## MAT 1072/ Malematik 2

Kismi Threv / Yorks Threv / Tepet Distem - Normal Dopru

1) 
$$g\left(\frac{\pi}{2}\right) = yz$$
 ise  $\pi \frac{\partial z}{\partial n} - y \frac{\partial z}{\partial y} = z$  oldupunu posteriniz.

$$\frac{\partial z}{\partial x} = \frac{-f_{x}}{F_{z}} = -\frac{\frac{1}{2} \cdot \rho'\left(\frac{x}{2}\right)}{-\frac{x}{2^{2}} \rho'\left(\frac{x}{2}\right) - y}$$

$$\frac{\partial^2}{\partial y} = -\frac{Fy}{F_2} = -\frac{-2}{-\frac{\varkappa}{2^2}\rho'(\frac{\varkappa}{y})} - y$$

$$\frac{\partial z}{\partial x} = -\frac{fx}{Fz} = -\frac{\frac{1}{2} \cdot \rho'(\frac{x}{2})}{-\frac{x}{2^2} \rho'(\frac{x}{2}) - y}$$

$$x \frac{\partial z}{\partial x} - y \frac{\partial z}{\partial y} = \frac{-\frac{x}{2^2} \rho'(\frac{x}{2}) - y^2}{-\frac{x}{2^2} \rho'(\frac{x}{2}) - y} = z$$

2) Kabul edelim ki 
$$t$$
,  $x$  ve  $y$  nin sabit olmayan bir fonksiyonudur ve  $(p(2x-t^2), y-\frac{1}{3}t^3)=0$  denklemi ik kapalı olarak tonimlanmıştır. Buna pöre  $\frac{\partial t}{\partial x}+t\frac{\partial t}{\partial y}=\frac{1}{t}$  oldupunu posterin.

F: 
$$\varphi(2x-z^2, y-\frac{1}{3}z^3) = 0$$

$$V = y - \frac{1}{3}z^3$$

$$V = y - \frac{1}{3}z^3$$

$$V = y - \frac{1}{3}z^3$$

=) 
$$\frac{2 ( l u )}{2 + ( l u + t^2 ) ( l v )} + \frac{2 ( l v )}{2 + ( l u + t^2 ) ( l v )} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{\partial z}{\partial \theta} = \frac{\partial z}{\partial x} \cdot \frac{\partial x}{\partial \theta} + \frac{\partial z}{\partial y} \frac{\partial y}{\partial \theta} = \frac{\partial z}{\partial x} \cdot (-r\sin\theta) + \frac{\partial z}{\partial y} r\cos\theta = -y\frac{\partial z}{\partial x} + x\frac{\partial z}{\partial y} = 0$$

4) 
$$f(x_{i}y) = \sin \sqrt{x^{2}+y^{4}}$$
 ile verilen  $f$  fonksiyonu iain  $f_{x}(0,0)$  ve  $f_{y}(0,0)$  deperterini (mevaut iseler) bulunuz.  

$$f_{x} = \frac{2x}{2\sqrt{x^{2}+y^{4}}} \cos \sqrt{x^{2}+y^{4}} \Rightarrow f_{x}(0,0) = \frac{Q}{Q} \Rightarrow \text{Three mevaut depit digeneyit!}$$

$$f_{x}(0,0) = \lim_{h \to 0} \frac{f(0+h,0) - f(0,0)}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{\sin h}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{\sinh h}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{h}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{\sinh h}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{\sinh h}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{h}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{\sinh h}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{\sinh h}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{h}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{\sinh h}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{h}{h} = \lim_{$$

$$f_y(0,0) = \lim_{h \to 0} \frac{f(0,0+h) - f(0,0)}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{\sin h^2}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{\sinh^2}{h} \cdot \frac{h}{h} = 0$$

$$f_{x} = \lim_{h \to 0} \frac{f(x+h,y) - f(x,y)}{h} = \lim_{h \to 0} \frac{\ln((x+h)y^{2}) - \ln xy^{2}}{h}$$

