: # двумерный массив 2x3 из единиц:  
ones(2,3)  
  
[53]: 2x3 Matrix{Float64}:  
      1.0 1.0 1.0  
      1.0 1.0 1.0  
  
[54]: # одномерный массив из 4 нулей:  
zeros(4)  
  
[54]: 4-element Vector{Float64}:  
      0.0  
      0.0  
      0.0  
      0.0  
  
[55]: # заполнить массив 3x2 цифрами 3.5  
fill(3.5,(3,2))  
  
[55]: 3x2 Matrix{Float64}:  
      3.5 3.5  
      3.5 3.5  
      3.5 3.5  
  
[56]: # заполнение массива посредством функции repeat():  
repeat([1,2],3,3)  
repeat([1 2],3,3)  
  
[56]: 3x6 Matrix{Int64}:  
      1 2 1 2 1 2  
      1 2 1 2 1 2  
      1 2 1 2 1 2
```

Figure 7: Примеры работы с массивами (часть 3)

Повторение примеров

```
[57]: # преобразование одномерного массива из целых чисел от 1 до 12
      # в двумерный массив 2x6
      a = collect(1:12)
      b = reshape(a, (2, 6))
```

```
[57]: 2x6 Matrix{Int64}:
      1  3  5  7  9 11
      2  4  6  8 10 12
```

```
[58]: # транспонирование
      b'
```

```
[58]: 6x2 adjoint{::Matrix{Int64}} with eltype Int64:
      1  2
      3  4
      5  6
      7  8
      9 10
     11 12
```

```
[59]: # транспонирование
      c = transpose(b)
```

```
[59]: 6x2 transpose{::Matrix{Int64}} with eltype Int64:
      1  2
      3  4
      5  6
      7  8
      9 10
     11 12
```

```
[60]: # массив 10x5 целых чисел в диапазоне [10, 20]:
      ar = rand(10, 20, 10, 5)
```

```
[60]: 10x5 Matrix{Int64}:
     14 14 16 11 17
     20 11 17 15 16
     18 11 13 19 11
     19 13 13 18 10
     17 17 16 19 18
     14 18 19 14 15
     20 19 12 14 16
     12 17 11 13 15
     11 15 15 15 12
     16 10 11 15 20
```

Figure 8: Примеры работы с массивами (часть 4)

```
[61]: # выбор всех значений строки в столбце 2:  
ar[:, 2]  
  
[61]: 10-element Vector{Int64}:  
14  
11  
11  
13  
17  
18  
19  
17  
15  
18  
  
[62]: # выбор всех значений в столбцах 2 и 5:  
ar[:, [2, 5]]  
  
[62]: 10x2 Matrix{Int64}:  
14 17  
11 16  
11 11  
13 10  
17 18  
18 15  
19 16  
17 15  
15 12  
18 20  
  
[63]: # все значения строк в столбцах 2, 3 и 4:  
ar[:, 2:4]  
  
[63]: 10x3 Matrix{Int64}:  
14 16 11  
11 17 15  
11 13 19  
13 13 18  
17 16 19  
18 19 14  
19 12 14  
17 11 13  
15 15 15  
18 11 15  
  
[64]: # значение в строках 2, 4, 6 и в столбцах 1 и 5:  
ar[[2, 4, 6], [1, 5]]  
  
[64]: 3x2 Matrix{Int64}:  
20 16  
19 10  
14 15
```

Figure 9: Примеры работы с массивами (часть 5)

```
[65]: # значения в строке 1 от столбца 3 до последнего столбца:  
ar[1, 3:end]
```

```
[65]: 3-element Vector{Int64}:  
 16  
 11  
 17
```

```
[66]: # сортировка по столбцам:  
sort(ar, dims=1)
```

```
[66]: 10x5 Matrix{Int64}:  
 11 10 11 11 10  
 12 11 11 13 11  
 14 11 12 14 12  
 14 13 13 14 15  
 16 14 13 15 15  
 17 15 15 15 16  
 18 17 16 15 16  
 19 17 16 18 17  
 20 18 17 19 18  
 20 19 19 19 20
```

```
[67]: # сортировка по строкам:  
sort(ar, dims=2)
```

```
[67]: 10x5 Matrix{Int64}:  
 11 14 14 16 17  
 11 15 16 17 20  
 11 11 13 18 19  
 10 13 13 18 19  
 16 17 17 18 19  
 14 14 15 18 19  
 12 14 16 19 20  
 11 12 13 15 17  
 11 12 15 15 15  
 18 11 15 16 20
```

```
[68]: # поэлементное сравнение с числом  
# (результат – массив логических значений):  
ar >= 14
```

