

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Дальневосточный федеральный университет»

(ДВФУ)

ИНСТИТУТ МАТЕМАТИКИ И КОМПЬЮТЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Департамент математического и компьютерного моделирования

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №4

По основной образовательной программе подготовки бакалавров направлению 01.03.02 Прикладная математика и информатика профиль «Системное программирование»

Студент группы Б9121-02.03.01сцт
Москера Креспо Адриан Хосуэ
«26» января 2024 г.
Преподаватель кандидат физико-
математических наук
(подпись)
Яковлев Анатолий Александрович
«» 2023 г.

г. Владивосток

Постановка задачи

Пусть дана матричная игра, заданная матрицей A размерности 6×8 . Необходимо найти верхнюю и нижнюю цену игры и равновесное решение в смешанных стратегиях.

$$\begin{pmatrix} -10.46 & 14.80 & -21.25 & 30.84 & -4.49 & 24.20 & 47.45 & 5.68 \\ -24.87 & 33.86 & 45.66 & -22.12 & -16.24 & 45.51 & 35.63 & -11.31 \\ -33.39 & 19.95 & 5.01 & -10.35 & 14.18 & 40.46 & 35.13 & -26.32 \\ 16.94 & -16.97 & -4.94 & -40.60 & -11.14 & -41.60 & 15.08 & -22.84 \\ -4.66 & 14.45 & -26.48 & 29.28 & 38.81 & 20.88 & 24.52 & 35.68 \\ -43.57 & -1.90 & -19.70 & 4.80 & 12.11 & -3.41 & 29.07 & -22.78 \end{pmatrix}$$

Нижняя цена игры:

$$\underline{A} = \max_{i} \min_{j} a_{ij} = 15.07696759937367$$

Верхняя цена игры:

$$\overline{A} = \min_{j} \max_{i} a_{ij} = 16.937688915945937$$

Искать равновесное решение в смешанных стратегиях будем с помощью симплексметода. Для этого необходимо сделать матрицу A неотрицательной, поэтому к каждому элементу матрицы A добавим модуль минимального элемента β матрицы A.

$$\beta = \min_{ij} a_{ij} = -43.574988621921335$$

Получается неотрицательная матрица \hat{A} .

$$\hat{A} = \begin{pmatrix} 33.12 & 58.38 & 22.32 & 74.42 & 39.09 & 67.78 & 91.02 & 49.25 \\ 18.70 & 77.43 & 89.23 & 21.45 & 27.34 & 89.09 & 79.21 & 32.26 \\ 10.18 & 63.53 & 48.59 & 33.22 & 57.76 & 84.04 & 78.71 & 17.26 \\ 60.51 & 26.61 & 38.64 & 2.98 & 32.44 & 1.97 & 58.65 & 20.74 \\ 38.91 & 58.02 & 17.09 & 72.86 & 82.38 & 64.45 & 68.09 & 79.25 \\ 0.00 & 41.68 & 23.87 & 48.38 & 55.68 & 40.17 & 72.65 & 20.80 \end{pmatrix}$$

Необходимо решить следующие задачи:

1.
$$\begin{cases} y \cdot e \to \max \\ \hat{A}y \le e^T \\ y \ge 0 \end{cases}$$
 2.
$$\begin{cases} e \cdot x \to \min \\ \hat{A}^T x \ge e \\ x \ge 0 \end{cases}$$

В этом случае оптимальная стратегия первого игрока будет найдена по формуле:

$$p^* = \frac{x}{\|x\|}$$

А оптимальная стратегия второго игрока будет найдена по формуле:

.

$$q^* = \frac{y}{\|y\|}$$

.

Цена игры будет равна:

$$\varphi = \frac{1}{\alpha} - |\beta|$$

где α – значение целевой функции, полученной в результате решения задач линейной оптимизации.

 q^* – находится прямой задачей; p^* – находится двойственной задачей.

Прямая задача

Задача приводится к каноническому виду. За начальную угловую точку берём $y_0 = (0, e)$.

```
 \begin{pmatrix} -1.00 & -1.00 & -1.00 & -1.00 & -1.00 & -1.00 & -1.00 & -1.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 \\ 33.12 & 58.38 & 22.32 & 74.42 & 39.09 & 67.78 & 91.02 & 49.25 & 1.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 \\ 18.70 & 77.43 & 89.23 & 21.45 & 27.34 & 89.09 & 79.21 & 32.26 & 0.00 & 1.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 \\ 10.18 & 63.53 & 48.59 & 33.22 & 57.76 & 84.04 & 78.71 & 17.26 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 \\ 60.51 & 26.61 & 38.64 & 2.98 & 32.44 & 1.97 & 58.65 & 20.74 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 \\ 38.91 & 58.02 & 17.09 & 72.86 & 82.38 & 64.45 & 68.09 & 79.25 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & 0.00 & 1.00 \\ 0.00 & 41.68 & 23.87 & 48.38 & 55.68 & 40.17 & 72.65 & 20.80 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & 1.00 \end{pmatrix}
```

разрешающая строка = №5 $\mbox{разрешающий столбец} = №1 \\ \mbox{разрешающий элемент} = 60.512677537867276$

```
 \begin{pmatrix} 0.00 & -0.56 & -0.36 & -0.95 & -0.46 & -0.97 & -0.03 & -0.66 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.02 & 0.00 & 0.00 & 0.02 \\ 0.00 & 43.81 & 1.17 & 72.79 & 21.33 & 66.70 & 58.92 & 37.90 & 1.00 & 0.00 & 0.00 & -0.55 & 0.00 & 0.00 & 0.45 \\ 0.00 & 69.21 & 77.29 & 20.53 & 17.31 & 88.48 & 61.08 & 25.85 & 0.00 & 1.00 & 0.00 & -0.31 & 0.00 & 0.00 & 0.69 \\ 0.00 & 59.05 & 42.09 & 32.72 & 52.30 & 83.71 & 68.84 & 13.77 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & -0.17 & 0.00 & 0.00 & 0.83 \\ 1.00 & 0.44 & 0.64 & 0.05 & 0.54 & 0.03 & 0.97 & 0.34 & 0.00 & 0.00 & 0.02 & 0.00 & 0.00 & 0.02 \\ 0.00 & 40.91 & -7.76 & 70.94 & 61.52 & 63.18 & 30.37 & 65.92 & 0.00 & 0.00 & -0.64 & 1.00 & 0.00 & 0.36 \\ 0.00 & 41.68 & 23.87 & 48.38 & 55.68 & 40.17 & 72.65 & 20.80 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & 1.00 \end{pmatrix}
```

разрешающая строка = №6 $\label{eq:paspemaout}$ разрешающий столбец = №6 $\label{eq:paspemaout}$ разрешающий элемент = 63.18152294907165

```
0.00 \ 0.07 \ -0.48
                                            0.00 \quad 0.43
                                                                                                   0.02 \quad 0.00 \quad 0.02
                         0.14
                                    0.48
                                                             0.35
                                                                     0.00 0.00 0.00 0.01
0.00 \quad 0.62
               9.36
                        -2.11 -43.61 0.00 26.86 -31.68 1.00 0.00 0.00
                                                                                          0.13
                                                                                                  -1.06 \ 0.00 \ 0.08
0.00\ 11.91\ 88.15\ -78.82\ -68.84\ 0.00\ 18.55\ -66.45\ 0.00\ 1.00\ 0.00
                                                                                          0.59
                                                                                                  -1.40 \ 0.00 \ 0.19
0.00 	 4.85
               52.36 \quad -61.27 \quad -29.21 \quad 0.00 \quad 28.60 \quad -73.56 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 1.00
                                                                                         0.68
                                                                                                 -1.32 \ 0.00 \ 0.36
1.00 \quad 0.42
               0.64
                                   0.50
                                            0.00 \quad 0.95
                                                                     0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.02
                                                                                                 -0.00 \ 0.00 \ 0.02
                         0.01
                                                             0.31
0.00 \ 0.65 \ -0.12
                                   0.97
                         1.12
                                            1.00 \quad 0.48
                                                             1.04
                                                                     0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.01 \ 0.02 \ 0.00 \ 0.01
                         3.27
                                   16.57 \quad 0.00 \quad 53.34 \quad -21.11 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.41 \quad -0.64 \quad 1.00 \quad 0.77
0.00\ 15.67\ 28.81
```

