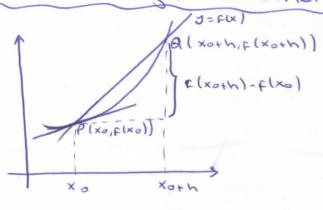
Ortolomo) Degisim Oranlari ve Bir Egrinin Egimi



A=tx1 tourside unun Exe'xety] araliginda, x'e gore (ortoloma)

f'in [xo, xoth] doki degisim orani geometrik dorak, P ve Q'dan geren doğrunun eğimidir. PA kiristir.

Eger a'yu egri boyunco P'ye yaklastırır ve limite gecerset egrinin P nottamadati egimini buluruz.

Egrinin P deki tegeti bu eğim ile P'den geren doğrudur

Tenim: f(x) fonksiyonun xo doki tarevi f'(xo) ile gosterilin ve limitin van olmosi Losulu ile

F'(x0)= 1:m F(x0+h)- F(x0) donal tonimlanir. Bu durumdo

f fontsigonunum xo de torevlenebilir olduğu söylenin.

Genel alarak; yetixi tanksiyanunun türevi, limitin var alması

topulu ile f'(x1=1im f(x+h)-f(x)

E'(x) tonksiyonudur.

* y=f(x) tonkingonum torevinin bircok notosyone vordin:

$$f'(x) = g'(x) = g' = \frac{dx}{dy} = \frac{dx}{dt} = \frac{dx}{dt} f(x) = 0$$

* x=xo dok; torev votorhoujous:

$$E_{(x9)} = \lambda_{(x9)} = \frac{qx}{q^{2}} = \frac{qx}{q^{2}}$$

H lim f(xoth)-f(xo) limiti:

O y=f(x) fonksiyonunun x=xo noktosindoki grafiğinin eğimi

tegetinin "

3 flxlin x=xo noktosindo x degiskenine bogli degisim orani

@ xo doki f(xo) torevi

enlamlarina getir.

@f(x)= VI+x2 ise f'(x) "i tonimi kullonaral bulunus.

11m + (x+h) - E(x) = 11m /1+(x+h)2 - 11+x2

= 1 im 1+ (x+h)2- (1+x2) = 1 im x(h+2x) = x

Sagdon-Soldon Torevier:

Bir f fonksiyonunun x=a daki sagdan türevi, eğer limit meucutsa:

f+lal=lim flath)-fla) slaral

Bir + Fonksiyonunun' soldon türevi, eğer limit mevcutso

* t toursidounum x=0 qo tousne sorib opuer iciu ff (a) = f (0) olmolidir.

$$\bigotimes_{\{2x-3, x>1\}} \{x^2-2, x\leq 1 \\ \{2x-3, x>1\} \quad \text{hesoplayiniz.}$$

Kapali Aralikto Torevlenebilirlik!

*y=f(x) tonksiyonu bir acık oralığın her noktasında bir türe-ve sahipse "pçık aralıkta türevlenebilirdir".

Bir f(x) fonksiyonu, (a,b) acık aralığında türevlenebilir ve lim flath)-flat (x=a nottamada sag tirev) ve

lim f(bth)-f(b) (x=b de sol tirev) limitleri mercutia

bu tontingen [a,b] de turenlenebilindin.

REger f(x) tonksiyon, x=xo do tirevenebilir bir tonksiyon

fook Torevii => fook. Sorekli v

Font. Siretsiz => Font. Tirevsiz 1

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 2, & x \leq 1 \\ 2x - 4, & x > 1 \end{cases}$$

\$\frac{\frac{1}{2x-4}, \quad \times 1}{2x-4, \quad \times 1}\$

\[
\frac{\frac{1}{2}\frac

=> fonk. x=1 de soreksiz => x=1 de

€ f(x)= |x²-11 fonksiyonu x=1 de torevenerez ancak bu noktoda sireklidir. Gösteriniz.