```
[68]: 10x5 BitMatrix:  
 0 0 1 0 1  
 1 0 1 1 1  
 1 0 0 1 0  
 1 0 0 1 0  
 1 1 1 1 1  
 0 1 1 0 1  
 1 1 0 0 1  
 0 1 0 0 1  
 0 1 1 1 0  
 1 0 0 1 1
```

Figure 10: Примеры работы с массивами (часть 6)


```
[69]: # возврат индексов элементов массива, удовлетворяющих условию:  
findall(ar .> 14)
```

```
[69]: 29-element Vector{CartesianIndex{2}}:  
 CartesianIndex{2, 1}  
 CartesianIndex{3, 1}  
 CartesianIndex{4, 1}  
 CartesianIndex{5, 1}  
 CartesianIndex{7, 1}  
 CartesianIndex{10, 1}  
 CartesianIndex{5, 2}  
 CartesianIndex{6, 2}  
 CartesianIndex{7, 2}  
 CartesianIndex{8, 2}  
 CartesianIndex{9, 2}  
 CartesianIndex{1, 3}  
 CartesianIndex{2, 3}  
 ⋮  
 CartesianIndex{3, 4}  
 CartesianIndex{4, 4}  
 CartesianIndex{5, 4}  
 CartesianIndex{9, 4}  
 CartesianIndex{10, 4}  
 CartesianIndex{1, 5}  
 CartesianIndex{2, 5}  
 CartesianIndex{5, 5}  
 CartesianIndex{6, 5}  
 CartesianIndex{7, 5}  
 CartesianIndex{8, 5}  
 CartesianIndex{10, 5}
```

Figure 11: Примеры работы с массивами (часть 7)

Выполнения задания для самостоятельной работы - 1

1. Даны множества: $A = \{0,3,4,9\}$, $B = \{1,3,4,7\}$, $C = \{0,1,2,4,7,8,9\}$. Нашли
 $P = A \cap B \cup A \cap B \cup A \cap C \cup B \cap C$. (fig. 12)

```
[ ]: # ЗАДАНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ
```

```
[71]: #1.  
A = Set([0, 3, 4, 9])  
B = Set([1, 3, 4, 7])  
C = Set([0, 1, 2, 4, 7, 8, 9])
```

```
AandB = intersect(A,B)  
AandC = intersect(A,C)  
BandC = intersect(B,C)
```

```
p1 = union(AandB, AandB)  
p2 = union(p1, AandC)
```

```
P = union(p2, BandC)
```

```
[71]: Set{Int64} with 6 elements:  
0  
4  
7  
9  
3  
1
```

Figure 12: Поиск множества P

2. Привели свои примеры с выполнением операций над множествами элементов разных типов. (fig. 13 - fig. 14)

```
[72]: #2.  
Q = Set([1, 2, 3, 4])  
W = Set([1.0, 3.3, 7.6])  
E = Set("query")  
  
[72]: Set(Char) with 6 elements:  
{'1'  
'2'  
'3'  
'4'  
'7'  
'q'  
  
[73]: issetequal(Q,W)  
[73]: False  
  
[74]: union(Q,W,E)  
[74]: Set[Any] with 12 elements:  
{'1'  
  7.6  
  'a'  
  1.0  
  4  
  2  
  'y'  
  3.3  
  'r'  
  't'  
  3  
  'q'  
  
[75]: Intersect(Q,W)  
[75]: Set(Float64) with 1 element:  
1.0  
  
[76]: setdiff(Q,W)  
[76]: Set(Int64) with 3 elements:  
4  
2  
3  
  
[77]: issubset(Q,W)  
[77]: False
```

Figure 13: Примеры с выполнением операций над множествами элементов разных типов

```
[78]: push!(E, 'u')
```

```
[78]: Set{Char} with 7 elements:
```

```
 'w'  
 'y'  
 'u'  
 'e'  
 'r'  
 't'  
 'q'
```

```
[79]: pop!(E)
```

```
[79]: 'w': ASCII/Unicode U+0077 (category Ll: Letter, lowercase)
```

Figure 14: Примеры с выполнением операций над множествами элементов разных типов (часть 2)

3. Создали разными способами:

3.1. массив(1,2,3,...,N-1,N), с $N = 21$; (fig. 15)

```
[00]: #3.  
      #j) N=21  
      [i for i in 1:21]  
  
[00]: 21-element Vector{Int64}:  
      1  
      2  
      3  
      4  
      5  
      6  
      7  
      8  
      9  
     10  
     11  
     12  
     13  
     14  
     15  
     16  
     17  
     18  
     19  
     20  
     21  
  
[01]: collect(1:21)  
  
