

Лабораторная работа №3.

Управляющие структуры.

Ишанова А.И. группа НФИ-02-19

Содержание

1	Цель работы	5
2	Задание	6
3	Выполнение лабораторной работы	7
3.1	Повторение примеров	7
3.2	Задания для самостоятельной работы	15
4	Листинг	33
5	Вывод	48
6	Библиография	49

List of Figures

3.1	Примеры с циклом while - 1	7
3.2	Примеры с циклом while - 2	8
3.3	Примеры с циклом for - 1	8
3.4	Примеры с циклом for - 2	8
3.5	Пример цикла for для создания двумерного массива - 1ый вариант	9
3.6	Пример цикла for для создания двумерного массива - 2ой вариант	9
3.7	Пример цикла for для создания двумерного массива - 3ий вариант	9
3.8	Пример с условными выражениями	10
3.9	Пример с тернарным оператором	11
3.10	Примеры с заданием функции	11
3.11	Пример с функциями sort и sort!	12
3.12	Примеры с map()	12
3.13	Пример с broadcast() с векторами	13
3.14	Пример с broadcast() с матрицами	13
3.15	Пример с broadcast() с точечным синтаксисом	14
3.16	Установка пакета Colors	14
3.17	Примеры с пакетом Colors	15
3.18	Вывод чисел и их квадратов через цикл while	16
3.19	Вывод чисел и их квадратов через цикл for	17
3.20	Создание словаря squares через цикл for	18
3.21	оздание словаря squares через цикл while	19
3.22	Создание массива squares_arr через цикл for	20
3.23	Создание массива squares_arr через цикл while	21
3.24	Написание условного оператора	21
3.25	Написание функции add_one	22
3.26	Написание условного оператора	22
3.27	Задание матрицы A и операции с ней	23
3.28	Задание матрицы B и расчет матрицы C	24
3.29	Задание матрицы Z1	25
3.30	Задание матрицы Z2	25
3.31	Задание матрицы Z3	26
3.32	Задание матрицы Z4	26
3.33	Задание функции outer()	26
3.34	Задание матрицы A1	27
3.35	Задание матрицы A2	27
3.36	Задание матрицы A3	27
3.37	Задание матрицы A4	28

3.38	Задание матрицы A_5	28
3.39	Решение системы уравнений	29
3.40	Задание матрицы M и подсчет элементов больших 4 построчно .	30
3.41	Определение в каких строках число $M=7$ встречается ровно 2 раза .	30
3.42	Определение всех пар столбцов матрицы, сумма элементов которых больше $K=75$	31
3.43	вычисление выражений заданных в задании 11	32

1 Цель работы

Освоить применение циклов функций и сторонних для Julia пакетов для решения задач линейной алгебры и работы с матрицами.

2 Задание

1. Используя Jupyter Lab, повторите примеры из раздела 3.2.
2. Выполните задания для самостоятельной работы (раздел 3.4). [1]

3 Выполнение лабораторной работы

3.1 Повторение примеров

1. Повторяем примеры с циклом while. (fig. 3.1 - fig. 3.2)

```
[1]: # пока n<10 прибавить к n единицу и распечатать значение:  
n=0  
while n < 10  
n += 1  
println(n)  
end
```

1
2
3
4
5
6
7
8
9
10

Figure 3.1: Примеры с циклом while - 1

```
[2]: myfriends = ["Ted", "Robyn", "Barney", "Lily", "Marshall"]
```

```
[2]: 5-element Vector{String}:  
      "Ted"  
      "Robyn"  
      "Barney"  
      "Lily"  
      "Marshall"
```

```
[3]: i=1  
      while i <= length(myfriends)  
          friend = myfriends[i]  
          println("Hi $friend, it's great to see you!")  
          i += 1  
      end
```

```
Hi Ted, it's great to see you!  
Hi Robyn, it's great to see you!  
Hi Barney, it's great to see you!  
Hi Lily, it's great to see you!  
Hi Marshall, it's great to see you!
```

Figure 3.2: Примеры с циклом while - 2

2. Повторяем примеры с циклом for. (fig. 3.3 - fig. 3.4)

```
[4]: for n in 1:2:10  
      println(n)  
  end
```

```
1  
3  
5  
7  
9
```

Figure 3.3: Примеры с циклом for - 1

```
[5]: myfriends = ["Ted", "Robyn", "Barney", "Lily", "Marshall"]  
      for friend in myfriends  
          println("Hi $friend, it's great to see you!")  
      end
```

```
Hi Ted, it's great to see you!  
Hi Robyn, it's great to see you!  
Hi Barney, it's great to see you!  
Hi Lily, it's great to see you!  
Hi Marshall, it's great to see you!
```

Figure 3.4: Примеры с циклом for - 2

3. Повторяем пример использования цикла for для создания двумерного массива, в котором значение каждой записи является суммой индексов строки и столбца. (fig. 3.5 - fig. 3.7)


```
[6]: # инициализация массива m x n из нулей:
m, n = 5, 5
A = fill(0, (m, n))

[6]: 5x5 Matrix{Int64}:
 0 0 0 0 0
 0 0 0 0 0
 0 0 0 0 0
 0 0 0 0 0
 0 0 0 0 0

[7]: # формирование массива, в котором значение каждой записи
# является суммой индексов строки и столбца:
for i in 1:m
    for j in 1:n
        A[i, j] = i + j
    end
end
A

[7]: 5x5 Matrix{Int64}:
 2 3 4 5 6
 3 4 5 6 7
 4 5 6 7 8
 5 6 7 8 9
 6 7 8 9 10
```

