

## Aufgabe 1: Verschiedenes

a) Verkettete Liste und Array

b) nicht sortiert:  $O(n)$   
sortiert:  $O(\log n)$

c)

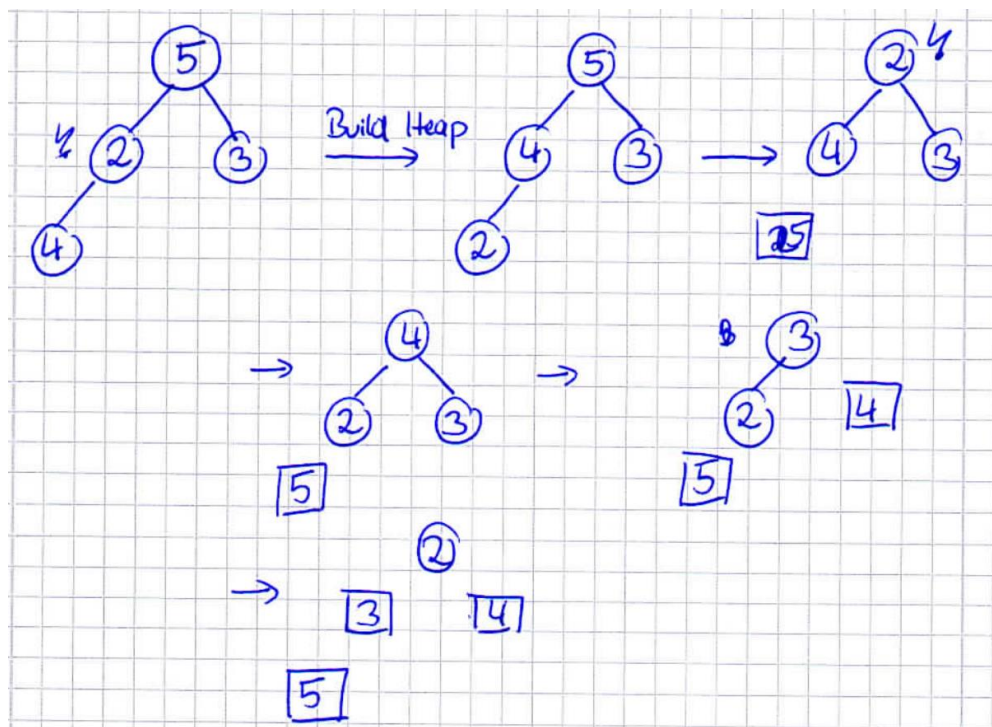
	Unsortierte Liste	Sortierte Liste	MinHeap
size	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
insert	$O(1)$	$O(n)$	$O(\log n)$
removeMin	$O(n)$	$O(1)$	$O(\log n)$

d) Aussage ist richtig, z.B. Baumrepräsentation zeichnen.

## Aufgabe 2: Heapsort

a) Mergesort und Heapsort.

b)



5 2 3 4 (Start)

5 4 3 2

2 4 3 5

4 2 3 5

3 2 4 5

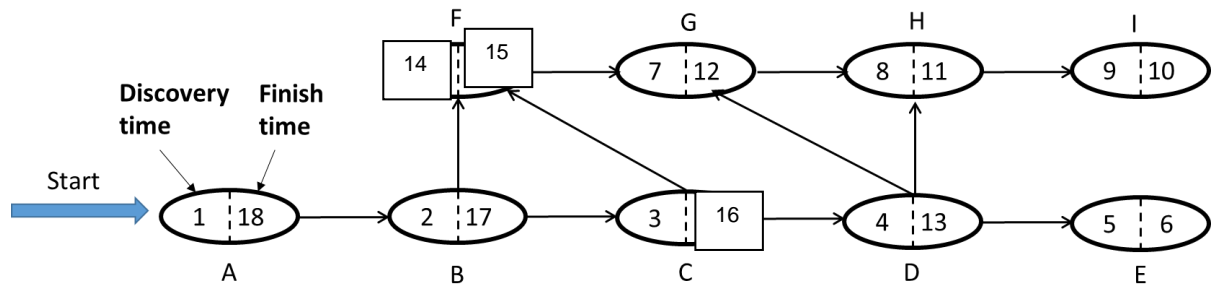
2 3 4 5

c) Nein, er hat nicht Recht. Es wird immer zuerst ein Heap aufgebaut -> Beispiel



### Aufgabe 3: Graphen

a)



b) „Reihenfolge bei der Abhängigkeiten erfüllt sind“  
Halbordnung zu Gesamtordnung.

