

Recursão

Prof. Rafael Guterres Jeffman
rafael.jeffman@gmail.com

Recursão

- É o processo de repetir itens de forma auto-similar.
- É a definição de uma função baseada nela mesma.
- É a definição de uma estrutura, baseada na própria estrutura.

Representação de Algoritmos

- Todo algoritmo pode ser representado de forma recursiva.
- Cálculo Lambda
- Linguagens Funcionais

Criando um método recursivo

- Define-se o critério de parada.
- Define-se a recursão de forma que o critério de parada seja atingido.

Fatorial

- Seja a função Fatorial, $f(x)$, a sua definição é:
 - $f(x) = 1$ para $x = 0$;
 - $f(x) = f(x - 1) * x$, para $x > 1$;

Implementação Java

```
public double fatorial (int n) {  
    if (n == 0)  
        return 1;  
    return n * fatorial (n - 1);  
}
```

Execução para $N=4$

- $(\text{fatorial}(4))$
- $(4 * (\text{fatorial}(3)))$
- $(4 * (3 * (\text{fatorial}(2))))$
- $(4 * (3 * (2 * (\text{fatorial}(1)))))$
- $(4 * (3 * (2 * (1 * (\text{fatorial}(0)))))$
- $(4 * (3 * (2 * (1 * (1)))))$
- $(4 * (3 * (2 * (1))))$
- $(4 * (3 * (2)))$
- $(4 * (6))$
- (24)

Número de Fibonacci

- Forma de calcular o n-ésimo número da série de Fibonacci.
- A função $f(x)$ para calcular esse número poder ser definida recursivamente como:
 - $f(x) = 0$, para $x = 0$;
 - $f(x) = 1$, para $x = 1$;
 - $f(x) = f(x-1) + f(x-2)$, para $x > 1$.

Implementação em Java

```
public double fibonacci (int n) {  
    if (n == 0) return 0;  
  
    if (n == 1) return 1;  
  
    return fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);  
}
```

Execução para $N=5$

- $f(5)$
- $f(4) + f(3)$
- $f(3) + f(2) + f(2) + f(1)$
- $f(2) + f(1) + f(1) + f(0) + f(1) + f(0) + f(1)$
- $f(1) + f(0) + f(1) + f(1) + f(0) + f(1) + f(0) + f(1)$

Custo da Recursão

- Em linguagens imperativas, não existe otimização do processo de recursão, sendo necessária a repetição de diversas chamadas a mesma função com os mesmos parâmetros.
- Apesar da forma sucinta de descrição do algoritmo, a execução não é “sucinta”.
- Existem versões iterativas dos algoritmos recursivos, no entanto, essas não são tão “elegantes”.

Fatorial Iterativo

```
public double fatorial (int n) {  
  
    double fat = 1;  
  
    for (int i = 2; i < n; ++i)  
  
        fat *= i;  
  
    return fat;  
  
}
```

Implementação em Java

```
public double fibonacci (int n) {  
    double f1 = 0, f2 = 1, fibo = 0;  
    for (int x = 1; x <= n; ++x) {  
        fibo = f1 + f2;  
        f2 = f1;  
        f1 = fibo;  
    }  
    return fibo;  
}
```

Exercício

- Verifique a diferença de tempo de execução dos algoritmos recursivos e iterativos para os seguintes valores de “n”:

5 10 20 30 40 50 51 52 53 54 55 75

- Para esse exercício você vai precisar utilizar o método “System.currentTimeMillis()”