VEKTORLER VE DEAY GEOMETRISI

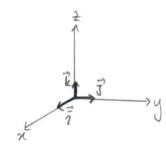
VEKTORIER





A: baslapia nolitasi

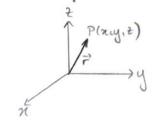
B: bitiz noktası



3 boyutlu uzayda bir kortezyen koordinat sistemi verildipinde Strasiyla originden (1,0,0), (0,1,0), (0,0,1) noutalarina olan, oklarla temsil edilen 3 standart baz vektőrű ?, 7, 7 olarak tanımlanır.

3 boyutlu uzaydaki herhanpi bir vektor bu baz vektorlerinin bir lineer bombinasyons olarak ifade edilebilir.

Omepin, (xiyit) voktasının yer vektoris:



P(xy,t) $\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + t\vec{k}$ ile verilir. \vec{r} vektorunun utunlupu: $|\vec{r}| = \sqrt{x^2 + y^2 + t^2}$ dir.

* Palxi, yi, zi) ve P2 (xx, yz, zz) 3-boyuttu uzayda iki nokta ise Pa'den Pz'ye olan V = PiPz velutorů;

$$\overrightarrow{V} = \overrightarrow{P_1} \overrightarrow{P_2} = \langle x_2 - x_1, y_2 - y_1, z_2 - z_1 \rangle = (x_2 - x_1) \overrightarrow{i} + (y_2 - y_1) \overrightarrow{j} + (z_2 - z_1) \overrightarrow{k}$$

ve V=PAP2 vektorinin uzunlupu;

Vektorlerde Cebirsel Îşlemler:

Q= ut + Uzj+uste, V= V1 + Vzj+vste birer veletor ve & br skaler olsun.

Birim veletor: Deunlisque 1 slan veletore birim veletor denir

$$\vec{l} = (1,0,0)$$

$$\vec{l} = (0,1,0)$$

$$\vec{l} = (0,0,1)$$
standart birim vektörler

* Her veletor, standart birim veletorlern bir lineer bileşimi olarak ifade edilir:

$$\vec{U} = (u_1, u_2, u_3) = u_1(1,0,0) + u_2(0,1,0) + u_3(0,0,1)
= u_1\vec{l} + u_2\vec{l} + u_3\vec{l}$$

* Her vektorbn kendi doprultu ve yonunde birim vektori vardır.

Skaler Garpim:

$$\vec{u} = u_1\vec{i} + u_2\vec{j} + u_3\vec{k}$$
 ve $\vec{v} = v_1\vec{i} + v_2\vec{j} + v_3\vec{k}$ veltörleri iam skaler garpım $\vec{u} \cdot \vec{v} = u_1v_1 + u_2v_2 + u_3v_3$

plarate terrimlarir.

This wentby arasındaki agı: il ve il veletbyleri arasındaki agı

il il il il coso

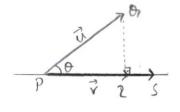


ile bulunur.

$$A \Theta = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \vec{u} \cdot \vec{v} = 0 \quad (\vec{u} \perp \vec{v})$$

Skaler aarpinnin breukteri: U, V ve w birer velitor, a bir skaler olsun.

Velitor Tadusumleri:



OF TO OS

U=PB vektörünün sıfırdan farklı V=PB vektörüne izdüşümü O dan PS dopru parciasına dik bir aizpi gizilmesiyle elde edilen PR vektörüdür. Bu vektör program) (u nun v ye izdüşümü) ile posterilir.

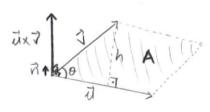
$$\operatorname{proj}_{v}(u) = \left(|\overline{u}| \cos \theta \right) \frac{\overline{v}}{|\overline{v}|} = \frac{\overline{v}}{|\overline{v}|} \cdot \frac{\overline{v}}{|\overline{v}|} = \left(\frac{\overline{u} \cdot \overline{v}}{|\overline{v}|} \right) \cdot \overline{v}$$

Velubrel Garpini:

a Skaler aarpım IR" de pecierlidir fakat vektörel carpım IR' te pecierlidir.

olusur.

* Vektorel carpin iR3 teki vektorleri carpmanin bir diper yoludur.



 $Sin \Theta = \frac{h}{171}$

A = 121.121.5h 0

10x7 = 101.171-5100

il ve i vektorleri paralet depillerse bir dûttem betirlerter.

vix vektori bu disterne ve dolayuyla i ve vektorlerne diktir.

lüxül taralı bölgenm (1) alanına exittir.
(parallerenar)

 \vec{n} , \vec{u} ve \vec{v} vehibrerine dik olan birim vehibr olmak üzere, $\vec{u} \times \vec{v} = (|\vec{u}|.|\vec{v}|.sm\theta).\vec{n}$ div.

$$\begin{cases}
\theta=0 \\ \text{veya} \\ \theta=\pi
\end{cases} \Rightarrow \vec{u} \times \vec{v} = 0 \qquad (\vec{u} // \vec{v} \Rightarrow \vec{u} \times \vec{v} = 0)$$

Velitorel aarpinin stellikeeri: il ve i birer velitor, ris skaler olsun

$$(\vec{\omega} \times \vec{\upsilon}) + (\vec{\upsilon} \times \vec{\upsilon}) = (\vec{\omega} + \vec{\upsilon}) \times \vec{\upsilon}$$

7) 1), 1 ve 11x7 sap el kuralı ile belirlenen bir isali oluşturulur.

Veribrel carpin iain determinant formulu: vi=ui+uzj+uziè ve v=vii+vzj+vziè

$$\vec{u} \times \vec{v} = \begin{vmatrix} \vec{1} & \vec{J} & k \\ u_1 & u_2 & u_3 \\ v_4 & v_2 & v_3 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} u_2 & u_3 \\ v_2 & v_3 \end{vmatrix} \vec{j} - \begin{vmatrix} u_1 & u_1 \\ v_4 & v_3 \end{vmatrix} \vec{j} + \begin{vmatrix} u_1 & u_2 \\ v_4 & v_2 \end{vmatrix} \vec{k}$$

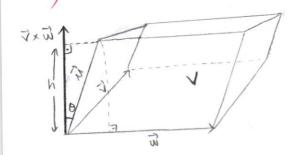
Karisik Garpin:

Herhapi $\vec{u} = \langle u_1, u_2, u_3 \rangle$, $\vec{V} = \langle v_1, v_2, v_3 \rangle$, $\vec{w} = \langle w_1, w_2, w_3 \rangle$ vehtbrer: icm $\vec{u} = \langle \vec{v}, \vec{w} \rangle$ buyuklupune $\vec{u}, \vec{v}, \vec{w}$ vehtbrevinm harisik carpini deniv.

$$\vec{U}_{1}(\vec{V}\times\vec{W}) = \begin{vmatrix} w_{1} & w_{2} & w_{3} \\ w_{1} & w_{2} & w_{3} \end{vmatrix}$$

ile hesaplanir.

Kansik aarpinin Stellikleri:



$$h = |\vec{u}| \cdot \cos \theta$$
 = whiselette
 $A = |\vec{v} \times \vec{w}| = + aban alan1$
 $V = h \cdot A = |\vec{u}| \cdot |\cos \theta| \cdot |\vec{v} \times \vec{w}| = |\vec{u} \cdot (\vec{v} \times \vec{w})|$

a vi, ve w veresorreri ile oluşturulmuş paralel yütlünün hacmi