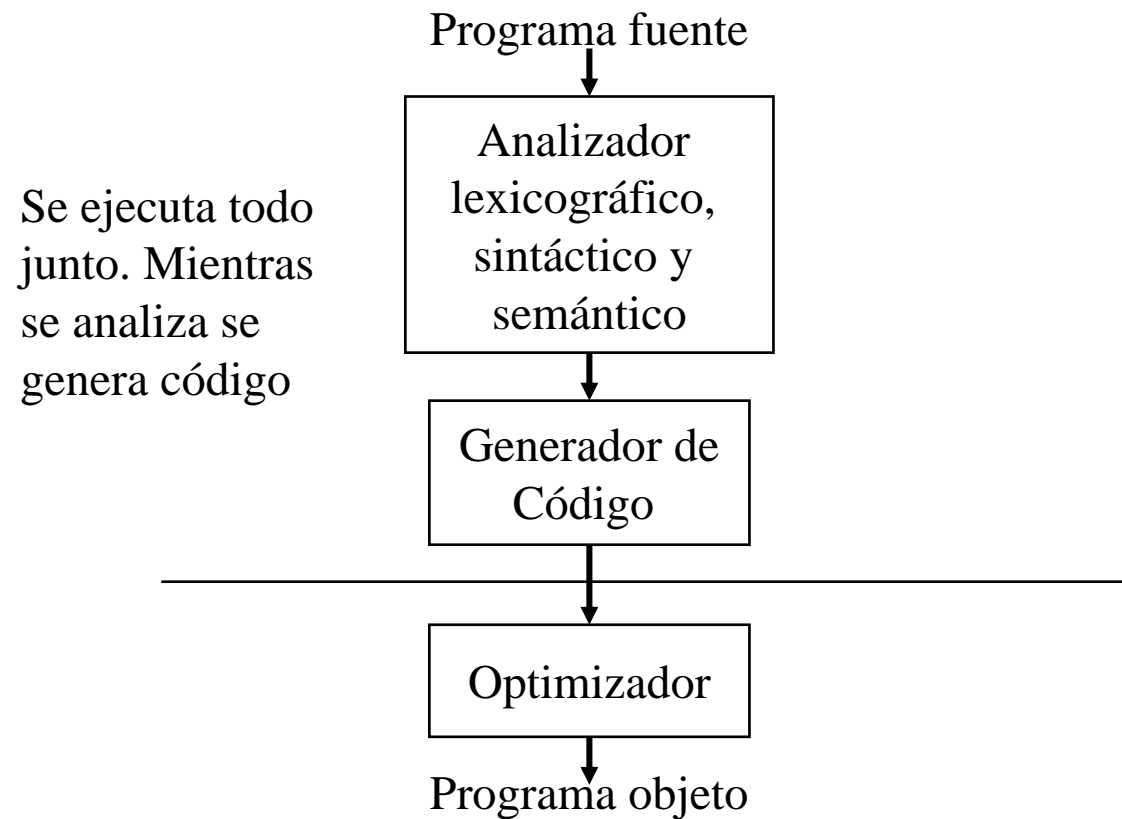


# Optimización de Código

## Generación de Código y Optimización

- Generación de código
  - Se realiza mientras se analiza el programa
  - “Libre del contexto”
- Optimización
  - Se realiza después de la generación de código de todo el programa o de un elemento ejecutable del programa (función, procedimiento, etc).
  - “Dependiente del contexto”

# Generación de Código y Optimización



# Optimización

- Objetivo
  - Obtener código que se ejecuta más eficientemente según los criterios
    - Tiempo de ejecución (optimización temporal)
    - Espacio de memoria utilizado (optimización espacial)
- Funcionamiento
  - Revisa el código generado a varios niveles de abstracción y realiza las optimizaciones aplicables al nivel de abstracción
    - Representaciones de código intermedio de más a menos abstractas
      - Árbol sintáctico abstracto: optimizar subexpresiones redundantes, reducción de frecuencia, etc.
      - Tuplas o cuádruplas: optimizar en uso de los registros o de las variables temporales.
      - Ensamblador/Código máquina: convertir saltos a saltos cortos, reordenar instrucciones

# Optimización

- Funcionamiento (continuación)
  - Representaciones de código para extraer información: grafos.
- Condiciones que se han de cumplir
  - El código optimizado se ha de comportar igual que el código de partida excepto por ser más rápido o ocupar menos espacio.
  - Hay que buscar transformaciones que no modifiquen el comportamiento del código según el comportamiento definido para el lenguaje de programación. Ejemplo
    - Si no se ha definido el orden de evaluación de los operandos la siguiente optimización es válida

$B = 2 * A + (A = c * d) ;$

Pasar a

$A = c * d ;$

$B = A * 3 ;$

## Optimización Local

- Las optimizaciones locales se realizan sobre el bloque básico
- Optimizaciones locales
  - Folding
  - Propagación de constantes
  - Reducción de potencia
  - Reducción de subexpresiones comunes

## Bloque Básico

- Un bloque básico es un fragmento de código que tiene una única entrada y salida, y cuyas instrucciones se ejecutan secuencialmente. Implicaciones:
  - Si se ejecuta una instrucción del bloque se ejecutan todas en un orden conocido en tiempo de compilación.
- La idea del bloque básico es encontrar partes del programa cuyo análisis necesario para la optimización sea lo más simple posible.