$$=\lim_{h\to 0}\frac{\ln\left(\frac{x+h}{h}\right)}{h}=\lim_{h\to 0}\frac{1}{h}\ln\left(1+\frac{1}{x}h\right)$$

$$=\lim_{h\to 0}\ln\left(1+\frac{1}{2}h\right)^{1/n}=\frac{1}{2}$$

6) 
$$z = f(n_1y)$$
 we  $z = ny - cos(z^2 - 1)$  ise  $\frac{\partial^2 z}{\partial n^2}$  threwing  $P(2,1,1)$  role-tasindahi deperini bulun.

$$\begin{aligned} & \geq n = y + \sin(2^2 - 1) \cdot 2z \cdot 2x \\ & \geq xx = \left(\cos(2^2 - 1) \cdot 2z \cdot 2n\right) \cdot 2z \cdot 2x + \sin(z^2 - 1) \cdot \left(2z_x \cdot 2x + 2z \cdot 2nx\right) \\ & = \cos(z^2 - 1) \cdot \left(2z \cdot 2x\right)^2 + \sin(z^2 - 1) \cdot \left(2z_x^2 + 2z \cdot 2xx\right) \\ & \geq n|_{p} = 1 + \sin 0 \cdot 2z_x = 1 \\ & \geq xx|_{p} = 1 \cdot \left(2 \cdot 1\right)^2 = 4 \end{aligned}$$

7) 
$$z = z \ln iy$$
) ve  $\psi$  turevlenebilir bir fonksiyon olmak üzere,  $2z - x^2 = \psi(2z - y^2)$  olsun.  $y - zx + x - zy = ny$  oldupunu posteriniz.

$$2z_{x}-2x=2z_{x}$$
  $\varphi'(2z-y^{2})=) z_{x}=\frac{\pi}{1-\varphi'(2z-y^{2})}$ 

$$22y = (22y - 2y) \varphi'(2z - y^2) \Rightarrow 2y = \frac{-y\varphi'(2z - y^2)}{1 - \varphi'(2z - y^2)}$$

=) 
$$y + n + y = \frac{yn}{1-p'} - \frac{ynp'}{1-p'} = \frac{ny(1-p')}{1-p'} = ny$$

2 7 U.V 7 NIG

$$z=p(u,v)$$
,  $u=ln\frac{y}{n}=lny-lnn$ ,  $v=\frac{y}{n}$ 

$$\frac{\partial z}{\partial x} = \frac{\partial \varrho}{\partial u} \frac{\partial u}{\partial n} + \frac{\partial \varrho}{\partial v} \frac{\partial v}{\partial n} = \frac{\partial \varrho}{\partial u} \left( -\frac{1}{x} \right) + \frac{\partial \varrho}{\partial v} \left( -\frac{y}{n^2} \right)$$

$$\frac{\partial z}{\partial y} = \frac{\partial p}{\partial u} \cdot \frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial p}{\partial v} - \frac{\partial v}{\partial y} = \frac{\partial p}{\partial u} \cdot \frac{1}{y} + \frac{\partial p}{\partial v} - \frac{1}{x}$$

$$\mathcal{H}_{2n} + \mathcal{Y}_{2y} = -\frac{\partial \mathcal{C}}{\partial u} - \frac{\mathcal{Y}}{\mathcal{X}} \frac{\partial \mathcal{C}}{\partial v} + \frac{\partial \mathcal{C}}{\partial u} + \frac{\mathcal{Y}}{\mathcal{X}} \frac{\partial \mathcal{C}}{\partial v} = 0.$$