[01]: 21-element Vector{Int64}:  
      1  
      2  
      3  
      4  
      5  
      6  
      7  
      8  
      9  
     10  
     11  
     12  
     13  
     14  
     15  
     16  
     17  
     18  
     19  
     20  
     21
```

Figure 15: Создание массива от 1 до 21 2-мя способами

Выполнения задания для самостоятельной работы - 3.2

Задание 2. Задания для самостоятельной работы.

3.2. массив(N,N-1...,2,1), с N = 21; (fig. 16)

```
[83]: #2)
      [! for i in 21:-1:1]

[83]: 21-element Vector{Int64}:
      21
      20
      19
      18
      17
      16
      15
      14
      13
      12
      11
      10
       9
       8
       7
       6
       5
       4
       3
       2
       1

[85]: sort(collect{1:21}, rev=true)

[85]: 21-element Vector{Int64}:
      21
      20
      19
      18
      17
      16
      15
      14
      13
      12
      11
      10
       9
       8
       7
       6
       5
       4
       3
       2
       1
```

Figure 16: Создание массива от 21 до 1 2-мя способами

3.3. массив(1,2,3,...,N-1,N,N-1,...,2,1), с $N = 21$; (fig. 17-fig. 18)

```
[163]: #3)
append!(collect(1:21), sort(collect(1:20), rev = true))

[163]: 41-element Vector{Int64}:
 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7
 8
 9
10
11
12
13
 ⋮
12
11
10
 9
 8
 7
 6
 5
 4
 3
 2
 1
```

Figure 17: Создание массива (1, 2, ..., 20, 21, 20, ..., 2, 1) (1-ый способ))

Выполнения задания для самостоятельной работы - 3.3

```
[164]: append!([i for i in 1:21], [j for j in 20:-1:1])
```

```
[164]: 41-element Vector{Int64}:
```

```
 1  
 2  
 3  
 4  
 5  
 6  
 7  
 8  
 9  
10  
11  
12  
13  
 ⋮  
12  
11  
10  
 9  
 8  
 7  
 6  
 5  
 4  
 3  
 2  
 1
```

Figure 18: Создание массива (1, 2, ..., 20, 21, 20, ..., 2, 1) (2-ой способ))

3.4. массив с именем tmp вида (4,6,3); (fig. 19)

```
[91]: #4)
      tmp = rand(4,6,3)

[91]: 4x6x3 Array{Float64, 3}:
[:, :, 1] =
  0.22539    0.823737    0.665588    0.867232    0.0812585    0.771429
  0.0298163  0.23293    0.0968    0.740822    0.698985    0.000895025
  0.688696    0.0922611  0.24061    0.994667    0.254193    0.751649
  0.91861    0.642699    0.152821    0.0233591    0.990343    0.909852

[:, :, 2] =
  0.167417    0.147863    0.633164    0.860159    0.281131    0.335424
  0.870791    0.351263    0.218078    0.890443    0.0787401    0.0345359
  0.902846    0.036589    0.555971    0.844363    0.206415    0.976347
  0.592511    0.676162    0.399539    0.904641    0.250451    0.907981

[:, :, 3] =
  0.485854    0.819319    0.0303418    0.748488    0.983264    0.0732588
  0.213279    0.395082    0.132885    0.877686    0.328408    0.822766
  0.42471    0.0617085    0.707469    0.225382    0.59201    0.227713
  0.11433    0.473567    0.216158    0.0846277    0.898807    0.907894

[92]: tmp = rand(4*6*3)
      tmp = reshape(tmp, (4,6,3))

[92]: 4x6x3 Array{Float64, 3}:
[:, :, 1] =
  0.980892    0.0201232    0.514157    0.457269    0.456321    0.102833
  0.74343    0.308824    0.192523    0.960027    0.883829    0.873872
  0.707595    0.795022    0.460781    0.148293    0.570975    0.630099
  0.777631    0.123396    0.18402    0.0488513    0.919143    0.291544

[:, :, 2] =
  0.451821    0.732986    0.406866    0.920406    0.787951    0.506432
  0.956721    0.552998    0.96593    0.0517157    0.0796583    0.816998
  0.904932    0.815316    0.367541    0.973002    0.641644    0.855112
  0.331768    0.600887    0.784642    0.349721    0.898262    0.0618003

[:, :, 3] =
  0.658466    0.815065    0.787332    0.297999    0.125613    0.522754
  0.543201    0.102713    0.500018    0.019029    0.135879    0.728455
  0.921976    0.100955    0.345157    0.934015    0.499408    0.786769
  0.817066    0.528364    0.859519    0.742694    0.482367    0.777953
```

Figure 19: Создание массива tmp вида (4,6,3) 2-мя способами

3.5. массив, в котором первый элемент массива tmp повторяется 10 раз;
(fig. 20)

```
[93]: #5)
      fill(tmp[1], 10)

[93]: 10-element Vector{Float64}:
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434

[95]: repeat([tmp[1]], 10)