## Bloque Básico (ejemplos)

- Ejemplos (separación errónea):

```
    for (i=1;i<10;++i) {  
        b=b+a[i];  
        c=b*i;  
    }  
    a=3;  
    b=4;  
    goto l1;  
    c=10;  
l1: d=3;  
    e=4;
```



## Bloque Básico (ejemplos)

- Separación correcta

```
for (i=1; i<10; ++i) {
```

```
    b=b+a[i];
```

```
    c=b*i;
```

```
}
```

```
a=3;
```

```
b=4;
```

```
goto l1;
```

```
c=10;
```

```
l1: d=3;
```

```
e=4;
```

BB1:

```
i=1;
```

BB2:

```
i<10;
```

BB3:

```
b=b+a[i];
```

```
c=b*i;
```

```
++i
```

BB4:

```
a=3;
```

```
b=4;
```

```
goto l1;
```

BB5:

```
c=10;
```

BB6:

```
l1: d=3;
```

```
e=4;
```

## Ensamblamiento (Folding)

- El ensamblamiento es remplazar las expresiones por su resultado cuando se pueden evaluar en tiempo de compilación (resultado constante).
  - Ejemplo:  $A=2+3+A+C \rightarrow A=5+A+C$
- Estas optimizaciones permiten que el programador utilice cálculos entre constantes representados explícitamente sin introducir ineficiencias.

## Implementación del Folding

- Implementación del floding durante la generación de código realizada conjuntamente con el análisis sintáctico
  - Se añade el atributo de constante temporal a los símbolos no terminales y a las variables de la tabla de símbolos.
  - Se añade el procesamiento de las constantes a las reglas de análisis de expresiones.
  - Optimiza:  $2+3+b \rightarrow 5+b$ 
    - Hay una suma de constantes  $(2+3)+b$
  - No optimiza:  $2+b+3 \rightarrow 2+b+3$ 
    - No hay una suma de constantes  $(2+b)+3$

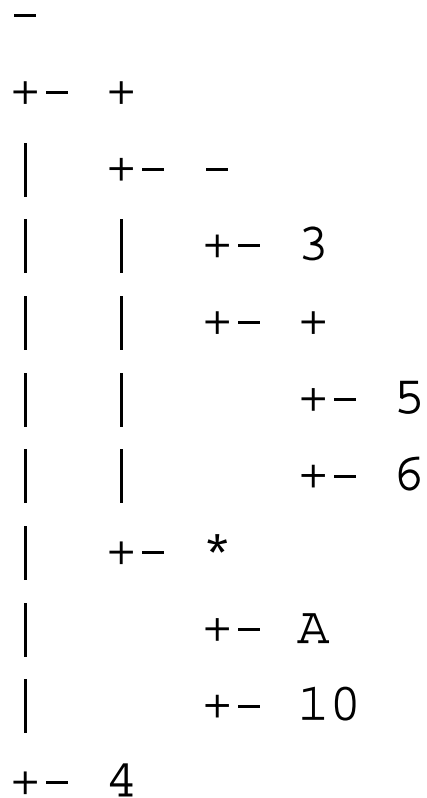
## Implementación del Folding

- Implementación posterior a la generación de código
  - Buscar partes del árbol donde se puede aplicar la propiedad conmutativa:
    - Sumas/restas: como la resta no es conmutativa se transforma en sumas:  $a+b-c+d \rightarrow a+b+(-c)+d$
    - Productos/divisiones: como la división no es conmutativa se transforma en productos:  $a*b/c*e \rightarrow a*b*(1/c)*e$
  - Buscar las constantes y operarlas
  - Reconstruir el árbol

## Ejemplo de Folding

Expresión:  $3 - (5 + 6) - A * 10 + 4$

Árbol:



Términos:

3  
-5  
-6  
-(A\*10)  
4

Términos constantes:

$3 - 5 - 6 + 4 = -4$

Resultado:  $-4 - (A * 10)$

## Propagación de constantes

- Desde que se asigna a una variable un valor constante hasta la siguiente asignación, se considera a la variable equivalente a la constante.
- Ejemplo:      Propagación      Ensamblamiento  
                  $PI=3.14$        $\rightarrow PI=3.14$        $\rightarrow PI=3.14$   
                  $G2R=PI/180$   $\rightarrow G2R=3.14/180$   $\rightarrow G2R=0.017$   
                  $PI$  y  $G2R$  se consideran constantes hasta la próxima asignación.
- Estas optimizaciones permiten que el programador utilice variables como constantes sin introducir ineficiencias. Por ejemplo en C no hay constantes y será lo mismo utilizar
  - `Int a=10;`
  - `#define a 10`Con la ventaja que la variable puede ser local.
- Actualmente en C se puede definir `const int a=10;`

## Implementación de la Propagación de Constantes

- Separar el árbol en bloques básicos
  - Cada bloque básico será una lista de expresiones y asignaciones
- Para cada bloque básico
  - Inicializar el conjunto de definiciones a conjunto vacío.
    - Definición: (variable,constante)
  - Procesar secuencialmente la lista de expresiones y asignaciones
  - Para expresión y asignación
    - Sustituir las apariciones de las variables que se encuentran en el conjunto de definiciones por sus constantes asociadas.
  - Para asignaciones
    - Eliminar del conjunto de definiciones la definición de la variable asignada
    - Añadir la definición de la variable asignada si se le asigna una constante

# Ejemplo de Separación en Bloques Básicos

```
Fun
+- []
+- =>
+- f
| +- x
| +- y
+- InstrComp
```

```
+- ;
+- =
| +- i
| +- 0
+- ;
+- =
| +- b
| +- 5
+- ;
```

```
+- while
| +- <
| | +- i
| | +- x
| +- InstrComp
| +- ;
| +- Print
| | +- *
| | | +- i
| | | +- b
| +- =
| | +- i
| | +- +
| | | +- i
| | | +- 1
+- *
+- x
+- b
```

i=0;  
b=5;

i<x

print(i\*b);  
i=i+1;

x\*b

```
Fun f(x,y)=>
{
    i=0;
    b=5;
    while (i<x) {
        print(i*b);
        i=i+1;
    }
    x*b
}
```

