

Búsqueda con adversarios

Inteligencia Artificial e Ingeniería del Conocimiento

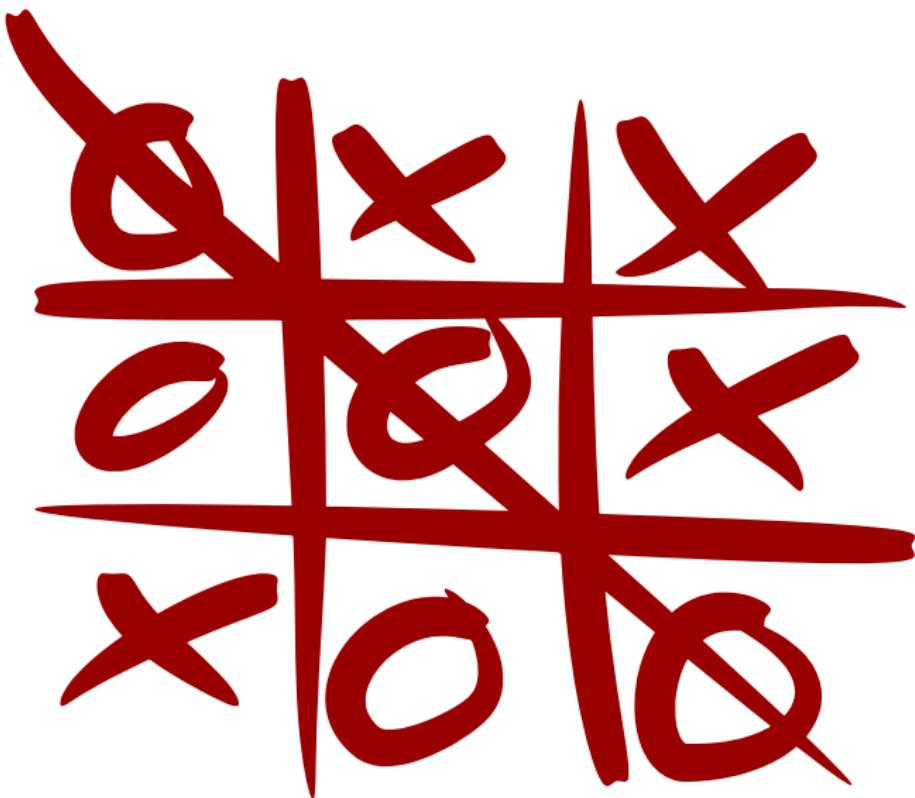
Constantino Antonio García Martínez

Universidad San Pablo Ceu

Bibliografía

- Russell, Stuart J., and Peter Norvig. Artificial intelligence: a modern approach. Pearson, 2016.

Motivación



La búsqueda con adversarios se aplica a muchos dominios:

- **Ciberseguridad:** Estrategias atacante vs. defensor
- **Finanzas:** Competiciones de trading algorítmico
- **Subastas:** Estrategias de puja contra competidores
- **Planificación militar:** Toma de decisiones estratégicas
- **Robótica:** Coordinación multi-robot con objetivos en conflicto
- **Juegos:** Damas, Go, Ajedrez, etc.

Fundamentos de Teoría de Juegos

Juegos de Dos Jugadores con Información Perfecta y Suma Cero

Nos centramos en **Juegos de Dos Jugadores con Información Perfecta y Suma Cero** (Two-Player Perfect Information Zero-Sum Games):

