

# 数据结构实验 (2)

链表、队列

# 目录

- 链表
  - 线性表的几种物理实现 (2)
  - 理解链表基本操作
  - 链表相关经典 (面试) 问题
- 线性表的扩展: Bitmap/Hashmap 的冲突处理

- 线性表的几种物理实现 (2)

- C/C++ 数组
- C++ `std::vector`
- C++ `std::list`
- C/C++ 自定义线性表
- C/C++ 自定义链表
- ...

回顾上节课，我们了解了：

1. 不同的内存空间分配区域（栈空间&堆空间）
2. 不同的内存空间管理方式（预分配&动态分配）
3. 不同的时间复杂度

- 线性表的几种物理实现 (2)

- 现象：基本操作的时间复杂度不同

|                          | 插入     | 删除     | 随机访问   | 查找                 | 扩容     |
|--------------------------|--------|--------|--------|--------------------|--------|
| <code>std::vector</code> | $O(N)$ | $O(N)$ | $O(1)$ | $O(N) / O(\log N)$ | $O(N)$ |
| <code>std::list</code>   | $O(1)$ | $O(1)$ | $O(N)$ | $O(N) / O(\log N)$ | $O(1)$ |

- 本质：内存中的存储方式不同

- `std::vector`

- 在内存中连续存储，且物理地址与线性表中元素的逻辑序列有序对应

- `std::list`

- 每个元素分别记录线性表中逻辑序列中的前一个、后一个元素的物理地址

## • 线性表的几种物理实现 (2)

- 现象：基本操作的时间复杂度不同

|                          | 插入     | 删除     | 随机访问   | 查找                 | 扩容     |
|--------------------------|--------|--------|--------|--------------------|--------|
| <code>std::vector</code> | $O(N)$ | $O(N)$ | $O(1)$ | $O(N) / O(\log N)$ | $O(N)$ |
| <code>std::list</code>   | $O(1)$ | $O(1)$ | $O(N)$ | $O(N) / O(\log N)$ | $O(1)$ |

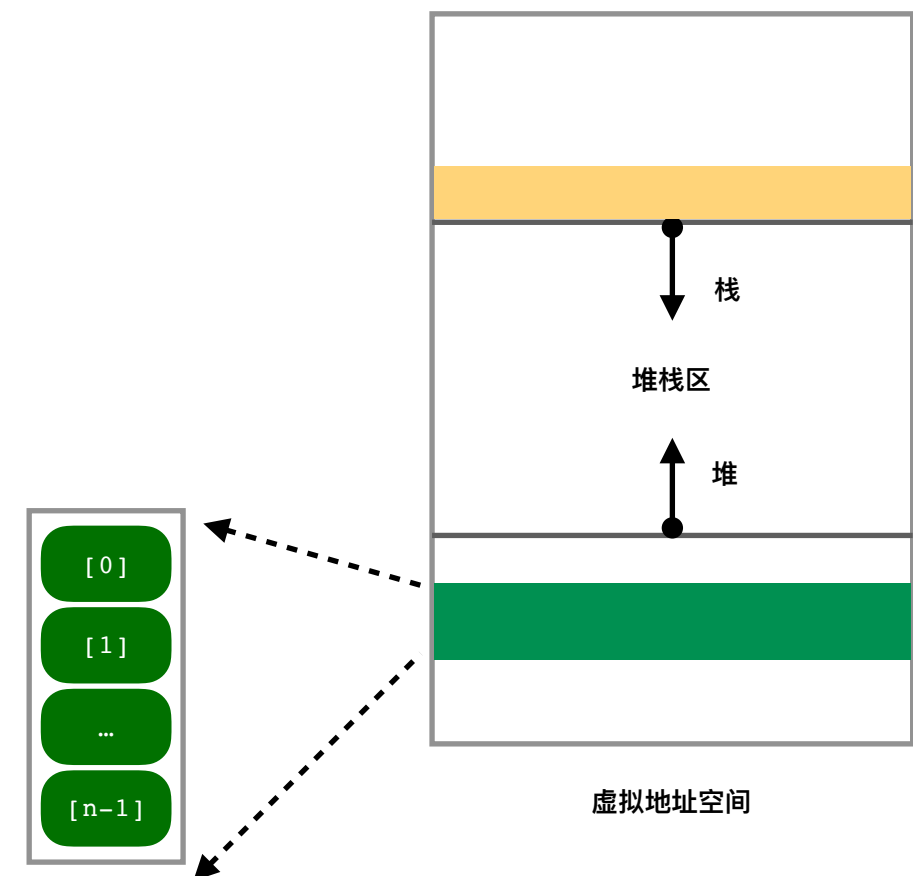
- 本质：内存中的存储方式不同

- `std::vector`

- 在内存中连续存储，且物理地址与线性表中元素的逻辑序列有序对应

- `std::list`

- 每个元素分别记录线性表中逻辑序列中的前一个、后一个元素的物理地址



## • 线性表的几种物理实现 (2)

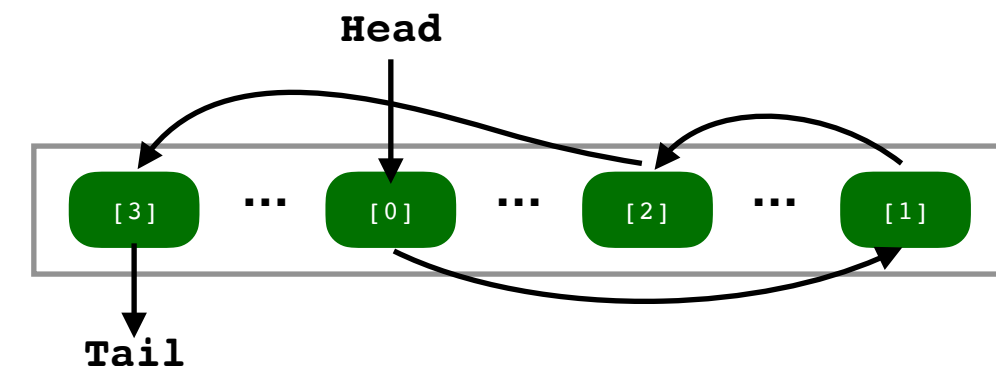
- 现象：基本操作的时间复杂度不同

|                          | 插入     | 删除     | 随机访问   | 查找                   | 扩容     |
|--------------------------|--------|--------|--------|----------------------|--------|
| <code>std::vector</code> | $O(N)$ | $O(N)$ | $O(1)$ | $O(N)$ / $O(\log N)$ | $O(N)$ |
| <code>std::list</code>   | $O(1)$ | $O(1)$ | $O(N)$ | $O(N)$ / $O(\log N)$ | $O(1)$ |

- 本质：内存中的存储方式不同

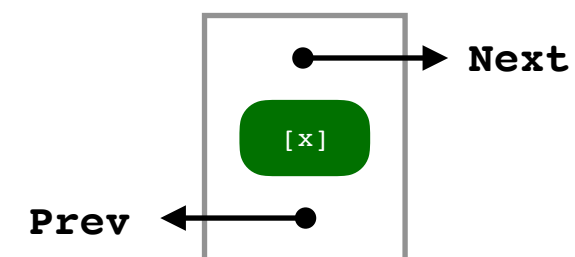
- `std::vector`

- 在内存中连续存储，且物理地址与线性表中元素的逻辑序列有序对应



- `std::list`

- 每个元素分别记录线性表中逻辑序列中的前一个、后一个元素的物理地址



1. 我们能在 `std::list` 中，通过 [x] 方式高效访问第 x 个元素么？
2. 我们能在 `std::vector` 中，高效实现插入 N 个或删除 N 个元素么？

- 线性表的几种物理实现 (2)

- 总结

|             | 内存分配位置 | 内存分配方式*    | 物理存储方式      |
|-------------|--------|------------|-------------|
| 数组          | 栈空间    | 预分配（一次性分配） | 连续存储、有序记录   |
| std::vector | 堆空间    | 预分配（一次性分配） | 连续存储、有序记录   |
| std::list   | 堆空间    | 动态分配       | 离散存储、记录前序后序 |

# 目录

- 链表
  - 线性表的几种物理实现 (2)
  - 理解链表基本操作
  - 链表相关经典 (面试) 问题
- 线性表的扩展: Bitmap/Hashmap 的冲突处理

