chiUniversidade Federal de Santa Maria Prof. Cesar Tadeu Pozzer Lógica e Algoritmo – ELC1064 16/11/2023

Lógica de Programação

1. Algoritmo

Algoritmo pode ser definido como um método para a **solução** de um determinado problema. Em termos de programação, este método deve ser **estruturado**, **ordenado** e **formal**, de modo que não apresente ambiguidades, que defina com **clareza** as operações que devem ser realizadas e seja finito.

A **granularidade** das operações vai depender da linguagem de programação que se estiver usando. Linguagens de baixo nível, como assembly (ou linguagem de máquina), possuem comandos muito elementares, como somar, comparar e desviar. Linguagens como o C e C++ são de alto nível, mas permitem elementos de linguagens de baixo nível com o assembly. Quanto mais alto o nível, a linguagem está mais próxima do entendimento humano e é mais abstrata (como no caso de algoritmos em pseudocódigo). Pode-se dizer que o algoritmo é um passo intermediário entre o problema e o programa para solucioná-lo.

Como exemplo introdutório de um algoritmo, pode-se descrever as operações necessárias para tomar um copo de água na cozinha:

```
Se você não estiver na cozinha então vá até a cozinha fim se Pegue um copo encha de água tome a água
```

Este algoritmo descreve ações complexas, que não podem ser compreendidas por um computador, que somente sabe realizar operações aritméticas e lógicas. Detalhando um pouco mais este exemplo, pode-se definir um novo algoritmo:

```
Se você não estiver na cozinha então
   enquanto não chegar a cozinha repita
      dê um passo em direção a cozinha, desviando de obstáculos
   fim enquanto
fim se
enquanto não encontrar um copo repita
   procure um copo
fim enquanto
mova a mão até o copo
peque o copo
leve o copo embaixo da torneira
abra a torneira
enquanto o copo não estiver cheio repita
   espere 30 segundos
fim enquanto
feche a torneira
tome a água.
```

Este algoritmo ainda não pode ser compreendido por um computador. A tarefa de tomar água, para um computador, é muito complexa e exigiria milhares de linhas de código para ser executada. Geralmente, operações que para os humanos são triviais, para um computador são muito complexas senão impossíveis. Entretanto, cálculos complexos podem ser facilmente compreendidos por um computador.

Para que um algoritmo genérico seja traduzido para um algoritmo computacional, ele deve ser traduzido para dados e comandos. Um comando é uma primitiva que pode ser compreendida por um computador ou pela linguagem em que se de deseja implementar o algoritmo. Dados são representações formais de alguma informação, como um número, um caractere, um texto ou combinação destes. Existem várias formas de representação formais de algoritmos: Pseudo-Linguagem (Português Estruturado), fluxograma e diagrama de Nassi-Shneiderman.

Nestas representações, já muito próxima de uma linguagem de programação, porém sem muito formalismo, deve-se definir as variáveis e usar um conjunto limitados de comandos (ler, escrever, comparar, atribuir, operações aritméticas, laços). Elas serão apresentadas ao longo do texto.

1.1 Erros comuns no uso de laços de repetição (por Flávio Borin)

O laço de repetição indica uma ação que deve ser executada várias vezes. Exemplos:

Repita	Enquanto condição repita
Ação relacionada a condição de parada	Ação relacionada a condição de parada
Enquanto condição de parada	Fim enquanto

O laço enquanto não pode ser visto como sinônimo de "ao mesmo tempo" e então receber uma ação como parâmetro.

Errado	Correto
Enquanto a água esquenta repita	Enquanto a água não estiver fervendo repita
Busque o café	Espere 30 segundos
Fim enquanto	Fim enquanto
	Busque o café

Laços enquanto precisam que sua condição de parada seja satisfeita em algum momento. Se a condição de parada não for interferida pelas ações dentro do enquanto, o laço jamais parará:

Errado	Correto
Enquanto a torneira estiver aberta repita	Enquanto a escova não estiver molhada repita
Molhe a escova	Molhe a escova
Fim enquanto	Fim enquanto

O comando Fim enquanto somente pode ocorrer após o comando enquanto (o mesmo vale para o Fim se). E o comando Fim enquanto não deve ser seguido de nada. Exemplos que <mark>não fazem sentido</mark>:

Va ao banheiro	Enquanto a panela não aquece repita
Fim enquanto	Espere 30 segundos
	Fim enquanto <mark>desligue o fogão</mark>
Ler ("Arrumar a cama")	Enquanto ("Não chegar no banheiro"); então
Enquanto (Hora>=6); então	Dê mais um passo para frente
Escrever("Levantar");	Repita até chegar
Senão ("Continuar deitado")	

1.2 Exemplo detalhado: Robô despertador

Vamos considerar o algoritmo de um robô que tem a função de acordar o patrão de manha e após arrumar a sua cama e se recarregar.

Algoritmo	Comentários		
Ler hora de acordar	A pessoa precisa informar ao robô que horas ele		
	deve acordá-la. O robô é quem executa o algoritmo		
Enquanto não for hora de acordar repita	Verificação se está na hora de acordar		
	Se não for a hora de acordar (condição verdadeira),		
Espere 30 segundos	espere 30 segundos até verificar novamente		
	(horaAtual < horaAcordar)		
Fim enquanto	O laço termina quando for hora de acordar o patrão		
	(condição falsa)		
Acorde o patrão	Alguma ação que faça a pessoa acordar. Pode ser		
	um grito, uma música, um pontapé, etc.		
Enquanto o patrão não levantar repita	Esperar o patrão sair da cama		
Espere 30 segundos	Espere 30 segundos e verifique novamente		
Fim enquanto	O patrão levantou e liberou a cama		
Arrume a cama	O robô deve arrumar a cama		
Se a bateria estiver fraca então	Se a bateria do robô estiver fraca		
Enquanto não chegar perto da tomada	Verificação se está perto da tomada		
Ande em direção a tomada	Andar em direção a tomada		
Fim enquanto	Chegou na tomada		
Carregue a bateria	Carrega a bateria		
Fim se	Bateria carregada		

2. Etapas para Solução de Problemas

Para se elaborar um algoritmo, deve-se inicialmente realizar algumas etapas:

- 1. **Identificar a entrada**: ver como os dados vão ser fornecidos e de onde vão ser lidos. Podem ser lidos do teclado ou de um arquivo, por exemplo. A entrada pode ser uma sequência de números, texto, imagens, arquivos de música, etc. A entrada pode consistir de uma única informação (e.g. um número) ou de um grupo de informações. Existem programas também que não requerem entrada de dados.
- 2. **Identificar a saída**: quais informações devem ser fornecidas? E para quem? Devem ser impressas na tela do computador, devem ser gravadas em um arquivo ou devem ser enviadas pela internet?
- 3. Identificar o que deve ser feito: Deve-se entender bem o problema para elaborar uma solução apropriada.
- 4. Encontrar a melhor estratégia de solução: uma vez identificado o problema a ser resolvido, deve-se escolher a melhor forma de implementá-lo. Geralmente cada problema tem uma grande gama de soluções. Algumas são mais rápidas, outras exigem maior esforço de programação, outras são de fácil entendimento, outras requerem mais memória, e assim por diante.