разрешающая строка = N = 3 разрешающий столбец = N = 3 разрешающий элемент = 88.15166460660836

```
0.00 \quad 0.13 \quad 0.00 \quad -0.29
                                                                                          0.01 \quad 0.00 \quad 0.02
                               0.10
                                      0.00 \quad 0.54
                                                   -0.01 0.00 0.01 0.00
                                                                                  0.01
0.00 -0.64 \ 0.00
                     6.26
                             -36.30 \ 0.00 \ 24.89 \ -24.62 \ 1.00 \ -0.11 \ 0.00
                                                                                  0.07
                                                                                         -0.91 0.00 0.06
      0.14
             1.00
                   -0.89
                              -0.78
                                      0.00 \quad 0.21
                                                    -0.75 0.00 0.01
                                                                          0.00
                                                                                  0.01
                                                                                         -0.02 \ 0.00 \ 0.00
0.00
0.00 -2.23 \ 0.00 -14.45
                              11.69
                                      0.00\ 17.58\ -34.08\ 0.00\ -0.59\ 1.00
                                                                                  0.33
                                                                                         -0.49 \ 0.00 \ 0.25
      0.33 \quad 0.00
                     0.59
                                                             0.00 -0.01 \ 0.00 \ 0.01
1.00
                               1.01
                                      0.00 - 0.82
                                                     0.79
                                                                                          0.01
                                                                                                 0.00 \ 0.01
0.00 \quad 0.66
             0.00
                     1.01
                               0.88
                                      1.00 \ 0.51
                                                     0.95
                                                             0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.01
                                                                                          0.01
                                                                                                 0.00 \ 0.01
0.00 \ 11.78 \ 0.00
                    29.03
                              39.07
                                      0.00 47.28
                                                     0.61
                                                             0.00 -0.33 \ 0.00 \ 0.22 \ -0.18 \ 1.00 \ 0.71
```

разрешающая строка = $\mathbb{N}^{9}6$ разрешающий столбец = $\mathbb{N}^{9}4$ разрешающий элемент = 1.0131157642947446

$$\begin{pmatrix} 0.00 & 0.32 & 0.00 & 0.00 & 0.36 & 0.29 & 0.68 & 0.27 & 0.00 & 0.01 & 0.00 & 0.01 & 0.00 & 0.02 \\ 0.00 & -4.75 & 0.00 & 0.00 & -41.73 & -6.18 & 21.76 & -30.50 & 1.00 & -0.11 & 0.00 & 0.13 & -0.99 & 0.00 & 0.02 \\ 0.00 & 0.72 & 1.00 & 0.00 & -0.01 & 0.88 & 0.66 & 0.09 & 0.00 & 0.01 & 0.00 & -0.00 & -0.00 & 0.01 \\ 0.00 & 7.24 & 0.00 & 0.00 & 24.21 & 14.27 & 24.81 & -20.52 & 0.00 & -0.57 & 1.00 & 0.20 & -0.30 & 0.00 & 0.33 \\ 1.00 & -0.05 & 0.00 & 0.00 & 0.50 & -0.58 & 0.52 & 0.24 & 0.00 & -0.01 & 0.00 & 0.02 & 0.00 & 0.01 \\ 0.00 & 0.66 & 0.00 & 1.00 & 0.87 & 0.99 & 0.50 & 0.94 & 0.00 & 0.00 & -0.01 & 0.01 & 0.00 & 0.01 \\ 0.00 & -7.25 & 0.00 & 0.00 & 13.91 & -28.65 & 32.76 & -26.63 & 0.00 & -0.37 & 0.00 & 0.48 & -0.58 & 1.00 & 0.54 \end{pmatrix}$$

Результат

$$y = \begin{pmatrix} 0.01 \\ 0.00 \\ 0.01 \\ 0.01 \\ 0.00 \\ 0.00 \\ 0.00 \\ 0.00 \\ 0.00 \end{pmatrix} \qquad \alpha = 2.4747741869746445e - 2 \qquad q^* = \frac{y}{\|y\|} = \begin{pmatrix} 0.77 \\ 0.00 \\ 0.50 \\ 0.39 \\ 0.00 \\ 0.00 \\ 0.00 \\ 0.00 \\ 0.00 \end{pmatrix}$$

Двойственная задача

Двойственная задача приводится к каноническому виду, далее ищется начальная угловая точка, решая вспомогательную задачу.

Решение вспомогательной задачи

```
 \begin{pmatrix} 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & 1.00 & 1.00 & 1.00 & 1.00 & 1.00 & 1.00 & 1.00 & 0.00 \\ 33.12 & 18.70 & 10.18 & 60.51 & 38.91 & 0.00 & -1.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & 1.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 \\ 58.38 & 77.43 & 63.53 & 26.61 & 58.02 & 41.68 & -0.00 & -1.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & 0.00 & 1.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 \\ 22.32 & 89.23 & 48.59 & 38.64 & 17.09 & 23.87 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 \\ 74.42 & 21.45 & 33.22 & 2.98 & 72.86 & 48.38 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 \\ 39.09 & 27.34 & 57.76 & 32.44 & 82.38 & 55.68 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 \\ 67.78 & 89.09 & 84.04 & 1.97 & 64.45 & 40.17 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 \\ 91.02 & 79.21 & 78.71 & 58.65 & 68.09 & 72.65 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & 1.00 \\ 49.25 & 32.26 & 17.26 & 20.74 & 79.25 & 20.80 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & -0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & 1.00 \\ \hline \end{tabular}
```

Базисные столбцы выделяются с помощью элементарных преобразований строк. К первой строке добавляются остальные строки, умноженные на –1. Получается:

```
-435.37
         -434.72
                   -393.28
                             -242.54 -481.06
                                                 -303.22 1.00
                                                                   1.00
                                                                          33.12
          18.70
                              60.51
                                                           -1.00 \quad -0.00 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 1.00
                    10.18
                                        38.91
                                                   0.00
58.38
                                                           -0.00 -1.00 -0.00 -0.00 -0.00 -0.00 -0.00 -0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00
          77.43
                    63.53
                              26.61
                                        58.02
                                                  41.68
                                                                                                                                                                         1.00
22.32
                                        17.09
                                                           -0.00 \ -0.00 \ -1.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
          89.23
                    48.59
                              38.64
                                                  23.87
                                                                                                                                                                        1.00
74.42
          21.45
                    33.22
                              2.98
                                        72.86
                                                  48.38
                                                           -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -1.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                                                                                        1.00
          27.34
                                        82.38
                                                           -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
39.09
                    57.76
                              32.44
                                                  55.68
                                                                                                                                                                        1.00
67.78
                                                           -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ -0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                                                                                        1.00
          89.09
                    84.04
                              1.97
                                        64.45
                                                  40.17
                                                           -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 0.00
          79.21
                    78.71
                                        68.09
91.02
                              58.65
                                                  72.65
                                                                                                                                                                        1.00
                                        79.25
                                                           -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, -0.00\  \, -1.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 0.00\  \, 1.00
49.25
          32.26
                    17.26
                              20.74
                                                  20.80
```

разрешающая строка = №6 $\mbox{разрешающий столбец} = №5$ разрешающий элемент = 82.38116756630728

```
-207.12 -275.09
                  -56.01 -53.11 0.00 21.93
                                                   1.00
                                                           1.00
                                                                   1.00
                                                                          1.00
                                                                                 -4.84
                                                                                         1.00
                                                                                                 1.00
                                                                                                         1.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 5.84 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -2.16
                   -17.10 45.19 0.00
                                          -26.30
                                                  -1.00
                                                          0.00
                                                                   0.00
                                                                          0.00
                                                                                                 0.00
                                                                                                               1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.47 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.53
                            3.76
                                   0.00
                                          2.46
                                                   0.00
                                                           -1.00
                                                                  0.00
                                                                          0.00
                                                                                         0.00
                                                                                                 0.00
                                                                                                         0.00
                                                                                                               0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.70 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
14.21
                                                   0.00
                                                           0.00
                                                                  -1.00
                                                                          0.00
                                                                                                               0.00 0.00 1.00 0.00 -0.21 0.00 0.00 0.00 0.79
39.85
         -2.72
                   -17.86
                           -25.71 \ 0.00
                                          -0.87
                                                   0.00
                                                           0.00
                                                                   0.00
                                                                          -1.00
                                                                                         0.00
                                                                                                 0.00
                                                                                                         0.00
                                                                                                               0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.00 \ -0.88 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
0.47
                            0.39
                                   1.00
                                          0.68
                                                    -0.00
                                                          -0.00
                                                                  -0.00
                                                                          -0.00
                                                                                 -0.01
                                                                                         -0.00
                                                                                                -0.00
                                                                                                        37.20
                   38.85
                           -23.41 0.00
                                          -3.40
                                                   0.00
                                                           0.00
                                                                   0.00
                                                                          0.00
                                                                                  0.78
                                                                                         -1.00
                                                                                                0.00
                                                                                                         0.00
                                                                                                               0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.78 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00
58.71
                           31.84 0.00
                                          26.62
                                                   0.00
                                                                   0.00
                                                                          0.00
                                                                                  0.83
                                                                                                -1.00
                                                                                                        0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.83 \quad 0.00 \quad 1.00 \quad 0.00
                           -10.47 \ 0.00
                                          -32.77
                                                   0.00
                                                                   0.00
                                                                          0.00
                                                                                  0.96
                                                                                         0.00
                                                                                                 0.00
                                                                                                        -1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.96 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.00
```

