SERIE DE MATEMÁTICA PARA SECUNDARIA NORMA







GRUPO EDITORIAL **NORM**

Índice

Presentación	4
Programación según DCN 2009	10
Sugerencias metodológicas	19
Unidad 1: Lógica y relaciones Apertura / Juego y recuerdo Tema 1: Lógica proposicional Tema 2: Relaciones Tema 3: Funciones Relaciónalo con • Pruebas internacionales: Pisa, Timss • Historia de la Matemática Evaluación Solucionario	20 21 22 24 25 25 26
Unidad 2: Números reales Apertura / Juego y recuerdo Tema 1: Números racionales Tema 2: Números irracionales Tema 3: Números reales Tema 4: Intervalos Relaciónalo con • Pruebas internacionales: Pisa, Timss • Historia de la Matemática Evaluación Solucionario	28 29 30 32 33 35 35 36
Unidad 3: Expresiones algebraicas Apertura / Juego y recuerdo Tema 1: Expresiones algebraicas. Operaciones Tema 2: División de polinomios Tema 3: Potenciación y radicación de polinomios Tema 4: Productos notables Tema 5: Cocientes notables Relaciónalo con • Pruebas internacionales: Pisa, Timss • Historia de la Matemática Evaluación Solucionario	38 39 40 41 42 44 45 45
Unidad 4: Factorización Apertura / Juego y recuerdo Tema 1: Método del factor común Tema 2: Factorización de binomios Tema 3: Factorización de trinomios y polinomios Relaciónalo con • Pruebas internacionales: Pisa, Timss • Historia de la Matemática Evaluación Razonamiento Matemático	48 49 50 52 53 53
Unidad 5: Proporcionalidad numérica Apertura / Juego y recuerdo Tema 1: Razones y proporciones	56 57

Tema 2: Proporcionalidad	58
Tema 3: Porcentajes y aplicaciones	60
Relaciónalo con • Pruebas internacionales: Pisa, Timss • Historia de la Matemática	61
Evaluación	61
Solucionario	62

Unidad 6: Nociones básicas de Geometría	
Apertura / Juego y recuerdo	64
Tema 1: Nociones básicas de Geometría	65
Tema 2: Segmentos de recta	66
Tema 3: Ángulos	68
Relaciónalo con • Pruebas internacionales: Pisa, Timss • Historia de la Matemática	69
Evaluación	69
Solucionario	70
Evaluación	69

Unidad 7: **Ecuaciones e inecuaciones** Apertura / Juego y recuerdo 73 Tema 1: Ecuaciones e inecuaciones 74 **Tema 2**: Sistemas de ecuaciones Tema 3: Ecuaciones de segundo grado 76 **Tema 4**: Inecuaciones de segundo grado 77 Relaciónalo con... · Pruebas internacionales: Pisa, Timss · Historia de la Matemática 79 Evaluación 79 Solucionario 80

Unidad 8: Estadística y probabilidad	***
Apertura / Juego y recuerdo	82
Tema 1: Conceptos básicos	83
Tema 2: Representación gráfica de datos	84
Tema 3: Medidas resumen	86
Tema 4: Introducción a la probabilidad	87
Relaciónalo con • Pruebas internacionales: Pisa, Timss • Historia de la Matemática	89
Evaluación	89
Solucionario	90

Unidad 9: Triangulos y movimientos en el plano	
Apertura / Juego y recuerdo	92
Tema 1:Traslación	93
Tema 2: Rotación	94
Tema 3: Simetría	95
Tema 4: Triángulos	96
Tema 5: Postulados y demostraciones	98
Tema 6: Líneas y puntos notables	99
Relaciónalo con • Pruebas internacionales: Pisa, Timss • Historia de la Matemática	101
Evaluación	101
Solucionario	102

El área Lógico-Matemática

Sirvan estas líneas para introducir a los docentes de matemática en el uso del libro de texto como una herramienta de apoyo que el Grupo Editorial Norma ha diseñado.

Actualmente, el saber matemático forma parte del quehacer diario, por ello es necesario desarrollar en los y las estudiantes no solo conocimientos sino también, habilidades matemáticas que sean herramientas para seguir aprendiendo y afrontar exitosamente diversas situaciones en la vida. Esto significa generar espacios de aprendizaje que estimulen el pensamiento lógico-matemático y promuevan la participación activa en la construcción del conocimiento matemático, tomando como base actividades prácticas que puedan ser desarrolladas en el aula y que adquieran significatividad para el estudiante.

Se aprende matemática haciendo y creando matemática, es decir generando conocimiento, descubriendo, innovando y resolviendo creativamente situaciones problemáticas que permitan identificar, comprender, interpretar y representar el mundo con asombro y curiosidad, observando sistemáticamente, elaborando conjeturas, comunicando las intuiciones, buscando estrategias de solución individualmente y en equipo, ejecutando las mismas, verificando los resultados y regresando a la parte inicial del ciclo frente a una nueva situación, pero ahora a partir de lo ya aprendido. Así, comunicar, razonar, presentar objeciones y plantear un nuevo camino, serán procesos muy familiares que no tendrán que ser enseñados pues serán vividos y experimentados por los docentes y estudiantes que, en actuación constante, ejercitan sus habilidades y hacen suyo un conocimiento que ya existe, o presentan uno nuevo al mundo.

Desde el tercer ciclo de educación primaria hasta la educación secundaria se busca la afirmación de las capacidades básicas y la formación de las estructuras de los conocimientos y conceptos fundamentales, que serán la base de los aprendizajes posteriores. De esta forma, desde los seis años, se permite a los y las estudiantes razonar y comunicarse matemáticamente, sentirse seguros de su capacidad para resolver problemas matemáticos, valorar la matemática (entender y apreciar el papel que cumple en los asuntos humanos) y desarrollar hábitos mentales matemáticos.

La institución educativa puede atender estas necesidades promoviendo el desarrollo de competencias y capacidades matemáticas, a través de los conocimientos matemáticos distribuidos en tres componentes: Número, relaciones y funciones; Geometría y medición; y Estadística y probabilidad

Propuesta: Lógicamente

Nuestra propuesta tiene como objetivo principal el desarrollo integral de los estudiantes. En este marco, el área específicamente busca la potenciación de las habilidades matemáticas con el fin de lograr que los y las estudiantes puedan razonar lógicamente, haciendo uso de herramientas matemáticas y estando concientes de los procesos que realizan o que han logrado automatizar.

Para ello se ha considerado lo siguiente:

- 1. Los **temas transversales**. Señalados en el Diseño Curricular Nacional 2009, constituyen una respuesta a los problemas actuales de trascendencia que afectan a la sociedad y que demandan a la Educación una atención prioritaria.
 - Tienen como finalidad promover el análisis y reflexión de los problemas sociales, ecológicos o ambientales y de relación personal con la realidad local, regional, nacional y mundial, para que los estudiantes identifiquen las causas; así como los obstáculos que impiden la solución justa de estos problemas. Los temas transversales se plasman fundamentalmente en valores y actitudes.

Mediante el desarrollo de valores y actitudes, se espera que los estudiantes reflexionen y elaboren sus propios juicios ante dichos problemas y sean capaces de adoptar frente a ellos, comportamientos basados en valores, racional y libremente asumidos. De esta manera, el trabajo con los temas transversales contribuirá a la formación de personas

©Grupo Editorial Norma S.A.C. Prohibido fotocopiar. D.L. 822

autónomas, capaces de enjuiciar críticamente la realidad y participar en su mejoramiento y transformación.

Los lineamientos asumidos en el desarrollo de estos son:

- Educación para la convivencia, la paz y la ciudadanía.
- · Educación en y para los derechos humanos.
- Educación en valores o formación ética.
- Educación para la gestión de riesgos y la conciencia ambiental.
- · Educación para la equidad de género.

A continuación presentamos los contenidos transversales trabajados en el texto de secundaria:



2. Los **valores**. Pues hoy es un imperativo ético formar, desde el hogar y la institución educativa, ciudadanos, personas capaces de diferenciar lo justo de lo injusto, de ponerse en el lugar del otro para reconocer su dignidad como ser humano, y de elegir el mejor curso de acción a seguir en situaciones potenciales de conflicto. Por ello, el desarrollo moral de los estudiantes debe darse no solo en las aulas sino también fuera de ellas, lo que demanda referentes claros, una preparación específica en el tema y un compromiso de todos los actores e instituciones del país.

Los valores cuyo desarrollo se promueve en la educación básica regular son:

 Justicia: Disposición de dar a cada quién lo que le corresponde. Implica los conceptos de igualdad y equidad (según corresponda, dar a todos por igual, dar más al que se lo merece o dar más al que necesita más).



 Libertad y autonomía: Capacidad que permite discernir, decidir y optar por algo sin presiones ni coacciones, para desarrollarse como ser humano en todo su potencial, sin afectar la propia dignidad ni la de los demás.



• Respeto y tolerancia: Reconocimiento de la dignidad de todo ser humano y de su derecho a ser diferente. Esto permite que la persona interactúe con los demás en un clima de equidad e inclusión, con interés por conocer al otro y lograr un enriquecimiento mutuo.



 Solidaridad: Decisión libre y responsable de dar de uno mismo a otras personas, para su bien, y sin esperar recompensa. Implica la noción de comunidad, y el saberse y sentirse miembro de ella.