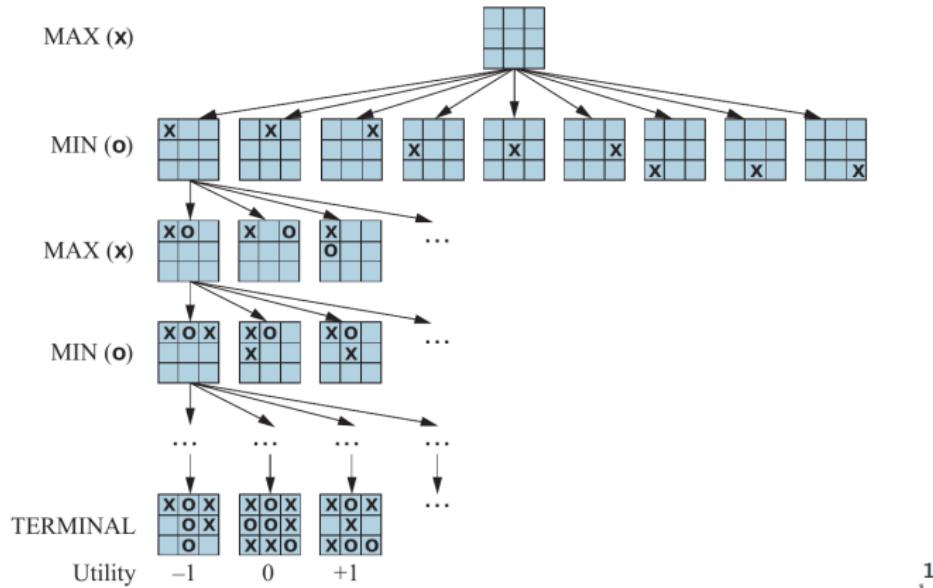
- **Información perfecta:** Todo el estado del juego visible para ambos jugadores
- **Suma cero:** La ganancia de un jugador = pérdida del otro
- **Terminología adicional:**
 - Posición = Estado
 - Semimovimiento (ply) = Un movimiento de un jugador
- **Jugadores:** MAX y MIN

Modelado del Juego

Un juego consta de:

- **Estado inicial:** Posición de partida
- **TO-MOVE(s):** Qué jugador mueve en el estado s
- **ACTIONS(s):** Movimientos legales en el estado s
- **RESULT(s,a):** Modelo de transición
- **IS-TERMINAL(s):** Test de terminación
- **UTILITY(s,p):** Función de utilidad para el jugador p

Árbol de Juego



¹Imagen tomada de AIMA

Algoritmos Exactos

Algoritmos Exactos

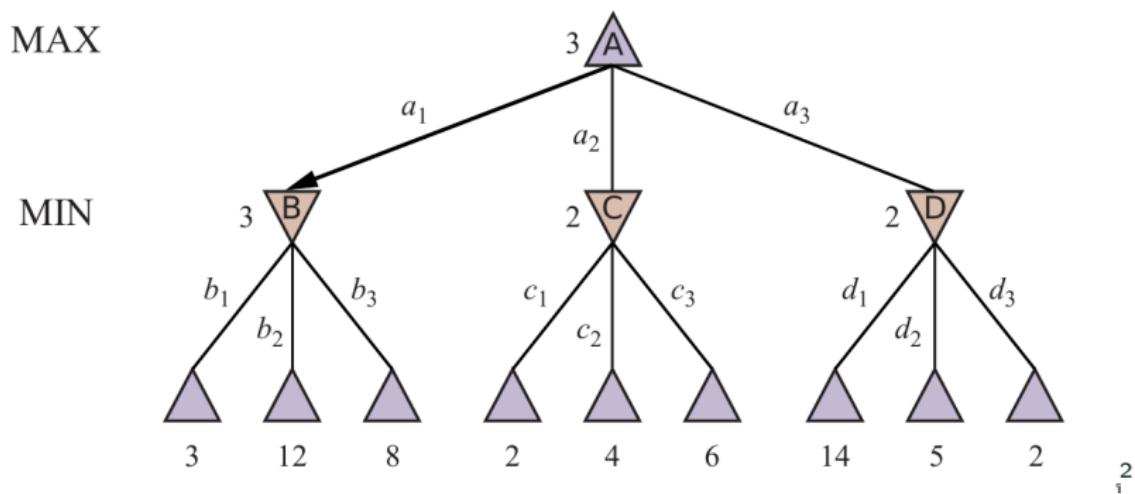
Algoritmo Minimax

Algoritmo Minimax

Idea clave del Minimax

- MAX quiere maximizar la utilidad
- MIN quiere minimizar la utilidad de MAX
- MAX necesita una **estrategia contingente** - plan condicional respondiendo a los movimientos óptimos de MIN

