Solvabilité Basée sur les Risques (SBR), Application de calcul des Provisions Prudentielles et du Capital de Solvabilité Requis en assurance vie et non-vie

Auteur : DIAKITÉ Abdoul Oudouss et ETTADLAOUI Othmane Encadrants : Mme. AKDIM Khadija et Mr. BELFADLI Rachid

Filière : Ingénieur en Finance et Actuariat Faculté des Sciences et Techniques Université Cadi Ayyad

18 juin 2023

- Introduction
- Contextualisation
- Pilier I : Exigences quantitaives
- Construction de la Courbe zéro-coupon
- 5 Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
- Marge de risque
- 9 Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- 10 Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

- Introduction
- Contextualisation
- Pilier I : Exigences quantitaives
- Construction de la Courbe zéro-coupon
- 5 Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
- Marge de risque
- Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

Introduction

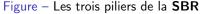
Le risque est au centre de toutes les opérations d'assurance. Sa prévention nécessite une mobilisation de moyens techniques particuliers en fonction de leur gravité en cas de survenance. Par ailleurs, dans chaque pays, une autorité est chargée de la réglementation du secteur d'assurance afin d'harmoniser les méthodologies de quantification liées à la couverture de ces risques.

Introduction

l'Autorité de Contrôle des Assurances et de la Prévoyance Sociale (ACAPS) a publié une nouvelle réforme de la Solvabilité Basée sur les Risques (SBR) qui repose sur trois piliers :

- Pilier 1 : exigence quantitatives,
- Pilier 2 : exigence qualitatives,
- Pilier 3 : obligations de reporting.

Introduction





- Introduction
- 2 Contextualisation
- Pilier I : Exigences quantitaives
- 4 Construction de la Courbe zéro-coupon
- 5 Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
- Marge de risque
- Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- 10 Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

Contexte

La Solvabilité Basée sur les Risques (SBR) est une réforme en cours d'élaboration qui est inspirée de la directive européenne Solvabilité II.

Notre projet vient dans ce contexte pour :

- Anticiper l'élaboration d'un outil de calcul de Capital de Solvabilité Requis,
- Faciliter la transition vers la nouvelle norme SBR,
- Automatiser le processus de calcul des exigences quantitatives.

- Introduction
- Contextualisation
- Pilier I : Exigences quantitaives
- Construction de la Courbe zéro-coupon
- 5 Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
 - Marge de risque
- 9 Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- 10 Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

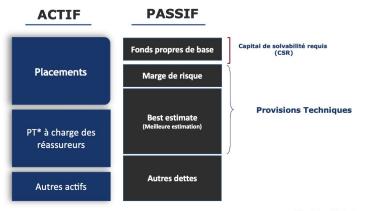
Exigences quantitaives : Bilan prudentiel

Bilan Prudentiel:

- Basé sur une valorisation économique.
- Évaluation en valeur de marché des actifs
- évaluation du Best Estimate des Provisions Techniques brutes et cédées et d'une marge de risque explicite

Dispostion du bilan

Bilan



*Provisions Techniques

Exigences quantitaives : Fonds propres

Fonds propres:

- Catégorie 1 : Capital social, Primes d'émission etc.
- Catégorie 2 : Capitaux appelés non versés, Réserve de réconciliation (si positive), etc.

Exigences quantitaives : Exigence de capital

Note

La seule exigence de capital de la norme SBR est le Capital de Solvabilité Requis (CSR). Une section entière est dédiée à cette dernière dans la suite de cette présentation.