9) 
$$w = f(2nt - y - x^2, y - t^2, t - x)$$
 olmah üzere  $\frac{\partial w}{\partial x} + h(t) \frac{\partial w}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial t} = 0$ 

esittapini soplayon h fonksiyonunu bulunut

$$\frac{\partial w}{\partial n} = fu \cdot un + fv \cdot vn + fr \cdot rn = fu \cdot (2 - 2n) + fr (-1)$$

$$\frac{\partial w}{\partial y} = fu \cdot uy + fv \cdot vy + fr \cdot vy = fu(-1) + fv \cdot 1$$

$$\frac{\partial w}{\partial t} = fu \cdot u_2 + fv \cdot v_2 + fr \cdot r_2 = fu \cdot (2\pi) + fv (-2t) + fr \cdot 1$$

$$\frac{\partial w}{\partial n} + h(t) \frac{\partial w}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial t} = 0$$

$$(-fu+fv)(h(z)-2z)=0$$
  $(-fu+fv=0 =) h(z)=2z$ 

$$\frac{\vec{u}}{|\vec{u}|} = \langle \frac{u}{5}, \frac{3}{5} \rangle$$
 (Duf)<sub>Po</sub> =  $\nabla f|_{Po} \cdot \frac{\vec{u}}{|\vec{u}|} = \langle 10, -20 \rangle \langle \frac{u}{5}, \frac{3}{5} \rangle = 8 - 12 = -4$ 

11) 
$$f(my, t) = my+y2+n2$$
 fonksiyonunun  $P(1, -1, 2)$  noktasında  $\vec{u} = \langle 3, 6, -2 \rangle$  vektorü yönündeki türevini bulun.

$$\nabla f = \langle y+2, x+2, y+n \rangle = \nabla f|_{P} = \langle 1,3,0 \rangle$$

$$\frac{\vec{u}}{|\vec{u}|} = \left\langle \frac{3}{7}, \frac{6}{7}, -\frac{2}{7} \right\rangle \qquad (D\vec{u}f)_p = \nabla f|_p \cdot \frac{\vec{u}}{|\vec{u}|} = \left\langle 1, 3, 0 \right\rangle \left\langle \frac{3}{7}, \frac{6}{7}, -\frac{2}{7} \right\rangle = \frac{3}{7} + \frac{18}{7} = 3$$

- 12) f(ny) = n2+ny+y2 olsun.
- i) f fonksiyanu P(-2,1) roktasında  $\vec{v} = \vec{v} + \sqrt{2}\vec{j}$  veletörü yönünde artyor mu azalıyor mu?

$$\frac{7}{|\vec{v}|} = \left\langle \frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \right\rangle \qquad (D\vec{v}f)_{p} = \nabla f|_{p} \cdot \frac{7}{|\vec{v}|} = \left\langle -3, 0 \right\rangle \left\langle \frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \right\rangle = -\frac{3}{\sqrt{3}} < 0$$

$$\Rightarrow \text{ atalium}$$

ii) Hangi yonde f fonksiyonunun P(-2,1) roktasında depişimi yoktur?

$$D_{u}f|_{P} = 0 \Rightarrow \langle -3,0 \rangle.\langle u_{1},u_{2} \rangle = 0 \Rightarrow -3u_{1} = 0 \Rightarrow u_{2} = 0$$

$$u_1^2 + u_2^2 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1$$

13) f(ny) = n2-ny+y2-y olson. Asopidali sartlarda il gonlerini ve

Dufland deperterini bulunuz

a) Duf(
$$u_{i-1}$$
) en bûyûsk b) Duf( $u_{i-1}$ ) en kûxûsk c) Duf( $u_{i-1}$ ) =0

$$\nabla f = \langle 2x - y, -x + 2y - 1 \rangle$$
  $\nabla f |_{(1,-1)} = \langle 3, -u \rangle$ 

a) Dufluin en bujuk  $\nabla fluin = (3,-4)$  gonunde olur. Yani,

b)  $\operatorname{Duf}|_{(i,-i)}$  in which  $\operatorname{\nabla f}|_{(i,-i)} = \langle 3,-4 \rangle$  in ters younde our. Yani,  $\vec{u} = \langle -\frac{3}{5}, \frac{4}{5}, \frac{4$ 