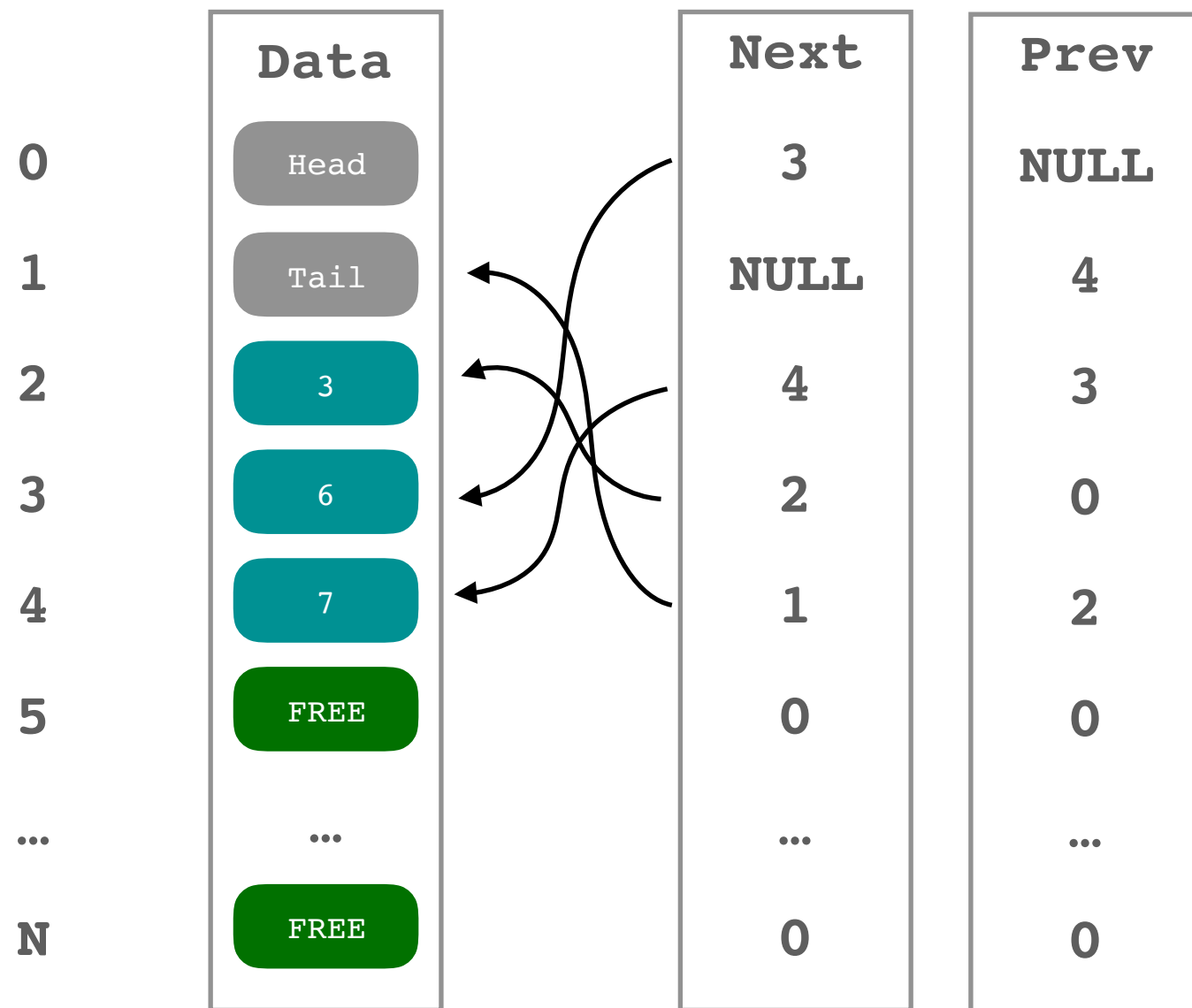


- 理解链表基本操作

- List 与 Vector 的本质区别：在空间中离散存储，通过“地址”获取实际值。
  - 用数组实现链表，通过数组记录某节点的前序、后序节点
  - 用 C/C++ 的指针实现链表，通过内存地址记录某节点的前序、后序节点

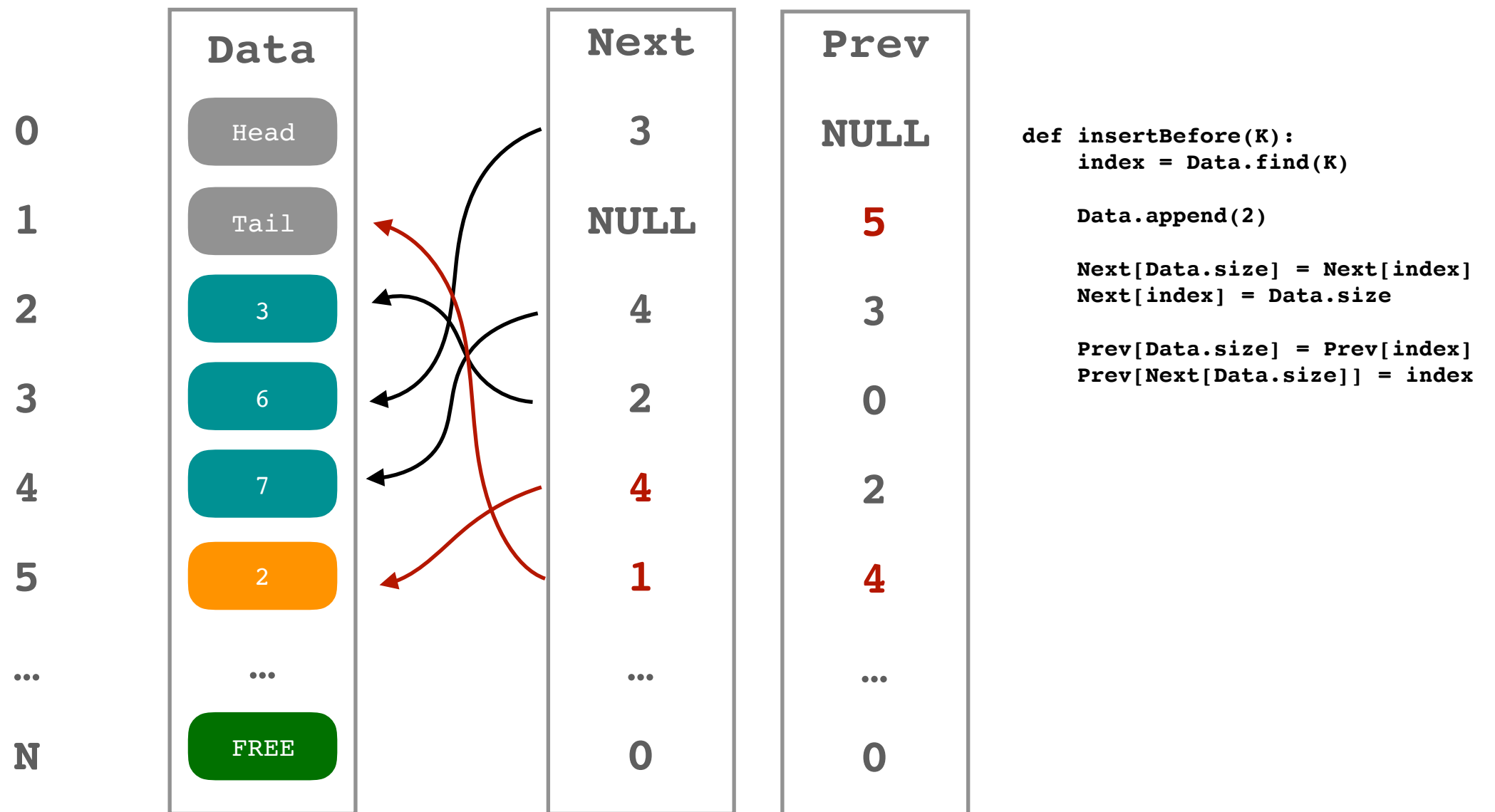
- 理解链表基本操作 (1)

