

Analisis factorial: (state.x77) y (psych)

Ana Karen Martínez Marín

21/4/2022

Ejemplo con la matriz “state.x77”

Este data set está relacionado a los 50 estados de los Estados Unidos de América. Las variables son las siguientes:

Population: estimación de población al 1 de julio de 1975.

Income: renta per cápita (1974).

Illiteracy: analfabetismo (1970, porcentaje de la población).

Life Exp: esperanza de vida en años (1969–71).

Murder: tasa de homicidio por asesinato y homicidio no negligente por cada 100.000 habitantes (1976).

HS Grad: porcentaje de graduados de secundaria (1970).

Frost: número medio de días con temperatura mínima bajo cero (1931-1960) en capital o gran ciudad.

Area: área de tierra en millas cuadradas.

Tratamiento de la matriz

1.- Lectura de la matriz de datos

```
x<-as.data.frame(state.x77)
```

2.- Quitar los espacios de los nombres.

```
colnames(x)[4]="Life.Exp"  
colnames(x)[6]="HS.Grad"
```

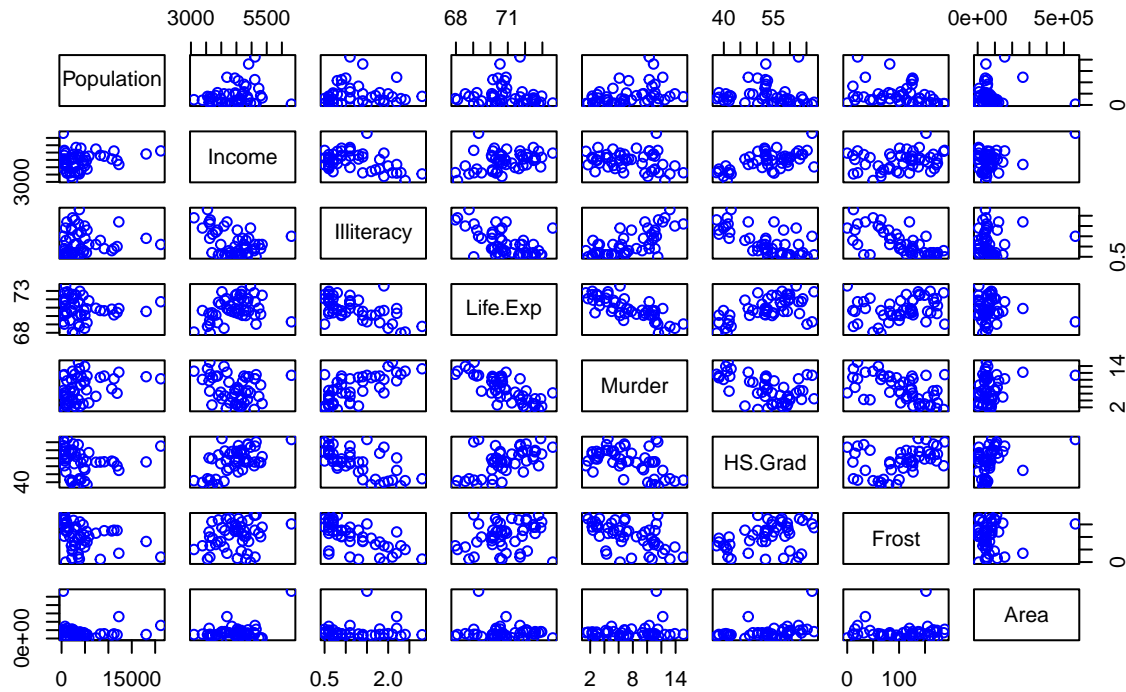
3.- Se separa **n** (estados) y **p** (variables).

```
n<-dim(x)[1]  
p<-dim(x)[2]
```

4.- Generación de un scatter plot para la visualización de variables originales.

```
pairs(x, col="blue", pch=21, main="Matriz original")
```

Matriz original



Transformación de algunas variables

1.- Aplicamos logaritmo para las columnas 1,3 y 8.

```
x[,1]<-log(x[,1])
colnames(x)[1]<-"Log-Population"
```

```
x[,3]<-log(x[,3])
colnames(x)[3]<-"Log-Illiteracy"
```

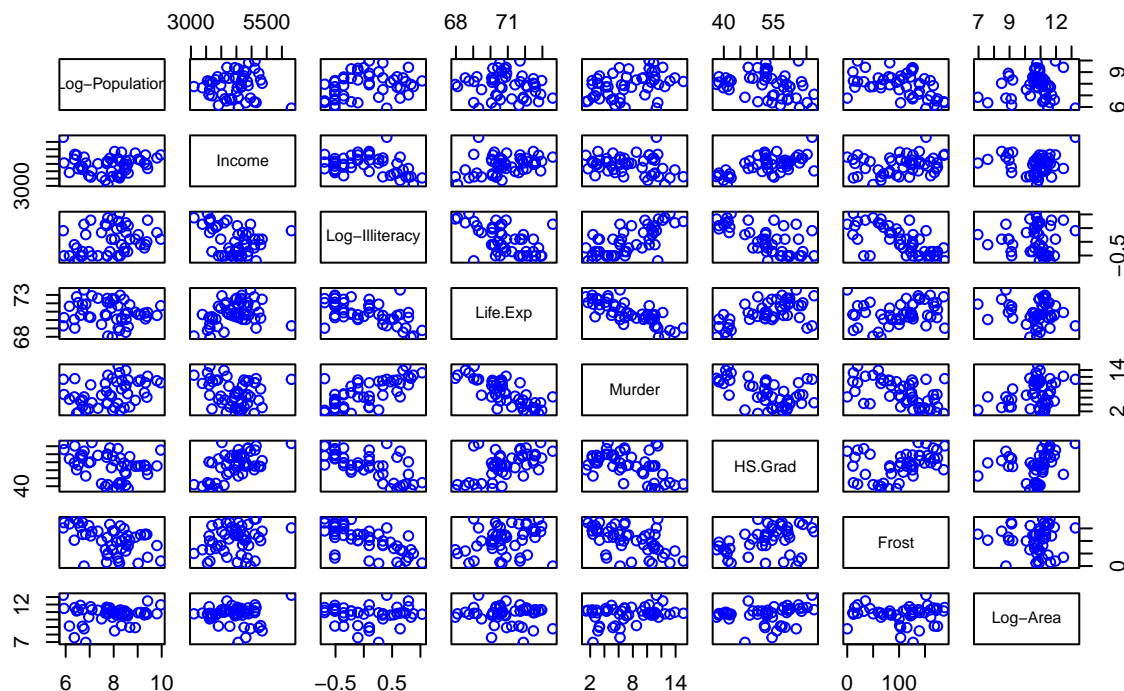
```
x[,8]<-log(x[,8])
colnames(x)[8]<-"Log-Area"
```

Gráfico scatterplot

para la visualización de la matriz original con 3 variables que se incluyeron.

```
pairs(x,col="blue", pch=21, main="Matriz original")
```

Matriz original



Como las variables tienen diferentes unidades de medida, se va a implementar la matriz de correlaciones para estimar la matriz de carga.