3. La enseñanza para lograr el entendimiento: Esto quiere decir que, para cada desempeño del estudiante, el docente proporciona los medios necesarios para que el proceso de aprendizaje sea exitoso. Así, el docente, mediador del aprendizaje, considerando al texto como herramienta, diseña el encuentro educativo como el arquitecto planea el ambiente ideal para cada uno de los grupos con los que trabaja (pedagogía diferencial). En este planteamiento tenemos como fundamentos pedagógicos: la teoría del aprendizaje significativo de David Ausubel, el aprendizaje por descubrimiento de Bruner, la teoría sociocultural del aprendizaje de Vygotsky, el aprendizaje social de Rogers, la resolución de problemas, así como los aportes, de Van Hiele, Miguel De Guzmán, Schoenfeld y Freundenthal.

La planificación del proceso de enseñanza - aprendizaje presentado en el libro de texto comprende cinco aspectos:

- a. Metas secuenciales para el desarrollo de las capacidades matemáticas. Estas comprenden el análisis detallado de las competencias a lograr y el establecimiento de la secuencia de capacidades y contenidos en cada grado y actividad dentro del grado, cubriendo lo sugerido por el diseño curricular nacional, a la vez que incorporando los temas que se solicitan en las instituciones de educación superior en Perú, además de algunas innovaciones presentadas a nivel internacional.
- b. Metodología activa para lograr el entendimiento. Busca promover la participación de los estudiantes en las situaciones planteadas al inicio de cada sesión de forma que se estimule el diálogo, las propuestas creativas y diferentes, y la evolución y consenso de lo desarrollado en clase. Se destacan en la planificación los ciclos de inicio, proceso y cierre, en cada una de las etapas del proceso de enseñanza aprendizaje: motivación, adquisición, transferencia y evaluación, en función a los procesos generales matemáticos.
- c. La selección de habilidades. Implica la planificación minuciosa de cada una de las actividades y su respectiva relación con las habilidades matemáticas cuyo ejercicio predomina en la resolución de la misma.
- d. La evaluación continua. Enfatizamos la posibilidad inmediata de retroalimentación, pues nuestras actividades están organizadas en función a las capacidades y hacen referencia a las habilidades que involucran, por lo tanto el docente puede evidenciar dónde se producen dificultades y esto facilita la interpretación de lo que ocurre con el

estudiante, así como la posible orientación que debe recibir.

- e. Las conexiones con otras áreas. Es decir el vínculo permanente con el entorno, así se aplica lo aprendido a otras áreas, pero también las otras áreas nos proveen de situaciones problemáticas en las que el conocimiento matemático puede ser desarrollado y aprendido.
- 4. Procesos transversales en el área de matemática

(De la adaptación realizada por UMC, para EN 2004 y de los criterios de evaluación mostrados por el Ministerio de Educación en el año 2003).

Razonamiento y demostración: Identificada con color verde en el libro Lógica.mente, se refiere a la capacidad de elaborar procesos lógicos justificados que se basan en el análisis. Su desarrollo nos sirve para formular e investigar conjeturas matemáticas, desarrollar y evaluar argumentos, comprobar demostraciones matemáticas y, elegir y utilizar varios tipos de razonamiento y métodos de demostración para que el estudiante pueda reconocer estos procesos como aspectos fundamentales de la matemática.

En ella consideramos el desarrollo de las siguientes habilidades:

- 1. **Definir:** Consiste en establecer las características necesarias y suficientes de un objeto.
- 2. **Demostrar**: Abarca desde la justificación o fundamentación de un resultado, o proposición, utilizando argumentos lógicos o matemáticos hasta establecer una sucesión finita de pasos para fundamentar la veracidad de una proposición o su refutación (la demostración matemática es una cadena de justificaciones).
- 3. **Argumentar o justificar**: Aducir, alegar, dejar en claro un dato o hecho a partir de su deducción como consecuencia natural de otras.
- 4. **Ejemplificar**: Mostrar un caso particular a partir de un enunciado o mostrar un caso particular que contradice un enunciado (contraejemplo).
- 5. **Analizar**: Diferenciar y separar las partes de un todo, para conocer sus elementos, las formas de relacionarse, y reconocer las razones para realizar una acción.
- 6. Evaluar/Verificar: Comprobar la veracidad de algo.

Comunicación matemática: Identificada en el texto con el color anaranjado, se refiere a la capacidad de expresar ideas matemáticas de forma oral, escrita o mediante dibujos. Implica también la comprensión de conceptos, situaciones, la lectura y el uso de terminología y notación matemática. La comunicación matemática permite organizar y comunicar el pensamiento matemático con coherencia y claridad, para expresar ideas matemáticas con precisión, reconocer conexiones entre conceptos matemáticos y la realidad, y aplicarlos a situaciones problemáticas reales.

En esta capacidad consideramos el desarrollo de las siguientes habilidades:

- 1. **Interpretar**: Es atribuir significado a las expresiones matemáticas, de modo que estas adquieran sentido en función al propio objeto matemático o en función al fenómeno o problemática real que se trate. Implica tanto el codificar como el decodificar una situación problemática.
- 2. **Identificar**: Es diferenciar los rasgos distintivos del objeto matemático en estudio. Determinar si un objeto pertenece a una clase que presenta ciertas características comunes (no necesariamente claramente definidas).
- 3. **Recodificar**: Es transferir la denominación de un mismo objeto, de un lenguaje matemático a otro. Expresar el mismo tipo de objeto de diferente forma, lo que implica la utilización de signos diferentes para un mismo modelo.
- 4. Representar: Es seleccionar, crear y utilizar símbolos, gráficos, diagramas, marcas, etc., para organizar, registrar y expre-

sar ideas matemáticas con claridad y precisión. Lo creado o utilizado en la comunicación puede ser convencional o arbitrario.

Formulación y resolución de problemas: Identificada con color azul en el texto, hace referencia a la capacidad de generalizar estrategias y crear conocimientos a través de la elaboración de propuestas para solucionar una situación. De esta forma, su desarrollo sirve para construir nuevos conocimientos resolviendo problemas de contextos reales o matemáticos, en los que el estudiante tenga la oportunidad de aplicar y adaptar diversas estrategias en diferentes contextos, y para que, al controlar el proceso de resolución, reflexione sobre este y sus resultados. La capacidad para plantear y resolver problemas, dado el carácter integrador de este proceso, posibilita la interacción con las demás áreas curriculares, coadyuvando al desarrollo de otras capacidades; asimismo, posibilita la conexión de las ideas matemáticas con intereses y experiencias particulares del estudiante.

En ella consideramos el desarrollo de las siguientes habilidades:

- 1. **Modelar**: Es asociar a un objeto no matemático un objeto matemático que representa determinados comportamientos, relaciones o características consideradas relevantes para la solución del problema.
- 2. Resolver: Es encontrar un método que conduzca a la solución de una situación problema (en matemática).
- 3. **Optimizar**: Es encontrar el objeto (valor numérico, función, conjunto, etc.) que maximiza o minimiza la clase de objetos a la que pertenece, o bien, el método óptimo de resolución de determinado problema, cuando existe más de una forma posible, y de acuerdo con los conocimientos disponibles.

Manejo de algoritmos: Identificada con color rojo, hace referencia a la capacidad de recordar, seguir, mejorar y verificar procesos. Si bien ella puede ser incorporada dentro de los tres procesos previamente trabajados, nuestra propuesta opta por mostrarla de manera diferenciada, con el propósito de evidenciar la automatización de procesos y la aplicación rutinaria –indispensables en el área- de forma separada. Así, un docente puede notar que un estudiante aplica un proceso de forma memorística pero no razonada, estableciendo con claridad que hace falta trabajar sobre el significado de una determinada operación y las razones para efectuarlas de esa forma. En el manejo de algoritmos consideramos el desarrollo de las siguientes habilidades:

- 1. **Calcular**: Es aplicar un algoritmo, previamente establecido por consenso, de forma manual, mental, con tablas, calculadoras, etc.
- 2. **Aplicar**: Es emplear, administrar o poner en práctica un conocimiento, medida o principio, a fin de obtener un determinado efecto o rendimiento en algo.
- 3. **Algoritmizar**: Es formular un algoritmo, es decir, una sucesión finita y estricta de operaciones matemáticas que describan un procedimiento conducente a la solución de un problema. Se incluye aquí la habilidad para modificar o abreviar pasos en un determinado algoritmo.
- 4. **Comparar**: Es establecer una relación entre lo cuantitativo o lo cualitativo que hay entre dos entes matemáticos de un mismo conjunto o clase.
- 5. **Aproximar**: Es aplicar una serie de reglas con el fin de obtener un valor cercano al real para una determinada operación matemática.
- 6. **Estimar**: Es tanto, pronosticar el orden de magnitud de un valor o de un resultado numérico, como cuantificar, aproximadamente, alguna característica medible de un sujeto o suceso. En ella cumple un rol importante la intuición, pues se realiza esencialmente con nociones ya adquiridas.
- 7. **Graficar**: En este caso es un algoritmo que, si se sigue estrictamente, nos da la técnica necesaria para elaborar un gráfico determinado. En este caso se busca elaborar un gráfico o dibujo con precisión.