разрешающая строка = №8 разрешающий столбец = №2 разрешающий элемент = 56.614991151878556

```
78.17 0.00 94.47 101.60 0.00 151.30
                                               1.00
                                                        1.00
                                                                1.00
                                                                        1.00
                                                                               -0.82
                                                                                        1.00
                                                                                               -3.86 1.00 0.00 0.00 0.00 0.00 1.82 0.00 4.86 0.00 -1.32
8,65
        0.00 -20.27 	ext{ } 41.93 	ext{ } 0.00 	ext{ } -29.02 	ext{ } -1.00 	ext{ } 0.00
                                                                0.00
                                                                        0.00
                                                                               0.39
                                                                                        0.00 0.10
                                                                                                        0.00 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.39 \quad 0.00 \quad -0.10 \quad 0.00 \quad 0.51
-29 49 0 00
              -8.98
                       -28.96 \pm 0.00 \pm -24.90 \pm 0.00
                                                        -1.00
                                                               0.00
                                                                        0.00
                                                                               -0.15
                                                                                        0.00
                                                                                                1.03
                                                                                                        0.00 \quad 0.00 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.15 \quad 0.00 \quad -1.03 \quad 0.00 \quad 0.12
                                                                        0.00
-72.45 \quad 0.00
              -9.11
                       -15.09 0.00
                                      -26.97
                                                0.00
                                                                -1.00
                                                                                        0.00
                                                                                                        0.00
                                                                                                               0.00 \ 0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ 1.01 \ 0.00 \ -1.48 \ 0.00 \ 0.54
                                                        0.00
                                                                                -1.01
                                                                                                1.48
                                                                                                                                       -0.92 \ 0.00 \ 0.05 \ 0.00 \ 0.12
42.67 0.00
              -16.37
                       -24.18 \ 0.00
                                        0.41
                                                0.00
                                                        0.00
                                                                0.00
                                                                        _1.00
                                                                                0.92
                                                                                        0.00
                                                                                               -0.05
                                                                                                        0.00
                                                                                                               0.00 0.00 0.00 1.00
0.13
        0.00
               0.52
                        0.21
                                1.00
                                        0.52
                                                -0.00
                                                        -0.00
                                                               -0.00
                                                                       -0.00
                                                                               -0.02
                                                                                       -0.00 \quad 0.01
                                                                                                       -0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 0.02 0.00 -0.01 0.00
-33.01 0.00
               1.82
                        -61.48 0.00
                                       -35 23
                                                0.00
                                                        0.00
                                                                0.00
                                                                        0.00
                                                                                -0.21
                                                                                        -1.00
                                                                                               1.20
                                                                                                        0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.21 \quad 1.00 \quad -1.20 \quad 0.00 \quad 0.01
1.04
        1.00
               0.55
                        0.56
                                0.00
                                        0.47
                                                0.00
                                                        0.00
                                                                0.00
                                                                        0.00
                                                                                0.01
                                                                                        0.00
                                                                                               -0.02 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 -0.01 0.00 0.02 0.00
5.46
        0.00 - 41.57
                       -13.82 \ 0.00
                                      -35.57
                                                0.00
                                                        0.00
                                                                0.00
                                                                        0.00
                                                                                0.87
                                                                                        0.00
                                                                                                0.11
                                                                                                       -1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.87 \ 0.00 \ -0.11 \ 1.00
```

разрешающая строка = №7 разрешающий столбец = №13 разрешающий элемент = 1.195840862534468

```
-28.36 0.00 100.33
                     -96.80 \ 0.00 \ 37.59
                                           1.00
                                                   1.00
                                                          1.00
                                                                 1.00
                                                                       -1.49 -2.23 0.00 1.00 0.00 0.00 0.00 0.00 2.49
                                                                                                                                       1.00 0.00 -1.28
                                                                                                                                       0.00 0.00 0.51
11.47
       0.00 -20.42
                     47.19
                             0.00
                                   -26.01
                                           -1.00
                                                   0.00
                                                          0.00
                                                                 0.00
                                                                        0.41
                                                                                0.09
                                                                                     0.00 \quad 0.00 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.41 \quad -0.09
-1.12
       0.00
             -10.54
                      23.87
                             0.00
                                    5.38
                                            0.00
                                                   -1.00
                                                          0.00
                                                                 0.00
                                                                        0.03
                                                                                0.86
                                                                                      0.00
                                                                                           0.00
                                                                                                  0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.03 \ -0.86
                                                                                                                                       0.00
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                    0.11
                                                                               1.23
-31.70 \ 0.00
             -11.35
                      60.80
                             0.00
                                    16.51
                                            0.00
                                                   0.00
                                                          -1.00
                                                                 0.00
                                                                        -0.76
                                                                                      0.00 0.00 0.00 0.00 1.00 0.00 0.76
                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                    0.52
41.34
       0.00
             -16.30
                      -26.65 \pm 0.00
                                    -1.01
                                            0.00
                                                   0.00
                                                          0.00
                                                                 -1.00
                                                                        0.92
                                                                               -0.04 + 0.00
                                                                                           0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 1.00 \quad -0.92
                                                                                                                               0.04
                                                                                                                                       0.00
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                    0.12
0.29
       0.00
              0.51
                      0.51
                             1.00
                                    0.69
                                            -0.00
                                                   -0.00
                                                          -0.00
                                                                -0.00
                                                                        -0.02
                                                                               0.00
                                                                                      0.00 -0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 0.02
                                                                                                                                -0.00
                                                                                                                                       0.00 0.00
                                                                                                                                                    0.01
-27.61 0.00
              1.52
                     -51.41
                             0.00
                                   -29.46
                                            0.00
                                                   0.00
                                                          0.00
                                                                 0.00
                                                                        -0.17
                                                                               -0.84 1.00 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 0.17
                                                                                                                                 0.84
                                                                                                                                       -1.00 0.00
                                                                                                                                                    0.01
0.55
       1.00
              0.57
                      -0.35
                             0.00
                                   -0.05
                                            0.00
                                                   0.00
                                                          0.00
                                                                 0.00
                                                                        0.01
                                                                               -0.01 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 -0.01
                                                                                                                                0.01
                                                                                                                                        0.00 0.00
8.37
       0.00
             -41.73
                      -8.41
                             0.00
                                   -32.47
                                            0.00
                                                   0.00
                                                          0.00
                                                                 0.00
                                                                        0.89
                                                                               0.09
                                                                                     0.00 -1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.89
                                                                                                                                -0.09
                                                                                                                                       0.00
                                                                                                                                              1.00
```