Exemplos

1. Calcular a média de uma turma de alunos Entrada: uma sequência de valores numéricos variando entre [0, 10] Saída: um único valor numérico que representa a média dos n valores lidos O que fazer: somar todas as notas e dividir pelo número de notas lidas Estratégia: Pode-se ler todas as notas e guardar em um vetor para posterior processamento, ou pode-se, por exemplo, ler a nota, somar e a descartar. 2. Verificar se algum cartão da Mega Sena foi premiado Entrada: Saída: O que fazer: Estratégia: 3. Procurar uma palavra dentro de um texto Entrada:

Saída:

O que fazer:

Estratégia:

4. Fazer uma consulta de cadastro de cliente em um banco de dados

Entrada:

Saída:

O que fazer:

Estratégia:

5. Fazer uma jogada no Jogo da Velha

Entrada:

Saída:

O que fazer:

Estratégia:

6. Criar um personagem autônomo (inimigo) em um jogo de tiro (First person shooter)

Entrada:

Saída:

O que fazer:

Estratégia:

Exercícios:

Descreva uma sequência de passos para as seguintes atividades. Procure fazer uma versão bem simplificada (poucos passos) e outra bem detalhada, fazendo uso de testes condicionais e laços de repetição.

- 1. tomar banho
- 2. atravessar a rua
- 3. fritar um ovo
- 4. medir o peso de um objeto com uma balança
- 5. trocar o pneu furado de um carro
- 6. trocar uma lâmpada

3. Variáveis

Todo o processamento lógico de um algoritmo é baseado em variáveis. As variáveis em algoritmos, semelhante às usadas em equações matemáticas, são usadas para guardar valores (dados). As variáveis podem conter números inteiros, reais, texto, dados mais complexos, etc.

Deve-se prestar atenção ao se dar nomes as variáveis. Primeiramente, todo nome de variável deve iniciar com uma letra, e segundo, deve-se dar nomes sugestivos, como mostrado no seguinte exemplo.

```
Var: contador, soma, nome, nota1, nota2, nota3, endereco
contador = 10
nota1 = 10
nome = ler()
endereco = "Avenida Presidente Vargas"
soma = contador + 20
```

Para associar um valor a uma variável, deve-se fazer uma atribuição. Pode-se adotar várias sintaxes de atribuição de valores. Em ambos os casos, está sendo atribuído o valor 10 a variável contador.

```
contador = 10 contador \leftarrow 10 contador := 10
```

As variáveis podem receber valores de duas formas distintas: informadas pelo usuário, pelo comando ler(), ou atribuídas por meio de um operador de atribuição, como visto nos exemplos acima.

Antes de se utilizar uma variável, deve-se declará-la, com o uso da palavra **Var:**. Ao se utilizar uma linguagem de programação, além da declaração, deve-se também definir um tipo, que pode ser inteiro, real, texto, etc. No caso da linguagem C++, os tipos primitivos são: int, float, char, double e bool.

Deve-se tomar o cuidado de atribuir um valor a variável antes de acessar seu conteúdo. No exemplo acima, se a variável **contador** não tivesse sido inicializada com o valor 10, a expressão **soma = contador + 20** seria inválida, visto que não se saberia o valor da expressão.

A variável **endereco** foi inicializada com o texto "**Avenida Presidente Vargas**" e a variável **nome** com uma informação fornecida pelo usuário, através do comando ler(). A variável soma foi inicializada com o valor de uma expressão. Neste exemplo, seria inválido fazer a atribuição **soma = endereco + contador**, visto que as variáveis **endereco** e **contador** armazenam valores de tipos diferentes.

4. Comandos

Comandos são usados para **expressar alguma ação** que deve ser desempenhada pelo algoritmo. Os comandos podem ser simples, como por exemplo ler(), que indica que um valor deve ser lido (provavelmente do teclado), para alimentar alguma variável. Da mesma fora, o comando escrever() ou imprimir(), coloca alguma informação na "tela".

Pode-se também escrever comandos complexos como decidir (), desenhar (), calcular (), que podem, por exemplo, descrever ações cuja implementação pode ser muito complexa. Deve-se lembrar que um algoritmo não pode ser executado por um computador. Ele deve ser transcrito em alguma linguagem de programação antes de ser executado pelo computador.

Desta forma, devem ser facilmente compreendidos pelo programador. Comandos como ler () e escrever () são facilmente mapeados para funções que as linguagens de programação disponibilizam. Por outro lado, um

simples comando verificar_face(), que verifica se a imagem de uma pessoa casa com a foto da sua carteira de identidade, pode requerer milhares de linhas de código para ser implementada, isso se for possível.

O seguinte exemplo, composto por 5 comandos em alto nível, representa um algoritmo de extrema complexidade de ser implementado, pois os comandos são muito genéricos e não se aproximam de instruções ou funções comumente oferecidas por linguagens de programação.

```
Se você não estiver na cozinha então
  vá até a cozinha
fim se
Pegue um copo
encha de água
tome a água
```

Por outro lado, o seguinte exemplo pode ser facilmente transcrito para uma linguagem de programação, pois os comandos são facilmente interpretados.

```
Var: Valor
Valor = ler()
Incrementar( Valor )
Imprimir( Valor )
```

Existem várias formas de usar, por exemplo, o comando ler (), como visto no seguinte exemplo. As linguagens de programação oferecem alguns meios de realizar a leitura de dados. Em alguns exemplos foi utilizado um operador de atribuição.

Com o comando escrever () pode-se exibir informações geradas pelo algoritmo. Pode-se escrever dados de variáveis, mensagens ou combinação de ambos, como mostrado nos seguintes exemplos. Deve-se cuidar para não confundir a impressão de mensagens (entre "") com a impressão de valores.

```
Var: a, b
a = 100
b = "alo mundo"
escrever ( a ) → isso imprime o valor 100
escrever ( "a" ) → isso imprime a letra "a"
escrever ( b ) → imprime a mensagem "alo mundo"
escrever ("o valor de a vale" + a) → concatena a mensagem com o valor de a
```

Pode-se utilizar o comando escrever para dar instruções ao usuário do que deve ser feito.

```
Var: nota
escrever ( "Digite o valor da nota" )
ler( nota )
escrever ( "A nota lida foi: " + nota )
```

5. Seleção e Operadores

Quando se deseja realizar uma operação aritmética, pode-se fazer uso de operadores aritméticos. Os mais comuns são +, -, *, /, % (resto da divisão inteira), como ilustrado nos seguintes exemplos.

```
a = a + b
b \leftarrow a * a
b = a * 12.55 + 66
b = ler() + c * 22
e = a + b * c
```

Existem regras de precedência de operadores. No ultimo exemplo apresentado, na expressão a + b *c, a multiplicação tem precedência sobre a soma, neste caso então será primeiro realizada a multiplicação de b com c para então ser realizada a soma. A forma mais legível e garantida para evitar erros de precedência é com o uso de parênteses, como mostrado no seguinte exemplo.

```
e = a + (b * c)

e = (a + (b * c)) * 4

e = (ler() * 55) + ler()
```