- 链表的数组实现



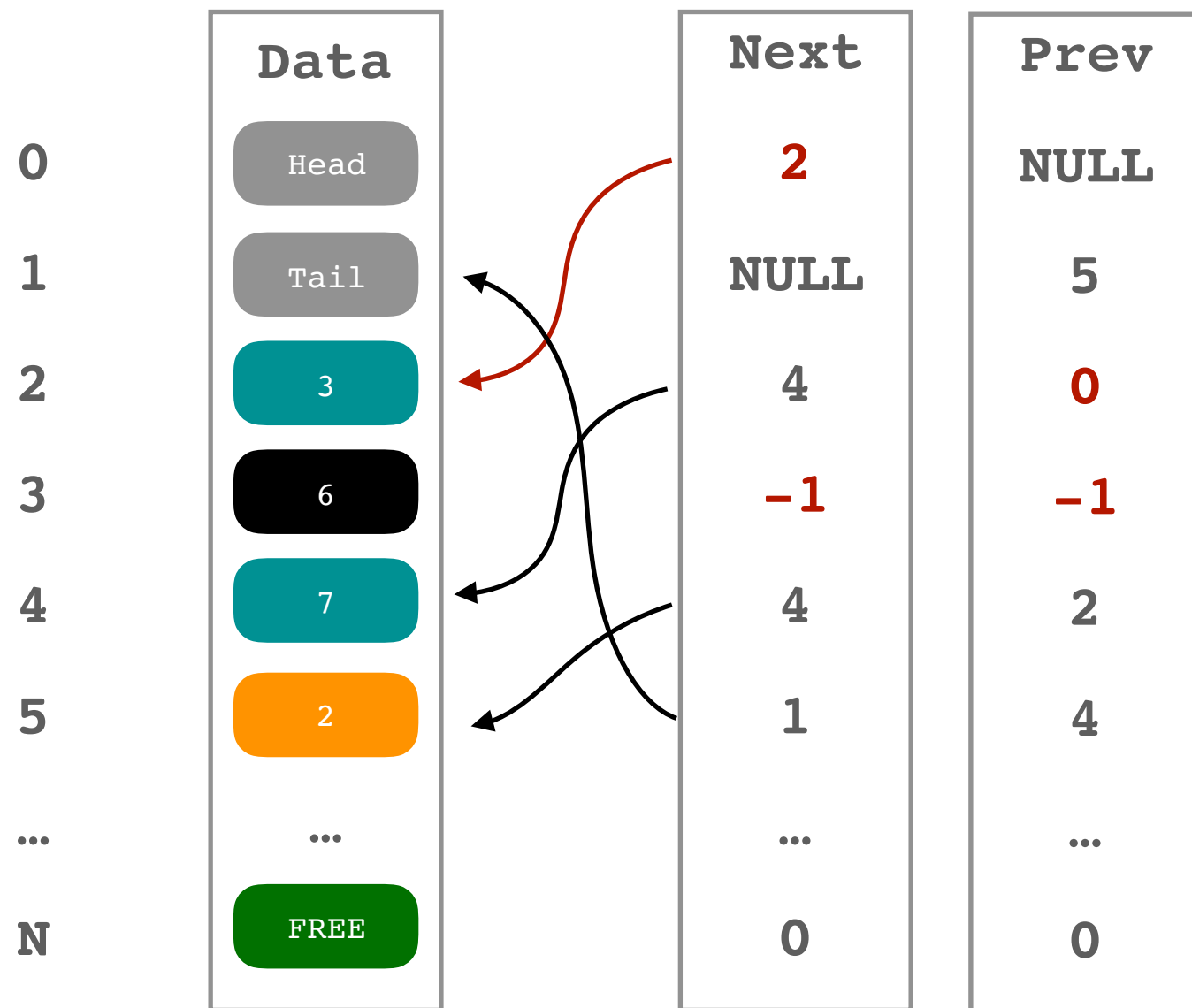
- 理解链表基本操作 (1)

- 链表的数组实现——插入操作

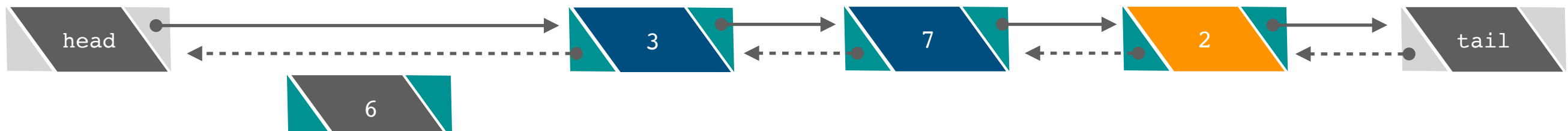


- 理解链表基本操作 (1)

- 链表的数组实现——删除操作

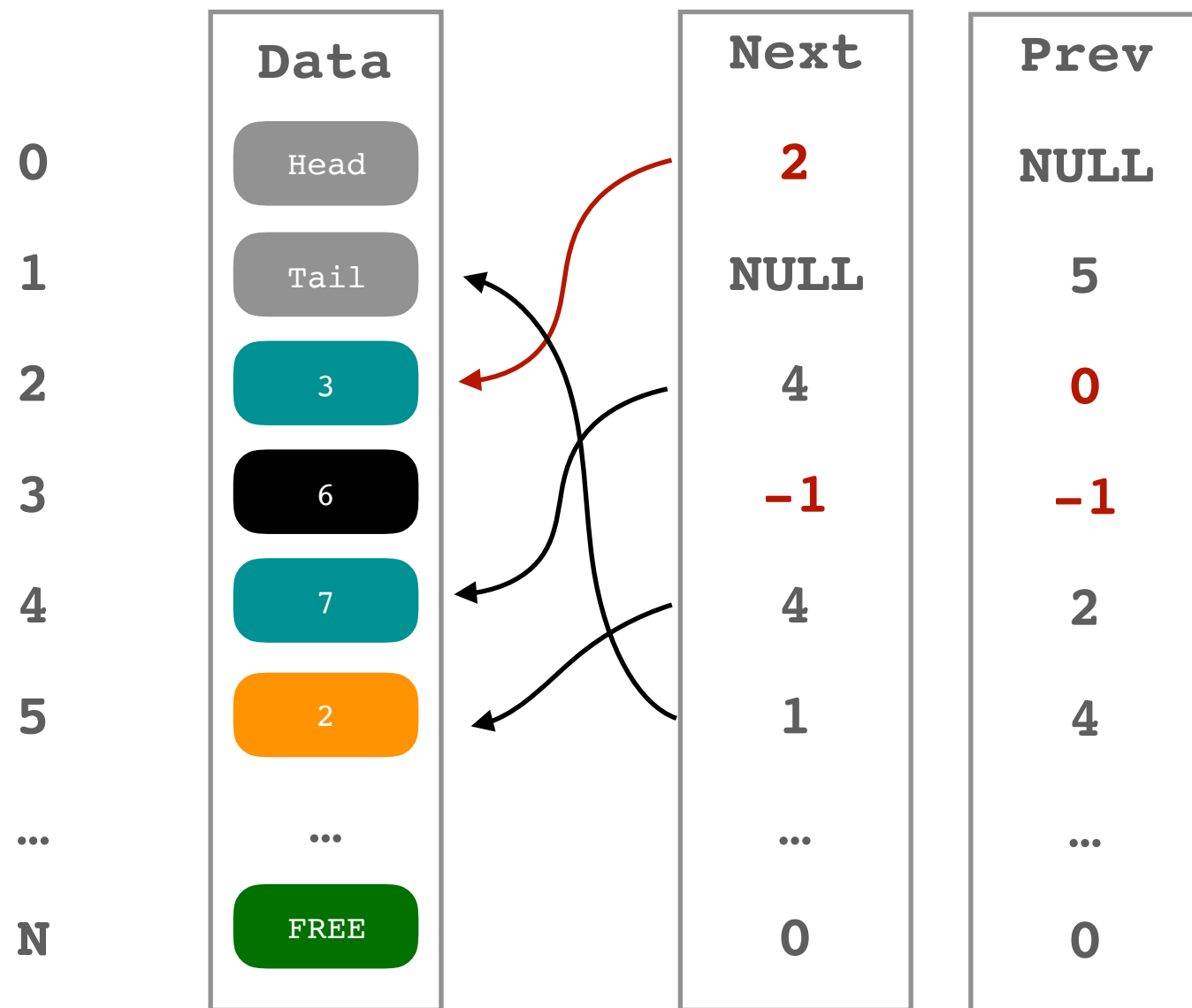


```
def insertBefore(K):  
    index = Data.find(K)  
  
    Prev[Next[index]] = Prev[index]  
    Next[Prev[index]] = Next[index]  
  
    Prev[index] = -1  
    Next[index] = -1
```

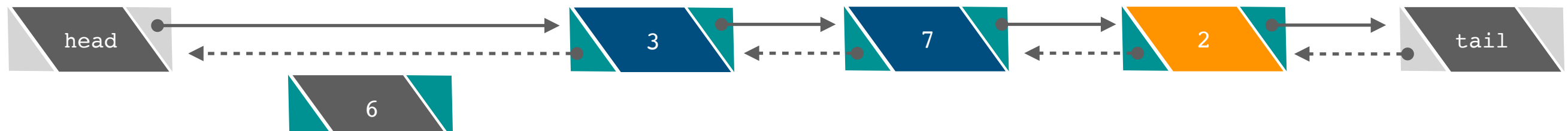


- 理解链表基本操作 (1)

- 链表的数组实现



1. 我们可以用数组实现链表的逻辑操作
2. 如何处理删除元素后留下的空洞?