©Grupo Editorial Norma S.A.C. Prohibido fotocopiar. D.L. 822

Estructura de la guía Lógica.mente secundaria

Brinda información y actividades relacionadas con las páginas del texto. Tiene las siguientes secciones:

- 1. **Presentación**: Recoge el enfoque del área, los lineamientos considerados, la estructura, así como las recomendaciones para el uso de los mismos.
- 2. Programación anual: Según los contenidos de las unidades del texto y de acuerdo al DCN 2009.
- 3. Unidades:
 - Presentación de la unidad: Considera la motivación trabajada a partir de un texto que recrea la imagen mostrada en la presentación de la unidad. Por medio de un listado de comentarios o preguntas, observando la ilustración de la presentación, puede extender el proceso iniciado con el manejo del texto, así como propiciar apuntes sobre el tratamiento del tema transversal desarrollado en la unidad.
 - **Juego y recuerdo**: Presenta la finalidad didáctica de esta sección, además de las observaciones que le pueden ayudar para el desarrollo del tema.
 - Lo vimos antes: Presenta la intención pedagógica del mismo, destacando el punto de partida indispensable para el desarrollo de la unidad.
 - · Sesiones por tema:
 - △ **Inicio**: Brinda sugerencias para el tratamiento inicial o la motivación del tema a trabajar, haciendo hincapié en los aspectos que debe resaltar.
 - △ **Proceso**: Destaca la información que se debe comunicar con precisión, o los acuerdos que son indispensables en el desarrollo de un tema; asimismo, brinda orientaciones sobre la secuencia en el tratamiento de los ejercicios planteados en el texto.
 - △ **Salida**: Presenta una o dos actividades para finalizar el desarrollo del tema.
 - △ Lo mínimo para empezar: Muestra un listado de conceptos y habilidades previas al desarrollo de un tema.
 - △ **Dificultades o errores frecuentes y como superarlos**: Presenta posibles dificultades que puedan tener los estudiantes, así como formas de interpretarlas y superarlas.
 - △ **Curiosidades**: Se encuentran en conexión con los temas trabajados.
 - △ **Evaluación**: Brinda pautas para la adecuada realización de los procesos de metacognición, heteroevaluación y coevaluación.
 - Δ **Materiales de consulta**: Brinda información sobre libros y páginas Web que permiten la ampliación de lo tratado.
- 4. **Secciones de extensión al final de la unidad**: Ofrece datos adicionales para relacionar lo trabajado con otras áreas, exámenes internacionales, historia de la matemática, una evaluación de toda la unidad y el solucionario de algunos ejercicios de la unidad.

Material en el CD

Cuenta con:

- **Fichas de trabajo**: Su objetivo es reforzar los aprendizajes previos, los contenidos etapa por etapa, y brindar material de extensión (tipo examen de admisión). El soporte está en formato PDF y Word.
- Fichas de evaluación: Cuenta con pruebas por unidad.
- Presentaciones: Para el desarrollo de los temas.

Grado: Segundo de secundaria		Área: Matemática
GRUPO EDITORIAL NOTME	Unidad 1: Lógica y relaciones	Valores: Solidaridad
	Competencias	
Números, relaciones y funciones Resuelve problemas con números reales y polinomios; argumenta y comunica los procesos de solución y resultados por medio del lenguaje matemático.	comunica los procesos de solución y resultados p	or medio del lenguaje matemático.
Capacidades	Conocimientos	Indicadores de logro por procesos
Razonamiento y demostración • Determina el dominio y rango de una función. • Formula modelos de fenómenos del mundo real con funciones lineales. Comunicación matemática • Representa relaciones y funciones a partir de tablas, gráficos y expresiones simbólicas. Resolución de problemas • Resuelve problemas que involucran funciones lineales, afín lineales y segmentadas.	Funciones 1. Clases. 2. Dominio y rango de una función. 3. Representación de dos o más conjuntos. Relaciones lógicas y conjuntos 1. Enunciado y proposición. 2. Conectivos lógicos. 3. Cuadros y esquemas de organización de relaciones lógicas.	 Razonamiento y demostración Defermina el valor de verdad de una proposición simple. Deduce el valor de verdad en proposiciones compuestas. Determina si una relación es reflexiva, simétrica o transitiva en los ejemplos presentados. Clasifica las funciones. Comunicación matemática Representa las proposiciones simples y compuestas: conjuntivas, disyuntivas y condicionales en lenguaje simbólico y con diagramas de Venn. Representa por extensión y comprensión el dominio y el rango de una relación o función. Representa gráficamente las relaciones. Elabora la tabla de verdad de fórmulas proposicionales. Resolución de problemas Resuelve situaciones problemáticas a través de la lógica y funciones.
Actitudes		Promueve y organiza una jornada de acción
 Muestra seguridad y perseverancia al resolver problemas y comunicar resultados matemáticos. Representa relaciones, plantea argumentos y comunica resultados de manera rigurosa. Valora aprendizajes desarrollados en el área como parte de su proceso formativo. 	ınicar resultados matemáticos. os de manera rigurosa. roceso formativo.	solidaria con sus compañeros. • Propone y ejecuta actividades para mejorar el compañerismo.

Grado: Segundo de secundaria		Áreα : Matemática
GRUPO	Unidad 2: Números reales	Valores: Libertad y autonomía
	Competencias	
Números, relaciones y operaciones Resuelve problemas con números reales y polinomios; argumenta y comunica los procesos de solución y resultados por medio del lenguaje matemático.	comunica los procesos de solución y resultados p	or medio del lenguaje matemático.
Capacidades	Conocimientos	Indicadores de logro por procesos
Números, relaciones y operaciones	Sistemas numéricos	Razonamiento y demostración
 Compara y ordena números racionales y reales 	 Representación, orden, densidad y 	• Compara números reales.
Realiza y verifica operaciones con una calculadora, con la finalidad de reflexionar sobre conceptos y descubrir	operaciones con números racionales y reales.	 Calcula la fracción generatriz de una expresión decimal.
propiedades.	 Potenciación con exponentes enteros. 	 Racionaliza y simplifica radicales presentados.
Comunicación matemática	• Radicación exacta.	Calcula el resultado de operaciones con números
Interpreta el significado de números naturales, enteros, Zacionalos y malos di umas di tracionas y contratos.	Funciones	redies y con mileradios.
Resolución de problemas	 Noción de función. Dominio y rango de una función. 	con números reales y con intervalos.
Resuelve problemas que involucran cálculos de potenciación y		
radicación en expresiones con nameros. Resueixe problemas que involucran números naturales, enteros.		iracionales en la recta numérica.
racionales y reales, y sus operaciones básicas.		 Representa números y conjuntos de números reales, racionales con gráficos y símbolos.
		Interpreta gráficas, proposiciones y operaciones con números reales.
		Interpreta gráficas de funciones definidas con
		operaciones en los reales. Resolución de problemas
		Resuelve situaciones problemáticas a través de propiedados y prograciones por primare radios.
		propreduces y operaciones con nameros reales, intervalos y valor absoluto.
Actitudes		Desarrollo de conductas positivas Eliga en modio teorológico favorito para polatear
• Aplica los algoritmos de las operaciones aritméticas de manera rigurosa.	rigurosa.	inge sa medio recrologico ravollo para parmedi una investigación.
• Muestra seguridad y autonomía en la selección de estrategias y procedimientos para la solución de problemas.	procedimientos para la solución de problemas.	 Promueve la prudencia en el uso de la tecnología como facilitador del desarrollo del conocimiento.

		,
Grado: Segundo de secundaria		Area: Matemática
GRUPO EDITORIAL NOTME	Unidad 3: Expresiones algebraicas	Valores: Justicia
	Competencias	
Números, relaciones y operaciones Resuelve problemas con números reales y polinomios; argumenta y comunica los procesos de solución y resultados por medio del lenguaje matemático.	comunica los procesos de solución y resultados p	or medio del lenguaje matemático.
Capacidades	Conocimientos	Indicadores de logro por procesos
Razonamiento y demostración Reduce expresiones algebraicas mediante la teoría de exponentes. Formula modelos de fenómenos del mundo real con funciones lineales. Comunicación matemática Representa mediante el lenguaje algebraico enunciados verbales de diversos contextos. Representa de diversas formas la dependencia funcional entre variables: verbal, tablas, gráficos, etc. Resolución de problemas Calcula la adición, multiplicación y división de polinomios. Resuelve problemas que involucran ecuaciones lineales con una incógnita.	 Álgebra Variable y simbolización de enunciados verbales mediante el lenguaje algebraico. Teoría básica de exponentes. Reducción de férminos semejantes. Operaciones de adición, multiplicación y división de polinomios. Funciones Representación verbal, tabular y gráfica de funciones lineales. 	Razonamiento y demostración Simplifica términos semejantes. Determina los términos que faltan en una operación incompleta. Comunicación matemática Clasifica expresiones algebraicas. Representa enunciados con símbolos matemáticos. Calcula el valor numérico de un polinomio. Resolución de problemas Calcula el resultado de operaciones de adición, sustracción, multiplicación, división, potenciación y radicación de polinomios. Calcula el resultado de Ruffini o el teorema de residuo. Calcula el resultado de multiplicaciones aplicando productos notables. Calcula el resultado de divisiones aplicando cocientes notables. Resuelve situaciones problemáticas mediante el resultado de divisiones aplicando.
SCP: tito V		Desarrollo de conductas positivas
Actifudes		Percent one tentancies of immon vices of legicality
Muestra seguridad y perseverancia al resolver problemas y comunicar resultados mat Representa relaciones, plantea argumentos y comunica resultados en forma rigurosa.	comunicar resultados matemáticos. sultados en forma rigurosa.	del grupo. Dem uestra iniciativa v disposición emprendedora.
• Valora aprendizajes desarrollados en el área como parte de su proceso formativo.	oroceso formativo.	en los trabajos grupales.