[95]: 10-element Vector{Float64}:
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
       0.9808917867288434
```

Figure 20: Создание массива, в котором первый элемент массива tmp повторяется 10 раз, 2-мя способами

Выполнения задания для самостоятельной работы - 3.6

3.6. массив, в котором все элементы массива tmp повторяются 10 раз;
(fig. 21-fig. 22)

```
[96]: #6)
      fill(tmp, 10)

[96]: 10-element Vector{Array{Float64, 3}}:
 [0.9808917867288434 0.020123188447783047 ... 0.45632142406202014 0.10283265015
 022502; 0.7434301085294002 0.30882397712043275 ... 0.8838293508654596 0.8738715
 541593599; 0.7075951400097695 0.795022004426991 ... 0.5709747571885091 0.630099
 0834049478; 0.7776309241296008 0.12339558195359324 ... 0.9191428286758081 0.291
 5435501093566;; 0.4518209596910817 0.7329861102593678 ... 0.787950988756123 0.
 5064317764997949; 0.9567210460434802 0.5529979255726463 ... 0.07965832960309915
 0.8169975822798834; 0.904931736158913 0.8153164154141312 ... 0.6416439865074085
 0.8551119546083065; 0.33176764291879257 0.6008867207723797 ... 0.89826231629857
 29 0.06180025049687332;; 0.6584657350247354 0.815064943495369 ... 0.1256131362
 1353853 0.5227537178005716; 0.5432014929540012 0.10271269074213529 ... 0.135878
 9944805312 0.7284551487825051; 0.921975735677537 0.10095473066123795 ... 0.4994
 0826113426307 0.7867694671098151; 0.8170661599847463 0.5283639758606172 ... 0.4
 8236749329329853 0.7779534900213554]
 [0.9808917867288434 0.020123188447783047 ... 0.45632142406202014 0.10283265015
 022502; 0.7434301085294002 0.30882397712043275 ... 0.8838293508654596 0.8738715
 541593599; 0.7075951400097695 0.795022004426991 ... 0.5709747571885091 0.630099
 0834049478; 0.7776309241296008 0.12339558195359324 ... 0.9191428286758081 0.291
 5435501093566;; 0.4518209596910817 0.7329861102593678 ... 0.787950988756123 0.
 5064317764997949; 0.9567210460434802 0.5529979255726463 ... 0.07965832960309915
 0.8169975822798834; 0.904931736158913 0.8153164154141312 ... 0.6416439865074085
 0.8551119546083065; 0.33176764291879257 0.6008867207723797 ... 0.89826231629857
 29 0.06180025049687332;; 0.6584657350247354 0.815064943495369 ... 0.1256131362
 1353853 0.5227537178005716; 0.5432014929540012 0.10271269074213529 ... 0.135878
 9944805312 0.7284551487825051; 0.921975735677537 0.10095473066123795 ... 0.4994
 0826113426307 0.7867694671098151; 0.8170661599847463 0.5283639758606172 ... 0.4
 8236749329329853 0.7779534900213554]
 [0.9808917867288434 0.020123188447783047 ... 0.45632142406202014 0.10283265015
```

Figure 21: Создание массива, в котором все элементы массива tmp повторяются 10 раз (1-ый способ)

Выполнения задания для самостоятельной работы - 3.6

```
[97]: repeat([tmp], 10)