A linguagem C e derivadas oferecem outros operadores aritméticos como ++, --, +=, dentre outros, como nos seguintes exemplos.

```
x++ x-- --x a = 10 a = a++; //a = 10 pois a eh incrementado após a avaliação. \textcircled{3} a = ++a; //a = 11 pois a eh incrementado antes da avaliação. \textcircled{3} x += 2 y = x++ a *= 33
```

Isso permite criar código bizarro, que deve ser evitado ao máximo

```
Se (a++ > --b ) então
    Escrever("verdadeiro")
Senão
```

Todo algoritmo ou programa é baseado em expressões condicionais. É por meio delas que se pode tomar decisões em desvios condicionais e laços de repetição. Uma expressão condicional ou é verdadeira ou falsa. Não existe valor intermediário.

```
Se já é uma hora da tarde então
   Vá para o trabalho
Senão
   Vá assistir televisão
Fim se
```

Expressões condicionais podem também ser compostas de vários argumentos, conectados por operadores lógicos E, OU e NÃO, com no seguinte exemplo.

```
Se (já é uma hora da tarde) E (o dia estiver ensolarado) então
Vá para o trabalho
Fim se
```

Neste exemplo, a expressão somente será verdadeira se (hora > 13) e (dia ensolarado). Caso qualquer um dos argumentos for falso, toda expressão será falsa. As seguintes tabelas mostram o resultado da expressão para operadores (com sintaxe da linguagem C).

Tipo do Operador	Exemplo	Descrição
Aritméticos		
+, -, *, /,	f = a+b;	Operações aritméticas convencionais
% (módulo)	c = a%b;	c recebe o resto da divisão inteira de a por b
		Ex: $4\%2 = 0$, $3\%2 = 1$, $-1\%2 = -1$, $-4\%2 = 0$
Atribuição		
=	a = 10;	Inicializa a com 10
Incremento		
++	cont++;	Incrementa cont em 1
	cont;	Decrementa cont em 1
+=	cont+=5	Incrementa cont em 5
-=	cont-=3	Decrementa cont em 3. Equivale a cont = cont - 3
Relacionais		
=	a=b	Testa se a é igual a b
<,<=	a<=b	Testa se a é menor ou igual a b
<,<= >,>= !=	a>b	Testa se b é menor que a
	a!=b	Testa se a é diferente de b
Lógicos		
Е	a==1 && b==1	E (and) lógico
OU	a==1 b==1	Ou (or) lógico
Nao	a=!a	Negação (not)
xor		Ou exclusivo

Conjunção E

Condição 1	Condição 2	Resultado Lógico
F	F	F
F	V	F
V	F	F
V	V	V

Conjunção Ou

Condição 1	Condição 2	Resultado Lógico
F	F	F
F	V	V
V	F	V
V	V	V

Conjunção Não

Condição	Resultado Lógico
V	F
F	V

Conjunção Ou Exclusivo

Condição 1	Condição 2	Resultado Lógico
F	F	F
F	V	V
V	F	V
V	V	F

Geralmente os testes lógicos são aplicados sobre variáveis do algoritmo, como nos seguintes exemplos.

Escrever (b)
Fim se

Se (b = 10 E b < c) então //Na linguagem C "==" representa igualdade Escrever ("b vale", b)

Fim se

Inicio

Fim.

O seguinte exemplo mostra um algoritmo para ler e calcular a área de um quadrado e dizer se esta área é maior ou menor que 30. Neste exemplo, base, altura e área são variáveis que armazenam valores numéricos. Deve-se observar a **identação** dos comandos no caso de desvios condicionais.

```
Início
    Var: base, altura, area
    Escrever("digite o valor da base e da altura")
    Ler base, altura
    area = base * altura
    Se area < 30 Então
    Escrever ("a área é menor que 30 e vale ", area)
    Senão
    Escrever ("a área é maior ou igual a 30")
    Fim se
Fim.</pre>
```

No exemplo a seguir são apresentadas duas formas de fazer o mesmo algoritmo, porém a segunda forma é mais compacta e correta que a primeira, visto que evita a replicação de código.

```
Início
                                         Início
                                            Var: n, resp
   Var: n, resp
   Ler n
                                            Ler n
   Se n < 10 Então
                                            Se n < 10 Então
      resp = n * n
                                               resp = n * n
      Escrever resp
                                            Senão
   Senão
                                               resp = n + n
                                            Fim se
      resp = n + n
      Escrever resp
                                            Escrever resp
   Fim se
                                         Fim.
Fim.
```

Pode-se fazer encadeamentos grandes com a estrutura **se-senão**, como no seguinte exemplo. Observe que o último caso não possui teste condicional; este caso é considerado default. Caso nenhum teste seja verdadeiro, será executado este caso. Observe que será impressa uma **ÚNICA** mensagem:

```
Inicio
   Var: media
   Ler media
   Se media > 9 então
   Escreva "conceito A"
   Senão se media > 8 então
   Escreva "conceito B"
   Senão se media > 7 então
   Escreva "conceito C"
   Senão
   Escreva "conceito D - Reprovado"
   Fim se
Fim.
```

É muito comum também o uso de testes condicionais encadeados, como no seguinte exemplo:

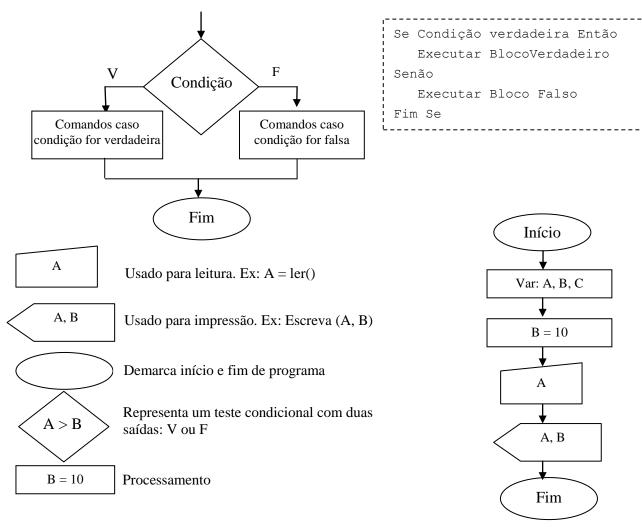
```
Inicio
   Var: A, B, C, D
   A = 10
   Ler B, C, D
   Se A > B então
      Escreva "A é maior que B"
      Se B > C então
                      → Neste <u>caso é impresso o valor de B</u>
         Escreva B
         \$e B = D ent\~ao
            Escreva "B é igual a D"
         Fim se
      Fim se
      Enquanto A > B repita
      A = A - 1
      Fim enquanto
      Escreva "Agora A é igual a B"
   Fim se
   Escreva "fim do programa"
Fim.
```

O seguinte algoritmo ilustra o cálculo para aprovação em disciplinas da UFSM. O cálculo é feito sobre duas notas (duas avaliações) e uma terceira nota, caso o aluno não seja aprovado por media (pegue exame).