Figure 3.5: Пример цикла for для создания двумерного массива - 1ый вариант

```
[8]: # инициализация массива m x n из нулей:
B = fill(0, (m, n))
for i in 1:m, j in 1:n
    B[i, j] = i + j
end
B

[8]: 5x5 Matrix{Int64}:
 2 3 4 5 6
 3 4 5 6 7
 4 5 6 7 8
 5 6 7 8 9
 6 7 8 9 10
```

Figure 3.6: Пример цикла for для создания двумерного массива - 2ой вариант

```
[9]: C = [i + j for i in 1:m, j in 1:n]
C

[9]: 5x5 Matrix{Int64}:
 2 3 4 5 6
 3 4 5 6 7
 4 5 6 7 8
 5 6 7 8 9
 6 7 8 9 10
```

Figure 3.7: Пример цикла for для создания двумерного массива - 3ий вариант

4. Повторяем пример с условными выражениями. (fig. 3.8)

```
[11]: # используем `&&` для реализации операции "AND"
# операция % вычисляет остаток от деления
N = 15
if (N % 3 == 0) && (N % 5 == 0)
    println("FizzBuzz")
elseif N % 3 == 0
    println("Fizz")
elseif N % 5 == 0
    println("Buzz")
else
    println(N)
end
```

FizzBuzz

```
[12]: N = 5
if (N % 3 == 0) && (N % 5 == 0)
    println("FizzBuzz")
elseif N % 3 == 0
    println("Fizz")
elseif N % 5 == 0
    println("Buzz")
else
    println(N)
end
```

Buzz

```
[13]: N = 3
if (N % 3 == 0) && (N % 5 == 0)
    println("FizzBuzz")
elseif N % 3 == 0
    println("Fizz")
elseif N % 5 == 0
    println("Buzz")
else
    println(N)
end
```

Fizz

```
[14]: N = 1
if (N % 3 == 0) && (N % 5 == 0)
    println("FizzBuzz")
elseif N % 3 == 0
    println("Fizz")
elseif N % 5 == 0
    println("Buzz")
else
    println(N)
end
```

1

Figure 3.8: Пример с условными выражениями

5. Повторяем пример с тернарным оператором. (fig. 3.9)

```
[15]: # Пример использования тернарного оператора:  
x=5  
y = 10  
(x > y) ? x : y
```

```
[15]: 10
```

Figure 3.9: Пример с тернарным оператором

6. Повторяем примеры задания функции. (fig. 3.10)

```
[16]: function sayhi(name)  
      println("Hi $name, it's great to see you!")  
end  
  
# функция возведения в квадрат:  
function f(x)  
    x^2  
end
```

```
[16]: f (generic function with 1 method)
```

```
[19]: sayhi("C-3P0")  
Hi C-3P0, it's great to see you!
```

```
[20]: f(42)
```

```
[20]: 1764
```

```
[21]: sayhi2(name) = println("Hi $name, it's great to see you!")  
f2(x) = x^2
```

```
[21]: f2 (generic function with 1 method)
```

```
[22]: sayhi2("C-3P0")  
Hi C-3P0, it's great to see you!
```

```
[23]: f2(42)
```

```
[23]: 1764
```

```
[24]: sayhi3 = name -> println("Hi $name, it's great to see you!")  
f3 = x -> x^2
```

```
[24]: #5 (generic function with 1 method)
```

```
[25]: sayhi3("C-3P0")  
Hi C-3P0, it's great to see you!
```

```
[26]: f3(42)
```

```
[26]: 1764
```

Figure 3.10: Примеры с заданием функции

7. Повторяем примеры функций с восклицательным знаком. (fig. 3.11)

```
[27]: v = [3, 5, 2]
      sort(v)
      v

[27]: 3-element Vector{Int64}:
       3
       5
       2

[28]: v = [3, 5, 2]
      sort!(v)
      v

[28]: 3-element Vector{Int64}:
       2
       3
       5
```

Figure 3.11: Пример с функциями sort и sort!

8. Повторяем примеры с map(). (fig. 3.12)

```
[29]: f(x) = x^2
      map(f, [1, 2, 3])

[29]: 3-element Vector{Int64}:
       1
       4
       9

[30]: x -> x^3
      map(x -> x^3, [1, 2, 3])

[30]: 3-element Vector{Int64}:
       1
       8
      27
```

Figure 3.12: Примеры с map()

9. Повторяем примеры с broadcast(). (fig. 3.13 - fig. 3.15)

```
[31]: f(x) = x^2  
broadcast(f, [1, 2, 3])
```

```
[31]: 3-element Vector{Int64}:  
      1  
      4  
      9
```

```
[32]: f.([1, 2, 3])
```

```
[32]: 3-element Vector{Int64}:  
      1  
      4  
      9
```

Figure 3.13: Пример с broadcast() с векторами

```
[33]: # Задаём матрицу A:  
A = [i + 3*j for j in 0:2, i in 1:3]
```

```
[33]: 3×3 Matrix{Int64}:  
      1  2  3  
      4  5  6  
      7  8  9
```

```
[34]: # Вызываем функцию f возведения в квадрат  
f(A)
```

```
[34]: 3×3 Matrix{Int64}:  
      30  36  42  
      66  81  96  
     102 126 150
```

```
[35]: B = f.(A)
```

```
[35]: 3×3 Matrix{Int64}:  
      1  4  9  
     16 25 36  
     49 64 81
```