Cada bloque básico es una lista de apuntadores a las expresiones o asignaciones del árbol



## Ejemplo

Código	Resultado	Conjunto de definiciones
		$\{\}$
$a=10;$	$a=10;$	$\{(a,10)\}$
$b=c*a;$	$b=c*10;$	$\{(a,10)\}$
$a=b+a;$	$a=b+10;$	$\{\}$

## Extensión de la P.C. a Variables Indexadas

- Variables indexadas
  - Se asocian constantes a expresiones de acceso a variables indexadas. Ejemplo
    - $A[i]=10$
    - Se asocia 10 a  $A[i]$  aun no sabiendo el valor de  $i$ .
    - En el caso de hacer una asignación a cualquier elemento de  $A$  se deshace la asociación.
- Ejemplo

		{ }
$a[i]=10;$	$a[i]=10;$	$\{(a[i],10)\}$
$b=a[i]+a[j];$	$b=10+a[j];$	$\{(a[i],10)\}$
$a[j]=20;$	$a[j]=20;$	$\{(a[j],20)\}$
$b=a[i]+a[j];$	$b=a[i]+20;$	$\{(a[j],20)\}$
		$\{(a[j],20)\}$

## Extensión de la P.C. Fuera del Bloque Básico

- Extender la aplicación fuera del bloque básico
  - Hay que realizar un análisis del flujo de ejecución y es complejo. Ejemplo:

i=0;

loop:

i=i+1

if (i<10) goto loop;

Se transforma **erróneamente** en

i=0;

loop:

i=1

if (1<10) goto loop;

## Reducción de potencia(strength reduction)

- Se busca sustituir operaciones costosas por otras mas simples. Ejemplo:
  - sustituir productos por sumas.  
     $a=2*a$   
     $a=a+a$
  - Evitar la operación append (++)  
     $A=length(s1 ++ s2)$   
    convertirlo en  
     $A=length(s1)+length(s2)$

## Implementación de la Reducción de Potencia

- Buscar subárboles que se puedan sustituir por otros menos costosos. Estas sustituciones se representan como reglas que aplicará la reducción de potencia
  - $\text{Exp} * 1 \rightarrow \text{Exp}$
  - $1 * \text{Exp} \rightarrow \text{Exp}$
  - $\text{Exp} + 0 \rightarrow \text{Exp}$
  - $0 + \text{Exp} \rightarrow \text{Exp}$
  - $\text{Exp} * \text{cte}(110) \rightarrow (\text{Exp} \ll 2) + (\text{Exp} \ll 1)$
  - $\text{Exp} * 0 \rightarrow \{ \text{llamar a las funciones de Exp} \} ; 0$
  - Etc.

## Eliminación de subexpresiones redundantes.

- Las subexpresiones que aparecen más de una vez se calculan una sola vez y se reutiliza el resultado.
- Idea: Detectar las subexpresiones iguales y que las compartan diversas ramas del árbol. Problema: Hay que trabajar con un **grafo acíclico**.
- Dos expresiones pueden ser equivalentes y no escribirse de la misma forma  $A+B$  es equivalente a  $B+A$ . Para comparar dos expresiones se utiliza la **forma normal**
  - Se ordenan los operandos: Primero las constantes, después variables ordenadas alfabéticamente, las variables indexadas y las subexpresiones. Ejemplo
$$X=C+3+A+5 \rightarrow X=3+5+A+C$$
$$Y=2+A+4+C \rightarrow Y=2+4+A+C$$
  - divisiones y restas se ponen como sumas y productos para poder conmutar
    - $A-B \rightarrow A+(-B)$
    - $A/B \rightarrow A*(1/B)$

## Implementación

- Primero se aplica el folding y la propagación de constantes (“simplificar las expresiones”)
- Después se reordena el árbol sintáctico hasta obtener la forma normal.
- Se inicia la eliminación de las subexpresiones redundantes.
- Hay que considerar las asignaciones que pueden convertir una subexpresion redundante en no redundante. Ejemplo:

$Q=A+B$   
 $A=Q^2+2$   
 $C[1]=\underline{A+B}+P$   
—

$\swarrow$   
 $\searrow$

$A+B$  no es  
redundante por la  
asignación

- Sustituir todas las variables asignadas por la expresión que se les ha asignado
  - Generar un orden de ejecución
  - Sustituir siguiendo este orden de ejecución

## **Implementación**

- Comparar los subárboles desde las ramas hacia la raíz y sustituir los subárboles repetidos.
- Recorrer el grafo acíclico generado y sustituir la primera aparición de cada rama que sea hijo de dos o más nodos por una asignación a una variable local y las otras ramas por la variable local.



## **Optimizaciones Dentro de Bucles**

- La optimización de bucles es muy importante por las mejoras en tiempo de ejecución que se obtienen
- Estrategias de optimización dentro de bucles
  - Expansión de bucles (loop unrolling)
  - Reducción de frecuencia (frequency reduction)
  - Reducción de potencia (strength reduction)

## Expansión de bucles(loop unrolling)

- La expansión de bucles solo se puede aplicar a los bucles cuyo número de iteraciones se conoce en tiempo de compilación. Ejemplo:
  - Se puede aplicar a los bucles  
for i=1 to 10 do ...
  - No se puede aplicar a los bucles  
for i=a to b do ...
- La expansión de un bucle puede ser muy costosa en espacio. Hay que poner un criterio heurístico para decidir si se aplica la expansión.
  - Se puede aplicar una expansión parcial en la que sigue existiendo el bucle, pero cada iteración del nuevo bucle corresponde a varias iteraciones del bucle original.
- En un bucle expandido se ha de sustituir el índice del bucle por el valor constante correspondiente

## Reducción de frecuencia. (frequency reduction)

- La reducción de frecuencia detecta las operaciones invariantes de bucle y las calcula una única vez delante del bucle. Ejemplo:

```
for i=1 to n do c=i*sin(a);
```

- $\sin(a)$  es una operación invariante del bucle que puede pasar de calcularse  $n$  veces a una con la siguiente transformación

```
tmp=sin(a);
```

```
for i=1 to n do c=i*tmp;
```

- Esta transformación no tiene en cuenta que el bucle igual no se ejecuta ninguna vez y esto supondría perder tiempo de ejecución calculando la invariante de bucle innecesariamente. Además el calculo de la invariante puede producir un error de ejecución. Por ejemplo una división por cero.