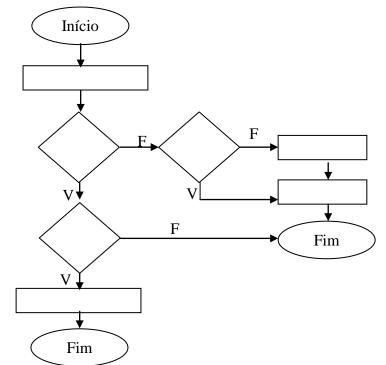
```
Inicio
  Var: n1, n2, media, exame
  Escrever("Digite as duas notas")
  Ler( n1, n2)
  media = (n1 + n2) / 2
   Se ( media >= 7 ) então
      Escrever ("aprovado com nota " media)
   Senão
      Escrever("Digite a nota do exame")
      Ler (exame)
      media = (media + exame) / 2
      Se media >= 5 então
         Escrever ( "Aprovado com nota" + media )
         Escrever ( "Reprovado com nota" + media )
      Fim se
   Fim se
Fim.
```

5.1 Outras notações gráficas para representação

A notação gráfica faz uso de fluxogramas para descrever as ações do algoritmo. Setas indicam em qual direção a execução deve seguir. O caminho a ser seguido é definição por desvios condicionais. Nos seguintes exemplos são apresentadas formas de representação de tomada de decisões. Outros elementos desta representação podem ser encontrados em [1].

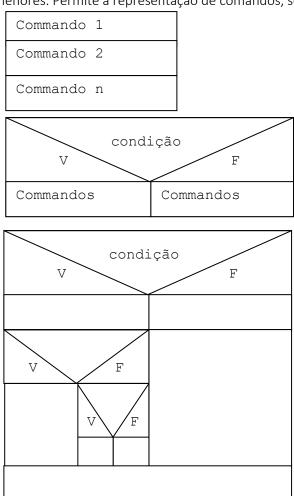


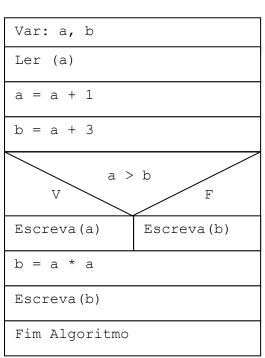
No seguinte exemplo tem-se encadeamentos de testes condicionais, e o fim do programa ilustrado em dois locais distintos.



11

Outra forma de representação é por meio de Diagramas de Nassi-Shneiderman. Esse diagrama permite uma visão estruturada e hierárquica do programa. Faz uso de um único retângulo, que pode ser subdivido em retângulos menores. Permite a representação de comandos, seleção e laços de repetição.





Exercícios:

Faça algoritmos para a lista de problemas que seguem, os quais estão ordenados em ordem crescente de complexidade. Para cada um deles, gerar uma entrada adequada e também uma saída, bem como variáveis que forem necessárias. Para cada um, utilize as seguintes notações: **Diagrama de Nassi-Shneiderman, fluxograma** e **português estruturado** (pseudocódigo). Após, teste as soluções em algum compilador, usando linguagem C.

- 1. Calcular a área de um retângulo. Deve-se ler a largura e altura.
- 2. Calcular a área de um círculo. Deve-se ler o raio.
- 3. Calcular a média de duas notas. As notas devem ser lidas.
- 4. Calcular o perímetro de um retângulo. Deve-se ler a base e altura.
- 5. Calcular a área de um triângulo qualquer. Deve-se ler os lados.
- 6. Calcular a razão entre área e perímetro de um retângulo.
- 7. Calcular quanto % maior um número é em relação a outro.

Com testes condicionais

- 1. Dizer se a área do quadrado é maior que 10.
- 2. Dizer se um número lido é positivo ou negativo.
- 3. Dizer se a área do quadrado é maior, menor ou igual ao seu perímetro.

- 4. Ler dois números que representam um intervalo [a,b]. Ler outro número c e dizer se ele está dentro do intervalo [a,b].
- 5. Dado um número lido pelo usuário, informar se ele:
 - a. está no intervalo [a,b],
 - b. no intervalo [c, d], sendo o intervalo [c,d] dentro do intervalo [a,b], ou
 - c. fora dos dois intervalos.
- 6. Ler as 3 notas de um aluno e dizer se ele deve ser aprovado (media >= 7), se deve fazer a prova substitutiva (media >= 5) ou se está reprovado (média < 5).
- 7. Ler dois números. Se o primeiro número for maior que o segundo, deve-se ler um terceiro. Se o terceiro número for maior que o segundo, deve-se ler um quarto número, senão ler mais dois números. Imprimir a soma de todos os números lidos.

6. Laços de Repetição

Quando precisamos que alguma operação seja realizada várias vezes, devemos fazer uso de laços de repetição. Da mesma forma como um teste condicional, um laço de repetição está associado a um bloco de comandos que deve ser executado enquanto a condição for verdadeira, com no seguinte exemplo. As operações comprar e pagar são executadas sequencialmente enquanto a pessoa tiver dinheiro. Quando o dinheiro acabar, a pessoa deve ir para casa. O comando usado para laços de repetição é o <u>enquanto</u>.

```
Vá ao shopping

► Enquanto tiver dinheiro repita
Compre
Pague
Fim enquanto
Vá para casa
```

A estrutura básica do laço enquanto é:

```
Inicialize variável
Enquanto variável for verdadeira repita
Incremente variável
Fim enquanto
```

Agora vamos transformar o algoritmo de compras no shopping em uma pseudo-linguagem. Para isso, devemos transformar os dados utilizados em variáveis. De imediato, devemos ter a variável dinheiro, que armazena a quantidade de dinheiro que a pessoa possui. Esse valor deve ser lido de algum lugar (teclado, banco de dados, etc.), pois o programa não pode "adivinhar" quanto dinheiro uma pessoa qualquer possui. Uma primeira versão muito simplificada e incompleta do algoritmo pode ser a seguinte:

```
Inicio
Ler dinheiro
Enquanto dinheiro > 0 repita
Compre item (equivalente a gaste dinheiro)
Pague pelo item
Fim enquanto
Fim.
```

Neste exemplo, as operações comprar e pagar não podem ser compreendidas por um programa de computador. A operação pagar deve alterar a quantidade de dinheiro que a pessoa possui. A operação comprar somente pode ser realizada caso a pessoa tiver dinheiro suficiente para comprar o determinado item, senão pode ficar no negativo, o que não é permitido neste problema. Agora, uma versão um pouco mais correta. Observe neste exemplo a identação entre os blocos **se** e **enquanto**.

```
Inicio

Var: dinheiro, Valor_item

Escrever "va ao shopping"

Ler dinheiro

Enquanto dinheiro > 0 repita

Ler valor_item

Se dinheiro >= valor_item então

Escrever "compre o item"

dinheiro = dinheiro - valor_item

Fim se

Fim enquanto

Escrever "va para casa"

Fim.
```

Cada vez que algo for comprado, faz-se uma diminuição do valor da variável dinheiro igual ao valor do item a ser comprado, que também deve ser lido de algum lugar. Neste programa, o comando Ler abstrai esta leitura. Este algoritmo está quase correto, pois uma característica de um algoritmo é que ele sempre deve ser finito. O que aconteceria se o valor de todos os itens de uma loja fosse maior que o dinheiro que a pessoa possui, ou se não existisse nenhum item que custasse exatamente o dinheiro que a pessoa possui? Para estes casos, que são muito comuns de ocorrer, o algoritmo não terminaria nunca. Para isso, usa-se a expressão "Entrou em Loop".