Figure 3.14: Пример с broadcast() с матрицами

```
[36]: A .+ 2 .* f.(A) ./ A

[36]: 3×3 Matrix{Float64}:
 3.0  6.0  9.0
12.0 15.0 18.0
21.0 24.0 27.0

[37]: @. A + 2 * f(A) / A

[37]: 3×3 Matrix{Float64}:
 3.0  6.0  9.0
12.0 15.0 18.0
21.0 24.0 27.0

[38]: broadcast(x -> x + 2 * f(x) / x, A)

[38]: 3×3 Matrix{Float64}:
 3.0  6.0  9.0
12.0 15.0 18.0
21.0 24.0 27.0
```

Figure 3.15: Пример с broadcast() с точечным синтаксисом

10. Установка пакета Colors. (fig. 3.16)

```
julia> using Pkg

julia> Pkg.add("Colors")
  Updating registry at `~/.julia/registries/General.toml`
  Resolving package versions...
  Updating `~/.julia/environments/v1.8/Project.toml`
[5ae59095] + Colors v0.12.8
  Updating `~/.julia/environments/v1.8/Manifest.toml`
[3da002f7] + ColorTypes v0.11.4
[5ae59095] + Colors v0.12.8
[53c48c17] + FixedPointNumbers v0.8.4
[189a3867] + Reexport v1.2.2
[37e2e46d] + LinearAlgebra
[2f01184e] + SparseArrays
[10745b16] + Statistics
[e66e0078] + CompilerSupportLibraries_jll v0.5.2+0
[4536629a] + OpenBLAS_jll v0.3.20+0
[8e850b90] + libblastrampoline_jll v5.1.1+0
Precompiling project...
 7 dependencies successfully precompiled in 9 seconds. 19 already precompiled.

julia> █
```

Figure 3.16: Установка пакета Colors

11. Повторяем пример с палитрой и случайной матрицей элементами-цветами. (fig. 3.17)

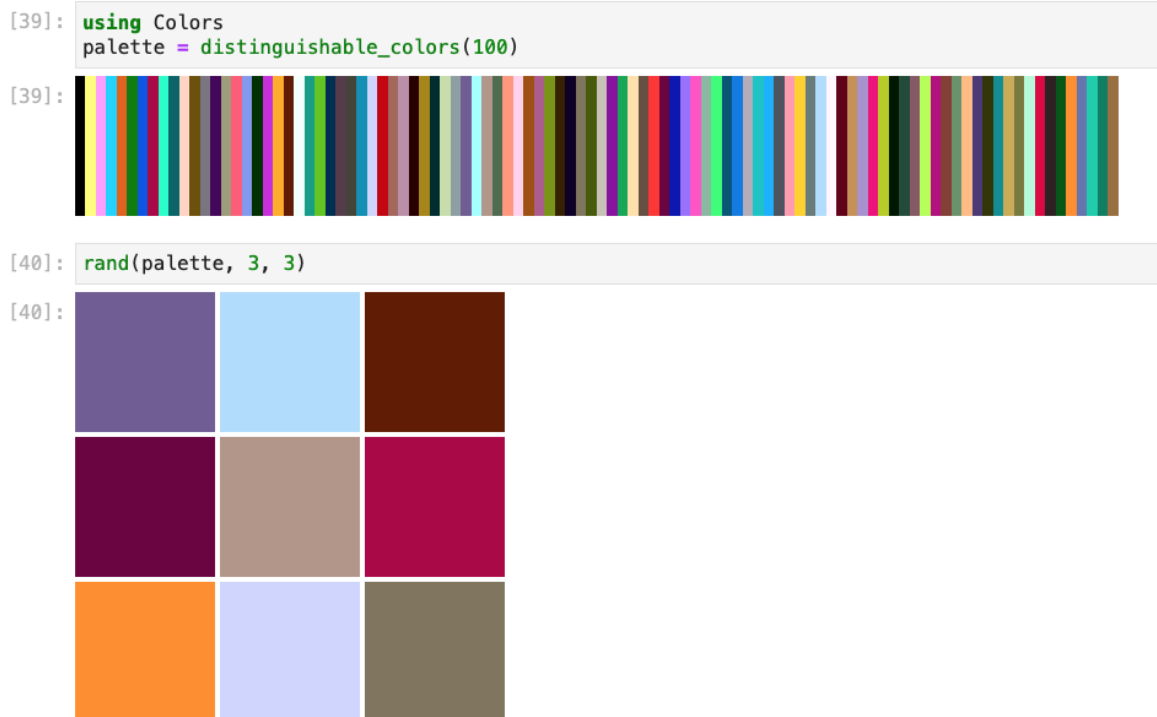


Figure 3.17: Примеры с пакетом Colors

3.2 Задания для самостоятельной работы

1. Используя циклы `while` и `for`: – вывели на экран целые числа от 1 до 100 и напечатали их квадраты (fig. 3.18-fig. 3.19);

```
[42]: # 1.  
n = 1  
while n<=100  
    println("$n ", n^2)  
    n = n+1  
end
```

```
1 1  
2 4  
3 9  
4 16  
5 25  
6 36  
7 49  
8 64  
9 81  
10 100  
11 121  
12 144  
13 169  
14 196  
15 225  
16 256  
17 289  
18 324  
19 361  
20 400  
21 441  
...
```

Figure 3.18: Вывод чисел и их квадратов через цикл while


```
: for n in 1:100  
    println(n, " ", n^2)  
end
```

```
1 1  
2 4  
3 9  
4 16  
5 25  
6 36  
7 49  
8 64  
9 81  
10 100  
11 121  
12 144  
13 169
```

