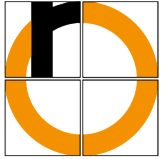




# Entwicklung von Computerspielen: KI Einführung

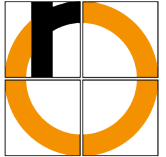
Fakultät Informatik  
FWPM



# KI

## Übersicht

- Rundenbasierte Spiele
- Wegplanung
- Bewegungen
- Kartengenerierung



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Übersicht

- Spielbäume
- MiniMax
- Alpha-Beta Pruning
- Transpositionstabellen
- Monte-Carö Baumsuche (MCTS)



## KI – Rundenbasierte Spiele

### Spielbäume

- Hauptanwendung: **rundenbasierte** Spiele  
Beispiel: Dame, Schach...
- Gesucht: **Lösungsstrategie**  
Spezifiziert einen Zug für jede mögliche Antwort des Gegners
- Zeitlimit:  
Erzwingt eine **Näherungslösung**
- Bewertungsfunktion  
Bewertung der **Güte** einer Spielposition



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Arten von Spielen

|                            | deterministisch  | Zufall                  |
|----------------------------|------------------|-------------------------|
| Vollständige Information   | Dame, Schach, Go | Monopoly,<br>Backgammon |
| Unvollständige Information |                  | Poker, Schafkopf        |

# KI – Rundenbasierte Spiele

## Spielbäume : Minimax Ansatz

### ➤ Spielaufbau:

Spiel ist deterministisch mit vollständiger Information

2 Spieler: MAX und MIN

MAX zieht zuerst

Dann abwechselnd, bis Spielende erreicht

MAX verwendet **Suchbaum**, um den nächsten Zug zu bestimmen

Anfangszustand

z.B. Konfiguration der Spielfiguren auf dem Brett

Nachfolgefunktion

Liste von (Zug, Zustand) Paaren, die gültige Züge angeben

Nutzenfunktion

Bewertet Endzustände (Blätter)

z.B. gewonnen(+1), verloren(-1), unentschieden(0)

# KI – Rundenbasierte Spiele

## Spielbäume : Minimax Ansatz

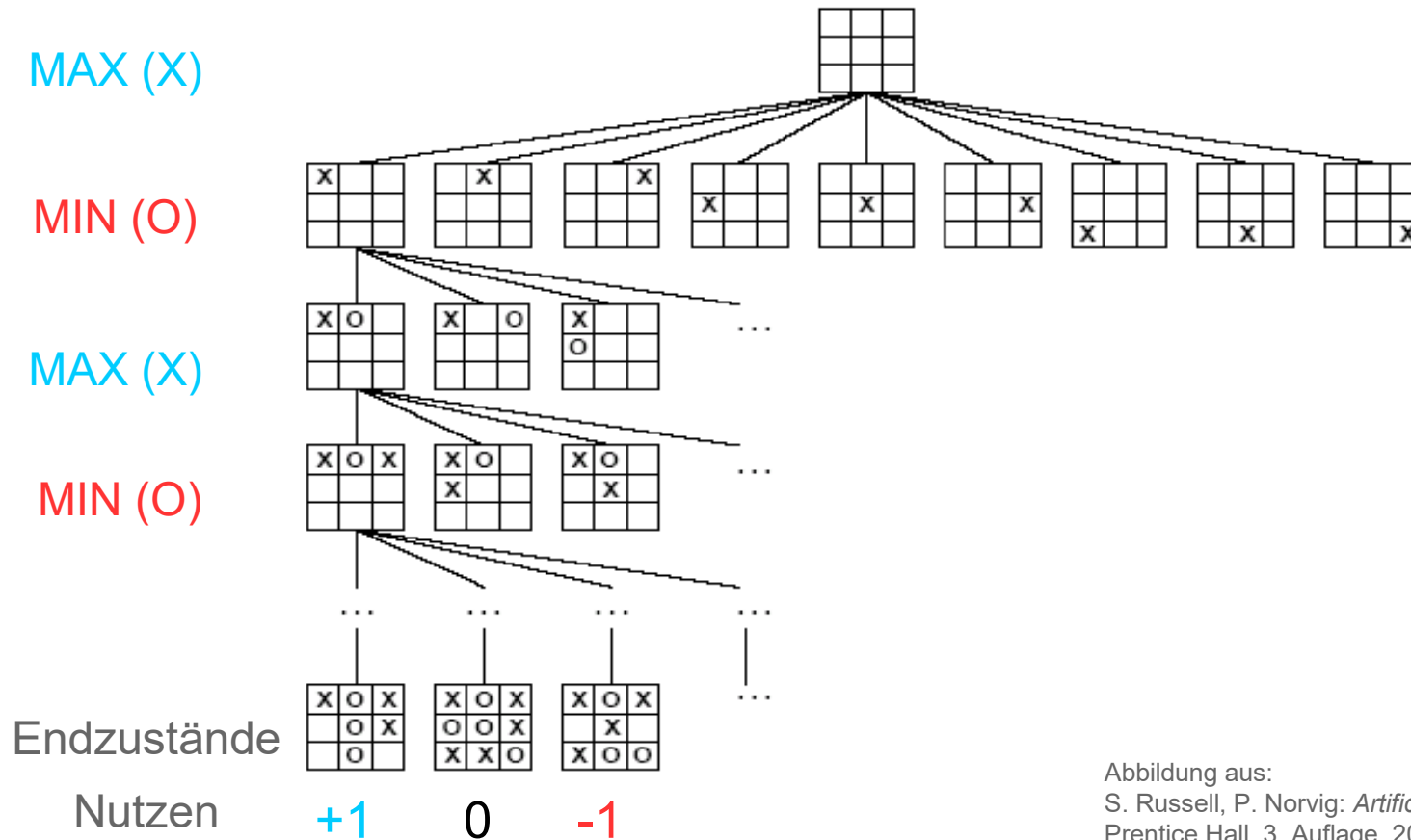


Abbildung aus:  
S. Russell, P. Norvig: *Artificial Intelligence*,  
Prentice Hall, 3. Auflage, 2010.

# KI – Rundenbasierte Spiele

## Optimale Strategie

- Ziel:  
Finde eine möglichst gute Strategie für MAX  
Nimm an, dass der Gegner MIN keine Fehler macht
- Annahme: BEIDE Spieler spielen optimal!
- Bestimmung der **optimalen** Strategie aus dem Spielbaum:  
Berechne den Minimax-Wert jedes Knotens:

MINIMAX-Wert(n) =

Nutzen(n)

wenn n ein Blatt

$\max_{s \in \text{nachfolger}(n)}$

MINMAX-WERT(s)

wenn n ein MAX-Knoten

$\min_{s \in \text{nachfolger}(n)}$

MINMAX-WERT(s)

