

密码学综合设计实验

实验 5：MD5 算法实现

学号：苏煜程

姓名：031803108

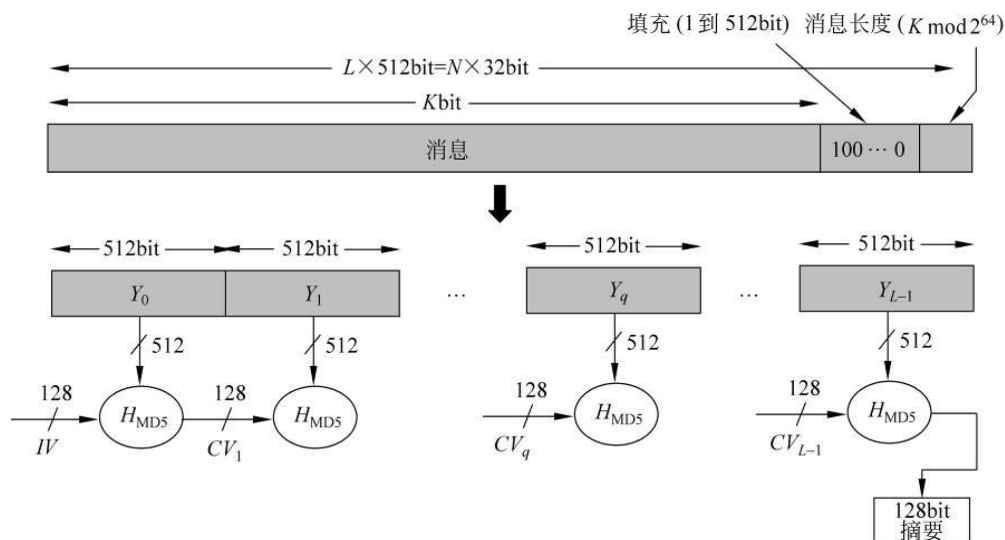
2019 年 10 月 28 日

一、 实验要求

1. 实现 MD5 压缩函数 (课本 p169)
 - a) 寄存器 ABCD 用的是小端存储方式, 建议使用 `uint32_t` 类型定义
 - b) 输入分组 512 比特长, 建议用长为 16 的数组表示, 成员是联合体(`unsigned char[4]` 与 `uint32_t` 联合)
 - c) 输出 `uint32_t[4]` 数组
2. 实现 MD5 的分组处理
 - a) 算法参见课本 p168
3. 实现消息分组和消息填充 (课本 p167)
 - a) 消息: 不定长 `unsigned char[]` 数组
分组: 512 比特分组, 分组格式在第 1 步已给出建议。
 - b) 注意, 消息长度是小端表示
 - c) 分组填充算法见 p167
 - d) 输入: 消息
输出: 分组数组
4. 消息的 MD5 值计算实现
 - a) 输入明文
 - b) 输出 MD5 值
 - c) 明文是长字符串 (超过 80 个字符)
 - d) 注意寄存器 ABCD 初值 (课本 p167)
5. 附加内容
 - a) 实现对一个文件的 MD5 值计算
 - b) 输入: 文件路径及文件名
输出: 文件的 MD5 值
 - c) 注意, 文件可能很大, 不能把整个文件都载入到内存再运算。需要读一个分组长度, 执行一次 MD5 分组处理, 直到文件读完。

二、实验原理

算法的输入为任意长的消息（图中为 K 比特），分为 512 比特长的分组，输出为 128 比特的消息摘要。



处理过程有以下几步：

(1) **对消息填充**。使得其比特长在模 512 下为 448，即填充后消息的长度为 512 的某一倍数减 64，留出的 64 比特备第 2 步使用。步骤(1)是必需的，即使消息长度已满足要求，仍需填充。例如，消息长为 448 比特，则需填充 512 比特，使其长度变为 960，因此填充的比特数大于等于 1 而小于等于 512。

