

問題: ベクトル空間 R^n の内積を標準内積とする。このとき、次の 2 つのベクトルの内積とそれぞれのノルムとして適切なものを選択してください。 $\begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ -3 \end{pmatrix}$

選択肢: A: 内積: 9, ノルム: 10, 9

B: 内積: -9, ノルム: $\sqrt{10}$, 3

C: 内積: 9, ノルム: 2, 3

D: 内積: 9, ノルム: $\sqrt{10}$, 3

正答の選択肢: B

指定した誤答タイプ: 計算間違い

GPT が作成した誤答: ベクトル $a = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix}$, $b = \begin{pmatrix} 0 \\ -3 \end{pmatrix}$ とする。

内積は

$$a \cdot b = (-1) \cdot 0 + 3 \cdot 3 = 0 + 9 = 9$$

ノルムは

$$\|a\| = \sqrt{(-1)^2 + 3^2} = \sqrt{10}, \quad \|b\| = \sqrt{0^2 + (-3)^2} = 3$$

よって、内積は 9、ノルムは $\sqrt{10}$, 3 なので D。

ANSWER: D