Figure 3.19: Вывод чисел и их квадратов через цикл for

– создали словарь `squares`, который содержит целые числа в качестве ключей и квадраты в качестве их пар-значений (fig. 3.20-fig. 3.21);

```
[44]: squares = Dict()
      for i in 1:100
        squares[i] = i^2
      end
      pairs(squares)

[44]: Dict{Any, Any} with 100 entries:
  5  => 25
 56 => 3136
 35 => 1225
 55 => 3025
 60 => 3600
 30 => 900
 32 => 1024
  6 => 36
 67 => 4489
 45 => 2025
 73 => 5329
 64 => 4096
 90 => 8100
  4 => 16
 13 => 169
 54 => 2916
 63 => 3969
 86 => 7396
 91 => 8281
 62 => 3844
 58 => 3364
 52 => 2704
 12 => 144
 28 => 784
 75 => 5625
  ⋮  => ⋮
```

Figure 3.20: Создание словаря squares через цикл for

```
[48]: n = 1
      while n<=100
        squares[n] = n^2
        n = n+1
      end
      pairs(squares)
```

```
[48]: Dict{Any, Any} with 100 entries:
      5 => 25
      56 => 3136
      35 => 1225
      55 => 3025
      60 => 3600
      30 => 900
      32 => 1024
      6 => 36
      67 => 4489
      45 => 2025
      73 => 5329
      64 => 4096
      90 => 8100
      4 => 16
      13 => 169
      54 => 2916
      63 => 3969
      86 => 7396
      91 => 8281
      62 => 3844
      58 => 3364
      52 => 2704
      12 => 144
      28 => 784
      75 => 5625
      ⋮ => ⋮
```

Figure 3.21: ождение словаря squares через цикл while

– создали массив squares_arr, содержащий квадраты всех чисел от 1 до 100 (fig. 3.22-fig. 3.23).

```
[49]: squares_arr = []  
      for i in 1:100  
          append!(squares_arr, i^2)  
      end  
      squares_arr
```

```
[49]: 100-element Vector{Any}:
```

```
 1  
 4  
 9  
16  
25  
36  
49  
64  
81  
100  
121  
144  
169  
⋮  
7921  
8100  
8281  
8464  
8649  
8836  
9025  
9216  
9409  
9604  
9801  
10000
```

Figure 3.22: Создание массива squares_arr через цикл for

```
[50]: squares_arr = []
      n = 1
      while n <= 100
        append!(squares_arr, n^2)
        n = n+1
      end
      squares_arr
```

```
[50]: 100-element Vector{Any}:
       1
       4
       9
      16
      25
      36
      49
      64
      81
     100
     121
     144
     169
      ⋮
    7921
    8100
    8281
    8464
    8649
    8836
    9025
    9216
    9409
    9604
    9801
   10000
```

Figure 3.23: Создание массива squares_arr через цикл while

2. Написали условный оператор, который печатает число, если число чётное, и строку «нечётное», если число нечётное. Переписали код, используя тернарный оператор. (fig. 3.24)

```
[278]: # 2
       N = 2
       if (N%2==0)
         println(N)
       else
         println("нечётное")
       end
       2
```

```
[279]: (N%2==0) ? println(N) : println("нечётное")
       2
```

Figure 3.24: Написание условного оператора

3. Написали функцию `add_one`, которая добавляет 1 к своему входу. (fig. 3.25)

```
[54]: # 3  
  
function add_one(x)  
    x+1  
end  
  
add_one(1)
```

[54]: 2

Figure 3.25: Написание функции `add_one`

4. Использовали `broadcast()` для задания матрицы `A`, каждый элемент которой увеличивается на единицу по сравнению с предыдущим. (fig. 3.26)

```
[82]: # 4  
  
A = ones(5,5)  
  
[82]: 5x5 Matrix{Float64}:  
 1.0  1.0  1.0  1.0  1.0  
 1.0  1.0  1.0  1.0  1.0  
 1.0  1.0  1.0  1.0  1.0  
 1.0  1.0  1.0  1.0  1.0  
 1.0  1.0  1.0  1.0  1.0  
  
[83]: for i in 1:5, j in 1:5  
        A[i, j:5] = broadcast(add_one, A[i, j:5])  
        if (i!=5 && j==5)  
            A[i+1, :] = fill(A[i,5], (1,5))  
        end  
    end  
    A
```

```
[83]: 5x5 Matrix{Float64}:  
 2.0  3.0  4.0  5.0  6.0  
 7.0  8.0  9.0 10.0 11.0  
12.0 13.0 14.0 15.0 16.0  
17.0 18.0 19.0 20.0 21.0  
22.0 23.0 24.0 25.0 26.0
```

Figure 3.26: Написание условного оператора

5. Задали матрицу

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{pmatrix}$$

- нашли A^3 (fig. 3.27)
- заменили третий столбец на сумму второго и третьего столбцов (fig. 3.27)

```
[90]: # 5
      A = [ [1, 5, -2] [1, 2, -1] [3, 6, -3]]
```

```
[90]: 3x3 Matrix{Int64}:
      1  1  3
      5  2  6
     -2 -1 -3
```

```
[92]: A^3
```

```
[92]: 3x3 Matrix{Int64}:
      0  0  0
      0  0  0
      0  0  0
```

```
[94]: A[:, 3] = A[:, 2]+A[:, 3]
      A
```

```
[94]: 3x3 Matrix{Int64}:
      1  1  4
      5  2  8
     -2 -1 -4
```