Árbol de juego Minimax



²Imagen tomada de AIMA

Valor Minimax

El valor minimax MINIMAX(s) es la utilidad para MAX asumiendo que ambos jugadores juegan óptimamente:

$$\text{MINIMAX}(s) = \begin{cases} \text{UTILITY}(s, \text{MAX}) & \text{si IS-TERMINAL}(s) \\ \max_a \text{MINIMAX}(\text{RESULT}(s, a)) & \text{si TO-MOVE}(s) = \text{MAX} \\ \min_a \text{MINIMAX}(\text{RESULT}(s, a)) & \text{si TO-MOVE}(s) = \text{MIN} \end{cases}$$

Algoritmo Minimax

Code Example: Algoritmo Minimax

Propiedades del Algoritmo Minimax

- **Completo:** Sí (árbol finito)
- **Óptimo:** Sí (contra oponente óptimo)
- **Complejidad temporal:** $O(b^m)$
- **Complejidad espacial:** $O(bm)$ (primero en profundidad)

Donde:

- b = factor de ramificación
- m = profundidad máxima

Algoritmos Exactos

Poda Alfa-Beta

Poda Alfa-Beta (Alpha-Beta Pruning)

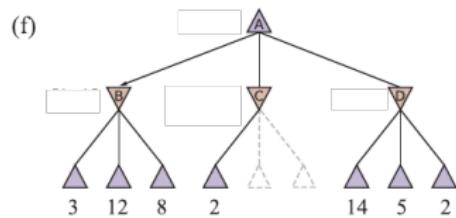
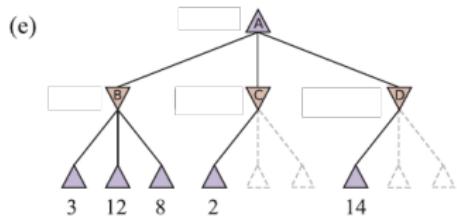
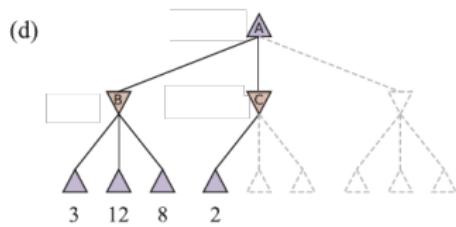
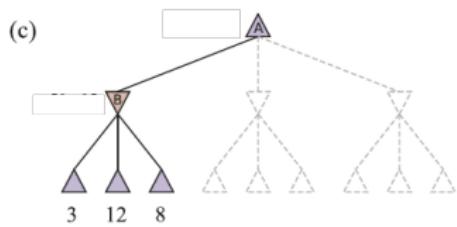
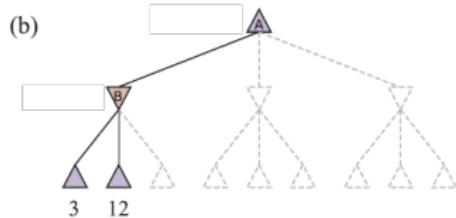
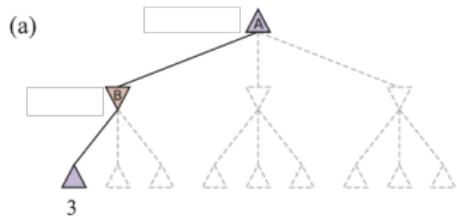
Example: Intuición Alfa-Beta

- **Vendedor (MAX):** No aceptará menos de 10€
- **Comprador (MIN):** No pagará más de 5€
- **Resultado:** ¡La negociación no tiene sentido!
- **Poda:** No necesitamos explorar las ofertas de este comprador

Algoritmo Alfa-Beta

- **Idea clave:** Eliminar ramas que no pueden afectar la decisión final
- **Alfa (α):** Mejor valor para MAX encontrado hasta ahora (“al menos”)
- **Beta (β):** Mejor valor para MIN encontrado hasta ahora (“como máximo”)
- **Condición de poda:** Si $\alpha \geq \beta$, podar ramas restantes

Algoritmo Alfa-Beta



3

³Imagen tomada de AIMa

Algoritmo Alfa-Beta

Code Example: Algoritmo Alpha-Beta

Optimizaciones e Implementaciones

Efectividad de Alfa-Beta

La ordenación de movimientos es fundamental para la efectividad. Si la ordenación pudiera hacerse perfectamente...