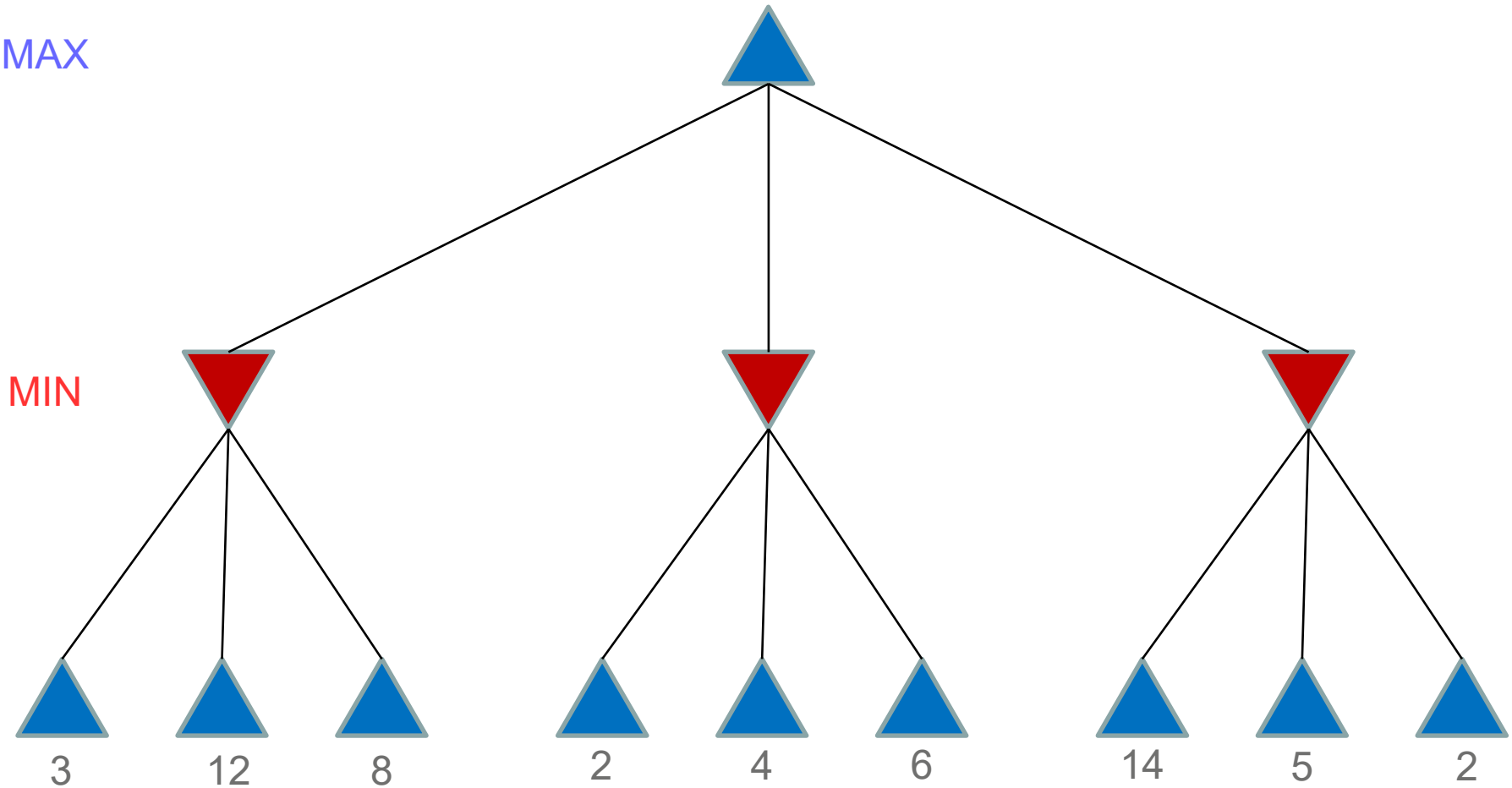
wenn n ein MIN-Knoten



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Beispiel: 2-Halbzüge Spiel

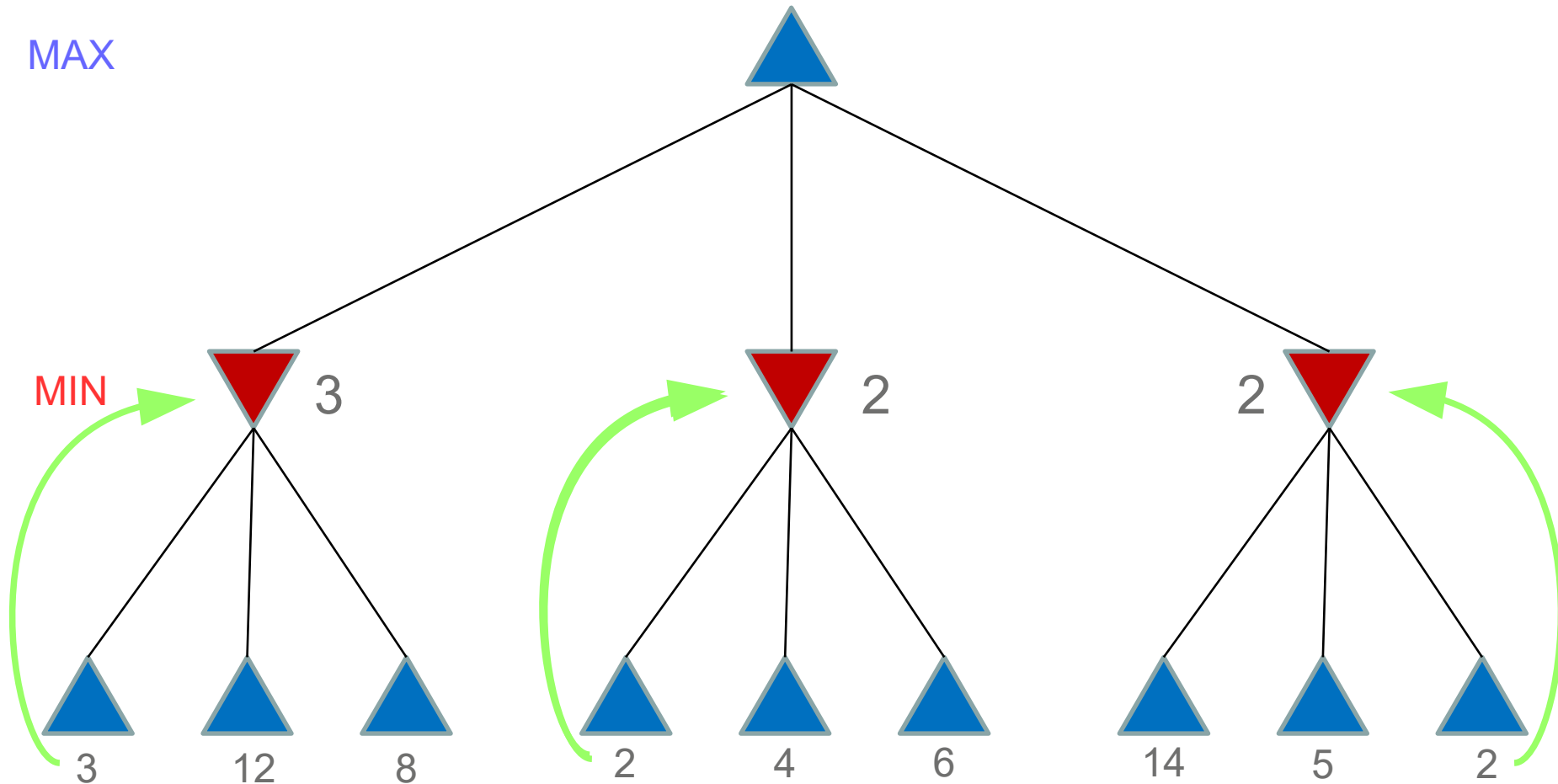
MAX



## KI – Rundenbasierte Spiele

### Beispiel: 2-Halbzüge Spiel

MAX

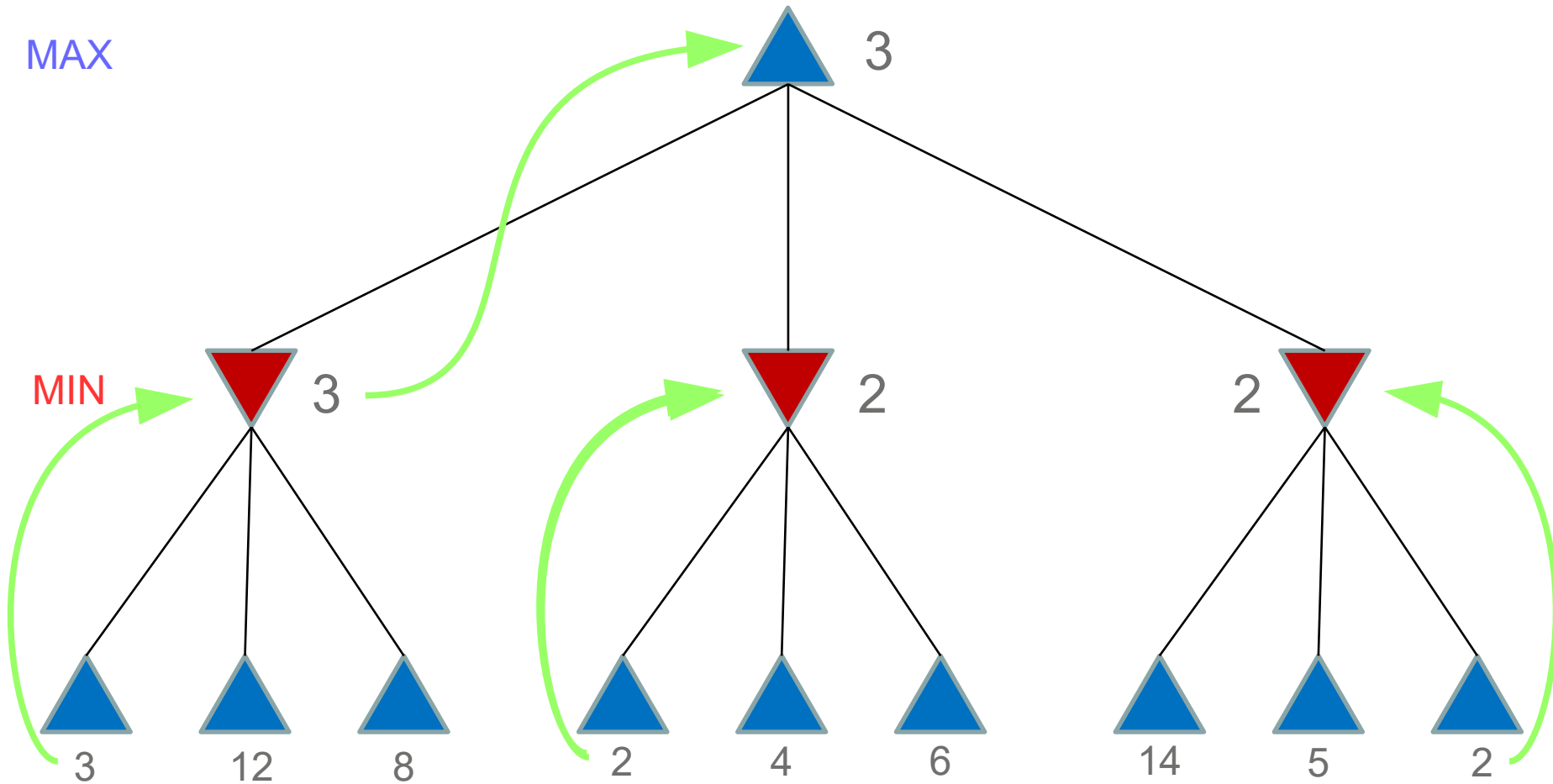


# KI – Rundenbasierte Spiele

## Beispiel: 2-Halbzüge Spiel

MAX

MIN





## KI – Rundenbasierte Spiele

### Was Wenn MIN nicht optimal spielt?

- Ursprüngliche Annahme: MIN macht keine Fehler  
Dann maximiert Minimax das schlechtest-mögliche Ergebnis für MAX  
(schlechter kann es nicht werden)
- Wenn MIN nicht optimal spielt, ist das Ergebnis für MAX sogar noch besser  
Oder mindestens gleich gut: schlechter kann es nicht werden

# KI – Rundenbasierte Spiele

## Mehrspieler-Spiele

- Aus skalaren Minimax-Werten werden Vektoren
- Beispiel: 3 Spieler → Bewertung für jeden Spieler (A,B,C)

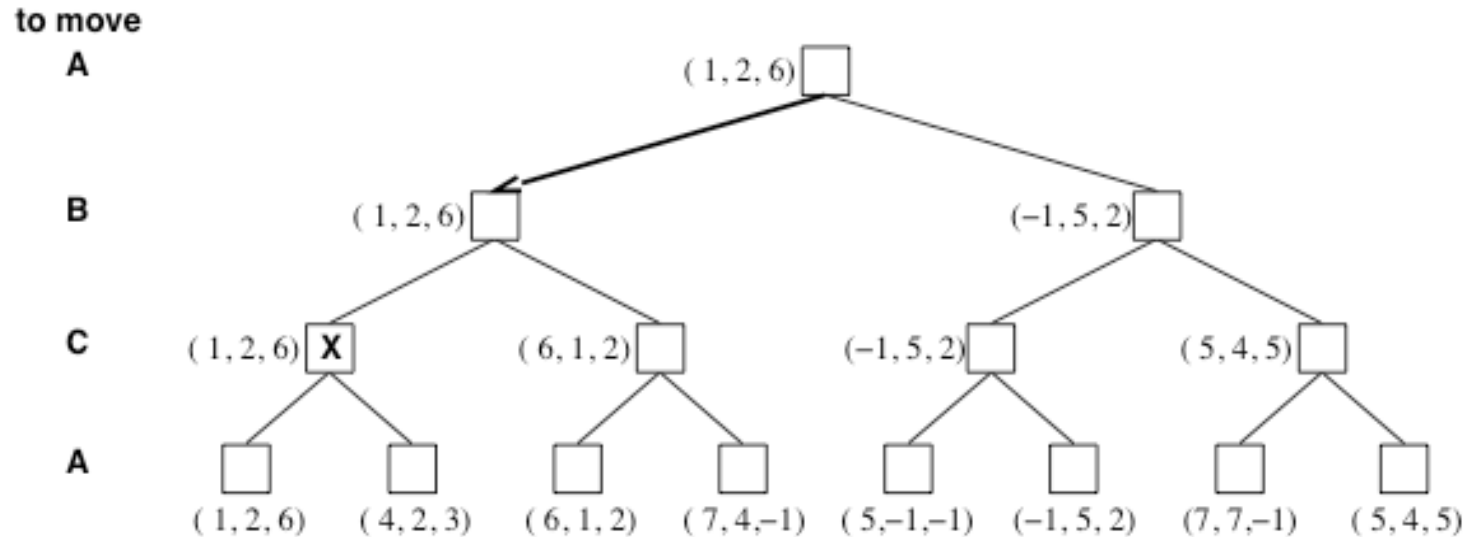


Abbildung aus:  
S. Russell, P. Norvig: *Artificial Intelligence*,  
Prentice Hall, 3. Auflage, 2010.