Reducción de la dimensionalidad

Análisis Factorial de componentes principales (PCFA)

1.- Calcular la matriz de medias y de correlaciones

```
# Matriz de medias
```

```
mu<-colMeans(x)
```

```
mu
```

```
## Log-Population      Income Log-Illiteracy      Life.Exp      Murder
## 7.863443e+00 4.435800e+03 3.128251e-02 7.087860e+01 7.378000e+00
## HS.Grad      Frost      Log-Area
## 5.310800e+01 1.044600e+02 1.066237e+01
```

```
#Matriz de correlaciones
```

```
R<-cor(x)
```

```
R
```

```
##          Log-Population      Income Log-Illiteracy      Life.Exp      Murder
## Log-Population      1.00000000 0.034963788 0.28371749 -0.1092630 0.3596542
## Income      0.03496379 1.000000000 -0.35147773 0.3402553 -0.2300776
## Log-Illiteracy      0.28371749 -0.351477726 1.00000000 -0.5699943 0.6947320
## Life.Exp      -0.10926301 0.340255339 -0.56999432 1.0000000 -0.7808458
## Murder      0.35965424 -0.230077610 0.69473198 -0.7808458 1.0000000
## HS.Grad      -0.32211720 0.619932323 -0.66880911 0.5822162 -0.4879710
## Frost      -0.45809012 0.226282179 -0.67656232 0.2620680 -0.5388834
## Log-Area      0.08541473 -0.007462068 -0.05830524 -0.1086351 0.2963133
##          HS.Grad      Frost      Log-Area
```

```
## Log-Population -0.3221172 -0.45809012 0.085414734
## Income         0.6199323 0.22628218 -0.007462068
## Log-Illiteracy -0.6688091 -0.67656232 -0.058305240
## Life.Exp       0.5822162 0.26206801 -0.108635052
## Murder        -0.4879710 -0.53888344 0.296313252
## HS.Grad        1.0000000 0.36677970 0.196743429
## Frost          0.3667797 1.00000000 -0.021211992
## Log-Area       0.1967434 -0.02121199 1.000000000
```

2.- Reducción de la dimensionalidad mediante el Análisis factorial de componentes principales (PCFA).

2.1- Calcular los valores y vectores propios.

```
eR<-eigen(R)
```

2.2.- Valores propios.

```
eigen.val<-eR$values
eigen.val
```

```
## [1] 3.6796976 1.3201021 1.1357357 0.7517550 0.6168266 0.2578511 0.1366186
## [8] 0.1014132
```

2.3.- Vectores propios.

```
eigen.vec<-eR$vectors
eigen.vec
```

```
##           [,1]      [,2]      [,3]      [,4]      [,5]      [,6]
## [1,] -0.23393451 -0.41410075 0.50100922 0.2983839 0.58048485 0.0969034
## [2,] 0.27298977 -0.47608715 0.24689968 -0.6449631 0.09036625 -0.3002708
## [3,] -0.45555443 0.04116196 0.12258370 -0.1824471 -0.32684654 -0.6084112
## [4,] 0.39805075 -0.04655529 0.38842376 0.4191134 -0.26287696 -0.3565095
## [5,] -0.44229774 -0.27640285 -0.21639177 -0.2610739 0.02383706 0.1803894
## [6,] 0.41916283 -0.36311753 -0.06807465 -0.1363534 -0.34015424 0.3960855
## [7,] 0.36358674 0.21893783 -0.37542494 -0.1299519 0.59896253 -0.3507630
## [8,] -0.03545293 -0.58464797 -0.57421867 0.4270918 -0.06252285 -0.3012063
##           [,7]      [,8]
## [1,] -0.1777562 -0.23622413
## [2,] 0.3285840 0.12483849
## [3,] -0.3268997 -0.39825363
## [4,] -0.3013983 0.47519991
## [5,] -0.4562245 0.60970476
## [6,] -0.4808140 -0.40675672
## [7,] -0.4202943 -0.06001175
## [8,] 0.2162424 -0.05831177
```

2.4.- Calcular la proporción de variabilidad.

```
prop.var<-eigen.val/sum(eigen.val)
prop.var
```

```
## [1] 0.45996220 0.16501277 0.14196697 0.09396938 0.07710332 0.03223139 0.01707733
## [8] 0.01267665
```

2.5.- Calcular la proporción de variabilidad acumulada.

```
prop.var.acum<-cumsum(eigen.val)/sum(eigen.val)
prop.var.acum
```

```
## [1] 0.4599622 0.6249750 0.7669419 0.8609113 0.9380146 0.9702460 0.9873233
## [8] 1.0000000
```

Estimacion de la matriz de carga

se estima la matriz de carga usando los autovalores y autovectores. Se aplica la rotación varimax.

Primera estimación de Lamda mayúscula se calcula multiplicando la matriz de los 3 primeros autovectores por la matriz diagonal formada por la raíz cuadrada de los primeros 3 autovalores.

```
L.est.1<-eigen.vec[,1:3] %*% diag(sqrt(eigen.val[1:3]))
L.est.1
```

```
##           [,1]      [,2]      [,3]
## [1,] -0.44874575 -0.47578394 0.53393005
## [2,] 0.52366367 -0.54700365 0.26312322
## [3,] -0.87386900 0.04729332 0.13063856
## [4,] 0.76356236 -0.05349003 0.41394671
## [5,] -0.84843932 -0.31757498 -0.23061066
## [6,] 0.80406070 -0.41720642 -0.07254777
## [7,] 0.69745163 0.25155014 -0.40009375
## [8,] -0.06800771 -0.67173536 -0.61195003
```

```
# Rotación varimax
```

```
L.est.1.var<-varimax(L.est.1)
L.est.1.var
```

```
## $loadings
##
## Loadings:
##      [,1]  [,2]  [,3]
## [1,]      0.840
## [2,] 0.785 -0.106 0.121
## [3,] -0.665      0.583
## [4,] 0.763 0.384 -0.168
## [5,] -0.573 -0.528 0.517
## [6,] 0.825 -0.202 -0.323
## [7,] 0.281      -0.794
## [8,]      -0.906
##
##           [,1]  [,2]  [,3]
## SS loadings 2.744 1.300 2.091
## Proportion Var 0.343 0.163 0.261
## Cumulative Var 0.343 0.506 0.767
##
## $rotmat
##           [,1]      [,2]      [,3]
## [1,] 0.7824398 0.1724744 -0.5983649
## [2,] -0.5274231 0.6944049 -0.4895169
## [3,] 0.3310784 0.6986089 0.6342970
```

Estimación de la matriz de los errores

1.- Estimación de la matriz de perturbaciones.

```
Psi.est.1<-diag(diag(R-as.matrix(L.est.1.var$loadings))%*% t(as.matrix(L.est.1.var$loadings))))
Psi.est.1
```

```
##           [,1]      [,2]      [,3]      [,4]      [,5]      [,6]      [,7]
## [1,] 0.2871756 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000
## [2,] 0.0000000 0.3573295 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000
## [3,] 0.0000000 0.0000000 0.2170499 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000
## [4,] 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.2427595 0.0000000 0.0000000 0.0000000
## [5,] 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.1261156 0.0000000 0.0000000
## [6,] 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.174162 0.0000000
## [7,] 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.2902087
## [8,] 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000
##           [,8]
## [1,] 0.0000000
## [2,] 0.0000000
## [3,] 0.0000000
## [4,] 0.0000000
## [5,] 0.0000000
## [6,] 0.0000000
## [7,] 0.0000000
## [8,] 0.1696637
```