Grado : Segundo de secundaria		Área: Matemática
GRUPO EDITORIAL NOTMA	Unidad 4: Factorización	Valores: Libertad y autonomía
	Competencias	
Números, relaciones y funciones: Resuelve problemas con números reales y polinomios; argumenta y comunica los procesos de solución y resultados por medio del lenguaje matemático.	comunica los procesos de solución y resultados p	oor medio del lenguaje matemático.
Capacidades	Conocimientos	Indicadores de logro por procesos
Razonamiento y demostración Reduce expresiones algebraicas utilizando la teoría de exponentes.	Álgebra • Factorización de expresiones algebraicas • por el factor común	Razonamiento y demostración • Determina los valores de exponentes y coeficientes en un polinomio para que pueda ser factorizable.
 Formula modelos de fenómenos del mundo real con funciones lineales 	-	Comunicación matemática
Comunicación matemática		Caracteriza polinios printos. Registra el factor común en un polinomio.
 Representa mediante lenguaje algebraico enunciados verbales de diversos contextos. 		Representa un polinomio como un producto indicado de polinomios.
 Representa de diversas formas la dependencia funcional entre variables: verbal, tablas, gráficos, etc. 		Determina el factor común monomio en polinomios dados.
Resolución de problemas		Resolución de problemas
 Resuelve problemas que involucran cálculos de potenciación y radicación en expresiones con números. 		 Aplica el método del factor común para factorizar polinomios.
 Reduce expresiones algebraicas a través del método del factor común. 		 Aplica identidades para factorizar binomios. Aplica el método del aspa para factorizar trinomios.
		 Aplica diversos métodos de factorización para simplificar expresiones algebraicas.
		 Resuelve situaciones problemáticas aplicando diversos métodos de factorización.
		Desarrollo de conductas positivas
		• Escucha con atención las críticas y los aportes que hacen sus compañeros cuando expone en el aula.
		Investiga sobre un rescurso tecnológico y muestra Proporcia en el uso de la tecnológica y los medios
Actitudes		padaration of as a data section of a section of the
 Toma la iniciativa para formular preguntas, buscar conjeturas y plantear problemas. Valora aprendizajes desarrollados en el área como parte de su proceso formativo. 	olantear problemas. proceso formativo.	

Grado: Segundo de secundaria		Area: Matematica
GRUPO EDITORIAL NOTMA	lad 5: Proporcionalidad numérica	Valores: Solidaridad
	Competencias	
Números, relaciones y operaciones Resuelve problemas con números reales y polinomios; argumenta y comunica los procesos de solución y resultados por medio del lenguaje matemático.	a y comunica los procesos de solución y resultados p	or medio del lenguaje matemático.
Capacidades	Conocimientos	Indicadores de logro por procesos
Razonamiento y demostración Establece relaciones entre la proporcionalidad directa y la función lineal. Comunicación matemática Interpreta el significado de números naturales, enteros y racionales en diversas situaciones y contextos. Representa relaciones y funciones a partir de tablas, gráficos y expresiones simbólicas. Resolución de problemas Resuelve problemas de contexto real y matemático que implican la organización de datos a partir de inferencias deductivas. Resuelve problemas que involucran la relación de proporcionalidad directa e inversa.	 Funciones Representación verbal, tabular y gráfica de funciones lineales. Proporcionalidad directa e inversa. 	 Razonamiento y demostración Evalúa la razón de una cantidad respecto a otra. Verifica la proporcionalidad de un conjunto de cantidades. Ejemplifica magnitudes en relación directa y directamente proporcional. Comunicación matemática Nombra los elementos de una proporción aritmética y geométrica. Representa razones aritméticas y razones geométricas, así como cantidades en porcentajes. Resolución de problemas Calcula los términos desconocidos en una proporción, la razón aritmética y geométrica de dos cantidades y el porcentaje de una cantidad. Aplica las propiedades de la proporción geométrica en la simplificación de expresiones. Estima el interés generado por un capital. Resuelve situaciones problemáticas de reparto proporcional. Resuelve situaciones problemáticas de aumento,
Actitudes		descuento e interés simple aplicando porcentajes y regla de tres.
 Muestra rigurosidad para representar relaciones, plantear argumentos y comunicar resultados. Toma la iniciativa para formular preguntas, buscar conjeturas y plantear problemas. 	umentos y comunicar resultados. y plantear problemas.	 Desarrollo de conductas positivas Busca la solución de conflictos personales y grupales. Participa activamente de actividades en el aula.

14

Grado: Segundo de secundaria		Área: Matemática
GRUPO EDITORIAL NOTME	Unidad 6: Nociones básicas de Geometría	ría Valores: Justicia
	Competencias	
Geometría y medición Resuelve problemas que relacionan figuras planas y sólidos geométricos; argumenta y comunica los procesos de solución y resultados por medio del lenguaje matemático.	iticos; argumenta y comunica los procesos de solu	ıción y resultados por medio del lenguaje matemático.
Capacidades	Conocimientos	Indicadores de logro por procesos
Razonamiento y demostración Establece relaciones de paralelismo y perpendicularidad entre rectas y segmentos. Comunicación matemática Representa los elementos básicos de la Geometría. Resolución de problemas Resuelve problemas de contexto matemático que involucran el cálculo de ángulos formados por una recta secante a dos paralelas. Resuelve problemas que implican la medida de ángulos entre dos rectas en el espacio, la medida de ángulos diedros y las propiedades de la pirámide y el cono.	Geometría plana Rectas paralelas y perpendiculares. Ángulos formados por una recta secante a dos paralelas. Suma de los ángulos interiores y Mediaa Ángulos opuestos por el vértice y ángulos adyacentes. Medida de ángulos entre dos rectas en el espacio y medida de ángulos diedros. Geometría del espacio Puntos, rectas y planos en el espacio.	 Razonamiento y demostración Establece las posiciones relativas de rectas y planos en figuras geométricas tridimensionales y Determina el máximo número de rectas y planos que puedan deferminar cierto número de puntos y rectas en el espacio. Explica la noción de ángulo, sus clases y sistemas de medidas en los ejercicios presentados. Comunicación matemática Representa figuras geométricas por medio de sus posiciones relativas. Caracteriza segmentos, planos y rectas. Resolución de problemas Calcula la medida de ángulos y segmentos a través de operaciones con sus medidas. Calcula el suplemento y el complemento de un ángulo. Resuelve situaciones problemáticas de contexto matemático y real aplicando las nociones de ángulos y segmentos. Desarrollo de conductas positivas
Actitudes		Pide que le enseñen a realizar su trabajo y no
 Muestra rigurosidad para representar relaciones, plantear argumentos y comunicar resultados. Toma la iniciativa para formular preguntas, buscar conjeturas y plantear problemas. Valora aprendizajes desarrollados en el área como parte de su proceso formativo. 	nentos y comunicar resultados. Vlantear problemas. Voceso formativo.	permite que otro lo haga por él. • Practica normas de honradez en la realización de sus trabajos.