## Reducción de frecuencia. (frequency reduction)

- Las invariantes de bucle sólo pueden estar formadas por operaciones que son funciones puras
  - Su único efecto es el cálculo del resultado
  - El resultado solo depende de los operandos.
- Ejemplo:
  - Invariantes: +, -, \*, / , sin, ln
  - No invariantes: printf, getchar, ++, random
- Consideración práctica
  - Sólo pueden ser invariantes operaciones primitivas del lenguaje (son aquellas que implementa directamente el compilador). Ejemplo: operaciones aritméticas, comparaciones, etc.
  - Algunos compiladores permiten indicar que una función es pura para que pueda formar parte de invariantes

## Implementación de la Reducción de Frecuencia

- Pasos
  - Detectar todas las variables que se modifican en el bucle.
  - Marcar todas las operaciones no invariantes
  - Aplicar la siguiente regla recursiva para detectar las operaciones invariantes
    - Una operación es invariante si sus operandos son invariantes.
  - Asociar a cada expresión invariante una variable temporal.
  - Sustituir en el bucle las operaciones invariantes por las correspondientes variables.
  - Añadir delante del bucle la asignación de la expresión invariante a su variable temporal.
- Problema del método anterior
  - Cuando no se entra en el bucle se calculan sus operaciones invariantes. La solución es evaluar antes la condición de salida del bucle.

## Patrones de transformación que utiliza la reducción de frecuencia

- *while (cond) instrucción*  
    *if (cond) {*  
        *cálculo de invariantes;*  
        *do instrucción while (cond);*  
    *}*
- *do instrucción while (cond);*  
    *cálculo de invariantes;*  
    *do instrucción while (cond);*
- *for (inicialización; condición; incremento) instrucción*  
    *inicialización;*  
    *if (cond) {*  
        *cálculo de invariantes;*  
        *do instrucción; incremento; while (cond);*  
    *}*

## Reducción de potencia(strength reduction)

- Reducción de potencia aplicada a bucles
  - Sustituir productos entre variables inductivas e invariantes de bucle por sumas  
for(i=1; i<10;++i) a[i]=3\*i;  
convertir en  
for(i=1,j=3;i<10;++i,j+=3) a[i]=j;
- Problemas a resolver
  - Detectar las invariantes de bucle
    - Ya esta solucionado
  - Detectar las variables inductivas

## Variables Inductivas

- Una variable  $V$  es inductiva cuando la única forma en que se modifica su código es  $V=V+K$ , donde  $K$  es una invariante de bucle.
- Se considerará la necesidad de generar una variable inductiva temporal  $T$  a partir de encontrar expresiones de la forma  $V*C$ , donde  $C$  es una invariante de bucle.
  - Se sustituirá  $V*C$  por  $T$
  - Se inicializa  $T$  después de la inicialización de  $V$  como  $T=V*C$  (solo se ejecuta al entrar en el bucle)
  - Al final de cada iteración se añade  $T=T+C*K$



# Optimización Global

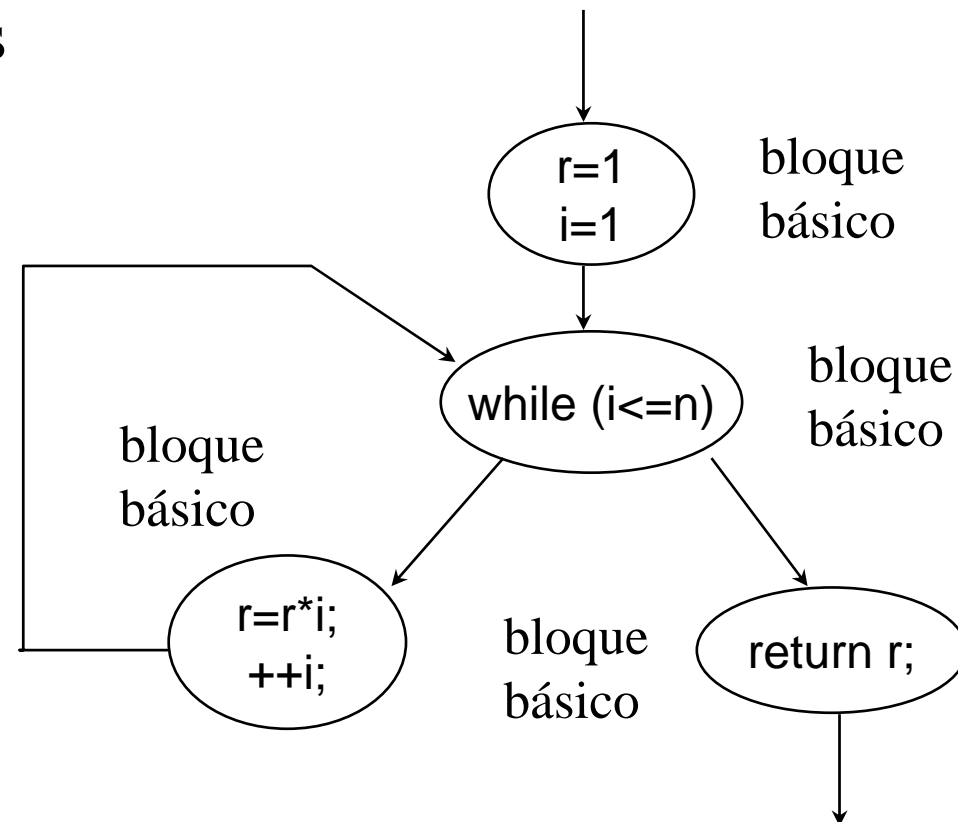
- Grafo del flujo de ejecución
  - Antes de realizar una optimización global es necesario crear el grafo de flujo de ejecución.
  - El grafo de flujo de ejecución representa todos los caminos posibles de ejecución del programa.
  - La información contenida en el grafo es útil para
    - el programador y
    - el optimizador
- La optimización global a partir del análisis del grafo del flujo de ejecución permite
  - Una propagación de constantes fuera del bloque básico.
  - Eliminación del código no utilizado
  - Una mejor asignación de los registros.
  - Etc.
- Problema: la optimización global es muy costosa en tiempo de compilación