разрешающая строка = №3 разрешающий столбец = №4 разрешающий элемент = 23.872612592452022

```
-32.91 0.00 57.60 0.00 0.00 59.40
                                                                                1.26 \quad 0.00 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 4.05 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 2.36 \quad -0.26 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad -0.84
                                           1.00
                                                  -3.05
                                                          1.00
                                                                  1.00
                                                                        -1.36
13.69
       0.00
              0.41
                      0.00 0.00
                                  -36.64
                                          -1.00
                                                  1.98
                                                          0.00
                                                                  0.00
                                                                         0.34
                                                                                 -1.61 \ 0.00
                                                                                              0.00
                                                                                                     1.00 - 1.98 \ 0.00 \ 0.00 - 0.34 \ 1.61
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                     0.00 0.29
-0.05 0.00
              -0.44
                     1.00 0.00
                                  0.23
                                           0.00
                                                  -0.04
                                                                  0.00
                                                                                 0.04 0.00
                                                                                              0.00
                                                                                                    0.00 \quad 0.04 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.00
                                                                                                                                      -0.04
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                     0.00 0.00
                                                          0.00
                                                                         0.00
                                   2.82
                                                   2.55
-28.85 \quad 0.00
             15.49 0.00 0.00
                                           0.00
                                                           -1.00
                                                                  0.00
                                                                         -0.84
                                                                                 -0.95 \quad 0.00
                                                                                              0.00
                                                                                                     0.00 -2.55 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.84
                                                                                                                                       0.95
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                           0.25
                                                                                                                                                     0.00
             -28.06 \ 0.00 \ 0.00
                                           0.00
                                                  -1.12
                                                                         0.95
                                                                                                                                      -0.92
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                     0.00 0.25
40.09 \quad 0.00
                                   5.00
                                                          0.00
                                                                 -1.00
                                                                                 0.92 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                                    0.00 1.12 0.00 1.00
                                                                                                                              -0.95
0.32
       0.00
              0.74
                      0.00 1.00
                                   0.58
                                           -0.00
                                                  0.02
                                                          -0.00
                                                                  -0.00
                                                                        -0.02
                                                                                 -0.01 0.00
                                                                                              -0.00 0.00
                                                                                                           -0.02 0.00 0.00 0.02
                                                                                                                                      0.01
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                           0.01
                                  -17.88
                                           0.00
                                                                                       1.00 0.00 0.00 2.15 0.00 0.00 0.10
-30.02 \quad 0.00
              -21.18 \ 0.00 \ 0.00
                                                  -2.15
                                                          0.00
                                                                  0.00
                                                                         -0.10
                                                                                1.01
                                                                                                                                      -1.01
                                                                                                                                              -1.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                           0.24
0.53
                                  0.03
                                                                                 -0.00 0.00 0.00 0.00 0.01 0.00 0.00 -0.01 0.00
       1.00
              0.42 0.00 0.00
                                           0.00
                                                  -0.01
                                                          0.00
                                                                  0.00
                                                                         0.01
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                  -0.35
                                                                  0.00
                                                                                 0.39 \quad 0.00 \quad -1.00 \quad 0.00 \quad 0.35 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.90
7.98
              -45.44 0.00 0.00
                                  -30.58
                                           0.00
                                                          0.00
                                                                         0.90
                                                                                                                                      -0.39
```

разрешающая строка = N = 5 разрешающий столбец = N = 1 разрешающий элемент = 40.08978861384429

```
0.00 0.00 34.56
                   0.00 0.00
                                         1.00
                                                -3.97
                                                                        -0.58 2.01
                                                                                       0.00 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 4.97 \quad 0.00 \quad 0.82
                                                                                                                                 1.58
                    0.00 0.00
                                -38.35
                                         -1.00
                                                 2.36
                                                         0.00
                                                                 0.34
                                                                         0.02
                                                                                -1.93 0.00
                                                                                              0.00
                                                                                                     1.00
                                                                                                           -2.36 \ 0.00
                                                                                                                         -0.34
                                                                                                                                -0.02
0.00 - 0.00
                                 0.23
                                         0.00
                                                 -0.04
                                                         0.00
                                                                 -0.00
                                                                        0.00
                                                                                0.04 - 0.00
                                                                                              0.00
                                                                                                     0.00 0.04 0.00 0.00
                                                                                                                                -0.00
                                                                                                                                        -0.04
                                          0.00
                                                         -1.00
                                                                         -0.16
                                                                                -0.29
                                                                                       0.00
                                                                                              0.00
                                                                                                     0.00
1.00 0.00
                                 0.12
                                          0.00
                                                 -0.03
                                                                 -0.02
                                                                         0.02
                                                                                0.02
                                                                                             0.00 0.00
                                                                                                                                 -0.02
                                                                                                                                        -0.02
                                          -0.00
                                                         -0.00
                                                                         -0.02
                                                                                -0.02 \ 0.00
                                                                                              -0.00 0.00
                                                 -2.99
                                                         0.00
                                                                 -0.75
                                                                         0.61
                                                                                1.70 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 2.99 \quad 0.00 \quad 0.75
                                -0.04
                                         0.00
                                                 0.00
                                                         0.00
                                                                 0.01
                                                                        -0.00
                                                                                -0.01 \ 0.00
                                                                                             0.00 0.00
                                                                                                           -0.00 0.00
                                                                                                                        -0.01
                                                                                                                                0.00
                                                                                                                                        0.01
                                                                                                                                                 0.00
                                                                        0.71
                                                                                0.21 \quad 0.00 \quad -1.00 \quad 0.00 \quad 0.13 \quad 0.00 \quad -0.20
                                         0.00
                                                 -0.13 0.00
                                                                 0.20
```

разрешающая строка = $\mathbb{N}2$ разрешающий столбец = $\mathbb{N}8$ разрешающий элемент = 2.3580598067948677

```
0.00 \ 0.00 \ 51.39 \ 0.00 \ 0.00 \ -1.08 \ -0.68 \ 0.00 \ 1.00
                                                           0.75
                                                                  -0.55 -1.23 0.00
                                                                                      1.00
                                                                                              1.68
                                                                                                     1.00 0.00 0.25
                                                                                                                        1.55
                                                                                                                                2.23
                                                                                                                                        1.00 0.00 -0.29
0.00 0.00
            4.24
                   0.00 \ 0.00 \ -16.26
                                       -0.42 \ 1.00 \ 0.00
                                                           0.14
                                                                  0.01 \quad -0.82 \quad 0.00
                                                                                      0.00
                                                                                              0.42
                                                                                                    -1.00 \quad 0.00 \quad -0.14
                                                                                                                        -0.01
                                                                                                                                0.82
                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                    0.09
0.00 0.00
           -0.29
                   1.00 0.00
                              -0.47
                                       -0.02 0.00 0.00
                                                           0.01
                                                                   0.00
                                                                          0.00
                                                                                0.00
                                                                                      0.00
                                                                                              0.02
                                                                                                     0.00
                                                                                                           0.00 - 0.01
                                                                                                                        -0.00 -0.00
                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                    0.01
0.00 \ 0.00 \ -12.09
                   0.00 0.00
                              34.77
                                       0.74 \quad 0.00 \quad -1.00
                                                           -0.97
                                                                  -0.17
                                                                          1.13
                                                                                0.00
                                                                                      0.00
                                                                                             -0.74
                                                                                                     0.00
                                                                                                           1.00 0.97
                                                                                                                         0.17
                                                                                                                               -1.13
                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                    0.27
1.00 0.00
            -0.58
                   0.00 0.00
                               -0.33
                                       -0.01 0.00 0.00
                                                           -0.02
                                                                  0.02
                                                                          0.00
                                                                                0.00
                                                                                      0.00
                                                                                              0.01
                                                                                                     -0.00 0.00 0.02
                                                                                                                         -0.02 -0.00
                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                    0.01
0.00 0.00
            0.83
                   0.00 1.00
                               1.03
                                       0.01 0.00
                                                    -0.00
                                                           0.00
                                                                  -0.02
                                                                          0.00
                                                                                0.00
                                                                                      -0.00
                                                                                             -0.01
                                                                                                    -0.00 0.00
                                                                                                                 -0.00
                                                                                                                         0.02
                                                                                                                               -0.00
                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                    0.00
0.00 0.00
           -29.52 \quad 0.00 \quad 0.00
                              -62.76
                                       -1.27 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                           -0.32 \quad 0.63
                                                                         -0.74 1.00
                                                                                      0.00
                                                                                             1.27
                                                                                                     0.00
                                                                                                           0.00 - 0.32
                                                                                                                        -0.63 0.74
                                                                                                                                       -1.00 0.00
                                                                                                                                                    0.69
0.00 1.00
           0.79
                   0.00 0.00
                              -0.03 0.00 0.00
                                                    0.00
                                                           0.01
                                                                  -0.00 -0.01 0.00
                                                                                      0.00
                                                                                             -0.00
                                                                                                     0.00
                                                                                                           0.00 -0.01 0.00
                                                                                                                                0.01
                                                                                                                                       0.00
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                    0.00
0.00 \ 0.00 \ -39.30 \ 0.00 \ 0.00 \ -33.69 \ -0.06 \ 0.00 \ 0.00
                                                           0.22
                                                                  0.72
                                                                          0.10 \quad 0.00 \quad -1.00 \quad 0.06
                                                                                                     0.00
                                                                                                           0.00 -0.22 -0.72 -0.10
                                                                                                                                       0.00
                                                                                                                                              1.00
                                                                                                                                                    0.02
```

