Versuchsbericht zu

E2 - MILLIKAN

Gruppe 6Mi

Alexander Neuwirth (E-Mail: a_neuw01@wwu.de) Leonhard Segger (E-Mail: l_segg03@uni-muenster.de)

> durchgeführt am 10.01.2018 betreut von Johann Preuß

Inhaltsverzeichnis

1	Kurzfassung	3
2	Vorüberlegungen	3
3	Methoden	5
4	Ergebnisse und Diskussion 4.1 Beobachtung	6 8
5	Schlussfolgerung	9

1 Kurzfassung

Durch den Millikan Versuch soll die Elemtentarladung bestimmt werden. Dies gelingt dadurch, dass man die Bewegung von Öltröpfchen in einem konstantem elektrischen Feld beobachtet. Einfluss auf die Bewegung nimmt die Gravitation, Luftreibung, Coulomb-Kraft und der Auftrieb. Da ein direktes Vermessen des Öltröpfchens nicht praktikabel ist, werden zwei Fälle untersucht.

Erst wird die Zeit für eine bestimmte Strecke gemessen, wobei das elektrische Feld parallel zum Gravitationsfeld ausgerichtet ist. Im zweiten Fall ist das elektrische Feld ausgeschaltet, sodass sich aus beiden Messugen Ladung und Radius des Tröpfchens bestimmen lassen. Die Ladung der Öltröpfchen entsteht durch Reibung beim Einsprühen in den Kondensator. Die Hypothese lautet, dass wenn es eine Elementarladung gibt, müssten die Tröpfchen stets mit einem Vielfachen derer geladen sein.

2 Vorüberlegungen

Zur Vorbereitung auf den Versuch wurden folgende Aufgaben bearbeitet:

- Eine Skizze der Kräftegleichgewichte wurde vor dem Experiment angezeichnet und besprochen. In Abb. 1 und Abb. 2 sind diese dargestellt.
- Herleitung der Kräftegleichgewichte aus den Formeln für r und Q: Die relevanten Kräftegleichgewichte lauten:

$$F_{\rm G} = F_{\rm R} + F_{\rm A}$$
$$F_{\rm G} + F_{\rm R} = F_{\rm el} + F_{\rm A}$$

Wenn man hier die vorgegebenen Kräfte bei Öltröpfchen in Luft einsetzt, erhält man:

$$\frac{4}{3}\pi r^3 \rho_{\bullet l} g = 6\pi \eta r v_{\downarrow} + \frac{4}{3}\pi r^3 \rho_{L} g$$
$$\frac{4}{3}\pi r^3 \rho_{\bullet l} g + 6\pi \eta r v_{\uparrow} = \frac{QU}{d} + \frac{4}{3}\pi r^3 \rho_{L} g$$

Aus diesem Gleichungssystem erhält man nach einigen Umformungsschritten:

$$Q = \frac{18\pi d}{U} \sqrt{\frac{\eta^3 v_{\downarrow}}{2(\rho_{\bullet l} - \rho_{\rm L})g}} (v_{\downarrow} + v_{\uparrow})$$
$$r = 3\sqrt{\frac{\eta v_{\downarrow}}{2(\rho_{\bullet l} - \rho_{\rm L})g}}$$

• Die Dauer der Beschleunigungsphase der Tröpfchen muss nicht berücksichtigt werden, da die Fall- und Steiggeschwindigkeiten in der Größenordnung von 10^{-4} m s⁻¹ liegen, es also zu erwarten ist, dass die Beschleunigungsphase der Teilchen sehr kurz ist.

- Es ist wichtig die Kondensatorplatten waagerecht auszurichten, weil sie einerseits parallel zu einander sein müssen, damit das elektrische Feld möglichst homogen ist und andererseits muss die Kraft des elektrischen Feldes parallel zur Gravitationskraft und damit allen anderen Kräften sein.
- Es werden Öltröpfehen anstelle von Wassertröpfehen verwendet, weil Öl deutlich weniger flüchtig ist, man also keinen Massenverlust der Tröpfehen während der Beobachtung mit einbeziehen muss.
- Im elektrischen Feld steigen stärker geladene Teilchen schneller auf als weniger geladene. Deshalb muss man, um stärker und weniger stark geladene Teilchen bei gleicher Geschwindigkeit zu beobachten, bei stärker geladenen Teilchen die Spannung verringern und umgekehrt sie bei schwächer geladenen erhöhen.
- Man sollte die einzelnen Messungen nicht innerhalb der Stoppuhr aufsummieren, weil dies bedeuten würde, dass wenn man sich bei einer der Messungen vermisst, alle bisherigen Messungen dieses Teilchens wiederholen müsste, während man ansonsten nur die eine misslungene erneut durchführen muss.
- Bei steigender Temperatur steigen mittlere Weglänge λ und Viskosität η in Luft (siehe Literaturwerte aus der Anleitung). Dies ist nicht in allen Medien der Fall.