## Construcción del Grafo del Flujo de Ejecución

- Tipos de grafo
  - Orientado a procedimiento/función
  - Grafo de llamadas

- Ejemplo

```
int fact(int n) {  
    int r;  
    r=1;  
    i=1;  
    while (i<=n) {  
        r=r*i;  
        ++i;  
    }  
    return r;  
}
```



## Construcción del Grafo del Flujo de Ejecución

- Pasos
  - Dividir el programa en bloques básicos
    - Se representa el programa en un código intermedio donde queden explícitamente representados los saltos condicionales e incondicionales.
    - Un bloque básico será cualquier trozo de código que no contenga saltos ni etiquetas en su interior (es posible tener etiquetas al inicio del bloque y saltos al final).
  - En el grafo, los vértices representan los bloques básicos y las aristas representan los saltos de un bloque básico a otro.

## **Detección de Código no Utilizado (Código Muerto)**

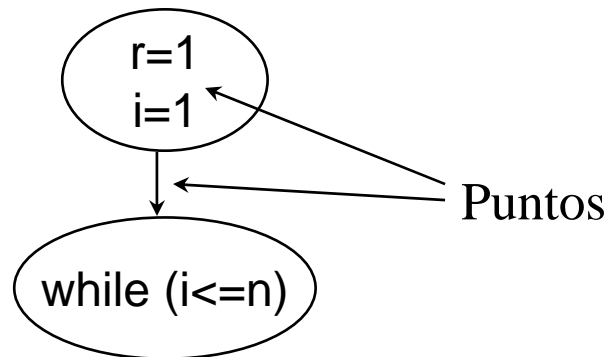
- Código muerto: es código que nunca se ejecutará.
- Detección de código no utilizado
  - El código no utilizado son los bloques básicos donde no llega ninguna arista.
  - Se quita el bloque y las aristas que salen de él.
  - Repetir hasta no eliminar ningún bloque básico.

## **Análisis del Grafo del Flujo de Ejecución**

- Hay que considerar como la información sobre las variables y expresiones se propaga a través del grafo.
- Esta información la representaremos en forma de conjuntos como los siguientes:
  - expresiones disponibles
  - Alcance de las definiciones
  - variables vivas
  - expresiones muy utilizadas

## Análisis del Grafo del Flujo de Ejecución

- Los conjuntos se calculan para los puntos del grafo de flujo de ejecución.
- Un punto es una posición dentro del grafo y se encuentra entre instrucciones o bloques básicos.



## Expresiones Disponibles (Available expressions)

- El problema de las expresiones disponibles consiste en determinar que expresiones están disponibles al inicio de cada bloque básico.
- Una expresión esta disponible en un punto si el resultado que se obtuvo cuando se calculo aún es el mismo que si se vuelve a calcular en el punto en que estamos.
- Ejemplo:
  - $k=b+c;$
  - $r=d*e$
  - $b=5;$
  - En este punto  $d*e$  es una expresión disponible y  $b+c$  no lo es porque se ha modificado  $b$ .

## Expresiones Disponibles (Available expressions)

- Conjuntos considerados
  - Para cada bloque básico se definen 4 conjuntos
    - AE\_TOP(BB): la expresión está disponible en el punto que precede a BB
    - AE\_KILL(BB): la expresión ya no será válida después de la ejecución de BB por que se ha modificado algún operando.
    - AE\_GEN(BB): Se ha evaluado la expresión en BB sin que se modifiquen sus operandos.
    - AE\_BOT(BB): La expresión está disponible justo después de la ejecución de BB
  - Ecuación para las expresiones disponibles

$$AE\_BOT(BB) = (AE\_TOP(BB) - AE\_KILL(BB)) \cup AE\_GEN(BB)$$

$$AE\_TOP(BB) = \bigcap_{p \text{ precedente de } BB} AE\_BOT(P)$$



## **Expresiones Disponibles (Available expressions)**

- Uso de las expresiones disponibles
  - Evitar recalcular la misma expresión (eliminación de subexpresiones redundantes)
    - Se ha calculado una expresión y tenemos guardado el resultado.
    - Si más adelante hay que repetir el cálculo no será necesario hacerlo si es una expresión disponible.