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Minimax - Eigenschaften

### ➤ Komplexität

b- maximaler Verzweigungsgrad des Baums

m- maximale Tiefe des Zustandsraums (des Baums)

Zeitkomplexität :  $O(b^m)$

Speicherkomplexität  $O(bm)$

### ➤ Beispiel Schach:

$B \approx 35, m \approx 100 \rightarrow b^m \approx 35^{100} \approx 2,5 \cdot 10^{154}$

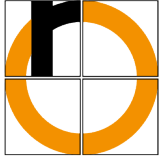
→ exakte Lösung nicht berechenbar

Weil:

3GHz, 1 Knoten/Takt  $\rightarrow 2,7 \cdot 10^{137}$  Jahre

3000GHz, 1 Knoten/Takt  $\rightarrow 2,7 \cdot 10^{134}$  Jahre

Alter des Universums: ca  $1,4 \cdot 10^9$  Jahre



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning

- Minimax Problem: Anzahl der Spielzustände ist **exponentiell** in der Anzahl der Züge
- Idee: betrachte **nicht jeden** einzelnen Knoten : **Alpha-Beta-Pruning**
  - **Entferne Zweige**, die die endgültige Entscheidung nicht beeinflussen

# KI – Rundenbasierte Spiele

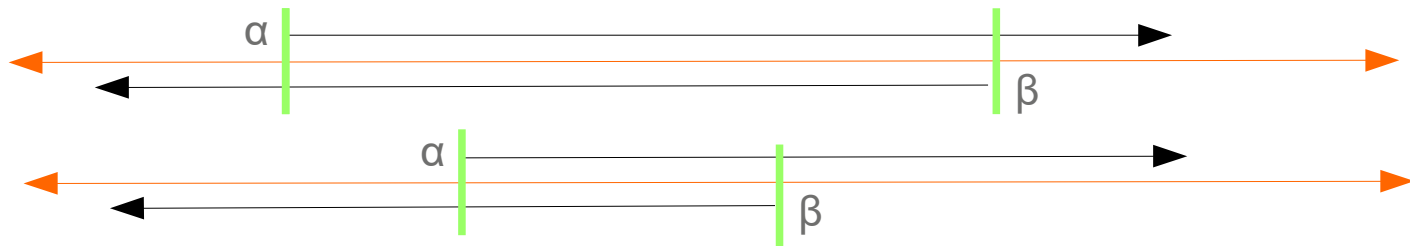
## Alpha Beta Pruning

### ➤ $[\alpha; \beta]$

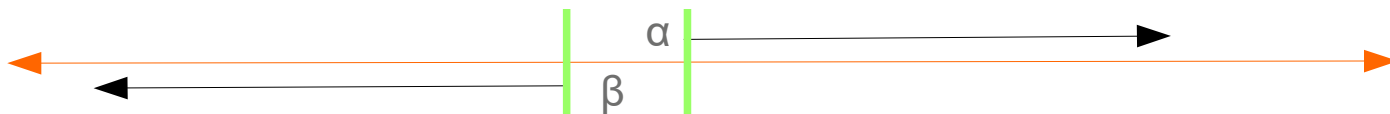
$\alpha$ : größte Grenze für mögliche Bewertungen  
(nur für MAX- Knoten ändern)

$\beta$ : kleinste Grenze für mögliche Bewertungen  
(nur für MIN-Knoten ändern)

### ➤ Während der Verarbeitung werden untere und obere Grenze immer enger



### ➤ Wenn keine Überlappung mehr → Ende (Pruning)

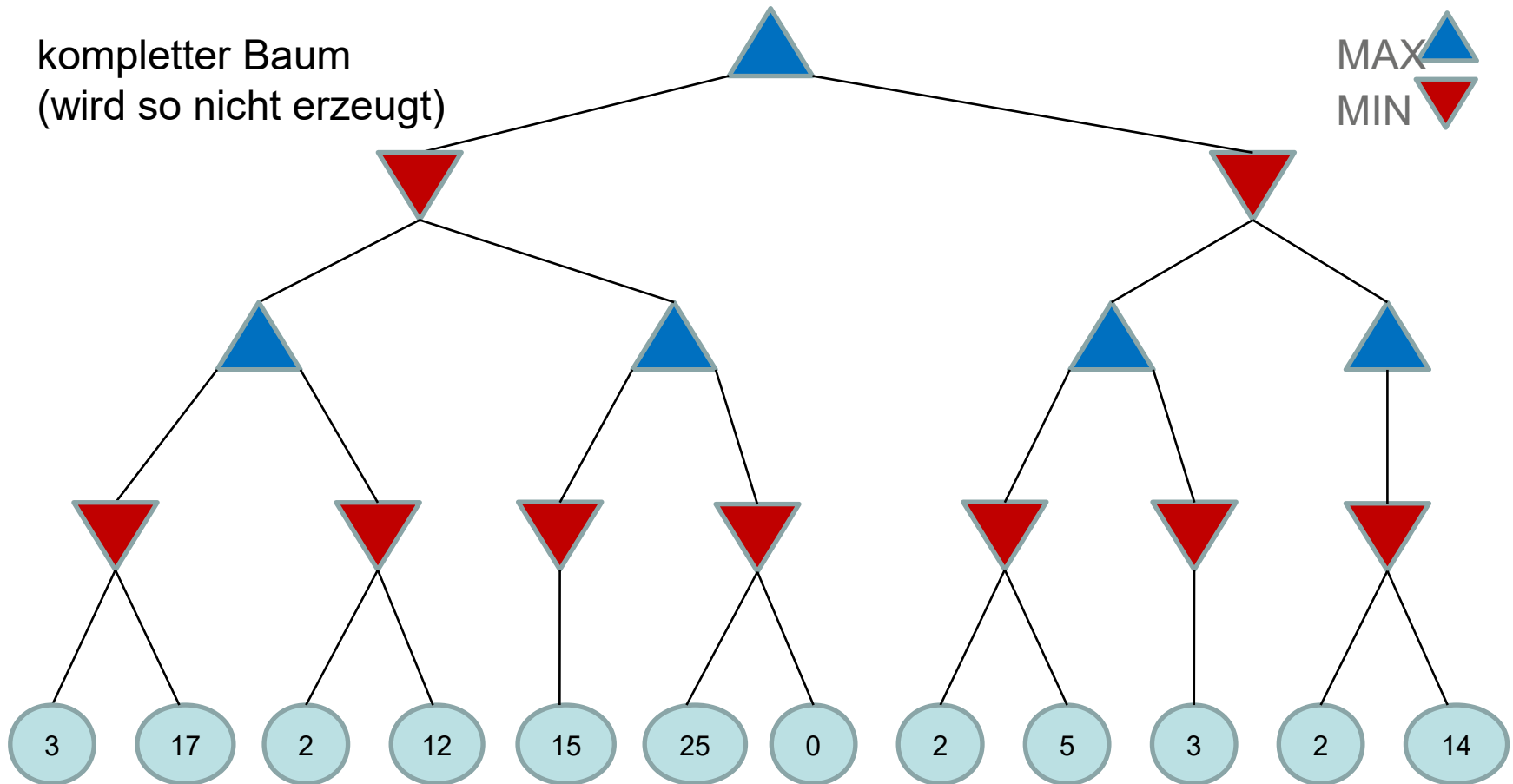




# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning

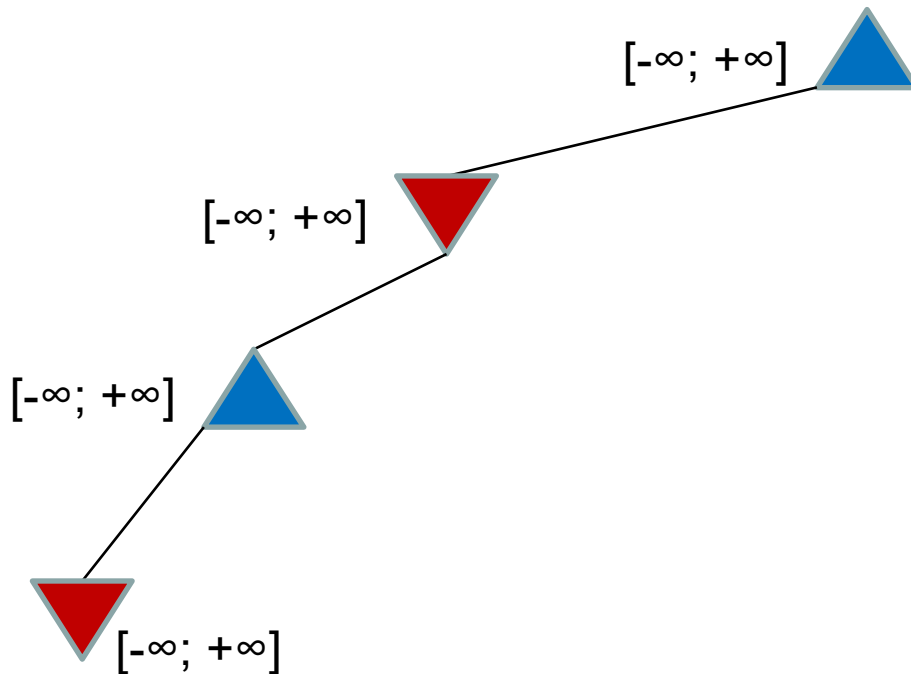
kompletter Baum  
(wird so nicht erzeugt)