填充方式是固定的，即第 1 位为 1，其后各位皆为 0。

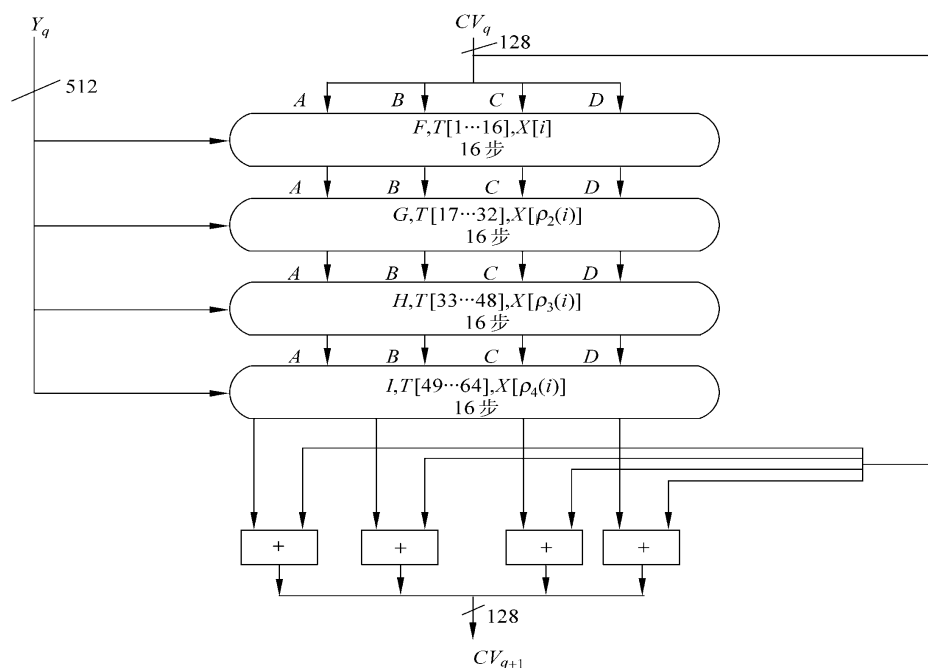
(2) **附加消息的长度**。用步骤(1)留出的 64 比特以小端（little-endian）方式来表示消息被填充前的长度。如果消息长度大于 2^{64} ，则以 2^{64} 为模数取模。

小端方式是指按数据的最低有效字节（byte）（或最低有效位）优先的顺序存储数据，即将最低有效字节（或最低有效位）存于低地址字节（或位）。相反的存储方式称为大端（big-endian）方式。

前两步执行完后，消息的长度为 512 的倍数（设为 L 倍），则可将消息表示为分组长为 512 的一系列分组 Y_0, Y_1, \dots, Y_{L-1} ，而每一分组又可表示为 16 个 32 比特长的字，这样消息中的总字数为 $N=L \times 16$ ，因此消息又可按字表示为 $M[0, \dots, N-1]$ 。

(3) **对 MD 缓冲区初始化**。算法使用 128 比特长的缓冲区以存储中间结果和最终杂凑值，缓冲区可表示为 4 个 32 比特长的寄存器（A, B, C, D），每个寄存器都以小端方式存储数据，其初值取为（以存储方式） $A=01234567$, $B=89ABCDEF$, $C=FEDCBA98$, $D=76543210$ ，实际上为 67452301, EFCDAB89, 98BADCFE, 10325476。

(4) **以分组为单位对消息进行处理**。每一分组 Y_q ($q=0, \dots, L-1$) 都经一压缩函数 H_{MD5} 处理。 H_{MD5} 是算法的核心，其中又有 4 轮处理过程：



H_{MD5} 的4轮处理过程结构一样，但所用的逻辑函数不同，分别表示为F、G、H、I。每轮的输入为当前处理的消息分组 Y_q 和缓冲区的当前值A、B、C、D，输出仍放在缓冲区中以产生新的A、B、C、D。每轮处理过程还需加上常数表T中四分之一元素，分别为 $T[1\cdots 16]$ ， $T[17\cdots 32]$ ， $T[33\cdots 48]$ ， $T[49\cdots 64]$ 。表T有64个元素，见表6-1，第*i*个元素 $T[i]$ 为 $232 \times \text{abs}(\sin(i))$ 的整数部分，其中 \sin 为正弦函数，*i*以弧度为单位。由于 $\text{abs}(\sin(i))$ 大于0小于1，所以 $T[i]$ 可由32比特的字表示。第4轮的输出再与第1轮的输入 CV_q 相加，相加时将 CV_q 看作4个32比特的字，每个字与第4轮输出的对应的字按模 2^{32} 相加，相加的结果即为压缩函数HMD5的输出。