## Alcance de las Definiciones (reaching definitions)

- El valor de una variable se define cuando se le asigna un valor.
- Este valor definido se pierde cuando se realiza una nueva asignación.
- El problema del alcance de las definiciones es el mismo que el problema de las expresiones disponibles, pero en el caso de las variables.
- Ecuaciones:

$$RD\_BOT(BB) = (RD\_TOP(BB) - RD\_KILL(BB)) \cup RD\_GEN(BB)$$

$$RD\_TOP(BB) = \bigcup_{p \text{ precedente de } BB} RD\_BOT(P)$$

## Alcance de las Definiciones (reaching definitions)

- Usos del alcance de las definiciones
  - Reutilización de copias en registros
    - Asignamos un valor a una variable. Este se encuentra en un registro del procesador.
    - Si más adelante necesitamos el valor de la variable podemos evitar acceder a memoria y reutilizar el valor que hay en el registro si pertenece al conjunto de las definiciones.
  - Detectar el uso de variables no inicializadas
    - Se produce cuando intentamos leer el valor de una variable no definida.
  - Propagación de constantes
    - Hay que ver que una variable está definida con una constante y se podrá sustituir por esta cuanto se quiera leer

## Variables Vivas (live variables)

- Una variable esta viva en un punto p cuando su valor es requerido más adelante en un camino de ejecución que pasa por p.
- Un camino requiere el valor de una variable cuando hay una lectura de la variable antes de una asignación
- Ecuaciones

$$LV\_TOP(BB) = (LV\_BOT(BB) - LV\_DEF(BB)) \cup LV\_USE(BB)$$

$$LV\_BOT(BB) = \bigcup_{s \text{ sucesor de } BB} LV\_TOP(S)$$

## **Variables Vivas (live variables)**

- Usos
  - delimitar exactamente en que partes del código es necesaria una variable.
  - Eliminación de variable muertas y asignaciones innecesarias.

## Expresiones muy Utilizadas (Very Busy Expression)

- Una expresión es muy utilizada en un punto p cuando el valor de la expresión se requiere antes que el valor de cualquiera de sus términos a lo largo de cualquier camino que empieza en p.
- Ecuaciones

$$\text{VBE\_TOP}(\text{BB}) = (\text{VBE\_BOT}(\text{BB}) - \text{BVE\_DEF}(\text{BB})) \cup \text{BVE\_USE}(\text{BB})$$

$$\text{VBE\_BOT}(\text{BB}) = \bigcap_{s \text{ sucesor de BB}} \text{VBE\_TOP}(s)$$

# Algoritmos de Análisis del Flujo de Ejecución

- Tipos
  - Algoritmos basados en la estructura de los bucles
    - Son rápidos
    - Hay que reducir el grafo a bucles sin saltos que entren en medio del bucle. Los programas estructurados son reducibles.
  - Algoritmos iterativos
    - Son lentos pero genéricos
    - Tipos:
      - lista de trabajos
      - round robin

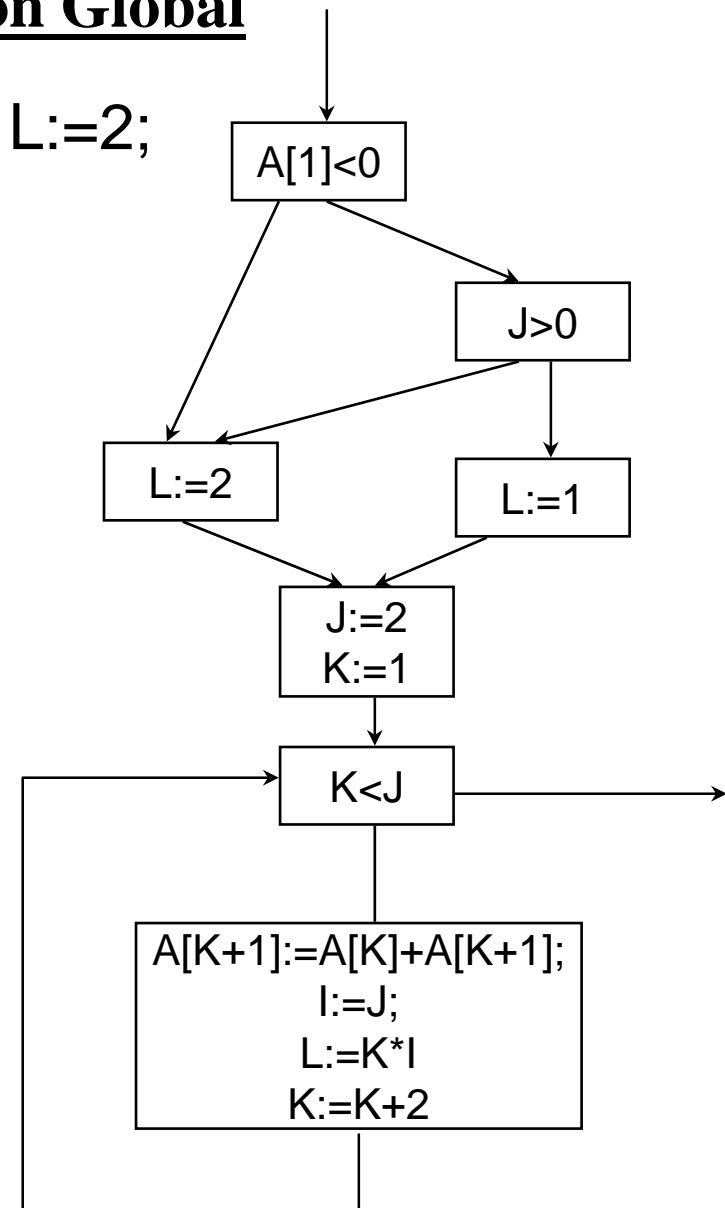
## Aplicaciones a la Optimización de Programas