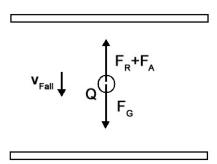


Abbildung 1: Kräfte auf das Öltröpfchen während der Fallbewegung. Das elektrische Feld ist ausgeschaltet.[1]

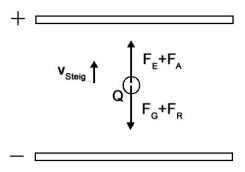


Abbildung 2: Kräfte auf das Öltröpfchen während der Steigbewegung.[1]

3 Methoden

In Abb. 3 ist er Aufbau des Experiments illustriert. Um die Öltröpfchen erkennbar zu machen wurde der Raum abgedunkelt und die Beleuchtungseinrichtung eingeschaltet. Zunächst wurden an den Kondensatorplatten mit einem Abstand d eine Gleichspannung von ca. 600 V angelegt. Darauf wurden Öltröpfehen in das elektrische Feld gesprüht. Mit einem Mikroskop war nun erkennbar, dass ein Töpfchen welches ansteigt, geladen ist. Durch die Linsen des Mikroskops ist das Bild seitenverkehrt, folglich hatte es den Anschein das Öltropfchen bewege sich nach unten. Nachdem man eine Tröpfchen gefunden hatte, wurde das Feld ausgeschaltet und die Zeit gemessen die das Tröpfchen für eine Fall von zwei Skalenteilen (2 mm) benötigte. (Fallzeit) Dann wurde das elektrische Feld wieder eingeschaltet und dieselbe Messung wurde erneut durchgeführt mit umgekehrter Bewegung des Teilchens. (Steigzeit) Diese zwei Messungen wurden fünffach für 15 Tröpfchen durchgeführt. Zu Beachten galt es, dass Luftstömungen die Tröpfchen beeinflussen können, desshalb wurde der Raum zwischen den Kondensatorplatten mit einem Stück Pappier zwischen Ölzerstäuber und Einsprühöffnung abgeschlossen. Außerdem steigt der Fehler mit der Ladung Q, wesshalb man bereits während des Experiments die Ladung einzelner Tröpfchen berechnet, um diese möglichst klein halten zu können.

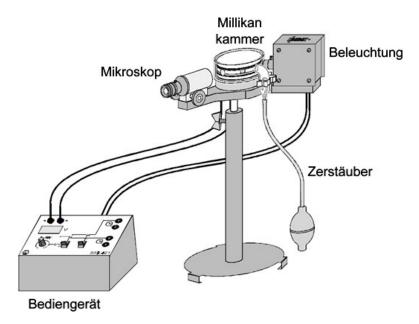


Abbildung 3: Exemplarischer Aufbau des Millikan Versuchs.[3]

4 Ergebnisse und Diskussion

4.1 Beobachtung

Technische Daten und Konstanten

- Plattenabstand: $d = (6.0 \pm 0.5) \,\mathrm{mm}$
- Okularvergrößerung: 10
- Objektivvergrößerung: 2.0 ± 0.5
- Länge der Mikrometerskala: 10 mm
- kleine Skalenteilung: 0,1 mm
- Öldichte: $\rho_{\rm Ol}=(874.0\pm1.2)\,{\rm kg\,m^{-3}}$ (gemäß der Temperaturabhängigkeit der Dichte bei unbekannter exakter Temperatur nahe Raumtemperatur von 20 °Cmit rechteckiger WDF)
- Dynamische Viskosität der Luft: $\eta = (18,20\pm0,18)\,\mu\text{Pa}\,\text{s}$ (gemäß der Temperaturabhängigkeit der Dynamischen Viskosität bei unbekannter exakter Temperaturnahe Raumtemperatur von 20 °C mit rechteckiger WDF)
- Dichte der Luft: $\rho_L = 1,2929\,\mathrm{kg\,m^{-3}}$ (ohne Unsicherheit, denn gering gegenüber der Dichte von Öl und deren Unsicherheit)
- Ortsfaktor: $(9.81 \pm 0.02) \,\mathrm{m\,s^{-2}}$ (ortsabhänige Schwankung nach oben abgeschätzt)