- Introduction
- Contextualisation
- Pilier I: Exigences quantitaives
- Construction de la Courbe zéro-coupon
- 5 Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
- Marge de risque
- Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- 10 Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

Étape 1 : Transformation des taux monétaires en taux actuariels

$$T_a = \left(1 + \frac{n}{365} * T_m\right)^{\frac{365}{n}} - 1,$$

- T_a: Le taux actuariel
- T_m : Le taux monétaire
- n : Le nombre de jours entre la date de valeur et la date d'échéance
- $\frac{365}{n}$: La maturité

Étape 2 : Interpolation linéaire

$$t_j = t_i + \frac{t_{i+1} - t_i}{n_{i+1} - n_i} \times (j - n_i)$$

- t_j : Taux actuariels de maturité pleine j compris entre les maturités n_i et $n_{(i+1)}$
- t_i: Taux actuariels de maturités n_i

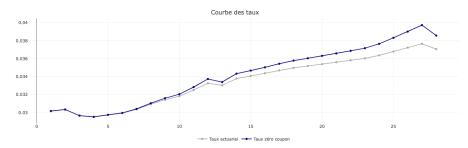
Étape 3 : Calcule des taux zéro coupons

Nous avons comme hypothèse que le prix théorique d'une obligation correspond à la somme de ses flux futures actualisés aux taux zéro-coupon de l'échéance de chaque flux

$$R_n = \sqrt[n]{rac{1 + t_n}{1 - t_n imes \sum_{i=1}^{n-1} rac{1}{(1 + R_i)^i}}} - 1$$

- P : Prix d'émission du bon de trésor
- N : Valeur Nominale du bon de trésor

Figure – Courbe des taux zéro-coupon à la date du 30-12-2022 par la méthode Boostrap



- Introduction
- Contextualisation
- Pilier I: Exigences quantitaives
- 4 Construction de la Courbe zéro-coupon
- Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

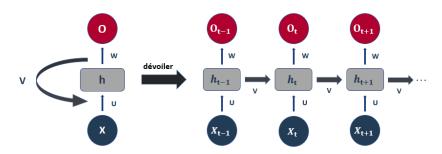
- Provisions vie, décès ou capitalisation
- Marge de risque
- Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

Valorisation de l'actif

Actif	Valorisation
Actions cotées à la bourse	Dernier cours coté
Titres OPCVM et OPCI	Dernière valeur liquidative
Titres OPCC et FPCT	Dernière valeur connue
Titres de créances négociables , obligations et bons	Valeur de marché
Immobilisations corporelles	Valeur comptable
Autres créances	Valeur comptable
Immobilisations en non-valeur	Valeur nulle
Immobilisations incorporelles	Valeur nulle
Actifs immobiliers hors OPCI	Valeur de transaction (sinon valeur comptable)
Autres actifs	Valeur d'expert (sinon valeur comptable)

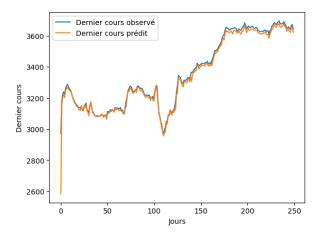
Modélisation du prix des actions (RNN)

Figure - Schéma du modèle RNN pour recurrent neural network en anglais



Modélisation du prix des actions (RNN)

Figure – Courbe de cours prédit par le modèle LSTM et de cours observé de l'indice MASI



- Introduction
- Contextualisation
- 3 Pilier I : Exigences quantitaives
- 4 Construction de la Courbe
- 5 Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
- Marge de risque
- Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- 10 Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

Provisions non-vie hors rentes

$$PT = BE_{eng} + BEFG + MR,$$

- PT : la provision technique.
- $BE_{eng} = BE_{sinistres} + BE_{primes}$: La meilleure estimation des engagements non-vie
- $BEFG = \sum_t \frac{FG}{(1+r_t)^t}$: La meilleure estimation des frais de gestion non-vie.

Meilleure estimation des engagements pour primes

$$BEP = \sum_{t>1} \frac{\overline{FRFP_t}}{(1+r_t)^t} - PFPA \quad ,$$

- PFPA :Le montant des primes futures probabilisé et actualisé,
- PFP : Le montant des primes futures probabilisé.
- FRFP_t: La somme actualisée des flux de règlements futurs probabilisés nets.

Meilleure estimation des engagements pour sinistres

Valorisation

$$BES = \sum_{t \ge 1} \frac{FRFP_t}{(1+r_t)^t}$$

 $FRFP_t$: les flux de règlements futurs probabilisés nets de recours relatifs aux sinistres survenus.