- expresiones disponibles (al seguir la ejecución sigue siendo válido el resultado obtenido)
  - Eliminar expresiones redundantes
- Alcance de las definiciones
  - Reutilizar las copias en registro de los valores de las variables.
  - Propagación de constantes
  - Reducción de frecuencia
- variables vivas
  - Reutilizar el espacio de variables.
  - Eliminar variables innecesarias
- expresiones muy utilizadas
  - optimizar la asignación de registros

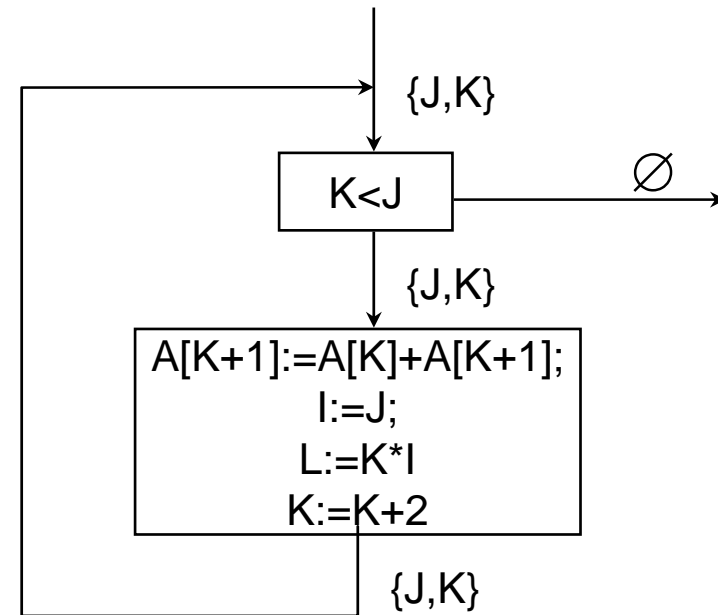
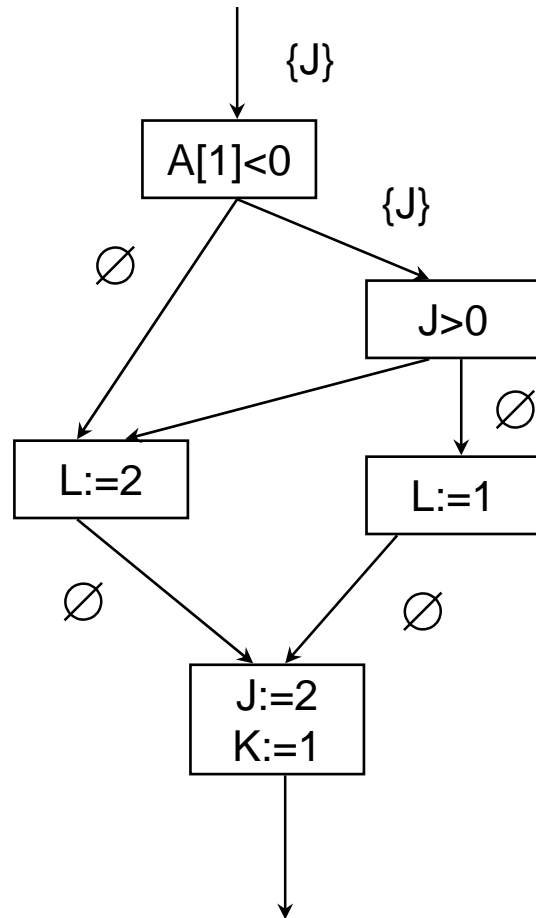


## Ejemplo: Optimización Global

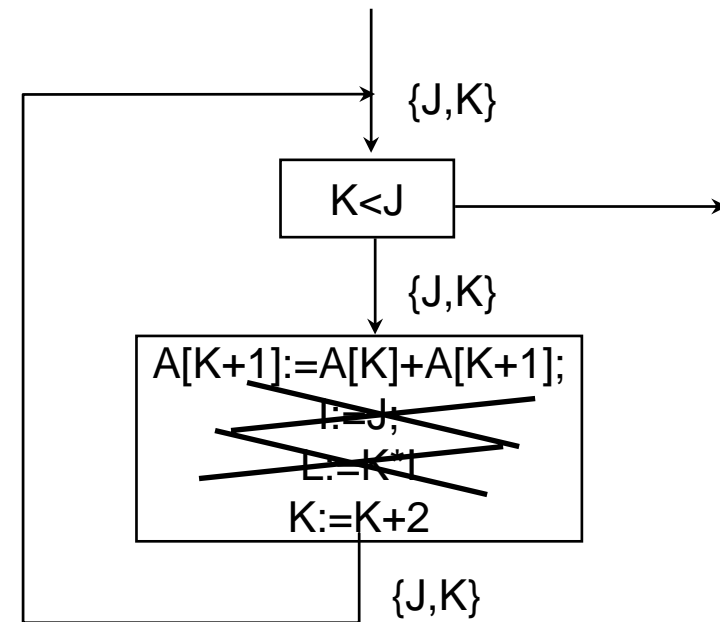
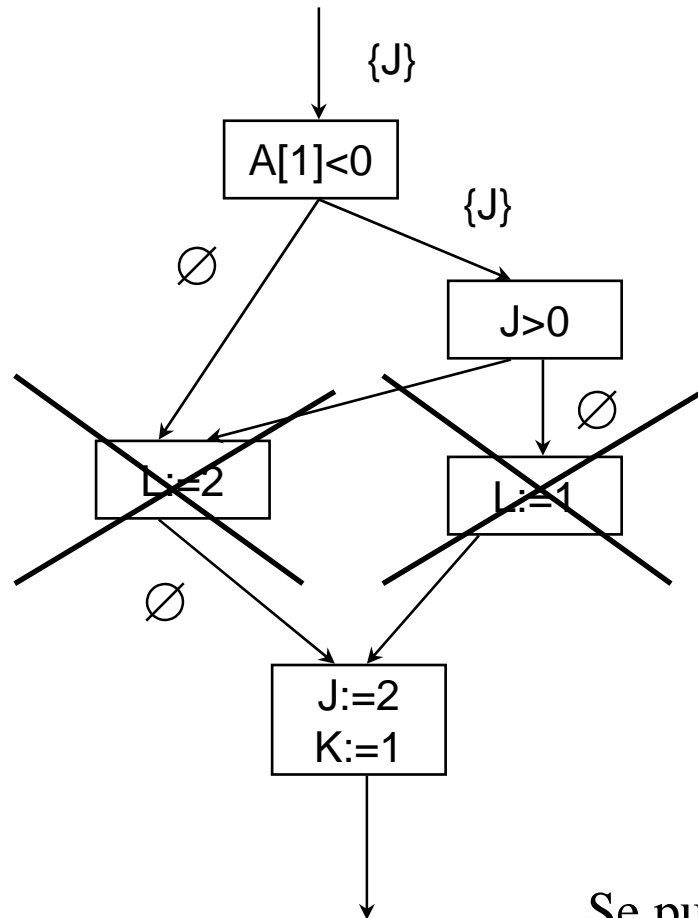
```
IF A[1]<0 & J>0 THEN L:=1 ELSE L:=2;  
J:=2;  
FOR K:=1 STEP 2 UNTIL J DO  
BEGIN  
  A[K+1]:=A[K]+A[K+1];  
  I:=J;  
  L:=K*I;  
END
```