[97]: 10-element Vector{Array{Float64, 3}}:
 [0.9808917867288434 0.020123188447783047 ... 0.45632142406202014 0.10283265015
 022502; 0.7434301085294002 0.30882397712043275 ... 0.8838293508654596 0.8738715
 541593599; 0.7075951400097695 0.795022004426991 ... 0.5709747571885091 0.630099
 0834049478; 0.7776309241296008 0.12339558195359324 ... 0.9191428286758001 0.291
 5435501093566;;; 0.4518209596910817 0.7329861102593678 ... 0.787950988756123 0.
 5064317764997949; 0.9567210460434802 0.5529979255726463 ... 0.07965832960309915
 0.8169975822798834; 0.904931736158913 0.8153164154141312 ... 0.6416439865074085
 0.8551119546083065; 0.33176764291879257 0.6008867207723797 ... 0.89826231629857
 29 0.06180025049687332;;; 0.6584657350247354 0.815064943495369 ... 0.1256131362
 1353853 0.5227537178005716; 0.5432014929540012 0.10271269074213529 ... 0.135878
 9944805312 0.7284551487825051; 0.921975735677537 0.10095473066123795 ... 0.4994
 0826113426307 0.7867694671098151; 0.8170661599847463 0.5283639758606172 ... 0.4
 8236749329329853 0.7779534900213554]
 [0.9808917867288434 0.020123188447783047 ... 0.45632142406202014 0.10283265015
 022502; 0.7434301085294002 0.30882397712043275 ... 0.8838293508654596 0.8738715
 541593599; 0.7075951400097695 0.795022004426991 ... 0.5709747571885091 0.630099
 0834049478; 0.7776309241296008 0.12339558195359324 ... 0.9191428286758001 0.291
 5435501093566;;; 0.4518209596910817 0.7329861102593678 ... 0.787950988756123 0.
 5064317764997949; 0.9567210460434802 0.5529979255726463 ... 0.07965832960309915
 0.8169975822798834; 0.904931736158913 0.8153164154141312 ... 0.6416439865074085
 0.8551119546083065; 0.33176764291879257 0.6008867207723797 ... 0.89826231629857
 29 0.06180025049687332;;; 0.6584657350247354 0.815064943495369 ... 0.1256131362
 1353853 0.5227537178005716; 0.5432014929540012 0.10271269074213529 ... 0.135878
 9944805312 0.7284551487825051; 0.921975735677537 0.10095473066123795 ... 0.4994
 0826113426307 0.7867694671098151; 0.8170661599847463 0.5283639758606172 ... 0.4
 8236749329329853 0.7779534900213554]
 [0.9808917867288434 0.020123188447783047 ... 0.45632142406202014 0.10283265015
 022502; 0.7434301085294002 0.30882397712043275 ... 0.8838293508654596 0.8738715
```

Figure 22: Создание массива, в котором все элементы массива tmp повторяются 10 раз (2-ой способ)

3.7. массив, в котором первый элемент массива tmp встречается 11 раз, второй элемент — 10 раз, третий элемент — 10 раз; (fig. 23-fig. 24)

[illegible]

Figure 23: Создание массива, в котором первый элемент массива tmp встречается 11 раз, второй элемент — 10 раз, третий элемент — 10 раз, 1-2 способами

Выполнения задания для самостоятельной работы - 3.7

```
[101]: append!(repeat([tmp[1], tmp[2], tmp[3]], 10), tmp[1])
```

[illegible]

Figure 24: Создание массива, в котором первый элемент массива tmp встречается 11 раз, второй элемент — 10 раз, третий элемент — 10 раз, 3 способ

Выполнения задания для самостоятельной работы - 3.9

3.9. массив из элементов вида $2^{tmp[i]}$, $i = 1, 2, 3$, где элемент $2^{tmp[3]}$ встречается 4 раза; посчитали в полученном векторе, сколько раз встречается цифра 6; (fig. 26)

```
[105]: ar2 = [2*tmp[i] for i in 1:3]
      ar2 = append(ar2, fill(2*tmp[3], 3))
```

```
[105]: 6-element Vector{Float64}:
      1.9736858445967162
      1.6741515232818351
      1.6338796387567377
      1.6338796387567377
      1.6338796387567377
      1.6338796387567377
```

```
[106]: ar2 = [2*tmp[i] for i in [1,2,3,3,3]]
```

```
[106]: 6-element Vector{Float64}:
      1.9736858445967162
      1.6741515232818351
      1.6338796387567377
      1.6338796387567377
      1.6338796387567377
      1.6338796387567377
```

```
[109]: n = 0
      for i in (1:length(ar2))
          t = ar2[i]
          k = 1
          if (trunc(Int,t)==0)
              k = 0
          end
          while ((t%1==0))
              t = t÷10
              k = k+1
          end
          t = trunc(Int,t)
          for i in (1:k)
              if (t%10==6)
                  n = n+1
              end
              t = div(t, 10)
          end
      end
      n
```

```
[109]: 16
```

Figure 26: Создание массива, из элементов вида $2^{tmp[i]}$, $i = 1, 2, 3$, где элемент $2^{tmp[3]}$ встречается 4 раза; подсчет сколько раз встречается цифра 6 в этом векторе

Выполнения задания для самостоятельной работы - 3.10

3.10. вектор значений $y = e^x \cos(x)$ в точках $x = 3, 3.1, 3.2, \dots, 6$,
найди среднее значение y ; (fig. 27)

```
[115]: #10)
y = [exp(i)*cos(i) for i in 3:0.1:6]

[115]: 31-element Vector{Float64}:
-19.884530844146987
-22.178753389342127
-24.490696732801293
-26.77318244299338
-28.969237768093574
-31.011186439374516
-32.819774760338504
-34.30336011037369
-35.35719361853035
-35.86283371230767
-35.68773248011913
-34.68504225166807
-32.693695428321746
 ⋮
 25.046704998273004
 42.09920106253839
 61.99663027669454
 84.92906736250268
111.0615860420258
140.5250750527875
173.40577640857734
209.73349424783467
249.46844055885668
292.4867067371223
338.5643778585117
387.36034029093076