- Mejor caso: $O(b^{m/2})$ en lugar de $O(b^m)$
- Factor de ramificación efectivo: \sqrt{b} en lugar de b
- Para ajedrez: ~ 6 en lugar de ~ 35

Heurísticas de Ordenación de Movimientos:

- **Movimientos asesinos (Killer moves):** Recordar uno o dos movimientos previos que hayan causado una poda- β a la misma profundidad
- **Heurística de historia:** Generalización. Tabla de movimientos con podas- β en cualquier momento anterior.
- **Específico de ajedrez:** Capturas > jaques > amenazas > movimientos tranquilos

Tablas de Transposición

- **Problema:** Mismas posiciones alcanzadas por diferentes secuencias de movimientos (transposiciones)
- **Solución:** Cachear valores heurísticos de posiciones en tabla hash
- **Beneficio:** Puede duplicar la profundidad de búsqueda alcanzable
- Especialmente efectivo en ajedrez

Ejemplo de Transposición

1. e4 e5, 2. Kf3 Kc6

vs.

1. Kf3 Kc6, 2. e4 e5

¡Misma posición, diferente orden de movimientos!

Reducción por Simetría:

- Muchas posiciones equivalentes bajo rotaciones/reflexiones
- Tres en raya: 8 versiones simétricas de cada posición

Bases de Datos de Aperturas y Finales:

- **Libros de aperturas:** Mejores movimientos pre-calculados para aperturas comunes
- **Tablas de finales:** Juego perfecto con ≤ 7 piezas
- ¿Por qué buscar miles de millones de nodos para jugar 1.e4 o 1.d4?

Juegos Complejos

Estrategias de Shannon

Incluso con poda alfa-beta y ordenación inteligente de movimientos, minimax no funciona para juegos como el ajedrez y Go...

Ejemplo de complejidad del ajedrez

- Factor de ramificación medio: $b \approx 35$
- Longitud media del juego: ~ 40 movimientos por jugador ($m = 80$)
- Posiciones totales: $35^{80} \approx 10^{123}$
- A mil millones de posiciones/seg: 10^{114} segundos $\approx 10^{106}$ años!

En 1950, Claude Shannon propuso dos estrategias:

Estrategia Tipo A: Considerar todos los movimientos hasta profundidad fija, usar función de evaluación

Estrategia Tipo B: Ignorar movimientos malos, seguir líneas prometedoras profundamente

Históricamente: Programas de ajedrez → Tipo A, programas de Go → Tipo B

Actualmente: ¡Ambas se usan simultáneamente!

Juegos Complejos

Estrategia Tipo A: Funciones de Evaluación

Búsqueda Heurística en Árbol Alfa-Beta

Minimax modificado con corte:

$$H\text{-MINIMAX}(s, d) = \begin{cases} EVAL(s, MAX) & \text{si IS-CUTOFF}(s, d) \\ \max_a H\text{-MINIMAX}(\text{RESULT}(s, a), d + 1) & \text{si TO-MOVE}(s) = MAX \\ \min_a H\text{-MINIMAX}(\text{RESULT}(s, a), d + 1) & \text{si TO-MOVE}(s) = MIN \end{cases}$$

Requisitos de la Función de Evaluación:

- **EVAL(s,p)**: Estimación heurística de utilidad
- Debe coincidir con **UTILITY** en estados terminales
- Debería estar entre valores de pérdida y victoria
- Cálculo rápido, estimación precisa, correlación con probabilidades de ganar

Cortar la Búsqueda es Complejo (I)

Problema: Profundidad fija \Rightarrow ineficiencia.

Solución:

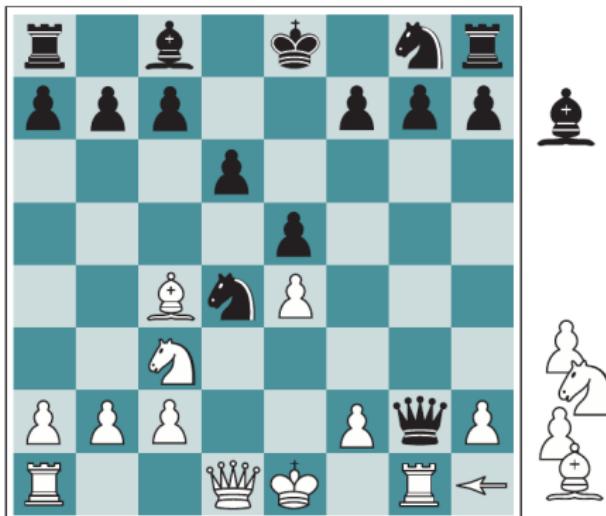
- **Iterative Deepening:**

- Buscar incrementando profundidad en cada iteración.
- Si se acaba el tiempo, devolver el movimiento de la iteración más profunda completada.