Unidad 7: Ecuaciones e inecuaciones Competencias y polinomios, argumenta y comunica los procesos de solución y resultados por medio del lenguaje matemática digebra undo real con funciones Algebra Conocimientos Algebra Anoliza la gráfica de la Conocimiento y demostración Adritudes Actifudes Actifude diversor endoctores inferdes cond of processored se seguraciones son a sistema se ecuaciones son a sistema se ecuaciones problem sistema se ecuaciones problem sistema se encuaciones and encuacione			
	Grado: Segundo de secundaria		Area: Matemática
Numeros, relaciones y funciones Numeros, relaciones y funciones Capacidades Capacidades Capacidades Capacidades Conocimientos Capacidades Conocimientos Capacidades Conocimientos Capacidades Conocimientos	GRUPO EDITORIAL NOTMS	7: Ecuaciones e inecuaciones	
Resultedros y funciones y funciones and memors recides y polinomics; argumenta y comunical los processos de solución y resultados por medion de integración con números recidendes de forman con números recidendes de forman con múmeros de mundo real con funciones en letros. Capacidades Agebra Connocimientos Connocimientos Connocimientos de forman controles y deformados en forma de letros por controles de devasco controles. Resultados de problemas en forma forma en forma de mediante en forma de letros por controles de sistema que los controles de forma de mediante en forma de letros de la forma de letros de la forma de letros de la forma de la forma de letros de la forma de		Competencias	
Sacidades Conocimientos Fra Tenos del mundo real con funciones Variable y simbolización de enunciados Variable y simbolización de enunciados Variables Variables y simbolización de enunciados Variables Variables Variables Coo Coo Involucran números naturales, enteros, es básicas. Involucran ecuaciones lineales con Actifudes Actifudes Actifudes Perenacia al resolver problemas y comunicar resultados malfemáticos. Intera argumentos y comunicar resultados en forma rigurosa.	Números, relaciones y funciones Resuelve problemas con números reales y polinomios; argumenta y c	comunica los procesos de solución y resultados p	or medio del lenguaje matemático.
nenos del mundo real con funciones rediable y simbolización de enunciados verbales verbales mediante el lenguaje algebratico. volucran números naturales, enteros, res básicas. involucran ecuaciones lineales con rinvolucran ecuaciones lineales c	Capacidades	Conocimientos	Indicadores de logro por procesos
De emáticos.	Razonamiento y demostración • Formula modelos de fenómenos del mundo real con funciones lineales. Comunicación matemática • Representa mediante lenguaje algebraico enunciados verbales de diversos contextos. Resolución de problemas • Resuelve problemas que involucran números naturales, enteros, racionales, y sus operaciones básicas. • Soluciona problemas que involucran ecuaciones lineales con una incógnita.	Álgebra • Variable y simbolización de enunciados verbales mediante el lenguaje algebraico.	 Razonamiento y demostración Analiza la gráfica del CS de un sistema de ecuaciones lineales y determina el sistema que la originó. Formula sistemas de ecuaciones conociendo el CS. Comunicación matemática Representa situaciones en lenguaje simbólico. Aplica la transposición de términos para resolver ecuaciones e inecuaciones de primer grado. Grafica el CS de ecuaciones y sistemas de ecuaciones lineales con dos incógnitas. Resolución de problemas Aplica diversos métodos para determinar el CS de un sistema de ecuaciones lineales. Aplica diversos métodos para determinar el CS de un sistema de ecuaciones lineales. Aplica diversos métodos para determinar el CS de un sistema de ecuaciones el segundo grado. Aplica propiedades y el método de puntos críticos para resolver inecuaciones de segundo grado. Resuelve situaciones problemáticas aplicando sistemas de ecuaciones con dos incógnitas. Resuelve situaciones problemáticas aplicando Resuelve situaciones problemáticas aplicando
De emáticos.	Actitudes		sistemas de inecuaciones.
	 Muestra seguridad y perseverancia al resolver problemas y comur Representa relaciones, plantea argumentos y comunica resultado: 	nicar resultados matemáticos. s en forma rigurosa.	 Desarrollo de conductas positivas Muestra una postura ecuánime ante la opinión de sus compañeros. Escucha con atención las críticas que se hacen sobre los trabajos que presenta o expone.

16

Grado: Segundo de secundaria		Área: Matemática
GRUPO EDITORIAL NOTME	Unidad 8: Estadística y probabilidad	Valores: Tolerancia y respeto
	Competencias	
 Estadística Resuelve problemas que requieren de las conexiones de datos estadísticos y probabilísticos; argumenta y comunica los procesos de solución y resultados por medio del lenguaje matemático. 	əstadísticos y probabilísticos; argumenta y comunic	ca los procesos de solución y resultados por medio del
Capacidades	Conocimientos	Indicadores de logro por procesos
Razonamiento y demostración	Estadística	Comunicación matemática
• Establece relaciones entre la media, mediana y moda.	• Tablas de frecuencias absolutas, relativas	• Registra la población, muestra, variables a partir de
Comunicación matemática	y acumuladas con datos numericos no	und situdcion.
 Elabora tablas de frecuencias absolutas, relativas y acumuladas con datos numéricos no agrupados y agrupados. 	ugrupados y agrapadas. Polígonos de frecuencias.	 Construye tablas de frecuencia y representa datos en gráficas estadísticas según el tipo de variable.
Organiza información mediante gráficas de polígonos de	Recorrido, amplitud e intervalos de datos	• Explica las medidas de tendencia central a partir
frecuencias.	agrupados.	de una gráfica o tabla de frecuencias.
 Formula ejemplos de experimento determinístico y experimento aleatorio. 	•	 Calcula la media, la mediana y la moda de datos presentados en una tabla o gráfica con fórmulas, el
Grafica e interpreta diagramas circulares y diagramas lineales.	 Media, mediana y moda. Azar 	diagrama de árbol o un cuadro de doble entrada.
Resolución de problemas	Experimento determinístico y experimento	Razonamiento y demostración
Resuelve problemas que implican el cálculo de recorrido, amplitude intervalos en datos cara pados	aleatorio.	 Analiza tablas de frecuencia y gráficas estadísticas
Resuelve problemas que requieran del cálculo de probabilidad	 Probabilidad de sucesos equiprobables. 	y formula conjeturas a partir de ellas.
de sucesos equiprobables mediante la regla de Laplace.		• Evalúa la medida resumen más representativa de
Resuelve problemas que involucran permutaciones, variaciones y combinaciones		 Calcula la probabilidad de un evento.
		-
principios de conten		Resolucion de problemas
		 Resuelve situaciones problemáticas aplicando las

Actitudes

- Representa relaciones, plantea argumentos y comunica resultados en forma rigurosa.
 - Toma la iniciativa para formular preguntas, buscar conjeturas y plantear problemas.
- Actúa con honestidad en la evaluación de sus aprendizajes y en el uso de datos estadísticos.

- Muestra seguridad y perseverancia al resolver problemas y comunicar resultados matemáticos.
- - · Valora aprendizajes desarrollados en el área como parte de su proceso formativo.

Desarrollo de conductas positivas

involucren la aplicación de las medidas resumen y

la noción o cálculo de probabilidades.

Resuelve situaciones de contexto real que

nociones de estadística.

• Resuelve situaciones problemáticas aplicando las

- Persevera a la hora de realizar sus trabajos en clase.
 - Participa activamente en la toma de decisiones de diversas situaciones como muestra.

٦	0
U	О

Grado: Segundo de secundaria		Área: Matemática
GRUPO EDITORIAL NOTINE	9: Triángulos y movimientos en el plano	olano Valores: Solidaridad
	Competencias	
Geometría y medición Resuelve problemas que relacionan figuras planas y sólidos geom	nétricos; argumenta y comunica los procesos de sol	geométricos; argumenta y comunica los procesos de solución y resultados por medio de lenguaje matemático.
Capacidades	Conocimientos	Indicadores de logro por procesos
Razonamiento y demostración	Geometría plana	Razonamiento y demostración
 Aplica traslaciones a figuras geométricas planas. 	 Suma de los ángulos interiores y exteriores 	 Aplica traslaciones y rotaciones de figuras.
Aplica rotaciones, reflexiones y composiciones de	de un friángulo.	 Construye figuras simétricas en cuadrículas.
transformaciones a figuras geométricas planas.	 Triángulos. Líneas notables. 	 Evalúa los elementos de ciertos triángulos y
Comunicación matemática	Transformaciones	establece si existe congruencia.
• Representa la traslación, rotación y reflexión de figuras	Sistema rectangular de coordenadas.	 Demuestra la congruencia de dos triángulos.
geométricas planas respecto a un eje de simetría.	Traslación, rotación y reflexión de figuras Accomodational para para para para para para para pa	Clasifica los triángulos según la medida de sus lados o según la medida de sus ángulos.
resolución de problemas Resuelve problemas que involucran suma de ángulos interiores	simetría.	Comunicación matemática
y exteriores de un triángulo.	 Composición de transformaciones. 	 Explica los casos de congruencia de triángulos.
		 Construye triángulos empleando regla, compás y transportador.
		 Traza las medianas, bisectrices, mediatrices y

• Muestra seguridad y perseverancia al resolver problemas y comunicar resultados matemáticos.

Actitudes

- Representa relaciones, plantea argumentos y comunica resultados en forma rigurosa.
 Valora aprendizajes desarrollados en el área como parte de su proceso formativo.
- Planifica y ejecuta campañas de preservación del Desarrollo de conductas positivas medio ambiente.

Resuelve situaciones problemáticas aplicando la traslación y la rotación, las propiedades de los

triángulos o la congruencia.

 Calcula cantidades mediante líneas y las propiedades de los puntos notables.

Resolución de problemas

alturas de triángulos; asimismo, ubica el punto de

concurrencia de las líneas notables.

Organiza campañas de limpieza y cuidado de su aula e institución educativa.



Apertura

- Relacione el tema Lógica y relaciones con el tema transversal (Promoción Humana y Derechos Humanos) comentando cómo el desarrollo del hombre está ligado al conocimiento de la naturaleza y que este conocimiento implica entender la lógica de su funcionamiento y las relaciones que guardan las partes que lo conforman. Pida a los estudiantes que lean el texto del círculo y propicie una rueda de comentarios. Precise que todo sigue reglas o leyes (es decir, tiene una lógica de funcionamiento) y que, por ende, en el funcionamiento de las máquinas se puede encontrar relaciones entre sus partes.
- □ Para facilitar la participación de los estudiantes, proponga las siguientes preguntas: ¿El hombre es parte de la naturaleza? ¿Podrá el hombre realizar algún proyecto de desarrollo sin considerar la naturaleza? ¿Conocer la naturaleza implica conocer al hombre mismo? ¿Se puede afirmar que el hombre conoce actualmente la lógica de funcionamiento de la naturaleza y la domina? ¿Crees que el hombre ha logrado conocerse de tal forma que sabe cuáles son sus derechos? ¿Para tener derechos es necesario tener deberes?
- □ Para tratar con los estudiantes el valor de la solidaridad (correspondiente a esta unidad), pregunte: ¿Qué es la solidaridad? ¿Es lógico pensar que se puede alcanzar un alto nivel de desarrollo humano sin ser solidario? Pida a los alumnos que mencionen actos de solidaridad que ellos han realizado o que han visto realizar. Luego pregunte: ¿Es fácil ser solidario? ¿Cómo sería el mundo si la mayoría de la población fuera solidaria?

