

INTEGRALE

* Fehlerteufel. Wo steckt der Fehler? $\int_{-1}^{1} \frac{1}{x^2} dx = \left[-\frac{1}{x} \right]_{-1}^{1} = -\frac{1}{1} - \left(-\frac{1}{-1} \right) = -2$

Lösung.

Uneigentliche Integrale. Berechnen Sie:

* 1.
$$\int_{1}^{\infty} \frac{2}{x^3} dx,$$

$$2. \int_{-\infty}^{0} e^x dx,$$

$$3. \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{1+x^2} dx.$$

 ${\bf Partielle\ Integration.}\ {\bf Berechnen\ Sie\ die\ folgenden\ Integrale:}$

* 1.
$$\int xe^x dx$$
,

$$3. \int x^2 \ln x \, dx,$$

$$2. \int e^x (2-x^2) dx,$$

$$4. \int_1^e \ln x \, dx,$$

 ${\bf Substitutions regel.}$ Berechnen Sie die folgenden Integrale:

* 1.
$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin(2x) \, dx$$
,

$$3. \int \frac{x}{5+x^2} dx,$$

$$2. \int \sin(x)(\cos(x))^3 dx,$$

4.
$$\int_0^2 \frac{t^2}{1+t^3} dt$$
.

Integrale-Mix. Berechnen Sie die folgenden Integrale:

1.
$$\int 4\sin x + \frac{2}{\sqrt{1-x^2}}dx$$
, 2. $\int_0^2 t\sqrt{t^2+4}dt$, 3. $\int x^2 e^x dx$

2.
$$\int_0^2 t\sqrt{t^2 + 4}dt$$
,

3.
$$\int x^2 e^x dx$$