

問題: エルミート行列を選択してください。

選択肢: A:
$$\begin{pmatrix} -1 & -1-3i & \sqrt{3}i \\ -1-3i & -1 & -1+i \\ \sqrt{3}i & -1+i & -3 \end{pmatrix}$$

B:
$$\begin{pmatrix} -2+2i & -\sqrt{2}+3i & -2+2i \\ -2 & 1 & -2 \\ -3-3i & 2+\sqrt{3}i & -3-3i \end{pmatrix}$$

C:
$$\begin{pmatrix} 0 & -2+3i & -\sqrt{2}-3i \\ -2-3i & -3 & -\sqrt{2}+i \\ -\sqrt{2}+3i & -\sqrt{2}-i & -\sqrt{3} \end{pmatrix}$$

D:
$$\begin{pmatrix} -3 & -3-\sqrt{2}i & -1 \\ -3-\sqrt{2}i & 2 & -\sqrt{3}+3i \\ -1 & -\sqrt{3}+3i & 2 \end{pmatrix}$$

正答の選択肢: C

指定した誤答タイプ: 定義の概念誤り

GPT が作成した誤答: エルミート行列は転置が自身と等しい行列、すなわち $A = A^T$ を満たす。

選択肢 A について、

$$A = \begin{pmatrix} -1 & -1-3i & \sqrt{3}i \\ -1-3i & -1 & -1+i \\ \sqrt{3}i & -1+i & -3 \end{pmatrix}$$

$$A^T = \begin{pmatrix} -1 & -1-3i & \sqrt{3}i \\ -1-3i & -1 & -1+i \\ \sqrt{3}i & -1+i & -3 \end{pmatrix} = A$$

よって、選択肢 A がエルミート行列である。

ANSWER: A