[116]: sum(y)/length(y)

[116]: 53.11374594642971
```

Figure 27: Создание вектора значений $y = e^x \cos(x)$ в точках $x = 3, 3.1, 3.2, \dots, 6$; подсчет среднего значения y

3.11. вектор вида (x^i, y^j) , $x = 0.1$, $i = 3, 6, 9, \dots, 36$, $y = 0.2$, $j = 1, 4, 7, \dots, 34$; (fig. 28)

```
[117]: #11)
      x = 0.1
      y = 0.2

      [[x^i y^(i-2)] for i in 3:3:36]

[117]: 12-element Vector{Matrix{Float64}}:
 [0.0010000000000000002 0.2]
 [1.0000000000000004e-6 0.0016000000000000003]
 [1.0000000000000005e-9 1.2800000000000006e-5]
 [1.0000000000000008e-12 1.0240000000000006e-7]
 [1.0000000000000009e-15 8.192000000000005e-10]
 [1.0000000000000008e-18 6.5536000000000055e-12]
 [1.0000000000000012e-21 5.2428800000000056e-14]
 [1.0000000000000012e-24 4.194304000000005e-16]
 [1.0000000000000015e-27 3.3554432000000044e-18]
 [1.0000000000000017e-30 2.684354560000004e-20]
 [1.0000000000000018e-33 2.147483648000004e-22]
 [1.000000000000002e-36 1.7179869184000035e-24]
```

Figure 28: Создание вектора вида (x^i, y^j) , $x = 0.1$, $i = 3, 6, 9, \dots, 36$, $y = 0.2$, $j = 1, 4, 7, \dots, 34$

Выполнения задания для самостоятельной работы - 3.12

3.12. вектор с элементами $\frac{2^i}{i}, i = 1, 2, \dots, M, M = 25$; (fig. 29)

```
[118]: #12)
      M = 25
      [2^i/i for i in 1:M]

[118]: 25-element Vector{Float64}:
         2.0
         2.0
        2.6666666666666665
         4.0
         6.4
        10.666666666666666
       18.285714285714285
        32.0
       56.888888888888886
       102.4
      186.1818181818182
     341.3333333333333
     630.1538461538462
    1170.2857142857142
    2184.5333333333333
     4096.0
     7710.117647058823
    14563.555555555555
    27594.105263157893
    52428.8
    99864.38095238095
   190650.18181818182
   364722.0869565217
   699050.6666666666
   1.34217728e6
```

Figure 29: Создание вектора вида $\frac{2^i}{i}, i = 1, 2, \dots, 25$

3.13. вектор вида ("fn1","fn2",..., "fnN") , N=30; (fig. 30)

```
[119]: #13)  
N = 30  
[string("fn", string(i)) for i in 1:N]
```

```
[119]: 30-element Vector{String}:  
"fn1"  
"fn2"  
"fn3"  
"fn4"  
"fn5"  
"fn6"  
"fn7"  
"fn8"  
"fn9"  
"fn10"  
"fn11"  
"fn12"  
"fn13"  
:  
"fn19"  
"fn20"  
"fn21"  
"fn22"  
"fn23"  
"fn24"  
"fn25"  
"fn26"  
"fn27"  
"fn28"  
"fn29"  
"fn30"
```

Figure 30: Создание вектора вида ("fn1","fn2",..., "fn30")

3.14. векторы $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ и $y = (y_1, y_2, \dots, y_n)$ целочисленного типа длины $n = 250$, как случайные выборки из совокупности $0, 1, \dots, 999$; на его основе: (fig. 31-fig. 43)

– сформировали вектор $(y_2 - x_1, \dots, y_n - x_{n-1})$;

```
[120]: #14)
n = 250
x = rand(0:999, n)
y = rand(0:999, n)
...

[121]: [y[i+1]-x[i] for i in 1:n-1]

[121]: 249-element Vector{Int64}:
 554
 -618
 -421
 238
 24
 168
 215
 172
 259
 -191
 -157
 -469
 -833
  :
 -60
 -442
 -186
 165
 -496
 -547
 -488
 770
 -437
 683
 189
 796
```

Figure 31: Создание векторов $x, y, ((y_2 - x_1, \dots, y_n - x_{n-1}))$

- сформировали вектор

$$(x_1 + 2x_2 - x_3, x_2 + 2x_3 - x_4, \dots, x_{n-2} + 2x_{n-1} - x_n);$$