Juego y recuerdo

Finalidad didáctica del juego

Analizar condiciones expresadas como proposiciones, y llegar a conclusiones favorables.

Al momento de jugar, observe...

□ la indicación N° 1, se obtiene la siguiente información:

La torre debe pasar por todas las casillas del tablero **y no** debe pasar dos veces **o** más por una misma casilla. En este caso, haga notar a los estudiantes que se tiene una conjunción, una negación y una disyunción.

Luego pídales que identifiquen las proposiciones simples que conforman estas proposiciones compuestas

Así:

- p: La torre debe pasar por todas las casillas.
- q: La torre no debe pasar dos veces por una misma casilla.
- r: La torre no debe pasar más de dos veces por una misma casilla.
- Una solución de la se gunda parte es:

19	7	(JI	15	6	11
14	1	5	10	1	16
9)	18	3	12	7
4		13	8	17	2

Lo vimos antes

La intención pedagógica es que los estudiantes...

- 1. Recuerden e identifiquen proposiciones.
- 2. Determinen el valor de verdad de proposiciones compuestas (conjuntivas o disyuntivas) analizando el valor de verdad de las proposiciones simples que las conforman.
- 3. Representar conjuntos que tienen como elementos, pares ordenados
- 4. Resolver situaciones cuya solución se basa en la determinación de un conjunto de pares de ordenados.

Lógica proposicional

Sesión

Inicio

Pida a los estudiantes que observen la imagen de la situación y que a partir de esta formulen enunciados, que usted va anotando en la pizarra. (Procure que entre los enunciados algunos sean proposiciones).

Por ejemplo:

El número de niñas es el doble del número de niños.

¿Qué hacen en la biblioteca los niños?

Las niñas visten uniforme.

Indique a los estudiantes que subrayen las proposiciones y determinen sus valores de verdad.

Proceso

- ☐ Afiance la noción de proposición con los ejemplos 1 y 2.
- □ Identifique las proposiciones simples que forman una proposición compuesta, haciendo que los estudiantes resuelvan el ejemplo 3.
- □ Identifique los conectivos lógicos en proposiciones compuestas y determine su valor de verdad considerando la respectiva tabla de verdad que se encuentra en el Anota de la página 13. Para ello, resuelva los ejemplos del 4 al 7.
- Consolide lo avanzado resolviendo los ejercicios del 1 al 4 de la Práctica Nivel 1.
- □ Construya tablas de verdad siguiendo el procedimiento indicado en la página 14. Indique a los estudiantes que resuelvan el ejemplo 8 y el ejercicio 5 de la Práctica Nivel 1.
- □ Interprete proposiciones expresadas en lenguaje simbólico y que tengan cuantificadores. Para ello, resuelva el ejemplo 9.
- □ Identifique funciones proposicionales y conviértalas en proposiciones asignándole a la variable un valor particular o utilizando un cuantificador. Para ello, utilice los ejemplos 10 y 11.
- Refuerce lo aprendido, resolviendo los ejercicios del 6 al 8 de la Práctica Nivel 1.
- Determine, utilizando el ejemplo 12, el valor de verdad de proposiciones que tengan cuantificadores. Utilice también diagramas de Venn para graficar proposiciones con cuantificadores a fin de determinar su valor de verdad, tal como se explica en el ejemplo 13.
- Para consolidar lo tratado, resuelva con los estudiantes los ejercicios del 9 al 11 de la Práctica Nivel 1.

Salida

Proponga la Práctica Nivel 2 para ser desarrollada en casa. Los ejercicios considerados difíciles por los estudiantes resuélvanlos en clase.

▶ Lo mínimo para empezar

- Las oraciones aseverativas son aquellas oraciones que afirman o niegan algo. Por ejemplo:
 - Un trapecio es un polígono de cuatro lados. (Oración aseverativa).
 - ¿Cuánto tardará Luis en regresar? (Oración interrogativa).
- En el lenguaje coloquial, los conectivos "o" e "y" se interpretan de la siguiente manera:
 - "Mañana Juan irá al gimnasio **y** al cine", significa que mañana Juan realizará ambas actividades.
 - "Mañana Juan irá al gimnasio **o** al cine", significa que si Juan va al gimnasio, no podrá ir al cine o viceversa.

Algunas dificultades y/o errores frecuentes y como superarlos

Uno de los errores que se suele cometer es considerar que
 ~(p Λ q) es equivalente a ~p Λ ~q.

Para determinar si una proposición compuesta es equivalente a otra, basta elaborar sus tablas de verdad y observar si los valores coinciden.

р	q	~((p ^ ~q)
V	V	F	V
V	F	٧	F
F	V	٧	F
F	F	٧	F

р	q	~	p ^ ~	1
V	V	F	F	F
V	F	F	F	٧
F	V	V	F	F
F	F	V	٧	V

Observe que en este caso no son equivalentes, porque no coinciden sus respectivos valores de verdad.

□ En general, los estudiantes suelen tener dificultades al determinar si una proposición es equivalente a otra. En este caso también es recomendable construir tablas de verdad. Observemos un ejemplo:

¿Podemos afirmar que p \rightarrow q es equivalente a \sim p v q?

p → q	q	р
V	V	V
F	F	V
V	V	F
V	F	F

р	q		~p ∨ q	
V	٧	F	٧	V
V	F	F	F	F
F	V	V	٧	V
F	F	V	٧	F

Construimos sus tablas de verdad y vemos que sus respectivos valores de verdad coinciden; luego, las proposiciones son equivalentes, es decir $p \rightarrow q = \sim p \ V \ q$.

└ Curiosidades

¿Verdadero o falso?

Analiza los siguientes enunciados. Luego determina cuáles son las proposiciones falsas.

a. Dos de estas proposiciones son falsas.	c. Lima es la capital del Perú.	
b. La suma de 3 y 4 es 12.	d. El cuadrado de 3 es 9.	

Relaciones

Metacognición

- ☐ Plantee a los estudiantes las siguientes preguntas:
 - ¿Cuándo conversas con tus amigos utilizas proposiciones?
 - Si una afirmación que haces en una conversación es falsa, ¿aquella es una proposición?
 - ¿Desde cuándo utilizas proposiciones simples o compuestas en tus conversaciones?
 - Menciona proposiciones que hayas utilizado en tus clases de Matemáticas.
 - ¿Son importantes las proposiciones en el estudio de la Matemática? ¿Por qué?

Heteroevaluación y/o coevaluación

Puede evaluar el aprendizaje del alumno sobre la base del siguiente listado de actividades:

	Procesos	Necesita ayuda	Lo hace solo	Ayuda a otros
-	Identifica en una propo- sición compuesta nega- ciones, conjunciones y disyunciones.			
	Representa simbólicamente proposiciones compuestas.			
-	Elabora tablas de verdad de fórmulas proposicio- nales.			
	Identifica funciones proposicionales.			
	Reconoce los cuantifica- dores existencial y uni- versal en proposiciones cuantificadas.			

5 Material de consulta

Bibliografía

Carl Cohen y Copi Irving. Introducción a la lógica.
 México D.F., LIMUSA, 2000.

Páginas Web

- http://huitoto.udea.edu.co/SistemasDiscretos/contenido/calculo_proposicional.html
- http://matematicas.icesi.edu.co/zona_basica/05_especificos/logica/notas/CapituloDos%20ParteUno.pdf
- http://www.isftic.mepsyd.es/w3/eos/MaterialesEducativos/mem2003/logica/logica/01concbasicos/111propos.
- http://www.mitecnologico.com/Main/LogicaIntroduccion

Sesión

Inicio

- Pida a los estudiantes que observen la imagen de la situación y que a partir de ella identifiquen conjuntos, por ejemplo: conjunto de carpetas, conjunto de estudiantes, conjunto de cuadernos, conjunto de profesores, etc.
- Establezca relaciones entre los elementos de dos de estos conjuntos, por ejemplo: a cada elemento del conjunto de estudiantes le corresponde un elemento del conjunto carpetas; a los elementos del conjunto estudiantes les corresponden elementos del conjunto cuadernos, etc. Luego dé el concepto de relación.

Proceso

- Defina relación binaria y desarrolle el ejemplo 1.
- A partir del ejemplo 2, defina conjunto de partida y de llegada, y dominio y rango de una relación binaria.
- A partir de los ejemplos 3 y 4, muestre cómo se representa gráficamente una relación binaria.
- Afiance lo estudiado resolviendo los ejercicios del 1 al 4 de la Práctica Nivel 1.
- □ Defina relación inversa y ejemplifique. Luego desarrolle los ejercicios 5 y 6 de la Práctica Nivel 1.
- A partir del ejemplo 6, defina relaciones binarias en un conjunto.
- Muestre, a partir del ejemplo 7, cómo determinar si una relación binaria es reflexiva, simétrica o transitiva.
- A partir del ejemplo 8, muestre cómo determinar las propiedades que satisfacen una relación binaria teniendo como información su gráfica.
- □ Afiance el tema de propiedades de una relación binaria resolviendo con los estudiantes los ejercicios del 8 al 10 de la Práctica Nivel 1.