- 穿插话题1：理解 C/C++ 的指针，及指针与数组的区别

```
#include <iostream>

int main(int, char**) {

    int a[10] = {1, 2, 3, 4, 5, 5, 4, 3, 2, 1};
    int *b = a;

    for (int i = 0; i < 10; ++i) {
        std::cout << a[i] << " ";
    } // output 1 2 3 4 5 5 4 3 2 1
    std::cout << std::endl;

    for (int i = 0; i < 10; ++i) {
        std::cout << b[i] << " ";
    } // output 1 2 3 4 5 5 4 3 2 1
    std::cout << std::endl;

    return 0;
}
```

输出 a 和 b 的结果是一样的吗？  
int a[] 与 int \*b 是一样的吗？

- 理解链表基本操作 (2)



- 数组的指针实现——初始化和析构

```
template<typename T>
class Node {
public:
    Node() : next(nullptr), prev(NULL) {
    }
    Node(const T& data) : data(data), next(nullptr), prev(NULL) {
    }
    ~Node() {
    }

    std::unique_ptr<Node<T> > next; // unique_ptr ?
    Node<T> *prev;

    T data;
};

template <typename T>
class List {
public:
    List() {
        head = std::unique_ptr<Node<T> >(new Node<T>());
        head->next = std::unique_ptr<Node<T> >(new Node<T>());
        tail = head->next.get();
        tail->prev = head.get();
    }

    ~List() {
        while (head) {
            head = std::move(head->next); // std::move ?
        }
    }

    std::unique_ptr<Node<T> > head;
    Node<T> *tail;
};
```

## • 穿插话题2: RAII 与智能指针

### • 回顾 RAII:

- 目的: 在栈空间定义变量, 自动管理堆空间的内存
- 方法:
  - 定义一个类来封装资源 (内存、连接、文件操作符等) 的分配与释放;
  - 类的构造函数中完成资源的分配及初始化;
  - 类的析构函数中完成资源的清理, 可以保证资源的正确初始化和释放;
- 问题:
  - 当对象需要被拷贝时, 只能复制资源 (深拷贝), 而无法直接引用 (浅拷贝);

```
template<typename T>
struct Array {
private:
    T* elem;
public:
    Array(int n) {
        this->elem = new T[n];
    }
    ~Array() {
        delete[] this->elem;
    }
    T* get() {
        return this->elem;
    }
};

int main(int, char**) {
    // 通过 Array 对象, 在堆空间创建线性表
    Array<int> arr(10);

    // 如果需要 Array<int> arr_another = arr;
    // Do something with arr_another ...

    return 0;
    // arr 会在离开作用域后自动调用析构函数, 释放资源
}
```

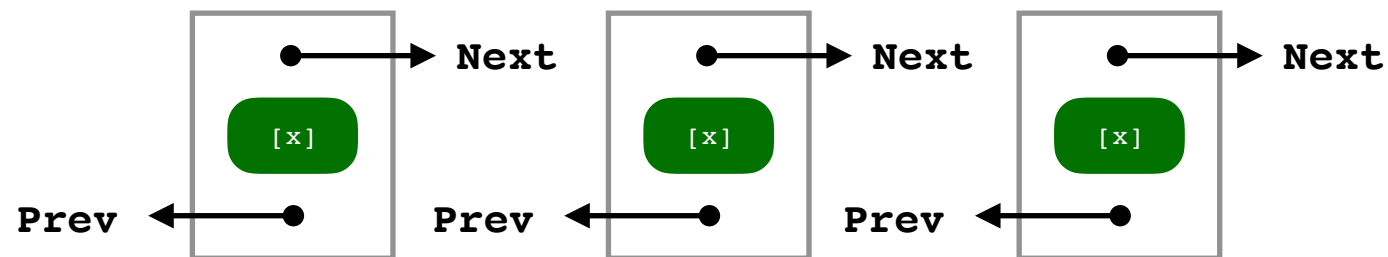


- 穿插话题2: RAII 与智能指针

- 智能指针:

- shared\_ptr: 通过引用计数管理资源

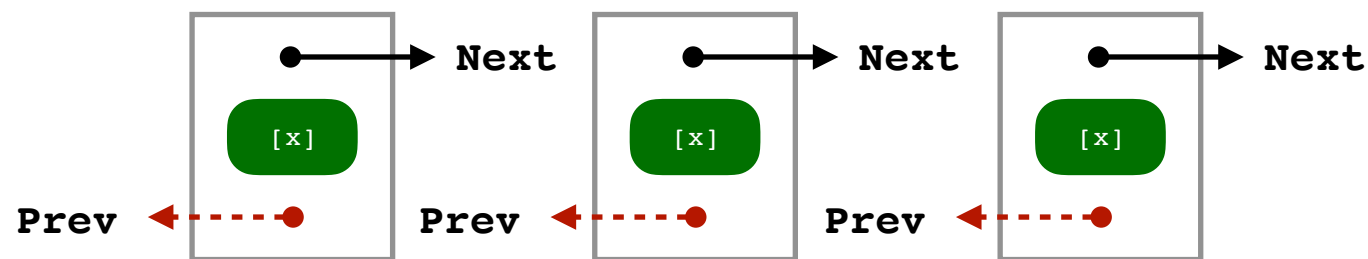
- 问题:



- 双向链表中存在 `x`, `x.next`, `x.next.prev` 的循环引用, 导致引用计数失效。

- unique\_ptr: 明确资源唯一属主, 不提供 copy 操作防止多个unique\_ptr指向同一对象。

- 实现链表:

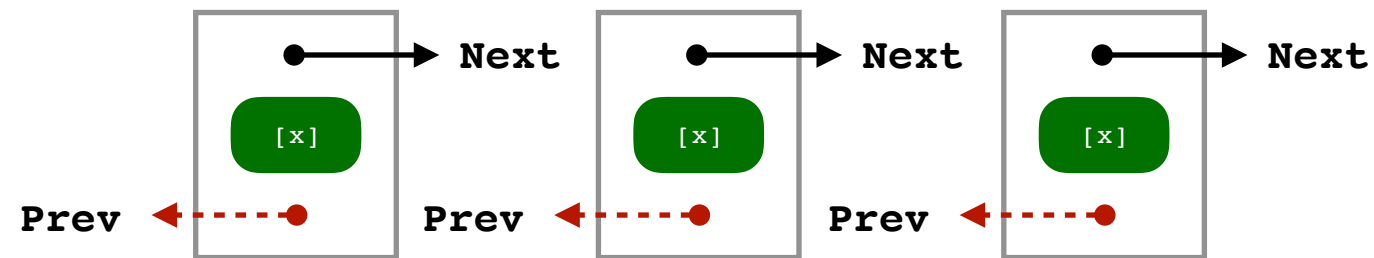


- 每个链表节点, Next 对象负责管理资源, Prev 只作为弱引用;
    - unique\_ptr 提供了 move 操作, 因此我们可以用 `std::move()` 来显式转移 unique\_ptr 的资源所有权。