2.- Se utiliza el método Análisis de factor principal (PFA) para estimación de autovalores y autovectores.

```
RP<-R-Psi.est.1
RP
```

```
##           Log-Population      Income Log-Illiteracy      Life.Exp      Murder
## Log-Population      0.71282441  0.034963788      0.28371749 -0.1092630  0.3596542
## Income              0.03496379  0.642670461     -0.35147773  0.3402553 -0.2300776
## Log-Illiteracy      0.28371749 -0.351477726      0.78295012 -0.5699943  0.6947320
## Life.Exp            -0.10926301  0.340255339     -0.56999432  0.7572405 -0.7808458
## Murder              0.35965424 -0.230077610      0.69473198 -0.7808458  0.8738844
## HS.Grad             -0.32211720  0.619932323     -0.66880911  0.5822162 -0.4879710
## Frost               -0.45809012  0.226282179     -0.67656232  0.2620680 -0.5388834
## Log-Area            0.08541473 -0.007462068     -0.05830524 -0.1086351  0.2963133
##           HS.Grad      Frost      Log-Area
## Log-Population -0.3221172 -0.45809012  0.085414734
## Income          0.6199323  0.22628218 -0.007462068
## Log-Illiteracy -0.6688091 -0.67656232 -0.058305240
## Life.Exp        0.5822162  0.26206801 -0.108635052
## Murder          -0.4879710 -0.53888344  0.296313252
## HS.Grad          0.8258380  0.36677970  0.196743429
## Frost            0.3667797  0.70979126 -0.021211992
## Log-Area         0.1967434 -0.02121199  0.830336270
```

```
# Cálculo de la matriz de autovalores y autovectores
eRP<-eigen(RP)
```

```
# Autovalores
eigen.val.RP<-eRP$values
eigen.val.RP
```

```
## [1] 3.46137648 1.10522195 0.88152416 0.48705680 0.35360597 0.02813553
## [7] -0.06758176 -0.11380367
```

```
# Autovectores
eigen.vec.RP<-eRP$vectors
eigen.vec.RP
```

```
##           [,1]      [,2]      [,3]      [,4]      [,5]      [,6]
## [1,] -0.22909075 -0.26262624 0.59887857 0.28494045 -0.56241027 0.09082773
## [2,] 0.26083866 -0.34331887 0.34580110 -0.59920295 -0.15245291 -0.40493964
## [3,] -0.45575172 0.07765653 0.11520636 -0.16099633 0.37200074 -0.61234331
## [4,] 0.39673788 0.02557709 0.39265398 0.39436649 0.27997640 -0.19578965
## [5,] -0.45525917 -0.32557800 -0.13005836 -0.33147601 -0.05622039 0.28966405
## [6,] 0.42364040 -0.38427853 0.05256394 -0.25547975 0.34518371 0.37745019
## [7,] 0.35535207 0.11849291 -0.42807756 -0.09762917 -0.56188910 -0.32023576
## [8,] -0.03691682 -0.73400496 -0.38908593 0.44004809 0.07516364 -0.29249179
##           [,7]      [,8]
## [1,] 0.05397966 -0.33351085
## [2,] 0.11886617 0.36623163
## [3,] -0.04965774 -0.48088745
## [4,] -0.63306907 0.12143305
## [5,] -0.67774825 0.11635225
## [6,] 0.04733653 -0.58392188
## [7,] -0.32142411 -0.38120693
## [8,] 0.12172840 0.09394067
```

```
# Proporción de variabilidad
```

```
prop.var.RP<-eigen.val.RP/ sum(eigen.val.RP)
prop.var.RP
```

```
## [1] 0.564152306 0.180134556 0.143675179 0.079382934 0.057632455
## [6] 0.004585668 -0.011014811 -0.018548286
```

```
# Proporción de variabilidad acumulada
```

```
prop.var.RP.acum<-cumsum(eigen.val.RP)/ sum(eigen.val.RP)
prop.var.RP.acum
```

```
## [1] 0.5641523 0.7442869 0.8879620 0.9673450 1.0249774 1.0295631 1.0185483
## [8] 1.0000000
```

Estimación de la matriz de cargas

```
# con rotación varimax
```

```
L.est.2<-eigen.vec.RP[,1:3] %*% diag(sqrt(eigen.val.RP[1:3]))
L.est.2
```

```
##           [,1]      [,2]      [,3]
## [1,] -0.42621819 -0.27609775 0.56228420
## [2,] 0.48528446 -0.36092954 0.32467098
## [3,] -0.84791581 0.08163995 0.10816670
## [4,] 0.73812189 0.02688907 0.36866093
## [5,] -0.84699944 -0.34227865 -0.12211117
## [6,] 0.78817342 -0.40399024 0.04935203
## [7,] 0.66112453 0.12457105 -0.40191996
## [8,] -0.06868291 -0.77165602 -0.36531090
```

```
# Rotacion varimax
```

```
L.est.2.var<-varimax(L.est.2)
```

```
# Estimación de la matriz de covarianzas de los errores.
```

```
Psi.est.2<-diag(diag(R-as.matrix(L.est.2.var$loadings)%*% t(as.matrix(L.est.2.var$loadings))))
Psi.est.2
```

```
##           [,1]      [,2]      [,3]      [,4]      [,5]      [,6]      [,7]
```

```
## [1,] 0.4259446 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000
## [2,] 0.0000000 0.5288176 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000
## [3,] 0.0000000 0.0000000 0.2626737 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000
## [4,] 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.3185422 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000
## [5,] 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.1505261 0.0000000 0.0000000 0.0000000
## [6,] 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.2131389 0.0000000 0.0000000
## [7,] 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.3858568 0.0000000
## [8,] 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000 0.0000000
##      [,8]
## [1,] 0.0000000
## [2,] 0.0000000
## [3,] 0.0000000
## [4,] 0.0000000
## [5,] 0.0000000
## [6,] 0.0000000
## [7,] 0.0000000
## [8,] 0.2663776
```