Cortar la Búsqueda es Complejo (II)

Búsqueda de Quiescencia (Quiescence Search):

- Solo evaluar posiciones **quiescentes** (estables)
- Evitar posiciones con capturas/amenazas pendientes
- Continuar búsqueda hasta que la posición se estabilice



(b) White to move

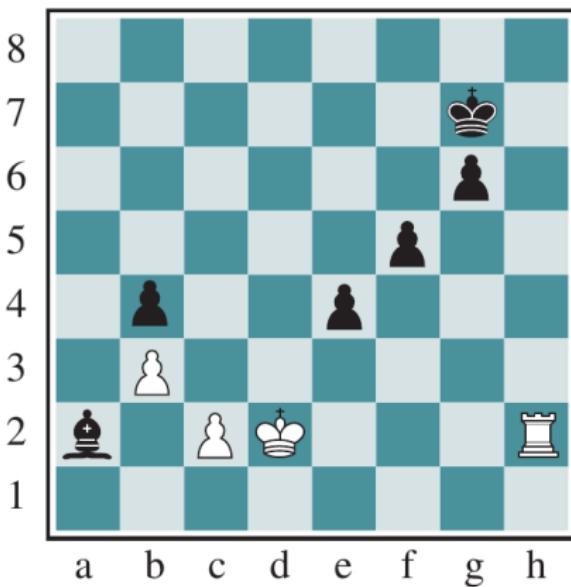
4
i

⁴Imagen tomada de AIMA

Cortar la Búsqueda es Complejo (III)

Efecto Horizonte (Horizon Effect):

- Eventos malos empujados más allá del horizonte de búsqueda
- Mitigación: **Extensiones singulares** para movimientos claramente mejores



Mueven las negras⁵

⁵Imagen tomada de AIMA

Juegos Complejos

Estrategias Tipo B

Poda hacia Adelante (Forward Pruning)

Objetivo: Podar movimientos que parecen pobres (estrategia Tipo B)

- **Búsqueda en haz (Beam search):** Mantener solo los mejores k movimientos
- **ProbCut:** Usar estadísticas para podar con seguridad
- **Reducción de movimientos tardíos:** Profundidad reducida para movimientos posteriores
- **Riesgo:** Podría podar el mejor movimiento

Innovación Clave: Usar simulaciones aleatorias en lugar de funciones de evaluación

Idea Básica:

- Estimar valor del estado mediante **simulación** (partidas hasta el final)
- Promediar utilidad sobre muchos juegos aleatorios
- Enfocar recursos computacionales en partes prometedoras del árbol

¿Por qué MCTS?

- Maneja factores de ramificación altos (Go: 250 movimientos posibles)

Enfoques Modernos

Dos decisiones fundamentales:

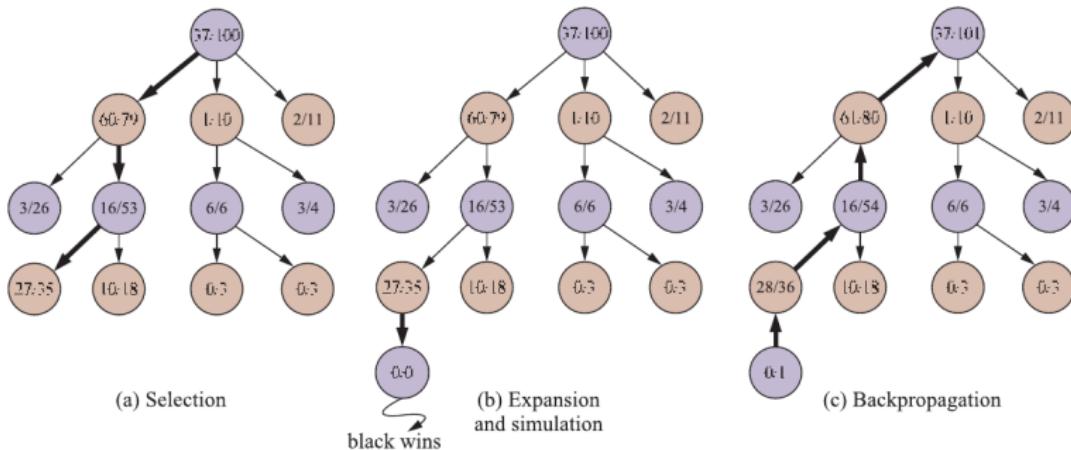
1. Política de Simulación (Playout Policy):