Die Spannung zwischen den Kondensatorplatten wurde auf 565 V eingestellt, sank aber während des Versuchs auf 560 V. Die Unsicherheit der Digitalanzeige verschwindet gegen diese Schwankungen, deswegen wird (gemäß rechteckiger WDF) eine Spannung von $(562,5\pm0.8)$ V angenommen. Es wurde immer die Zeit gemessen, die die Tröpfchen für eine Strecke von zwei großen Skaleneinteilungen benötigt haben. Dabei entsprachen zwei große (20 kleine) Skaleneinteilungen einer Strecke von $s = (2.0 \pm 0.2)$ mm (0.2 mm Ableseungenauigkeit mit dreieckiger WDF). Für die Zeitmessung mithilfe der Stoppuhr ergibt sich die Unsicherheit aus der kombinierten Unsicherheit der Digitalanzeige der Stoppuhr und der Reaktionszeit des Menschen gemäß der Gleichung zur Kombination von Unsicherheiten. Dabei schätzen wir die Reaktionszeit des Menschen aufgrund der teilweise schwierigen Erkennbarkeit der Tropfen nach oben mit 0,2 s ab. Dieser Fehler überlagert deutlich die Unsicherheit von 0,006s durch die Digitalanzeige (zwei Nachkommastellen mit rechteckiger WDF). Dann wurde aus den Zeitmessungen der Mittelwert der Fallund Steigzeit für jedes der 15 Tröpfchen gebildet. Die Unsicherheit dieser Mittelwerte ergibt sich aus der kombinierten Unsicherheit aus Standardunsicherheit (aus den Abweichungen der Messwerte vom Mittelwert) und einem Fünftel des zuvor genannten Fehlers der Stoppuhr.

$$u(y) = \sqrt{\sum_{i=0}^{N} \left(\frac{\partial f}{\partial x_i} u(x_i)\right)^2} \tag{1}$$

Die Ladungen der Öltröpfehen wurden mithilfe von Gleichung (2) und die kombinierte Unsicherheit der Ladung Gleichung (1) bestimmt und in Abb. 4 dargestellt.

$$Q = \frac{18\pi d}{U} \sqrt{\frac{\eta^3 v_{\downarrow}}{2(\rho_{\bullet l} - \rho_{\rm L})g}} (v_{\downarrow} + v_{\uparrow})$$
 (2)

Dazu wurde zunächst gemäß v = s/t die Aufstiegs- und Fallgeschwindigkeiten (und deren Fehler gemäß Gleichung (1))der Tröpfchen bestimmt.

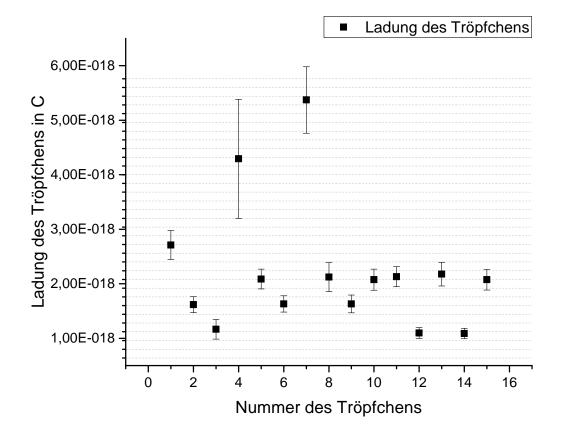


Abbildung 4: Die Ladungen, die sich gemäß Gleichung (2) aus den Fall- und Steiggeschwindigkeiten der Tröpfehen ergeben. Die horizontalen gestrichelten Linien entsprechen dabei Vielfachen des Literaturwerts für die Elementarladung (vgl. [2])

4.2 Diskussion

Wenn die Tröpfchengröße im Bereich der mittleren freien Weglänge der Luftmoleküle liegt, muss im Stokesschen Gesetz zur Reibung die Viskosität der Luft korrigiert werden. Da diese Cunningham-korrigierte Viskosität von dem Radius der Tröpfchen abhängt (die mithilfe der Viskosität berechnet wird), würde dies eine iterative, numerische Rechnung benötigen. Deshalb (und weil die Korrektur sehr gering ist) haben wir darauf bei der Berechnung der Ladung der Tröpfchen verzichtet.