# KI – Rundenbasierte Spiele

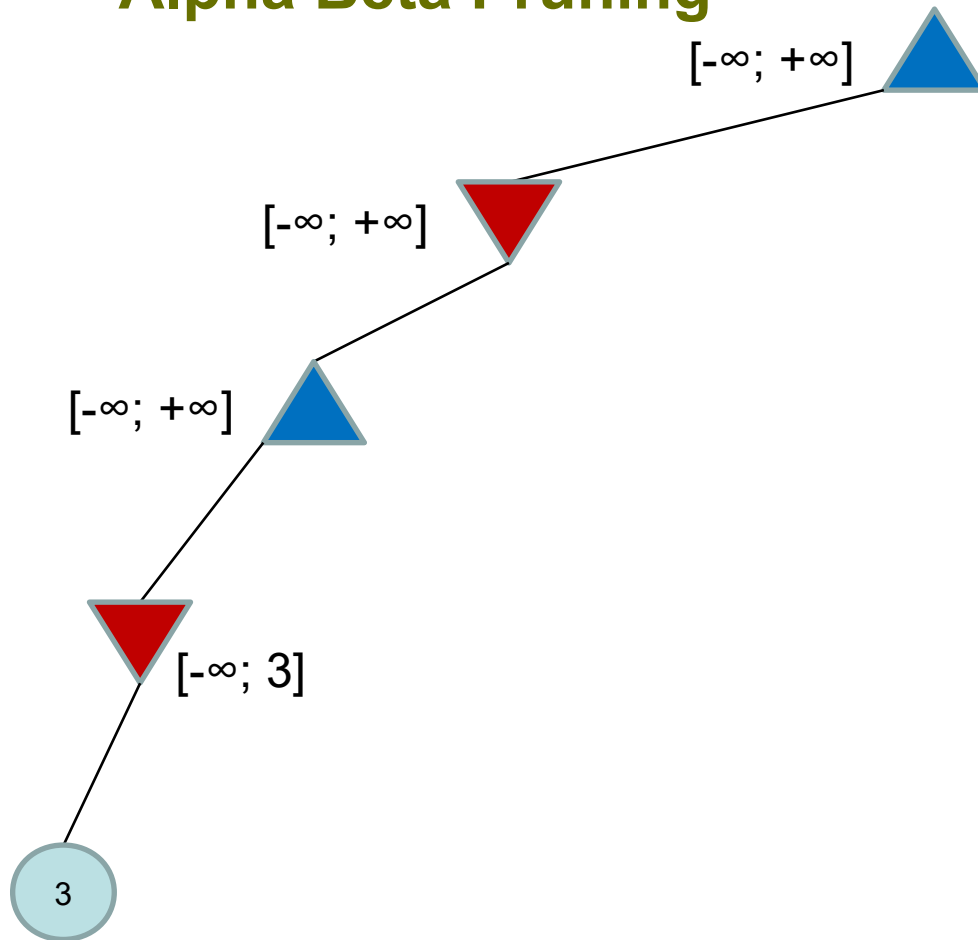
## Alpha Beta Pruning

MAX   
MIN 



# KI – Rundenbasierte Spiele

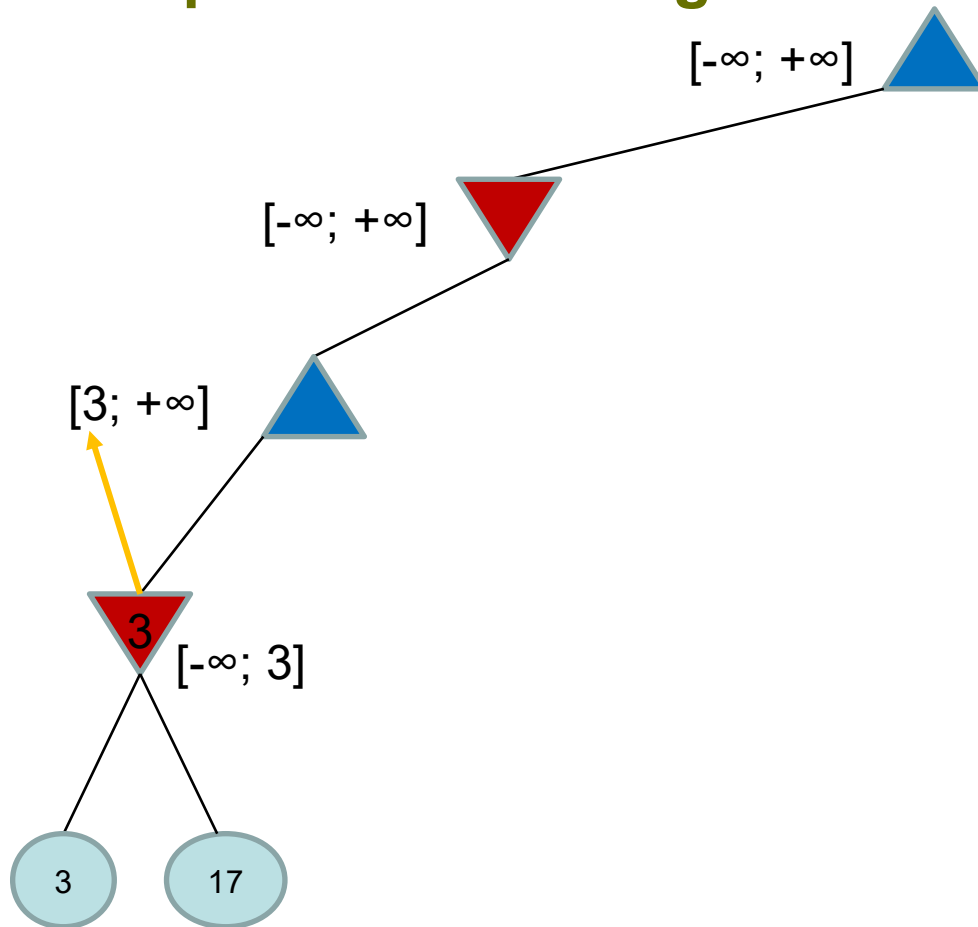
## Alpha Beta Pruning



MAX   
MIN 

# KI – Rundenbasierte Spiele

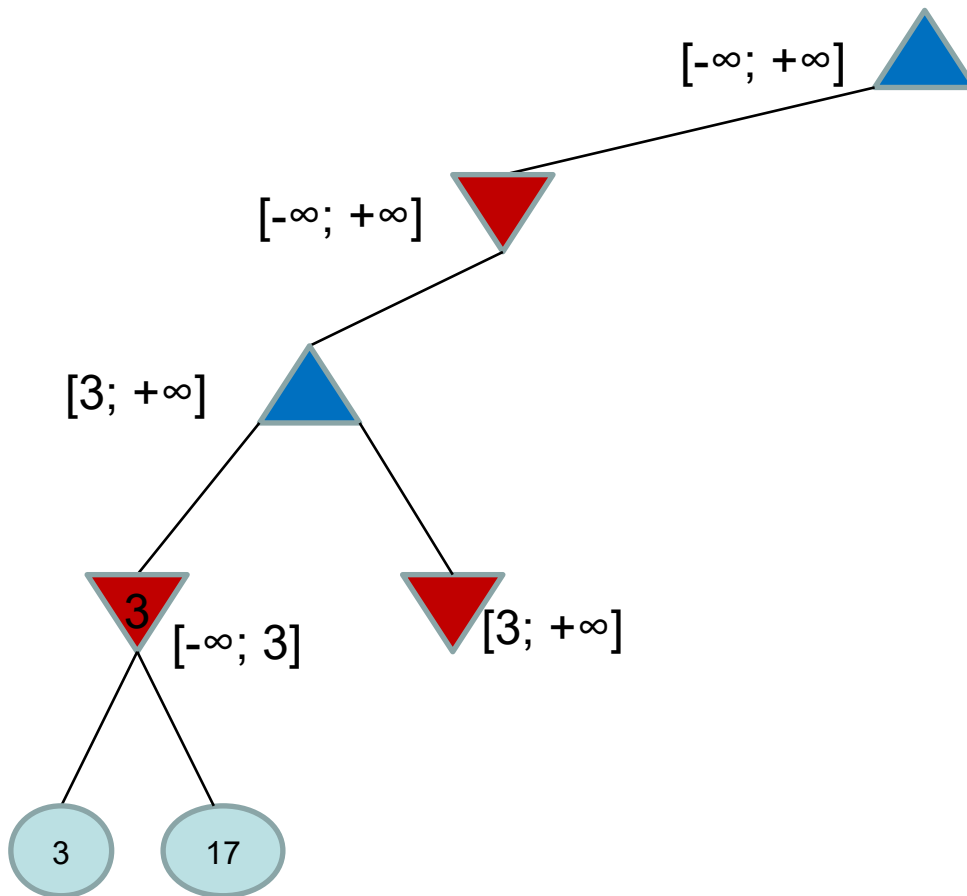
## Alpha Beta Pruning



MAX   
MIN 

# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning

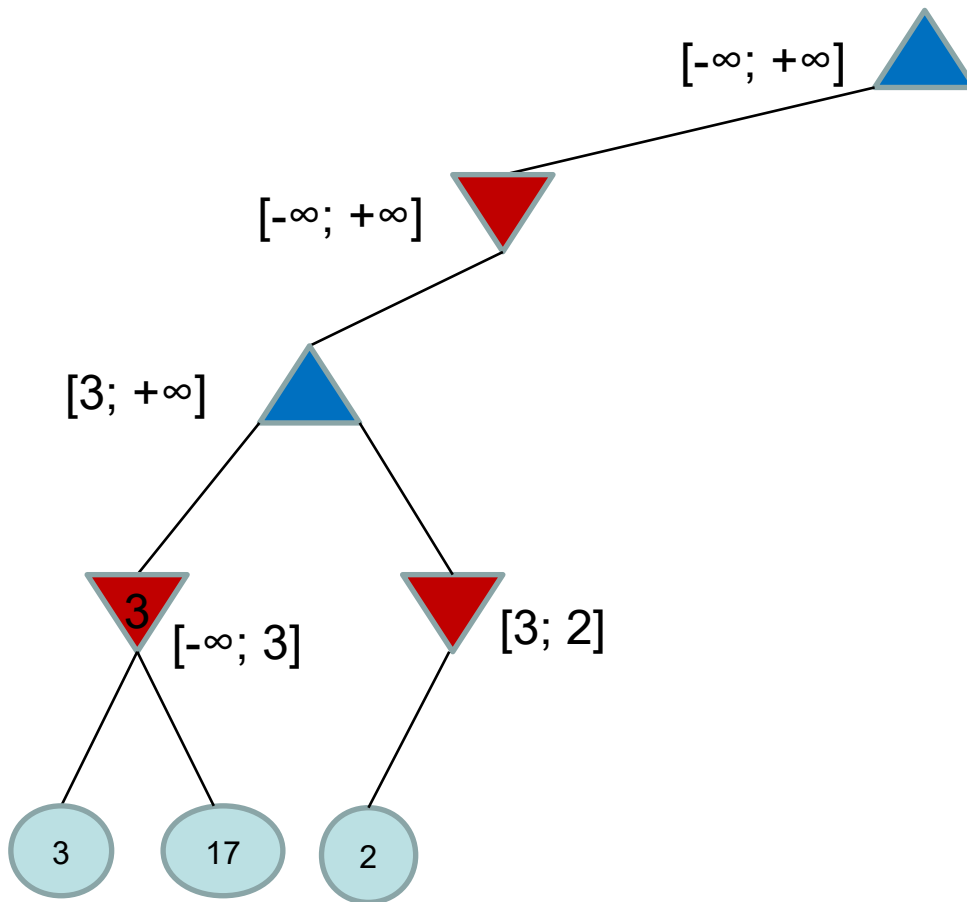


MAX   
MIN 

# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning

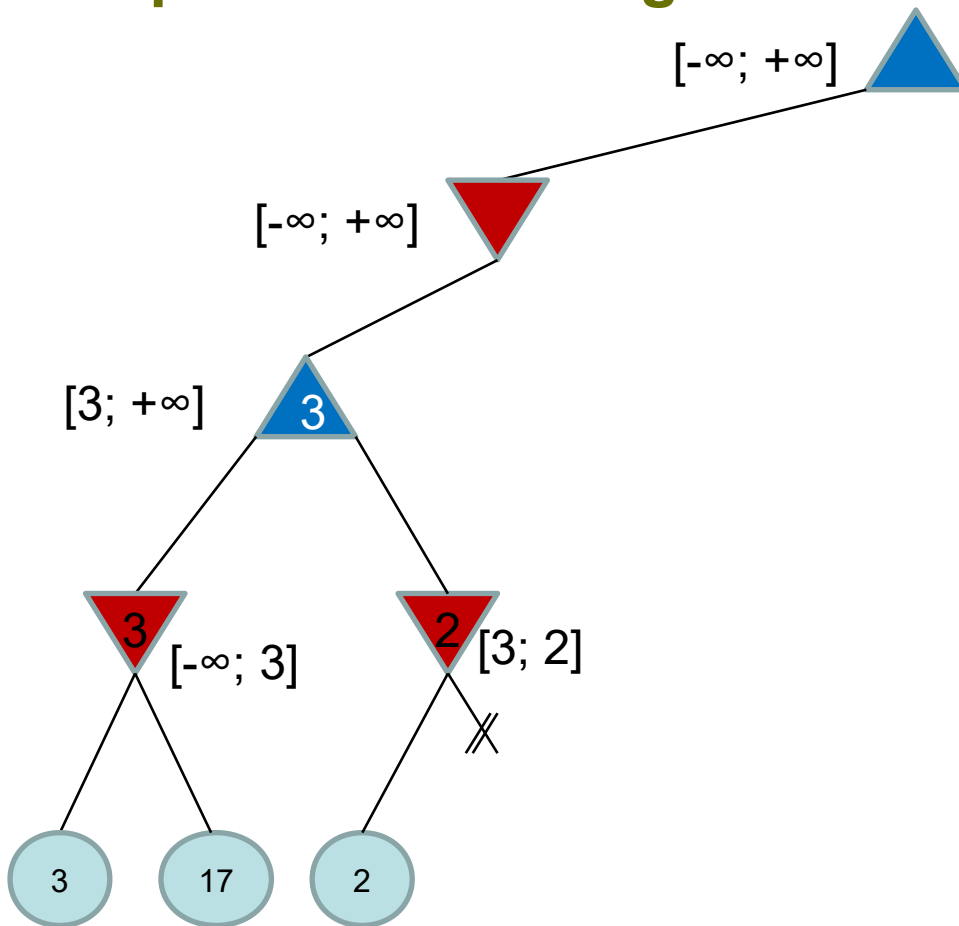
MAX   
MIN 



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning

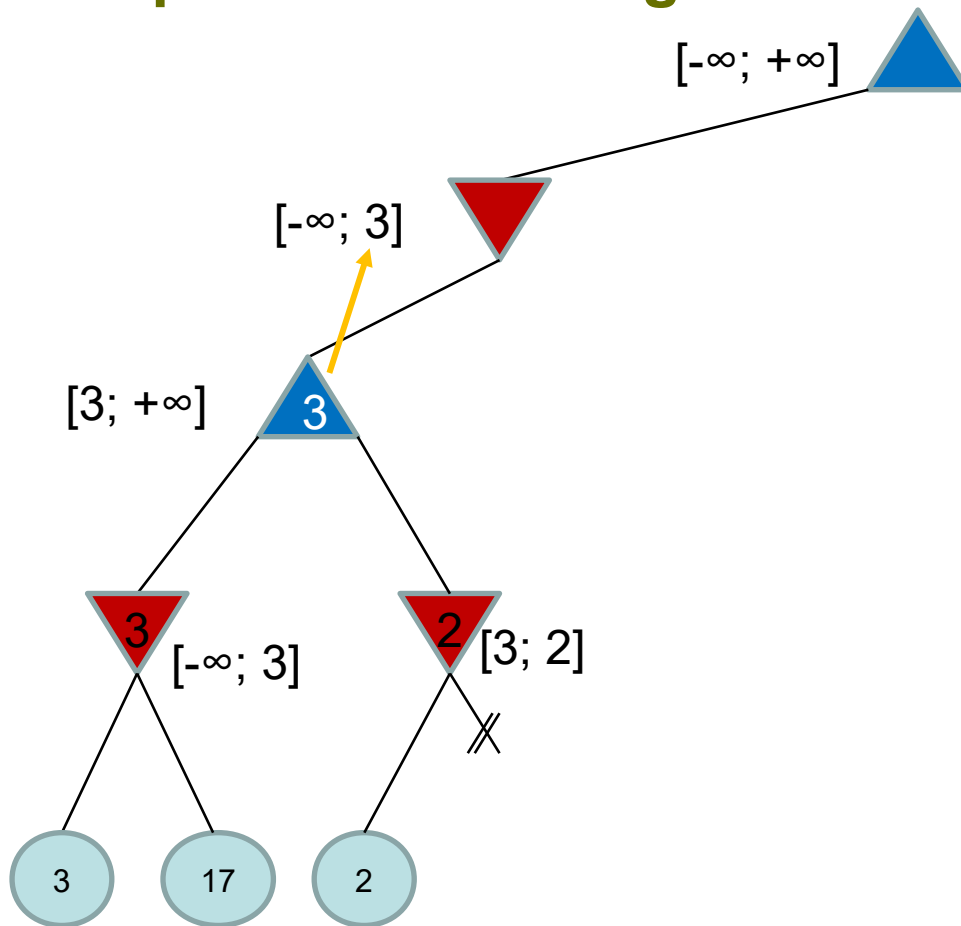
MAX   
MIN 



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning

MAX   
MIN 

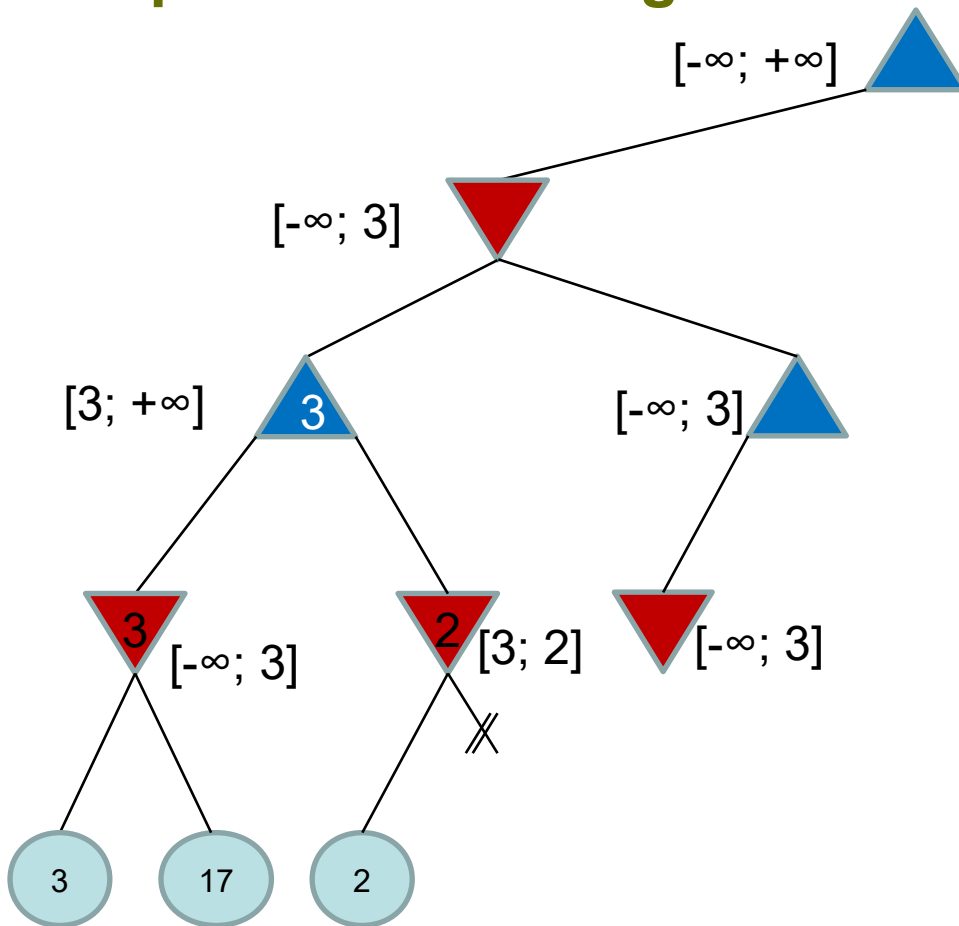




# KI – Rundenbasierte Spiele

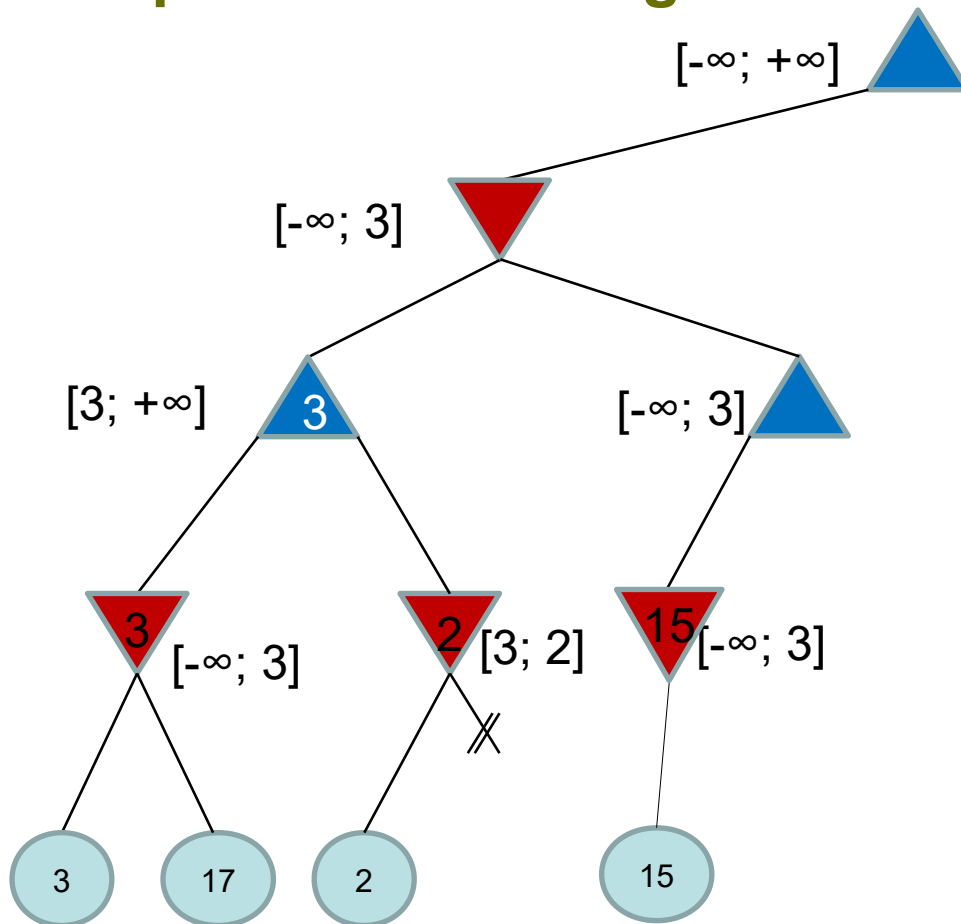
## Alpha Beta Pruning

MAX   
MIN 



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning

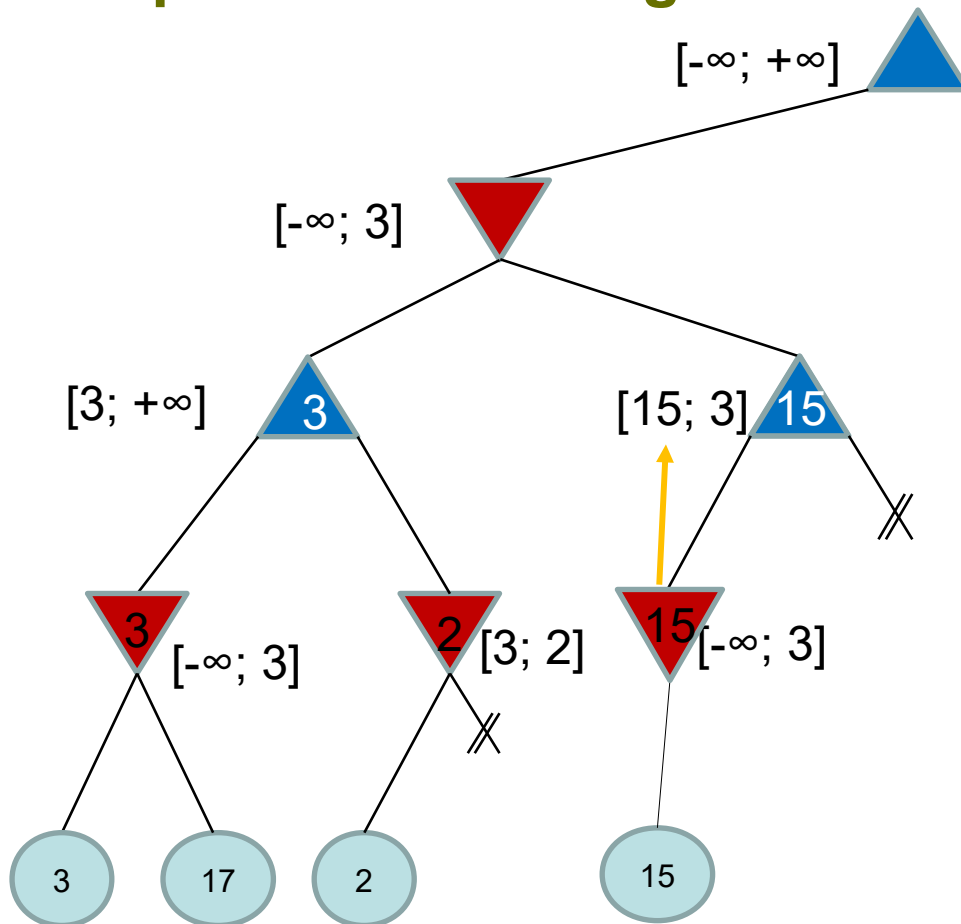


MAX   
MIN 

# KI – Rundenbasierte Spiele

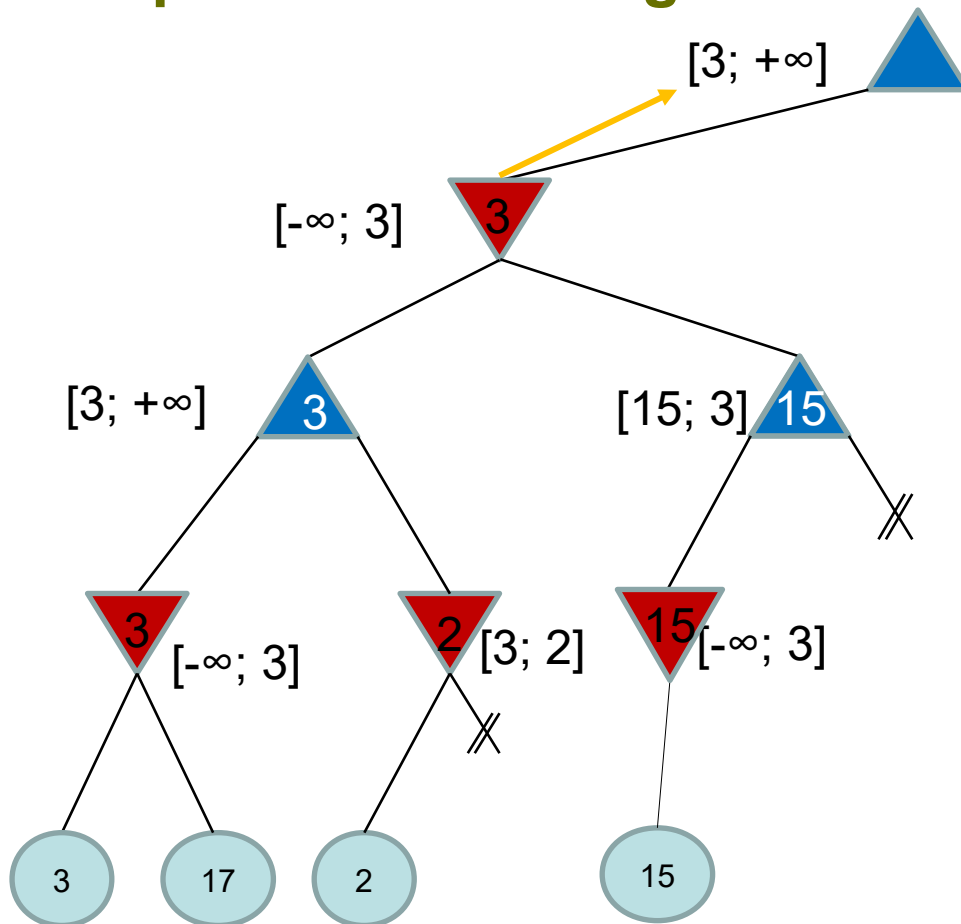
## Alpha Beta Pruning

MAX   