c) 
$$\vec{u} = a\vec{i} + b\vec{j}$$
 olsun.  $\vec{u}$  birim veletor oldupundan  $a^2 + b^2 = 1$ 

$$(Duf)_{(1,1)} = 0 \Rightarrow \langle a_1b \rangle \langle 3, 4 \rangle = 0 \Rightarrow 3a - 4b = 0 \Rightarrow a = \frac{4b}{3}$$

$$= a = \frac{74}{5}$$

14) Harpi yonlarde 
$$f(my) = my$$
 the terrimine forksiyonum (2,0) notetasindaki yonlu tureni -1 olur?

(Duf)<sub>(2,0)</sub> =  $\nabla f|_{(2,0)} \cdot \vec{u} = -1$ 
 $\nabla f = y\vec{v} + m\vec{j} = \nabla f|_{(2,0)} = 2\vec{j}$ 

$$\vec{u} = a\vec{i} + b\vec{j}$$
 olsun. 3rim veltor oldupunden  $\sqrt{a^2 + b^2} = 1$   
= $1(2\vec{j})(a\vec{i} + b\vec{j}) = -1 \Rightarrow 2b = -1 \Rightarrow b = -\frac{1}{2}$   $\Rightarrow a^2 + \frac{1}{4} = 1 \Rightarrow a = \pm \frac{1}{2}$ 

$$=) \vec{v} = \mp \frac{\sqrt{3}}{2} \vec{r} - \frac{1}{2} \vec{j}$$

15) flany) = x y + e ms siny fonksiyonunun P(1,0) da en hizh artan ve en hizli azalan Olduğu yönleri bulunuz

f en nizh of yoninde arter = u = j (u = birim velitor)

(b) y = 0 simale beere fining, = = x - yz ile verilen f fonksiyons P(4,1,1) de en hitli harpit yonlerde depisir ve bu yonlerdeki depisim oranları (hitları)

$$\nabla f = \left\langle \frac{1}{y}, -\frac{\chi}{y^2} - \xi, -y \right\rangle \Rightarrow \nabla f|_{p} = \langle 1, -5, -1 \rangle$$

f en hitti  $\nabla f = \overline{1} - 5\overline{j} - \overline{k}$  yoninde arter ve en hitli joninde artalır.  $\langle \frac{1}{313}, -\frac{5}{313}, \frac{1}{313} \rangle$  yonin -Vf=-i+5j+h

<- 3/3 / 3/3 / 3/3>

yonunde atalır.

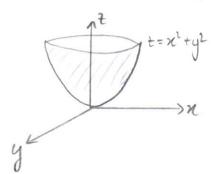
Bu yonlarde depisim oranlari (nitlari) sirasiyla

17) flag 2) = x2+y2-2 fonksiyonunun (1,1,2) noktasındaki seviye yüzeymi

$$f(n,y,t) = x^2 + y^2 - t = C$$

$$\Rightarrow f(1,1,2) = 1^2 + 1^2 - 2 = C \Rightarrow C = 0$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 - t = 0$$



18) 
$$u = u(v_1w)$$
,  $v = v(n_1y_1t)$ ,  $w = w(n_1y_1t)$  ise  $\nabla u = u_v \nabla v + u_w \nabla w$  oldupunu posterinit.

$$= \frac{\partial u}{\partial x} \frac{1}{2} + \frac{\partial u}{\partial y} \frac{1}{2} + \frac{\partial u}{\partial z} \frac{1}{2$$