表 6-1 常数表 T

$T[1]=D76AA478$	$T[17]=F61E2562$	$T[33]=FFFA3942$	$T[49]=F4292244$
$T[2]=E8C7B756$	$T[18]=C040B340$	$T[34]=8771F681$	$T[50]=432AFF97$
$T[3]=242070DB$	$T[19]=265E5A51$	$T[35]=699D6122$	$T[51]=AB9423A7$
$T[4]=C1BDCEEE$	$T[20]=E9B6C7AA$	$T[36]=FDE5380C$	$T[52]=FC93A039$
$T[5]=F57C0FAF$	$T[21]=D62F105D$	$T[37]=A4BEEA44$	$T[53]=655B59C3$
$T[6]=4787C62A$	$T[22]=02441453$	$T[38]=4BDECF A9$	$T[54]=8F0CCC92$
$T[7]=A8304613$	$T[23]=D8A1E681$	$T[39]=F6BB4B60$	$T[55]=FFEFF47D$
$T[8]=FD469501$	$T[24]=E7D3FBC8$	$T[40]=BEBFBC70$	$T[56]=85845DD1$
$T[9]=698098D8$	$T[25]=21E1CDE6$	$T[41]=289B7EC6$	$T[57]=6FA87E4F$
$T[10]=8B44F7AF$	$T[26]=C33707D6$	$T[42]=EAA127FA$	$T[58]=FE2CE6E0$
$T[11]=FFFF5BB1$	$T[27]=F4D50D87$	$T[43]=D4EF3085$	$T[59]=A3014314$
$T[12]=895CD7BE$	$T[28]=455A14ED$	$T[44]=04881D05$	$T[60]=4E0811A1$
$T[13]=6B901122$	$T[29]=A9E3E905$	$T[45]=D9D4D039$	$T[61]=F7537E82$
$T[14]=FD987193$	$T[30]=FCF8A3F8$	$T[46]=E6DB99E5$	$T[62]=BD3AF235$
$T[15]=A679438E$	$T[31]=676F02D9$	$T[47]=1FA27CF8$	$T[63]=2AD7D2BB$
$T[16]=49B40821$	$T[32]=8D2A4C8A$	$T[48]=C4AC5665$	$T[64]=EB86D391$

(5) MD5 的压缩函数 H_{MD5} 。其中有 4 轮处理过程，每轮又对缓冲区 ABCD 进行 16 步迭代运算，每一步的运算形式为（见图 6.7）

$$a \leftarrow b + CLS_s(a + g(b, c, d) + X[k] + T[i])$$

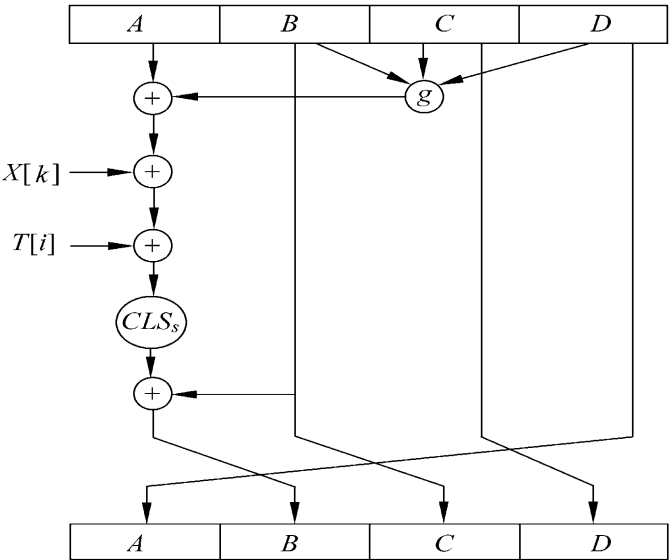


图 6.7 压缩函数中的一步迭代示意图

其中 a、b、c、d 为缓冲区的 4 个字，运算完成后再右循环一个字，即得这一步迭代的输出。g 是基本逻辑函数 F、G、H、I 之一。CLS_s 是左循环移 s 位，s 的取值由表 6.2 给出。T[i] 为表 T 中的第 i 个字，+ 为模 2³² 加法。X[k]=M[q×16+k]，即消息第 q 个分组中的第 k 个字（k=1, ..., 16）。4 轮处理过程中，每轮以不同的次序使用 16 个字，其中在第 1 轮以字的初始次序使用。第 2 轮到第 4 轮分别对字的次序 i 做置换后得到一个新次序，然后以新次序使用 16 个字。3 个置换分别为

$$\begin{aligned} \rho_2(i) &= (1 + 5i) \bmod 16 \\ \rho_3(i) &= (5 + 3i) \bmod 16 \\ \rho_4(i) &= 7i \bmod 16 \end{aligned}$$

步数 轮数	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
1	7	12	17	22	7	12	17	22	7	12	17	22	7	12	17	22
2	5	9	14	20	5	9	14	20	5	9	14	20	5	9	14	20
3	4	11	16	23	4	11	16	23	4	11	16	23	4	11	16	23
4	6	10	15	21	6	10	15	21	6	10	15	21	6	10	15	21

表 6.2 压缩函数每步左循环移位的位数

4 轮处理过程分别使用不同的基本逻辑函数 F、G、H、I，每个逻辑函数的输入为 3 个 32 比特的字，输出是一个 32 比特的字，其中的运算为逐比特的逻辑运算，即输出的第 n 个比特是 3 个输入的第 n 个比特的函数，函数的定义由表 6.3 给出，其中 ∧, ∨, ¬, ⊕ 分别是逻辑与、逻辑或、逻辑非和异或运算，表 6.4 是四个函数的真值表。