- 穿插话题2: RAII 与智能指针

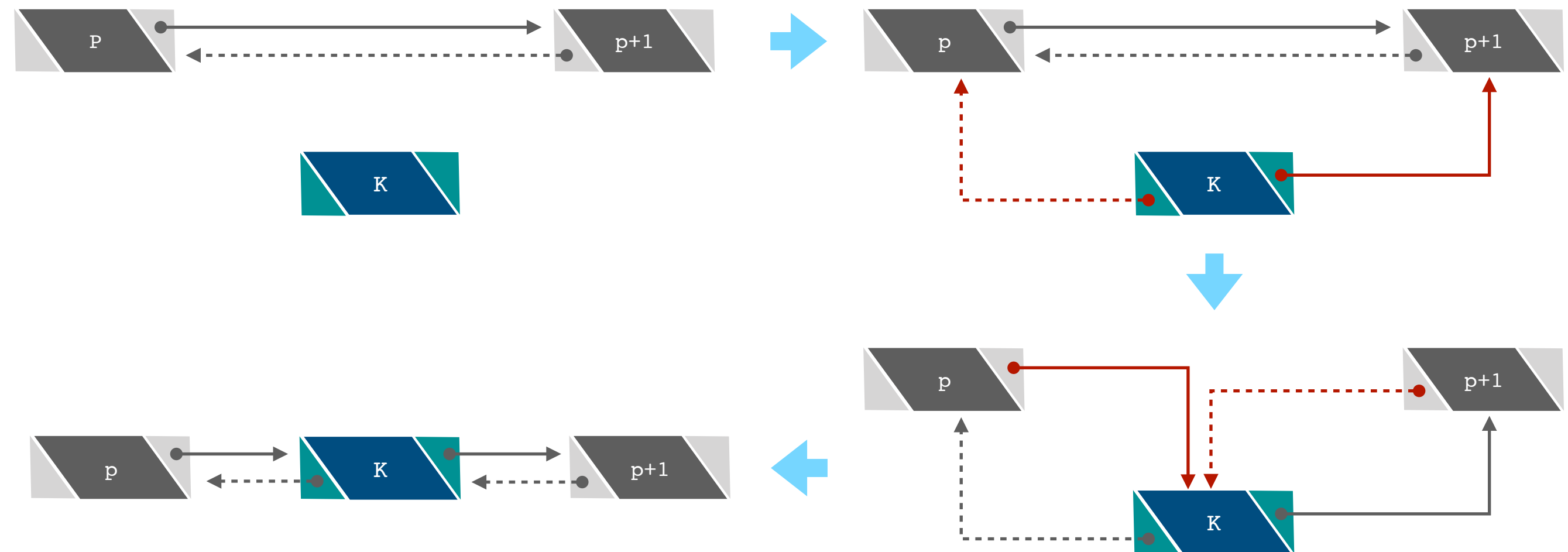
- 智能指针:

- 



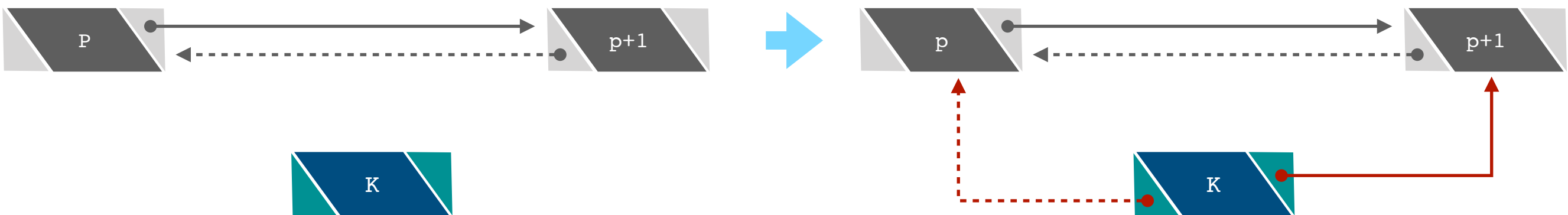
- 理解链表基本操作 (2)

- 插入  $\text{list}\langle T \rangle::\text{insertBefore}(p, K)$  &  $\text{list}\langle T \rangle::\text{insertAfter}(p, K)$



- 理解链表基本操作 (2)

- 插入 `list<T>::insertBefore(p, K)` & `list<T>::insertAfter(p, K)`



```
template <typename T>
class List {
    // ...

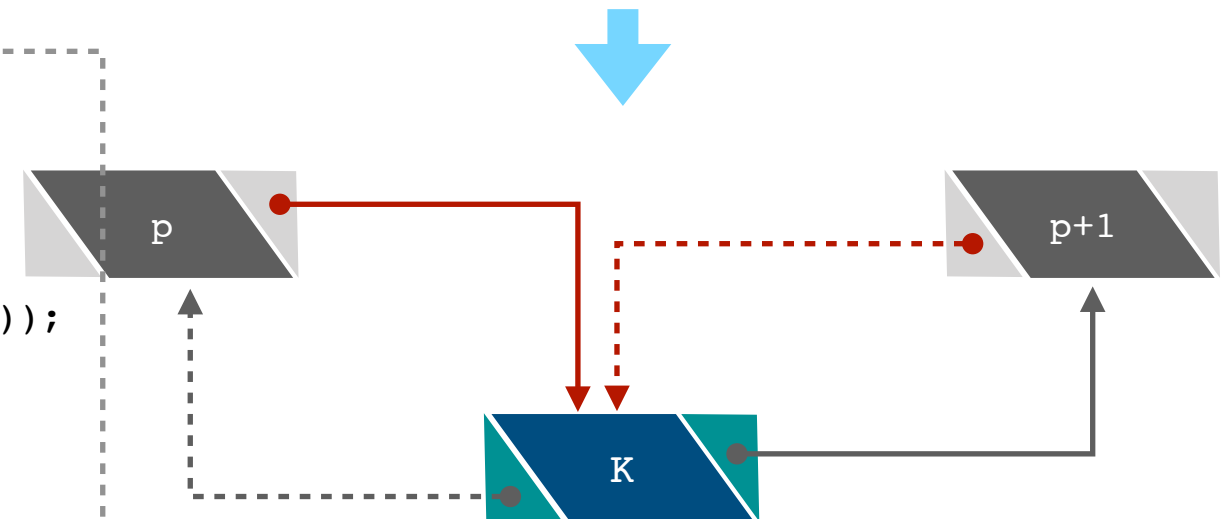
    Node<T> * insertAfter(Node<T> *p, T data) {
        (1) auto node = std::unique_ptr<Node<T> >(new Node<T>(data));

        (2) node->prev = p;
            node->next = std::move(p->next);

        (3) node->next->prev = node.get();
            node->prev->next = std::move(node);

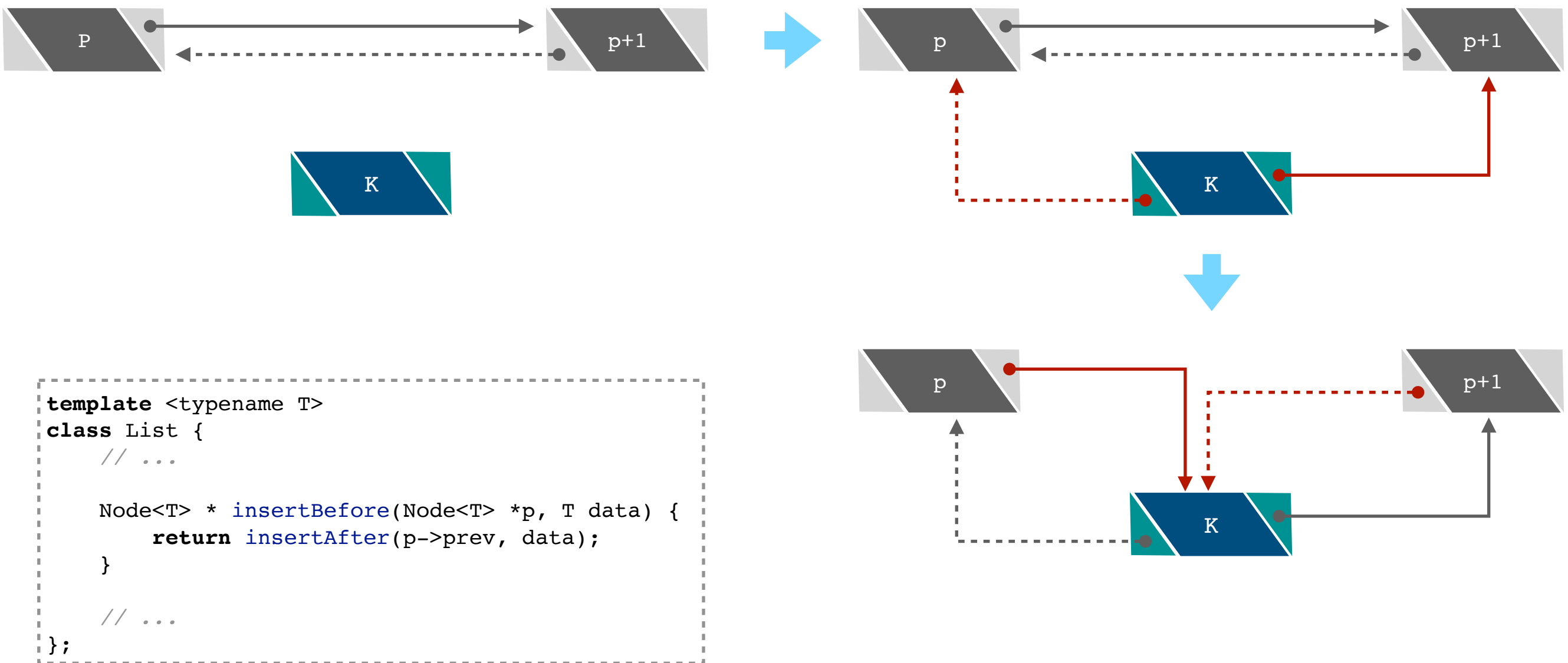
        return node.get();
    }

    // ...
};
```