19) 
$$\cos(\pi x) - x^2y + e^{x^2} + y^2 = 4$$
 yüzeyinm P(0,1,2) roktasındaki tepet  
düxtemmin denklemmi yazınız

$$F(n_{1}y_{1}z) = cos(\pi n) - n^{2}y + e^{n^{2}}tyz - 4 = 0$$

$$\nabla F = \left(-\pi sin(\pi n) - 2ny + 2e^{n^{2}}\right)^{\frac{1}{2}} + \left(-n^{2} + t\right)^{\frac{1}{2}} + \left(ne^{n^{2}}ty\right)^{\frac{1}{2}}$$

$$\Rightarrow \nabla F\Big|_{(0,1,2)} = 2^{\frac{1}{2}} + 2^{\frac{1}{2}}t^{\frac{1}{2}}t^{\frac{1}{2}}$$

Durtem denklemi = 
$$2(n-0)+2(y-1)+1(z-2)=0$$
  
 $2n+2y+z=4$ 

20)  $x^3 + 3x^2y^2 + y^3 + 4xy - z^2 = 0$  yüzeyi ile  $x^2 + y^2 + z^2 = 11$  küresi bir E eprisinde kesisiyorlar. P(1,1,3) rolltasında E eprisine tepet olan doprunun parametrik denklemlerini bulunuz

$$F = n^3 + 3n^2y^2 + y^3 + 4ny - t^2 = 0$$

$$G = n^2 + y^2 + t^2 - 11 = 0$$

$$\nabla F = \langle 3n^2 + 6ny^2 + 4y \rangle, 6n^2y + 3y^2 + 4n, -2z \rangle = |\nabla F|_p = \langle 13, 13, -6 \rangle$$

$$\nabla G = \langle 2n, 2y, 2z \rangle = |\nabla G|_p = \langle 2, 2, 6 \rangle$$

$$\nabla F \times \nabla G = \begin{vmatrix} \vec{1} & \vec{j} & \vec{k} \\ 13 & 13 & -6 \\ 2 & 2 & 6 \end{vmatrix} = \langle 90, -90, 0 \rangle$$

$$l = \begin{cases} x = 1 + 90t \\ y = 1 - 90t \\ \frac{1}{2} = 3 \end{cases}$$

21) z=x2+y2. yüzeyinin harpi roktasındaki tepet düzlemi P(1,2,3), O(2,1,4)
ve R(-1,2,5) roktalarından peccen bir düzleme paralel olur? Zulduğunuz bu
roktada yüzeye tepet olan düzlemin denklemini yaztınız.

$$\vec{n}_{1} = \vec{P}\vec{D} \times \vec{P}\vec{R} = \begin{vmatrix} \vec{1} & \vec{7} & \vec{1} \\ 1 & -1 & 4 \\ -2 & 0 & 2 \end{vmatrix} = \langle -2, -4, -2 \rangle$$

$$f(n_1y_1z) = n^2+y^2-z=0 \Rightarrow \vec{n}_2 = \nabla f = (2n_12y_1-1)$$

$$\vec{n}_{1} | \vec{n}_{1} =$$
  $2n = -2\lambda$   $\lambda = \frac{1}{2} = 2n = -\frac{1}{2}, y = -1, z = \left(-\frac{1}{2}\right)^{2} + \left(-1\right)^{2} = \frac{5}{4}$ 

$$A(-\frac{1}{2},-1,\frac{5}{4}) = \overline{n} = \nabla f(A = (-1,-2,-1)) = \frac{dirlim}{denklim} = (n+\frac{1}{2})-2(y+1)-(\frac{2}{2}-\frac{5}{4})=0$$

22) 
$$f$$
 fonksiyonu, lek depîşkenli ve türevlenebilir bir fonksiyon olmak üzere  $z = x f\left(\frac{y}{x}\right)$  yüzeyi üzerinde herhanpi bir  $P_{s}(x_{0}, y_{0}, z_{0})$  roktasında, yüzeye tepet olan düzlemin orizinden peatroini postermiz.