11 x +11+ x +1+ (x2-1.) = 0 = t(1)

the thing the state of the stat

 $f'(1) = \lim_{h \to 0^{-}} \frac{f(1+h)-f(1)}{h} = \lim_{h \to 0^{-}} \frac{1-(1+h)^{2}-0}{h} = \lim_{h \to 0^{-}} \frac{h^{2}+2h}{h} = -2$ lenemes

Torer Almo Kurollari

$$\mathbb{E}\left[\frac{3(x)}{6(x)}\right]_{i} = \frac{(3(x)-3(x)-3(x)-6(x))}{(3(x)+0)}$$

$$\Theta = Sin(\epsilon(t)) = (0) = \frac{\pi}{3}, \ \epsilon'(0) = 4$$

$$\frac{dr}{dt} = \frac{2}{3t} = \cos(\epsilon(t)), \ \epsilon'(0) = 12$$

$$\frac{dr}{dt} = \cos(\epsilon(0)), \ \epsilon'(0) = 12$$

$$g'(2)=?$$

$$g'=f'(g(x)), g'(x) \rightarrow g'(2)=f'(g(2)), g'(2)=-5$$
http://avesis.yildiz.edu.tr.pkanar/dokumanlar

y=f(x) bir egri ve P(xo,yo) egri bzerinde bir nokto olsun. Bu durumda x=xo dan geren teget dogrinum egimi m_T=f'(x0) ve teget dograma denklemi y-y0=m_T.(x-x0) dir.

Normal doğrunun denklemi ise:

€ y= 1 (1-2x)3 egrisine teget alan her dagrunn egiminin

positie aldugunu gasterinis.

$$y = (1-2x)^3$$
 $y' = -3. (1-2x)^{-4}. (-2) = \frac{6}{(1-2x)^4} > 0 (x \pm \frac{1}{2} \sin \$

Egri üzerindeti her (x,y) noktasında teget doğrunun eğimi

bosititic.

 $\frac{dy}{dx} = \left(1 + Ton^{2} \frac{\pi x}{4}\right) \cdot \frac{\pi}{4} = \left(1 + 1\right) \cdot \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{2} = 1 \quad \text{might} = \frac{\pi}{2}$ (1,1)

Teget dentlemi =)
$$y-1 = \frac{\pi}{2}(x-1) \rightarrow y = \frac{\pi}{2}x+1-\frac{\pi}{2}$$

Normal denklemi =) y-1= -2/(x-1) -> y=-2/x+2/+1

(t(x)= sinx touringounner tourininin tilx)=Coox = Hope-

no gosteriniz.

Sin(x+h)=Sinx.Cosh+Cosx Sinh

= Cosx

Yüksek Basamaktan Torevier

Eger y=f(x) fonksiyonunun türevi f'(x) fonksiyonu da

türevlene bilir ise bu fonksiyona f(x) in 2. türevi denir
ve 1 y"=f"(x) ile gösterilir.

$$\lambda_{i} = \xi_{i,i}(x) = \frac{qx_{5}}{q_{5}\lambda} = \frac{qx}{q_{5}i} = 0_{5}\xi(x) = \frac{qx}{q}\left(\frac{qx}{q\lambda}\right)$$

Genel abrak, bir fontsiyonun n. mertebe türevi:

$$y_{(v)} = e_{(v)}(x) = \frac{q_{v}}{q^{2}} = \frac{q_{v}}{q^{2}} e_{(x)} = 0, e_{(x)}$$
 vo tosyonbring a sosterilir (ve st)

f(0)(x)= f(x) dir.

posisyonu x=f(t) ise nesnenin o andoki hizi v(t)= $\frac{dx}{dt}$ =f'(t) ve

o andoki inmesi
$$a(t) = \frac{dt}{dx} = \frac{dt_s}{dx} = E''(t)$$
 dir.

€y=1/1 tonksiyonunun n. mertebe türevi icin

bir formal bulunuz.

y= (1+x)-1 y'=- (1+x)-2 y"=2(1+x)-3 y"=-3.2.(1+x)-4 y(4) 4.3.2. (1+x) -5 ---. y(n)= (-1)^n, n! (1+x)

@ F(x)= Sinlox+b) ise f(x) icin bir formul bulunuz.