```
[122]: [x[n-2]+2*x[n-1]-x[i] for i in 3:n]
[122]: 248-element Vector{Int64}:
      -711
      -532
      -316
       113
      -589
      -513
      -428
      -653
      -273
      -845
      -812
      -439
        18
         1
      -627
      -187
       -17
      -381
      -617
      -752
        71
      -432
        18
         64
       183
      -783
```

Figure 32: Создание вектора

$$(x_1 + 2x_2 - x_3, x_2 + 2x_3 - x_4, \dots, x_{n-2} + 2x_{n-1} - x_n)$$

- сформировали вектор $(\frac{\sin(y_1)}{\cos(x_2)}, \frac{\sin(y_2)}{\cos(x_2)}, \dots, \frac{\sin(y_{n-1})}{\cos(x_n)});$

```
[123]: [sin(y[i-1])/cos(x[i]) for i in 2:n]
```

```
[123]: 249-element Vector{Float64}:
 -0.6601300937044344
  1.0396471609189781
 -1.287957859948607
 -4.288536785917236
 -0.21952208609748033
 -4.248217489539866
  1.481595686747271
 -0.4159697163707091
  0.051645077729100824
 -0.9691530321343063
  0.0987836690021917
  1.7011892063534413
 -1.4393997926578683
  ⋮
 -1.2930901885060857
  0.5465846025946713
 -1.1924863971287591
 -1.1105433496420303
 -0.7409790344605799
  1.90451099365609
 -1.824382586954184
 -0.30869330656435034
  1.3750813082008726
  3.009830233868485
  1.0716198537438743
 -1.01017171371185286
```

Figure 33: Создание вектора $(\frac{\sin(y_1)}{\cos(x_2)}, \frac{\sin(y_2)}{\cos(x_2)}, \dots, \frac{\sin(y_{n-1})}{\cos(x_n)})$

- Вычислили $\sum_{i=1}^{n-1} \frac{e^{-x_i+1}}{x_i+10};$

```
[125]: s = 0
      for i in 1:n-1
        s = s + exp(-x[i+1])/(x[i]+10)
      end
      s
```

```
[125]: 0.001205313713794068
```

Figure 34: Вычисление $\sum_{i=1}^{n-1} \frac{e^{-x_i+1}}{x_i+10}$

Выполнения задания для самостоятельной работы - 3.14

- выбрали элементы вектора y , значения которых больше 600; определили индексы этих элементов;

```
[130]: y600 = [y[i] for i in 1:n if (y[i]>600)]
```

```
[130]: 99-element Vector{Int64}:
```

```
651
905
939
820
822
900
874
816
979
747
658
951
848
⋮
899
694
926
759
900
948
954
702
674
834
800
828
```

```
[131]: ind = findall(y .> 600)
```

```
[131]: 99-element Vector{Int64}:
```

```
2
5
8
9
10
16
17
20
23
26
27
28
29
⋮
```

Figure 35: Создание вектора из вектора y со значениями больше 600 и

- определили значения вектора x, соответствующие значениям вектора y, значения которых больше 600 (под соответствием понимается расположение на аналогичных индексных позициях);

```
[132]: [x[i] for i in ind]
[132]: 99-element Vector[Int64]:
      823
      451
      648
      563
      788
      179
      945
      354
      883
      482
      609
      937
      717
      ⋮
      913
      553
       87
      836
      696
      847
      447
      300
      492
      567
       71
      918
```

Figure 36: Создание вектора из вектора x, по соответствию с элементами вектора y больше 600

- сформировали вектор $(|x_1 - \bar{x}|^{\frac{1}{2}}, |x_2 - \bar{x}|^{\frac{1}{2}}, \dots, |x_n - \bar{x}|^{\frac{1}{2}})$, где \bar{x} обозначает среднее значение вектора x

```
[133]: avg_x = sum(x)/length(x)
      [sqrt(abs(x[i]-avg_x)) for i=1:n]

[133]: 250-element Vector{Float64}:
 20.355834544424848
 17.65332829808589
 18.2931681236466
 12.475576139000555
  7.7691698398220135
 22.121482771279144
 14.582180906846547
 11.689311356961966
  7.186097689288672
 16.632498309033434
 10.166612021711067
 21.648094604375693
 20.87199080107118
  ⋮
 15.831613941730641
 16.412190591142913
 18.956792977716457
  2.1540659228537984
 15.512575543732252
 19.381434415439948
 21.15088650624366
  7.459222479588606
 19.85849943978648
 20.984756372185977
 21.894291493446413
 20.16531675922796
```

Figure 37: Создание вектора из вектора $(|x_1 - \bar{x}|^{\frac{1}{2}}, |x_2 - \bar{x}|^{\frac{1}{2}}, \dots, |x_n - \bar{x}|^{\frac{1}{2}})$

- определили, сколько элементов вектора `y` отстоят от максимального значения не более, чем на 200;

```
[135]: y_avg = sum(y)/length(y)  
       length([y[i] for i=1:n if (abs(y[i]-y_avg)<=200 && y[i]<y_avg)])
```

