PARAMETRIK DENKLEMLER VE KUTUPSAL KOORDINATLAR

PARAMETRIK DENKLEMLER

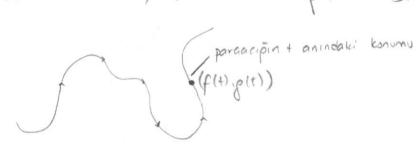
Eper x ve y , x=f(t) ve y=p(t) (t+I) sekinde tanımlarmış fonk-Siyonlar ise o zaman bu denklemler ile tanımlaran (xıy)=(f(t),p(t)) wiltalar kimesi bir parametrik epridir. Bu denklemlere eprinim parametrik denklemleri denir.

t: épri iain bir parametre

I : parametre avalupi

Eper I = [a,b], your astsb ise eprinn baslaying noktasi (fla), p(a)), bitis noktasi (flb), p(b)) olur.

Dralilla birlille, denletembere aprinin bir parametrizasyonu denir.



ay-dizlemmde handlet eden br paraacipin braktipi it, her taman br fonksiyonin veya tek br denklumm profipi depildir-

prafipini Gitinit.

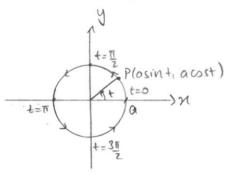
$$y = t+1 \Rightarrow t = y-1 \Rightarrow x = t^2 = (y-1)^2$$

$$t \to -\infty \Rightarrow x \to \infty, y \to -\infty$$

$$t \to \infty \Rightarrow x \to \infty, y \to \infty$$

Junel: x=acost, y=asint, 05+6271 parametrik denk. prafipini aitiniz.

$$n^2 + y^2 = a^2 \cos^2 t + a^2 \sin^2 t = a^2$$
 = a yaraapli
merkezil Gember
 $t=0$ => $n=a$, $y=0$
 $t=2\pi$ => $n=a$, $y=0$



x=acost ve y=asint denklimleri x2+y2=a2 cumberi "vzerindeli" harekuti tanımlar. [P] Omele: n = 1+20st , y = 2sint parametrizasyonu ile verilen epriyi bulun.

$$x=1+2\cos t \Rightarrow \cos t = \frac{x-1}{2}$$

$$y=2\sin t \Rightarrow \sin t = \frac{y}{2}$$

$$\Rightarrow (x-1)^{2} + y^{2} = 4 \text{ acmber i}$$

Parametrik Eprilerde Hesaplama

Tepetur ve Manter-

f ve p fonksiyonları + mktasında türevlenebilir ise x=flt) ve y=plt)
eprisi de + roktasında türevlenebilirdir. Türevlenebilir parametrik epri
üzerindeki bir roktada y de x 'in türevlenebilir fonksiyonu oldupundar
dy ve dzy iain parametrik formüller:
dn dnz

$$y' = \frac{dy}{dx} = \frac{\frac{dy}{dt}}{\frac{dx}{dt}} = \frac{p'(t)}{f'(t)}$$
 $(f'(t) + 0)$

$$y'' = \frac{d^2y}{dx^2} = \frac{dy'}{dx}$$

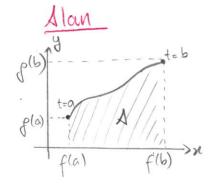
Ornell- N=sect, y=tent, - Tete T éprisinin (1/2,1) noktasındaki tepetinin denklemini bulunuz.

y=f(n) in (a,b) noktasindaki tepet denkumi: y-b=f'(a)(n-a)

$$\sqrt{12} = \sec t$$
 $t = \sqrt{1}$ $t = \sqrt{1}$

$$\frac{dy}{dn} = \frac{\frac{dy}{dt}}{\frac{dx}{dt}} = \frac{\sec^2 t}{\sec t - \tan t} = \frac{\sec t}{\tan t} = \frac{\frac{dy}{dx}}{\frac{dx}{dx}} \Big|_{t=\frac{\pi}{4}} = \frac{\sec(\pi u)}{\tan(\pi u)} = \frac{\pi u}{1} = \sqrt{2}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{\frac{dy}{dt}}{\frac{dx}{dt}} = \frac{1-3t^2}{1-2t} =) \quad \frac{d^2y}{dx^2} = \frac{\frac{dy}{dt}}{\frac{dx}{dt}} = \frac{-6t(1-2t) + 211-3t^2}{(1-2t)^2} = \frac{6t^2-6t+2}{(1-2t)^3}$$



$$\frac{x}{a} = cost$$
, $\frac{y}{b} = sint$ =) $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$

$$x=f(t) = acost \Rightarrow f'(t) = -asint$$

 $y=p(t) = bsint$

$$A = -\int_{0}^{\pi/2} b \sin t(-a \sin t) dt = \int_{0}^{\pi/2} a b \sin^{2}t dt = a b \int_{0}^{\pi/2} \frac{1 - \cos 2t}{2} dt = a b \left[\frac{t}{2} - \frac{\sin 2t}{4} \right]_{0}^{\pi/2}$$

Parametrik Olavak Tarimli Eprimin Uzunlypu

Eper (eprisi, n=f(t) ve y=p(t), as $t \in b$ ile parametrik olavak tanım + lanıyorsa ve t=a'dan t=b'ye artarken (eprisi üterinden sodece bir ket peqiliyorsa (nin utunlupu $l=\int \int (f'(t))^2 + (p'(t))^2 dt dir$

$$f'(t) = -r \sin t \implies (f'(t))^2 = r^2 \sin^2 t$$

$$f'(t) = -r \cos t \implies (p'(t))^2 = r^2 \cos^2 t$$

$$f'(t) = r \cos t \implies (p'(t))^2 = r^2 \cos^2 t$$