Obtención de los scores de ambos métodos

```
# PCFA
FS.est.1<-scale(x)%*% as.matrix(L.est.1.var$loadings)
FS.est.1
```

```
##      [,1]      [,2]      [,3]
## Alabama -5.84072356 -1.3993671511 4.0008109
## Alaska 2.12443806 -3.6163397014 -1.3435941
## Arizona -0.77245459 -1.1030150088 1.7864181
## Arkansas -4.26961555 -0.1287634469 1.8680205
## California 1.57843978 -1.6386262821 3.0959757
## Colorado 3.35619481 -0.5747409714 -1.9955520
## Connecticut 2.96609993 2.5265114588 -1.0120520
## Delaware 0.15111765 2.2707877284 -1.3473631
## Florida -0.91278118 -0.8518787165 3.2141818
## Georgia -5.10406769 -1.5374188978 3.5972606
## Hawaii 1.68679592 2.0782245763 0.6972161
## Idaho 1.93931571 0.0374520725 -2.6403015
## Illinois 0.36572803 -0.9730363911 1.3246992
## Indiana 0.69870165 0.1740586327 -0.1660034
## Iowa 3.77325852 0.8634090197 -2.4308546
## Kansas 3.22079390 0.2206198504 -1.7333568
## Kentucky -3.97957229 -0.1711842990 1.8581455
## Louisiana -6.15095874 -1.1449716511 4.2193388
## Maine 0.38912287 0.9352663421 -2.8385772
## Maryland 0.54556931 0.6481615589 0.7313943
## Massachusetts 1.95531363 1.9508870989 -0.0699601
## Michigan 0.06109118 -0.8995742724 1.1610156
## Minnesota 3.83625590 0.7199310360 -2.2609012
## Mississippi -6.73875213 -1.1336057288 3.0124928
## Missouri -0.63621057 -0.5673516660 0.5606479
## Montana 1.70022911 -0.7530855537 -2.9827203
## Nebraska 3.31393569 0.5702899251 -2.6630094
## Nevada 1.83953234 -2.1624547546 -2.8632403
## New Hampshire 1.76672303 1.8835104424 -3.2522623
```



```
## New Jersey      1.23076573  1.5154423999  0.6483326
## New Mexico      -2.42369795 -1.2184859435  0.1095350
## New York        -0.55160991 -0.8431042602  2.9025469
## North Carolina  -4.53932589 -0.7126552652  2.8168209
## North Dakota     3.26810535  1.0664889529 -3.5180166
## Ohio            0.67643704 -0.0394642439  0.5816740
## Oklahoma        -0.43628926  0.0293430043  0.2108486
## Oregon          2.64633236 -0.0126633017 -0.6563722
## Pennsylvania    -0.06313819  0.0425262164  0.8538298
## Rhode Island     0.25059508  4.0533333045 -1.3779994
## South Carolina  -6.20030464 -0.7067780563  3.0142562
## South Dakota     2.51505516  0.8539599931 -3.9694575
## Tennessee       -3.75602365 -0.3764569265  2.4225536
## Texas           -2.74825842 -2.0176142597  4.0126966
## Utah            3.40911641  0.2638533973 -3.0642167
## Vermont         1.26368503  1.7670538099 -3.5748058
## Virginia        -1.45435214 -0.4332714574  1.8388594
## Washington       2.95298764  0.0002978623 -0.1436737
## West Virginia   -3.41599674  0.5649932020  0.5132111
## Wisconsin       2.58972274  0.8701285803 -1.5397225
## Wyoming         1.92267355 -0.8906222579 -3.6087703
```

```
# PFA
```

```
FS.est.2<-scale(x)%*% as.matrix (L.est.2.var$loadings)
FS.est.2
```

```
##           [,1]           [,2]           [,3]
## Alabama      -5.69766092 -1.133005866  3.9030908
## Alaska        1.77921500 -3.310049553 -1.2425530
## Arizona       -0.80948635 -1.007423566  1.6833688
## Arkansas      -4.04451164 -0.036340306  1.8899610
## California    1.28900772 -1.589528660  2.7938220
## Colorado      3.21256763 -0.645092519 -1.9103448
## Connecticut   2.85639977  2.291700954 -1.1152442
## Delaware      0.22491218  2.168332191 -1.3109174
## Florida       -1.04778981 -0.760012075  2.9630979
## Georgia       -5.04193484 -1.243399542  3.4848855
## Hawaii        1.64548810  1.848120424  0.5487863
## Idaho         1.99602286 -0.067186945 -2.4442739
## Illinois      0.17329771 -0.870927790  1.1838509
## Indiana       0.66348403  0.140717116 -0.1900850
## Iowa          3.70915552  0.657976435 -2.3698485
## Kansas        3.13617617  0.071725764 -1.6894853
## Kentucky      -3.82119443 -0.051170443  1.8492550
## Louisiana     -5.97309240 -0.880509145  4.1021292
## Maine         0.58567717  0.845398887 -2.6098620
## Maryland      0.40855637  0.650876372  0.5867974
## Massachusetts 1.91021424  1.761365924 -0.1964750
## Michigan      -0.07208772 -0.823049544  1.0671998
## Minnesota     3.74953682  0.518054623 -2.2104937
## Mississippi   -6.45121865 -0.852611917  3.0320154
## Missouri      -0.64446964 -0.519762510  0.5472506
## Montana       1.72574501 -0.752576236 -2.7507980
## Nebraska      3.28773039  0.392513546 -2.5439122
## Nevada        1.69672312 -1.994626548 -2.6292009
```

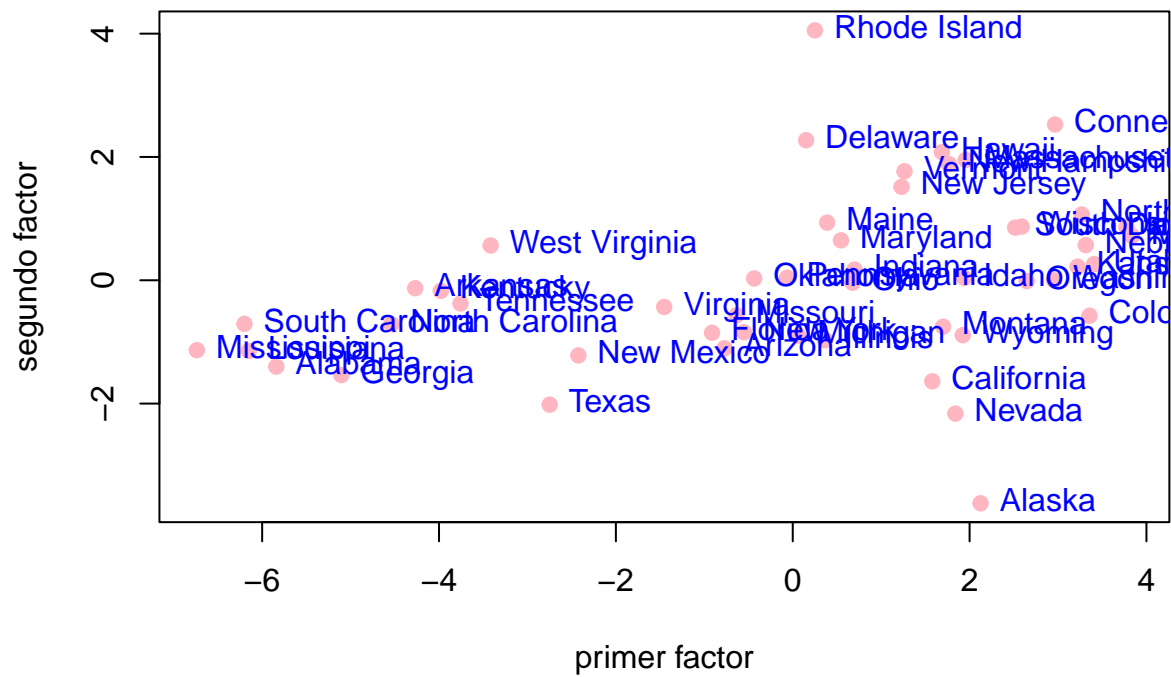
```
## New Hampshire 1.87991014 1.704867403 -3.0632652
## New Jersey 1.10782292 1.425042094 0.4638907
## New Mexico -2.26112419 -1.086582245 0.2653217
## New York -0.72255151 -0.744949928 2.6624378
## North Carolina -4.42441540 -0.513264749 2.7372284
## North Dakota 3.22068093 0.897031063 -3.3556310
## Ohio 0.59453054 -0.051780182 0.4905274
## Oklahoma -0.36512462 0.000708499 0.2244101
## Oregon 2.56050584 -0.129810062 -0.6934180
## Pennsylvania -0.10451900 0.054229408 0.7553645
## Rhode Island 0.40356926 3.785456289 -1.3760426
## South Carolina -5.98815271 -0.435831413 2.9745853
## South Dakota 2.60764548 0.683975660 -3.7117087
## Tennessee -3.63769564 -0.249263663 2.3593673
## Texas -2.80670233 -1.827474308 3.8156526
## Utah 3.44131011 0.069209103 -2.8669774
## Vermont 1.44160727 1.580578146 -3.3086066
## Virginia -1.50774364 -0.328200587 1.7151967
## Washington 2.81601549 -0.109025242 -0.2503494
## West Virginia -3.18525955 0.632647668 0.5745805
## Wisconsin 2.55487697 0.699000994 -1.5141208
## Wyoming 1.92835024 -0.866073018 -3.3204601
```

Gráfico los scores

1.- Factor I y II

```
pl1<-plot(FS.est.1[,1], FS.est.1[,2], xlab="primer factor",
          ylab="segundo factor", main="scores con factor I y II con PCFA",
          pch=19, col="lightpink")
text(FS.est.1[,1], FS.est.1[,2], labels = rownames(x), pos=4, col="blue")
```