Figure 3.27: Задание матрицы A и операции с ней

6. Создали матрицу B с элементами $B_{i1} = 10, B_{i2} = -10, B_{i3} = 10, i = 1, 2, 3, \dots, 15$. Нашли матрицу $C = B^T B$. (fig. 3.28)

```
[103]: # 6  
B = repeat([10 -10 10], 15)
```

```
[103]: 15x3 Matrix{Int64}:  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10  
 10 -10 10
```

```
[104]: C = B' * B
```

```
[104]: 3x3 Matrix{Int64}:  
 1500 -1500 1500  
-1500 1500 -1500  
 1500 -1500 1500
```

Figure 3.28: Задание матрицы B и расчет матрицы C

7. Создали матрицу Z размерности 6×6 , все элементы которой равны нулю, и матрицу E, все элементы которой равны 1. Используя цикл while или for и закономерности расположения элементов, создали следующие матрицы размерности 6×6 :

- Z1 (fig. 3.29)


```
[115]: # 7

Z = zeros(6,6)
E = ones(6,6)

Z1 = zeros(6,6)

for i in 1:6, j in 1:6
    if (abs(i-j)==1)
        Z1[i,j] = E[i,j]
    end
end
Z1
```

```
[115]: 6×6 Matrix{Float64}:
 0.0  1.0  0.0  0.0  0.0  0.0
 1.0  0.0  1.0  0.0  0.0  0.0
 0.0  1.0  0.0  1.0  0.0  0.0
 0.0  0.0  1.0  0.0  1.0  0.0
 0.0  0.0  0.0  1.0  0.0  1.0
 0.0  0.0  0.0  0.0  1.0  0.0
```

Figure 3.29: Задание матрицы Z1

- Z2 (@fig:030)

```
[118]: Z2 = zeros(6,6)
for i in 1:6, j in 1:6
    if (abs(i-j)==2 || i==j)
        Z2[i,j] = E[i,j]
    end
end
Z2
```

```
[118]: 6×6 Matrix{Float64}:
 1.0  0.0  1.0  0.0  0.0  0.0
 0.0  1.0  0.0  1.0  0.0  0.0
 1.0  0.0  1.0  0.0  1.0  0.0
 0.0  1.0  0.0  1.0  0.0  1.0
 0.0  0.0  1.0  0.0  1.0  0.0
 0.0  0.0  0.0  1.0  0.0  1.0
```

Figure 3.30: Задание матрицы Z2

- Z3 (@fig:031)

```
[128]: Z3 = zeros(6,6)
for i in 1:6, j in 1:6
    if (j == 7-i || j == 5-i || j == 9-i)
        Z3[i,j] = E[i,j]
    end
end
Z3
```

```
[128]: 6×6 Matrix{Float64}:
 0.0  0.0  0.0  1.0  0.0  1.0
 0.0  0.0  1.0  0.0  1.0  0.0
 0.0  1.0  0.0  1.0  0.0  1.0
 1.0  0.0  1.0  0.0  1.0  0.0
 0.0  1.0  0.0  1.0  0.0  0.0
 1.0  0.0  1.0  0.0  0.0  0.0
```

Figure 3.31: Задание матрицы Z3

- Z4 (@fig:032)

```
[133]: Z4 = zeros(6,6)
for i in 1:6, j in 1:6
    if (j == i || abs(i-j)==2 || abs(i-j)==4)
        Z4[i,j] = E[i,j]
    end
end
Z4
```

```
[133]: 6×6 Matrix{Float64}:
 1.0  0.0  1.0  0.0  1.0  0.0
 0.0  1.0  0.0  1.0  0.0  1.0
 1.0  0.0  1.0  0.0  1.0  0.0
 0.0  1.0  0.0  1.0  0.0  1.0
 1.0  0.0  1.0  0.0  1.0  0.0
 0.0  1.0  0.0  1.0  0.0  1.0
```

Figure 3.32: Задание матрицы Z4

8. Написали свою функцию эквивалентную функции `outer()` в языке R. (fig. 3.33)

```
[218]: #8
function outer(x,y,operation)
    res = zeros(size(x)[1], size(y)[2])
    for i in 1:size(x)[1], j in 1:size(y)[2], k in 1:size(x)[2]
        res[i,j] += operation(x[i,k], y[k,j])
    end
    return res
end
```

```
[218]: outer (generic function with 1 method)
```

Figure 3.33: Задание функции `outer()`

Используя нашу функцию `outer()`, задали следующие матрицы:

- A1 (@fig:034)

```
[228]: aa = collect(0:4)
       aa = reshape(aa, (size(aa,1), size(aa,2)))
```

```
[228]: 5×1 Matrix{Int64}:
       0
       1
       2
       3
       4
```

```
[229]: A1 = outer(aa, aa', +)
```

```
[229]: 5×5 Matrix{Float64}:
       0.0  1.0  2.0  3.0  4.0
       1.0  2.0  3.0  4.0  5.0
       2.0  3.0  4.0  5.0  6.0
       3.0  4.0  5.0  6.0  7.0
       4.0  5.0  6.0  7.0  8.0
```

Figure 3.34: Задание матрицы A1

- A2 (fig. 3.35)

```
[231]: A2 = outer(aa, collect(1:5)', ^)
```

```
[231]: 5×5 Matrix{Float64}:
       0.0  0.0  0.0  0.0  0.0
       1.0  1.0  1.0  1.0  1.0
       2.0  4.0  8.0  16.0  32.0
       3.0  9.0  27.0  81.0  243.0
       4.0  16.0  64.0  256.0  1024.0
```