$$F = \pi f\left(\frac{y}{x}\right) - \xi = 0$$

$$F_{x} = 1. f\left(\frac{y}{x}\right) + \left(\frac{-y}{x^{2}}\right) f'\left(\frac{y}{x}\right) \cdot \mathcal{K} \Rightarrow F_{x}(P_{o}) = f\left(\frac{y_{o}}{x_{o}}\right) - \left(\frac{y_{o}}{x_{o}}\right) f'\left(\frac{y_{o}}{x_{o}}\right)$$

$$F_y = \chi \cdot \frac{1}{\chi} f'(\frac{y}{\chi}) \Rightarrow F_y(R_0) = f'(\frac{y_0}{\chi_0})$$

$$F_2 = -1$$

$$=)\left(f\left(\frac{y_0}{n_0}\right)-\left(\frac{y_0}{n_0}\right)f'\left(\frac{y_0}{n_0}\right)\right)(n-n_0)+f'\left(\frac{y_0}{n_0}\right)(y-y_0)-\left(z-n_0f\left(\frac{y_0}{n_0}\right)\right)=0$$

(0,0,0) da soplamalidir :

$$-\left(f\left(\frac{y_{0}}{n_{0}}\right)-\left(\frac{y_{0}}{n_{0}}\right)f'\left(\frac{y_{0}}{n_{0}}\right)\right)\kappa_{0}+f'\left(\frac{y_{0}}{n_{0}}\right)(-y_{0})+\kappa_{0}f\left(\frac{y_{0}}{n_{0}}\right)$$

$$=-f\left(\frac{y_0}{n_0}\right)n_0+\frac{y_0}{n_0}f\left(\frac{y_0}{n_0}\right)n_0-f'\left(\frac{y_0}{n_0}\right)y_0+n_0f\left(\frac{y_0}{n_0}\right)=0$$

23) p(nig) = y²e²x fonksiyonunun (2,-1) noktasındaki en büyük ve en küyük yönlü türevlerini ve hangi birim vektor yönünde bu depertere sahip olacapini bulunuz.

to buyuk yönlü türev deperi:  $|\nabla p| = \sqrt{(2e^4)^2 + (-2e^4)^2} = \sqrt{8}e^4$ Yönü:  $\vec{U} = \frac{\nabla p}{|\nabla p|} = \frac{\langle 2e^4, -2e^4 \rangle}{|\vec{8}e^4|} = \langle \frac{1}{|\vec{12}|}, -\frac{1}{|\vec{12}|} \rangle$ 

24) Bir düzlemin bir noktasındaki sıcaklık Tlnıy) = 100 n2+y2+1 fonksiyonu ile veriliyor.

a) I non serige éprilerinin selli nedur?

b) Düzlemin en sicale oldupu yer neresidir? Bu noktadaki sicalelile nedw?
c) (3,2) noktasında sicalelipin en gok arttipi yönü bulun.

Bu artisin buyuktupu nedir?

d) (3,2) roktasında sıcaklıpın en gok azaldıpı yönü bulun.

e) 13.2) noutasinda sicalilipin artma veya azalma postermedipi yoniu bulun.

a)  $T(n_1y) = \frac{100}{n^2 + y^2 + 1} = c = n^2 + y^2 = \frac{100}{c^2} - 1$ : Gember denklimi

b) En sicak yer, paydanin en kügük olduğu yer olacaktır. Bu nokta ise  $(x_1y) = (0,0)$  noktasıdır  $(x^2+y^2)$  deperini en kügük yapan nokta) T(0,0) = 100.

c) 
$$\nabla T = \left\langle \frac{-200x}{(x^2+y^2+1)^2}, \frac{-200y}{(x^2+y^2+1)^2} \right\rangle \Rightarrow \nabla T|_{(3,2)} = \left\langle \frac{-600}{196}, \frac{-400}{196} \right\rangle$$

$$= \frac{50}{49} \left\langle -3, -2 \right\rangle$$

Sicallik en cole  $\nabla T = \frac{50}{49} \left(-3, -2\right)$  yonunde  $\left(\left(-\frac{3}{\sqrt{13}}, -\frac{2}{\sqrt{13}}\right)$  yonunde artar.