## Ejemplo de Optimización Global: Variables Vivas



## Ejemplo de Optimización Global: Eliminación de Variables Innecesarias

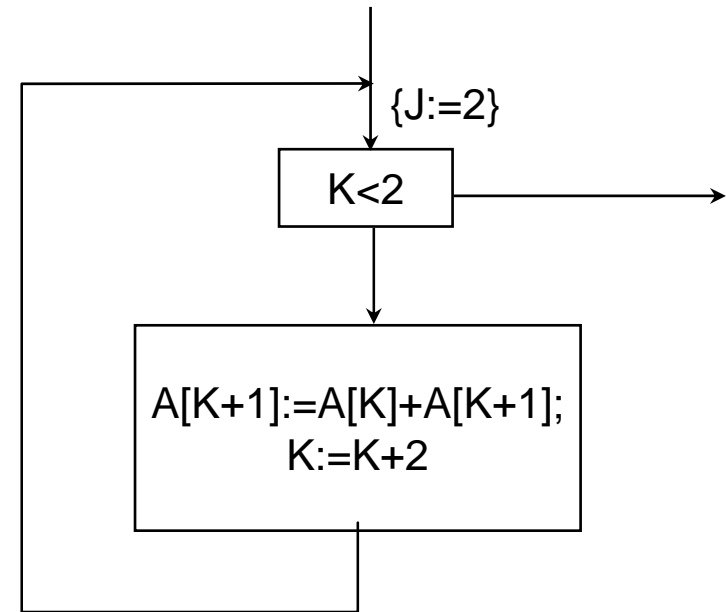
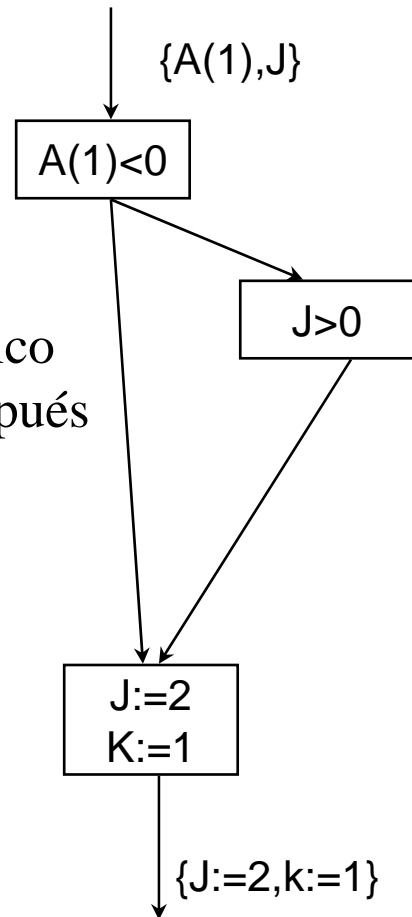


Se puede eliminar L e I  
Las  $A[K], A[K+1]$  no se eliminan pues no se han  
podido considerar en el cálculo de variables vivas

## Ejemplo de Optimización Global

### Propagación de Constantes

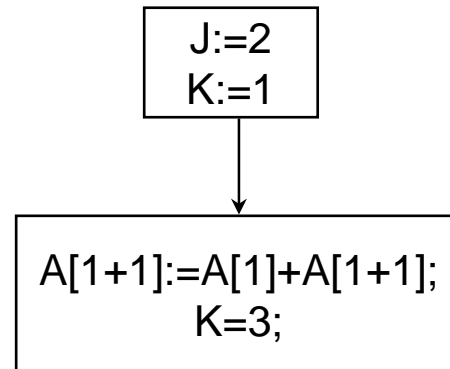
Eliminar  $J > 0$  por no utilizarse y saltar al mismo bloque básico  
Eliminar  $A[1] < 0$  después de eliminar  $J > 0$



Se puede expandir el bucle

## Ejemplo de Optimización Global

### Expandir el Bucle



Eliminar J y k por que no se utilizan y  
realizar los cálculos entre constantes