Figure 3.35: Задание матрицы A2

- A3 (fig. 3.36)

```
[239]: A3 = .%(outer(aa, aa',+),5)
```

```
[239]: 5×5 Matrix{Float64}:
       0.0  1.0  2.0  3.0  4.0
       1.0  2.0  3.0  4.0  0.0
       2.0  3.0  4.0  0.0  1.0
       3.0  4.0  0.0  1.0  2.0
       4.0  0.0  1.0  2.0  3.0
```

Figure 3.36: Задание матрицы A3

- A4 (fig. 3.37)

```
[241]: bb = collect(0:9)
bb = reshape(bb, (size(bb,1), size(bb,2)))
A4 = .%(outer(bb, bb', +), 10)

[241]: 10×10 Matrix{Float64}:
 0.0  1.0  2.0  3.0  4.0  5.0  6.0  7.0  8.0  9.0
 1.0  2.0  3.0  4.0  5.0  6.0  7.0  8.0  9.0  0.0
 2.0  3.0  4.0  5.0  6.0  7.0  8.0  9.0  0.0  1.0
 3.0  4.0  5.0  6.0  7.0  8.0  9.0  0.0  1.0  2.0
 4.0  5.0  6.0  7.0  8.0  9.0  0.0  1.0  2.0  3.0
 5.0  6.0  7.0  8.0  9.0  0.0  1.0  2.0  3.0  4.0
 6.0  7.0  8.0  9.0  0.0  1.0  2.0  3.0  4.0  5.0
 7.0  8.0  9.0  0.0  1.0  2.0  3.0  4.0  5.0  6.0
 8.0  9.0  0.0  1.0  2.0  3.0  4.0  5.0  6.0  7.0
 9.0  0.0  1.0  2.0  3.0  4.0  5.0  6.0  7.0  8.0
```

Figure 3.37: Задание матрицы A4

- A5 (fig. 3.38)

```
[246]: cc = collect(0:8)
dd = collect(9:-1:1)
cc = reshape(cc, (size(cc,1), size(cc,2)))
dd = reshape(dd, (size(dd,1), size(dd,2)))
A5 = .%(outer(cc, dd', +), 9)

[246]: 9×9 Matrix{Float64}:
 0.0  8.0  7.0  6.0  5.0  4.0  3.0  2.0  1.0
 1.0  0.0  8.0  7.0  6.0  5.0  4.0  3.0  2.0
 2.0  1.0  0.0  8.0  7.0  6.0  5.0  4.0  3.0
 3.0  2.0  1.0  0.0  8.0  7.0  6.0  5.0  4.0
 4.0  3.0  2.0  1.0  0.0  8.0  7.0  6.0  5.0
 5.0  4.0  3.0  2.0  1.0  0.0  8.0  7.0  6.0
 6.0  5.0  4.0  3.0  2.0  1.0  0.0  8.0  7.0
 7.0  6.0  5.0  4.0  3.0  2.0  1.0  0.0  8.0
 8.0  7.0  6.0  5.0  4.0  3.0  2.0  1.0  0.0
```

Figure 3.38: Задание матрицы A5

9. Решили систему уравнений (fig. 3.39)

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 4x_4 + 5x_5 = 7 \\ 2x_1 + x_2 + 2x_3 + 3x_4 + 4x_5 = -1 \\ 3x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 + 3x_5 = -3 \\ 4x_1 + 3x_2 + 2x_3 + x_4 + 2x_5 = 5 \\ 5x_1 + 4x_2 + 3x_3 + 2x_4 + x_5 = 17 \end{cases}$$

```

[249]: #9
A = [1 2 3 4 5; 2 1 2 3 4; 3 2 1 2 3; 4 3 2 1 2; 5 4 3 2 1]

[249]: 5x5 Matrix{Int64}:
 1  2  3  4  5
 2  1  2  3  4
 3  2  1  2  3
 4  3  2  1  2
 5  4  3  2  1

[250]: y = [ 7 -1 -3 5 17]

[250]: 1x5 Matrix{Int64}:
 7 -1 -3 5 17

[251]: function solveSLAU(A,y)
        inv(A)*y
    end

[251]: solveSLAU (generic function with 1 method)

[256]: X = solveSLAU(A,y')

[256]: 5x1 Matrix{Float64}:
-1.9999999999999996
 3.0
 5.0
 2.0
-4.0

```

Figure 3.39: Решение системы уравнений

10. Создали матрицу M размерности 6×10 , элементами которой являются целые числа, выбранные случайным образом с повторениями из совокупности 1, 2, ..., 10. (fig. 3.40)
 - нашли число элементов в каждой строке матрицы, которые больше числа $N=4$ (fig. 3.40)

```
[257]: # 10
M = rand(1:10, 6, 10)

[257]: 6×10 Matrix{Int64}:
 6  7  1  8  8  5  6  8  6  4
 4  1  1 10  4  2  7  2  4  1
 2  5  9 10  2  8  5  1  7  1
 3  3  7  3  9  8  8  2  4  3
 5  9  4  9  6  7 10  2  5  3
 4  4  5  9  9  8  2 10 10  5

[263]: N = 4
for i in 1:size(M,1)
    k = 0
    for j in 1:size(M,2)
        if (M[i,j] > N)
            k = k+1
        end
    end
    println(i, " ", k )
end
1 8
2 2
3 6
4 4
5 7
6 7
```

Figure 3.40: Задание матрицы M и подсчет элементов больших 4 построчно

- определили в каких строках число M=7 встречается ровно 2 раза (таких нет, поэтому ничего не выводится) (fig. 3.41)

```
[277]: NM = 7
for i in 1:size(M,1)
    if (length(findall(M[i,:] .== NM))==2)
        println(i)
    end
end

[271]: K = 75
```

