

問題: 次のベクトルにより張られる部分空間の基底を, これらのベクトルの組として求めるとします。この計算を, 行の基本変形により求める場合, どのような行列に掃き出しを行えばよいでしょうか。もっとも適切と思われる行列を選択してください。 $-3x^3 + 3x^2 - 6x + 2$ ,  $-9x^3 - 3x^2 - 9x - 3$ ,  $6x^3 - 6x^2 + 3x + 2$ ,  $6x^3 - 6x^2 - 9x + 2$ ,  $-3x^3 - 3x^2 + 3x + 2$

選択肢: A: 
$$\begin{pmatrix} 2 & -6 & 3 & -3 \\ -3 & -9 & -3 & -9 \\ 2 & 3 & -4 & 6 \\ 2 & -9 & -6 & 6 \\ 2 & 3 & -3 & -3 \end{pmatrix}$$

B: 
$$\begin{pmatrix} 2 & -3 & 2 & 2 & 2 \\ -6 & -9 & 3 & -9 & 3 \\ 3 & -3 & -6 & -6 & -1 \\ -3 & -9 & 6 & 6 & -3 \end{pmatrix}$$

C: 
$$\begin{pmatrix} 2 & -3 & 2 & 2 & 2 \\ -6 & -9 & 3 & -9 & 3 \\ 3 & -3 & -6 & -6 & -3 \\ -3 & -9 & 6 & 6 & -3 \end{pmatrix}$$

D: 
$$\begin{pmatrix} 2 & -3 & 2 & 2 & 2 \\ -6 & -9 & 3 & -9 & 3 \\ 3 & -3 & -4 & -6 & -3 \\ -3 & -9 & 6 & 6 & -3 \end{pmatrix}$$

正答の選択肢: C

指定した誤答タイプ: 計算間違い

GPT が作成した誤答: 与えられた多項式の係数を定数項  $\rightarrow x \rightarrow x^2 \rightarrow x^3$  の順に並べると,  $(-3x^3 + 3x^2 - 6x + 2) \rightarrow (2, -6, 3, -3)$ ,  $(-9x^3 - 3x^2 - 9x - 3) \rightarrow (-3, -9, -3, -9)$ ,  $(6x^3 - 6x^2 + 3x + 2) \rightarrow (2, 3, -4, 6)$ ,  $(6x^3 - 6x^2 - 9x + 2) \rightarrow (2, -9, -6, 6)$ ,  $(-3x^3 - 3x^2 + 3x + 2) \rightarrow (2, 3, -3, -3)$ 。

これらを行に並べた行列は

$$\begin{pmatrix} 2 & -6 & 3 & -3 \\ -3 & -9 & -3 & -9 \\ 2 & 3 & -4 & 6 \\ 2 & -9 & -6 & 6 \\ 2 & 3 & -3 & -3 \end{pmatrix}$$

で, 選択肢 A に一致します。

ANSWER: A