轮数	基本逻辑函数	$g(b, c, d)$
1	$F(b, c, d)$	$(b \wedge c) \vee (\bar{b} \wedge d)$
2	$G(b, c, d)$	$(b \wedge d) \vee (c \wedge \bar{d})$
3	$H(b, c, d)$	$b \oplus c \oplus d$
4	$I(b, c, d)$	$c \oplus (b \vee \bar{d})$

表 6.3 基本逻辑函数的定义

b	c	d	F	G	H	I	b	c	d	F	G	H	I
0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
0	1	0	0	1	1	0	1	1	0	1	1	0	0
0	1	1	1	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0

表 6.4 基本逻辑函数的真值表

(6) **输出。**消息的 L 个分组都被处理完后，最后一个 H_{MD5} 的输出即为产生的消息摘要。

步骤 (3) 到步骤 (6) 的处理过程可总结如下：

$$\begin{aligned}
 CV_0 &= IV; \\
 CV_{q+1} &= CV_q + RF_I[Y_q, RF_H[Y_q, RF_G[Y_q, RF_F[Y_q, CV_q]]]]; \\
 MD &= CV_L
 \end{aligned}$$

其中 IV 是步骤 (3) 所取的缓冲区 ABCD 的初值， Y_q 是消息的第 q 个 512 比特长的分组，L 是消息经过步骤 (1) 和步骤 (2) 处理后的分组数， CV_q 为处理消息的第 q 个分组时输入的链接变量（即前一个压缩函数的输出）， RF_x 为使用基本逻辑函数 x 的轮函数，+ 为对应字的模 2^{32} 加法，MD 为最终的哈希值。

软件系统设计

附加位填充

```
def init_mess(message):
    global A
    global B
    global C
    global D
    A, B, C, D = (0x67452301, 0xefcdab89, 0x98badcfe, 0x10325476)
    length = struct.pack('<Q', len(message)*8)
    while len(message) > 64:
        solve(message[:64])
        message = message[64:]
    message += '\x80'
    message += '\x00' * (56 - len(message) % 64)
    message += length
    solve(message[:64])
```

初始化链接变量

```
A, B, C, D = (0x67452301, 0xefcdab89, 0x98badcfe, 0x10325476)
```

循环左移

```
lrot = lambda x,n: (x << n)|(x >> 32- n)
```

四轮 16 步迭代

```
def solve(chunk):
    global A
    global B
    global C
    global D
    w = list(struct.unpack('<' + 'I' * 16, chunk))
    a, b, c, d = A, B, C, D
    for i in range(64):
        if i < 16:
            f = (b & c) | ((~b) & d)
            flag = i
        elif i < 32:
            f = (b & d) | (c & (~d))
            flag = (5 * i + 1) % 16
        elif i < 48:
            f = (b ^ c ^ d)
            flag = (3 * i + 5) % 16
        else:
            f = c ^ (b | (~d))
            flag = (7 * i) % 16
        tmp = b + lrot((a + f + k[i] + w[flag]) & 0xffffffff, r[i])
```

```
a, b, c, d = d, tmp & 0xffffffff, b, c
A = (A + a) & 0xffffffff
B = (B + b) & 0xffffffff
C = (C + c) & 0xffffffff
D = (D + d) & 0xffffffff
```

使用正弦函数产生的位随机数

```
k = [int(math.floor(abs(math.sin(i + 1)) * (2 ** 32))) for i in range(64)]
```

重要的实现细节

使用正弦函数产生的位随机数

也就是书本上的T[i]

```
k = [int(math.floor(abs(math.sin(i + 1)) * (2 ** 32))) for i in range(64)]
```

四轮运算

```
for i in range(64):
    if i < 16:
        f = (b & c) | ((~b) & d)
        flag = i
    elif i < 32:
        f = (b & d) | (c & (~d))
        flag = (5 * i + 1) % 16
    elif i < 48:
        f = (b ^ c ^ d)
        flag = (3 * i + 5) % 16
    else:
        f = c ^ (b | (~d))
        flag = (7 * i) % 16
```

即是对一下公式的实现

```
f = (b & c) | ((~b) & d)
f = (b & d) | (c & (~d))
f = (b ^ c ^ d)
f = c ^ (b | (~d))
```

实现效果

对多组字符串进行加密


```
C:\Python27\python.exe D:/build/FZU-IS-404/密码学/MD5/mymd5.py
Please input your message :123456
e10adc3949ba59abbe56e057f20f883e
Please input your message :abcdefg
7ac66c0f148de9519b8bd264312c4d64
Please input your message :I love you
e4f58a805a6e1fd0f6bef58c86f9ceb3
Please input your message :1900
9fdb62f932adf55af2c0e09e55861964
```

总结

简单地实现了 md5 加密算法