

問題: 行列  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -3 & -2 \end{pmatrix}$  による線形変換での直線  $y = -2x - 1$  の像を求めてください。

選択肢: A:  $y = x + 2$

B:  $y = x - 2$

C:  $y = -7x + 2$

D:  $y = -2x + 8$

正答の選択肢: A

指定した誤答タイプ: 論理の誤り

GPT が作成した誤答: 直線を  $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ -2x - 1 \end{pmatrix}$  とおく。変換より

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -3 & -2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ -2x - 1 \end{pmatrix},$$

したがって  $x' = x$ 、 $y' = -3x + (-2)(-2x - 1) = -3x - 4x + 2 = -7x + 2$ 。よって  $y' = -7x' + 2$ 。

C