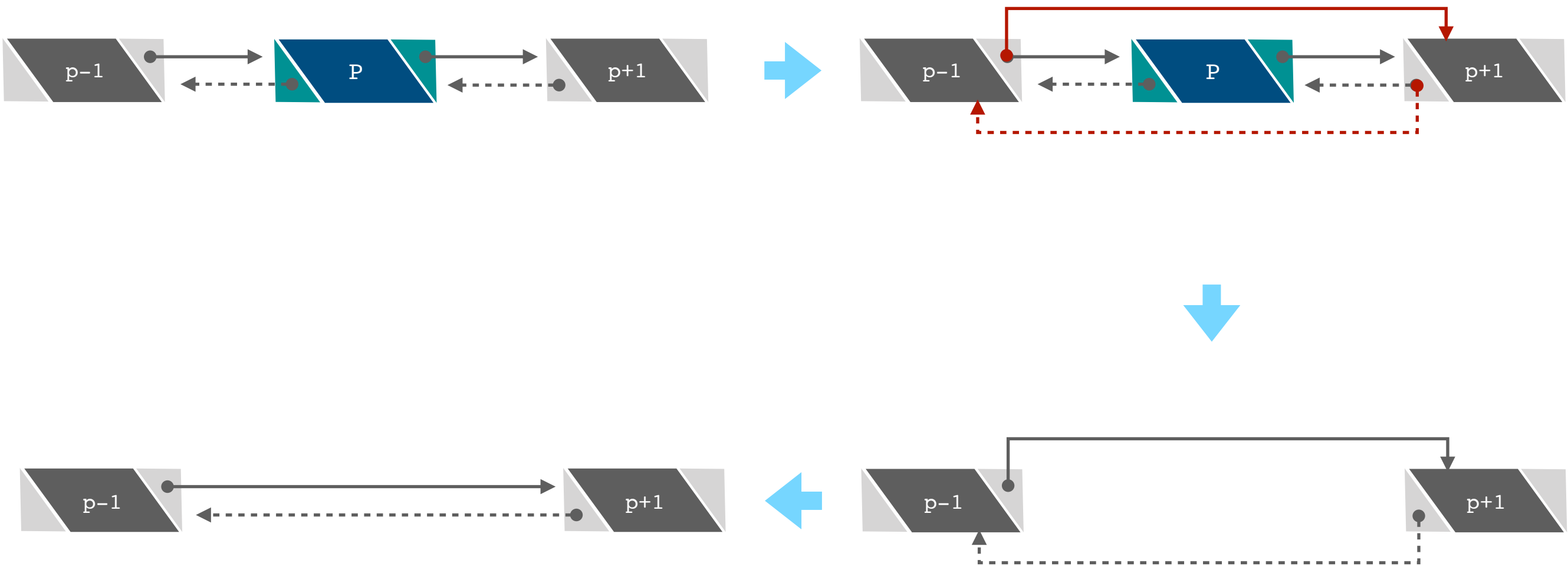


- 理解链表基本操作 (2)

- 插入 `list<T>::insertBefore(p, K)` & `list<T>::insertAfter(p, K)`

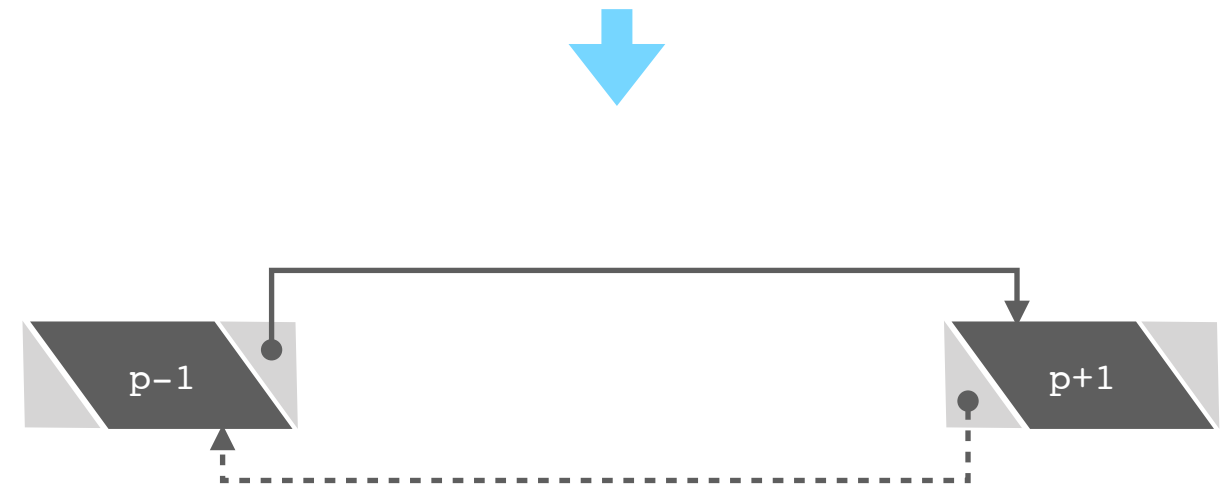
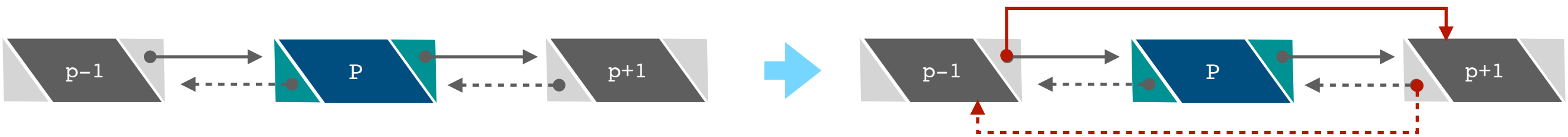


- 理解链表基本操作 (2)
  - 删除 `list<T>::remove(p)`



- 理解链表基本操作 (2)

- 删除 `list<T>::remove(p)`



```
template <typename T>
class List {
    // ...

    void remove(Node<T> *p) {
        p->next->prev = p->prev;
        p->prev->next = std::move(p->next);
    }

    // ...
};
```

- 理解链表基本操作 (2)

- 查找 `list<T>::find(K)`



```
template <typename T>
class List {
    // ...

    Node<T> * find(T data) {
        auto p = head->next.get();
        while (p->next.get() != tail) {
            if (p->data == data) {
                return p;
            }
            p = p->next.get();
        }
        return p;
    }

    Node<T> * get(int index) {
        auto p = head->next.get();
        while (index-- > 0) {
            p = p->next.get();
        }
        return p;
    }

    // ...
};
```