разрешающая строка = \mathbb{N}_9 разрешающий столбец = \mathbb{N}_12 разрешающий элемент = 0.10158876203453247

```
0.00 \ 0.00 \ -425.82 \ 0.00 \ 0.00 \ -410.10 \ -1.35 \ 0.00 \ 1.00
                                                               3 40
                                                                       8.14 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -11.14 \quad 2.35
                                                                                                         1 00 0 00 -2 40 -7 14
                                                                                                                                    1.00
                                                                                                                                                    12 14
                                                                                                                                                            -0.05
                                                                                                                                                     8.04
0.00 \ 0.00 \ -311.93 \ 0.00 \ 0.00 \ -287.25 \ -0.87 \ 1.00 \ 0.00
                                                               1.90
                                                                      5.77
                                                                             0.00 \ 0.00 \ -8.04
                                                                                                 0.87
                                                                                                        -1.00 \pm 0.00 \pm 1.90 \pm 5.77
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                             0.25
0.00 0.00
             0.39
                     1.00 0.00
                                  0.12
                                          -0.02 \quad 0.00
                                                       0.00
                                                               0.00
                                                                      -0.01 0.00 0.00
                                                                                          0.02
                                                                                                  0.02
                                                                                                         0.00
                                                                                                                0.00
                                                                                                                      -0.00
                                                                                                                              0.01
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                    -0.02
                                                                                                                                                             0.01
0.00 0.00
            425.82
                     0.00 0.00
                                 410.10
                                          1.35 0.00 -1.00 -3.40
                                                                     -8.14 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                         11.14
                                                                                                 -1.35
                                                                                                         0.00
                                                                                                                1.00
                                                                                                                      3.40
                                                                                                                              8.14
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                   -11.14
                                                                                                                                                             0.05
1.00 0.00
            -0.52
                     0.00 0.00
                                 -0.27
                                          -0.01 0.00 0.00
                                                              -0.02
                                                                      0.02 0.00 0.00
                                                                                          0.00
                                                                                                  0.01
                                                                                                         -0.00 - 0.00
                                                                                                                      0.02
                                                                                                                             -0.02
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                    -0.00
                                                                                                                                                             0.01
0.00 0.00
             2.36
                     0.00 1.00
                                  2.34
                                          0.01 0.00 -0.00
                                                              -0.00
                                                                      -0.05 0.00 0.00
                                                                                          0.04
                                                                                                 -0.01
                                                                                                        -0.00 - 0.00
                                                                                                                      0.00
                                                                                                                              0.05
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                    -0.04
                                                                                                                                                             0.00
0.00 \ 0.00 \ -316.00 \ 0.00 \ 0.00
                                -308.30 \quad -1.67 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                               1.27
                                                                       5.85
                                                                             0.00 1.00
                                                                                         -7.29
                                                                                                  1.67
                                                                                                         0.00
                                                                                                                0.00
                                                                                                                      -1.27
                                                                                                                             -5.85
                                                                                                                                     -0.00
                                                                                                                                            -1.00
                                                                                                                                                     7.29
                                                                                                                                                             0.84
0.00 1.00
           -4.72 0.00 0.00
                                 -4.76 -0.01 0.00 0.00
                                                               0.04
                                                                       0.10
                                                                             0.00 \ 0.00 \ -0.14
                                                                                                  0.01
                                                                                                         0.00
                                                                                                                0.00 - 0.04 - 0.10
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                     0.14
                                                                                                                                                             0.00
0.00 \ 0.00 \ -386.87 \ 0.00 \ 0.00
                                -331.58 \quad -0.54 \quad 0.00
                                                       0.00
                                                               2.14
                                                                       7.05
                                                                             1.00 \ 0.00
                                                                                         -9.84
                                                                                                  0.54
                                                                                                         0.00
                                                                                                                0.00 -2.14 -7.05
                                                                                                                                     -1.00
                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                     9.84
                                                                                                                                                             0.19
```

разрешающая строка = \mathbb{N}^4 разрешающий столбец = \mathbb{N}^3 разрешающий элемент = 425.8221274455778

```
0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00
                                       0.00 \quad 0.00 \quad -0.00 \quad 0.00 \quad -0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.00 \quad 1.00
                                                                                                                                                   1.00
                                                                                                                                                          1.00 0.00
                                                                                                         1.00
                                                                                                                  1.00
                                                                                                                           1.00
                                                                                                                                   1.00
                                                                                                                                           1.00
                                                                                          0.12
0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 13.16
                                       0.12
                                              1.00 -0.73 -0.59 -0.20 0.00 0.00
                                                                                                  -0.12 -1.00
                                                                                                                  0.73
                                                                                                                           0.59
                                                                                                                                   0.20
                                                                                                                                           0.00
                                                                                                                                                   0.00
                                                                                                                                                          -0.12 \ 0.28
0.00 0.00 0.00 1.00 0.00
                               -0.26
                                       -0.02 \ 0.00 \ 0.00
                                                             0.00 \quad -0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                                  0.02
                                                                                                         -0.00
                                                                                                                          -0.00
                                                                                                                                           0.00
                                                                                                                                                   0.00
                                                                                                                                                          -0.01 0.01
                                                                                          0.01
                                                                                                                  -0.00
                                                                                                                                  0.00
0.00 0.00 1.00 0.00 0.00
                              0.96
                                       0.00
                                              0.00 \ -0.00 \ -0.01
                                                                     -0.02 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                          0.03
                                                                                                  -0.00 0.00
                                                                                                                  0.00
                                                                                                                           0.01
                                                                                                                                  0.02
                                                                                                                                           0.00
                                                                                                                                                   0.00
                                                                                                                                                          -0.03 \quad 0.00
1.00 0.00 0.00 0.00 0.00
                              0.23
                                       -0.01 0.00 -0.00 -0.03 0.01 0.00 0.00
                                                                                         0.02
                                                                                                  0.01
                                                                                                                                  -0.01
                                                                                                                                                   0.00
                                                                                                                                                          -0.02 \ 0.01
                                                                                                         -0.00
                                                                                                                  0.00
                                                                                                                           0.03
                                                                                                                                          0.00
                                       0.01
                                              0.00 0.01
                              0.07
                                                             0.01
                                                                                                 -0.01
                                                                                                                                                          0.02
0.00 0.00 0.00 0.00 1.00
                                                                    -0.01 0.00 0.00
                                                                                          -0.02
                                                                                                          -0.00
                                                                                                                  -0.01
                                                                                                                           -0.01
                                                                                                                                   0.01
                                                                                                                                                                 0.00
                              -3.97
                                       -0.67 \quad 0.00 \quad -0.74
                                                             -1.25 -0.19 0.00 1.00 0.98
                                                                                                  0.67
                                                                                                          0.00
                                                                                                                                          -0.00
                                                                                                                                                          -0.98 \quad 0.87
0.00 \ \ 1.00 \ \ 0.00 \ \ 0.00 \ \ \ 0.00 \ \ \ -0.21 \quad \  0.01 \quad \  0.00 \ \ -0.01 \quad \  0.01 \quad \  0.01 \quad \  0.00 \ \ \ 0.00 \ \ \ -0.02 \ \ \ -0.01
                                                                                                                                  -0.01
                                                                                                                                          0.00
                                                                                                          0.00
                                                                                                                  0.01
                                                                                                                          -0.01
                                                                                                                                                   0.00
                                                                                                                                                          0.02
                                                                                                                                                                  0.00
0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 41.00
                                       0.69 \quad 0.00 \quad -0.91 \quad -0.94 \quad -0.35 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.28
                                                                                                 -0.69
                                                                                                                          0.94
                                                                                                          0.00
                                                                                                                  0.91
                                                                                                                                  0.35
                                                                                                                                          -1.00
                                                                                                                                                          -0.28
```