Figure 3.41: Определение в каких строках число M=7 встречается ровно 2 раза

- определили все пары столбцов матрицы, сумма элементов которых больше K=75 (fig. 3.42)

```
[271]: K = 75
for i in 1:size(M,1)
    for u in i+1:size(M,1)
        if (sum(M[i,:]+M[u,:]) > K)
            println(i, " ", u)
        end
    end
end

1 2
1 3
1 4
1 5
1 6
2 3
2 4
2 5
2 6
3 4
3 5
3 6
4 5
4 6
5 6
```

Figure 3.42: Определение всех пар столбцов матрицы, сумма элементов которых больше K=75

11. Вычислили (fig. 3.43)

$$\sum_{i=1}^{20} \sum_{j=1}^5 \frac{i^4}{(3+j)}$$

и

$$\sum_{i=1}^{20} \sum_{j=1}^5 \frac{i^4}{(3+ij)}$$

```
[272]: # 11  
r1 = 0  
for i in 1:20, j in 1:5  
    r1 += i^4/(3+j)  
end  
r1
```

[272]: 639215.2833333334

```
[273]: r2 = 0  
for i in 1:20, j in 1:5  
    r2 += i^4/(3+i*j)  
end  
r2
```

[273]: 89912.02146097136

Figure 3.43: вычисление выражений заданных в задании 11

4 Листинг

```
# -*- coding: utf-8 -*-
# ---
# jupyter:
#   jupytertext:
#     text_representation:
#       extension: .jl
#       format_name: light
#       format_version: '1.5'
#       jupytertext_version: 1.14.1
#   kernelspec:
#     display_name: Julia 1.8.2
#     language: julia
#     name: julia-1.8
# ---

# пока n<10 прибавить к n единицу и распечатать значение:
n=0
while n < 10
  n += 1
  println(n)
end
```

```
myfriends = ["Ted", "Robyn", "Barney", "Lily", "Marshall"]
```

```
i=1
```

```
while i <= length(myfriends)
```

```
    friend = myfriends[i]
```

```
    println("Hi $friend, it's great to see you!")
```

```
    i += 1
```

```
end
```

```
for n in 1:2:10
```

```
    println(n)
```

```
end
```

```
myfriends = ["Ted", "Robyn", "Barney", "Lily", "Marshall"]
```

```
for friend in myfriends
```

```
    println("Hi $friend, it's great to see you!")
```

```
end
```

```
# инициализация массива m x n из нулей:
```

```
m, n = 5, 5
```

```
A = fill(0, (m, n))
```

```
# формирование массива, в котором значение каждой записи
```

```
# является суммой индексов строки и столбца:
```

```
for i in 1:m
```

```
    for j in 1:n
```

```
        A[i, j] = i + j
```

```
    end
```

```
end
```

A

```
# инициализация массива m x n из нулей:
```

```
B = fill(0, (m, n))
```

```
for i in 1:m, j in 1:n
```

```
    B[i, j] = i + j
```

```
end
```

B

```
C = [i + j for i in 1:m, j in 1:n]
```

C

```
# используем `&&` для реализации операции "AND"
```

```
# операция % вычисляет остаток от деления
```

```
N = 15
```

```
if (N % 3 == 0) && (N % 5 == 0)
```

```
    println("FizzBuzz")
```

```
elseif N % 3 == 0
```

```
    println("Fizz")
```

```
elseif N % 5 == 0
```

```
    println("Buzz")
```

```
else
```

```
    println(N)
```

```
end
```

```
N = 5
```

```
if (N % 3 == 0) && (N % 5 == 0)
```

```
    println("FizzBuzz")
```

```
elseif N % 3 == 0
```

```

        println("Fizz")
elseif N % 5 == 0
    println("Buzz")
else
    println(N)
end

N = 3
if (N % 3 == 0) && (N % 5 == 0)
    println("FizzBuzz")
elseif N % 3 == 0
    println("Fizz")
elseif N % 5 == 0
    println("Buzz")
else
    println(N)
end

N = 1
if (N % 3 == 0) && (N % 5 == 0)
    println("FizzBuzz")
elseif N % 3 == 0
    println("Fizz")
elseif N % 5 == 0
    println("Buzz")
else
    println(N)
end