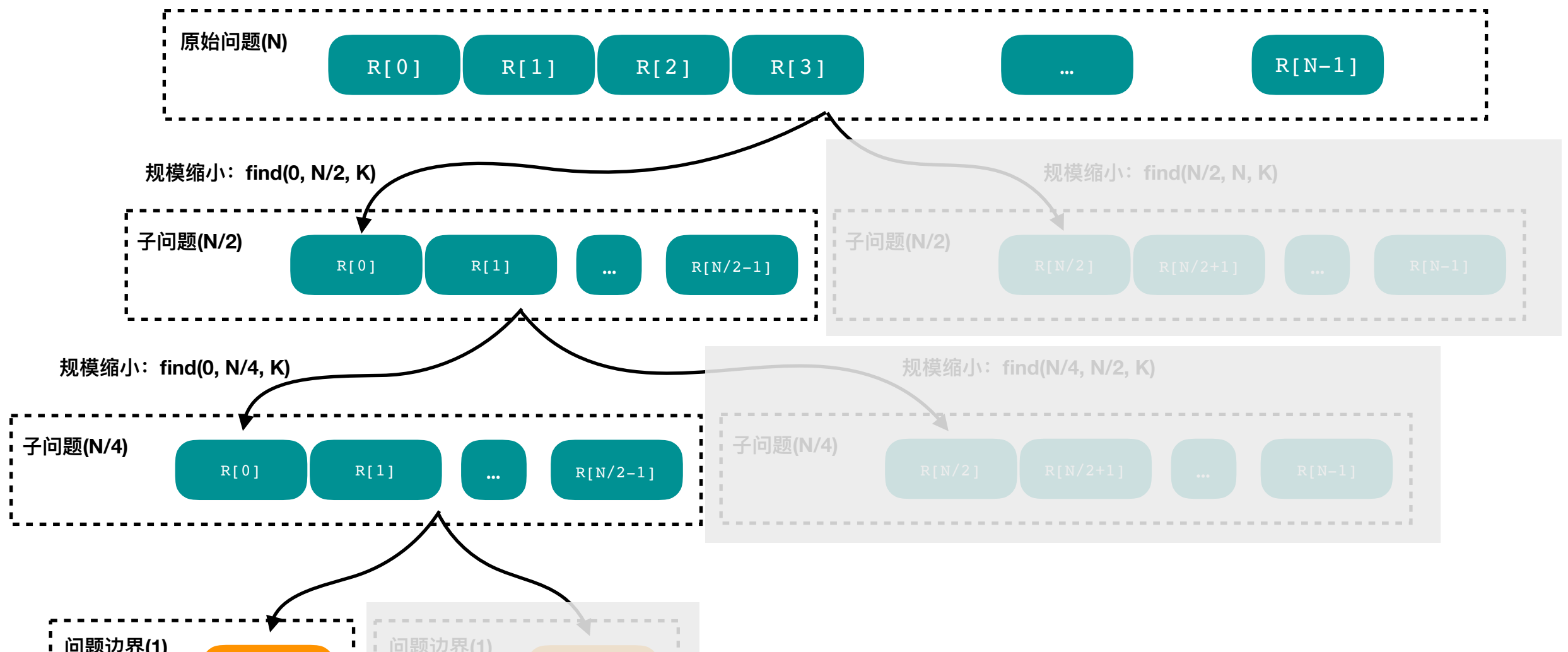


- 理解链表基本操作 (2)

- 有序链表二分查找 `list<T>::binary_find(K)`



有序 `std::list` 能否像有序 `std::vector` 那样在  $O(\log N)$  时间复杂度实现二分查找?



## • 穿插话题3：链表与二叉排序树

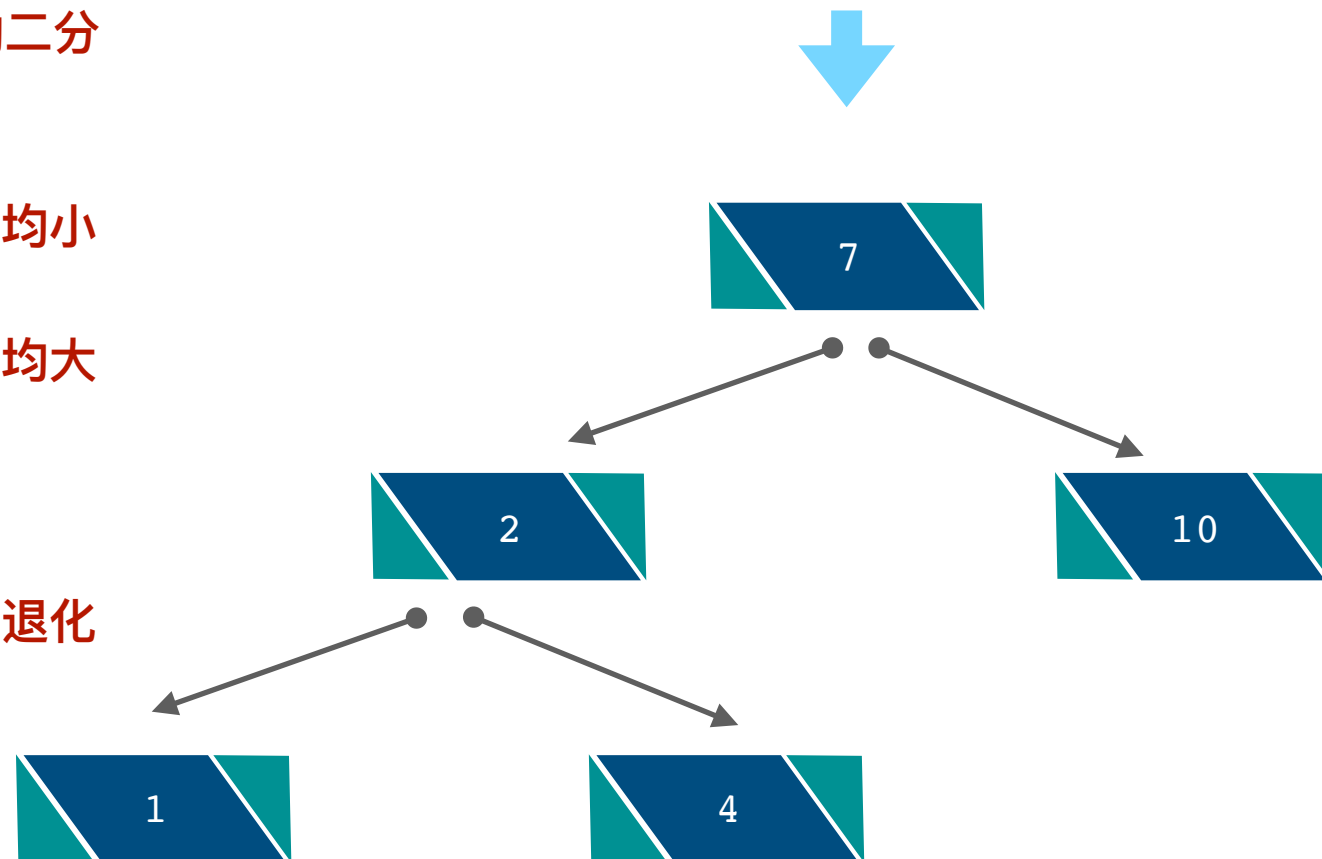
- 存在有序链表：



将链表转为二叉排序树，实现  $O(\log N)$  的二分查找：

- 若左子树不空，则左子树上所有结点的值均小于或等于它的根结点的值；
- 若右子树不空，则右子树上所有结点的值均大于或等于它的根结点的值；
- 左、右子树也分别为二叉排序树；

注意！构造方法有技巧，否则二叉排序树会退化为“链表”



**LeetCode 109. <Convert Sorted List to Binary Search Tree>**

<https://leetcode.com/problems/convert-sorted-list-to-binary-search-tree/>

# 目录

- 链表
  - 线性表的几种物理实现 (2)
  - 理解链表基本操作
  - 链表相关经典 (面试) 问题
- 线性表的扩展: Bitmap/Hashmap 的冲突处理

- 链表相关经典（面试）问题

- 实现链表反转操作

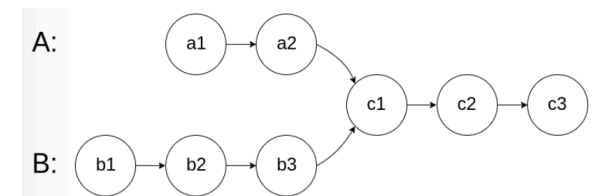
**LeetCode 206. <Reverse Linked List>**

<https://leetcode.com/problems/reverse-linked-list/>

- 判断两个单链表是否相交，并返回相交节点

**LeetCode 160. <Intersection of Two Linked Lists>**

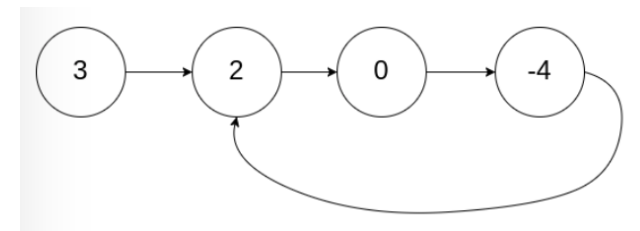
<https://leetcode.com/problems/intersection-of-two-linked-lists/>