разрешающая строка = №8 разрешающий столбец = №11 разрешающий элемент = 9.504034650591187e-3

```
0.00
     0.00 0.00 0.00 0.00
                                  0.00
                                           0.00 \quad 0.00 \quad -0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.00 \quad 1.00
                                                                                                             1.00
                                                                                                                     1.00
                                                                                                                             1.00
                                                                                                                                     1.00
                                                                                                                                              1.00
                                                                                                                                                     1.00
                                                                                                                                                              1.00 0.00
0.00
      21.01 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                  8.71
                                           0.28
                                                  1.00 -0.97
                                                                 -0.46\ 0.00\ 0.00\ 0.00
                                                                                                            -1.00
                                                                                                                             0.46
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                              0.23 0.38
                                                                                           -0.23
                                                                                                   -0.28
                                                                                                                     0.97
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                    0.02
                                                                                                                            -0.01
0.00
                                 -0.31
                                           -0.02 \ 0.00 \ -0.00
                                                                                                                                                             -0.00 0.01
      0.23
              0.00 1.00 0.00
                                                                 0.01 0.00 0.00 0.00 0.00
                                                                                                             0.00
                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                     0.00
0.00
      2.01
              1.00 0.00 0.00
                                  0.54
                                           0.02 \quad 0.00 \quad -0.02
                                                                 0.00
                                                                        0.00 0.00 0.00
                                                                                            -0.01
                                                                                                   -0.02
                                                                                                             0.00
                                                                                                                     0.02
                                                                                                                             -0.00
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                              0.01 0.01
1.00
      -1.35 0.00 0.00 0.00
                                  0.51
                                           -0.02 0.00 0.01
                                                                 -0.03 0.00 0.00 0.00
                                                                                                    0.02
                                                                                                            -0.00
                                                                                                                    -0.01
                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                              -0.04 0.00
                                                                                            0.04
                                                                                                                             0.03
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                     0.00
0.00
      0.75
              0.00 0.00 1.00
                                  -0.09
                                           0.01 \quad 0.00 \quad -0.00
                                                                 0.02 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                            -0.04
                                                                                                   -0.01
                                                                                                            -0.00
                                                                                                                             -0.02
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                              0.04 0.01
                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                     0.00
                                 -8.31
                                           -0.51 0.00 -0.97 -1.13 0.00 0.00 1.00 0.64
                                                                                                    0.51
                                                                                                             0.00
                                                                                                                                             -0.00
                                                                                                                                                             -0.64 \ 0.97
0.00 \quad 20.47 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                                                     0.97
                                                                                                                             1.13
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                     -1.00
0.00 \ 105.22 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                 -22.32
                                           0.78 \quad 0.00 \quad -1.17 \quad 0.64 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                           -1.76
                                                                                                   -0.78
                                                                                                             0.00
                                                                                                                     1.17
                                                                                                                             -0.64
                                                                                                                                     -1.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                              1.76
0.00 \quad 37.08 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 33.13
                                           0.96\quad 0.00\quad -1.32\quad -0.72\quad 0.00\quad 1.00\quad 0.00\quad -0.34\quad -0.96
                                                                                                            0.00
                                                                                                                     1.32
                                                                                                                             0.72
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                            -1.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                              0.34
```

разрешающая строка = $\mathbb{N}_{2}5$ разрешающий столбец = $\mathbb{N}_{2}14$ разрешающий элемент = 3.7881709862985787e-2

```
0.00
         0.00
                0.00 0.00 0.00 0.00
                                          -0.00 0.00 -0.00 -0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 1.00
                                                                                                    1.00
                                                                                                            1.00
                                                                                                                    1.00
                                                                                                                           1.00
                                                                                                                                   1.00
                                                                                                                                          1.00
                                                                                                                                                  1.00 0.00
               0.00 0.00 0.00 11.88
                                                                                                            0.88
                                                                                                                                                  0.00 0.40
6.20
        12.62
                                          0.16 \quad 1.00 \quad -0.88 \quad -0.67 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                            -0.16
                                                                                                    -1.00
                                                                                                                    0.67
                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                   0.00
                                                                                                                                          0.00
-0.09
         0.35
                0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ -0.36
                                          -0.02 0.00 -0.00 0.01 0.00 0.00 0.00 0.00
                                                                                             0.02
                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                  0.00 0.01
                                                                                                     0.00
                                                                                                                    -0.01
                                                                                                                           0.00
                                                                                                                                   0.00
                                                                                                                                          0.00
0.20
         1.74
                1.00 0.00 0.00
                                 0.64
                                          0.01 0.00 -0.02 -0.00 0.00 0.00 0.00 0.00
                                                                                             -0.01
                                                                                                    0.00
                                                                                                            0.02
                                                                                                                    0.00
                                                                                                                           0.00
                                                                                                                                   0.00
                                                                                                                                          0.00
                                                                                                                                                 0.00 0.01
26.40
        -35.74
               0.00 0.00 0.00
                                 13.53
                                          -0.53 0.00 0.36
                                                              -0.89 0.00 0.00 0.00 1.00
                                                                                             0.53
                                                                                                    -0.00
                                                                                                            -0.36
                                                                                                                    0.89
                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                   0.00
                                                                                                                                          0.00
                                                                                                                                                  -1.00 0.06
0.93
        -0.51
               0.00 0.00 1.00
                                 0.39
                                          -0.01 0.00 0.01
                                                             -0.01 0.00 0.00 0.00 0.00
                                                                                             0.01
                                                                                                    -0.00
                                                                                                            -0.01
                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                   0.00
                                                                                                                                          0.00
                                                                                                                                                  0.00 0.01
                                                                                                                    0.01
-16.80
        43.21
                0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -16.92
                                         -0.18 \ 0.00 \ -1.20 \ -0.56 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.18
                                                                                                     0.00
                                                                                                            1.20
                                                                                                                           0.00
                                                                                                                                  -0.00
                                                                                                                                                        0.94
                                                                                                                    0.56
                                                                                                                                          -1.00
                                                                                                                                                  0.00
46.57
        42.17
                0.00 0.00 0.00
                                  1.55
                                          -0.16 \ 0.00 \ -0.52 \ -0.92 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.16
                                                                                                    -0.00
                                                                                                            0.52
                                                                                                                    0.92
                                                                                                                           -1.00
                                                                                                                                  0.00
                                                                                                                                          0.00
                                                                                                                                                  0.00
                                                                                                                                                        0.60
                                          0.78 \quad 0.00 \quad -1.19 \quad -1.02 \quad 0.00 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.78 \quad 0.00
                0.00 0.00 0.00
                                                                                                                           0.00
9.03
                                 37.76
                                                                                                            1.19
                                                                                                                    1.02
                                                                                                                                  -1.00
                                                                                                                                          0.00
                                                                                                                                                  0.00
                                                                                                                                                        0.44
```

разрешающая строка = №3 $\mbox{разрешающий столбец} = \$ 10$ разрешающий элемент = 8.757095192450067e-3

```
0.00
         0.00 - 0.00 - 0.00 - 0.00 - 0.00 - 0.00 - 0.00 - 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 1.00
                                                                                                       1.00
                                                                                                              1.00
                                                                                                                      1.00
                                                                                                                             1.00
                                                                                                                                      1.00
                                                                                                                                             1.00
                                                                                                                                                     1.00 0.00
                                                                                               1.01
_0.47
        39.24 \ 0.00 \ 76.84 \ 0.00 \ -15.51 \ -1.01 \ 1.00 \ -1.10 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                      _1.00
                                                                                                              1.10
                                                                                                                      0.00
                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                     0.00 1.11
-9.91
        39.57 \quad 0.00 \quad 114.19 \quad 0.00 \quad -40.71 \quad -1.73 \quad 0.00 \quad -0.32 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                               1.73
                                                                                                       0.00
                                                                                                               0.32
                                                                                                                      -1.00
                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                           1.05
0.18
         1.84 1.00 0.27 0.00 0.54
                                             0.01 0.00 -0.02 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 -0.01
                                                                                                      0.00
                                                                                                               0.02
                                                                                                                      0.00
                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                           0.01
17.58
        -0.55 0.00 101.55 0.00 -22.68 -2.07 0.00 0.08 0.00 0.00 0.00 0.00 1.00
                                                                                               2.07
                                                                                                      -0.00
                                                                                                              -0.08
                                                                                                                      0.00
                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                     -1.00 \pm 0.99
0.80
         0.00 0.00
                     1 48
                            1 00 -0 14 -0 03 0 00 0 01 0 00 0 00 0 00 0 00
                                                                                               0.03
                                                                                                      -0.00
                                                                                                              -0.01
                                                                                                                      0.00
                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                           0.02
-22.34 65.35 0.00 63.88 0.00 -39.69 -1.14 0.00 -1.38 0.00 0.00 0.00 1.00 0.00
                                                                                               1.14
                                                                                                       0.00
                                                                                                               1.38
                                                                                                                      0.00
                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                     -0.00
                                                                                                                                            -1.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                           1.52
                                                                                                                                                            1.58
37.40
        78.75 \quad 0.00 \quad 105.56 \quad 0.00 \quad -36.09 \quad -1.76 \quad 0.00 \quad -0.82 \quad 0.00 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                               1.76
                                                                                                       0.00
                                                                                                               0.82
                                                                                                                      -0.00 -1.00
                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                     0.00
-1.09
        65.26
               0.00 \ 116.62 \ 0.00 \ -3.81 \ -0.99 \ 0.00 \ -1.52 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                               0.99
                                                                                                       0.00
                                                                                                               1.52
                                                                                                                      0.00
                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                     -1.00
                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                            1.51
```

