

Verificação Formal

Teste

20 de Maio de 2022

1. Considere o seguinte algoritmo de exclusão mútua para N processos proposto por Szymański. Cada processo $1 \leq i \leq N$ tem uma variável $flag_i$, inicialmente com o valor 0, em que apenas i escreve, mas que pode ser lida por todos os outros. O algoritmo executado por cada processo i é o seguinte.

```
while (true) {  
  idle :: ...  
  flag_i ← 1  
  wait_0 :: await ( $\forall 1 \leq k \leq N \cdot flag_k \in \{0, 1, 2\}$ )  
  flag_i ← 3  
  check :: if ( $\exists 1 \leq k \leq N \cdot flag_k = 1$ ) {  
    flag_i ← 2  
    wait_1 :: await ( $\exists 1 \leq k \leq N \cdot flag_k = 4$ )  
  }  
  flag_i ← 4  
  wait_2 :: await ( $\forall 1 \leq k < i \cdot flag_k \in \{0, 1\}$ )  
  critical :: ...  
  await ( $\forall i < k \leq N \cdot flag_k \in \{0, 1, 4\}$ )  
  flag_i ← 0  
}
```

- (a) (6 pontos) Especifique este algoritmo em TLA+ ou nuXmv (neste caso para $N = 3$). Considere apenas as transições entre as *labels* assinaladas.
- (b) (1 ponto) Qual o número mínimo de valores necessários para a variável de controlo (o *program counter*) para especificar este algoritmo? Justifique.
- (c) (1 ponto) Como verificar que este algoritmo garante a exclusão mútua?
- (d) (1 ponto) Como verificar que nenhum processo espera indefinidamente para entrar na região crítica?
- (e) (1 ponto) Como pode obter um exemplo de execução onde todos os N processos entram recorrentemente na região crítica?
- (f) (1 ponto) Como verificar que a espera para entrar na região crítica é limitada, mais concretamente, que enquanto há outros processos à espera um processo não pode entrar duas vezes seguidas na região crítica?
- (g) (1 ponto) A propriedade anterior é uma propriedade de *safety* ou *liveness*? Justifique.
2. Considere um canal de comunicação entre dois processos implementado com um array circular de tamanho N , suportando duas operações $send(v)$ e $read(v)$, onde $0 \leq v < V$ é um dos V valores possíveis que podem ser enviados.
- (a) (4 pontos) Especifique este canal de comunicação em TLA+ ou nuXmv (neste caso para $N = 3$ e $V = 4$).
- (b) (1 ponto) Como verificar que o canal nunca contém valores inválidos?
- (c) (1 ponto) Como pode obter um exemplo de execução onde o canal fica totalmente cheio e depois volta a ficar vazio?
- (d) (1 ponto) Como verificar que todos os valores lidos foram previamente enviados?
- (e) (1 ponto) Como verificar que, se numa execução deixarem de ocorrer envios, então o canal vai necessariamente ficar vazio?

Nota: quando forem necessárias condições de justiça para verificar uma propriedade, coloque as mesmas como pré-condição dessa propriedade.