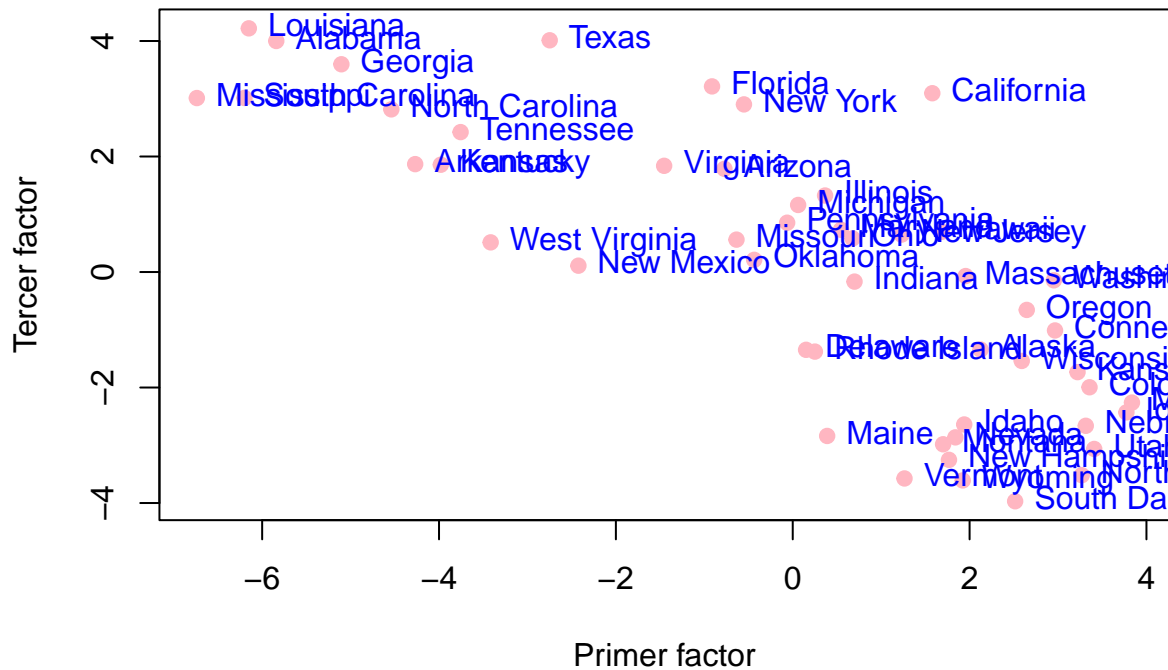
scores con factor I y II con PCFA



2.- Factor I y III

```
p12<-plot(FS.est.1[,1], FS.est.1[,3], xlab="Primer factor",
          ylab="Tercer factor", main="scores con factor I y III con PCFA",
          pch=19, col="lightpink")
text(FS.est.1[,1], FS.est.1[,3], labels = rownames(x), pos=4, col="blue")
```

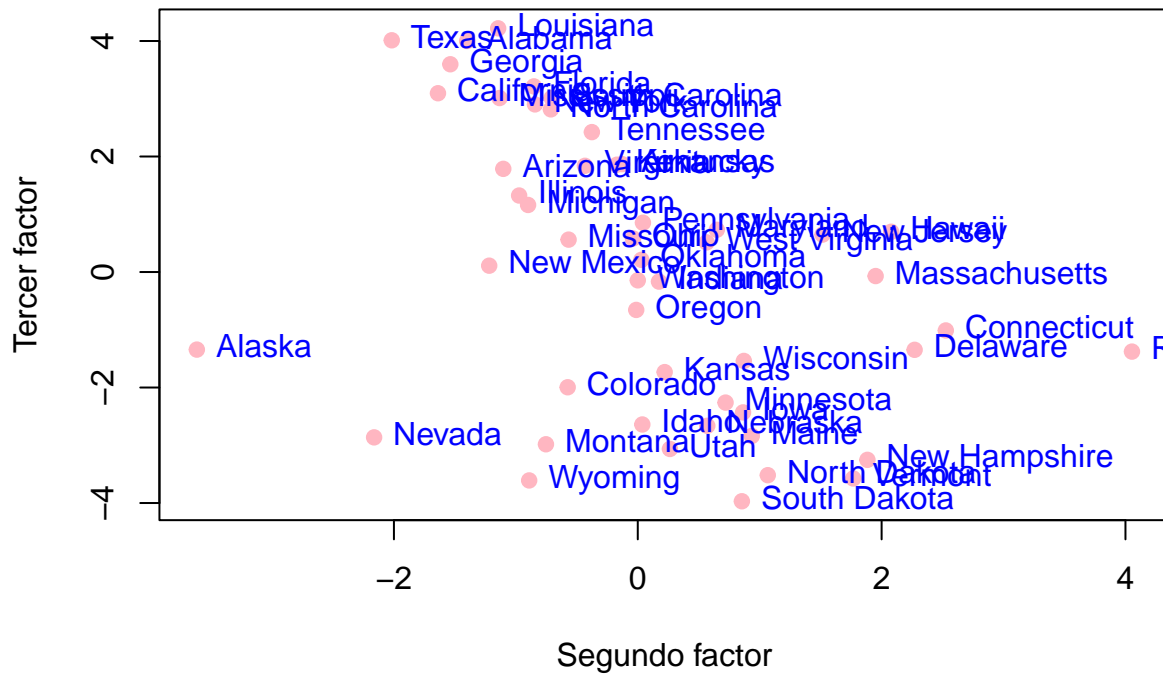
scores con factor I y III con PCFA



3.- Factor II y III

```
p13<-plot(FS.est.1[,2], FS.est.1[,3], xlab="Segundo factor",
  ylab="Tercer factor", main="scores con factor II y III con PCFA",
  pch=19, col="lightpink")
text(FS.est.1[,2], FS.est.1[,3], labels = rownames(x), pos=4, col="blue")
```

scores con factor II y III con PCFA



Ejemplo con la matriz “PSYCH”

Paqueterías necesarias

```
library(psych)
library(polycor)
library(ggcorrplot)
```

Extracción de datos

Se encuentra dentro de la paquetería *psych*

```
X <- bfi
```

Exploracion de la matriz

```
dim(X)
```

```
## [1] 2800 28
```

1.- Tipos de variables

```
str(X)
```

```
## 'data.frame': 2800 obs. of 28 variables:
## $ A1 : int 2 2 5 4 2 6 2 4 4 2 ...
## $ A2 : int 4 4 4 4 3 6 5 3 3 5 ...
## $ A3 : int 3 5 5 6 3 5 5 1 6 6 ...
## $ A4 : int 4 2 4 5 4 6 3 5 3 6 ...
## $ A5 : int 4 5 4 5 5 5 5 1 3 5 ...
## $ C1 : int 2 5 4 4 4 6 5 3 6 6 ...
```

```
## $ C2      : int  3 4 5 4 4 6 4 2 6 5 ...
## $ C3      : int  3 4 4 3 5 6 4 4 3 6 ...
## $ C4      : int  4 3 2 5 3 1 2 2 4 2 ...
## $ C5      : int  4 4 5 5 2 3 3 4 5 1 ...
## $ E1      : int  3 1 2 5 2 2 4 3 5 2 ...
## $ E2      : int  3 1 4 3 2 1 3 6 3 2 ...
## $ E3      : int  3 6 4 4 5 6 4 4 NA 4 ...
## $ E4      : int  4 4 4 4 4 5 5 2 4 5 ...
## $ E5      : int  4 3 5 4 5 6 5 1 3 5 ...
## $ N1      : int  3 3 4 2 2 3 1 6 5 5 ...
## $ N2      : int  4 3 5 5 3 5 2 3 5 5 ...
## $ N3      : int  2 3 4 2 4 2 2 2 2 5 ...
## $ N4      : int  2 5 2 4 4 2 1 6 3 2 ...
## $ N5      : int  3 5 3 1 3 3 1 4 3 4 ...
## $ O1      : int  3 4 4 3 3 4 5 3 6 5 ...
## $ O2      : int  6 2 2 3 3 3 2 2 6 1 ...
## $ O3      : int  3 4 5 4 4 5 5 4 6 5 ...
## $ O4      : int  4 3 5 3 3 6 6 5 6 5 ...
## $ O5      : int  3 3 2 5 3 1 1 3 1 2 ...
## $ gender  : int  1 2 2 2 1 2 1 1 1 2 ...
## $ education: int  NA NA NA NA NA 3 NA 2 1 NA ...
## $ age     : int  16 18 17 17 17 21 18 19 19 17 ...
```

2.- Nombre de las variables

```
colnames(X)
```

```
## [1] "A1"      "A2"      "A3"      "A4"      "A5"      "C1"
## [7] "C2"      "C3"      "C4"      "C5"      "E1"      "E2"
## [13] "E3"      "E4"      "E5"      "N1"      "N2"      "N3"
## [19] "N4"      "N5"      "O1"      "O2"      "O3"      "O4"
## [25] "O5"      "gender"  "education" "age"
```

3.- Creación de una nueva base de datos donde se incluyen las variables 1 a 25 y solo se usan 200 observaciones.