разрешающая строка = №4 разрешающий столбец = №6 разрешающий элемент = 0.5411911390555306

```
0.00
        0.00
                0.00 0.00
                               0.00 \ 0.00 \ -0.00 \ 0.00 \ -0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                            1.00
                                                                                                                                                     1.00
                                                                                                                                                             1.00 0.00
                                                                                                  1.00
                                                                                                                    1.00
                                                                                                                            1.00
                                                                                                                                    1.00
                                                                                                                                            1.00
                                                                                                                                                     0.00
        91.89
                28.67 84.68
                                0.00 \ 0.00 \ -0.72 \ 1.00 \ -1.75 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                   0.72
                                                                                                           -1.00
                                                                                                                    1.75
                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                    0.00
                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                             0.00
                                                                                                                                                                    1.47
3.35
       177.72 \ 75.23 \ 134.76 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.98 \ 0.00 \ -2.03 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                            0.00
                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                             0.00
                                                                                                   0.98
                                                                                                                    2.03
                                                                                                                            -1.00
                                                                                                                                    0.00
                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                                    2.01
0.33
                        0.51 \quad 0.00 \ 1.00 \quad 0.02 \quad 0.00 \ -0.04 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.02
                                                                                                           0.00
                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                            0.00 0.02
        3.39
                1.85
                                                                                                                    0.04
                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                    0.00
                                                                                                                                                     0.00
               41.90\ \ 113.01\ \ 0.00\ \ 0.00\ \ -1.65\ \ 0.00\ \ -0.87\ \ \ 0.00\ \ 0.00\ \ 0.00\ \ 0.00\ \ 1.00\ \ \ 1.65
24.97
                                                                                                                                                            -1.00 1.53
        76.40
                                                                                                           0.00
                                                                                                                    0.87
                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                    0.00
                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                     0.00
0.85
        0.48
                0.26
                         1.56
                               1.00\ 0.00\ -0.03\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 0.00
                                                                                                            -0.00
                                                                                                                    -0.00
                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                    0.00
                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                    0.00
                                                                                                                                                             0.00 0.03
                        83.93
                                0.00 \ 0.00 \ -0.41 \ 0.00 \ -3.04 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.00 \ 0.00
                                                                                                            0.00
                                                                                                                    3.04
                                                                                                                                                    -1.00
-9.41
       200.04
                73.34
                                                                                                   0.41
                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                    0.00
                                                                                                                                            -0.00
                                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                                    2.46
49.16
       201.21 \ 66.68 \ 123.79 \ 0.00 \ 0.00 \ -1.09 \ 0.00 \ -2.33 \ 0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.09
                                                                                                           0.00
                                                                                                                    2.33
                                                                                                                            -0.00
                                                                                                                                    -1.00 0.00
                                                                                                                                                    0.00
                                                                                                                                                             0.00
               7.04 \quad 118.54 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.92 \quad 0.00 \quad -1.68 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.92
                                                                                                           0.00
                                                                                                                    1.68
                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                    0.00
                                                                                                                                            -1.00
                                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                                    1.60
```

разрешающая строка = №4 $\mbox{разрешающий столбец} = №7 \\ \mbox{разрешающий элемент} = 1.839587384277209 e-2$

```
0.00
                                                             0.00
                                                                                             0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 1.00 0.00
  0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            1.00 - 1.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           1.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        1.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      1.00
 17.40
                         225.52 \ 101.43 \ 104.57 \ 0.00 \ 39.38 \ 0.00 \ 1.00 \ -3.40 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          -1.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   3.40
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           0.00
 20.74 358.95 173.91 161.74 0.00 53.40 0.00 0.00 -4.26 1.00 0.00 0.00 0.00 0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   4.26
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            -1.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         3.26
 17.70 \quad 184.47 \quad 100.45 \quad 27.46 \quad 0.00 \quad 54.36 \quad 1.00 \quad 0.00 \quad -2.28 \quad 0.00 \quad
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              -1.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     2.28
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         1.28
 54.25 381.51 208.04 158.43 0.00 89.91 0.00 0.00 -4.64 0.00 0.00 0.00 0.00 1.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               -1.00 3.64
                                                                                            2.26 \quad 1.00 \quad 1.40 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.06 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0.00
 1.31
                                                            2.84
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     0.06
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         0.06
 -2.10 276.29 114.86 95.28 0.00 22.47 0.00 0.00 -3.98 0.00 0.00 0.00 1.00 0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   3.98
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      -0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  -1.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         2.98
                          402.78 \ 176.44 \ 153.80 \ 0.00 \ 59.40 \ 0.00 \ 0.00 \ -4.82 \ 0.00 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   4.82
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            -0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         -1.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 0.00
16.39 \ \ 247.41 \ \ 99.19 \ \ 143.73 \ \ 0.00 \ \ 49.87 \ \ 0.00 \ \ 0.00 \ \ -3.77 \ \ 0.00 \ \ 0.00 \ \ 1.00 \ \ 0.00 \ \ 0.00 \ \ 0.00
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.00 3.77
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             0.00
```

Оптимальное решение

 $\begin{pmatrix}
0.00 \\
0.00 \\
0.00 \\
0.00 \\
0.06 \\
0.00
\end{pmatrix}$

В первой строке не осталось отрицательных элементов (не считая значение целевой функции) и u=0, значит найдено оптимальное решение для вспомогательной задачи.

Решение двойственной задачи

Для нахождения решения двойственной задачи продолжим с найденной угловой точки. Исключим из таблицы столбцы, соответствующие элементам u и заменим первую строку на (e,0).

```
 \begin{pmatrix} 1.00 & 1.00 & 1.00 & 1.00 & 1.00 & 1.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 \\ 17.40 & 225.52 & 101.43 & 104.57 & 0.00 & 39.38 & 0.00 & 1.00 & -3.40 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 2.40 \\ 20.74 & 358.95 & 173.91 & 161.74 & 0.00 & 53.40 & 0.00 & 0.00 & -4.26 & 1.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 3.26 \\ 17.70 & 184.47 & 100.45 & 27.46 & 0.00 & 54.36 & 1.00 & 0.00 & -2.28 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.28 \\ 54.25 & 381.51 & 208.04 & 158.43 & 0.00 & 89.91 & 0.00 & 0.00 & -4.64 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & 3.64 \\ 1.31 & 5.22 & 2.84 & 2.26 & 1.00 & 1.40 & 0.00 & 0.00 & -0.06 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.06 \\ -2.10 & 276.29 & 114.86 & 95.28 & 0.00 & 22.47 & 0.00 & 0.00 & -3.98 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 2.98 \\ 68.50 & 402.78 & 176.44 & 153.80 & 0.00 & 59.40 & 0.00 & 0.00 & -3.77 & 0.00 & 0.00 & 1.00 & 0.00 & 2.77 \end{pmatrix}
```

