EKSTREMIM DEGFRIER WE EYER NOKTALARI

f(n) fonksiyonu -> yatay tepet yerel mm.

(epri) yatay tepet yerel max

f(niy) fonksiyonu -> yatay tepet yerel mm

(yuzay) yatay tepet yerel mm

(yuzay) yatay tepet yerel max

Tanmler: f(xxy) fonksiyonu (a,b) noktasını ideren bir R bölpesinde tanımlı olsun. Eper (a,b) nin uypun bir komşulupundaki türn (xxy) ler idin,

- 1) f(xiy) & f(aib) ise (aib) noktasi f nin bir yerel maksimum noktasidir.

 (f(aib) noktasi da f nin bir yerel maks. deperidir)
- 2) flag) ?f(a,b) ise (a,b) noktasi f non bor genel minimum roktasidir. (f(a,b) noktasi da f non bir genel min. deperidir)

flug) nin maksimum-minimum deperterine elutremum deperter denir.

Yerel Ekstremum Deperler iam Brinci Türer Testi:

Eper $f(x_i, y_i)$, by (a_ib) rolltasinda yerel elistremuma sahipse ve ayni rolltada 1-mertebe liimi türevleri mevcutsa, $f_{x_i}(a_ib) = 0$ ve $f_{y_i}(a_ib) = 0$ dir.

Tarım: Bir flary) fonksiyonu tarım kümesindeki bir (aıb) noktasında asapidakilerden birini saplıyorsa (aıb) bir kritik noktadır:

- a) $f_n(a,b) = 0$ ve $f_y(a,b) = 0$
 - b) fra(a,b) veya fy(a,b) mercut depildir.
- fluig) fonksigonu ekstremum deperterini sadece kritik noktalarda
 ve sinir noktalarında alır, fakat her kritik nokta br yerel eks meydana
 setirmez.

Bir (a,b) kritik noktası ve yeterince küdük her hik sayısı iam; $f(a+h,b+k) - f(a,b) \ge 0 \Rightarrow f, (a,b) de bir yerel minimuma$ $f(a+h,b+k) - f(a,b) \le 0 \Rightarrow f, (a,b) de bir yerel maksimuma sahiptir.$

Tanim: f(xiy) bir (a,b) kritik noktasında yerel ekstremuma sahip depilse bu noktaya eyer noktası denir.

Ornele: f(xig) = x2+y2 fonksigonunun kaitik voktalarını bulup siniflandirin.

$$f_{x} = 2n = 0 \Rightarrow n = 0$$
 (0,0) : kritik voktar $f_{y} = 2y = 0 \Rightarrow y = 0$

f(0+4,0+4) - f(0,0) = 12+42 >0 => (0,0) yener minimum

Once: flag)=(x+y)2+y4 krithe roletalarin bulup siniflandirin

$$f_{n} = 2x + 2y = 0$$

$$f_{y} = 2x + 2y + 4y^{3} = 0$$

$$f_{y} = 2x + 2y + 4y^{3} = 0$$

$$f_{y} = 2x + 2y + 4y^{3} = 0$$

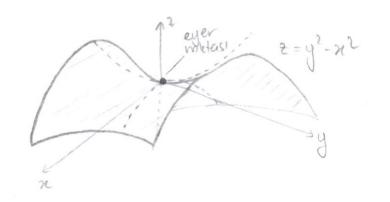
$$f_{y} = 2x + 2y + 4y^{3} = 0$$

 $f(0+h,0+k)-f(0,0)=(h+k)^2+k^4>0 =)(0,0)$ yerel minimum

Brue. f(my) = y2-x2 tritik routalarini bulup siniflandinin

$$f_{x} = -2x = 0 \Rightarrow x = 0$$
 (0,0) : kritik rokta
 $f_{y} = 2y = 0 \Rightarrow y = 0$

f(0+11, 0+12) - f(0,0) = 22-12 > 0 veya (0 slabilir => (0,0) = eyer noktasi



 $f(x,0) = -x^2 \Rightarrow (0,0)$: yevel max $f(0,y) = y^2 \Rightarrow (0,0)$: yevel mm. It we y youler, nottanin max veyor mm almost nottasinda Gelistrer.

By girden (0,0) yerel max/min

12

Yerel Ekstremun Deperler iam Îkinci Türev Testi:

flary) inm kendi tanım kilmesindeki bir (aıb) noktasında kritik noktaya sahip oldupunu kabul edelim. flavy) ile onun 1. ve 2. mertebe türevleri suremi ve frais) = fylais) = 0 oldupunu vorsayalim. Bu durumda $A = f_{NN}(a_1b)$, $B = f_{NN}(a_1b) = f_{NN}(a_1b)$, $C = f_{NN}(a_1b)$

olman viere,

5) 82-AC<0 ve A>0 ise f, (a,b) de bir yerel minimuma sahiptir.

i) B2-ACKO ve AKO ise f, (a,b) de bir yerel maksimuma sahiptir.

in) 82-AC>0 ise f, la, b) de bir eyer noktasına sahiptir.

M) B2-AC=0 ise test sonue vermet. f, (a,b) de bir max/mm depere vega bir eyer nowlasına sahip olabilir.

Ornal: flag) = 2n3 - bay +3y2 fonksiyonunun kritik roktalarını bulup siniflandirin

$$f_{n} = 6x^{2} - 6y = 0$$
 =) $x^{2} = y$ } $y^{2} = y$ } $y = 0$ =) $x = 0$ =) $(0,0)$ } kritik noktalar $f_{y} = -6x + 6y = 0$ =) $x = y$ } $y = 1$ =) $x = 1$ =) $(1,1)$ }

$$A = fnn = 12n$$

$$B = fny = -6$$

$$C = fyy = 6$$

$$A = 12n$$

Drule - f(nig) = x3 - 3x2 + 3xy2 - 3y2

y=0 =) $3x^{2}-6x=0=1x=0$, x=2=)(0,0), (2,0) $fn = 3n^2 - 6x + 3y^2 = 0 - - (*)$

fy = 6ny - 6y = 0 = 16y(n-1) = 0m=1=) y=1=) y=71=) (1.1), (1,-1)

A=fnn=6x-6 C=6x-b) B2-4() A=6x-6

0-36 < 0 yere max B=fmy=by (0,0) 9 1=-630 eyer noktası 36 >0 C = fyy = 6x-6 (1,4) 0 0

eyer voltasi 36 >0 0

-36<0 yeard man (2,0) 6 1=670