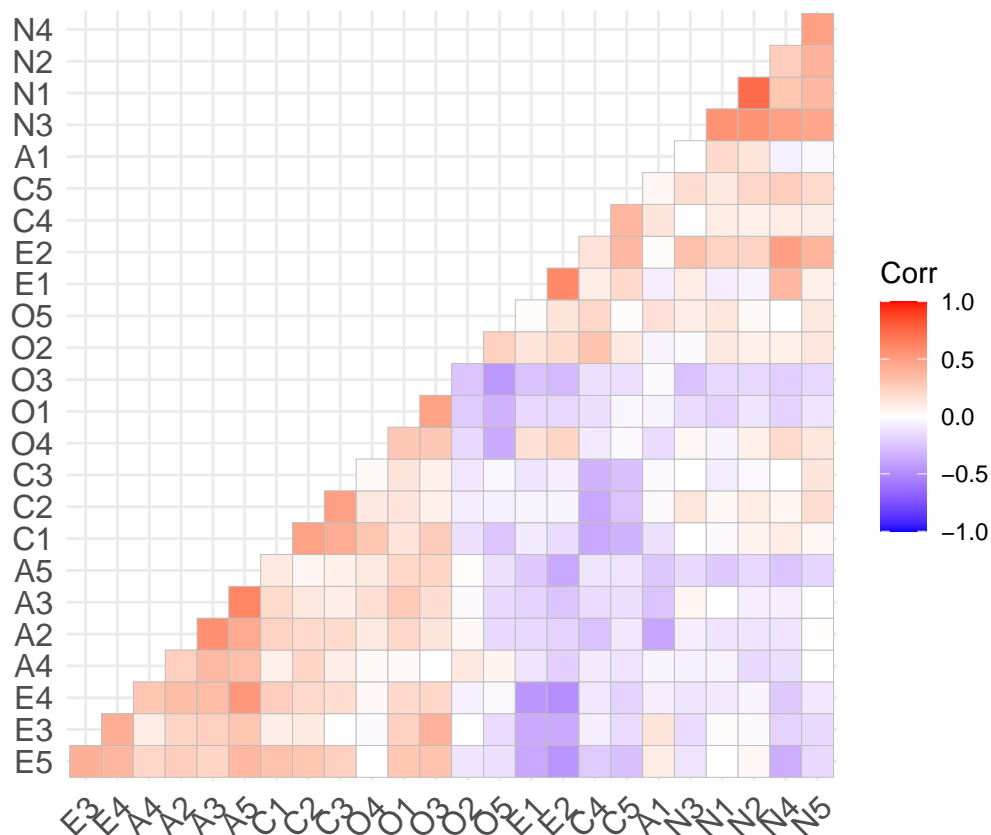
```
x1<-bfi[1:200,1:25]
```

Matriz de correlaciones

```
R<- hetcor(x1)$correlations
```

Gráfico de correlaciones

```
ggcorrplot(R,type="lower",hc.order= TRUE)
```



Factorización de la matriz de correlaciones

Se utiliza la prueba de esfericidad de Bartlett.

```
prueba_Bartlett<- cortest.bartlett(R)
```

1.- Visualización de el p-valor

```
prueba_Bartlett$p.value
```

```
## [1] 5.931663e-60
```

H0 : variables correlacionadas H1 : las variables no están correlacionadas

No se rechaza H0 con un p-valor de 0.05.

Criterio Kaiser-Meyer-Olkin

Con esto permite identificar si los datos a analizar son adecuados para un análisis factorial.

0.00 a 0.49 No adecuados 0.50 a 0.59 Poco adecuados 0.60 a 0.69 Aceptables 0.70 a 0.89 Buenos 0.90 a 1.00 Excelente

```
KMO(R)
```

```
## Kaiser-Meyer-Olkin factor adequacy
```

```
## Call: KMO(r = R)
```

```
## Overall MSA = 0.76
```

```
## MSA for each item =
```

```
## A1 A2 A3 A4 A5 C1 C2 C3 C4 C5 E1 E2 E3 E4 E5 N1
## 0.66 0.77 0.69 0.73 0.75 0.74 0.79 0.76 0.76 0.74 0.80 0.81 0.79 0.81 0.83 0.70
```

```
##      N2      N3      N4      N5      01      02      03      04      05
## 0.67 0.82 0.79 0.82 0.79 0.65 0.81 0.62 0.77
```

El Overall MSA = 0.76 esto quiere decir que son “buenos” para continuar con el análisis.

Extracción de factores

minres : minimo residuo mle : max verosimilitud pfa: ejes principales alpha: alfa minchi: minimos cuadrados
minrank: rango minimo

```
# modelo varimax
modelo1<- fa(R,nfactor=3,rotate = "none",fm = "mle")
```

```
#modelo dos
modelo2<- fa(R,nfactor=3,rotate = "none",fm = "minres")
```

Extraer el resultado de las Comunalidades, allí se encuentra la proporción de varianza explicada. Se interpreta de tal forma que números cercanos a 1 están bastante bien explicadas por los factores comunes, entre más Comunalidades altas aya en el factor este explica mejor la variable y el análisis en consecuencia será mejor.

```
C1<-sort(modelo1$communality,decreasing = TRUE)
```

```
C2<-sort(modelo2$communality,decreasing = TRUE)
```

combinar los resultados para comparar

```
head(cbind(C1,C2))
```

```
##           C1           C2
## N1 0.7576920 0.6809294
## E2 0.6802809 0.6564523
## N2 0.6797943 0.5866483
## E1 0.5219674 0.5394762
## N3 0.5198285 0.4942059
## N4 0.4839516 0.4744005
```

Extracción de unidades La unicidad es el cuadrado del coeficiente del factor único, y se expresa como la proporción de la varianza explicada por el factor único. Es decir, no puede ser explicada por otros factores.

