

問題: 次の線形変換を考えます。 $f : R^2 \rightarrow R^2$, $\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} \mapsto \begin{pmatrix} 2x_1 \\ 5x_1 - 3x_2 \end{pmatrix}$ このとき, 次のベクトルは, その固有ベクトルとなりますか, このときの固有値を選んでください。 $\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$

選択肢: A: 2

B: 1

C: -3

D: -2

正答の選択肢: A

指定した誤答タイプ: 計算間違い

GPT が作成した誤答:

$$f \left(\begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2 \cdot 1 \\ -3 \cdot 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix}$$

$$\lambda \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \lambda \\ \lambda \end{pmatrix}$$

下の成分より $\lambda = -3$ と判断する。

C