Выделяем базисные столбцы с помощью элементарных преобразований строк матрицы. К первой строке добавляем 6 строку, умноженая на –1.

```
-0.31 \ -4.22 \ -1.84 \ -1.26 \ 0.00 \ -0.40 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.06 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.06
17.40 \ \ 225.52 \ \ 101.43 \ \ 104.57 \ \ 0.00 \ \ \ 39.38 \ \ \ 0.00 \ \ 1.00 \ \ -3.40 \ \ 0.00 \ \ 0.00 \ \ 0.00 \ \ 0.00 \ \ 0.00
                                                                                                                 2.40
20.74 \ 358.95 \ 173.91 \ 161.74 \ 0.00 \ 53.40 \ 0.00 \ 0.00 \ -4.26 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                                 3.26
17.70 \ 184.47 \ 100.45 \ 27.46 \ 0.00 \ 54.36 \ 1.00 \ 0.00 \ -2.28 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                                1.28
54.25 381.51 208.04 158.43 0.00 89.91 0.00 0.00 -4.64 0.00 0.00 0.00 0.00 1.00
          5.22
                    2.84
                              2.26
                                      1.00 \quad 1.40 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad -0.06 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
1.31
                                                                                                                 0.06
-2.10\ 276.29\ 114.86\ 95.28\ 0.00\ 22.47\ 0.00\ 0.00\ -3.98\ 0.00\ 0.00\ 0.00\ 1.00\ 0.00
                                                                                                                2.98
68.50 \ \ 402.78 \ \ 176.44 \ \ 153.80 \ \ 0.00 \ \ 59.40 \ \ 0.00 \ \ 0.00 \ \ -4.82 \ \ 0.00 \ \ 1.00 \ \ 0.00 \ \ 0.00
                                                                                                                 3.82
16.39 \ \ 247.41 \ \ 99.19 \ \ 143.73 \ \ 0.00 \ \ 49.87 \ \ \ 0.00 \ \ 0.00 \ \ -3.77 \ \ 0.00 \ \ 0.00 \ \ 1.00 \ \ 0.00 \ \ 0.00
                                                                                                                 2.77
```

разрешающая строка = $N \cdot 4$ разрешающий столбец = $N \cdot 2$ разрешающий элемент = 184.4687252986854

```
0.10
         0.00
                                                       0.02 \quad 0.00 \quad 0.01 \quad 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ -0.03
                  0.46
                           -0.63 \ 0.00
                                             0.85
-4.24 \quad 0.00 \quad -21.37 \quad 71.00 \quad 0.00 \quad -27.08 \quad -1.22 \quad 1.00 \quad -0.61 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.83
-13.71 \ 0.00 \ -21.55 \ 108.30 \ 0.00 \ -52.37 \ -1.95 \ 0.00 \ 0.17 \ 1.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00
                                                                                                                  0.78
          1.00
                  0.54
                                             0.29
                                                       0.01 \quad 0.00 \quad -0.01 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
 0.10
                            0.15
                                     0.00
                                                                                                                  0.01
         0.00
                  0.30
                           101.63 \ 0.00 \ -22.51 \ -2.07 \ 0.00 \ 0.07 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.00
17.64
                                                                                                                  1.00
         0.00 -0.00
                            1.48
                                     1.00 \quad -0.14 \quad -0.03 \quad 0.00 \quad 0.01 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00 \quad 0.00
                                                                                                                  0.02
 0.80
-28.61 \ 0.00 \ -35.58 \ 54.15 \ 0.00 \ -58.95 \ -1.50 \ 0.00 \ -0.57 \ 0.00 \ 0.00 \ 0.00 \ 1.00 \ 0.00
                                                                                                                  1.07
         0.00 \;\; -42.88 \;\; 93.84 \;\; 0.00 \;\; -59.29 \;\; -2.18 \;\; 0.00 \;\; 0.15 \;\; 0.00 \;\; 1.00 \;\; 0.00 \;\; 0.00 \;\; 0.00
                                                                                                                  1.03
-7.35 0.00 -35.53 106.90 0.00 -23.04 -1.34 0.00 -0.72 0.00 0.00 1.00 0.00 0.00
                                                                                                                  1.06
```

разрешающая строка = N = 3 разрешающий столбец = N = 4 разрешающий элемент = 108.30271580704607

$$\begin{pmatrix} 0.02 & 0.00 & 0.33 & 0.00 & 0.00 & 0.54 & 0.01 & 0.00 & 0.01 & 0.01 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & -0.02 \\ 4.75 & 0.00 & -7.24 & 0.00 & 0.00 & 7.25 & 0.05 & 1.00 & -0.72 & -0.66 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.32 \\ -0.13 & 0.00 & -0.20 & 1.00 & 0.00 & -0.48 & -0.02 & 0.00 & 0.00 & 0.01 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.01 \\ 0.11 & 1.00 & 0.57 & 0.00 & 0.00 & 0.37 & 0.01 & 0.00 & -0.01 & -0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.01 \\ 30.50 & 0.00 & 20.52 & 0.00 & 0.00 & 26.63 & -0.24 & 0.00 & -0.09 & -0.94 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.01 \\ -21.76 & 0.00 & -24.81 & 0.00 & 0.00 & -32.76 & -0.52 & 0.00 & -0.66 & -0.50 & 0.00 & 0.00 & 0.00 & 0.36 \\ 41.73 & 0.00 & -24.21 & 0.00 & 0.00 & -13.91 & -0.50 & 0.00 & 0.01 & -0.87 & 1.00 & 0.00 & 0.00 & 0.29 \\ 6.18 & 0.00 & -14.27 & 0.00 & 0.00 & 28.65 & 0.58 & 0.00 & -0.88 & -0.99 & 0.00 & 1.00 & 0.00 & 0.02 \end{pmatrix}$$

Результат

$$x = \begin{pmatrix} 0.00 \\ 0.01 \\ 0.00 \\ 0.01 \\ 0.01 \\ 0.00 \end{pmatrix} \qquad \alpha = 2.4747741869746438e - 2 \qquad p^* = \frac{x}{\parallel}x \parallel = \begin{pmatrix} 0.00 \\ 0.39 \\ 0.00 \\ 0.48 \\ 0.78 \\ 0.00 \end{pmatrix}$$

Ответ

Цена игры: -3.1672615144038048

Приложение (Я.П.: Haskell)

```
-- lib/MatrixGame.hs
module MatrixGame where
import Data.Massiv.Array as A
import Prelude as P
lowStrategy :: Matrix P Double -> Double
lowStrategy a = maximum $ P.map (minimum' . (a <!)) [0 .. (j - 1)] where Sz2 _</pre>
j = size a
highStrategy :: Matrix P Double -> Double
highStrategy a = minimum $ P.map (maximum' . (a !>)) [0 .. (i - 1)] where Sz2
i _ = size a
-- exe/Main.hs
module Main where
import Data.Massiv.Array as A
import Formst
import MatrixGame (highStrategy, lowStrategy)
import Optimization.DirectTask (solveDirect)
import Optimization.DualTask (solveDual)
import Prelude as P
import System.Random qualified as R
main :: IO ()
main = do
    let
        -- Initial values
        salt = 19092002
        gen = R.mkStdGen salt
        rng = (-50 :: Double, 50)
        comp = ParN 0
```

```
a = computeP $ uniformRangeArray gen rng comp (Sz2 6 8) :: Matrix P
Double
       b = A.replicate (ParN 0) 6 1
       c = A.replicate (ParN 0) 8 1
       beta = minimum' a
       a' = a + abs beta
    putStrLn $ showMat a 2
    putStrLn $ "underline(A) = " ++ show (lowStrategy a)
    putStrLn $ "overline(A) = " ++ show (highStrategy a)
    putStrLn $ "beta = " ++ show beta
    putStrLn $ showMat a' 2
    (y, alfa1) <- solveDirect a' b c
    putStrLn $ "y = " ++ showVec y 2
    putStrLn $ "alfa = " ++ show alfa1
    putStrLn   q^* = y/||y|| = " ++ showVec (y ./ normL2 y) 2 
    (x, alfa2) <- solveDual a' b c
    putStrLn  "x = " ++  showVec x 2
    putStrLn $ "alfa = " ++ show alfa2
    putStrLn  * "p^* = x/||x|| = " ++ showVec (x ./ normL2 x) 2 
    putStrLn $ "underline(A) = " ++ show (lowStrategy a)
    putStrLn $ "overline(A) = " ++ show (highStrategy a)
    putStrLn $ "phi = " ++ show (1 / alfa1 - abs beta)
```