Comparación 1.-Unicidad del modelo 1

```
u1<- sort(modelo1$uniquenesses,decreasing = TRUE)
```

2.- Unicidad del modelo 2

```
u2<- sort(modelo2$uniquenesses,decreasing = TRUE)
```

```
#Comparación
head(cbind(u1,u2))
```

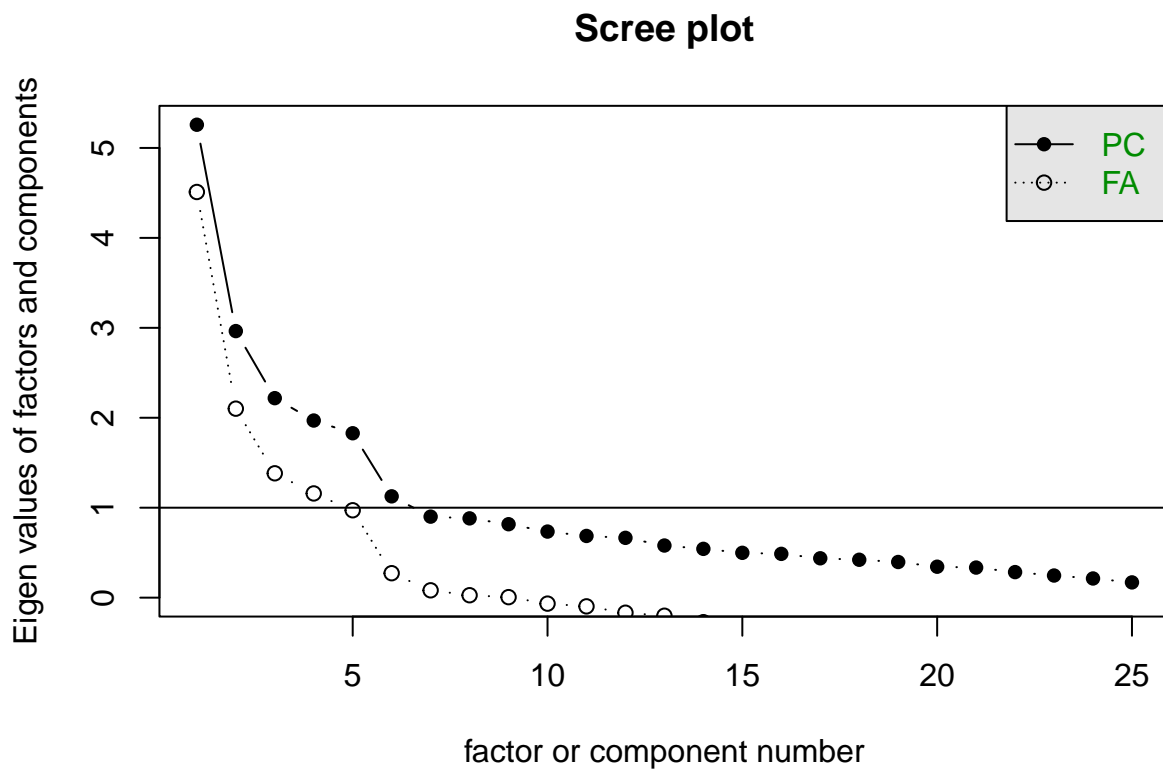
```
##           u1           u2
## O2 0.9460554 0.9293483
## A4 0.8928892 0.8908844
## A1 0.8607240 0.8822080
## O5 0.8533481 0.8272041
## C5 0.8136600 0.7931685
## O1 0.7986908 0.7904667
```

Al observar la unicidad de los dos métodos de rotación la diferencia entre ellas es muy pequeña,teniendo en cuenta que la unicidad es el cuadrado del coeficiente del factor único, que expresa la proporción de la

varianza que queda explicada por el factor se puede decir que: la varianza que no puede explicarse por los factores comunes(Comunalidades).

Por lo que apreciamos ya sea que rotemos por Máxima Verosimilitud o Mínimo residuo la varianza que no se puede explicar es casi la misma los coeficientes son muy parecidos y solo queda decidir cual es el método que más conviene para llegar a una conclusión aunque los resultados con cualquiera de éstos dos métodos serán muy aproximados.

```
#Elegir el número de los factores
scree(R)
```



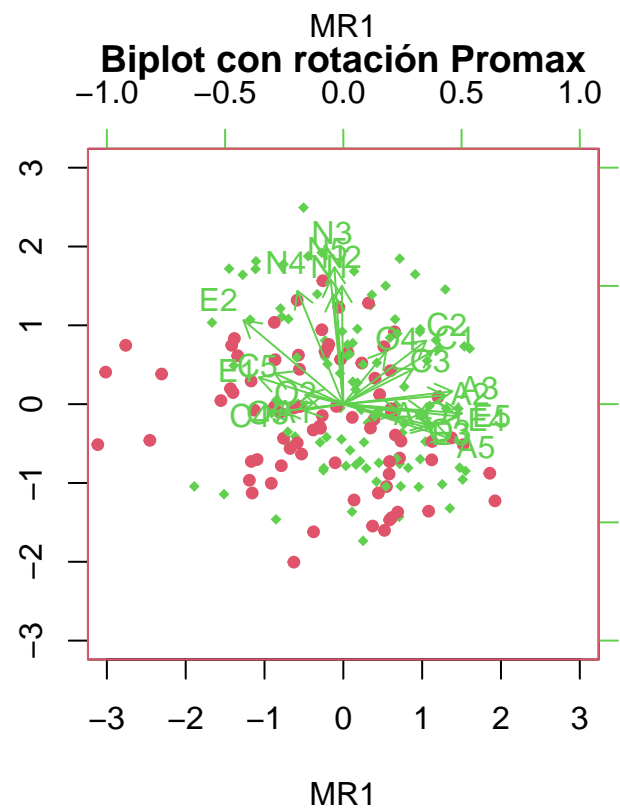
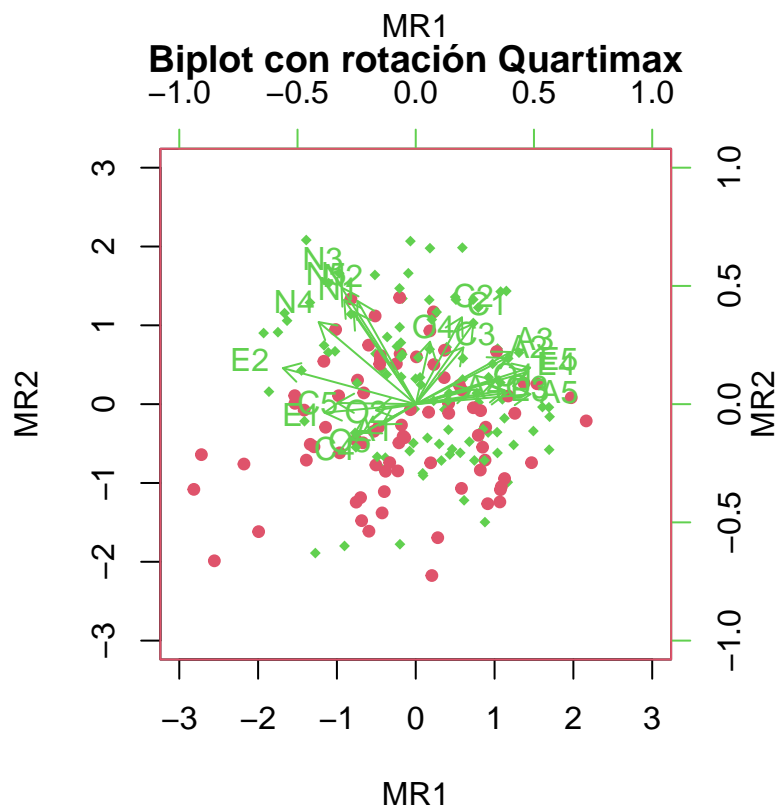
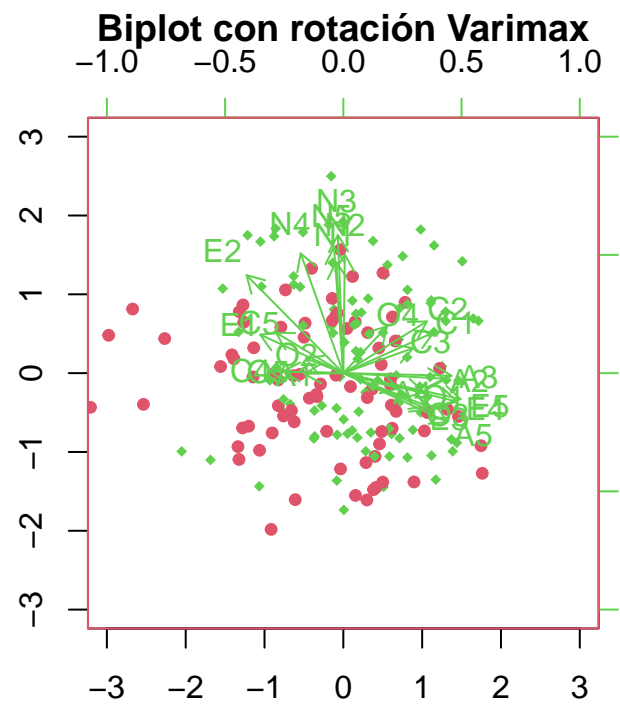
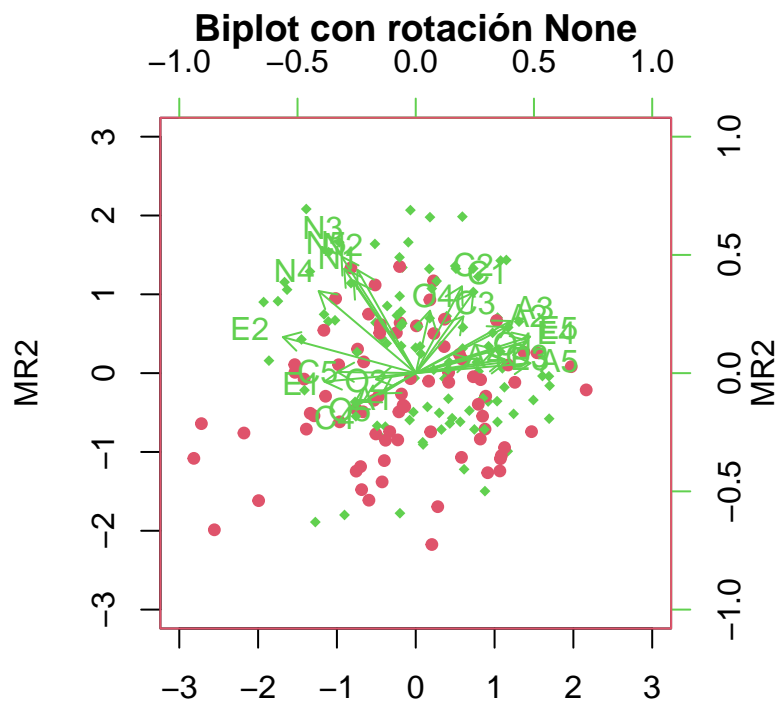
El scree plot podemos escoger la cantidad de factores que podemos utilizar, además de que en este gráfico tenemos dos opciones; ya sea por el método de Componentes Principales(PC) y Factorial Analysis(FA). Como en los componentes principales la cantidad de factores a seleccionar es hasta donde se forme un codo, es la cantidad óptima de factores que se puede utilizar.