MIN 



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning



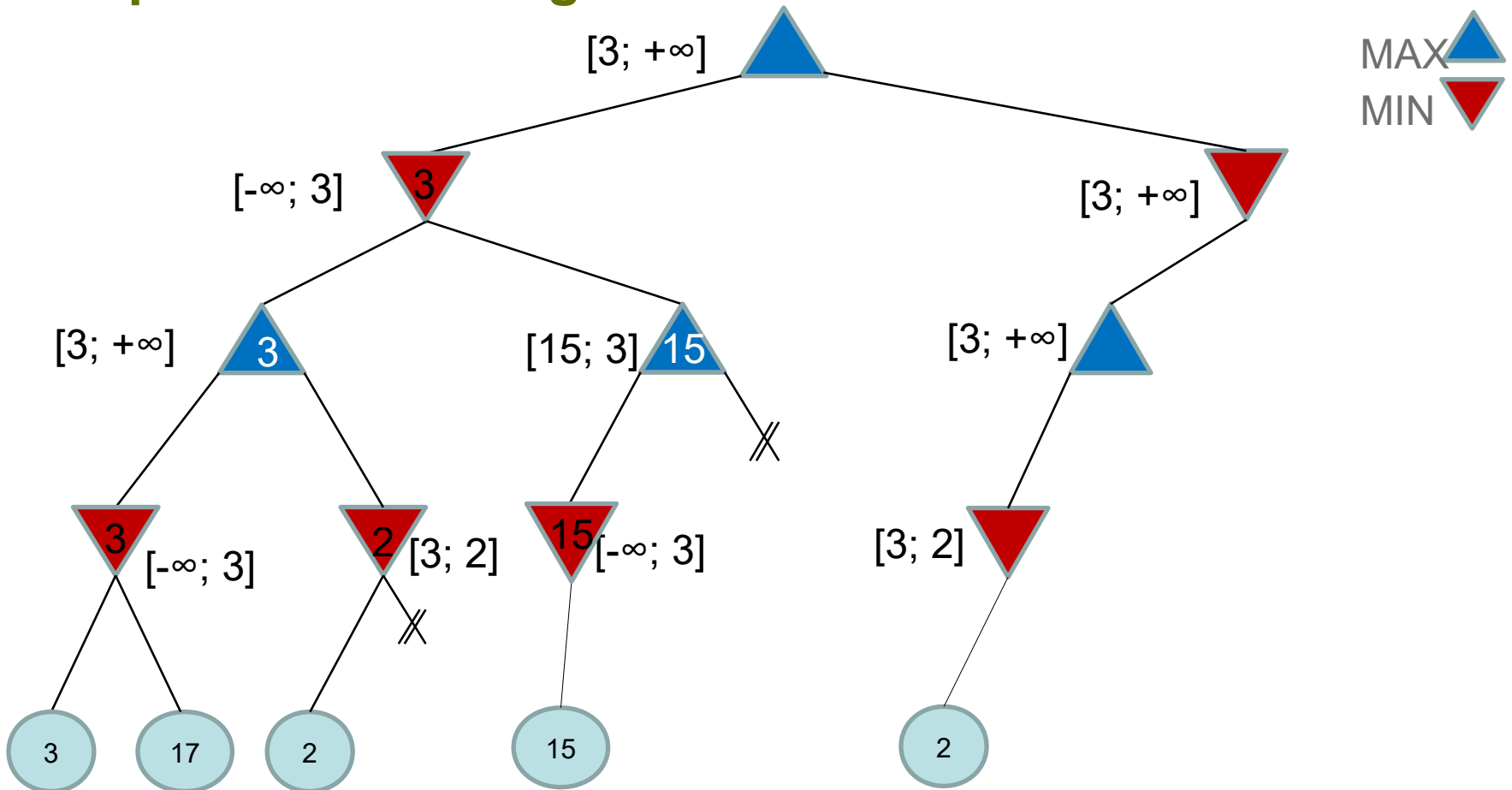
MAX   
MIN 

# Alpha Beta Pruning



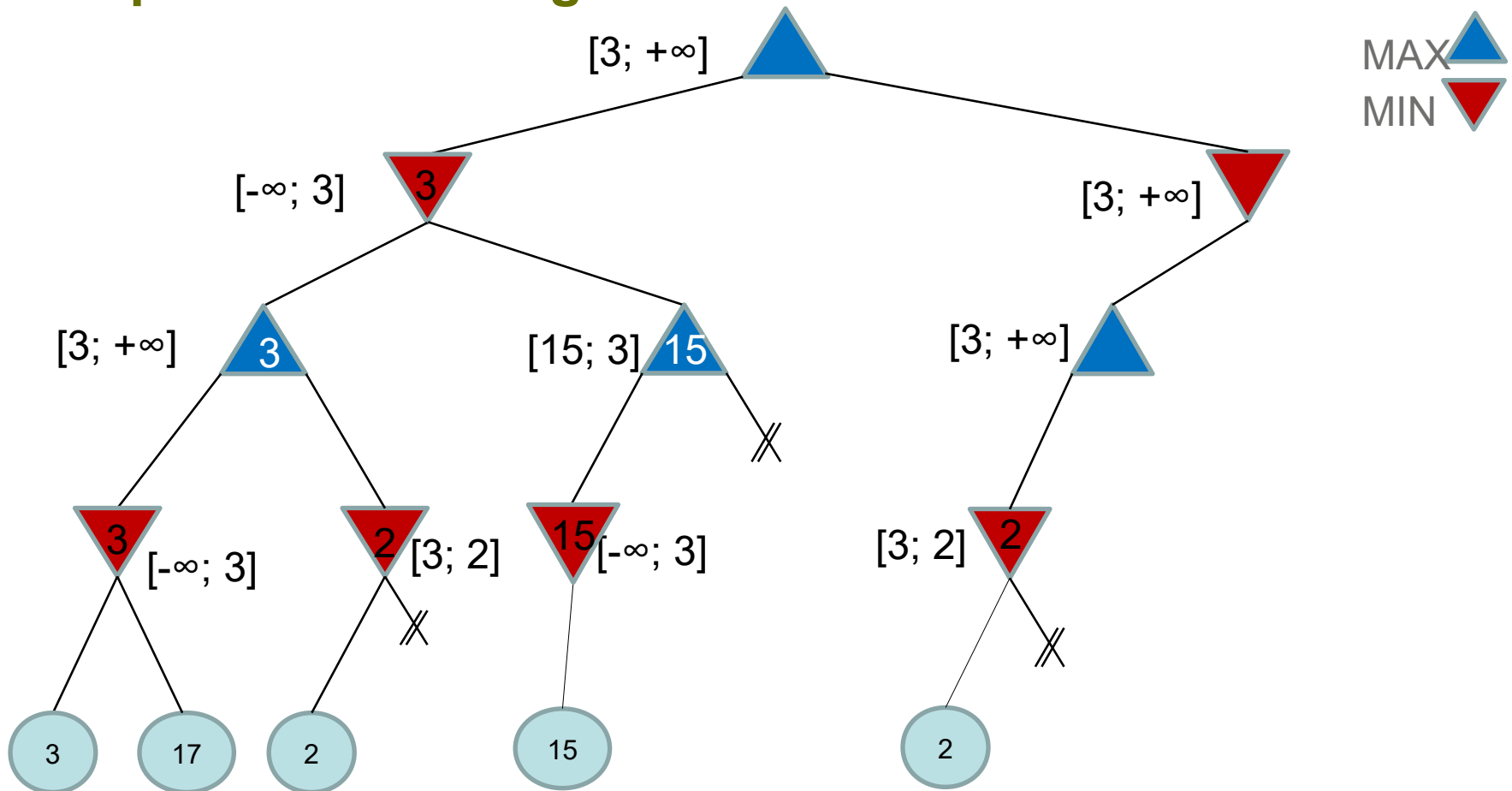
# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning



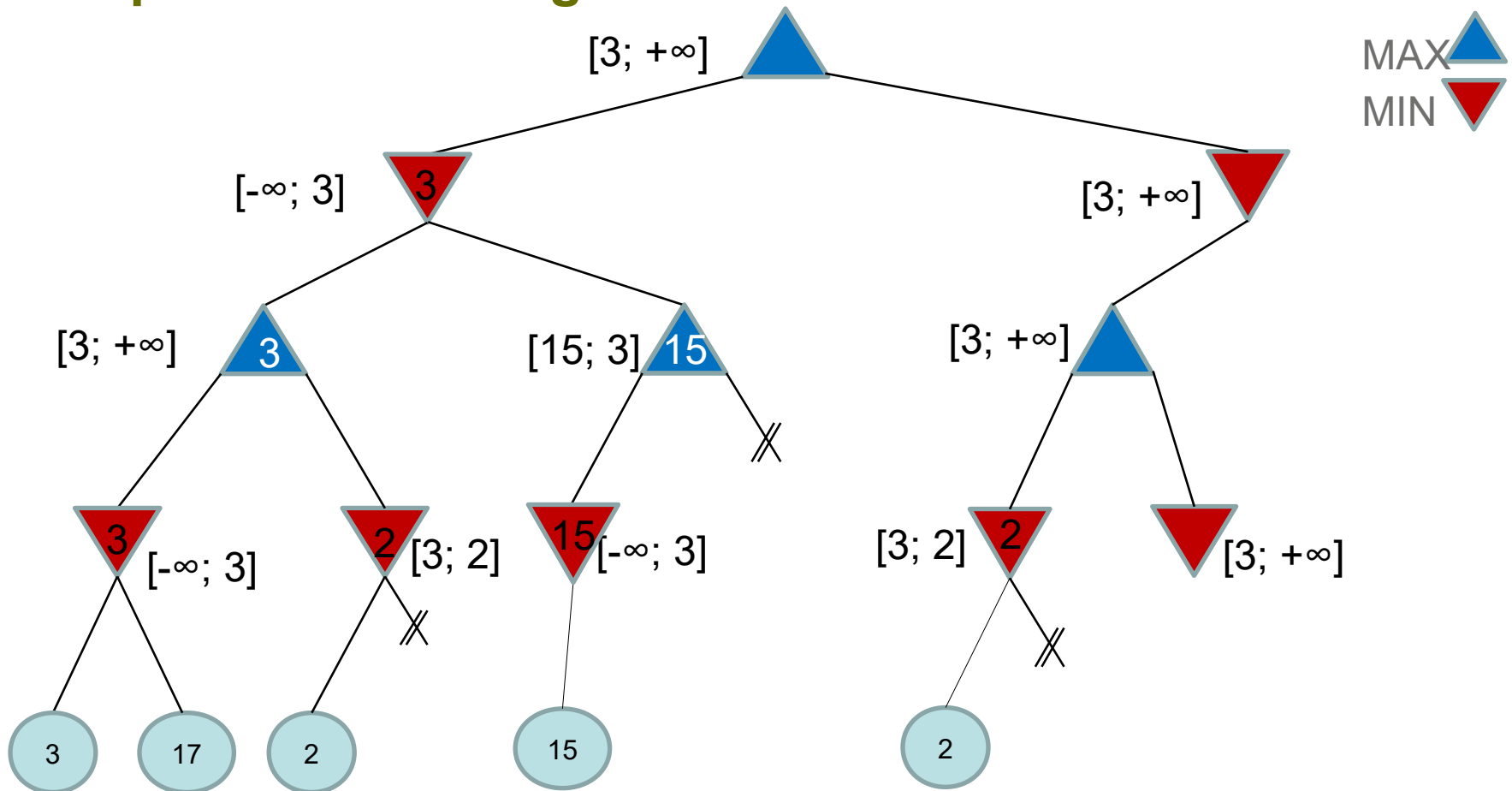
# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning



# KI – Rundenbasierte Spiele

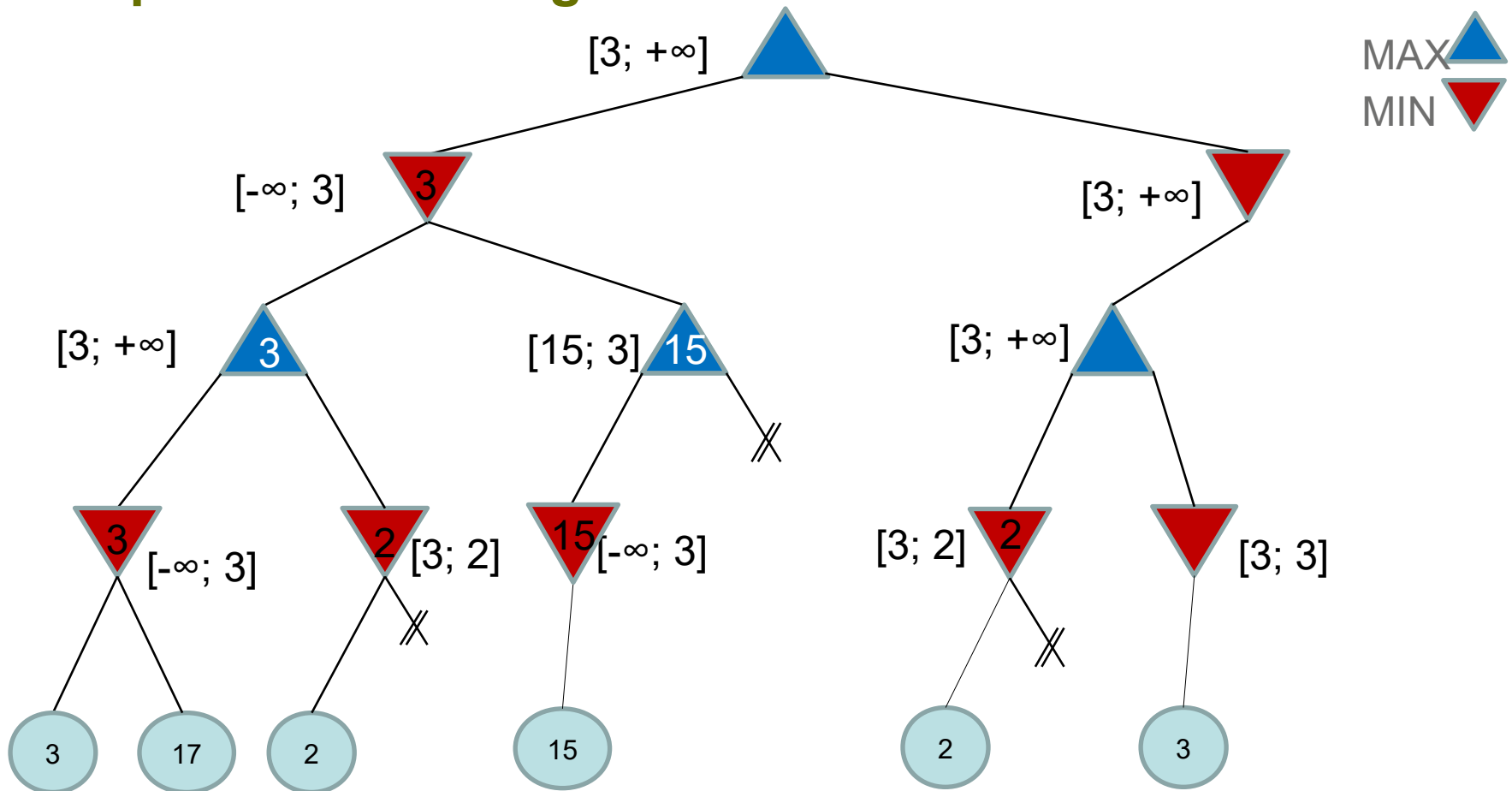
## Alpha Beta Pruning





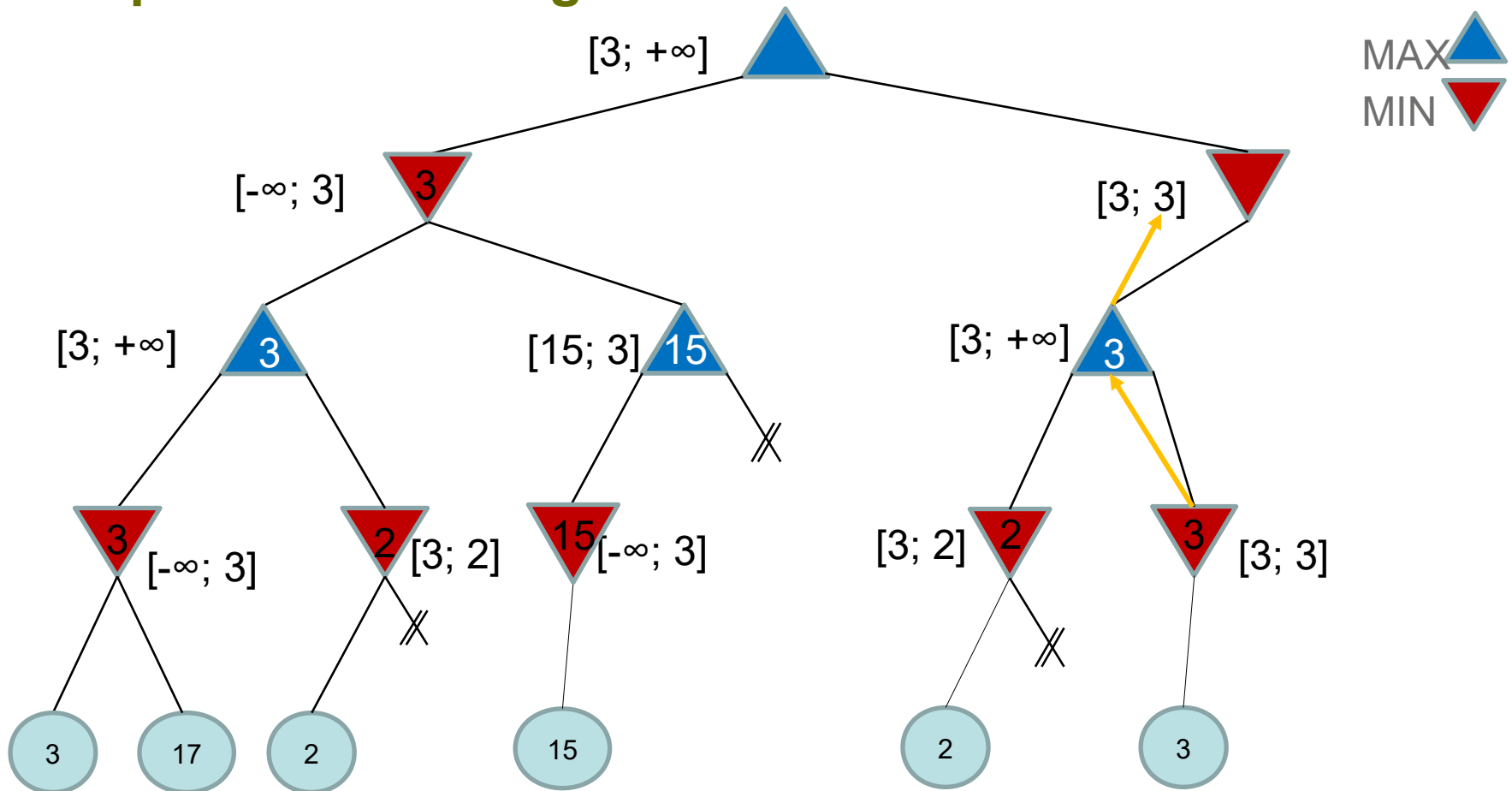
# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning



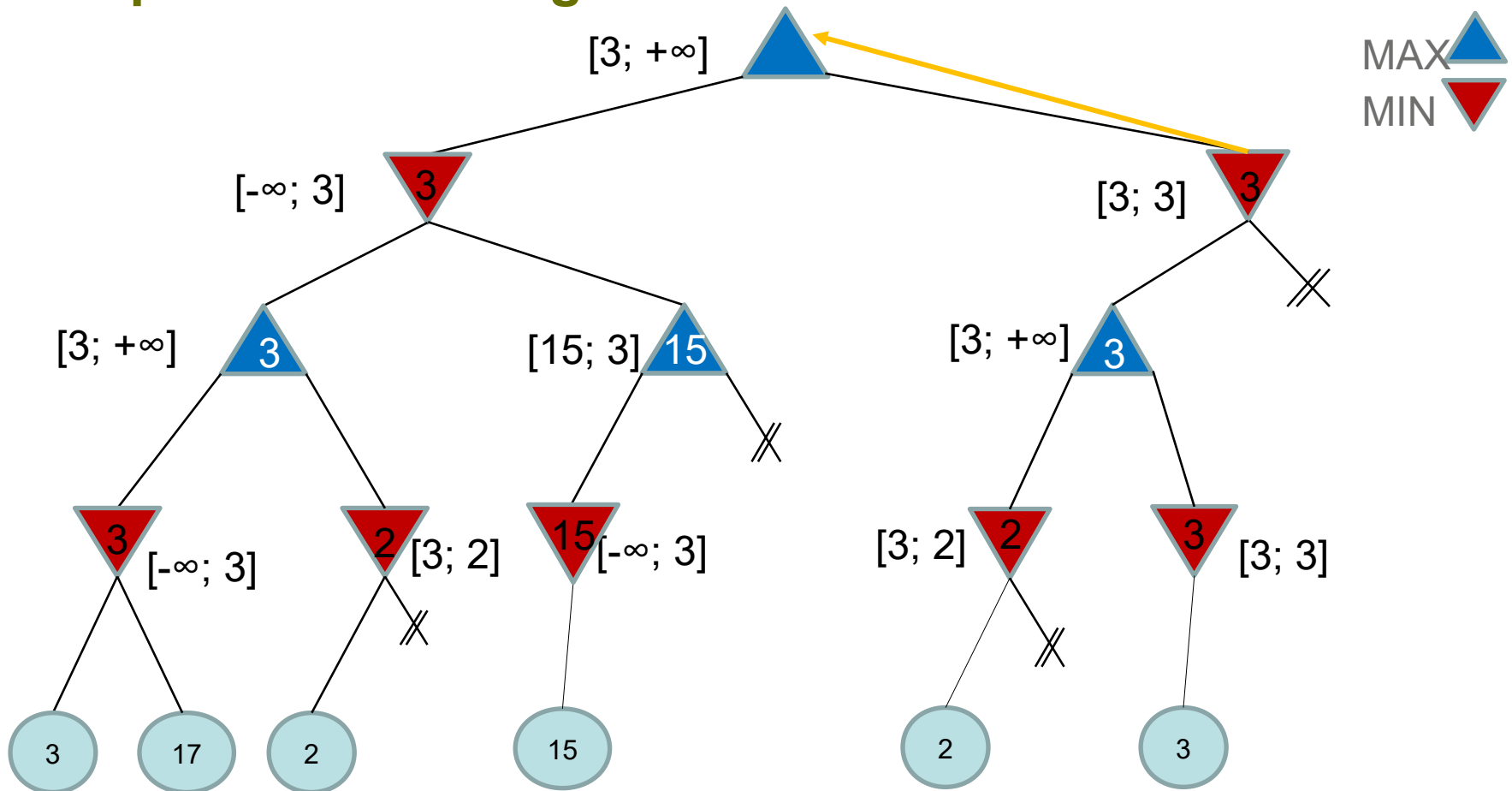
# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Alpha Beta Pruning



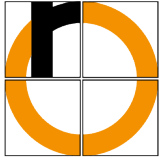
## KI – Rundenbasierte Spiele

### Alpha Beta Pruning

- Gleiche Lösung wie vollständiger Minimax  
Findet die optimale Lösung  
Komplexität: immer noch exponentiell  $O(b^m)$
- Aber:  
Bei perfekter Sortierung der Knoten kann man damit in gleicher Zeit  
zweimal so tief suchen wie mit Minimax

Effektiver Verzweigungsfaktor:  $\sqrt{b}$

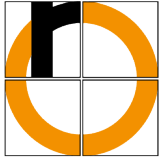
- Perfekte Sortierung kann man nicht erreichen
- Einfache Heuristiken sind aber sehr effektiv  
Basis: statische Bewertung der Knoten



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Statische Bewertung

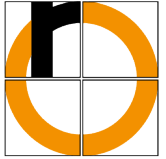
- Voller Baum kann nicht durchsucht werden
- Idee (Claude Shannon 1950)
  - Suche bis zu einer bestimmten Tiefe
  - Verwende Schätzwert für Minimax
- Statische Bewertungsfunktion schätzt Werte von nicht terminalen Knoten
  - Gemessen werden sollte:  $p(\text{Gewinn})$



## KI – Rundenbasierte Spiele

### **Statische Bewertung: Schach**

- Bewertung des Materials:
  - Zähle die Steine für jeden Spieler
  - Jeder Stein erhält ein Gewicht, z.B.
  - Dame = 10, Turm = 5, Springer/Läufer = 3, Bauer = 1
- Bewertung der Stellung
- Und weitere Merkmale...
- Bewertungsfunktion: gewichtete Summe aller Merkmale
  - Deep Blue: ca. 6000 Merkmale
- Gewichte werden üblicherweise durch Lernverfahren automatisch trainiert
- Leistungsfähigkeit steht und fällt mit der Güte der Bewertungsfunktion



## KI – Rundenbasierte Spiele

### Knotensortierung

- Statt von links nach rechts: verwende statische Bewertungsfunktion
- Expansion von Nachfolgern eines **MAX**-Knoten  
**Absteigend** nach Wert der statischen Bewertungsfunktion
- Expansion von Nachfolgern eines **MIN**-Knoten  
**Aufsteigend** nach Wert der statischen Bewertungsfunktion



# KI – Rundenbasierte Spiele

## Ergebnis

➤ Verzweigungsgrad im Schach-Beispiel

Voller Minimax: 35

Alpha-Beta-Pruning: 6 (effektiv)

➤ Suchtiefe

Wenn man mit Verzweigungsgrad 35 4 Halbzüge vorausberechnen kann

→ Spielstärke Schachanfänger

Dann gehen wegen Grad 6 bereits 8 Halbzüge

→ Spielstärke Schachmeister