

問題: ベクトル空間  $R^n$  の内積を標準内積とする。このとき、次の 2 つのベクトルの内積とそれぞれのノルムとして適切なものを選択してください。 $\begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ -3 \end{pmatrix}$

選択肢: A: 内積: 9, ノルム: 10, 9

B: 内積: -9, ノルム:  $\sqrt{10}$ , 3

C: 内積: 9, ノルム: 2, 3

D: 内積: 9, ノルム:  $\sqrt{10}$ , 3

正答の選択肢: B

指定した誤答タイプ: 論理の誤り

GPT が作成した誤答: まず、与えられた 2 つのベクトルを確認します。ベクトル  $a = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix}$ 、 $b = \begin{pmatrix} 0 \\ -3 \end{pmatrix}$ 。

内積の計算:

$$a \cdot b = (-1) \cdot 0 + 3 \cdot (-3) = 0 + 9 = 9$$

ノルムの計算:

$$\|a\| = \sqrt{(-1)^2 + 3^2} = \sqrt{1 + 9} = \sqrt{10}$$

$$\|b\| = \sqrt{0^2 + (-3)^2} = \sqrt{9} = 3$$

したがって、内積は 9、ノルムは  $\sqrt{10}$  と 3 なので、選択肢は D です。

ANSWER: D