Se observa por el método de PC podrían seleccionarse 6 factores y por el de FA serían 5, aunque entre éstos noes una gran diferencia.

Rotación de la matriz

```
library(GPArotation)

rot<-c("None", "Varimax", "Quartimax", "Promax")
bi_mod<-function(tipo){
  biplot.psych(fa(x1, nfactors = 2,
    fm= "minres", rotate=tipo),
    main = paste("Biplot con rotación", tipo),
    col=c(2,3,4), pch=c(21,18), group=bfi[, "gender"])
}
sapply(rot, bi_mod)
```



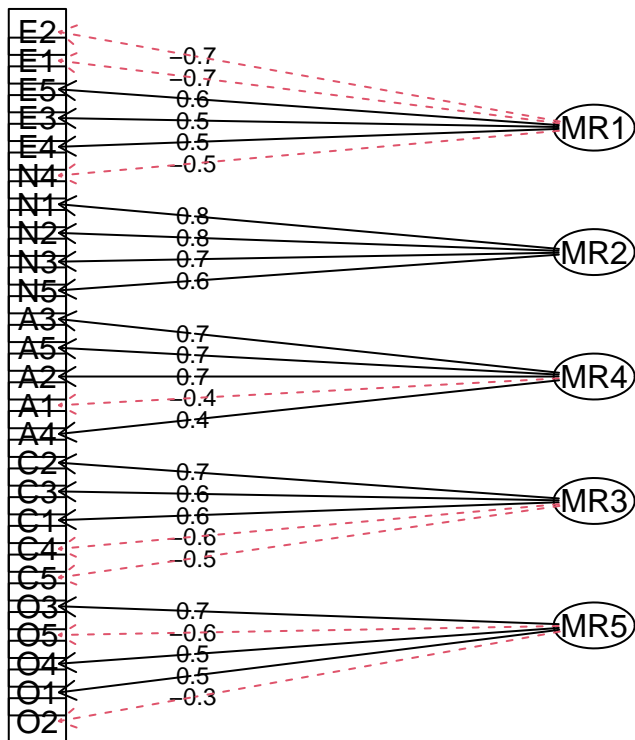
```
## $None
## NULL
##
## $Varimax
## NULL
```

```
##
## $Quartimax
## NULL
##
## $Promax
## NULL
```

Por último se utiliza un gráfico de árbol:

```
modelo_varimax<-fa(R,nfactor = 5,
                    rotate = "varimax",
                    fm="minres")
fa.diagram(modelo_varimax)
```

Factor Analysis



La líneas rojas indican cargas positivas y las

líneas negras cargas negativas.

Visualización de la matriz de carga rotada:

```
print(modelo_varimax$loadings,cut=0)
```

```
##
## Loadings:
##      MR1  MR2  MR4  MR3  MR5
## A1  0.234  0.106 -0.422 -0.072 -0.092
## A2  0.112 -0.032  0.653  0.190  0.113
## A3  0.198  0.066  0.744  0.051  0.169
## A4  0.163 -0.048  0.413  0.137 -0.142
## A5  0.328 -0.154  0.692 -0.009  0.115
## C1  0.054  0.089  0.140  0.634  0.287
## C2  0.052  0.174  0.114  0.690  0.050
## C3  0.032  0.018  0.076  0.642  0.016
```

```

## C4 -0.058  0.087 -0.090 -0.559 -0.159
## C5 -0.241  0.228 -0.040 -0.459  0.014
## E1 -0.691 -0.006 -0.066 -0.084 -0.017
## E2 -0.713  0.345 -0.138 -0.133 -0.025
## E3  0.546  0.003  0.157 -0.008  0.221
## E4  0.522 -0.027  0.416  0.167  0.048
## E5  0.588 -0.009  0.148  0.308  0.159
## N1  0.131  0.802 -0.150 -0.074 -0.133
## N2  0.088  0.800 -0.151 -0.038 -0.008
## N3 -0.183  0.701  0.005  0.037 -0.087
## N4 -0.513  0.491 -0.006  0.004  0.034
## N5 -0.274  0.571  0.059  0.096 -0.082
## O1  0.203 -0.107  0.148  0.076  0.535
## O2 -0.099  0.096  0.144 -0.191 -0.330
## O3  0.326 -0.159  0.034  0.062  0.680
## O4 -0.240  0.122  0.169  0.105  0.548
## O5 -0.004  0.061 -0.074 -0.077 -0.636
##
##                MR1   MR2   MR4   MR3   MR5
## SS loadings    2.823 2.667 2.223 2.103 1.867
## Proportion Var 0.113 0.107 0.089 0.084 0.075
## Cumulative Var 0.113 0.220 0.309 0.393 0.467

```