- 判断单向链表是否存在“环”

**LeetCode 141. <Linked List Cycle>**

<https://leetcode.com/problems/linked-list-cycle/>



- 判断链表是否为回文链表

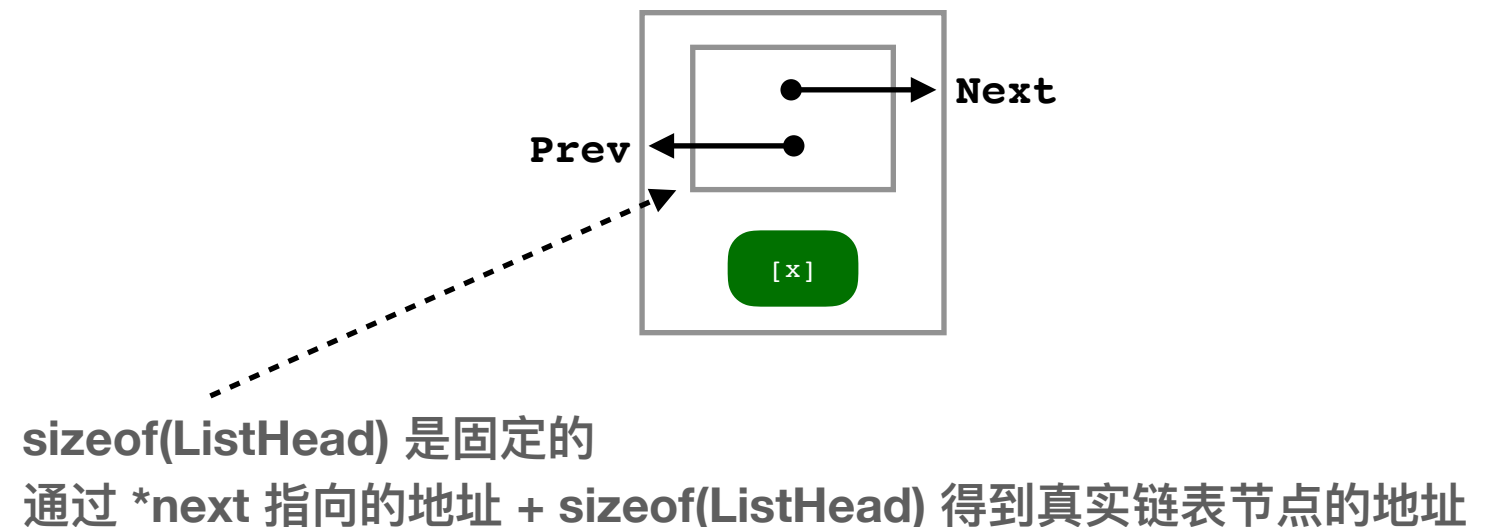
**LeetCode 234. <Palindrome Linked List>**

<https://leetcode.com/problems/palindrome-linked-list/>

- 穿插话题4: Linux 内核源代码中提供了一种 C 语言的通用链表
  - 《深入分析 Linux 内核链表》 by IBM Developer

```
struct NodeOld {  
    struct NodeOld *next, *prev;  
    int x;  
    int y;  
};
```

```
struct ListHead {  
    struct ListHead *next, *prev;  
};  
  
struct MyNode {  
    struct ListHead list_head;  
    int x;  
    int y;  
};
```



# 目录

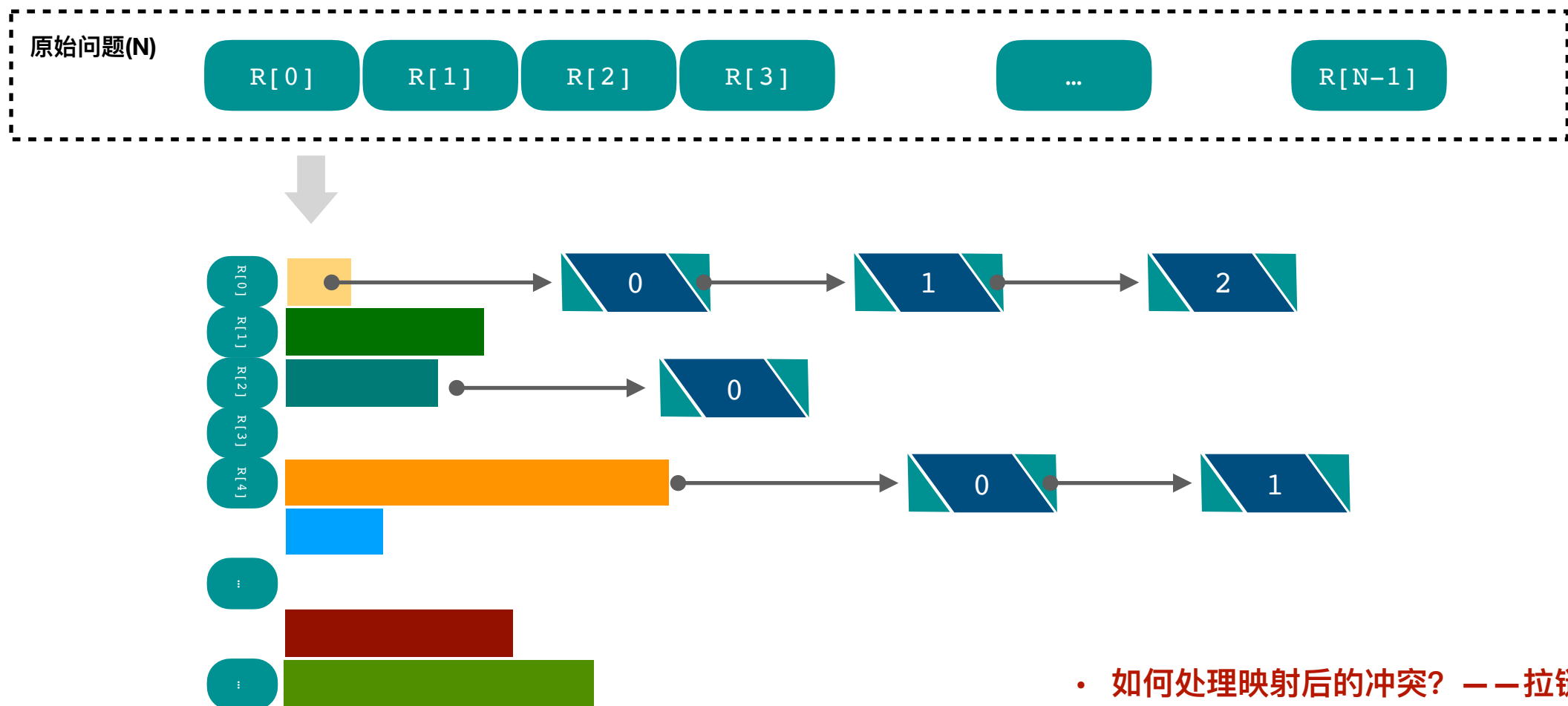
- 链表
  - 线性表的几种物理实现 (2)
  - 理解链表基本操作
  - 链表相关经典 (面试) 问题
- 线性表的扩展: Bitmap/Hashmap 的冲突处理

- 线性表的扩展：Bitmap/Hashmap 冲突处理

- 老问题——去重 `vector<T>::deduplicate(0, N)`

- 新场景：

- 如果  $N$  很大, 线性表中元素取值范围  $[0, m)$ , 且  $m$  也不小
- 如果  $N$  很大, 且线性表中元素是英文单词



- 如何处理映射后的冲突？——拉链法

# 扩展练习

**LeetCode 206. <Reverse Linked List>**

**<https://leetcode.com/problems/reverse-linked-list/>**

**LeetCode 160. <Intersection of Two Linked Lists>**

**<https://leetcode.com/problems/intersection-of-two-linked-lists/>**

**LeetCode 141. <Linked List Cycle>**

**<https://leetcode.com/problems/linked-list-cycle/>**

**LeetCode 234. <Palindrome Linked List>**

**<https://leetcode.com/problems/palindrome-linked-list/>**

**POJ 2503. <Babelfish >**

**<http://poj.org/problem?id=2503>**