```

```
# Пример использования тернарного оператора:
```

```
x=5
```

```
y = 10
```

```
(x > y) ? x : y
```

```
# +
```

```
function sayhi(name)
```

```
    println("Hi $name, it's great to see you!")
```

```
end
```

```
# функция возведения в квадрат:
```

```
function f(x)
```

```
    x^2
```

```
end
```

```
# -
```

```
sayhi("C-3P0")
```

```
f(42)
```

```
sayhi2(name) = println("Hi $name, it's great to see you!")
```

```
f2(x) = x^2
```

```
sayhi2("C-3P0")
```

```
f2(42)
```

```
sayhi3 = name -> println("Hi $name, it's great to see you!")
```

```
f3 = x -> x^2
```

```
sayhi3("C-3P0")
```

```
f3(42)
```

```
v = [3, 5, 2]
```

```
sort(v)
```

```
v
```

```
v = [3, 5, 2]
```

```
sort!(v)
```

```
v
```

```
f(x) = x^2
```

```
map(f, [1, 2, 3])
```

```
x -> x^3
```

```
map(x -> x^3, [1, 2, 3])
```

```
f(x) = x^2
```

```
broadcast(f, [1, 2, 3])
```

```
f.([1, 2, 3])
```

```
# Задаём матрицу A:
```

```
A = [i + 3*j for j in 0:2, i in 1:3]
```

```
# Вызываем функцию f возведения в квадрат
```

```
f(A)
```

```
B = f.(A)
```

```
A .+ 2 .* f.(A) ./ A
```

```
@. A + 2 * f(A) / A
```

```
broadcast(x -> x + 2 * f(x) / x, A)
```

```
using Colors
```

```
palette = distinguishable_colors(100)
```

```
# # rand(palette, 3, 3)
```

```
# +
```

```
# ЗАДАНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОГО ВЫПОЛНЕНИЯ
```

```
# +
```

```
# 1.
```

```
n = 1
```

```
while n<=100
```

```
    println("$n ", n^2)
```

```
    n = n+1
```

```
end
```

```
# -
```

```
# for n in 1:100
```

```

#     println("$n ", n^2)
# end

# for n in 1:100
#     println(n, " ", n^2)
# end

squares = Dict()
for i in 1:100
    squares[i] = i^2
end
pairs(squares)

n = 1
while n<=100
    squares[n] = n^2
    n = n+1
end
pairs(squares)

squares_arr = []
for i in 1:100
    append!(squares_arr, i^2)
end
squares_arr

# +
# 2

```



```

N = 2
if (N%2==0)
    println(N)
else
    println("нечётное")
end
# -

(N%2==0) ? println(N) : println("нечётное")

# +
# 3

function add_one(x)
    x+1
end

add_one(1)

# +
# 4

A = ones(5,5)
# -

for i in 1:5, j in 1:5
    A[i, j:5] = broadcast(add_one, A[i, j:5])
    if (i!=5 && j==5)
        A[i+1, :] = fill(A[i,5], (1,5))
    end
end

```

```

        end
    end
end
A

# +
# 5

A = [ [1, 5, -2] [1, 2, -1] [3, 6, -3]]
# -

A^3

A[:, 3] = A[:,2]+A[:,3]
A

# +
# 6

B = repeat([10 -10 10], 15)
# -

C = B' * B

# +
# 7

Z = zeros(6,6)
E = ones(6,6)

```

```

Z1 = zeros(6,6)

for i in 1:6, j in 1:6
    if (abs(i-j)==1)
        Z1[i,j] = E[i,j]
    end
end
Z1

# + tags=[]
Z2 = zeros(6,6)
for i in 1:6, j in 1:6
    if (abs(i-j)==2 || i==j)
        Z2[i,j] = E[i,j]
    end
end
Z2

# -
Z3 = zeros(6,6)
for i in 1:6, j in 1:6
    if (j == 7-i || j == 5-i || j == 9-i)
        Z3[i,j] = E[i,j]
    end
end
Z3

Z4 = zeros(6,6)
for i in 1:6, j in 1:6

```

```

        if (j == i || abs(i-j)==2 || abs(i-j)==4 )
            Z4[i,j] = E[i,j]
        end
    end
end
Z4

#8
function outer(x,y,operation)
    res = zeros(size(x)[1], size(y)[2])
    for i in 1:size(x)[1], j in 1:size(y)[2], k in 1:size(x)[2]
        res[i,j]+=operation(x[i,k],y[k,j])
    end
    return res
end

aa = collect(0:4)
aa = reshape(aa, (size(aa,1), size(aa,2)))

A1 = outer(aa, aa', +)

A2 = outer(aa, collect(1:5)', ^)

A3 = .%(outer(aa, aa',+),5)

bb = collect(0:9)
bb = reshape(bb, (size(bb,1), size(bb,2)))
A4 = .%(outer(bb, bb',+),10)

# +

```

```

cc = collect(0:8)
dd = collect(9:-1:1)
cc = reshape(cc, (size(cc,1), size(cc,2)))
dd = reshape(dd, (size(dd,1), size(dd,2)))

A5 = .%(outer(cc, dd', +),9)

# +
#9

A = [1 2 3 4 5; 2 1 2 3 4; 3 2 1 2 3; 4 3 2 1 2; 5 4 3 2 1]
# -

y = [ 7 -1 -3 5 17]

function solveSLAU(A,y)
    inv(A)*y
end

X = solveSLAU(A,y')

# +
# 10

M = rand(1:10, 6, 10)
# -

N = 4
for i in 1:size(M,1)

```

```

    k = 0
for j in 1:size(M,2)
    if (M[i,j] > N)
        k = k+1
    end
end
println(i, " ", k )
end

NM = 7
for i in 1:size(M,1)
    if (length(findall(M[i,:] .== NM))==2)
        println(i)
    end
end

K = 75
for i in 1:size(M,1)
    for u in i+1:size(M,1)
        if (sum(M[i,:]+M[u,:]) > K)
            println(i, " ", u)
        end
    end
end

# +
# 11

r1 = 0

```

```
for i in 1:20, j in 1:5
```

```
    r1 += i^4/(3+j)
```

```
end
```

```
r1
```

```
# -
```

```
r2 = 0
```

```
for i in 1:20, j in 1:5
```

```
    r2 += i^4/(3+i*j)
```

```
end
```

```
r2
```

5 Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы на примерах были изучены управляющие структуры, мы ознакомились с циклами `for` и `while`, условными операторами, тернарными операторами, функциями `map()` и `broadcast()`, способами написания своих функций и пакетом `Colors` на языке `Julia`. С помощью полученных знаний были решены задачи для самостоятельной работы.

6 Библиография

1. Методические материалы курса.