Atisin buguletupu, 1771 = 50 19+4 ≈3,68

Yani, (3,2) noktasından <-3,-27 yönünde (orijme dipru) hareket edildipinde sıcaklık, uzaklık birimi başına 3,68 derecelik bir oranla artar

d) Sicalclik en nizli - VT = <3,27 yonunde ( \ \frac{3}{173} / \frac{7}{173} \ yonunde) atalir.

e) 77 Lû oldupu durunda sıcaklık depisim postermet.

$$\vec{u} = a\vec{1} + b\vec{7} \Rightarrow \nabla T \cdot \vec{u} = 3a + 2b = 0 \Rightarrow 3a = -2b$$

$$a^{2}+b^{2}=1 \Rightarrow \frac{4b^{2}}{9}+b^{2}=1 \Rightarrow 18b^{2}=9 \Rightarrow b=\mp\frac{3}{\sqrt{13}} \Rightarrow a=\mp\frac{2}{\sqrt{13}}$$

$$\vec{u}_1 = \langle \frac{2}{\sqrt{13}}, -\frac{3}{\sqrt{13}} \rangle$$
,  $\vec{u}_2 = \langle -\frac{2}{\sqrt{13}}, \frac{3}{\sqrt{13}} \rangle$ 

25) Z=sin(x+y2) yüzeyinin (TI,O) noktasındaki tepet düzleminin ve normal doprusunun denklemlermi bulun.

Tepet dutum: 
$$-1(x-\pi)+0(y-0)-1(t-0)=0 =) -x+\pi-t=0 =)x+t=\pi$$

Normal dopru: 
$$x=\pi-1-t$$

$$y=0+0+$$

$$y=0$$

$$z=0-1-t$$

$$y=0$$

26) p turevlenebiliv bir fonksiyon,  $\rho(0)=2$  olsun.  $z=xyp(\frac{y}{x})$  yüzeyme P(1,0,0) noktasında tepet olan dütlemm denklemmi bulun.

$$F = nyp\left(\frac{y}{x}\right) - t = 0$$

$$F_{\mathcal{H}} = \mathcal{Y}_{\mathcal{F}}\left(\frac{\mathcal{Y}}{\mathcal{H}}\right) + \mathcal{H}_{\mathcal{F}}\left(\frac{\mathcal{Y}}{\mathcal{H}}\right)\left(-\frac{\mathcal{Y}}{\mathcal{H}}\right) = \mathcal{Y}_{\mathcal{F}}\left(\frac{\mathcal{Y}}{\mathcal{H}}\right) - \frac{\mathcal{Y}_{\mathcal{F}}}{\mathcal{H}_{\mathcal{F}}}\left(\frac{\mathcal{Y}}{\mathcal{H}}\right) = \mathcal{F}_{\mathcal{H}}|_{\mathcal{F}} = 0$$

$$F_{y} = n \rho\left(\frac{y}{n}\right) + n y \rho'\left(\frac{y}{n}\right) - \frac{1}{n} = n \rho\left(\frac{y}{n}\right) + y \rho'\left(\frac{y}{n}\right) \Rightarrow F_{y}|_{p} = 2$$

$$F_2 = -1$$

Diztern denklemi: 
$$0.(x-1) + 2(y-0) - 1.(z-0) = 0 = )2y = z$$

27) z=arctan (x2-xy) yüzeyinin 10,-1) dehi tepet düzlemini bulun

$$F = \operatorname{arcten}(n^2 - ny) - t = 0$$

$$F_{n} = \frac{2n - y}{1 + (n^{2} - ny)^{2}} = F_{n} |_{(0, -1, 0)} = 1 , F_{y} = \frac{-n}{1 + (n^{2} - ny)^{2}} = F_{y} |_{(0, -1, 0)} = 0 , F_{z} = -1$$

$$abla F \mid (o_{i-1}, o) = \overline{j} - \overline{k}$$