Der Literaturwert für die Elementarladung beträgt $(1,602\,176\,620\,8\pm0,000\,000\,009\,8)\cdot10^{-19}\,\mathrm{C}$ [2]. In Abb. 4 sind die gestrichelten horizontalen Linien Vielfache der Elementarladung. Auffällig sind die Ausreiser Tröpfchen Nummer 4 und 7. Beide weisen eine Unsicherheit von mehr als dem sechsfachem der Elementarladung auf. Das dies der Fall sein würde bei einer zu hohen Ladung ist bereits aus den Vorüberlegungen bekannt. Die meisten Messwerte häufen sich um eine Ladung von $2,08\cdot10^{-18}\,\mathrm{C}$, da deren Unsicherheiten auch

mehrere mögliche Vielfache der Elementarladung beinhalten, kann nicht gefolgert werden, dass die Ladung ein Vielfaches der Elementarladung ist. Die interessantesten Werte liegen bei $1,12\cdot10^{-18}\,\mathrm{C}$, da sie die kleinsten Unicherheiten besitzen. Die Messpunkte 12 und 14 sind nahe an dem siebenfachen der Elementarladung, jedoch ist die Unsicherheit noch bei ca. $1,602\cdot10^{-19}\,\mathrm{C}$. Es könnte also auch eine Ladung von $6,5\cdot1,602\cdot10^{-18}\,\mathrm{C}$ in den Öltröpfchen enthalten sein. Außerdem sind zwei Messpunkte mit einer genügend kleinen Unsicherheit unausreichend, um Schlüsse auf die Elementarladung ziehen zu können.

Aus den von uns ermittelten Ladungen lässt sich die Elementarladung nicht bestimmen, ihre Existenz allerdings auch nicht ausschließen.

5 Schlussfolgerung

Das Experiment legt den Schluss auf die Existenz einer Elementarladung nahe, jedoch ist nicht ausgeschlossen, dass die gemessene Elementarladung das Doppelte der eigentlichen ist. Durch mehrfaches Messen erkennt man allerdings,
dass es keine Öltröpfchen mit einer Ladung kleiner als $1,602 \cdot 10^{-19}\,\mathrm{C}$ oder mit (0.5+n)e gibt. Folglich lässt sich erst durch ausreichend viele Messungen stochastisch die Existens einer Elementarladung bestätigen. Die 15 von uns gemessenen Tröpfchen lassen einen groben Schluss auf die Elementarladung zu, sind jedoch für eine genaue Bestimmung nicht genügend Messpunkte.

Zusätzlich hätte man die Ladung auch durch ein genaues Einstellen der Spannung, sodass das Öltröpfchen schwebt, bestimmen können, dies ist aber unpraktisch, da die Spannung am Kondensator nicht ausreichend genau konfiguriert werden kann. Außerdem wäre nach wie vor der Radius des Tröpfchens durch eine andere Methode zu bestimmen.

Eine mögliche Verbesserung des Experiments wäre die Bereitstellung einer stärkeren Spannungsquelle, sodass beispielweise auch ein Tröpfchen, das nur eine Ladung von e und einen verhältnismässig großen Radius hat, aufsteigt.

Literatur

- [1] Florian Glas. Millikan Versuch. URL: http://137.193.65.91/ger/theory.htm (besucht am 16.01.2018).
- [2] Fundamental Physical Constants des NIST. *Elementarladung*. URL: https://physics.nist.gov/cgi-bin/cuu/Value?e (besucht am 15.01.2018).
- [3] Physikdepartment der Technischen Universität München. *Millikan Versuch*. URL: https://www.av.ph.tum.de/Experiment/2000/Beschreibungen/ver2020.php (besucht am 15.01.2018).