Méthode Chain Ladder

Figure – Forme d'un triangle de règlements cumulés

	Années de développement												
Survenance	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		
2012	3 504,00	17 838,65	29 762,13	37 354,13	48 113,13	54 288,92	60 990,92	64 953,92	67 075,06	67 961,14	69 073,14		
2013	4 774,24	14 225,85	24 891,85	38 451,85	45 605,98	54 219,98	57 611,98	61 752,56	62 906,74	64 306,33			
2014	3 821,92	12 489,92	28 284,92	39 782,63	46 485,63	51 429,63	53 462,05	54 797,99	55 771,01				
2015	4 074,00	19 021,00	35 729,00	50 865,00	58 417,00	62 138,27	63 510,56	64 673,57					
2016	5 070,00	19 512,00	41 560,00	51 917,00	59 168,44	66 278,59	69 647,56						
2017	3 817,00	17 940,00	27 339,00	33 666,67	37 893,96	41 649,41							
2018	7 838,00	23 756,00	34 489,85	42 665,27	51 181,77								
2019	7 690,00	29 440,55	43 027,97	56 870,69									
2020	8 935,00	27 985,56	42 675,50										
2021	4 979,97	21 154,81											
2022	5 818,64												

Étape 1 : Vérification des hypothèse

- Hypothèse Nº1 : Indépendence,
- Hypothèse Nº2 : Linéarité.

Etape 2 : Calcul des règlements cumulés futurs

	Années de développement											
Survenance	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
2012	3504	17839	29762	37354	48113	54289	60991	64954	67075	67961	69073	
2013	4774	14226	24892	38452	45606	54220	57612	61753	62907	64306	65359	
2014	3822	12490	28285	39783	46486	51430	53462	54798	55771	56752	57680	
2015	4074	19021	$\hat{f}_j = \frac{\sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=1}^{n-1} \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=1}^{n-1} \sum_{$		59417	62138	63511	64674	66187	67351	68453	
2016	5070	19512	41300	$C_{i,j}$	59168	66279	69648	72782	74486	75796	77036	
2017	3817	17940	27339	33667	37894	41649	44086	46070	47148	47977	48762	
2018	7838	23756	34490	42665	51182 🔫	→ 57123	60464	63185	64664	65801	66878	
2019	7690	29441	43028	56871	66937	74707	79077	82636	84570	86057	87465	
2020	8935	27986	42675	56599	66617	74350	78699	82241	84166	85646	87047	
2021	4980	21155	35731	47389	55778	62252	65893	68859	70471	71710	72883	
2022	5819	21710	36670	48634	57242	63887	67624	70667	72321	73593	74797	

Etape 3 : Triangle des règlements décumulés

	Années de développement											
_	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
Survenance		_										
2012	3504	14335	11923	7592	10759	6176	6702	3963	2121	886	1112	
2013	4774	9452	10666	13560	7154	8614	3392	4141	1154	1400	1052	
201/	3822	8668	15795	11498	6703	4944	2032	1336	973	981	929	
201	Décum	nuler	16708	15136	7552	3721	1372	1163	1514	1164	1102	
2016	3070	14442	22048	10357	7251	7110	3369	3135	1704	1310	1240	
2017	3817	14123	9399	6328	4227	3755	2436	1984	1078	829	785	
2018	7838	15918	10734	8175	8517	5941	3341	2721	1479	1137	1077	
2019	7690	21751	13587	13843	10066	7770	4370	3559	1934	1487	1408	
2020	8935	19051	14690	13924	10018	7732	4349	3542	1925	1480	1401	
2021	4980	16175	14577	11658	8388	6474	3641	2966	1612	1239	1173	
2022	5819	15892	14959	11964	8608	6644	3737	3044	1654	1272	1204	