c)

Beginn:  $Q = \{a, b, c, d, e, f, g\}$

$Q = \{b, c, d, e, f, g\}$

$Q = \{b, c, e, f, g\}$

$Q = \{b, e, f, g\}$

$Q = \{e, f, g\}$

$Q = \{e, g\}$

$Q = \{g\}$

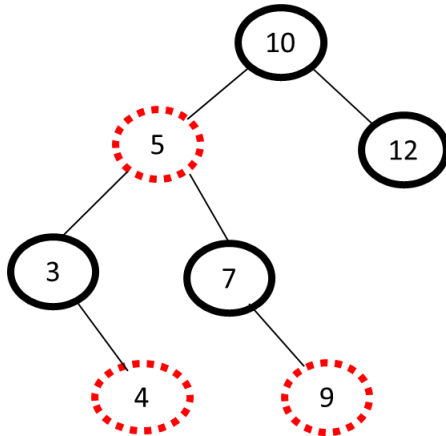


#### Aufgabe 4: Binäre Suchbäume und Rot-Schwarz-Bäume

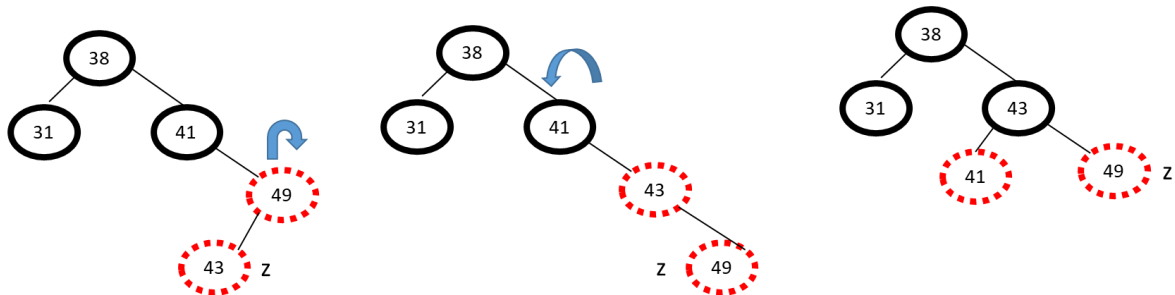
a)

- (1) Es handelt sich um einen binären Suchbaum, da für **jeden** Knoten gilt: Die Schlüssel des linken Kindes sind kleiner als der Elternknoten und die Schlüssel des rechten Kindes sind größer als der Elternknoten.

(2) ja .



b)



Nach dem Einfügen, Knoten ist rot

Nach Rechtsrotation um 49,  
Z wechselt.

Nach Linksrotation um 41

c)

```
while (!q.isEmpty()) {
    BTreeNode n = (BTreeNode) q.dequeue(); // 1P (Typcast wird nicht gerechnet)
    System.out.print(n.item);
    if (n.left != null) {
        q.enqueue(n.left);
    }
    if (n.right != null) {
        q.enqueue(n.right);
    }
}
```



## Aufgabe 5: Dynamische Programmierung

a)

```
// using dynamic programming
private static long fibonacci(int n) {
    // TODO
    if (n < 2) {
        return 0;
    }
    if (n == 2) {
        return 1;
    }

    long prevprevprev = 0;
    long prevprev = 0;
    long prev = 1;
    for (int i = 3; i < n; i++) {
        long tempPrev = prev;
        prev = prev + prevprev + prevprevprev;
        prevprevprev = prevprev;
        prevprev = tempPrev;
    }
    return prev;
}
```

b) Der maximale Erlös ist 27 bei einer Unterteilung von 2+2+1

- c) 1. Änderung in Zeile 6: q mit p[j] initialisieren  
2. Änderung in Zeile 4: Nicht auf -unendlich setzen  
Eine alternative Lösung wäre bei Zeile 6 eine if-Abfrage: if (i==j)

**BOTTOM-UP-CUT-ROD(p, n)**

```
1    let r[0..n] be a new array
2    r[0] = 0
3    for j = 1 to n
4        q = p[j]
5        for i = 1 to j
6            q = max(q, p[i] + r[j - i] - c)
7        r[j] = q
8    return r[n]
```