Para solucionar este problema, uma estratégia simples seria finalizar o programa após um determinado número de tentativas de compra não realizadas. Eis uma versão desta estratégia, que após 10 tentativas inválidas, finaliza a execução. Observe que a variável contador foi inicializada com valor zero. Outra variação seria a contagem de 10 tentativas sucessivas. Faça essa modificação.

```
Inicio
    Var: dinheiro, valor_item, contador
    Ler dinheiro
    contador = 0
    Enquanto (dinheiro > 0 E contador < 10) repita
    Ler valor_item
    Se dinheiro >= valor_item então
    Escrever "compre o item"
    dinheiro = dinheiro - valor_item
    Senão
    contador = contador + 1
    Fim se
    Fim enquanto
Fim.
```

Neste exemplo, a variável contador é usada para armazenar o número de vezes que a compra não foi realizada. Quando chegar a 10 ou quando não tiver mais dinheiro, o programa finaliza a execução. Observe que no teste condicional do enquanto é utilizado o operador E. Analise o que aconteceria se fosse usado o operador OU.

Exercício: altere este algoritmo para que ele somente pare após 10 tentativas inválidas consecutivas de compra de algum item, ou seja, entre as tentativas inválidas não pode haver nenhuma compra.

Um exemplo simples e prático da utilização de laços de repetição é apresentado no seguinte exemplo, que imprime os N primeiros números inteiros iniciando em 0, sendo N informado pelo usuário. Deve-se observar a <u>identação</u> dos comandos no caso de laços de repetição. O usuário também informa o passo.

```
Inicio
| Var: N, cont, incremento, valor = 0
| N = Ler()
| incremento = Ler()
| cont = 0
| Enquanto cont <= N repita
| Escrever( valor )
| cont = cont + 1
| valor = valor + incremento
| Fim enquanto</pre>
```



Fazendo o chiqueirinho para N = 3 e incremento = 2. Observe que ele imprimiu 4 valores.

N	cont	incremento	valor	Saída
3	0	2	0	0246
	1		2	
	2		4	
	3		6	
	4		8	

O objetivo do Chiqueirinho é encontrar erros e não provar que o algoritmo não tem erros.

O seguinte programa faz a soma dos N primeiros números inteiros, sendo N informado pelo usuário.

```
Inicio
   Var: N, cont, soma
   N = Ler()
   cont = 1
   soma = 0
   Enquanto cont <= N repita
       soma = soma + cont
       cont = cont + 1
   Fim enquanto
   Escrever( soma )
Fim.</pre>
```

Pode-se também utilizar a estrutura de repetição "para" de forma similar. Deve-se utilizar este comando quando se sabe de antemão o número de interações que vão ser necessárias. Por convenção, neste texto, no comando **Para** a variável de controle não é incrementada automaticamente em 1. Desta forma deve-se dentro do laço fazer o incremento apropriado da variável.

Exemplo: Programa para calcular a soma dos N primeiros números inteiros

```
Inicio
                                           Inicio
   Var: N, contador, soma
                                             Var: N, contador, soma
   N = Ler()
                                             Ler(N)
   contador = 0
                                             soma = 0
   soma = 0
                                             para(contador = 0 ate N) faça
   Enquanto contador <= N faça</pre>
                                                soma = soma + contador
      soma = soma + contador
                                                contador = contador + 1
      contador = contador + 1
                                             Fim para
   Fim enquanto
                                             Escrever ( soma )
   Escrever soma
                                          Fim.
```

Outra forma para representar laços é por meio da estrutura repita-enquanto. Esta deve ser usada quanto deve-se processar o laço antes de realizar qualquer teste, como mostrado no seguinte exemplo.



Pode-se também utilizar operadores lógicos dentro de testes condicionais. O seguinte exemplo ilustra um programa para tentar descobrir com 5 tentativas um valor predefinido. O símbolo # é usado para indicar comentários.

```
Inicio
  Var: valor, tentativa, Max tentativas, Num tentativas
  Max tentativas = 5
  Num tentativas = 0
                #valor que o usuário devera tentar descobrir
  valor = 20
  Ler tentativa
  Enquanto tentativa != valor E Num tentativas < Max tentativas repita
     Ler tentativa
     Num tentativas = Num tentativas + 1
   Fim enquanto
  Se tentativa == valor então
     Escrever ("você acertou o numero")
     Escrever ("você não acertou o numero")
  Fim se
Fim.
```

Programas mais elaborados podem requerer laços de repetição aninhados, ou seja, um laço de repetição dentro de outro laço de repetição, como mostrado no seguinte exemplo (versão com **para** e versão idêntica com laço **enquanto**):

```
Inicio
                                       Inicio
   Var: a, b, N = 4
                                          Var: a, b, N = 4
   Para a = 1 até N repita
                                          a = 1
      Para b = a até N repita
                                          enquanto a <= N repita</pre>
         Escrever(b)
                                              b = a
         b = b + 1
                                              enquanto b <= N repita</pre>
      Fim para
                                                 Escrever(b)
      a = a + 1
                                                 b = b + 1
   Fim para
                                              Fim para
Fim.
                                              a = a + 1
                                          Fim para
                                       Fim.
```

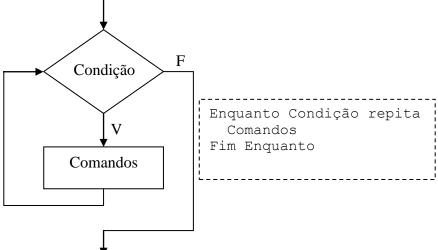
Para N = 4, esse programa imprime a sequência 1 2 3 4 2 3 4 3 4 4.

Deve-se observar com atenção a variação dos valores das variáveis **a** e **b** com o uso do comando **para**.

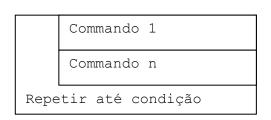
- A variável a é inicializada uma única vez, quando o laço mais externo é executado.
- A variável b é inicializada toda vez que o laço externo executa, mas não quando o laço interno executa.

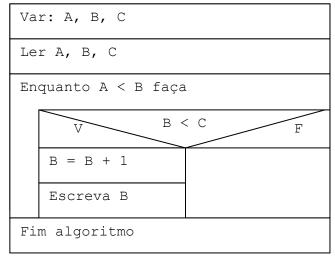
6.1 Outras notações gráficas para representação

Na representação de fluxograma, setas indicam em qual direção a execução deve seguir. O caminho a ser seguido é definição por desvios condicionais. Nos seguintes exemplos são apresentadas formas de representação de laços de repetição.



Outra forma de representação é por meio de Diagramas de Nassi-Shneiderman. Esse diagrama permite uma visão estruturada e hierárquica do programa. Faz uso de um único retângulo, que pode ser subdivido em retângulos menores. Permite a representação de comandos, seleção e laços de repetição.