F'(x)= a, Cos(ax+b)

f"(x1=-a2Sinlax+b)

 $f'''(x) = -a^2 \operatorname{Coolox+b}$ $f'''(x) = a^4 \cdot \operatorname{Sinlox+b}$

P(5 (x)= a5. Coslax+b)

f(x)= -06 Sinlax+b)

f (x)= (-1) 22 Sin(ax+b)

f (x)= (-1) 2 2 2 2 1, Cos(0x+b)

Kapali Fonksiyonun Türevi / Kapali Türetme Mäntemi f(x,y)=0 setlindeti bir tontuiyon y'yi x'in bir kapali tonksiyonu olarak tanımlar. Bu tonksiyonun torevini olirken:

- 1 y tonkingonume x'e gore torevi almobilir bir tonk. oldugu kobul edileret dentlemin x'e gore torevi alinin
- @ Elde edilen tirer denkleminden y' cekilir.
- Bu yonteme "Lapali toretme yontemi" denir.

$$3' = -\frac{2 \times 3 - 3^{2} + (1 + 3') (\cos(x + 3) = 0)}{2^{2} - 3^{2} + (\cos(x + 3))}$$

$$y'' = \frac{(1+y')^2 \cdot (-Sin(x+y))}{1 - Cos(x+y)}$$

volues gobinen;

$$x_3 + y_3 - 9xy = 0 \rightarrow 3x_5 + 3x_5 + 3x_5 + 3x_5 - 3x_5 - 3x_5 = 0 = 0$$

$$y' = m_T = \frac{4}{5} = m_N = -\frac{5}{4}$$

Teget =>
$$y-4=\frac{4}{5}.(x-2)=> y=\frac{4}{5}x+\frac{12}{5}$$

Linearlestirme: Eger f(x) fonksiyono x=0 do torevlenebilir ise osobigor, dorpsim tourridour O special of the state of the for the special L(x)= f(a)+ f'(a). (x-a)

f tonksiyonunun a noktasındaki lineerlestirmesi olarak taumlavir t in r ile t(x) & r(x) deplesimino t toursidounne a nottasindati lineer yatlasımı denir. x=0 bu yatlasımın

(x)=VI+x in x=0 dok! lineerlestimesini bulunuz. $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{1+x}}$ $f'(0) = \frac{1}{2}$ f(0) = 1 = 1 $L(x) = 1 + \frac{1}{2}x$

(1,002)5+361,001)3/2+2 degerini linearlestime kullonarak yeklosik olonok hesoplogin.

0=1 f(x)=x5-3x3/2+2 alson.

merkezidir.

 $f'(x) = 5 \times 4 - \frac{9}{2} \times 1/2$ $f'(1) = \frac{1}{2}$ f(1) = 0

 $L(x) = 0 + \frac{1}{2}(x-1) = \frac{1}{2}(x-1) = 0 + (x) \approx L(x)$ =) $f(1,001) \approx L(1,001) = \frac{1}{2}(1,001-1) = 0,0005$

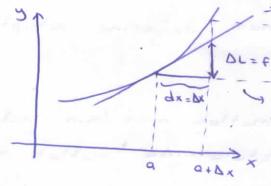
Diferensiye 1:

y=f(x) torevlenebilin bir fonksiyon olsun, dx diferonsiyeli pogimus pir degistendir ve dy diteronsiyeli!

dy=F'(x) dx ile temmlenic.

Geometrik olorak; x=a noktasmin dx= Dx kodor degismep(x) in lineerlesmessinde meydono gelen si durumundo

dy diferensiyelidir.



Dr= t(01.9x DA= t(0+9x1-t(0)

deki degisiklik du olduğunda, lineerlestirme

L(x)= f(0)+ f(0).(x-0)

A-Dr= r(0+ qx)-r(0)= t(0)+t,(0) (0+qx-0)-t(0)=t,(0) qx

Gosterim:

dy=df

* d(Coox)=-Sinx.dx

d (Tan 2x)=+2 Sec2x dx

* y=x5+5x4-2x => dy=(5x4+20x3-2)dx

@ (1,00\$)5-3(1,001)3/2+2 degerini diferensiyel ile yoklasık olarak hesaployin. a=1 f(x)=x5-3x3/2+2 · f'(x)= 5x4- \frac{9}{2} x1/2 \frac{1}{(1)=\frac{1}{2}} \frac{1}{(1)=0} dy= F(1).dx

92= + (1.001) - + (1) = + (1.001) dx= bx= 1,001-1= 0,001

dy=f'(1). dx=1 $f(1,001)=\frac{1}{2}.0,001=0,0005$