Etape 4 : Calcul des flux de règlements futurs

	Années de développement										
Survenance	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2012	3504	14335	11923	7592	10759	6176	6702	3963	2121	886	1112
2013	4774	9452	10666	13560	7154	8614	3392	4141	1154	1400	1052
2014	3822	8668	1579			4944	2032	1336	973	981	929
2015	4074	14947	1670	lux fu	turs	3721	1372	1163	1514	1164	1102
2016	5070	14442	22048	10357	7251	7110	3369	3135	1704	1310	1240
2017	3817	14123	9399	6328	4227	3755	2436	1984	1078	829	785
2018	7838	15918	10734	8175	8517	5941	3341	2721	1479	1137	1077
2019	7690	21751	13587	13843	10066	7770	4370	3559	1934	1487	1408
2020	8935	19051	14690	13924	10018	7732	4349	3542	1925	1480	1401
2021	4980	16175	14577	11658	8388	6474	3641	2966	1612	1239	1173
2022	5819	15892	14959	11964	8608	6644	3737	3044	1654	1272	1204

- Introduction
- Contextualisation
- Pilier I: Exigences quantitaives
- Construction de la Courbe zéro-coupon
- 5 Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
- Marge de risque
- Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- 10 Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

Provisions vie, décès ou capitalisation

$$PT = BE_{eng} + BEFG + MR$$
,

- PT : la provision technique.
- ullet $BE_{eng}=BEGP+BDF$: La meilleure estimation des engagements vie.
- $BEFG = \sum_{t=1}^{N} \frac{FG_t}{(1+r_t)^t}$: La meilleure estimation des frais de gestion vie.

Meilleure estimation des garanties probabilisées

$$BEGP = \sum_{t=0}^{t=N} rac{\left(Dec_t - Enc_t
ight)}{\left(1 + r_t
ight)^t} \quad ,$$

- Enct :Les encaissements à la date t.
- Dect : Les décaissements à la date t.

Bénéfices discrétionnaires futurs

$$BDF = PPB + \overline{TPB} \times (ST + SF) \times 1_{(ST + SF) > 0}$$

- PPB : la provision pour participation aux bénéfices.
- (ST + SF): Somme des soldes techniques et financière.
- *TPB* : Le taux de participation au bénéfice moyen.

- Introduction
- Contextualisation
- Pilier I : Exigences quantitaives
- Construction de la Courbe zéro-coupon
- 5 Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
- 8 Marge de risque
- Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- 10 Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

Marge de risque

$$MR = \alpha \times \sum_{i \ge 0} \frac{CSR_i}{(1 + r_{i+1})^{i+1}}$$
,

- ullet α : le taux du coût du capital.
- $CSR_i = \frac{BE_{eng_i}}{BE_{eng_0}} \times CSR_0$

Rentes découlants des opérations non-vie

La meilleure estimation des engagements et La meilleure estimation des frais de gestion sont déterminée de la même façon que les opérations d'assurance vie, décès ou capitalisation

$$BE_{eng} = BEGP = \sum_{t=0}^{t=N} \frac{(D_t - E_t)}{(1 + r_t)^t}$$

$$BEFG = \sum_{t=1}^{N} \frac{FG_t}{(1+r_t)^t}$$

Contents

- Introduction
- Contextualisation
- Pilier I: Exigences quantitaives
- 4 Construction de la Courbe
- 5 Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
- 8 Marge de risque
- Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- 10 Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles

Définition

La cession est une opération par laquelle un assureur transfère une partie de son risque à un réassureur en échange d'une partie de prime, pour réduire son exposition au risque.

$$PC = BEC - Adj$$

- PC: Part des cessionnaires.
- BEC : Meilleure estimation des engagements cédés.
- Adj : Ajustement pour défaut de contrepartie.

Meilleure estimation des engagements cédès

Opérations vie, décès ou capitalisation et rentes non-vie :

$$BEC = TC \times BE_{eng}$$

- BEC : Meilleure estimation des engagements cédès.
- TC : Taux de cession.
- BE_{eng} : Meilleure estimation des engagements vie.