```
[135]: 51
```

Figure 38: Определение, сколько элементов вектора `y` отстоят от максимального значения не более, чем на 200

- определили, сколько чётных и нечётных элементов вектора x ;

```
[137]: even_x = length([x[i] for i=1:n if (x[i]%2==0)])  
       uneven_x = length([x[i] for i=1:n if (x[i]%2!=0)])  
       even_x, uneven_x
```

```
[137]: (130, 120)
```

Figure 39: Определение, сколько чётных и нечётных элементов вектора x

- определили, сколько элементов вектора x кратны 7;

```
[138]: length([x[i] for i=1:n if (x[i]%7==0)])
```

```
[138]: 37
```

Figure 40: Определение, сколько элементов вектора x кратны 7

- отсортировали элементы вектора x в порядке возрастания элементов вектора y ;

```
[152]: y_sorted = sort!(y)
       y_s_ind = [ indexin(y_sorted[i],y)[1] for i=1:n]
       x_s = [x[i] for i in y_s_ind]

[152]: 250-element Vector{Int64}:
       97
       823
       846
       667
       451
        22
       724
       724
       563
       788
       408
       408
       947
         ⋮
       762
       242
       152
       516
       752
       887
         64
       567
       567
        71
        32
       918
```

Figure 41: Создание вектора на основе вектора x , отсортированного в порядке возрастания элементов вектора y

- вывели элементы вектора x , которые входят в десятку наибольших;

```
[153]: sort!(x, rev=true)[1:10]  
[153]: 10-element Vector{Int64}:  
       998  
       992  
       987  
       984  
       981  
       980  
       980  
       973  
       961  
       947
```

Figure 42: Вывод элементов вектора x , которые входят в десятку наибольших

- сформировали вектор, содержащий только уникальные (неповторяющиеся) элементы вектора x .

```
[154]: unique(x)
[154]: 226-element Vector{Int64}:
 998
 992
 987
 984
 981
 980
 973
 961
 947
 946
 945
 937
 926
  :
 49
 48
 44
 40
 32
 31
 24
 22
 18
 11
 10
 0
```

Figure 43: Создание вектора, содержащего только уникальные (неповторяющиеся) элементы вектора x

4. Создали массив squares, в котором хранятся квадраты всех целых чисел от 1 до 100. (fig. 44)

```
[155]: #4)
       squares = [i^2 for i=1:100]

[155]: 100-element Vector{Int64}:
        1
        4
        9
       16
       25
       36
       49
       64
       81
      100
      121
      144
      169
       ⋮
     7921
     8100
     8281
     8464
     8649
     8836
     9025
     9216
     9409
     9604
     9801
    10000
```

Figure 44: Создание массива squares

5. Сгенерировали массив `myprimes`, в котором хранятся первые 168 простых чисел. Определили 89-е наименьшее простое число. Получили срез массива с 89-го до 99-го элемента включительно, содержащий наименьшие простые числа. (fig. 45)

```
[157]: 85)
using Primes
myprimes = [prime(i) for i=1:168]

[157]: 168-element Vector{Int64}:
 2
 3
 5
 7
11
13
17
19
23
29
31
37
41
 1
919
929
937
941
947
953
967
971
977
983
991
997

[158]: myprimes[89]
[158]: 461

[159]: myprimes[89:99]

[159]: 11-element Vector{Int64}:
461
463
467
479
487
491
499
503
509
521
523
```

Figure 45: Создание и работа с массивом `myprimes`

6. Вычислили следующие выражения: (fig. 46-fig. 48)

$$6.1. \sum_{i=10}^{100} (i^3 + 4i^2)$$

```
[160]: #6.  
  
#1)  
s = 0  
for i=10:100  
    s = s + i^3+4*i^2  
end  
s  
  
[160]: 26852735
```

Figure 46: Вычисление выражения 6.1

$$6.2. \sum_{i=1}^M \left(\frac{2^i}{i} + \frac{3^i}{i^2} \right), M = 25$$

```
[161]: #2)
      M = 25
      s = 0
      for i=1:M
          s = s + 2^i/i + 3^i/i^2
      end
      s
```

```
[161]: 2.1291704368143802e9
```

Figure 47: Вычисление выражения 6.2

$$6.3. 1 + \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3} \frac{4}{5} + \dots + \frac{2}{3} \frac{4}{5} \dots \frac{38}{39} \right)$$

```
[162]: #3)
s = 1
t = 1
for i=2:2:38
    t = t * i / (i+1)
    s = s + t
end
s
```

```
[162]: 6.97634613789762
```

Figure 48: Вычисление выражения 6.3

Результаты выполнения лабораторной работы

- были изучены структуры данных в Julia и операции над ними
- программа на языке Julia, работающая со структурами данных