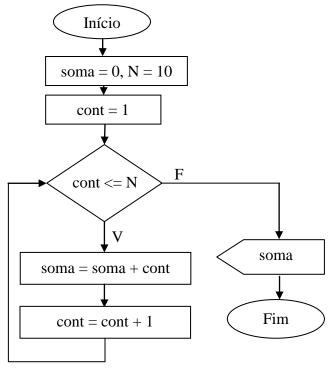




O seguinte exemplo apresenta uma forma detalhada de representar um laço de repetição utilizando-se

fluxogramas.

```
Inicio
  Var: cont, soma, N = 10
  soma = 0
  Para cont = 1 até N repita
      soma = soma + cont
      cont = cont + 1
  Fim enquanto
  Escrever( soma )
Fim.
```



Exercícios:

- 1. Explique quanto se deve usar um for e quando um while. Dê exemplos teóricos de cada.
- 2. Imprimir os números inteiros de 1 a 1000 usando enquanto e para.
- 3. Imprimir os números inteiros de 1 até um número fornecido pelo usuário.
- 4. Imprimir os números pares inteiros de 1 a N.
- 5. Imprimir a sequência 1, 100, 2, 99, 3, 98, 50, 51. Faça uma versão para N sendo ímpar.
- 6. Imprimir a sequência 1, 2, 3, 4, 5, 6, 5, 4, 3, 2, 1 (com 1 e com 2 laços de repetição).
- 7. Imprimir os números inteiros entre dois valores fornecidos pelo usuário. A sequência pode ser crescente ou decrescente, dependendo dos valores fornecidos.
- 8. Dados 4 dígitos numéricos fornecidos pelo usuário, gerar um único número decimal. Ex: (2,3,2,0) = 2320
- 9. Imprimir os primeiros N elementos da sequência de Fibonacci. 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13,
- 10. Imprimir a sequência: 11 221 3321 44321 554321 6...

Tratamento de entrada do usuário:

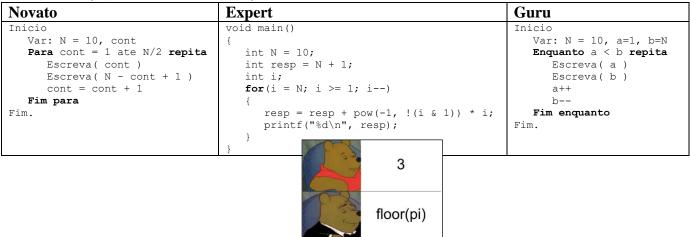
- 11. Ler dois números A e B, sendo A > 10 e B < 100.
- 12. Ler uma senha numérica até que o usuário acerte a senha. Após imprimir mensagem de acesso autorizado.
- 13. Fazer uma entrada de dados que só aceita valores superiores aos que já foram fornecidos
- 14. Ler valores A e B até que A<B.
- 15. Escrever a sequência de números inteiros decrescentes entre M e N. Os limites devem ser fornecidos pelo usuário e devem satisfazer a condição.

Cálculos:

- 1. Calcular a soma dos N menores números inteiros positivos.
- 2. Calcular a potência N^M usando laços de repetição.
- 3. Calcular o fatorial de um número.
- 4. Informar se um número é primo.
- 5. Dividir um número real N por outro real K até que N seja maior que M.
- 6. Calcular a somatória 1/2 + 1/4 +1/8 + 1/16 para N termos, sendo N grande.
- 7. Calcular a somatória 1/2 + 1/3 + 1/4 + 1/5 para N termos, sendo N grande.
- 8. Sendo A=12345 e B=12, e assumindo 3 e 7 os respectivos incrementos de A e B. Faça um algoritmo para encontrar os valores de A e B quando a diferença entre eles é mínima.
- 9. Dadas três notas (prova, trabalho, teste), gerar a nota final considerando que cada uma das notas tem peso P_N associado, sendo P1 + P2 + P3 = 1.

10. Calcular o valor anual e total de um financiamento bancário de 20 anos, onde o valor da prestação inicial é 700,00, e com reajuste da prestação em 0.85% ao mês.

Exercício Resolvido: programa para imprimir a sequência 1, 10, 2, 9, 3, 8, 4, 7, 5, 6. As seguintes soluções tratam o caso de N ser par, em versões Novato, Expert e Guru.



7. Funções

Para melhor estruturar o algoritmo e facilitar reutilização de código, uma boa prática é o uso de subalgoritmos (procedimentos ou funções). Uma função nada mais é que outro algoritmo que é chamado por um algoritmo para desempenhar uma tarefa específica.

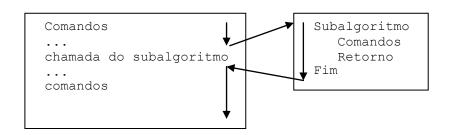
Para funções que requerem um maior número de linhas de código a vantagem é mais visível ainda. Além da redução de código, outra característica é mais vantajosa ainda. Considere o caso de um trecho de código extenso, complexo e redefinido várias vezes em um mesmo programa. Se for detectado algum erro nesse código, deve-se fazer a atualização em todas as ocorrências do código, o que toma um tempo enorme e pode ser susceptível a erros ou esquecimentos, acarretando em erros que são extremamente difíceis de serem encontrados.

No seguinte exemplo, define-se a função média, que retorna a média de dois números. Esta função é chamada pela função principal(), que é obrigatória em qualquer programa. Para chamar uma função, deve-se escrever o seu nome. Funções podem receber parâmetros ou não. No seguinte exemplo, a função media() recebe como argumento dois valores que devem ser somados e divididos por dois. O comando retorne é usado para indicar que a função finalizou.

Existem dois tipos de funções: as que retornam e as que não retornam valores. No seguinte exemplo, a função está retornando o valor da variável M. Este valor é então atribuído as variáveis C e D, presentes na função principal, um para cada chamada da função media ().

```
Função Media(n1, n2)
    Var: M
    M = (n1+n2)/2
    Retorne M
Fim Função

Início
    Var: A, B
    Ler A, B
    C = Media(A, B)
    D = Media(30, 11)
    Escrever (C, D)
Fim.
```



O comando Retorne é usado para parar a função. Nenhum comando localizado após o Retorne é executado, como no seguinte exemplo. Caso esse comando não seja executado, ao final da função sempre existe um retorno implícito, mesmo que o usuário não o coloque.

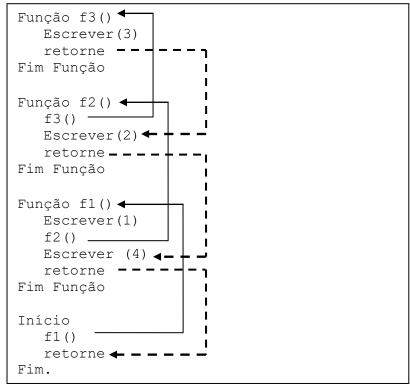
```
Função f1(valor)
Se valor < 10 então
Retorne
Senão
Imprime (valor*valor)
Fim se
Fim Função

Função f1(valor)
Se valor < 10 então
Retorne
Senão
Imprime (valor*valor)
Fim se
Retorne → comado implicito
Fim Função
```

Existem dois tipos de funções: as que retornam valores e as que não retornam. No exemplo anterior, o comando Retorne é usado simplesmente para finalizar a função. No seguinte exemplo, a função deve obrigatoriamente retornar algum valor.