Meilleure estimation des engagements cédès

Opérations vie, décès ou capitalisation et rentes non-vie :

$$BEC = TC \times BE_{eng}$$

- BEC : Meilleure estimation des engagements cédès.
- TC : Taux de cession.
- BE_{eng} : Meilleure estimation des engagements vie.

Meilleure estimation des engagements cédès

Opérations non-vie hors rentes :

$$BEC = TCS \times BES + TCP \times BEP$$

- BEC : Meilleure estimation des engagements cédès.
- *TCS* : Taux de cession pour sinistres.
- TCP : Taux de cession pour primes.
- BES: meilleure estimation des engagements pour sinistres.
- BEP: Meilleure estimation des engagements pour primes.

Ajustement pour défaut de contrepartie

Valorisation

$$Adj = \sum_{i>0} \frac{Adj_i}{(1+r_i)^i} \quad ,$$

avec:

$$Adj_i = rac{1}{2} imes ext{max} (BEC - DEV + SDR; 0) imes PD imes (1 - PD)^{i-1}$$

- *Adj* : Ajustement pour défaut de contrepartie.
- DEV : Dépôt en espèces et en valeurs.
- SDR : Solde de réassurance.
- PD : Probabilité de défaut de réassureur.

- 4 ロ ト 4 昼 ト 4 種 ト - 種 - り Q (C)

Contents

- Introduction
- Contextualisation
- Pilier I : Exigences quantitaives
- 4 Construction de la Courbe zéro-coupon
- 5 Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
- Marge de risque
- Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

Capital de Solvabilité Requis

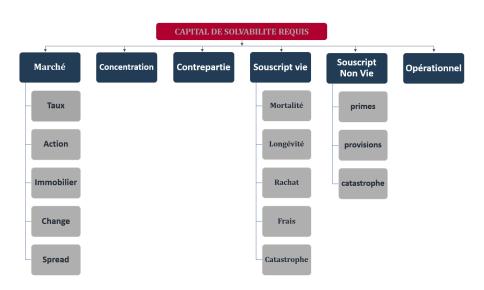
Définition

le CSR correspond au capital dont a besoin une entreprise d'assurance ou de réassurance pour faire face à tous les risques qui peuvent survenir dans le futur et limiter la probabilité de ruine.

$$CSR = CSRB + CSRO + Adj_{As} + Adj_{ID}$$

- CSRB : Capital de solvabilité requis de base.
- CSRO : Exigence de capital relative au risque opérationnel.
- Adj_{As} : Ajustement à tenir compte les pertes par les assurés.
- Adj_{ID} : Ajustement à tenir compte les pertes par les impôts différés.

Capital de Solvabilité Requis

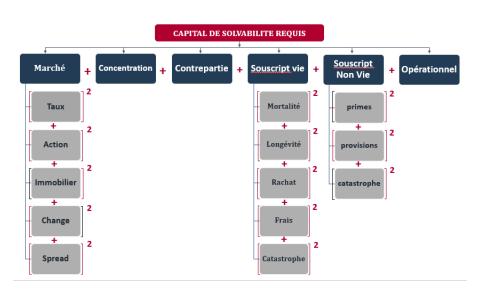


Capital de solvabilité requis

Démarches

- Application d'un choc sur chaque composante de chaque risque.
- Réestimation des différentes meilleures estimations après choc.
- Le CSR correspond à la perte en meilleur estimation pour chaque risque.

Capital de Solvabilité Requis



Exigence de capital relative au risque de souscription vie

Valorisation

$$CSR_{SV} = \sqrt{CSR_{mort}^2 + CSR_{Cat}^2 + CSR_F^2}$$

Exigence de capital relative au risque de frais

$$CSR_F = BE_F(Choc) - BE_F$$

Le choc a été appliqué sur la table de mortalité par un augmentation de 14 % Et une majoration annuelle de 1,5 %