- ¿Cómo elegimos movimientos durante las simulaciones?
- Simulación aleatoria pura → “¿mejor movimiento si ambos juegan al azar?”
- Necesitamos sesgar hacia movimientos buenos para obtener información útil
- Opciones: heurísticas del dominio, redes neuronales entrenadas

2. Política de Selección (Selection Policy):

- ¿Desde qué posiciones iniciamos las simulaciones?
- ¿Cuántas simulaciones asignamos a cada posición?
- Debe equilibrar:
 - **Exploración:** estados con pocas simulaciones
 - **Explotación:** estados con buenos resultados previos

Monte Carlo Tree Search (MCTS)



⁶Imagen tomada de AIMA

1. **Selección:** Navegar el árbol usando política de selección para equilibrar exploración/explotación
2. **Expansión:** Añadir un nuevo nodo hijo al árbol
3. **Simulación:** Ejecutar simulación aleatoria desde el nuevo nodo hasta estado terminal
4. **Retropropagación:** Actualizar estadísticas de todos los nodos en el camino

Integración Moderna con ML (AlphaGo/AlphaZero):

- Redes neuronales para aprender las políticas (Policy network)
- Entrenamiento por refuerzo (Reinforcement Learning): El sistema mejora jugando contra sí mismo

Terminación Temprana:

- Detener simulaciones que llevan demasiados movimientos

MCTS: Ventajas y Limitaciones

Ventajas:

- Maneja bien factores de ramificación altos
- Algoritmo anytime (mejora con más tiempo)
- Expansión asimétrica del árbol (se enfoca en variaciones importantes)

Limitaciones:

- Dificultades con estados "trampa" (un movimiento cambia el resultado)
- Puede ser lento reconociendo secuencias forzadas
- Simulaciones aleatorias pueden no reflejar juego realista

Limitaciones y Extensiones

Lo Que No Hemos Cubierto (I)

Nuestro enfoque ha sido en **Juegos de Dos Jugadores con Información Perfecta y Suma Cero**, pero existen muchas extensiones:

Juegos Estocásticos:

- Incluyen nodos de azar (dados, cartas)
- Algoritmo Expectiminimax
- Ejemplos: Backgammon, Póker

Juegos Multi-Jugador:

- Más de 2 jugadores con objetivos potencialmente diferentes
- Formación de coaliciones y equilibrios de Nash
- Ejemplos: Risk, Diplomacy

Lo Que No Hemos Cubierto (II)

Juegos de Suma No Cero:

- Las utilidades de los jugadores no suman cero
- Pueden surgir estrategias cooperativas
- Teoría de juegos y equilibrios de Nash cruciales

Juegos de Información Parcial:

- Los jugadores no pueden ver todo el estado del juego
- Estados de creencia y conjuntos de información
- Ejemplos: Póker, Batalla Naval, ajedrez Kriegspiel

Limitaciones de la Búsqueda (Pura) en Juegos

- **Vulnerabilidad a errores de evaluación:** Pequeños errores pueden propagarse
- **Computación fija:** No se adapta a la complejidad de la posición -> utilidad de una expansión de nodo
- **Sin razonamiento estratégico:** Puramente táctico, movimiento a movimiento
- **Sin aprendizaje:** No mejora con la experiencia

Direcciones Futuras:

- Metarazonamiento sobre la computación
- Planificación estratégica de alto nivel
- Integración de aprendizaje automático (AlphaGo, AlphaZero)