Salida

- □ Conforme grupos de estudiantes para que resuelvan los ejercicios propuestos en la Práctica Nivel 2.
- Pida que formulen ejemplos de relaciones, como: En el conjunto conformado por los integrantes de una familia se define la relación "... es hermano de...".
 - Si Ángel, Beto y Carlos son elementos del conjunto...
 - · Ángel no es hermano de Ángel. (No es reflexiva).
 - Ángel es hermano de Beto; luego, Beto es hermano de Ángel. (Es simétrica).
 - Ángel es hermano de Beto y Beto es hermano de Carlos; luego, Ángel es hermano de Carlos. (Es transitiva).

Luego, pida que verifiquen las propiedades que satisfacen.

- Los pares ordenados (a; b) ≠ (b; a) son diferentes por tener la primera y segunda componente diferentes, respectivamente.
- Dados dos conjuntos diferentes A ≠ B, entonces A × B ≠ B × A ≠ A × A ≠ B × B.
- El producto cartesiano se puede representar mediante diagrama cartesiano y diagrama sagital.

Algunas dificultades y/o errores frecuentes y como superarlos

Una de las dificultades que suelen tener los estudiantes es verificar las propiedades de una relación definida en un mismo conjunto. Veamos.

Sea el conjunto $A = \{1; 2; 3; 4\}.$

- □ La relación R₁ = {(1; 1); (2; 2); (3; 3); (1; 4)} no es reflexiva, porque todo elemento del conjunto A debe estar relacionado consigo mismo, es decir, falta el par ordenado (4; 4) para que sea reflexiva.
- □ La relación $R_2 = \{(1; 2); (2; 1); (4; 4)\}$ es simétrica, pues cada par ordenado de la relación tiene su simétrico. **Observa** que no necesita tener el par ordenado (3; 4) porque en R_2 no está el par ordenado (4; 3).
- □ La relación R₃ = {(1; 1); (2; 2); (3; 3); (4; 4)} verifica las tres propiedades estudiadas: es reflexiva, simétrica y transitiva.

≒ Curiosidades

Sea la siguiente relación definida de IN en IN:

Observa que cada término del rango es la suma de los dos términos anteriores; a estos números que forman una sucesión infinita de números naturales se les conoce como la sucesión de Fibonacci (en honor al matemático italiano del siglo XIII).

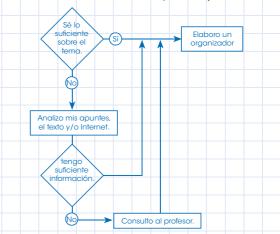
Esta sucesión se puede encontrar en la naturaleza, por ejemplo si en una piña cuentas las hileras espirales de escamas, podrás descubrir 8 espirales enrollándose hacia la izquierda y 13 espirales que se enrollan hacia la derecha, o bien 13 hacia la izquierda y 21 hacia la derecha, u otras parejas de números. Lo curioso es que estas parejas de números serán adyacentes en esta famosa sucesión de Fibonacci. Muchos han sido los esfuerzos dedicados por los biólogos al tratar de entender por qué las piñas, los girasoles y otras plantas muestran este notable patrón.

Evaluación



Metacognición

Se puede proponer un diagrama de flujo para que el estudiante reflexione sobre su aprendizaje del tema.



Heteroevaluación y/o coevaluación

Puede evaluar el aprendizaje del alumno sobre la base del siguiente listado de actividades:

Procesos	Necesita ayuda	Lo hace solo	Ayuda a otros
Identifica relaciones bi- narias.			
Identifica el conjunto de partida y el conjunto de llegada en una relación.			
Identifica la regla de co- rrespondencia de una relación.			
Determina el dominio y el rango de una relación.			
Representa relaciones en diagramas sagitales y diagramas cartesianos.			
Identifica relaciones re- flexivas, simétricas y tran- sitivas.			

5 Material de consulta

Bibliografía

 Seymour Liptschutz. Teoría de conjuntos y temas afines. México, McGraw Hill, 1992

Páginas Web

- http://www.eui.upm.es/~jjcc/alg200809personal/material/Imprimir_Tema_I_ALG_MD.pdf
- http://es.wikipedia.org/wiki/Relaci%C3%B3n_binaria
- http://www.geocities.com/Athens/Academy/6892/conjunt.htm

Funciones

Sesión

Inicio

- ☐ Pida a los estudiantes que identifiquen los elementos de la relación propuesta en la situación inicial, considerando como conjunto de partida a los medios de comunicación y como conjunto de llegada al tiempo.
- □ Defina función y determine si la relación anterior es una función.

Proceso

- Utilice los ejemplos 1 y 2 para identificar funciones representadas entre llaves o con diagramas de Venn.
- Pida a los alumnos que resuelvan los ejercicios del 1 al 3 de la Práctica Nivel 1 para afianzar lo tratado.
- Resuelva con los estudiantes los ejemplos del 3 al 5 para determinar el dominio y rango de funciones.
- □ Indique que resuelvan los ejercicios 4 y 5 para afianzar la noción de dominio, rango y regla de correspondencia.
- □ Defina inyectividad, sobreyectividad y biyectividad. Verifique si las funciones propuestas en los ejemplos 6; 7 y 8 satisfacen lo que se plantea en estas definiciones. Luego resuelva los ejercicios 6 y 7de la Práctica Nivel 1.
- □ Resuelva el ejemplo 9 para dar la definición de función inversa y desarrolle con los estudiantes el ejercicio 8 de la Práctica Nivel 1.

Salida

☐ Conforme grupos de estudiantes para que resuelvan los ejercicios propuestos en la Práctica Nivel 2.

≒ Curiosidades

El concepto de función tal y como se conoce hoy en día, surgió en el siglo XVIII. El primer matemático que intentó dar una definición formal del concepto de función fue Leonhard Euler, cuando afirmó: "Una función de cantidad variable es una expresión analítica formada de cualquier manera por esa cantidad variable y por números o cantidades constantes".

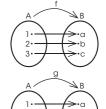
La historia de la Matemática le da créditos al matemático suizo Euler por precisar el concepto de función, así como por realizar un estudio sistemático de todas las funciones elementales; sin embargo, el concepto mismo de función nació con las primeras relaciones observadas entre dos variables, hecho que surgió desde los inicios de la Matemática en la humanidad, con civilizaciones como la griega, la babilónica, la egipcia y la china.

▶ Lo mínimo para empezar

- · Noción y representación de una relación binaria.
- · Noción de dominio y rango de una relación binaria.

Algunas dificultades y/o errores frecuentes y como superarlos

- En la definición de función consideramos que el dominio debe ser igual al conjunto de partida. En este caso, g no es función.
- Pero existe otra postura en la que no se considera esta condición, y la relación g resulta ser una función.



Metacognición

En la cotidianidad, decimos por ejemplo que el tiempo que demoramos en llegar a un lugar está en función de la velocidad a la que vamos, o que la cantidad de dinero que pagamos por el servicio de agua está en función de la cantidad de metros cúbicos consumidos.

- ¿En qué otras actividades que realizamos encontramos el concepto de función? ¿Crees que el concepto de función es utilizado sin necesidad de conocer su definición matemática?
- □ ¿Por qué es importante el estudio de las funciones?

Heteroevaluación y/o coevaluación

Puede proponer que, organizados en equipos, realizen la siguiente actividad:

Con los conjuntos A y B...





 ¿Cuántas funciones de A en B se pueden determinar? Representen con un diagrama sagital cada una de ellas.

♡ Material de consulta

Bibliografía

 Ricardo Figueroa. Matemática básica 1. Lima, Editorial América, 1998.

Páginas Web

- http://www.librosvivos.net/smtc/homeTC. asp?TemaClave=1067
- http://dieumsnh.qfb.umich.mx/DIFERENCIAL/funciones.
 htm



Relaciónalo con...

DEMOGRAFIA

Las funciones son medios que se utilizan para el estudio de muchas disciplinas, tales como la Física, la Biología, la Economía, la Sociología, etc.

Observa la gráfica del crecimiento poblacional en función del tiempo.



Fuente: Atlas de Le Monde Diplomatique. Datos referidos a 2000. Elaboración propia. Departamento de Urbanismo y Ordenación del Territorio (DU y OT). Rafael Córdoba Hemández

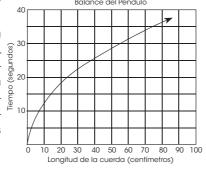
+

Pruebas internacionales

El gráfico muestra el tiempo que demora un péndulo en balancearse hacia atrás y hacia delante 20 veces, para diferentes longitudes

de cuerda.

La longitud de la cuerda es 90 cm. 8 2 Alrededor de cuánto tiempo le tomaría al péndulo balancearse hacia adelante y hacia atrás 20 veces?