Exigence de capital relative au risque de souscription vie

Exigence de capital pour risque de mortalité

$$CSR_{mort} = BE_{eng}(Choc) - BE_{eng}$$

Le choc a été appliqué sur la table de mortalité par un augmentation de 30 %

Exigence de capital relative au risque de catastrophe

$$CSR_{Cat} = BE_{eng}(Choc) - BE_{eng}$$

Le choc a été appliqué sur la table de mortalité par un augmentation de 0,2 %

51 / 61

Exigence de capital relative au risque de souscription non vie

Valorisation

$$CSR_{SNV} = \sqrt{CSR_P^2 + CSR_{Pr}^2 + CSR_{cat}^2}$$

Exigence de capital relative au risque de catastrophe non-vie

$$CSR_{Cat} = \sqrt{\sum_{i} CSR_{i}^{2}}$$
 ,

 $i \in \{\text{Les sous-risques de catastrophe non-vie}\}\$

Exigence de capital relative au risque de souscription non vie

Exigence de capital relative au sous-risque de primes

$$CSR_P = X_P\% \times \sigma_P \times BEP$$

Les valeurs de $X_P\%$ et σ_P sont précisés par l'ACAPS (pas d'information jusqu'à ce moment)

Exigence de capital relative au sous-risque de provisions

$$CSR_{Pr} = X_{Pr}\% \times \sigma_{Pr} \times BEP_{eng}$$

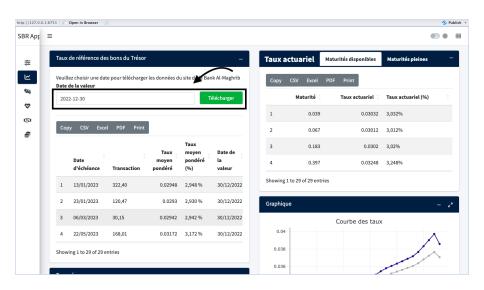
Les valeurs de $X_{Pr}\%$ et σ_{Pr} sont précisés par l'ACAPS (pas d'information jusqu'à ce moment

◆ロト ◆個ト ◆注ト ◆注ト 注 りへぐ

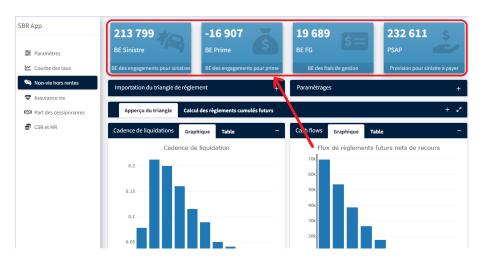
Les paramètres



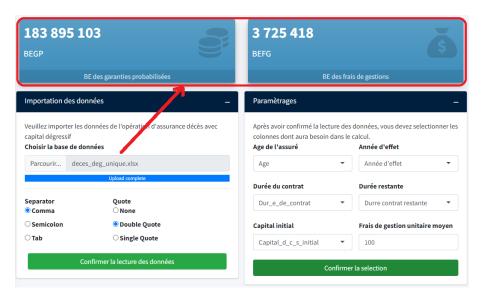
Courbe des taux zéro-coupon



Meilleur estimation des engagements non-vie



Meilleur estimation des engagements vie



Part des cessionnaires



Marge de risque



Contents

- Introduction
- Contextualisation
- Pilier I : Exigences quantitaives
- 4 Construction de la Courbe zéro-coupon
- Valorisation de l'actif
- 6 Provisions non-vie hors rentes

- Provisions vie, décès ou capitalisation
- Marge de risque
- Part des cessionnaires dans les provisions prudentielles
- 10 Capital de Solvabilité Requis
- Conclusion

Conclusion

L'assurance est une opération de garantie de risque en échange d'une prime, ce qui rend le secteur de l'assurance très exposé aux risques. Il incombe aux autorités de réglementer ce domaine. Dans ce contexte, l'ACAPS a adopté le projet SBR pour améliorer la réglementation prudentielle au Maroc. Notre travail consistait à développer une fiche technique des formules et à préparer un outil informatique capable d'effectuer tous les calculs du pilier 1 de la SBR.