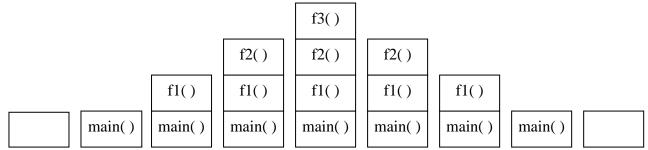
```
Função f2(valor)
   Se valor < 10 então
      Retorne valor
   Senão se valor < 20 então
      Retorne (valor*valor)
   Fim se
   Retorne 1
Fim Função</pre>
```

Uma função pode chamar outra função sem limite de chamadas, como no seguinte exemplo. Neste exemplo será impresso o resultado 1324, pois a função principal chama a função £1(), que imprime 1. Após, a função £1() chama a função £2(), que chama a função £3(). A função £3() imprime 3 e retorna para a função que a chamou, neste caso a função £2(). Após a chamada da função f3(), a função £2() imprime o valor 2 e retorna para a função £1(), que escreve o valor 4 e retorna para a função principal. Neste exemplo, as funções não tem valor de retorno. Quando todos os comandos de uma função são executados, a função retorna para o ponto onde foi chamada, mesmo que não exista um comando explícito retorne. Neste exemplo, por questões didáticas, foi adicionado o comando retorne ao final de cada função.





Chamadas de funções estão associadas a uma pilha (gerenciada pelo sistema operacional), que guarda as funções que foram chamadas para poder restaurar a configuração anterior quando a função retornar. Uma pilha tem a seguinte propriedade: somente pode ser removido o elemento que está no topo e todo novo elemento deve ser adicionado ao topo (LIFO — Last in, First out). Além de referências para as funções chamadas, também são armazenadas todas as variáveis locais às funções chamadas. Para o exemplo anterior, tem-se a seguinte evolução da pilha durante a execução do programa. A pilha inicia e finaliza na configuração vazia.



Quando o "computador" inicia, a pilha está vazia. Quando o programa começa a executar, é carregada na pilha a função principal (main()). Quando a função f1() é chamada, esta é empilhada na pilha, e assim sucessivamente. Quando uma função finaliza, esta é removida da pilha e toma-se a função logo abaixo como sendo a função em atual execução, com suas variáveis locais restauradas com o valor antes da chamada da função. Quando a pilha esvaziar, significa que o programa finalizou a execução.

As variáveis presentes nas funções são consideradas locais. Isso significa que duas funções podem ter variáveis com os mesmos nomes, porém serão consideradas variáveis distintas. Somente podem ser acessadas variáveis da função que estiver em execução.

Sabemos que uma função retorna para a função que a chamou, porém uma questão que deve ser bem observada é saber qual vai ser a próxima instrução executada após o seu retorno. No seguinte exemplo, é executado o próximo comando após a chamada, ou seja, o comando escrever("fim").

```
Início
f()
f()
escrever("fim")
Fim.

Função f()
Escrever("função f")
Fim Função
```

No próximo exemplo, pelo fato da função retornar um valor, o próximo comando a ser executado será a atribuição do valor retornado a uma variável, neste caso o comando a = 30.

```
Início
    Var: a
    a = f()
    escrever(a)
Fim.
Função f()
Retorne 30
Fim Função
```

Caso o retorno de uma função não for tratado, ele é ignorado. No seguinte exemplo, será impresso o valor 4, pois o retorno da função não foi atribuído a variável x local a função principal.

```
Início
    Var: x
    x = 4
    duplica(x)
    escrever(x)
Fim.
Função duplica(x)
Retornar (x * 2)
Fim Função
```

No seguinte código, será impresso o valor 8, pois o retorno da função foi atribuído à variável x.

```
Var: x
x = 4
x = duplica(x)
escrever(x)
Fim.
```

Funções podem ou não receber argumentos. Quando uma função não recebe argumentos, na declaração e na chamada basta apenas declarar a função.

```
Início Função f()
f() Escrever ("função f")
Fim. Fim Função
```

Quando uma função recebe argumentos, deve-se declarar uma variável para cada argumento passado. Cada variável declarada para receber argumento é considerada local a função. No seguinte exemplo, a função f() recebe 3 argumentos. Na chamada da função deve-se passar também 3 argumentos. O primeiro argumento passado é associado à primeira variável declarada na função, o segundo associado a segunda e assim por diante. Para o exemplo, o valor de x é atribuído à variável a.

Não se pode acessar variável definidas dentro de uma função em outra função. Considerando-se o exemplo anterior, seria um erro usar, por exemplo, a variável a dentro da função principal como usar x dentro da função f ().

```
Início

Var: x = 1, y = 2, z = 3

a = 100 \rightarrow \underline{\text{erro: a não definido}}

f(x, y, z)

Fim.

Função f(a, b, c)

Escrever (a, b, c)

y = a + b \rightarrow \underline{\text{erro: y não definido}}

Fim Função
```

Pode-se ter exemplos mais complexos com o uso de funções. A função soma () está sendo chamada 3 vezes. A primeira chamada é a soma (1,2). O retorno é usado como parâmetro para a chamada soma (3,3) e posteriormente a chamada para soma (6,4). O resultado desta última chamada é usado como argumento para a função escrever (10). A execução ocorre desta forma, pois uma função somente pode ser chamada quando se conhece seus argumentos.

```
Início

escrever(soma(soma(1,2), 3), 4))

Fim.

Função soma(a, b)

Retorne (a + b)

Fim Função
```

Passo a passo, esta chamada se resume a:

```
escrever( soma( soma( soma(1,2), 3), 4) )
escrever( soma( soma(3, 3), 4) )
escrever( soma(6, 4) )
escrever( 10 )
```

Este algoritmo pode também ser reescrito das seguintes formas. Qual delas é a melhor?

```
Início

Var: a, b, c

a = soma(1,2)

b = soma(a,3)

Início

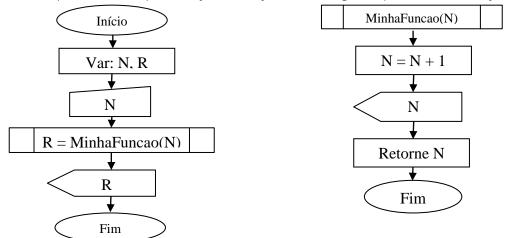
Var: a, b, c

a = soma(1,2)

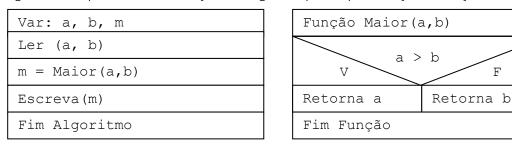
b = soma(3,4)
```

c = soma(b, 4)	c = soma(a,b)
escrever(c)	escrever(c)
Fim.	Fim.

No seguinte exemplo tem-se a representação de funções em fluxograma (chamada e definição da função).



No seguinte exemplo tem-se a utilização de diagramas para representação de funções.



<u>Exercício em Aula:</u> Implemente uma função para ler dois inteiros i e f, sendo i < f, e uma indicação de impressão dos números impares ou pares. A função deve chamar a função imprime () que escreve na tela apenas os números pares ou impares da sequência, conforme escolha do usuário. A determinação se os números são pares ou impares deve estar dentro de outra função.

