Universidad de Costa Rica Sede de Occidente Sección de Matemática **Profesores:**

I Ciclo, 2024 Fecha de entrega: Lunes 27 de mayo MA-0323 Métodos Numéricos

Jéssica Jiménez Moscoso Adrián Moya Fernández.

Tarea 1

La presente tarea debe ser entregada en subgrupos de 3, en la plataforma Mediación Virtual, cada estudiante o grupo debe hacer entrega del archivo de Python (Todas las preguntas deben ser resueltas en el lenguaje de programación Python y no se aceptarán en otros programas o combinaciones de estos.) donde se resolvieron las preguntas, además de un informe en pdf respondiendo cada una de las preguntas. Si al momento de la entrega faltan el informe o los archivos fuente de la programación, la tarea tendrá nota 0.

10 puntos cada pregunta

1. La fórmula de Stirling, aproxima n! de la siguiente manera:

$$n! \approx n^n \cdot e^{-n} \cdot \sqrt{2\pi \cdot n}$$

- a) Escriba un algoritmo para aproximar los valores de n! con la fórmula de Stirling.
- b) Utilice el algoritmo de la parte **a.** para aproximar n! con n=0,1,...,25. Organice los resultados de la forma:

1	n	n! Aproximación de Stirling		Error Absoluto	Error Relativo	

- c) Analice los resultados
- 2. Escriba un algoritmo que determine las matrices de tamaño $n \times n$:
 - P: matriz de permutación
 - L: triangular inferior
 - U: triangular superior

Al ingresar una matriz A, de manera que

$$P \cdot A = L \cdot U$$

Aplique dicho algoritmo a la matriz

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 4 & 1 & -1 \\ -1 & 3 & -2 & -1 & 2 \\ 5 & 1 & 3 & -4 & 1 \\ 3 & -2 & -2 & -2 & 3 \\ -4 & -1 & -5 & 3 & -4 \end{pmatrix}.$$

3. En el año 1225 Leonardo de Pisa estudió la ecuación

$$x^3 + 2x^2 + 10x - 20 = 0$$

y obtuvo x=1,368808107. Nadie sabe con que método logró obtener ese valor, pero es una buena aproximación de la solución teniendo en cuenta que tiene 9 digitos decimales exactos.

Aplique el método de Bisección para obtener este resultado usando el intervalo [-10, 10]. Observación: Los resultados deben ser mostrados de la siguiente manera

Número de iteración	a	b	p_n	$f(p_n)$	Calculo del error