A. 35 s

B. 38 s

C. 42 s

d. 45 s

TIMSS1999 - ID PERMANENTE M022208

(3)

Historia de la matemática

El teorema de los 4 colores dice que se necesitan solo 4 colores diferentes para pintar un mapa de manera que dos regiones vecinas no queden coloreadas con un mismo color. Este teorema se hizo famoso cuando Augustus de Morgan escribió una carta al famoso matemático Sir William Hamilton pidiéndole que haga la demostración.

Durante muchos años, matemáticos y aficionados trataron de hacer dicha demostración hasta que matemáticos del Instituto de Georgia en Estados Unidos publicaron una que hasta ahora no ha sido refutada.

✓ Evaluación

Comunicación matemática

1. Si

p: a es múltiplo de b.

q: c es divisor de b.

r: a es múltiplo de c.

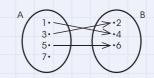
escribe en lenguaje común la traducción de cada una de las siguientes proposiciones:

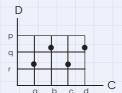
a. ~p v q

b. $\sim p \Rightarrow r$

c. $(p \land \neg q) \Rightarrow \neg r$

2. Identifica las relaciones que son funciones.





Manejo de algoritmos

1. **Elabora** la tabla de verdad de la proposición $\sim (p \lor q) \Rightarrow (\sim p \land q)$.

Dados los conjuntos A = {1; 2; 3} y B = {1; 2; 4; 6; 8; 9},
 Determina por extensión las siguientes relaciones y marca con un ✓ aquellas que son funciones.

a. $R = \{(a; b) \in A \times B / b = 2a\}$

b. $R = \{(a; b) \in A \times B / b = a^2\}$

c. $R = \{(a; b) \in A \times B / b = 3a\}$

d. $R = \{(a; b) \in A \times A / b = a\}$

Pazonamiento y demostración

 Sabiendo que la proposición (p ∧ q) ⇒ ~q es verdadera, determina el valor de verdad de la proposición p.

2. Si el siguiente conjunto de pares ordenados corresponde a una función, **halla** el valor de m – n.

{(n; 5); (4; 3); (2m; 5); (3; 2); (7; 1); (m; 1)}

Resolución de problemas

Se ha creado dos nuevos conectivos lógicos, que se representan con los símbolos \uparrow y \downarrow

Sabiendo que sus tablas de verdad son las siguientes:

р	q	р↑q
V	V	F
V	F	V
F	V	F
F	F	F

р	q	p↓q
V	V	F
V	F	F
F	V	V
Е	Е	С

subraya lo que se puede afirmar de la proposición $(\neg p \uparrow q) \downarrow \neg (p \uparrow q)$.

· Es verdadera solo si p y q son verdaderas.

· Es verdadera cuando q es verdadera.

· Siempre es verdadera.

· Siempre es falsa.

I. R₂ es reflexiva.

Tenemos que $R_2 = \{(2; 2); (4; 4); (6; 6); (8; 8); (6; 4)\}.$

Esta afirmación es cierta, debido a que los elementos del conjunto (2, 4, 6 y 8), se relacionan entre sí mismos, condición principal para que una relación sea reflexiva.

II. R₃ es simétrica.

Tenemos que $R_3 = \{(1; 1); (5; 5); (1; 5); (5; 1); (3; 7); (7; 3)\}.$

Esta afirmación es cierta, debido a que en R3, si un elemento se relaciona con otro, este se relaciona con el primero, condición principal para la simetría en una relación, como por ejemplo (1; 5) y (5; 1).

III. R_2 y R_4 son transitivas.

Esta afirmación es falsa, ya que podremos encontrar varios contraejemplos en R $_4$. Así, por ejemplo, si (5; 10) $^{\wedge}$ (10, 5) \in R $_4$, entonces (5; 5) debe pertenecer también a R $_4$, condición que no se verifica.

IV. R_1 y R_4 son de equivalencia.

Esta afirmación es falsa. Una condición para que una relación sea de equivalencia, es que la relación tiene que ser transitiva, pero $\rm R_4$ no lo es, como demostramos en la afirmación anterior, por lo que hace que toda la afirmación no tenga validez.

• Ejercicio 5 – página 41.....

Analizamos cada una de las proposiciones:

p: 49 es un número primo.

Esta proposición es falsa, ya que 49 es múltiplo de 7, por lo que no puede ser primo.

q: 200 tiene raíz cuadrada exacta.

Esta proposición es falsa, ya que la raíz cuadrada de 200 es un número decimal.

r: 15 > 12. Definitivamente, esta proposición es verdadera.

Entonces:

$$p = F$$

$$q = F$$

$$r = V$$

Analizaremos las expresiones:

р	r	pvr
F	V	V

II.
$$(\sim p \Rightarrow r) \land p$$

~p	r	р	(~p	⇒r) /	р	
V	V	F	V	F	F	

III.q∧r

q	r	q∧r
F	V	F

IV.
$$\sim (q \vee r) \Rightarrow (\sim r \wedge p)$$

q	~r	р	~(q v r)	\Rightarrow	(~r ^ p)
F	F	F	F	V	F

Finalmente, la respuesta es la alternativa E: VFFV.

• Ejercicio 1 – página 46.....

Se construye un cuadro de doble entrada y se ingresa paulatinamente toda la información que especifica el problema.

Colombia no obtuvo el primer puesto, entonces Colombia no ganó la medalla de oro.

	Perú	Colombia	México
Oro		No	
Plata			
Bronce			

□ A Perú le tocaron medallas de bronce; con este dato se completa el cuadro, teniendo en cuenta que en cada una de las filas y columnas debe colocarse solamente un Sí, y los demás casilleros deberán ser completados con un No

		Perú	Colombia	México
	Oro	No	No	Sí
Ì	Plata	No	Sí	No
ĺ	Bronce	Sí	No	No

Luego, en el cuadro se puede observar que México ganó la medalla de oro. La respuesta es la alternativa C.

• Ejercicio 4 – página 46

Con la información disponible se construye un cuadro de doble entrada.

- ☐ José es el amigo del profesor de Danza, entonces José no es el profesor de Danza.
- El profesor de Dibujo no conoce a Hugo ni al que dicta Cerámica, por lo tanto Hugo no puede ser el profesor de Dibujo ni el de Cerámica.

	David	Hugo	José	Luis
Pintura				
Dibujo		No		
Danza			No	
Cerámica		No		

- Luis y el profesor de Cerámica son amigos del profesor de Danza. Luego, Luis no puede ser profesor de Cerámica ni de Danza.
- El único amigo de David es Luis. Con ayuda de la afirmación anterior podemos concluir que David no es profesor de Danza, debido a que el profesor de Danza tiene como amigos a Luis y al profesor de Cerámica, y David tiene sólo un amigo.

	David	Hugo	José	Luis
Pintura		No		
Dibujo		No		
Danza	No	Sí	No	No
Cerámica		No		No

Al llenar la tabla con la máxima cantidad de datos posible y teniendo en cuenta que en cada fila o columna sólo debe aparecer un Sí, observamos, sin necesitar de llenar completamente la tabla, que Hugo se encarga de enseñar Danza.

La respuesta es, pues, la alternativa B.

• Ejercicio 6 – página 47

Ingresamos la información dada en un cuadro de doble entrada. Centraremos nuestra atención en las actividades que le gusta a cada chica, y los colores que cada una de ellas prefiere los iremos colocando paulatinamente.

- La que prefiere el rosado no practica baloncesto.
- Amelia no practica baloncesto, por lo que no descartamos que a Amelia le guste el color rosado, de acuerdo con la afirmación anterior.
- ☐ Brenda no practica vóley y no prefiere el celeste.

	Amelia	Brenda	Carla	Diana	Eliana
Baloncesto	No				
Natación					
Vóley		No			
Gimnasia					
Danza					

- □ Quien practica vóley prefiere el lila.
- Diana practica gimnasia y prefiere el verde. Con esta información podemos llenar la tabla de la siguiente manera:

	Amelia	Brenda	Carla	Diana	Eliana
Baloncesto	No			No	
Natación				No	
Vóley (lila)		No		No	
Gimnasia (verde)	No	No	No	Sí	No
Danza				No	

■ Eliana y Carla no practican baloncesto ni vóley, Entonces, si completamos la tabla con esta última afirmación, podemos observar que la única que puede practicar vóley es Amelia, y que a Brenda le gusta el baloncesto.

	Amelia	Brenda	Carla	Diana	Eliana
Baloncesto	No	Sí	No	No	No
Natación	No	No		No	
Vóley (lila)	Sí	No	No	No	No
Gimnasia (verde)	No	No	No	Sí	No
Danza	No	No		No	

Los datos no son suficientes para poder determinar si a Carla o a Eliana le gusta el baloncesto o la gimnasia. Ya que en este problema no se nos pregunta por la afición de estas chicas, no nos interesa averiguarlo.

Entonces, después de completar el cuadro con la información dada, se observa que la afición de Amelia es el vóley.

La respuesta es la alternativa B.

• Fe de erratas

Página 25.

Dice: $\forall \alpha \in \mathbb{R}$, $(\alpha; \alpha) \in \mathbb{R}$. Debe decir: $\forall \alpha \in \mathbb{A}$, $(\alpha; \alpha) \in \mathbb{R}$.