7.1 Funções Recursivas

Uma função é dita <u>recursiva</u> quando ela a chama de forma direta ou indireta. Soluções que fazem uso de laços de repetição podem ser implementadas de forma recursiva, como no seguinte exemplo, que imprime os números inteiros de 1 a 10.

```
Início
    imprimeRec(1)
    imprimeRec(1)
    Se(valor > 10) entao
    Retorne
    Fim se
    escrever (valor)
    imprimeRec(valor + 1)
    Fim Função
```

Para imprimir os números em ordem decrescente, basta mudar a posição do comando escrever.

```
Início

imprimeRec(1)

Função imprimeRec(valor)

Se(valor > 10) entao

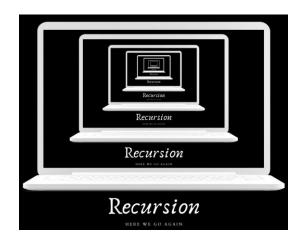
Retorne

Fim se

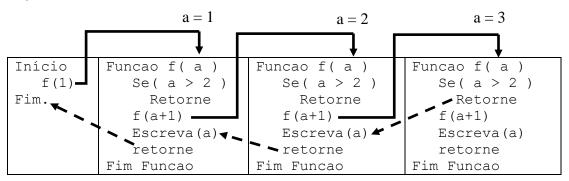
imprimeRec(valor + 1)

escrever (valor)

Fim Função
```



O seguinte diagrama ilustra o funcionamento de uma função recursiva que imprime os números inteiros decrescentes de 2 a 1. As linhas sólidas representam chamadas e as linhas pontilhadas o retorno. Por questões didáticas, é feita uma cópia da função cada vez que ela é chamada. Como exercício, faça diagramas de execução semelhantes para os demais exemplos apresentados nesta seção. Sempre que uma função retorna, a execução volta para o próximo comando após a chamada da função. Para o exemplo, após a chamada recursiva da função, o próximo comando é Escreva (a).



Toda função recursiva deve ter um teste de parada. No exemplo anterior o teste (valor>10) faz com que a função retorne quando o argumento passado ultrapassar 10. Observe que a cada chamada o valor do argumento é aumentado em 1. A função retorna para o local onde foi feita a última chamada, que pode ser a própria função.

Pode-se também elaborar algoritmos complexos com o uso de funções recursivas, como no seguinte exemplo. Faça uma depuração e diga qual será a resposta impressa por este algoritmo.

```
Início
    imprime(1)
    Se valor = 5 então
    Retorne
    Fim se
    Escrever(valor)
    imprime(valor + 1)
    imprime(valor + 1)
    Fim Função
```

Como qualquer outra função, pode-se passar um número qualquer de argumentos para uma função, como no seguinte exemplo que imprime os números inteiros de 1 a N, sendo N lido.

```
Início
    Var: N
    Ler N
    rec(1, N)
Fim.

Função rec(valor, limite)
    Se valor > limite então
        Retorne
    Fim se
    Escrever(valor)
    imprime(valor + 1, limite)
    Fim Função
```

Os casos mais complexos de recursão ocorrem quando a função deve retornar valores. No seguinte exemplo, calcula-se a soma dos números de 1 a 10 de forma recursiva. Deve-se sempre armazenar o valor retornado pela chamada recursiva. Neste exemplo, a variável res contem os seguintes valores em ordem cronológica: 10, 10+9, 10+9+8, etc. De forma semelhante, pode-se implementar uma função para calcular o fatorial de um número. Observe que com o uso de funções recursivas pode-se evitar o uso de laços de repetição. Porém, geralmente a solução que faz uso de laços é mais eficiente que a solução recursiva, visto que não necessita alterações na pilha do sistema. Funções recursivas são geralmente utilizadas em algoritmos para manipulação de árvores, como será visto na disciplina de Estruturas de Dados.

```
Versão recursiva
                                        Não recursiva
Função Soma (valor)
                                         Função Soma (valor)
   Var: res = 0
                                            Var: res, cont
   Se valor = 10 então
                                            res = 0
      Retorne 10
                                            Para cont = 1 até 10 repita
   Fim se
                                               res = res + cont
                                               cont = cont + 1
   res = res + Soma(valor + 1)
  Retorne res
                                            Fim Para
Fim Função
                                            Retorne res
                                         Fim Função
Início
   Escrever (Soma(1))
Fim.
```

Funções recursivas que retornam valores devem retornar alguma coisa em todos os casos. O seguinte exemplo hipotético ilustra um erro (destacado em negrito).

```
Função F(valor)
   Se (valor == 10 ) entao
        Retorna 10
   Fim se
   Se (valor > 0 ) entao
        Retorna F( valor + 1 )
   Fim se
        Retorna
Fim Função
```

Pode-se também fazer uma solução que incrementa a media que a recursão é chamada. Assim que a recursão parar, o resultado é impresso. Observe que essa função não tem retorno.

Exercícios sobre funções recursivas (em ordem crescente de complexidade)

- 1. Imprimir os números inteiros de 1 a 20
- 2. Imprimir os números pares de 2 a 10
- 3. Imprimir os números pares de 10 a 2
- 4. Imprimir a sequência 1, 2, 3, 4, 5, 6, 5, 4, 3, 2, 1
- 5. Imprimir a sequência 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 8, 6, 4, 2
- 6. Função para calcular a somatória de N termos. S = 1 + 2 + 3 + ... + N
 - a. Com dois argumentos na função

- b. Com 1 argumento na função
- 7. Função para o cálculo do fatorial de um número, em várias versões:
 - a. F = 5*4*3*2*1 (multiplicação após retorno da função)
 - b. F = 1*2*3*4*5
 - c. A impressão (ou retorno) do valor deve ocorrer no momento da parada da recursão.
- 8. Função fatorial modificada para N termos: F=1*2*3*4*5*5 (o último número repete)
- 9. Função para calcular:
 - a. S = 5*1 + 4*2 + 3*3 (para N impar)
 - b. S = 6*1 + 5*2 + 4*3 (para N par)
 - c. Solução para qualquer valor de N
- 10. Função F = 1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 8 + 6 + 4 + 2 (somados nesta ordem)
- 11. Função F = (1*2*3*4*5*6*7*8*...*N) N (N-2) ... 6 4 2
- 12. Função fatorial modificada para N termos. Não podem ser criadas funções auxiliares. Elabore soluções com 1 e 2 chamadas recursivas. Neste exemplo N=5.
 - a. F = 1 * 2*2 * 3*3*3 * 4*4*4*4 * 5*5*5*5*5.
 - b. F = 5*5*5*5*5*5*4*4*4*4*3*3*3*2*2*1.

8 – Referências Bibliográficas

- [1] Celes, W., Cerqueira, R., Rangel, J. Introdução a Estruturas de Dados. Ed. Campus, 2004.
- [2] Mokarzel, F., Soma, N. Introdução a Ciência da Computação. Editora Campus. 2008, 429p.
- [3] Guimarães, A. M., Lages, N. A. C. Algoritmos e estrutura de dados. Livros Técnicos e científicos. RJ. 216p. 1985.
- [4] Veloso, P., et al. Estruturas de Dados. Editora Campus, 1983, 228p.

