

問題: 次の線形変換を考えます。  $f: R^2 \rightarrow R^2, \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} 2x_1 \\ 5x_1 - 3x_2 \end{pmatrix}$  このとき、次のベクトルは、その固有ベクトルとなりますが、このときの固有値を選んでください。  $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$

選択肢: A: 2

B: 1

C: -3

D: -2

正答の選択肢: A

指定した誤答タイプ: 計算間違い

GPT が作成した誤答: まず、与えられたベクトルに変換を作用させます。

$$f\left(\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2 \cdot 1 \\ 5 \cdot 1 - 3 \cdot 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ -2 \end{pmatrix}$$

固有値を  $\lambda$  とすると、

$$\lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \lambda \\ \lambda \end{pmatrix}$$

これが  $f\left(\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}\right)$  と一致するので、第二成分より  $\lambda = -2$ 。

ANSWER: D